

开课吧-笔试面试算法(下)系列资料



线段树

胡船长

初航我带你,远航靠自己

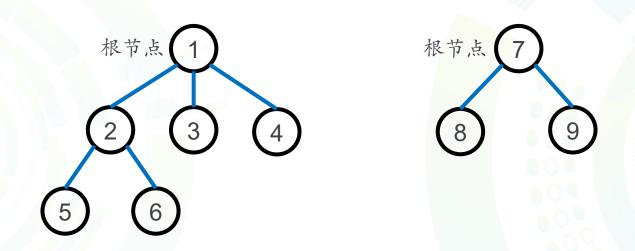


区间修改及查询





树 形 结 构



树的节点: 代表集合

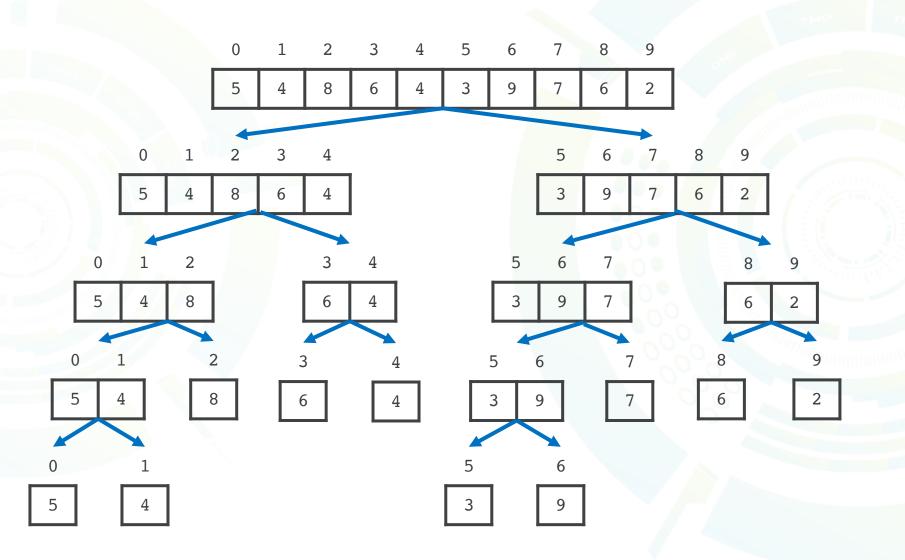
树的边: 代表关系

拥有相同父节点的属于一个集合

从父节点根据不同关系分出的子集

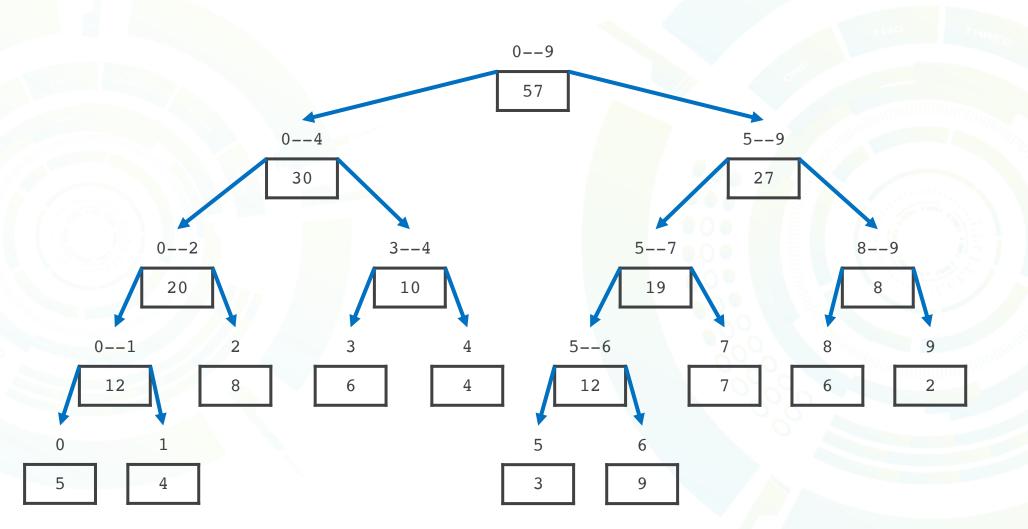


线 段 树



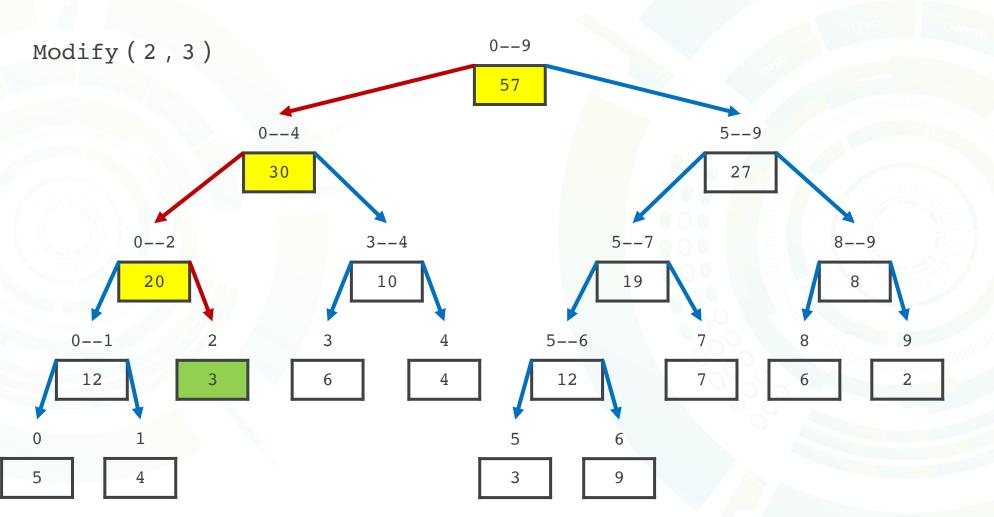


线 段 树



