

光的偏振

偏振光的分类

偏振器件



偏振光的分类

◆ 沿z轴传播的单色波，光矢量只有x,y分量，

$$\vec{E}(t, \vec{r}) = \begin{pmatrix} A_1 \cos(\omega t - kz) \\ A_2 \cos(\omega t - kz + \Delta\phi) \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} E_x/A_1 \\ E_y/A_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha \\ \cos \alpha \cos \Delta\phi - \sin \alpha \sin \Delta\phi \end{pmatrix}$$

解出 $\cos \alpha$ 和 $\sin \alpha$ ，求平方和，得方程

$$\frac{E_x^2}{A_1^2} + \frac{E_y^2}{A_2^2} - 2 \frac{E_x E_y}{A_1 A_2} \cos \Delta\phi = \sin^2 \Delta\phi$$

◆ 有三种情况

① 线偏振光：矢端在直线上振荡，

$$\sin \Delta\phi = 0 \Leftrightarrow \Delta\phi = 0, \pm\pi$$

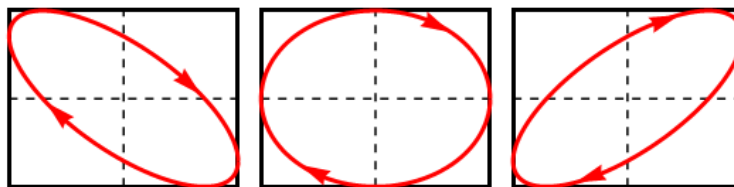
② 左旋椭圆偏振光、左旋圆偏振光：矢端逆时针旋转（迎着光线看），

$$\sin \Delta\phi < 0 \Leftrightarrow -\pi < \Delta\phi < 0$$

③ 右旋椭圆偏振光、右旋圆偏振光：矢端顺时针旋转，

$$\sin \Delta\phi > 0 \Leftrightarrow 0 < \Delta\phi < \pi$$

$\Delta\phi = 3\pi/4$
右旋



$\Delta\phi = \pi/2$

$\Delta\phi = \pi/4$
右旋

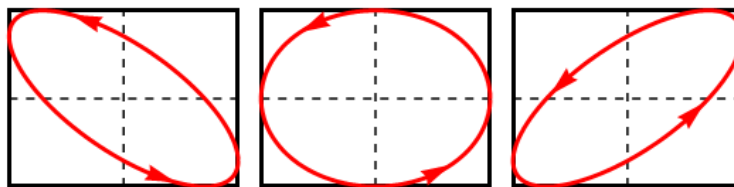
$\Delta\phi = \pi$



$\Delta\phi = -\pi/2$

$\Delta\phi = 0$

$\Delta\phi = -3\pi/4$
左旋



$\Delta\phi = -\pi/4$
左旋

左旋、右旋的判别：
固定空间坐标 $z = 0$

$$\vec{E}(t) = \begin{pmatrix} \cos(\omega t) \\ \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \end{pmatrix}$$

① $\omega t = 0$ 时， $\vec{E}(t) = (1, 0)$

② $\omega t = \frac{\pi}{2}$ 时， $\vec{E}(t) = (0, -1)$

③ $\omega t = \pi$ 时， $\vec{E}(t) = (-1, 0)$

可见是顺时针旋转，右旋

偏振态的琼斯矢量

- ◆ 沿z-轴传播的平面单色波的光矢量

$$\vec{E}(t, \vec{r}) = \begin{pmatrix} A_1 \cos(\omega t - kz + \phi_1) \\ A_2 \cos(\omega t - kz + \phi_2) \end{pmatrix}$$

- ◆ 复波函数

$$\tilde{\vec{E}}(t, \vec{r}) = \begin{pmatrix} A_1 \exp\{-i(\omega t - kz + \phi_1)\} \\ A_2 \exp\{-i(\omega t - kz + \phi_2)\} \end{pmatrix}$$

- ◆ 复振幅

$$\tilde{\vec{E}}_0(\vec{r}) = \begin{pmatrix} A_1 \exp\{i(kz - \phi_1)\} \\ A_2 \exp\{i(kz - \phi_2)\} \end{pmatrix}$$

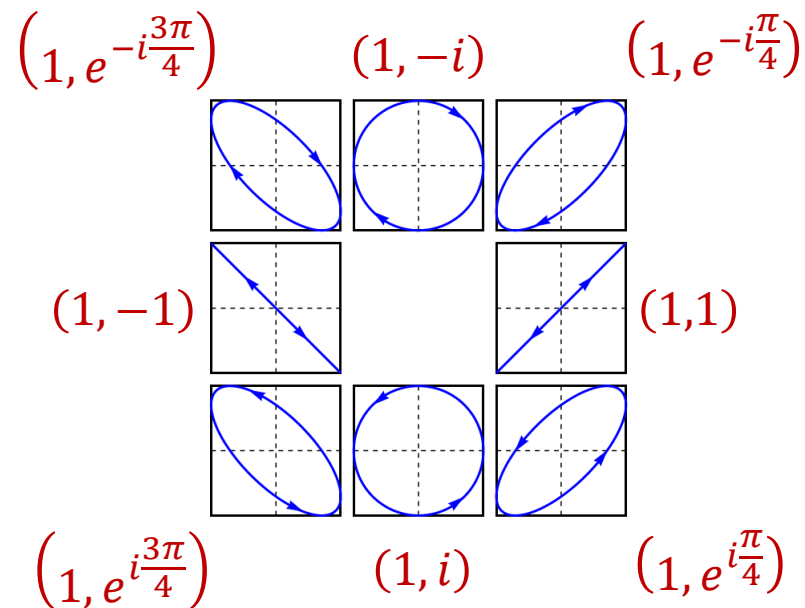
★★★任何偏振光均可分解为：

- ① 相互垂直的线偏振光之和 (∵是2维矢量的完备基)
- ② 左旋圆偏振光和右旋圆偏振光之和 (是完备基)

