



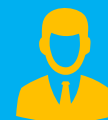
中国科学技术大学
University of Science and Technology of China

计算机程序设计

Computer Programming



位运算



主讲：李卫海

目录

CONTENTS

位运算和位运算符

结构体中的位

位运算的例子

◎ 位运算的概念

- 很多算法是按二进制位进行运算的
- 位运算速度快，效率高
- 位运算的运算对象是二进制的位
- 只能对整型数据(包括字符型)进行位运算
- 负数以补码形式参与运算



◎ 位运算符

- 注意位运算符与逻辑运算区别

运算符	运算	举例	优先级从高到低 (逻辑非运算符)
~	按位取反	~flag	(算术运算符)
<<	左移	a << 2	(关系运算符)
>>	右移	b >> 3	
&	按位与	flag & 0x37	(赋值运算符)
^	按位异或	flag ^ 0xC4	
	按位或	flag 0x5A	



◎ 按位与 (Bitwise AND) &

- 运算规则

- $0 \& 0 = 0$;
- $0 \& 1 = 0$;
- $1 \& 0 = 0$;
- $1 \& 1 = 1$;

- 特殊用法

- 特定位清零
- 保留其它位

```
1010,1101 (0xAD)
& 0110,1001 (0x69)
-----
0010,1001 (0x29)
```

```
XXXX,XXXX
& 0110,0010 (0x62)
-----
0xx0,00x0
```

◎ 按位或 (Bitwise Inclusive OR) |

• 运算规则

- $0 | 0 = 0$;
- $0 | 1 = 1$;
- $1 | 0 = 1$;
- $1 | 1 = 1$;

```

1010,1101 (0xAD)
| 0110,1001 (0x69)
-----
1110,1101 (0xED)

```

• 特殊用法

- 特定位置一
- 保留其它位

```

xxxx,xxxx
| 0110,0010 (0x62)
-----
x11x,xx1x

```


◎ 按位异或 (Bitwise Exclusive OR) \wedge

• 运算规则

- $0 \wedge 0 = 0$;
- $0 \wedge 1 = 1$;
- $1 \wedge 0 = 1$;
- $1 \wedge 1 = 0$;

```

1010,1101 (0xAD)
^ 0110,1001 (0x69)
-----
1100,0100 (0xC4)

```

• 特殊用法

- 特定位取反
- 保留其它位

```

xxxx,xxxx
^ 0110,0010 (0x62)
-----
x̄x̄x̄x̄,x̄x̄x̄x̄

```

◎ 按位取反 (Bitwise NOT) ~

- 运算规则

- $\sim 0 = 1$;
- $\sim 1 = 0$;

\sim 0110,1001 (0x69)
1001,0110 (0x96)

◎ 左移 (Left Shift) <<

- 运算规则

- $i \ll n$
- 把*i*各位全部向左移动*n*位
- 最左端的*n*位被移出丢弃
- 最右端的*n*位用0补齐

$$5 \ll 3 = 40$$

$$00000101 \text{ (0x05)} \ll 3 \rightarrow 00101000 \text{ (0x28)}$$

- 用法

- 若没有溢出，则左移*n*位相当于乘上 2^n
- 运算速度比真正的乘法和幂运算快得多



◎ 右移 (Right Shift) >>

• 运算规则

- $i \gg n$
- 把 i 各位全部向右移动 n 位
- 最右端的 n 位被移出丢弃
- 最左端的 n 位用0补齐(逻辑右移)
- 或最左端的 n 位用符号位补齐(算术右移)

由编译系统的实现者决定。
为了可移植性，最好仅对无
符号数进行移位运算

$$5 \gg 2 = 1$$

$$00000101 \text{ (0x05)} \gg 2 \rightarrow 00000001 \text{ (0x01)}$$

• 用法

- 右移 n 位相当于除以 2^n ，并舍去小数部分
- 运算速度比真正的除法和幂运算快得多



◎ 位运算

- 按位运算时，两个操作数长度应相等，
- 否则先扩展，再运算
 - 两个操作数右端对齐
 - 短的数据左端用符号位补齐
 - 正数或无符号数左端用0补满
 - 负数左端用1补满
- 复合赋值运算符
 $\&=$, $\wedge=$, $|=$, $\sim=$, $\ll=$, $\gg=$