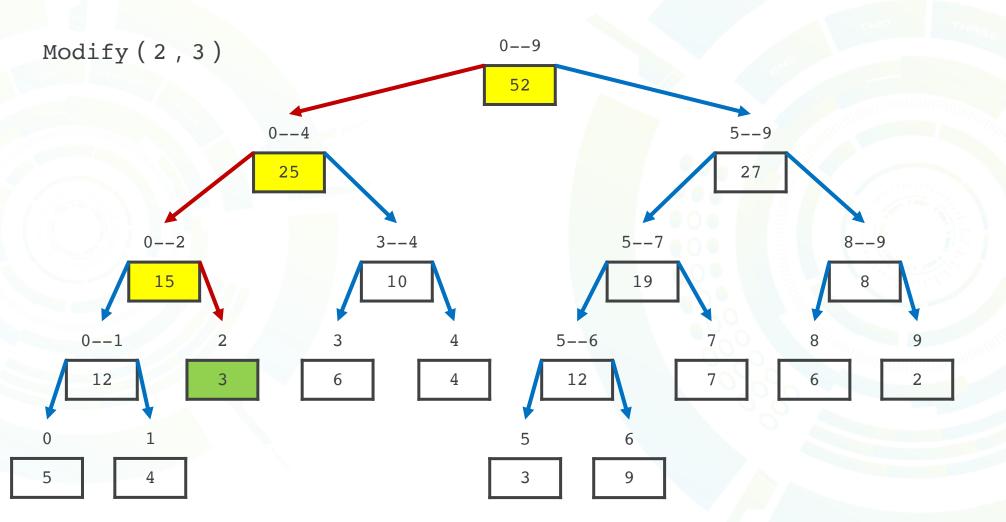


线段树一单点修改



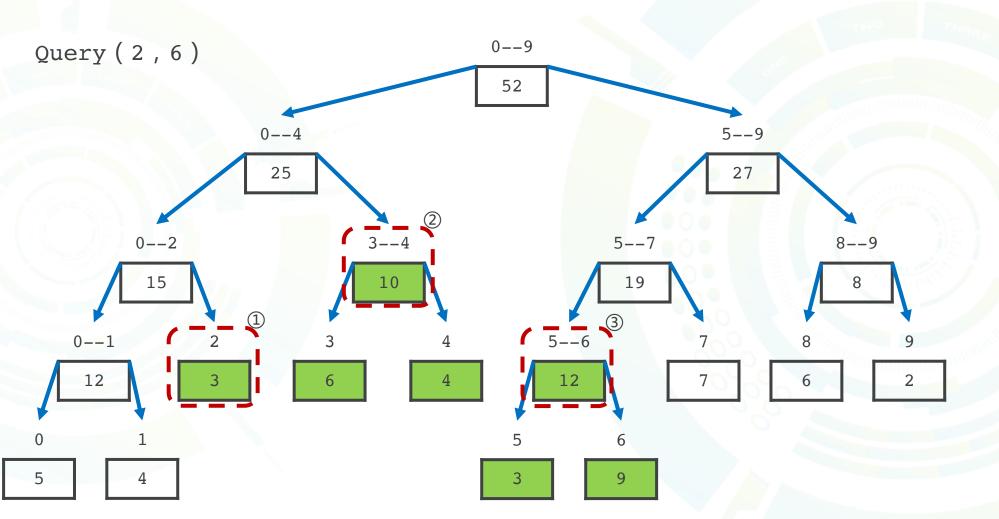


线段树一单点修改





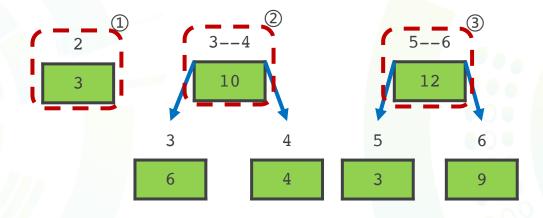
线段树一区间查询





线段树一区间查询

Query (2,6)





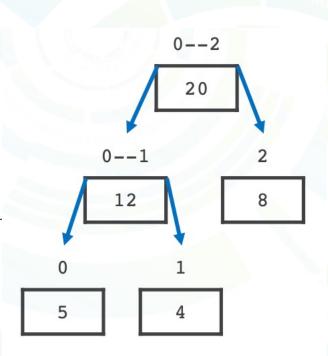
线段树总结

1、单点修改: log(n) 2、区间查询: log(n)

问题思考:

1、若采用完全二叉树的存储方式, n 个点的线段树, 最多需要多少个节点空间?

