离散时间模拟——银行业务模拟

一、实验要求

1. 实验题目

模拟银行业务,处理客户存钱和取钱请求,银行共有两个窗口,客户先在第一个窗口排队办理业务,当 且仅当客户为取钱业务且申请额超出银行现存资金总额时,进入第二个窗口排队等待。当第一窗口处理 完一单客户存钱请求时,则顺序判断第二窗口客户的取钱请求能否满足。

所有客户信息均需由程序随机产生,这些信息包括:到达时间、办理业务的类型、数额、办理时长。

输入:银行初始资金,银行营业时间

输出: 客户在银行内逗留的平均时间

2. 拓展部分

- 设置多个第一种窗口,具体数目由输入决定,客户达到银行时,选择队伍最短的第一类窗口排队等 待。
- 原问题中,当第二类窗口办理业务时,第一类窗口停止办理业务,直到第二类窗口业务办理完成后,第一类窗口才可继续办理。这不符合生活常识,所以更改为:所有窗口均可同时办理业务。
- 在处理客户到达时间时,考虑到实际情况中,银行营业存在忙碌、普通、清闲三种状态,对应的客户数目会有所不同,若当天为"忙碌",则这一天到达的客户比较密集,客户数量多。
- 对于客户的业务金额、办理时长,在产生随机数时,使之粗略满足正态分布。
- 设置了可以输出事件表,显示每一条业务办理信息。并且时间输出表可以延迟输出,每 800 ms 输出一条,且是否需要延迟输出,延迟时长均可自行设置。
- 设置了 Debug 版本,所有客户的信息均由键盘输入。因为当客户的信息随机生成时,难以复现出 BUG 的客户信息序列。

二、设计思路

1. 核心思路

采用**事件表驱动**的思想,采用**链队列**存储事件表,各事件按照时间顺序排列。

事件分为五种类型:

- 类型 0:新客户到达,随机生成他的业务信息,选择最短窗口排队,生成下一客户到达事件
- 类型 1:某个一号窗口开始办理业务
 - 。 若为取钱, 且银行资金总额足够, 那么他开始办理业务, 将他的离开事件加入事件表、
 - 若为取钱,但银行资金总额不足,那么该客户进入第二类窗口排队等待,将原本排在他后面的客户的"开始办理业务"事件加入事件表
 - 若为存钱,则开始办理业务,将他的离开事件加入事件表
- 类型 2: 二号窗口开始办理业务,将该客户的离开事件加入事件表
- 类型 3: 某个一号窗口的客户办理完业务, 离开
 - 。 若离开事件晚于银行关门时间,则视为业务未办理完成
 - 若为存钱业务办理完成,则顺序检查第二类窗口客户的取钱请求能否满足,若可以,则将他们的"开始办理业务"事件加入事件表
 - 。 该客户离开后,将排在他后面的客户的"开始办理业务"事件加入事件表
- 类型 4: 二号窗口客户办理完业务, 离开

。 若晚于银行关门时间,则视为业务未办理完成

最后银行关门时,检查各窗口是否仍有人排队等待,若有,则视为业务未办理,客户离开。

2. 使用到的数据结构及其 ADT

本程序中使用了队列,存储事件,存储各窗口的客户,其 ADT 为:

ADT Queue{

数据对象: $D = \{a_i \mid a_i \in ElemSet, i = 1,2...,n, n \ge 0\}$

数据关系: $R = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, a_{i-1} \leq a_i, i = 2,...,n \}$

基本操作: (本次实验使用到的)

