# machine learning 笔记

徐世桐

## 1 基础定义

二元分类:输出分类个数为 2 **多元分类**:输出分类个数不限

one-versus-the-rest OvR: 计算属于每一分类的可能性,取可能性最大的分类为输出分类 one-versus-one OvO: 对所有分类两两使用二元分类,每一分类器训练只需一部分数据

**multilabel 多标签分类**:目标检测,对一图像中的物体加 label **multioutput 多类分类**:多标签分类,每一标签可包含多种信息

learning schedule: 根据迭代次数更新学习率

early stopping: 提早结束训练

对于每一 epoch, 当验证集 MSE 值增高时,证明开始 overfit,停止训练

即在 epoch-error 图中泛化误差最低时停止训练

在训练中使用正则化代价函数,训练结束后测试中代价函数不使用正则化项

## 2 数学计算

 $MSE = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (x^{(i)} - \bar{x})^2$ 

rigid regression: 回归方法,  $J(\theta) = MSE(\theta) + \frac{\alpha}{2} \sum_{i} \theta_{i}^{2}$ 

降低所有权重值

lasso regression: 回归方法,  $J(\theta) = MSE(\theta) + \alpha \sum_i |\theta_i|$ 

降低不重要的权重值

elastic net: 回归方法,  $J(\theta) = MSE(\theta) + \gamma \alpha \sum_{i} |\theta_{i}| + (1 - \gamma) \frac{\alpha}{2} \sum_{i} \theta_{i}^{2}$ 

Normal Equation:  $\hat{\theta} = (X^T X)^{-1} X^T y$ 

直接得到权重 $\hat{\theta}$ ,适用于仅有一个输出值的模型

X 为 (批量大小,参数个数) 输入矩阵, y 为 (批量大小, ) 向量

当  $X^TX$  无逆矩阵时,用 psudo inverse $\hat{\theta} = X^+y$ 

pseudo inverse:

对矩阵  $X = USV^T$ , pseudo inverse  $X^+ = VS^+U^T$ 。 $S^+$  求法:

- 1. 对所有 S 元素,接近 0 的值赋为 0
- 2. 对所有非零元素取倒数
- 3. 取矩阵转置,得到  $S^+$

log loss: 代价函数

$$J(\theta) = -\frac{1}{|B|} \sum_{i=1}^{|B|} [y^{(i)}log(\hat{p}^{(i)}) + (1-y^{(i)})log(1-\hat{p}^{(i)})]$$

标签值  $y^{(i)}$  为离散 1/0 值,计算值  $\hat{p}^{(i)} \in [0,1]$ 

微分: \*\* 推导 \*\*

$$\frac{dJ(\theta)}{d\theta_i} = \frac{1}{|B|} \sum_{i=1}^{|B|} (\hat{p}^{(i)} - y^{(i)}) x_j^{(i)}$$

Hinge loss: 代价函数

 $HingeLoss(y, \hat{y}) = max(0, 1 - y * \hat{y})$ 

应用于 SVM,  $y \in \{0,1\}$ ,  $\hat{y} \in R$ 

代表当预测值  $\hat{y}$  和 y 同号,  $\hat{y} \ge 1$ , 则预测值和标签匹配,代价 = 0。否则  $y * \hat{y} < 1$ 。代价值上升

### Gaussian Radial Basis Function RBF: 一种 similarity function

$$\phi_{\gamma}(x,l) = exp(-\gamma||x-l||^2)$$

l 为 landmark, 即  $\phi_{\gamma}$  由一样本  $x_i$  和一 landmark 的距离得来

### Lagrange multipliers method 拉格朗日乘数法

将 有前提的多项式求最值 问题转化为 无前提多项式最值问题 定义:

对输入向量 W,  $g(W) \ge 0$  为 constrain。目标为在满足  $g(W) \ge 0$  的前提下取 f(W) 最值 Lagrange function  $\mathcal{L}(W,\alpha) = f(W) - \alpha(g(W))$ 