- ◆ 在固定点,

$$\tilde{\vec{E}}_0 \propto \begin{pmatrix} A_1 \\ A_2 \exp\{-i\Delta\phi\} \end{pmatrix}$$
$$\Delta\phi \stackrel{\text{def}}{=} \phi_2 - \phi_1$$

称为琼斯矢量



自然光和部分偏振光

◆ 自然光

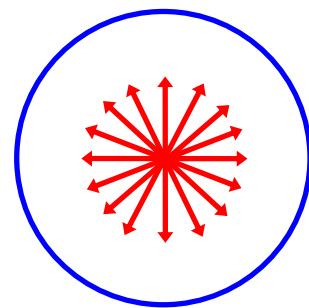
普通光源发光时，原子每次发出一个波列，持续时间约 10^{-8} 秒；各原子独立、随机地发光，光矢量的大小、振动方向和初位相是随机数。

大量的（平均说来）**振幅相同**、振动方向任意、彼此没有固定相位关系的光振动的组合叫作**自然光**。

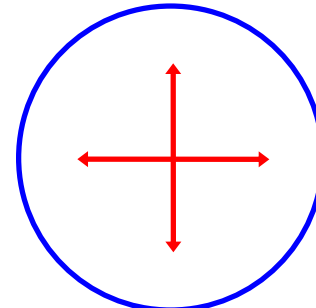
◆ 部分偏振光

彼此无固定相位关系、振动方向任意、不同方向上**振幅不同**的大量光振动的组合，称**部分偏振光**。

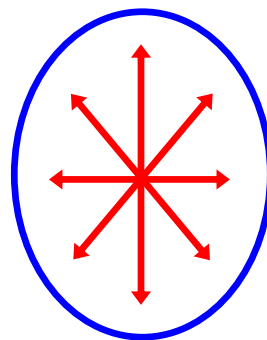
它介于自然光与线偏振光之间。



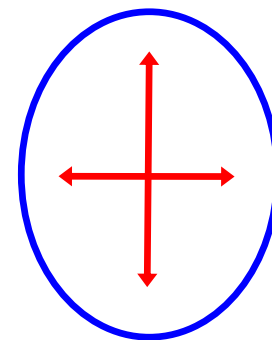
没有优势方向



自然光的分解



部分偏振光



部分偏振光的分解

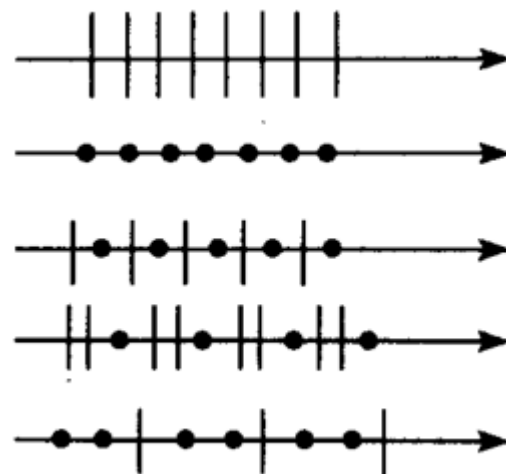
偏振度

- ◆ 各方向最大振幅和最小振幅对应的光强记为 I_{\max} 和 I_{\min}

- ◆ 偏振度

$$P \stackrel{\text{def}}{=} \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}}$$
$$0 \leq P \leq 1$$

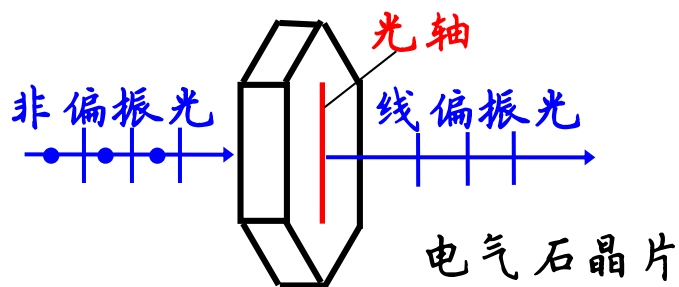
- ◆ 自然光 $P = 0$
- ◆ 线偏振光 $P = 1$



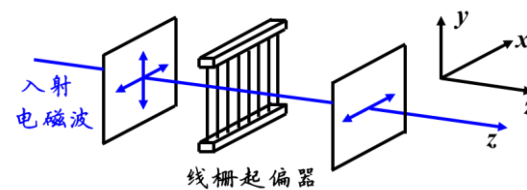
偏振状态的图示

起偏

- ◆ 从自然光获得偏振光叫“起偏”，相应的光学器件叫起偏器
- ◆ 起偏的原理：利用某种形式的不对称性，如物质的双折射和二向色性、反射和折射、散射
- ◆ 偏振片：由自然光获得线偏振光的平面片状器件