2、如何做区间修改?

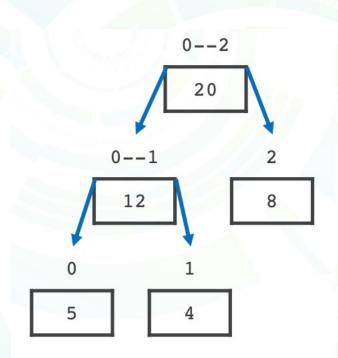




线段树总结

- 1、叶节点(度为0)有n个
- 2、度为2的节点有 n-1 个
- 3、最后一层最多需要 2*n 的存储空间

最多需要节点空间: n + n - 1 + 2n = 4n - 1



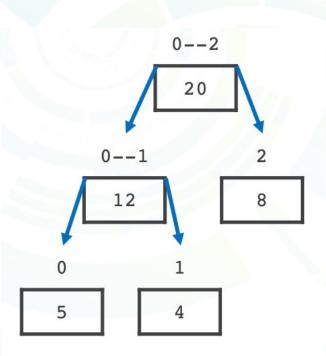


线段树总结

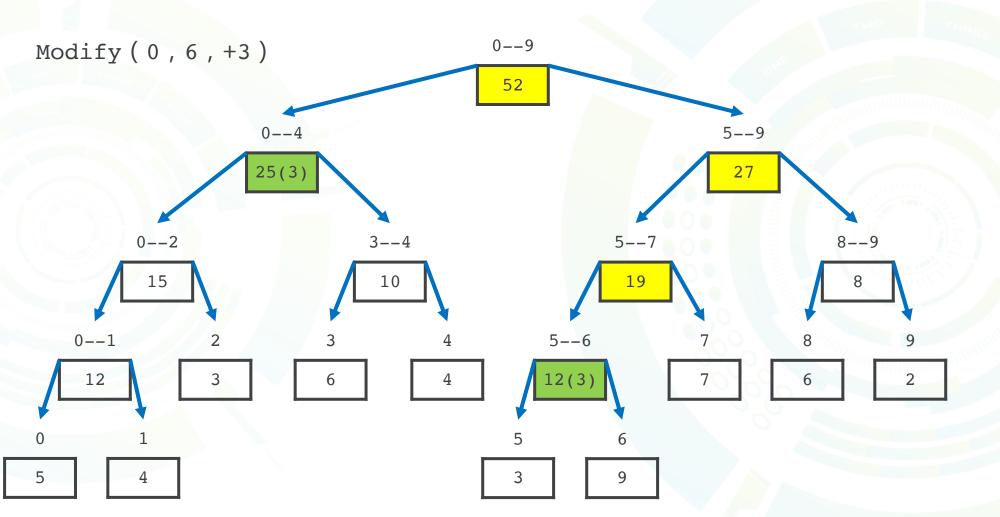
深入思考:

对于区间修改任务,最笨的想法,就是拆解成m次单点修改,那么区间修改的时间复杂度: O(mlogn)

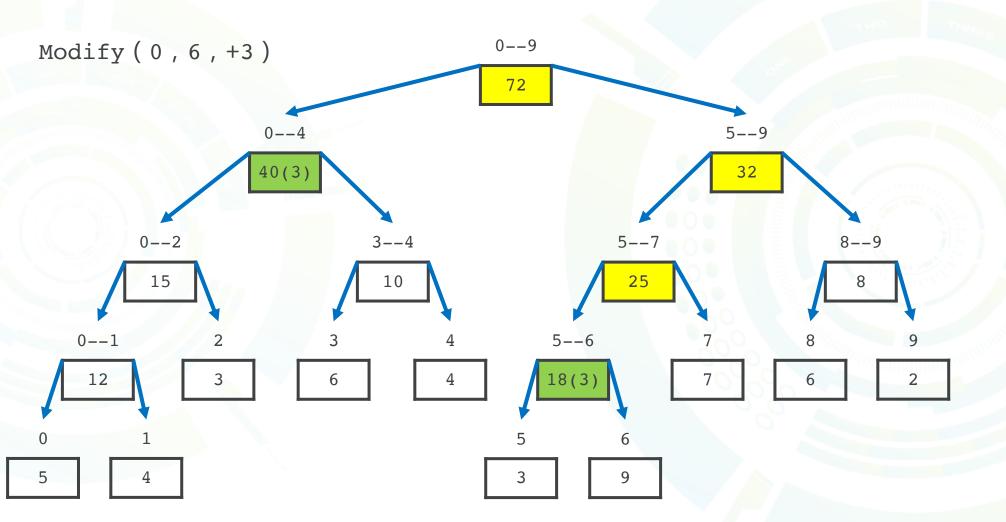
反观暴力式区间修改时间复杂度: O(m)