 $\alpha$  为需要求解的变量之一,参与最终计算 W 的值。

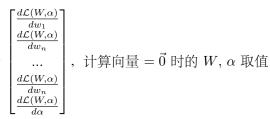
当有多个 constrain  $g^{(i)}(W)$  时, $\vec{\alpha}$  为向量,求偏导对每一  $\vec{\alpha}^{(i)}$  求导

只有当  $\alpha \ge 0$  或每一  $\vec{\alpha}^{(i)} \ge 0$ , 结果才有效

 $\vec{\alpha}^{(i)} = 0$  代表对应的 constrain  $g^{(i)}(W)$  为一个 support vector

计算:

对每一W的元素 和 $\alpha$ 取偏导,即向量



# 3 分类模型

### logistic regression:

判断输入符合每一输出类别的可能性,

前向计算:

$$1.\hat{p} = \sigma(\theta^T x + b)$$

$$2.\hat{y} = 1(if\hat{p} \ge 0.5)$$

 $=0(if\hat{p}<0.5)$ 

代价函数为 log loss

#### SVM

端

找到分界,分离多种数据

support vector: 最靠近分界线的样本

hard margin classification 硬性分类:限制数据必须被分界隔开,同一类数据不可同时出现在分界 2

soft margin classification:与硬性分类相反,避免被 outlier 离群值影响

3 3 分类模型

前向计算:  $\hat{p} = f(x_1, x_2, ...)$ , 其余同 logistic regression

区别: f 可为 polynomial, 非线性函数。可使用 kernel trick

线性分类训练:  $\hat{p} = W^T x + b$ , W 为参数**向量** 

#### 硬性分类:

||W||2 代表线性函数斜率

最小化  $\frac{1}{2}W^TW$ ,使得分界平面的斜率最小,最大化分界线和两种数据的距离

前提:对每一样本  $i, 1.y^{(i)}\hat{p}^{(i)} \geq 1$ ,即标签和计算结果相同

求解: 1. 直接解以上带前提的不等式

'当样本数高于参数数量时使用,由于 dual form 的复杂度为  $O(|S|^2)$  -  $O(|S|^3)$ ,直接解复杂 度为 O(|S|)

2. 使用拉格朗日乘数法得到 dual form, 其中  $\vec{\alpha}$  为向量。 $\mathbf{x}^{(i)}$  为第 i 样本的特征值向量  $\mathcal{L}$  =  $\frac{1}{2}W^TW - \sum_{i=1}^{|B|} \vec{\alpha}^{(i)}(y^{(i)}\hat{p}^{(i)} - 1)$ 

使偏导向量为 
$$\vec{0}$$
,得到  $2.W = \sum_{i=1}^{m} \vec{\alpha}_{i} y^{(i)} \mathbf{x}^{(i)}$ , $3.\sum_{i=1}^{m} \vec{\alpha}_{i} y^{(i)} = 0$  带入得  $\mathcal{L}(W, \vec{\alpha}) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{|B|} \sum_{j=1}^{|B|} \vec{\alpha}_{i} \vec{\alpha}_{j} y^{(i)} y^{(j)} \mathbf{x}^{(i)^{T}} \mathbf{x}^{(j)} - \sum_{i=1}^{|B|} \vec{\alpha}^{(i)}$   $= \frac{1}{2} \vec{\alpha}^{T} (\mathbf{x} * y) (\mathbf{x} * y)^{T} \vec{\alpha} - \sum_{i=1}^{|B|} \vec{\alpha}^{(i)}$ 

其中  $(\mathbf{x} * y)$  为广播乘法 将训练集矩阵每一样本乘以对应标签值, y 为标签列向量 使用 QP solver 得到使  $\mathcal{L}(W,\vec{\alpha})$  最小, $\vec{a}^{(i)} \geq 0$  的向量  $\vec{\alpha}$ 

解 W: 由  $\vec{\alpha}$  带入 2. 式计算,  $\vec{\alpha}$  已被 clamp, 见经验 2.