Edwin Herbert Land



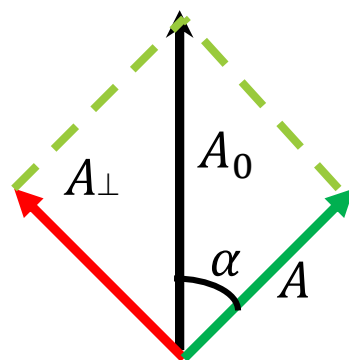
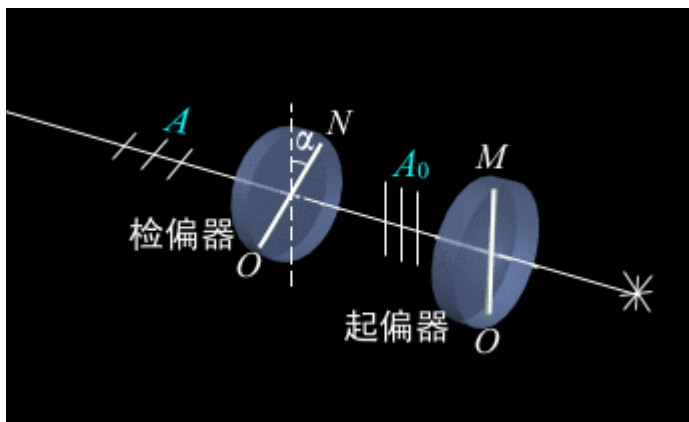
美国物理学家、发明家，宝丽来公司创始人、即显摄影（拍立得）和立体电影发明者



