

Haskell 趣学指南

M. Lipovaca (英) MnO2 (繁) 开源书屋 (简)

2013 年 10 月 3 日

目录

第一章 简介	1
§1.1 关于这份教学	1
§1.2 什么是 Haskell?	2
§1.3 你需要些什么来使用 Haskell 呢?	4
第二章 从零开始	6
§2.1 准备好了吗?	6
§2.2 初学者的第一个函数	10
§2.3 List 入门	12
§2.4 使用 Range	17
§2.5 List Comprehension	20
§2.6 Tuple	23
第三章 Types and Typeclasses	27
§3.1 Type	27
§3.2 Type variables	30
§3.3 Typeclasses 入门	31
第四章 函数的语法	37
§4.1 模式匹配 (Pattern matching)	37
§4.2 什么是 Guards	42
§4.3 关键字 Where	45
§4.4 关键字 Let	47
§4.5 Case expressions	49

第五章 递归	52
§5.1 你好，递归！	52
§5.2 实现 Maximum	53
§5.3 来看几个递归函数	54
§5.4 “快速” 排序	57
§5.5 用递回来思考	59
 第六章 高阶函数	 61
§6.1 Curried functions	61
§6.2 是时候了，来点高阶函数！	64
§6.3 map 与 filter	67
§6.4 lambda	72
§6.5 关键字 fold	74
§6.6 有 \$ 的函数调用	80
§6.7 Function composition	81
 第七章 模组 (Modules)	 85
§7.1 装载模组	85
§7.2 Data.List	87
§7.3 Data.Char	99
§7.4 Data.Map	103
§7.5 Data.Set	108
§7.6 建立自己的模组	111

第八章 构造我们自己的 Types 和 Typeclasses	117
§8.1 Algebraic Data Types 入门	117
§8.2 Record Syntax	121
§8.3 Type parameters	124
§8.4 Derived instances	130
§8.5 Type synonyms	135
§8.6 Recursive data structures (递归地定义数据结构)	140
§8.7 Typeclasses 的第二堂课	145
§8.8 yes-no typeclass	150
§8.9 Functor typeclass	153
§8.10 Kind	157
 第九章 输入与输出	 163
§9.1 Hello, world!	164
§9.2 文件与字符流	178
§9.3 命令行引数	195
§9.4 乱数	202
§9.5 Bytestrings	211
§9.6 Exceptions (异常)	218
 第十章 函数式地思考来解决问题	 227
§10.1 运算逆波兰表示法 (Reverse Polish notation form)	227
§10.2 路径规划	232

第十一章	Functors, Applicative Functors 与 Monoids	243
§11.1	温习 Functors	243
§11.2	Applicative functors	257
§11.3	关键字 “newtype”	277
11.3.1	Using newtype to make type class instances	280
11.3.2	On newtype laziness	282
11.3.3	type vs newtype vs data	284
§11.4	Monoids	285
11.4.1	Lists are monoids	289
11.4.2	Product and Sum	290
11.4.3	Any and ALL	292
11.4.4	The Ordering monoid	293
11.4.5	Maybe the monoid	297
11.4.6	Using monoids to fold data structures	299
第十二章	来看看几种 Monad	304
§12.1	动手做做看: Maybe Monad	306
§12.2	Monad type class	309
§12.3	走钢索	314
§12.4	do 表示法	321
§12.5	List Monad	327
12.5.1	A knight’s quest	333
§12.6	Monad laws (单子律)	336
12.6.1	Left identity	336
12.6.2	Right identity	337
12.6.3	Associativity	338

第十三章 再来看看更多 Monad	341
§13.1 你所不知道的 Writer Monad	342
13.1.1 Monoids 的好处	344
13.1.2 The Writer type	346
13.1.3 Using do notation with Writer	348
13.1.4 Adding logging to programs	350
13.1.5 Inefficient list construction	352
13.1.6 Difference lists	353
13.1.7 Comparing Performance	355
§13.2 Reader Monad	356
§13.3 State Monad	359
13.3.1 Stack and Stones	361
13.3.2 The State Monad	362
13.3.3 随机性与 state monad	366
§13.4 Error Monad	367
§13.5 一些实用的 Moandic functions	369
13.5.1 liftM	370
13.5.2 The join function	373
13.5.3 filterM	377
13.5.4 foldM	379
13.5.5 Making a safe RPN calculator	380
13.5.6 Composing monadic functions	384
§13.6 定义自己的 Monad	386