解 b: 由于所有 support vector  $\mathbf{x}^{(i)}$  满足 1. 式,则对所有 support vector 计算 b 取平均值  $b = E_{a^{(i)} > 0}(y^{(i)} - W^T \mathbf{x}^{(i)})$ 

3. 直接进行梯度下降,代价函数  $J(W,b) = \frac{1}{2}W^TW + const\sum_i HingeLoss(y^{(i)},\hat{p}^{(i)})$ 

#### 软性分类:

最小化  $\frac{1}{2}W^TW + C\sum_{i=1}^{|B|} \zeta_i$ 

 $\zeta_i$  定义第 i 样本被忽视为误差样本的可能性,C 定义忽视率相对斜率的权重

前提: 对每一样本  $i, y^{(i)}\hat{p}^{(i)} \geq 1 - \zeta^{(i)}$ 

非线性分类方法:

#### - 使用 polynomial 做 f

必须使用拉格朗日乘数法求解,目的为**对**  $\phi(x)$  **得到线性权重和偏差**,求解使用 dual form,其中 包含  $\phi(a)^T \cdot \phi(b)$  项即可使用 kernel method

权重 W 公式不再适用,由于结果不为线性

偏差 
$$b = \sum_{\vec{\alpha}^{(i)} \geq 0} y^{(i)} - \sum_{\vec{\alpha}^{(j)} \geq 0} \vec{\alpha}^{(i)} * y^{(j)} * K(\mathbf{x}^{(i)}, \mathbf{x}^{(j)})$$

- 使用 similarity function:

选择多个 landmark 
$$\mathcal{L} = l_1, l_2, ..., l_n$$
,对每一样本  $x_i$  计算其和每一  $l_j$  的  $\phi_\gamma$  值  $\phi_\gamma(x_i, l_j)$  每个样本用新的向量  $x_i' = \begin{bmatrix} \phi_\gamma(x_i, l_1) \\ \phi_\gamma(x_i, l_2) \\ ... \\ \phi_\gamma(x_i, l_n) \end{bmatrix}$  表示。新的向量组成训练集,进行 SVM 训练

#### kernel:

定义: 能够从输入向量 a,b, 不通过计算  $\phi(a),\phi(b)$  直接得到点乘结果  $\langle \phi(a),\phi(b)\rangle$  的函数 例: \*\* 是否通过取 linear 为 phi 得到 kernel 函数 \*\*

linear: 
$$f(a,b) = a^T b$$

4 决策树 4

polynomial:  $f(a,b) = (\gamma a^T b + r)^d$ 

poly 的  $\phi(x)$  为对向量 x 每一元素进行 poly 运算,结果向量元素数不变

Gaussian RBF:  $f(a,b) = exp(-\gamma||a-b||^2)$ 

Sigmoid:  $f(a,b) = tanh(\gamma a^T b + r)$ 

### 经验总结:

1.QP solver 中需限定  $\sum_{i=1}^{m} \vec{\alpha}_i y^{(i)} = 0$ ,否则得出  $\hat{\alpha}$  不遵循此等式

2. 当样本有重叠,仍可使用拉格朗日乘数法,异常样本被分入错误类别。 此时  $\vec{\alpha}$  包含负值,对应的样本在计算权重 偏差时被忽略,即需 clamp 使  $\vec{\alpha} \geq 0$ 若不进行 clamp,得到的分界仅有略微差别,不会造成大幅误差。(在线性 非线性分类都有验

证)

3. 梯度下降直接得到最优 W,b,无法通过梯度下降得到  $\vec{\alpha}$  由于梯度下降忽略限制条件

4.QP solver 需要  $(\mathbf{x}*y)(\mathbf{x}*y)^T$  为 positive definite,计算时加上对角矩阵  $diag(\epsilon)$  即可, $\epsilon$  多取  $10^{-4}$ 

否则迭代解 QP 时出现 KKT condition not met 或 positive definite 条件不满足 条件不满足时中断得到的  $\vec{\alpha}$  无法作为有效结果参与后续计算权重和偏差 优先将此矩阵转为 float64 类型,否则需要  $\epsilon$  较大才能保证 positive definite

## 4 决策树

定义:

节点  $N_i$ :

节点条件: 判断样本进入哪一子节点, 叶节点没有节点条件

sample 属性  $S_i$ : 有多少样本进入  $N_i$  节点, 非满足  $N_i$  节点条件的样本个数

value 属性  $V_i = v_{i1}, ..., v_{in}$ :  $S_i$  进入节点的样本中  $v_i$  个属于第 i 分类

gini 属性  $G_i$ : 数据混杂度, $G_i = 1 - \sum_{i=1}^n (\frac{v_{ij}}{S_i})^2$ 

子节点仅有 2 个,对应节点条件为 true/false 的情况

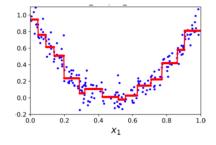
分类方式:数据从根节点开始,根据节点条件传向对应子节点。直到到达叶节点。叶节点中 V 属性中最大项即数据分类

#### CART algorithm 创建决策树:

根节点初始化为叶节点,没有节点条件

对每一叶节点  $S_i$  选取一特征 k,一特征门槛  $t_k$ ,将样本集分为 2 组  $S_{true}$ , $S_{false}$ 。 选取  $(k,t_k)$  方式:使代价函数  $J(k,t_k) = \frac{S_{true}}{S_i}G_{true} + \frac{S_{false}}{S_i}G_{false}$  最小直到决策树层数达到固定上限,或对所有分组条件  $(k,t_k)$ , $J(k,t_k) \geq G_i$ 

#### 使用决策树进行 regression



输入样本,分类进不同值域

更改:

每一节点 value 值为一常数,为  $S_i$  样本的平均值。 输出值为叶节点的 value,非最大 value 对应的类别  $G_i$  为  $S_i$  样本的方差  $\frac{1}{S_i}\sum_{j=1}^{S_i}(x_i^{(j)}-\bar{x}_i)^2$ 

# 5 ensemble learning & 随机森林

ensemble learning:使用一组预测机制进行学习,预测机制可为不同算法 random forest 随机森林:

训练方法: 随机选择 n 个训练子集  $s_1, s_2, ..., s_n \in S$ , 训练 n 个决策树  $t_1, ..., t_n$ 。 前向计算: 对 n 个树产生的 n 个分类结果,选取投票最多的一分类作为结果

训练子集选取: bagging: 子集可重复选取一样本, pasting: 样本不重复

out-off-bag oob 样本: 当使用 bagging 选取时,平均只有  $1-e^{-1}$  样本被选择,余下样本被称为 oob 样本

优化:

random patches 随机贴片:对特征和训练集同时取子集进行训练random subspace 随机子空间:对特征取子集,对整个总训练集进行训练extra-trees 极度随机森林: '使用随机  $t_k$  而不使用最小化数据混杂度的  $t_k$ '

kfeature importance 特征重要性: 对所有取 k 为判断条件的节点  $N_i$  , 计算加权平均值  $\sum_i (S_i$  imprity 降低百分比 )

(hypothesis) boosting: 合并多个预测机制据结果的方法

AdaBoost: 串联预测机制,对上一预测机制遗漏的样本加更高权重,进行训练 gradient boosting

# 6 维度下降

根据 manifold assumption, 高维空间中训练集参数点稀疏。则将数据压缩到低维 principle component analysis PCA:

对训练集参数矩阵取  $SVDUSV^T$ 

取 V 中前 d 个向量  $V' = [v_1, ..., v_d]$ ,新训练集  $A_{compressed} = A_{origin}V'$ 

从 新训练集 延展回 原训练集纬度:  $A_{expand} = A_{compressed}V^{T}$ 

Incremental PCA: 无需整个训练集存在内存中即可进行 SVD

kernel PCA: \*\*

local linear Embedding LLE:

对每一样本  $x^{(i)}$  寻找 k 个相邻样本 相邻样本 index 的集合称  $C_{x^{(i)}}$  构建 (|S|,|S|) 矩阵 W:

每一行向量  $[W_{i1},...,W_{i|S|}]$  满足  $x^{(i)} - \sum_{j \in C_{x^{(i)}}} W_{ij} x^{(j)}$ 

每一行向量  $W_i$  求和为 1:  $\sum_{i=1}^{|S|} W_i = 1$ 

由 W 创建新训练集:

今  $z^{(i)}$  为  $x^{(i)}$  在低维的投影

7 无监督学习 6

使所有  $z^{(i)}$  满足最小化  $(z^{(i)} - \sum_{j=1}^{|B|} w_{ij} z^{(j)})^2$ 

# 7 无监督学习

### clustering

#### K-mean:

将数据分为 k 个 cluster,每个 cluster 有中心点称 centroid 算法:

- 1. 初始化随机选择 k 个样本位置做 centroid
- 2. 分配样本:每个样本分入距离最近的 centroid 的 cluster
- 3. 更新 centroid: 新 centroid 为 cluster 中样本坐标平均值。

重复第 2.3. 步, 直至 centroid 不再移动

#### 迭代:

多次随机初始化 centroid, 选择其中 inertia 最小的 centroid 取法进行训练 interia =  $\frac{1}{|S|} \sum_x (C_x - x)^2$ 。

 $C_x$  为样本 x 距离最近的 centroid

k-mean++ 初始化 centroid:

- 1. 随机选择 1 个样本做 centroid
- 2. 剩余每一样本  $x^{(i)}$  有  $\frac{D(x^{(i)})}{\sum_{j=1}^{|S|} D(x^{(j)})}$  几率被选做新 centroid  $D(x^{(i)})$  为样本  $x^{(i)}$  距离最近的 centroid 的距离
- 3. 重复 2. 步直至得到 k 个 centroid

(在尝试多种 cluster 训练后) 选择 cluster 数量 k:

sihouette score: 所有样本的 sihouette coefficient 的均值

一样本  $x^{(i)}$  的 sihouette coefficient:  $\frac{b-a}{max(a,b)}$  a 为  $x^{(i)}$  到同一 cluster 内所有样本的平均距离  $b = min(E_{x^{(j)} \in othercluster}(D(x^{(i)} - x^{(j)})))$ 

sihouette score  $\in$  [-1,1],偏向取 score 高的 cluster 数

使用 k-mean 进行数据预处理:

将数据首先进行 k-mean 分类,将每一样本替换为 样本到最近的 centroid 距离,传入另一模型进行学习

用于半无监督学习:将数据进行 k-mean 分类,从每一 cluster 选取离 centroid 最近的样本,产生大小为 k 的训练集。则只需得到 k 个样本的标签即可进行训练

#### **DBSCAN**

适用于一 cluster 内样本密度较高的训练集

算法:

- 1. 对每一样本  $x_i$  计算集合  $S_{i\varepsilon}$ ,称  $\varepsilon$  neighbourhood,包含所有距离在  $\varepsilon$  内的其他样本  $|S_{i\varepsilon}| >$  超参数  $s_{min}$  的样本称 core instance
- 2. 所有属于同一  $S_{i\varepsilon}$  的样本判为属于同一 cluster,当一样本  $x_i$  同时存在样本  $x_i, x_j$  的  $\varepsilon$  neighbourhood 中时,合并  $S_{i\varepsilon}, S_{i\varepsilon}$ 。
  - 3. 没有被分配进任何  $S_{i\varepsilon}$  的样本判为异常值

#### Gaussian Mixtures

8 GAN 对抗网络 7

GM Model: 假设所有样本都由多个正态分部产生

## 8 GAN 对抗网络

## 基本结构:

generator:得到正则噪声,生成伪数据。

discriminator, 从实际数据集或 generator 得到数据判断真伪 (是否来自实际数据集)。

一次训练:

1.discriminator 从数据集得到一批量真实数据 和 一批量伪数据。使用二元交叉熵损失函数训练

目标为:对伪数据输出 0 真数据 1

2.generator 生成图像

目标为生成 discriminator 输出为 1 的数据

### Deep Convolutional GAN

# 9 RL 强化学习

### 基本定义

程序在 environment 环境中根据观测得到的 state 状态,选择 action 行为,得到 reward 反馈 模型整体符号定义 <A, S, R, P>