◆ 人造偏振片

将聚乙烯醇薄膜在碘溶液中浸泡后，加热并拉伸4—5倍，形成导电长链；透振方向垂直于拉伸的方向。

马吕斯定律



◆ 马吕斯定律

$$A = A_0 \cos \alpha$$

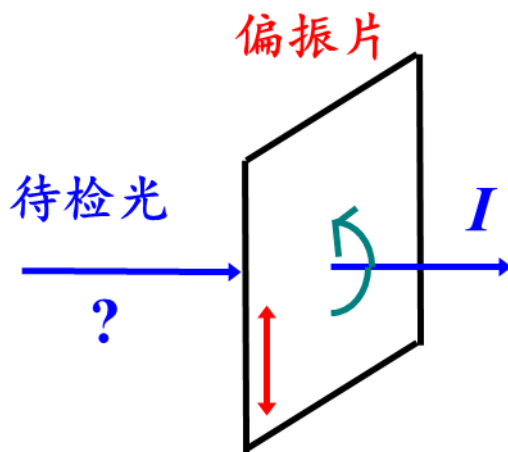
$$I = I_0 \cos^2 \alpha$$

◆ 消光现象

$$\alpha = 90^\circ \text{ 时, } I = 0$$



Etienne Louis Malus
1775-1812



旋转偏振片时,

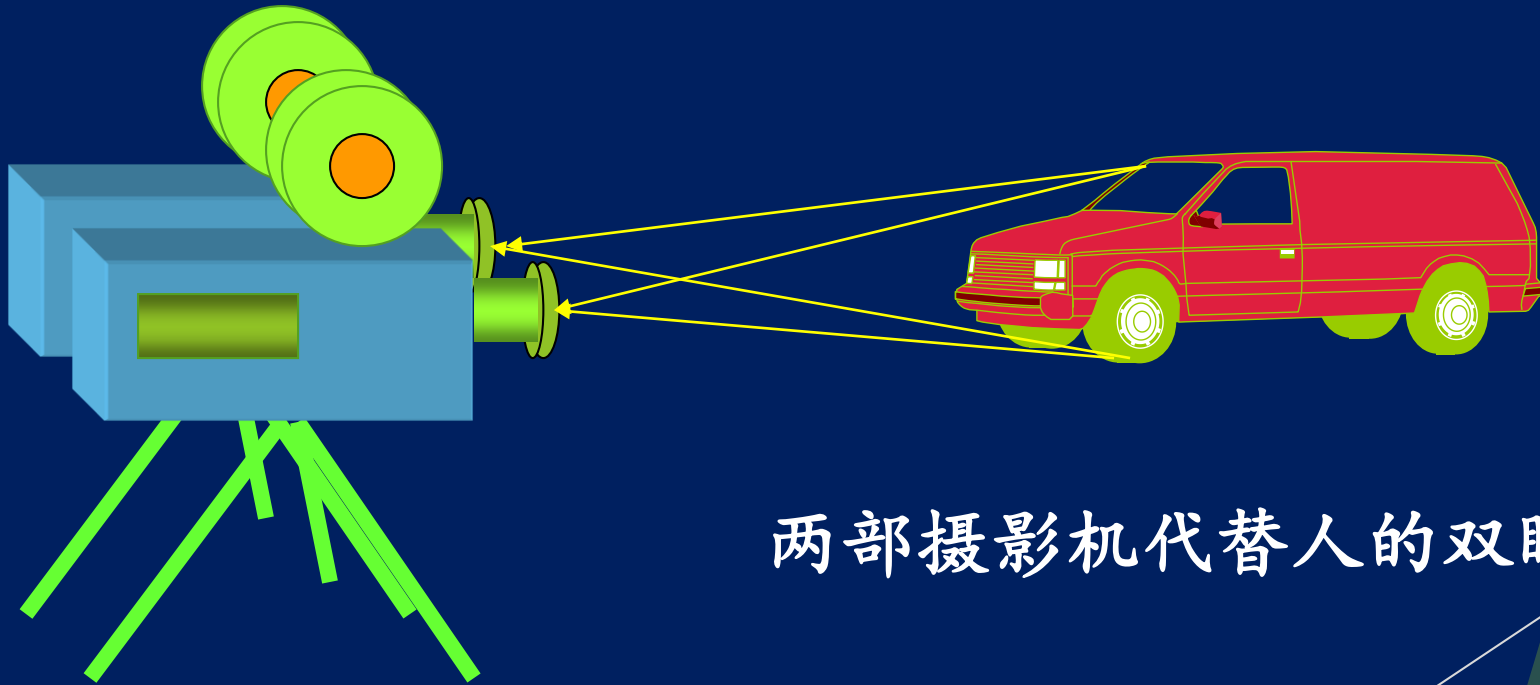
自然光: 光强不变

线偏振光: 光强改变, 有消光

部分偏振光: 光强改变, 无消光

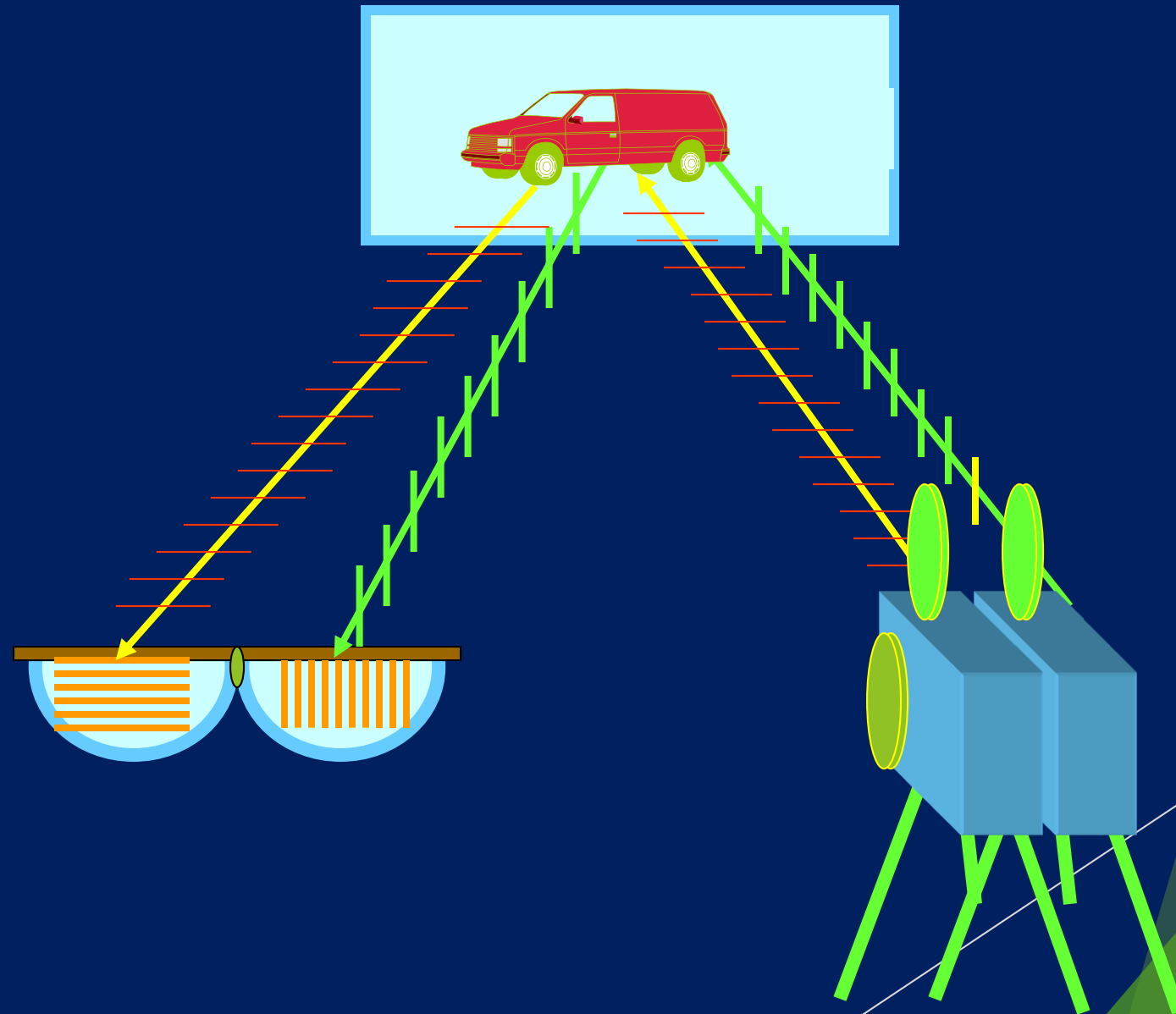
无法分辨自然光和圆偏振光、部分偏振光和椭圆偏振光。