第十四章 Zippers 数据结构	393
§14.1 来走二元树吧!	394
§14.2 凡走过必留下痕迹	397
14.2.1 Going back up	398
14.2.2 Manipulating trees under focus	401
14.2.3 I'm going straight to top, oh yeah, up where the air is fresh and clean!	402
§14.3 来看串行	403
§14.4 阳春的文件系统	405
14.4.1 A zipper for our file system	406
14.4.2 Manipulating our file system	409
§14.5 小心每一步	410
 附录 A FAQ	 414
§A.1 我能把这份教学放在我的网站吗? 我可以更改里面的内容吗?	414
§A.2 推荐其它几个 Haskell 读物?	414
§A.3 我怎么联络到你?	414
§A.4 我想要一些习题!	414
§A.5 关于作者	414
§A.6 关于简体译者	415
§A.7 关于繁体译者	415
 附录 B Resource	 416
§B.1 Specification	416
§B.2 Tools	416
§B.3 Lectures & Articles	416

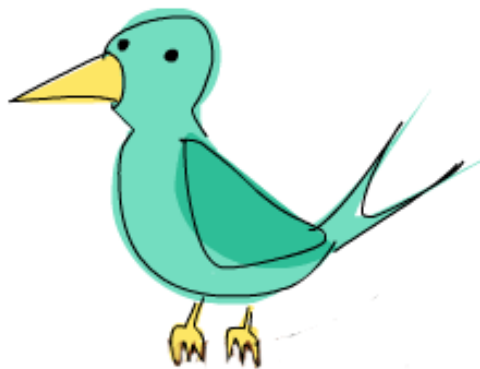
§B.4 Forum	417
§B.5 Online Judge	417
§B.6 Books	418
§B.7 PL Researchers	418
§B.8 Interesting Projects	418
§B.9 Taiwan Functional Programming User Group	418

第一章 简介

§1.1 关于这份教学

欢迎来到 *Haskell* 趣学指南！会想看这篇文章表示你对学习 *Haskell* 有很大的兴趣。你来对地方了，来让我简单介绍一下这个教学。

撰写这份教学，一方面是让我自己对 *Haskell* 更熟练，另一方面是希望能够分享我的学习经验，帮助初学者更快进入状况。网路上已经有无数 *Haskell* 的教学文件，在我学习的过程中，我并不限于只参考一份来源。我常常阅读不同的教学文章，他们每个都从不同的角度出发。参考这些资源让我能将知识化整为零。这份教学是希望提供更多的机会能让你找到你想要得到的解答。



这份教学主要针对已经有使用命令式程序语言 (imperative programming languages) 写程序经验 (C, C++, Java, Python ...)、却未曾接触过函数式程序语言 (functional programming languages) (*Haskell*, ML, OCaml ...) 的读者。就算没有写程序经验也没关系，会想学 *Haskell* 的人我相信都是很聪明的。

若在学习中遇到什么地方不懂的，Freenode IRC 上的 #*Haskell* 频道是提问的绝佳去处。那里的人都很友善，有耐心且能体谅初学者。(译注：

Stackoverflow 上的 #haskell tag 也有很多 Haskell 神人们耐心地回答问题，提供给不习惯用 IRC 的人的另一个选择。)

我经历了不少挫折才学会 Haskell，在初学的时候它看起来是如此奇怪的语言。但有一天我突然开窍了，之后的学习便如鱼得水。我想要表达的是：尽管 Haskell 乍看下如此地诡异，但假如你对程序设计十分有兴趣，他非常值得你学习。学习 Haskell 让你想起你第一次写程序的感觉。非常有趣，而且强迫你 Think different。

§1.2 什么是 Haskell？



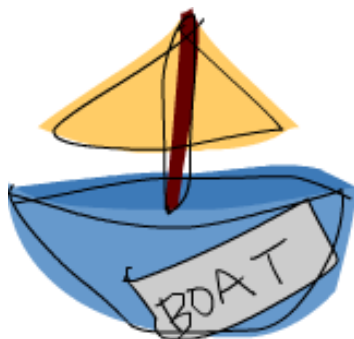
Haskell 是一门纯粹函数式程序语言 (*purely functional programming language*)。在命令式语言中执行操作需要给电脑安排一组命令，随着命令的执行，状态就会随之发生改变。例如你指派变量 `a` 的值为 5，而随后做了其它一些事情之后 `a` 就可能变成的其它值。有控制流程 (control flow)，你就可以重复执行操作。然而在纯粹函数式程序语言中，你不是像命令式语言那样命令电脑“要做什么”，而是通过用函数来描述出问题“是什么”，如“阶乘是指从 1 到某个数的乘积”，“一个串行中数字的和”是指把第一个数字跟剩余数字的和相加。你用声明函数是什么的形式来写程序。另外，变量 (variable) 一旦被指定，就不可以更改了，你已经说了 `a` 就是 5，就不能再另说 `a` 是别的什么数。(译注：其实用 variable 来表达造成字义的 overloading，会让人联想到 imperative languages 中 variable 是代表状态，但在 functional languages 中 variable 是相近于数学中使用的 variable。`x=5` 代表 `x` 就是 5，不是说 `x` 在 5 这个状态。) 所以说，在纯粹函数式程序语言中的函数能做的唯一事情就是利用引数计算结果，不会产生所谓的“副作用 (side effect)”