Action space A

State space S

Reward  $R: \sum \times A \times S \to R$ 

Transition  $P: \sum \times A \to S$ 

第 i 决策的符号定义:

 $a_i \in A$  采取的行为

 $r_i \in R$  得到的 reward,每一行为可以立即得到反馈值

exploring 探索: 模型尝试新行为

exploiting 利用:模型使用已知高反馈行为

#### policy

根据观测选择  $a_i$  的算法

stochastic policy: policy 中有随机性

随机性提高模型 explore 新行为

generic algorithm: 遗传算法

policy gradients: 对参数求导, 更新参数

#### credit assignment:

对每一决策分配 discounted reward, 代表此决策对随后几次决策的反馈值影响 定义:

l 此次试验一共包含的决策数

#### 计算:

第 l-1 决策有决策有 discounted reward:  $d_i = r_i$ 

第 i 决策有 discounted reward:  $d_i = r_i + \gamma * d_{i+1}$ 

9 RL 强化学习 8

正则化:对所有实验中每一次决策 ri 取整体平均值,方差,求标准化

### neural network policy

**前向传播**:使用神经网络得到行为可能性,根据可能性选择行为。属于 generic gradient policy **单次迭代**:

定义:一次决策

- 1. 从 policy 得到行为可能性
- 2. 用交叉熵代价函数求代价值, y\_hat 为 1. 中可能性, y 为实际采取的行为
- 3. 根据代价函数求斜率,斜率使神经网络输出可能性更偏向采取的行为。但不立即使用斜率
- 1. 随机初始化 1 次模型,对 n 个随机初始化环境进行试验,每一试验中包含多个决策每一环境得到决策数不一定相同,取决于试验中进行的决策次数
- 2. 对每一决策求 discounted reward,结果包含 n 组数组,第  $l_i$  组数组对应第 i 次实验的 discount reward 数组
  - 3. 对所有 discounted reward 标准化,平均值 方差为所有 dis reward 值
- 4. 对每一参数每一决策的斜率乘对应决策的 dis reward。对结果中所有属于同一参数的乘积取平均值,为此参数的斜率
  - 5. 使用斜率更新参数值

## Markov Decison Process MPD

每一状态  $s_i$  有可执行的行为集合  $A_{s_i} \subseteq A$ 。不同状态行为集合可有交集 行为  $a_{ij} \in A_{s_i}$  代表状态  $s_i$  执行行为  $a_j$ 。执行  $a_{ij}$  后有  $p_{a_{ij},s_k}$  几率到达状态  $s_k$  optimal state value  $V^*(s_i)$ :

模型到达状态  $s_i$  后 1. 选择最理想的  $a_{ij}$  能得到的 discounted reward 总和  $V^*(s_i) = max_i \sum_s [p_{a_{ij},s_k}(R(s_i,a_{ij},s_j) + \gamma \cdot V^*(s_i))]$ 

Q-value iteration algorithm:

得到 从  $s_i$  选择  $a_{ij}$  后期望的 discounted reward 值

迭代:  $Q_{n+1}(s_i, a_{ij}) = \sum_{j} [p(a_{ij}, s_j)(R(s_i, a_{ij}, s_j) + \gamma \cdot max_{a_{jk}}(Q_n(s_k, a_{jk})))]$ 

policy: 状态为  $s_i$  时选取  $a_{ij} = max_{a_{ij}}Q^*(s_i, a_{ij})$ 

#### Temporal Difference Learning TD learing

在  $p_{a_{ij},s_j}$ , R 未知的情况下迭代得到  $V(s_i)$ 

### Q-Learning

在  $p_{a_{ij},s_j}$ , R 未知的情况下迭代得  $Q(s_i,a_{ij})$  $Q_{n+1}(s_i,a_{ij}) = r'_i + \gamma \cdot max_k(Q_n(s_i,a_{jk}))$ 