拍摄立体电影

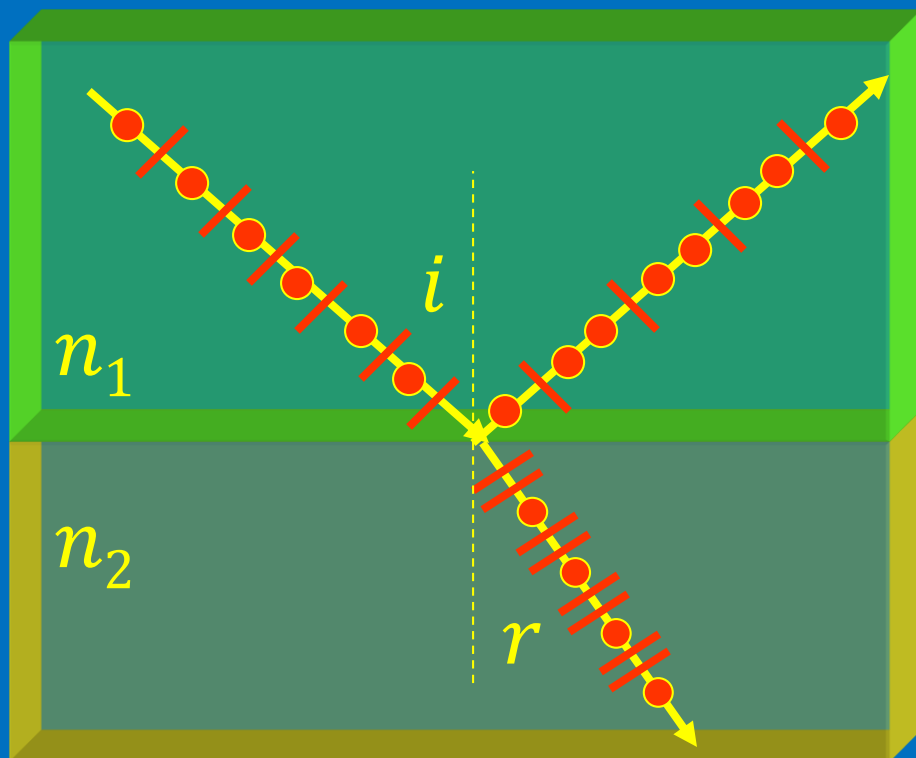


两部摄影机代替人的双眼

放立体电影



反射和折射时光的偏振



- ◆ 反射光中垂直入射面的分量比例大；
- ◆ 折射光中平行入射面的分量比例大。
- ◆ 反射光折射光偏振程度随入射角变化。

布儒斯特定律*

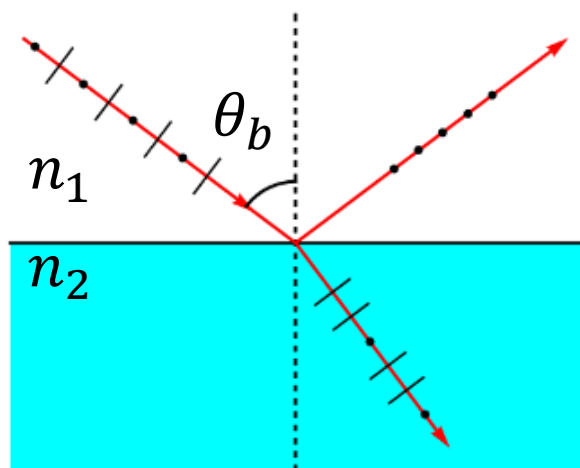
满足

$$\tan i_0 = \frac{n_2}{n_1} = n_{21}$$

时，反射光为线偏振光。

(1811年，实验总结;可由电动力学推出)

此时反射光与折射光垂直



David Brewster

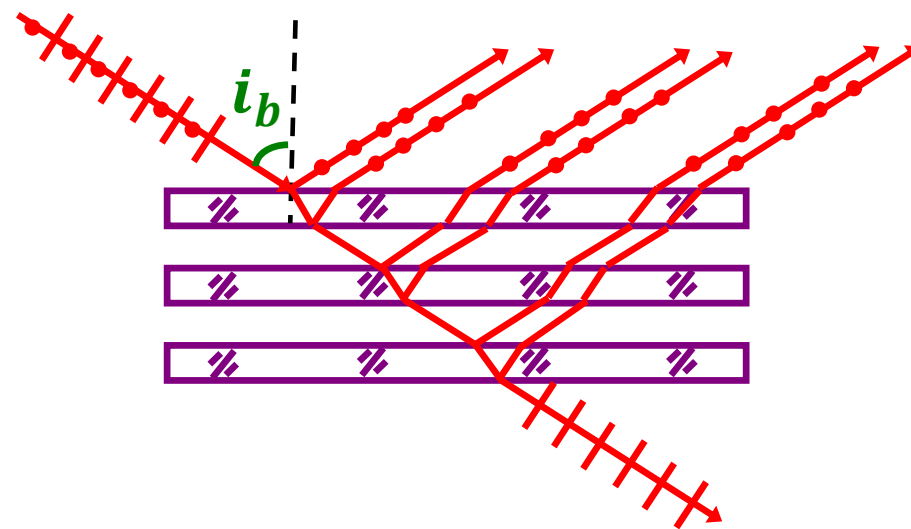
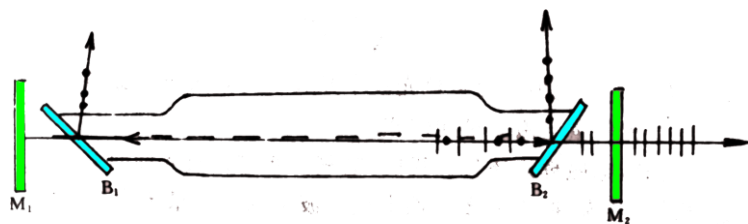
1781-1868