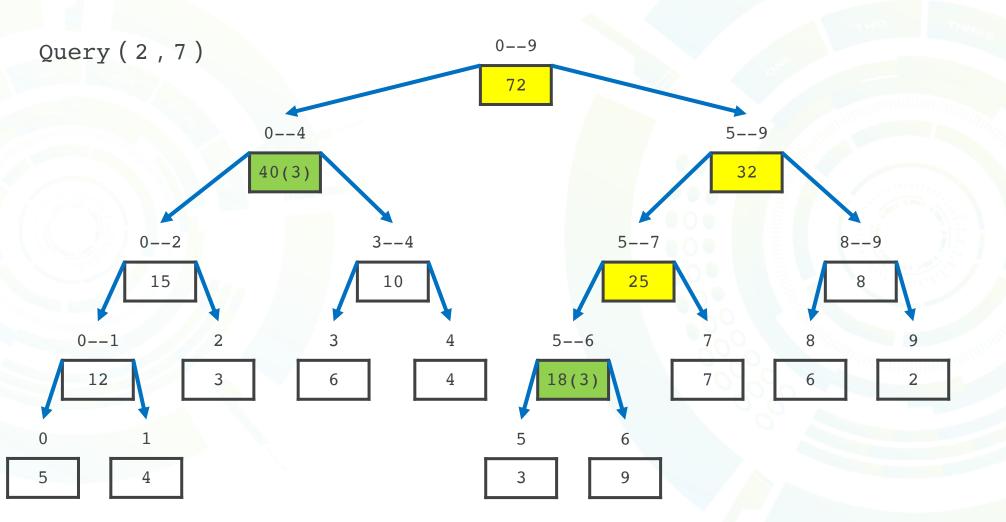




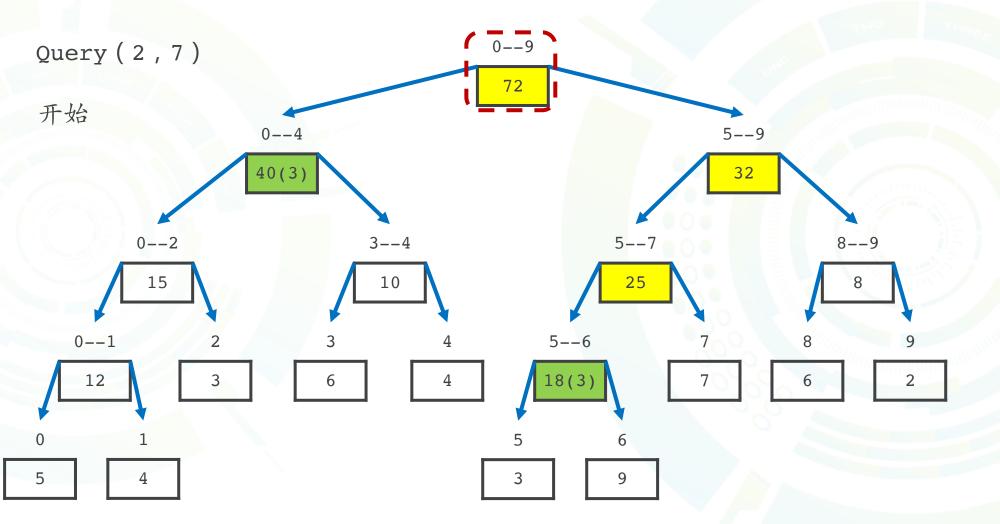




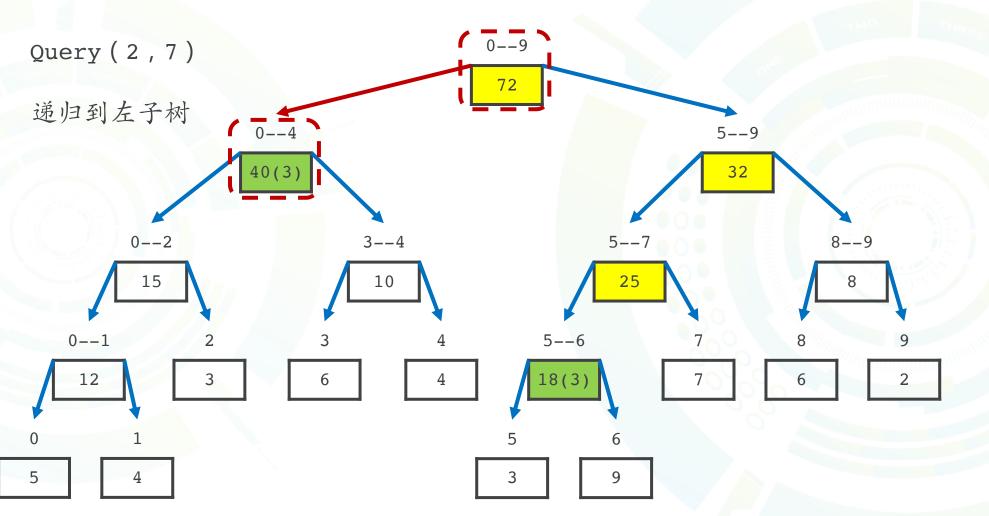




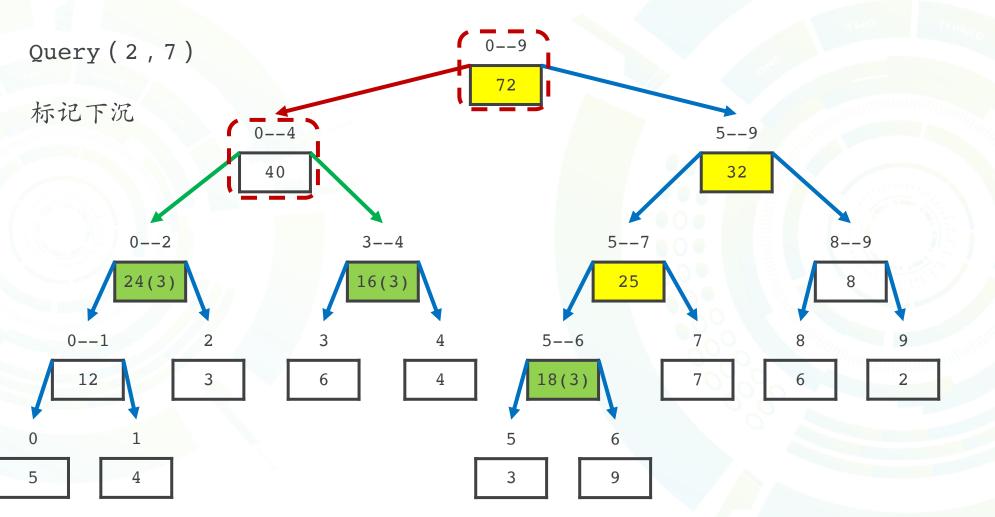




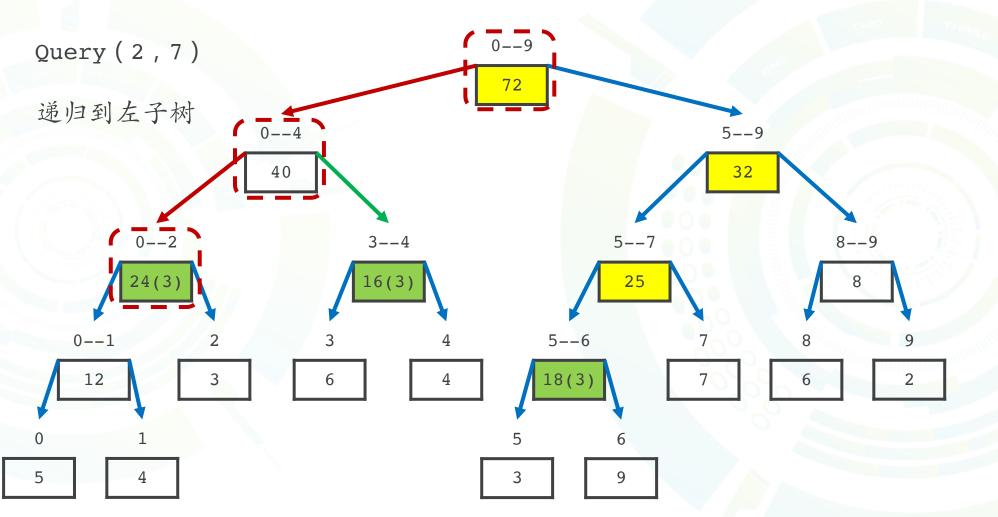




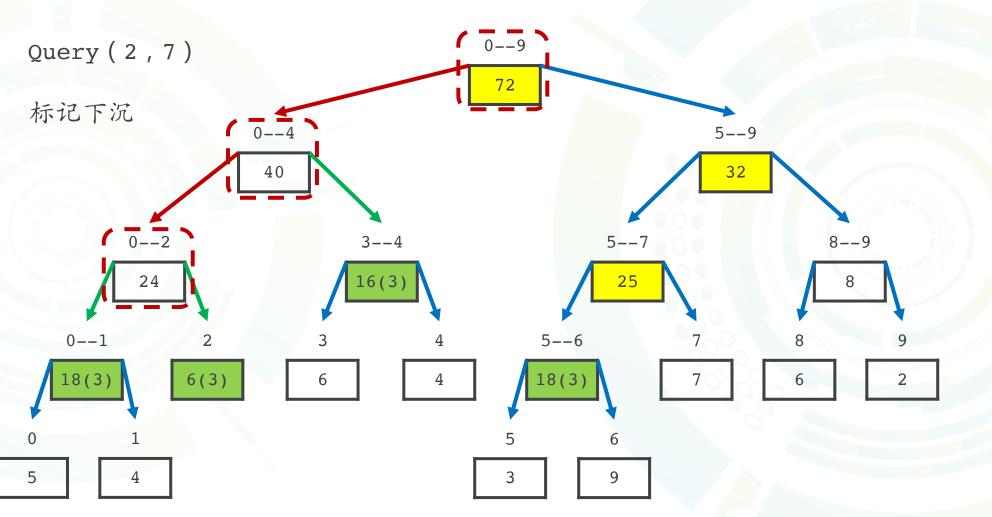




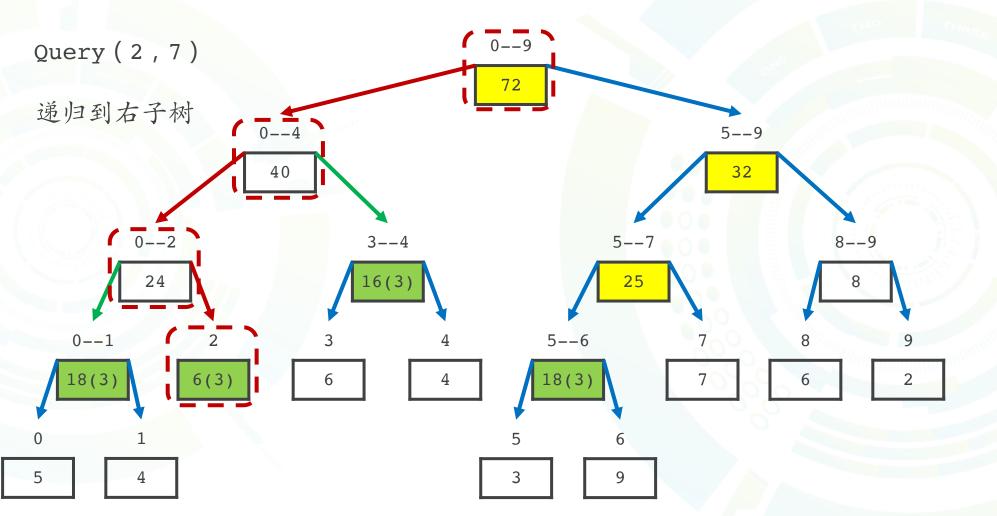




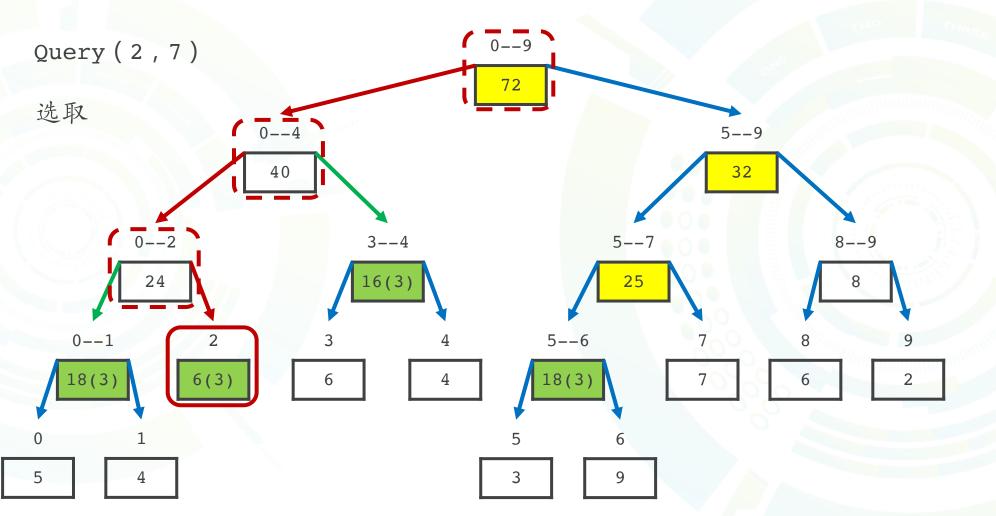