### deep Q-networks DQNs

#### Generic algorithm

通过交换参数的一部分得到更优的参数组合模型:

对参数向量  $\vec{x} = [x_1, x_2, ...]$ ,评估方程  $f(\vec{x}) \in R$ 

目标:得到  $\vec{x}$  使  $f(\vec{x})$  值最大化

算法:

随机初始化 n 参数向量

每一迭代中取 m 个参数向量进入集合 S

取法 1: 每一参数向量  $\vec{x_i}$  有  $\frac{f(x_i)}{\sum_i f(x_i)}$  几率被选中进入 S

10 分析结果 9

取法 2: 将每一参数向量  $\vec{x_i}$  根据  $f(\vec{x_i})$  排序,排名第 j 向量有  $P(\vec{x_i}) = p*(1-p)^(j-1)$  几率 被选中进入 S

取法 3:定义参数向量间间距  $D(\vec{x_i},\vec{x_j})$ ,用于保证选取的参数分部范围广泛

取  $f(\vec{x_i})$  最大的  $\vec{x_i}$  放入 m 集合

随后选取 m-1 个向量, 选取  $\vec{x_i}$  使得  $f(\vec{x_i}) * E_{v \in S}(D(\vec{x_i}, v))$  最大的

即选取参数向量使得 其与已经选择的向量平均距离 \* 自身  $f(\vec{x_i})$  值 最大化

根据最优 m 个参数向量,交换参数得到 m 个下一代参数向量,变异出剩余 n-m 个参数向量

交换参数: 对  $\vec{x} = [x_1, x_2, ...]$ ,  $\vec{y} = [y_1, y_2, ...]$  交换结果为  $\vec{x}' = [x_1, y_2, ...]$ ,  $\vec{y}' = [y_1, x_2, ...]$  交换元素的位置根据算法可变

变异向量由已有的 m 个后代参数向量变异得到

对  $\vec{x} = [x_1, x_2, ...]$ ,变异参数向量每一元素  $x_i'$  有  $x_i'U(-step\_size + x_i, step\_size + x_i)$  使用的分部不一定为 Uniform 分部

## 10 分析结果

confusion matrix 困惑矩阵: 分析二元/多元分类

$$egin{array}{ccc} TN & FP \ FN & TP \ \end{array}$$

一行对应同一期望输出,一列对应同一计算输出

T/F: 此位置的计算输出是否和预计输出一致

P/N: 此位置的预计输出是否为真

$$\mathbf{precision} = \frac{TP}{TP + FP}$$

即 P( 计算结果匹配 | 计算结果为正 )

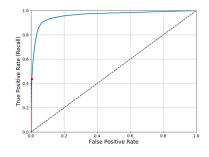
$$recall = \frac{TP}{TP + FN}$$

即 P( 计算结果匹配 | 预计结果为正 )

$$F_1 = rac{2}{rac{1}{precision} + rac{1}{recall}}$$
 precision 和 recall 的调和平均值

specificity =  $\frac{TN}{TN+FN}$ 

ROC curve: 分析二元/多元分类

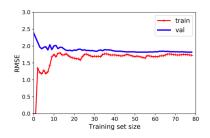


y 轴 recall 值, x 轴 false positive rate  $FPR = \frac{FN}{FN + TN} = \frac{FN}{1 - specificity}$ 期望的 ROC curve 为 recall 从 0 快速增长到 1。并保持直到 FPR 为 1。

即期望曲线下方面积接近1

learning curves: 观察模型是否有 over underfit

10 分析结果 10



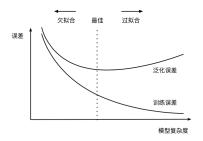
x 轴为一整次训练 (包含多次 epoch) 使用的训练集大小, y 轴为 root MSE。 画出训练集 测试集在使用不同训练集大小后的 root MSE。 分析:

期望2曲线平缓值低且相近,

当 2 曲线平缓值差值较大,测试集平缓值较低,则过拟合

当2曲线平缓值较高,则欠拟合

## 模型复杂度-error epoch-error:



2 种图,形状类似, x 轴内容不同