布儒斯特角显微镜

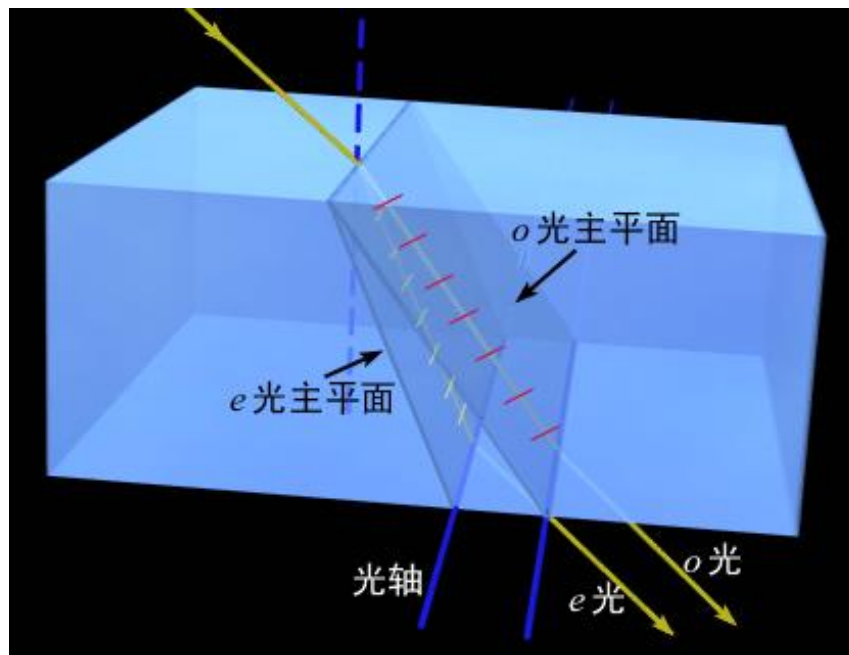
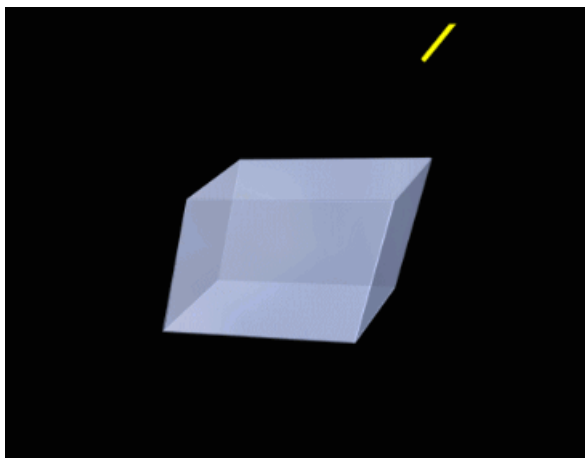
一些应用*

- ◆ 测量不透明介质的折射率：测出Brewster角，
$$n = n_{\text{空气}} \tan \theta_b$$
- ◆ 拍摄玻璃窗内的物体时，去掉反射光的干扰：侧拍，加偏振镜头。
- ◆ 玻璃片堆
- ◆ 产生线偏振的激光：

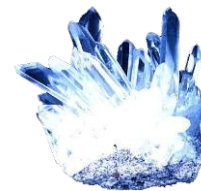


玻璃片堆可使透射光
接近线偏振光

双折射现象



方解石



石英



红宝石

- ◆ 方解石、石英、红宝石等晶体是单轴晶体，自然光入射会发生双折射
- ◆ 光轴方向和垂直于光轴方向，光的传播速度不同
- ◆ 晶体中某条光线与晶体光轴构成的平面，称为该光线的主平面
- ◆ 寻常光（o光）振动 \perp 其主平面；
- ◆ 非寻常光（e光）振动在其主平面内

渥拉斯顿Wollaston棱镜 (偏光分束镜)

◆ 光从棱镜1进入棱镜2时:

o 光(点)变 e 光

光密→光疏

折射角>入射角

e 光(道)变 o 光

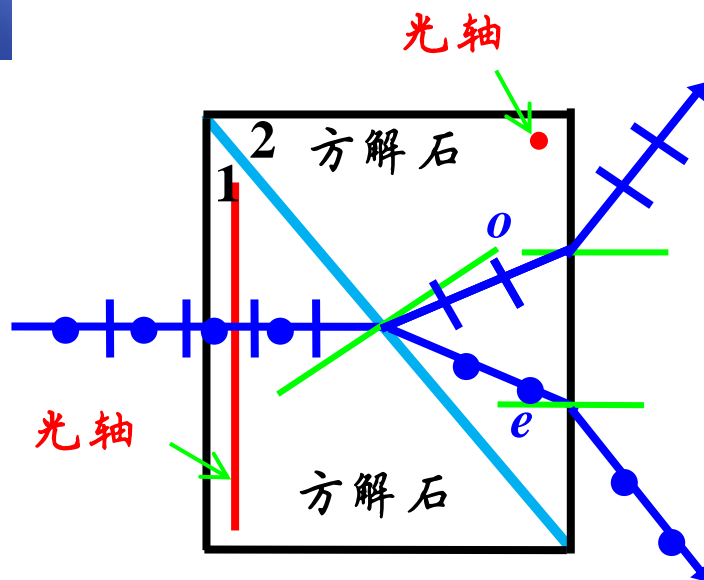
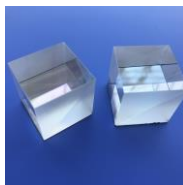
光疏→光密

折射角<入射角

二者分开;

◆ 进入空气后, 均是由光密→光疏,
∴可得到进一步分开的2束线偏振光。

◆ 在量子信息实验中可用来检测光子偏振状态 (不会像偏振片那样, 垂直于透振方向的光子测不到)