InitQueue(&Q); // 创造空队列

QueueEmpty(Q); // 判断链表是否为空

GetHead(Q,&e); // 返回队头元素

EnQueue(&Q, e); // 插入元素 e 为 Q 的新队尾元素

DeQueue(&Q,&e); // 删除 Q 的队头元素, 并用 e 返回其值

QueueTraverse(Q,visit()); // 遍历队列

}ADT Queue

3. 核心模块

OpenForDay(); // 初始化各窗口,初始化事件表,产生第一位客户到达事件

EventInsert(LNodeE* ev); // 将事件按照时间顺序加入事件表

CustomerArrive(LNodeE* q); // 客户达到, 类型 0 事件

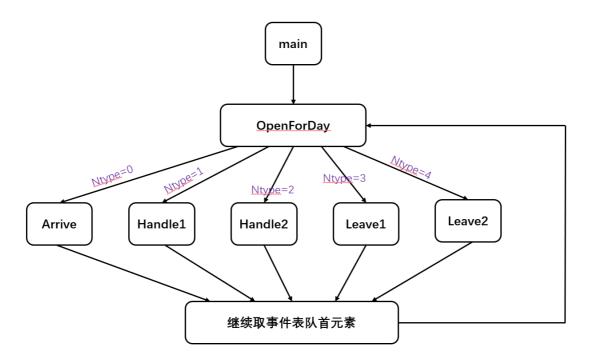
CustomerHandle1(LNodeE* q); // 第一类窗口客户开始办理业务, 类型 1 事件

CustomerHandle2(LNodeE* q); // 第二类窗口客户开始办理业务, 类型 2 事件

CustomerHandle1(LNodeE* q); //第一类窗口客户办理完业务, 类型 3 事件

CustomerLeave2(LNodeE* q); //第二类窗口客户办理完业务, 类型 4 事件

4.模块流程关系



三、关键代码讲解

1. EventInsert(LNodeE* ev)

```
void EventInsert(LNodeE* ev)
{//将事件按时间顺序加入到事件表中,且时间相同时,离开事件先于到达事件
    LNodeE* q = EventList->next, * p = EventList;
    int start = time(0);
    while (q) {
        if (q->OccurTime > ev->OccurTime) {
            p->next = ev; ev->next = q;
            return;
        }
        if (q\rightarrow 0ccurtime == ev\rightarrow 0ccurtime & (ev\rightarrow NType == 4 || ev\rightarrow NType == 3))
{
            p->next = ev; ev->next = q;
            return;
        }
        q = q->next;
        p = p->next;
    p->next = ev;
    ev->next = NULL;
}
```

2. CustomerArrive(LNodeE* q)

```
void CustomerArrive(LNodeE* q)
{
   if (q->OccurTime >= CloseTime)        return;
   ++CustomerNum;
   LNodeQ* nexcus = new LNodeQ;
   nexcus->ArriveTime = q->OccurTime;
   nexcus->DurTime = GetRandomT();
   nexcus->mount = GetRandomM();//生成当前客户的业务信息
   int now_window = GetShortestLine();//选择排队人数最少的窗口
```

```
window1[now_window].tail->next = nexcus;
   Window1[now_window].tail = nexcus;
   Window1[now_window].tail->next = NULL;
   if (Window1[now_window].head->next == Window1[now_window].tail) {
   //如果当前窗口没有人排队,则该客户无需排队,直接开始办理业务
       LNodeE* new_ev = new LNodeE;
       new_ev->NType = 1;
       new_ev->next = NULL;
                            new_ev->now_customer = nexcus;
       new_ev->OccurTime = q->OccurTime; new_ev->WinLocate = now_window;
       EventInsert(new_ev);
   }
   LNodeE* new_ev = new LNodeE;//产生下一客户到达事件
   new_ev->NType = 0;
   new_ev->OccurTime = q->OccurTime + GetRandomT_arrive();
   if (new_ev->0ccurTime < CloseTime) EventInsert(new_ev);</pre>
}
```