(译注：也就是改变非函数内部的状态，像是 imperative languages 里面动到 global variable 就是 side effect)。一开始会觉得这限制很大，不过这也是他的优点所在：若以同样的参数调用同一个函数两次，得到的结果一定是相同。这被称作“引用透明 (*Referential Transparency*)” (译注：这就跟数学上函数的使用一样)。如此一来编译器就可以理解程序的行为，你也很容易就能验证一个函数的正确性，继而可以将一些简单的函数组合成更复杂的函数。



Haskell 是惰性 (*lazy*) 的。也就是说若非特殊指明，函数在真正需要结果以前不会被求值。再加上引用透明，你就可以把程序仅看作是数据的一系列变形。如此一来就有了很多有趣的特性，如无限长度的数据结构。假设你有一个 List: `xs = [1,2,3,4,5,6,7,8]`，还有一个函数 `doubleMe`，它可以将一个 List 中的所有元素都乘以二，返回一个新的 List。若是在命令式语言中，把一个 List 乘以 8，执行 `doubleMe(doubleMe(doubleMe(xs)))`，得遍历三遍 `xs` 才会得到结果。而在惰性语言中，调用 `doubleMe` 时并不会立即求值，它会说“嗯嗯，待会儿再做！”。不过一旦要看结果，第一个 `doubleMe` 就会对第二个说“给我结果，快！”第二个 `doubleMe` 就会把同样的话传给第三个 `doubleMe`，第三个 `doubleMe` 只能将 1 乘以 2 得 2 后交给第二个，第二个再乘以 2 得 4 交给第一个，最终得到第一个元素 8。也就是说，这一切只需要遍历一次 list 即可，而且仅在你真正需要结果时才会执行。惰性语言中的计算只是一组初始数据和变换公式。

Haskell 是静态类型 (*statically typed*) 的。当你编译程序时，编译器需要



明确哪个是数字，哪个是字符串。这就意味着很大一部分错误都可以在编译时被发现，若试图将一个数字和字符串相加，编译器就会报错。Haskell 拥有一套强大的类型系统，支持自动类型推导 (type inference)。这一来你就不需要在每段源代码上都标明它的类型，像计算 $a=5+4$ ，你就不需另告诉编译器“ a 是一个数值”，它可以自己推导出来。类型推导可以让你的程序更加简练。假设有个函数是将两个数值相加，你不需要声明其类型，这个函数可以对一切可以相加的值进行计算。

Haskell 采纳了很多高阶程序语言的概念，因而它的源代码优雅且简练。与同层次的命令式语言相比，Haskell 的源代码往往会更短，更短就意味着更容易理解，bug 也就更少。

Haskell 这语言是一群非常聪明的人设计的 (他们每个人都有 PhD 学位)。最初的工作始于 1987 年，一群学者聚在一起想设计一个屌到爆的程序语言。到了 2003 年，他们公开了 Haskell Report，这份报告描述了 Haskell 语言的一个稳定版本。(译注：这份报告是 Haskell 98 标准的修订版，Haskell 98 是在 1999 年公开的，是目前 Haskell 各个编译器实现缺省支持的标准。在 2010 年又公开了另一份 Haskell 2010 标准，详情可见穆信成老师所撰写的 [<http://www.iis.sinica.edu.tw/~scm/ncs/2010/07/haskell-2010-report/> 简介]。

§1.3 你需要些什么来使用 Haskell 呢？

一句话版本的答案：一个编辑器和一个编译器。我们不会对编辑器多加着墨，你可以用你喜欢的编辑器。至于编译器，在这份教学中我们会使用目前最流行的版本：GHC。而安装 GHC 最方便的方法就是去下载 Haskell

Platform, 他包含了许多现成 Runtime Library 让你方便写程序。(译注: Ubuntu 的使用者有现成的软件包可以使用, 可以直接 `apt-get install Haskell-platform` 来安装。但软件包的版本有可能比较旧。)