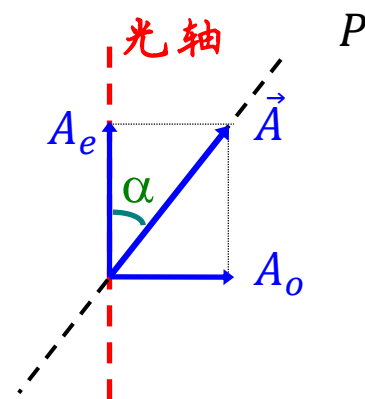
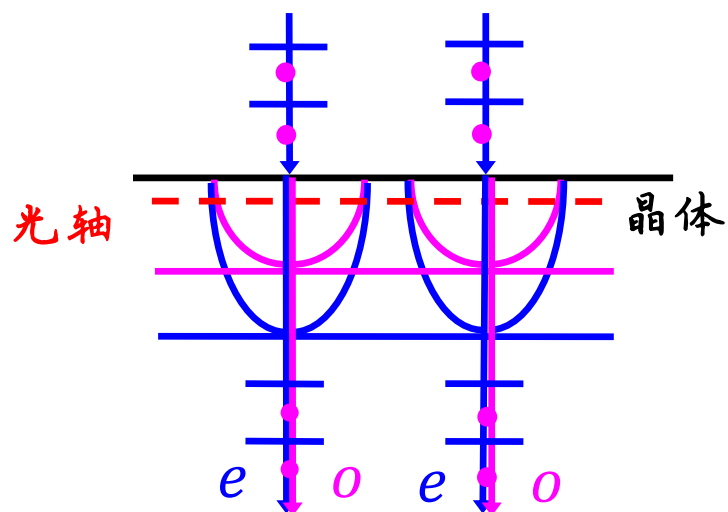


$$n_o(1.6584) > n(1.55) > n_e(1.4864)$$

波晶片 - 相位延迟片

波晶片：从单轴晶体上切下的平板，且光轴与表面平行。

用于操控光束的相位，或改变光子的极化状态



- ◆ 自然光入射后，分解为两束偏振光：
- ◆ 平行于光轴方向的 o 光，垂直于光轴方向 e 光,两者光速不同；
- ◆ 光速快的方向称为**快轴**，光速慢的方向称为**慢轴**
- ◆ 方解石等负晶体，快轴垂直于光轴

波晶片的琼斯矩阵

- 以快、慢轴为 x 、 y 轴

- 波晶片左侧的复振幅

$$\tilde{\vec{E}}_{\text{in}} = \begin{pmatrix} A_1 \\ A_2 e^{-i\Delta\phi} \end{pmatrix}$$

- 波晶片右侧的光矢量

$$\vec{E}(t, \vec{r}) = \begin{pmatrix} A_1 \cos\left(\omega t - \frac{\omega}{v_1} d\right) \\ A_2 \cos\left(\omega t - \frac{\omega}{v_2} d + \Delta\phi\right) \end{pmatrix}$$

- 波晶片右侧的复振幅

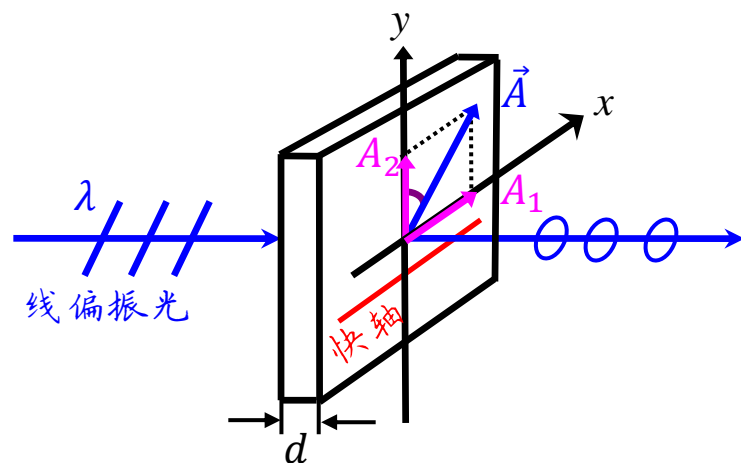
$$\begin{aligned} \tilde{\vec{E}}_{\text{out}} &= \begin{pmatrix} A_1 e^{i\frac{\omega}{v_1} d} \\ A_2 e^{i\left(\frac{\omega}{v_2} d - \Delta\phi\right)} \end{pmatrix} \\ &\propto \begin{pmatrix} A_1 e^{i\frac{\omega}{v_1} d} \\ A_2 e^{i\left(\frac{\omega}{v_2} d - \frac{\omega}{v_1} d - \Delta\phi\right)} \end{pmatrix} \end{aligned}$$

- $\frac{1}{4}$ 波片

$$\frac{\omega}{v_2} d - \frac{\omega}{v_1} d = \frac{\pi}{2}, \quad \tilde{\vec{E}}_{\text{out}} \propto \begin{pmatrix} \tilde{E}_1 \\ i\tilde{E}_2 \end{pmatrix}$$

- $\frac{1}{2}$ 波片

$$\frac{\omega}{v_2} d - \frac{\omega}{v_1} d = \pi, \quad \tilde{\vec{E}}_{\text{out}} \propto \begin{pmatrix} \tilde{E}_1 \\ -\tilde{E}_2 \end{pmatrix}$$



- $\frac{1}{4}$ 波片的琼斯矩阵 (快轴沿 x 轴)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & i \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} \tilde{E}_{1,\text{out}} \\ \tilde{E}_{2,\text{out}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & i \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \tilde{E}_{1,\text{in}} \\ \tilde{E}_{2,\text{in}} \end{pmatrix}$$

- $\frac{1}{4}$ 波片的琼斯矩阵, 快轴与 x 轴夹角为 θ ,

$$\begin{aligned} &\begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & i \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix}^{-1} \\ &= \begin{pmatrix} \cos^2\theta + i\sin^2\theta & (1-i)\sin\theta\cos\theta \\ (1-i)\sin\theta\cos\theta & \sin^2\theta + i\cos^2\theta \end{pmatrix} \end{aligned}$$