3. CustomerHandle1(LNodeE* q)

```
void CustomerHandle1(LNodeE* q)
//类型=1,某个一号窗口开始办理业务;
//若取钱,且足够,那么直接取,将其离开事件加入事件表。离开时再将下一人开始办理事件加入事件表;
//若取钱,但不够,将其加入2号窗口,从当前的窗口删除,并将他的下一个人办理业务加入事件表;
//若存钱,将其离开事件加入事件表
   if (q->now_customer->mount < 0) {</pre>
       if (q->now_customer->mount + ReMoney >= 0) {//取钱,够取
          ReMoney += q->now_customer->mount;
          LNodeE* new_ev = new LNodeE;
          new_ev->next = NULL; new_ev->now_customer = q->now_customer;
          new_ev->NType = 3;
          new_ev->OccurTime = q->OccurTime + q->now_customer->DurTime;
          new_ev->WinLocate = q->WinLocate;
          EventInsert(new_ev);
       else {//取钱不够取
          if (Window1[q->WinLocate].head->next->next) {
              LNodeE* new_ev = new LNodeE;
              new_ev->next = NULL;
              new_ev->now_customer = Window1[q->WinLocate].head->next;
                                  new_ev->OccurTime = q->OccurTime;
              new_ev->NType = 1;
              new_ev->WinLocate = q->WinLocate;
              EventInsert(new_ev);
          DeleteWindow(1, q->WinLocate);//在当前的一号窗口将其删除
          Window2.tail->next = q->now_customer;
          Window2.tail = q->now_customer;
          Window2.tail->next = NULL;
       }
   }
   else {//存钱
       LNodeE* new_ev = new LNodeE;
       new_ev->next = NULL; new_ev->now_customer = q->now_customer;
       >now_customer->DurTime;
       new_ev->WinLocate = q->WinLocate;
```

```
EventInsert(new_ev);
}
```

4. CustomerLeave1(LNodeE* q)

```
void CustomerLeave1(LNodeE* q)
{
//若离开事件晚于银行关门时间,则视为业务未办理完成
//若为存钱业务办理完成,则顺序检查第二类窗口客户的取钱请求能否满足,若可以,则将他们的"开始办理
业务"事件加入事件表
//该客户离开后,将排在他后面的客户的"开始办理业务"事件加入事件表
   LNodeQ* tmp = Window1[q->WinLocate].head->next;
   if (q->OccurTime > CloseTime) {
       TotalTime += CloseTime - tmp->ArriveTime;
       if (q->now_customer->mount < 0) {</pre>
           ReMoney = ReMoney - q->now_customer->mount;
       }
       if (Window1[q->WinLocate].head->next->next) {
       //之后排在这个窗口的,直接加离开事件
           LNodeE* new_ev = new LNodeE;
           >WinLocate].head->next;
          new_ev->NType = 3;
                               new_ev->OccurTime = q->OccurTime;
          new_ev->WinLocate = q->WinLocate;
          EventInsert(new_ev);
       DeleteWindow(1, q->WinLocate);
   }
   else {
       TotalTime += q->OccurTime - tmp->ArriveTime;
       if (tmp->mount > 0) {
           ReMoney += tmp->mount;
          LastTime = LastTime > q->OccurTime ? LastTime : q->OccurTime;
          LNodeQ* tmp_win2 = Window2.head->next;//遍历第二个窗口的客户
           LNodeQ* pre = Window2.head;//跟随指针
          while (tmp_win2 && LastTime < CloseTime) {</pre>
              if (tmp_win2->mount + ReMoney >= 0) {
                  //假如当前客户的取钱请求可以满足,则将第二个窗口的办理时间加入事件表
                  LNodeE* en = new LNodeE;
                  en->NType = 2;
                                    en->OccurTime = LastTime;
                  en->next = NULL;
                                   en->now_customer = tmp_win2;
                  en->WinLocate = 1;
                  if (en->OccurTime < CloseTime) {</pre>
                     EventInsert(en);
                     LastTime += tmp_win2->DurTime;
                     ReMoney += tmp_win2->mount;
                  }
                  pre->next = tmp_win2->next;
                  tmp_win2 = pre->next;
                  if (!tmp_win2) Window2.tail = pre;//这里很重要
              }
              else {
                  pre = pre->next;
                  tmp_win2 = tmp_win2->next;
              }
```

5. CustomerHandle2(LNodeE* q)

6. CustomerLeave2(LNodeE* q)

```
void CustomerLeave2(LNodeE* q)
{//二号窗口的客户办理完业务,离开
    LNodeQ* tmp = q->now_customer;
    if (q->OccurTime > CloseTime) {
        TotalTime += CloseTime - tmp->ArriveTime;
        ReMoney = ReMoney - q->now_customer->mount;
    }
    else {
        TotalTime += q->OccurTime - tmp->ArriveTime;
    }
    free(q->now_customer);
}
```