◎ 位运算

- 例，将16进制短整数按二进制打印输出

- 输入：F1E2
- 输出：1111000111100010
- 输入：13A5
- 输出：0001001110100101

```
include <stdio.h>
void main()
{ int i;
  short a;
  scanf("%X", &a);
  for (i=15;i>=0;i--)
    printf("%1d", a&1<<i ? 1 : 0);
}
```



◎ 结构体中的位

- 位段是以位为单位定义长度的结构体类型成员
- 定义形式:

```
struct 位域结构名 {  
    位段成员列表;  
};
```

位段成员的说明形式为:

类型说明符 位段名:位段长度;

- 注意:
 - 一个位段分配在同一个存储单元之中, 不能跨单元
 - 可以用 `unsigned :0;` 表示从下一个存储单元开始存放
 - 可以用未命名的位段来填充或调整位置, 例如 `unsigned :3;`

```
struct packed_data {  
    unsigned a:2;  
    unsigned b:6;  
    unsigned c:4;  
    unsigned d:4;  
    unsigned :0;  
    int i;  
};
```

位段成员

普通结构体成员

◎ 结构体中的位

- 使用中应注意成员所占的位及其由长度限定的存取值域
 - 溢出了会怎样？自行编程测试一下
- 不能对位段应用取地址运算
- 不能用指针指向位段
- 位段数组不被允许



◎ 位运算举例

- 例，求char型数据二进制表示中1的个数
- 方法1：模拟进制转换，反复除2，累加余数

```
int count1(unsigned char v)
{
    int num=0;
    while (v)
    {
        if (v%2==1) num++;
        v/=2;
    }
    return(num);
}
```

◎ 位运算举例

- 例，求char型数据二进制表示中1的个数
- 方法2：将方法1中运算改为位运算

```
int count2(unsigned char v)
{
    int num=0;
    while (v)
    {
        num+=v &0x01;
        v>>=1;
    }
    return(num);
}
```

◎ 位运算举例

- 例，求char型数据二进制表示中1的个数
- 方法3：将循环次数降为1的个数

思路：设法使得每次循环都能减少一个1

```
int count3(unsigned char v)
{
    int num=0;
    while (v)
    {
        v&=(v-1);
        num++;
    }
    return(num);
}
```

减1会使得最后一个1变为0，与之后1就少了一个



◎ 位运算举例

- 例，求char型数据二进制表示中1的个数
- 方法4：不用循环用判断分支

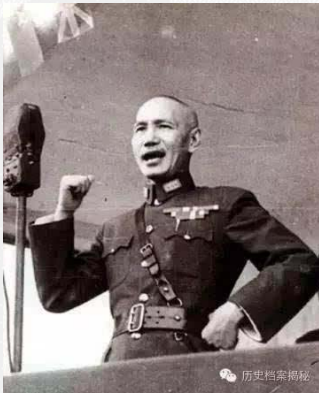
```
int count4(unsigned char v)
{  int num=0;
   switch (v)
   {  case 0x00: num=0; break;
      .....
   }
   return(num);
}
```



程序员：敲得累死了！敲错了算谁的？
存储器：代码不占空间啊？空间不是钱啊？
CPU：分支不花时间啊？

◎ 位运算举例

- 例，求char型数据二进制表示中1的个数
- 方法5：“以空间换时间”



```
int count5(unsigned char v)
{
    static int countTable[256]={0,1,...};
    return countTable[v];
}
```

程序员：认真输入比较尽脑汁还是轻松些的
存储器：我真的很便宜
CPU：引用很轻松



程序员黄金法则：不需要展示技巧的时候就用最直接的方法实现；不值得优化的东西就不要费脑筋。

——鲁迅

预防为主，治疗为辅(An ounce of prevention is worth a pound of cure) 磨刀不误砍柴工

程序员经常错误地认为高效率编码就是快速堆砌代码，很多程序员不经思索和设计就直接编写代码。很不幸地是，这种鲁莽做法将会编写出草率的、脆弱的代码，然后不得不时常进行调试和打补丁，甚至将这些代码整段替换掉。因此，编码效率不仅包括编码的时间，而且还有调试代码的时间。



@中国科学技术大学先进技术研究院