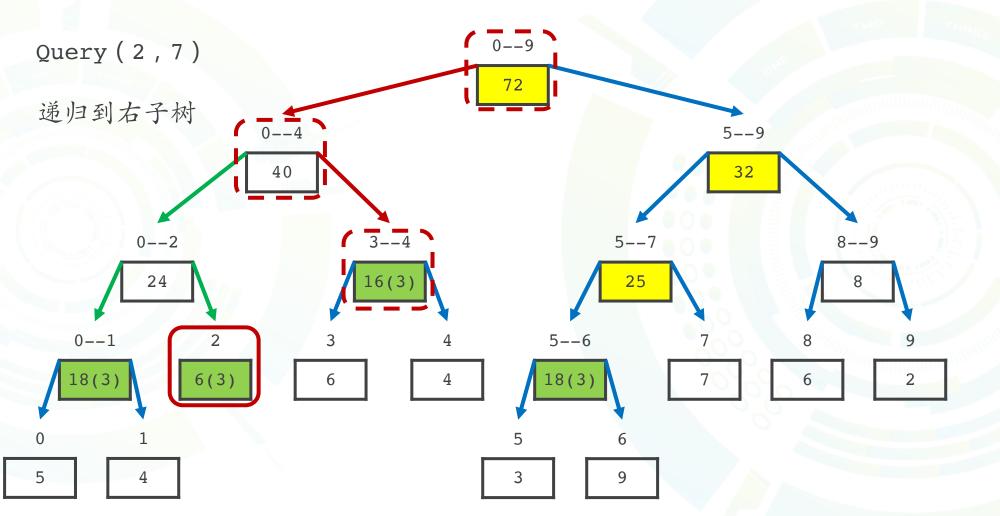




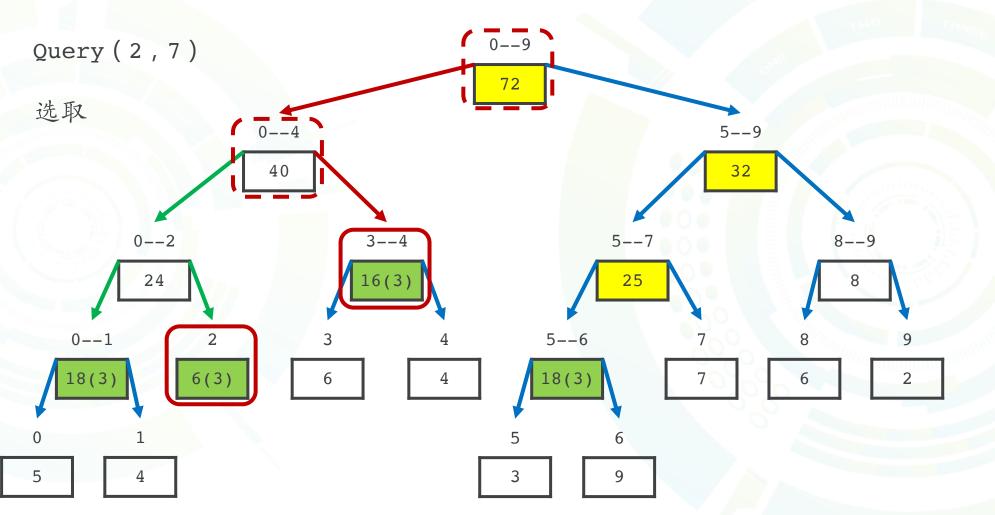




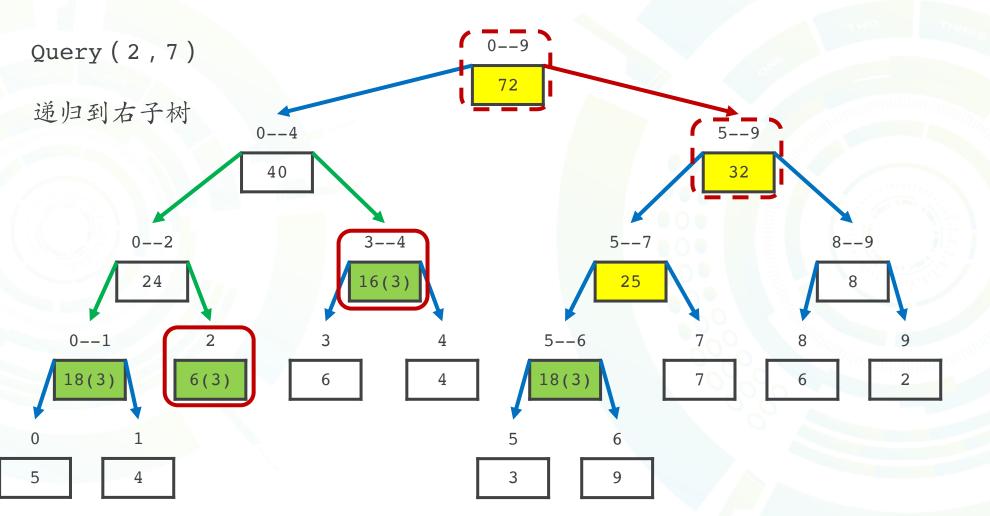




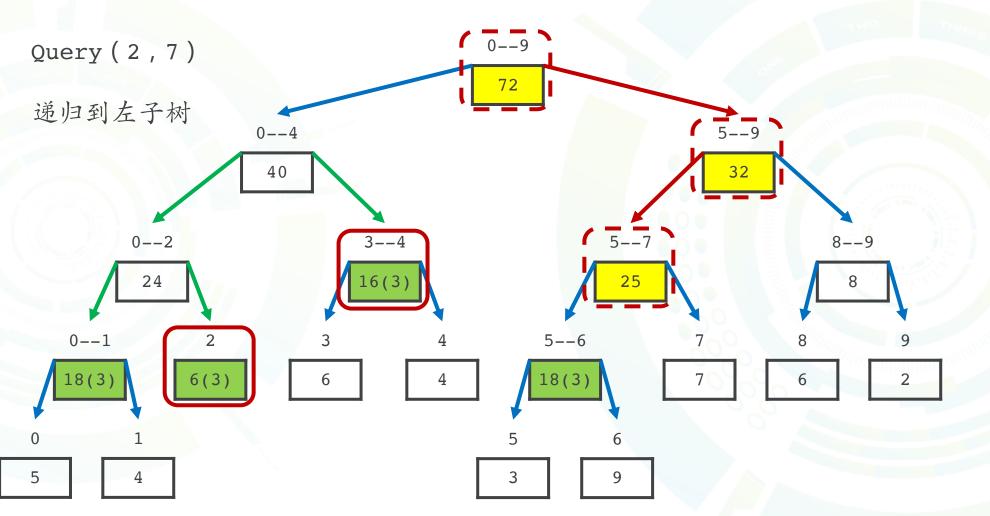




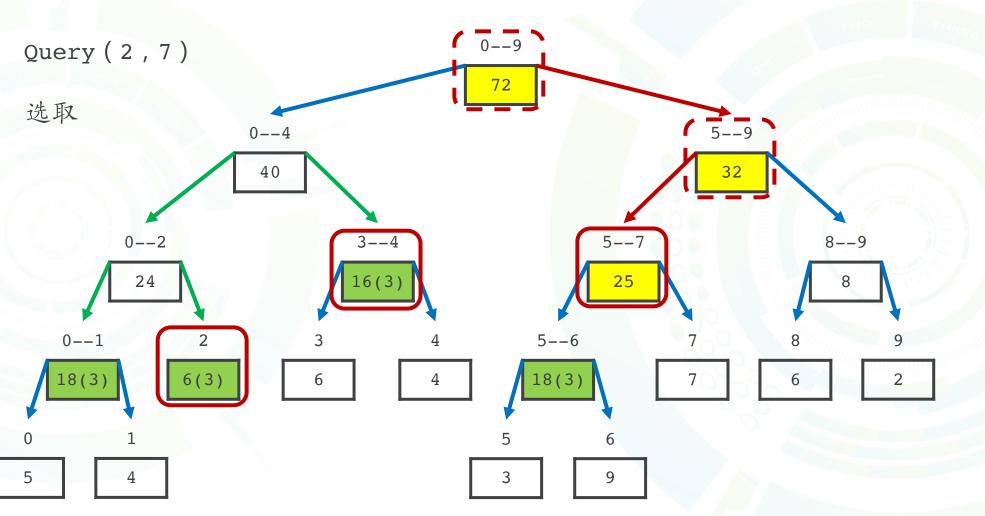




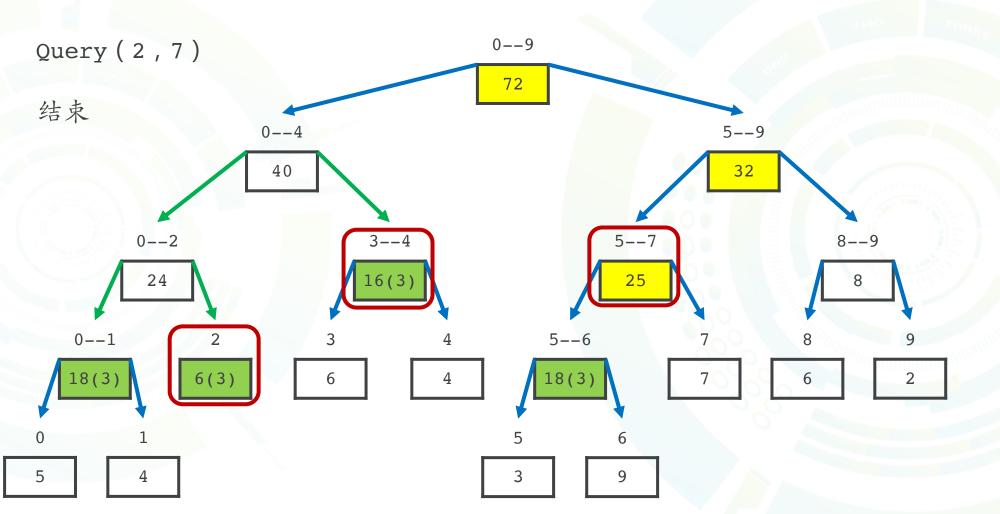














线段树一关键词

完全二叉树: 线段树程序实现时候的实际存储结构

区 间:线段树中每个节点所维护的范围

向上更新:用两个子节点的信息更新本节点的信息