注:为方便阅读代码,以上代码在引用时均删去了输出部分,输出为打印事件表

7. GetRandomM()

```
int GetRandomM()
{//生成客户办理的金额,正数为存钱,负数为取钱,并使之粗略满足正态分布
    int a = 0;
    int b = rand() % 2;
    int N = (rand() % 111 + rand() % 71) % 10;
    while (a == 0) {
        if (N <= 1) a = rand() % 200 + 101;
        else if (N <= 5) a = rand() % 1800 + 200;
```

四、调试分析

1.时间复杂度

- 设总客户数为 n,每个客户所能产生的事件最多为 4 件(到达,在一号窗口办理业务,在二号窗口办理业务,离开),最少为 2 件(到达,没有开始办理业务而离开),故事件总数 ≤ 4*n。
- 事件表为链队列,操作只包括取队首元素,在队尾增加新元素,存取全部事件的过程中,这一模块的时间复杂度为 O(n)。
- 在 CustomerArrive 模块中,需要将事件的按时间顺序插入事件表,除此之外的操作都是常数时间的,所以时间复杂度为 O(n);
- 在 Customer Handle 1 模块中,需要将事件的按时间顺序插入事件表,除此之外的操作都是常数时间的,所以时间复杂度为 O(n);
- 在 CustomerLeave1 模块中,需要判断二号窗口的客户的取钱请求是否满足,若满足,则将其业务开始办理的事件的按时间顺序插入事件表,最坏情况下,需要将所有在第二窗口等待的客户的办理时间加入事件表,所以最坏情况下时间复杂度为 O(n²);
- 在 CustomerHandle2 模块中,需要将事件的按时间顺序插入事件表,除此之外的操作都是常数时间的,所以时间复杂度为 O(n);
- 在 CustomerLeave1 模块中,只涉及常数时间的操作,所以时间复杂度为 O(1);
- 综上,最坏情况下时间复杂度为 $O(n^3)$,但在实际过程中,时间复杂度达不到这个 n^3 量级,因为一方面,各类事件中,只有第一窗口客户离开事件才有可能达到 $O(n^2)$ 的时间,但这需要两个条件,一是当前客户办理的是存钱业务,且存的钱足够多,能保证将所有在第二窗口排队的客户的取钱请求都满足,二是第二窗口排队的客户数量足够多,与总客户数量在同一量级,否则在遍历第二窗口队伍时,时间复杂度达不到 O(n)。但这两个条件同时满足属于较为极端的情况,在随机模拟的过程中并不会大量出现。考虑到在多数情况下,排到第二窗口的客户数量并不多,所以平均意义下,整个程序的时间复杂度接近于 $O(n^2)$ 。

2. 空间复杂度

设客户总数为 n,那么存储每一个客户的信息,需要的空间为 O(n);存储每个客户产生的事件,需要的空间为 O(n)。

为节省空间,在每个事件中,并不会重复存储当前客户的业务信息,而是采用指针指向客户指针。此外,当一个客户办理完业务离开银行时,会立即释放掉他所占用的客户节点。

综上, 本程序的空间复杂度为 O(n)。

3. 遇到的BUG以及处理方法

出现了所有客户均在排队,没有人正常办理业务的 BUG。问题在于当某个客户在第一类窗口开始办理业务时,如果他为取钱业务但不够取,该客户会排到第二类窗口,在处理这个地方时,需要两步操作,一是将该客户结点从当前窗口的队列删除,加入第二类窗口;二是如果该客户身后有人排队,那么需要将后面这个人的开始办理业务事件加入事件表。最开始处理时,忽略了考虑在他身后排队的客户,最终导致这个窗口只能排队而无人办理业务。

当一个存钱业务的客户办理完毕离开时,顺序检查第二类窗口的队伍时,访问到了队列之外的空间。最初以为是问题出在第二类窗口加入新结点时,需要置最后一个结点的 next = NULL,但问题并非在此。当顺序检查第二类窗口的客户时,使用了两个指针,一个指向当前检查的客户,一个作为跟随指针,当当前客户的取钱请求可以满足时,就把他从这个队列删除,防止重复检查。删除操作的代码为:

```
pre->next = tmp_win2->next;
tmp_win2 = pre->next;
```

tmp_win2 指向当前检查的客户,pre 为跟随指针。BUG 出现在一种特定情况,那就是删除的结点为队尾结点时,那么 pre->next 就会是 NULL,此时如果将 tmp_win2 赋值为 pre->next,那么在下一次循环时,就会访问到队列外的空间。所以,需要改为:

```
pre->next = tmp_win2->next;
tmp_win2 = pre->next;
if (!tmp_win2) Window2.tail = pre;
```