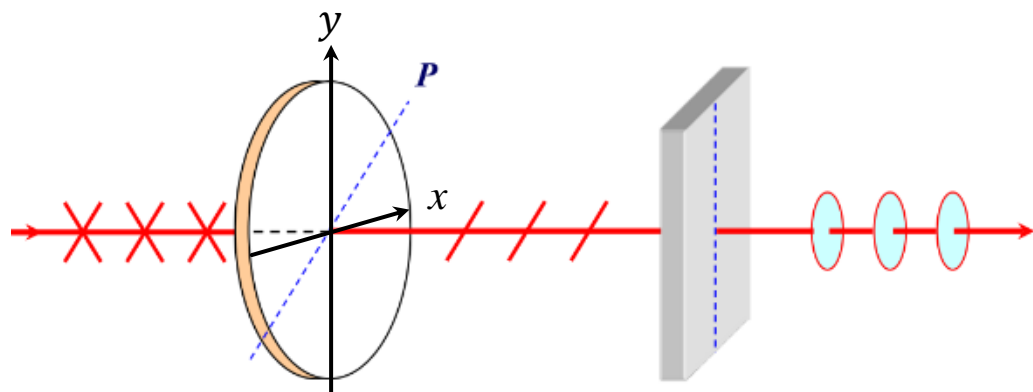
- $\frac{1}{2}$ 波片的琼斯矩阵 (快轴沿 x 轴)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} \tilde{E}_{1,\text{out}} \\ \tilde{E}_{2,\text{out}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \tilde{E}_{1,\text{in}} \\ \tilde{E}_{2,\text{in}} \end{pmatrix}$$

- 偏振片的琼斯矩阵 (透振方向为 x -轴)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

1/4波片用于起偏



圆偏振光起偏器

- 设偏振片把自然光过滤成偏振光，与x轴夹角为45°，琼斯矢量是

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

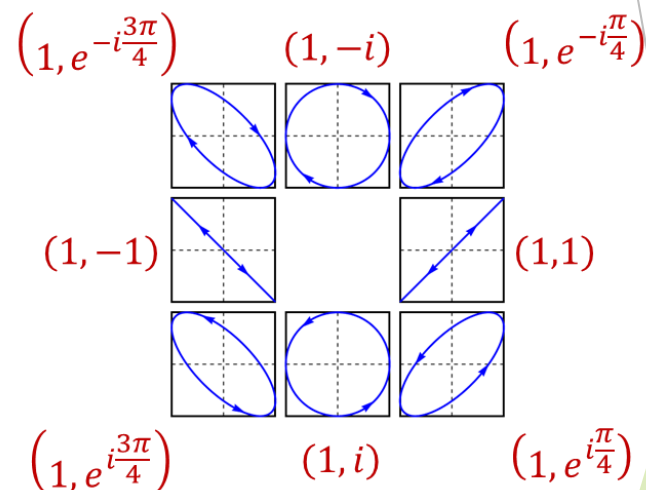
- 1/4波片的快轴沿y轴，琼斯矩阵为

$$\begin{pmatrix} i & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

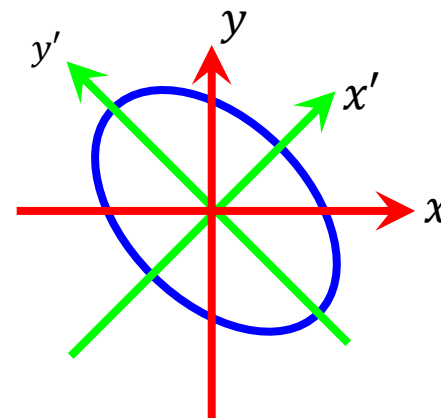
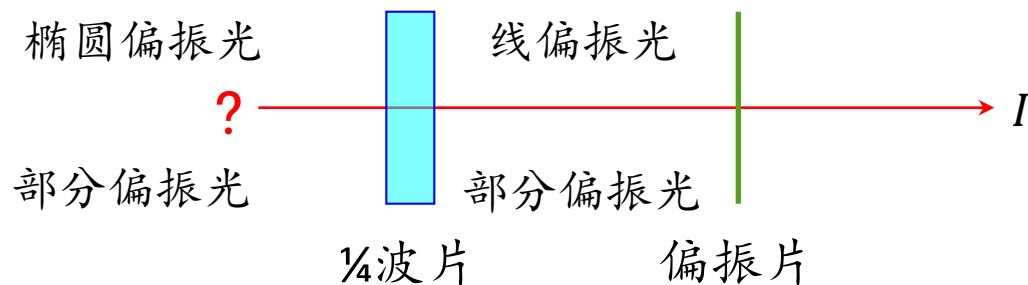
- 出射光的琼斯矢量为

$$\begin{pmatrix} i & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} i \\ 1 \end{pmatrix} = i \begin{pmatrix} 1 \\ -i \end{pmatrix}$$

- 由右图知，出射光是右旋圆偏振光



1/4波片用于检偏



通过坐标旋转，得到了标准椭圆方程

$$\frac{E'_x{}^2}{E'_{x0}{}^2} + \frac{E'_y{}^2}{E'_{y0}{}^2} = 1$$

- ① 使入射光通过偏振片，旋转偏振片找到光强最小的方向
- ② 在偏振片前放置1/4波片，快轴取光强最小方向
- ③ 如果入射光是椭圆偏振光，通过1/4波片后

$$\begin{pmatrix} A_1 \\ \mp A_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & i \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_1 \\ \pm i A_2 \end{pmatrix}$$

成为线偏振光。再旋转偏振片可看到消光现象。

- ④ 如果入射光是部分偏振光，通过1/4波片后仍是部分偏振光。再旋转偏振片，光强有强弱变化，但无消光现象。

琼斯矢量是

$$\begin{pmatrix} A_1 \\ A_2 e^{\pm i\frac{\pi}{2}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A_1 \\ \pm i A_2 \end{pmatrix}$$