下沉标记:将本节点的懒惰标记更新给两个子节点

口 诀:下沉发生在递归之前,向上发生在递归之后



练习题1:线段树模板(一)

【编写程序】给定一个n位数组和两种操作,修改某个位置的值,和查询数组中某个区间的最大值。

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
5	4	8	6	4	3	9	7	6	2	
									0	
Qu	ery	0		5			Ans	:	8	
Mod	ify	2		3						
Qu	ery	0		5			Ans		6	
Mod	lify	6		7						
Qu	ery	7		9			Ans		7	



练习题2:线段树模板(二)

【编写程序】给定一个n位数组和两种操作,给某个区间的所有数加上某个值,和查询数组中某个区间的和值。

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
5	4	8	6	4	3	9	7	6	2	
$\overline{\mathcal{A}}$									00	
Qu	ery	0		5			Ans	•	30	
Mod	lify	1		5	3					
Qu	ery	2		4			Ans	•	27	
Mod	lify	4		7	4					
Qu	ery	5		9			Ans		42	



练习题3:复合线段树

【编写程序】

给定一个n位数组和三种操作:

- 1. 给某个区间的所有数加上某个值
- 2. 给某个区间的所有数乘上某个值
- 3. 查询数组中某个区间的和值

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	4	8	6	4	3	9	7	6	2

Query	0	5		Ans:	30
Multiply	1	5	3		
Query	2	4		Ans:	54
Add	4	7	4		
Ouerv	5	9		Ans:	45



习 题 作 业

Luogu	P3372	Luogu	P3373
Luogu	P3924	Luogu	P1047
Luogu	P1168	Luogu	P1204
Luogu	P1276	Luogu	P1438
Luogu	P1442	Luogu	P1471
Luogu	P1531	Luogu	P1533
Luogu	P1558	Luogu	P1637
Luogu	P1816	Luogu	P2574