- 出现了银行资金总额为负值的情况。问题出现在,在最初设计时,当一个客户办理完业务时,更新银行的金额,比如该客户为取钱 1000 元,那么当他顺利办理完毕业务后,才会将银行总金额+1000。但这会导致再某些特定情况下,银行的总金额变为负值,那就是当一个客户办理完存钱业务后,会顺序检查第二类窗口,如果在第二类窗口排队的客户的取钱请求可以满足,那么就将他的开始办理业务加入事件表,这就意味着他所要取的那一部分钱"已经许给他了",这笔钱虽然还在银行里,但本质上已经支出去了。但此时因为第二类窗口的客户还没办理完业务,所以这笔钱还算在银行总金额里,所以如果接下来有客户在第一类窗口取钱,仍可以将这笔钱取出,最终可能导致银行的总金额出现负值。所以调整为:当客户的办理业务为取钱时,当他离开时,更新银行钱数;当客户的办理业务为取钱时,无论是第一类窗口还是第二类窗口,当他开始办理取钱业务时,就更新银行钱数。
- 此外还有一些小的 BUG,比如变量名输入错误,事件类型输入错误,这类错误较小,但比较蠢, Debug 出来以后会令人非常生气...

五、代码测试

1. 输入界面

```
今天将会是忙碌的一天。
请输入第一类窗口的数目:
3
请输入银行初始资金:
20000
请输入营业时长(单位:分钟):
600
是否需要延迟输出事件?y/n
y-
```

第一行:会随机生成"忙碌"、"普通"、"清闲"三种状态,三种状态的客户数量由多到少。

第二行:键盘输入第一类窗口数量,上线设置为100.在实际测试中发现,当第一类窗口数量大余

10 个后,实际排队情况区别并不大。

第四行:键盘输入银行初始资金。

第六行:键盘输入营业时长,理论上限为整形数据类型的上限,但建议一天的营业时长实际不超过600分钟(10小时)

第八行: 是否需要延迟输出事件,如果需要,请输入y,其他输入均视为不需要。当事件延迟输出时,每一条事件会以800ms的间隔输出。

2. 随机生成的事件表

事件0:

6:00 银行开门,开始营业,营业时长为600分钟 当前银行存有资金总额: 20000元

事件1:

6:00 一位客户到达银行,办理的业务是存钱1228元,需要办理时长为:32分钟。 该客户在第一类1号窗口排队等待 当前银行存有资金总额:20000元

事件2:

6:00 一位客户在第一类1号窗口开始办理存钱1228元业务 当前银行存有资金总额: 20000元

事件3:

6:15 一位客户到达银行,办理的业务是存钱1361元,需要办理时长为: 17分钟。 该客户在第一类2号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 20000元

事件4:

6:15 一位客户在第一类2号窗口开始办理存钱1361元业务 当前银行存有资金总额: 20000元

事件5:

6:30 一位客户到达银行,办理的业务是取钱1274元,需要办理时长为:32分钟。 该客户在第一类3号窗口排队等待 当前银行存有资金总额:20000元

事件6:

6:30 一位客户在第一类3号窗口开始办理取钱1274元业务 当前银行存有资金总额: 18726元

事件7:

6:32 一位客户在第一类2号窗口办理完存钱1361元业务,离开银行,逗留时间:17分钟 当前银行存有资金总额:20087元

事件8:

6:32 一位客户在第一类1号窗口办理完存钱1228元业务,离开银行,逗留时间:32分钟 当前银行存有资金总额:21315元 事件94:

11:51 一位客户在第一类1号窗口开始办理存钱266元业务 当前银行存有资金总额: 13367元

事件95:

11:57 一位客户在第一类2号窗口办理完存钱4071元业务,离开银行,逗留时间:21分钟 当前银行存有资金总额:17438元

事件96:

12:02 一位客户到达银行,办理的业务是取钱1562元,需要办理时长为: 19分钟。该客户在第一类2号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 17438元

事件97:

12:02 一位客户在第一类2号窗口开始办理取钱1562元业务 当前银行存有资金总额: 15876元

事件98:

12:14 一位客户在第一类1号窗口办理完存钱266元业务,离开银行,逗留时间:23分钟 当前银行存有资金总额:16142元

事件99:

12:15 一位客户到达银行,办理的业务是取钱2681元,需要办理时长为: 32分钟。该客户在第一类1号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 16142元

事件100:

12:15 一位客户在第一类1号窗口开始办理取钱2681元业务 当前银行存有资金总额: 13461元

事件101:

12:21 一位客户在第一类2号窗口办理完取钱1562元业务,离开银行,逗留时间: 19分钟当前银行存有资金总额: 13461元

事件102:

12:26 一位客户到达银行,办理的业务是存钱1230元,需要办理时长为: 44分钟。该客户在第一类2号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 13461元

事件103:

12:26 一位客户在第一类2号窗口开始办理存钱1230元业务 当前银行存有资金总额: 13461元

事件104:

12:33 一位客户到达银行,办理的业务是存钱1445元,需要办理时长为: 33分钟。该客户在第一类3号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 13461元

15:49 一位客户在第一类2号窗口办理完取钱6902元业务,离开银行,逗留时间:36分钟 当前银行存有资金总额:2571元

事件156:

15:54 一位客户到达银行,办理的业务是存钱5187元,需要办理时长为: 26分钟。该客户在第一类1号窗口排队等待 当前银行存有资金总额: 2571元

事件157:

15:54 一位客户在第一类1号窗口开始办理存钱5187元业务 当前银行存有资金总额: 2571元

事件158:

16:00 一位客户未能在第一类1号窗口办理完存钱5187元业务, 离开银行, 逗留时间: 6分钟 当前银行存有资金总额: 2571元

事件159:

16:00 一位客户未能在第二类窗口开始办理取钱7575业务,离开银行,逗留时间: 15分钟 当前银行存有资金总额: 2571元

事件160:

16:00 营业结束. 共计53位顾客来办理业务,在银行逗留的总时长为1249分钟,平均逗留时间为23. 57分钟 当前银行存有资金总额: 2571元

会输出全部事件,最后一条为计算平均逗留时间。

六、实验总结

1. 本次实验, 我写了三个版本的程序(均在附录中), 一是完成题目基本要求的基础版本, 二是 Debug 版(各用户的信息可以手动输入),三是扩展版本,添加了一些自己发散的部分。Debug 版只需要修改一下输入形式,所用时间最短。在另外两个版本中,基础版本所用时间远超过扩展版 本,包括代码书写时间和 Debug 时间,尽管基础版本能实现的功能较少。几乎所有的 BUG 都出现 在基础版本,现在反思一下,原因主要有:

- 在写代码之前,只是粗略想了一下程序的总体框架,并没有认真分析有多少模块,每个模块具体完成哪些任务,模块之间的联系是什么
- 。 程序较大, 自己写大作业的经验不多
- 2. 在基础版本的程序中,是事件和客户两类队列双驱动进行的,较为混乱,在扩展版本改为纯粹的事件表驱动,每次执行事件表的第一条事件。
- 3. Debug 版本发挥了较大作用,因为有些 BUG 只出现在某类特定情况,而如果客户序列完全随机生成的话,出 BUG 的序列复现的难度较大。Debug 版本将所有的客户均由键盘输入,可以更清晰地看到出问题的环节具体在哪里。
- 4. 所有的变量名称尽可能包含这个变量的信息,比如 CustomerNum,这一方面有助于后期调试时一眼就能看出不同变量表示什么,另一方面也减少了混淆变量名的情况。

七、附录

1. 离散事件模拟.cpp

完成了实验要求的基础内容

2. 离散事件模拟手动输入版 (debug版) .cpp

支持手动输入所有的客户信息,方便复现出 BUG 的客户序列

3. 离散事件模拟扩展.cpp

增加了自己发散的内容