GHC 可以解释执行 Haskell Script (通常是以 `.hs` 作为结尾), 也可以编译。它还有个互动模式, 你可以在里面调用 Script 里定义的函数, 即时得到结果。对于学习而言, 这比每次修改都编译执行要方便的多。想进入互动模式, 只要打开控制台输入 `ghci` 即可。假设你在 `myfunctions.hs` 里定义了一些函数, 在 `ghci` 中输入 `:l myfunctions.hs`, `ghci` 便会加载 `myfunctions.hs`。之后你便可以调用你定义的函数。一旦修改了这个 `.hs` 文件的内容, 再次执行 `:l myfunctions.hs` 或者相同作用的 `:r`, 都可以重新加载该文件。我自己通常就是在 `.hs` 文件中定义几个函数, 再到 `ghci` 加载, 调用看看, 再修改再重新加载。这也正是我们往后的基本流程。

第二章 从零开始

§2.1 准备好了吗？



准备来开始我们的旅程！如果你就是那种从不看说明书的人，我推荐你还是回头看一下简介的最后一节。那里面讲了这个教学中你需要用到的工具及基本用法。我们首先要做的就是进入 `ghc` 的互动模式，接着就可以写几个函数体验一下 Haskell 了。打开终端机，输入 `ghci`，你会看到下列欢迎讯息：

```
GHCI, version 6.8.2: http://www.haskell.org/ghc/  
:? for help Loading package base ... linking ... done.  
Prelude>
```

恭喜您已经进入了 `ghci` 了！目前它的命令行提示是 `prelude>`，不过它在你装载一些模组之后会变的比较长。为了美观起见，我们会输入指令 `set prompt "ghci> "` 把它改成 `ghci>`。

首先来看一些简单的运算

```
ghci> 2 + 15  
17  
ghci> 49 * 100  
4900  
ghci> 1892 - 1472  
420
```

```
ghci> 5 / 2
2.5
ghci>
```

很简单吧! 你也可以在一行中使用多个运算符, 他们会按照运算符优先级执行计算, 而使用括号可以改变执行的优先级。

```
ghci> (50 * 100) - 4999
1
ghci> 50 * 100 - 4999
1
ghci> 50 * (100 - 4999)
-244950
```

但注意处理负数的时候有个小陷阱: 我们执行 `5 * -3` 会 `ghci` 会回报错误。所以说, 使用负数时最好将其置于括号之中, 像 `5*(-3)` 就不会有问题。

要进行布林代数 (Boolean Algebra) 的演算也是很直观的。你也许早就猜, `&&` 指的是布林代数上的 AND, 而 `||` 指的是布林代数上的 OR, `not` 会把 `True` 变成 `False`, `False` 变成 `True`。

```
ghci> True && False
False
ghci> True && True
True
ghci> False || True
True
ghci> not False
True
ghci> not (True && True)
False
```

相等性可以这样判定

```
ghci> 5 == 5
True
ghci> 1 == 0
False
ghci> 5 /= 5
False
```

```
ghci> 5 /= 4
True
ghci> "hello" == "hello"
True
```

那执行 `5+"llama"` 或者 `5==True` 会怎样？如果我们真的试着在 `ghci` 中跑，会得到下列的错误讯息：

```
No instance for (Num [Char])
arising from a use of `+' at :1:0-9
Possible fix: add an instance declaration for (Num [Char])
In the expression: 5 + "llama"
In the definition of `it': it = 5 + "llama"
```

这边 `ghci` 提示说 `"llama"` 并不是数值类型，所以它不知道怎样才能给它加上 5。即便是“four”甚至是“4”也不可以，Haskell 不拿它当数值。执行 `True==5`, `ghci` 就会提示类型不匹配。`+` 运算符要求两端都是数值，而 `==` 运算符仅对两个可比较的值可用。这就要求他们的类型都必须一致，苹果和橘子就无法做比较。我们会在后面深入地理解类型的概念。Note: `5+4.0` 是可以执行的，5 既可以做被看做整数也可以被看做浮点数，但 `4.0` 则不能被看做整数。



也许你并未察觉，不过从始至终我们一直都在使用函数。`*` 就是一个将两个数相乘的函数，就像三明治一样，用两个参数将它夹在中央，这被称作中缀函数。而其他大多数不能与数夹在一起的函数则被称作前缀函数。绝大部分函数都是前缀函数，在接下来我们就不多做区别。大多数命令式程序语

言中的函数调用形式通常就是函数名，括号，由逗号分隔的参数列。而在 Haskell 中，函数调用的形式是函数名，空格，空格分隔的参数列。简单举个例子，我们调用 Haskell 中最无趣的函数：

```
ghci> succ 8
9
```

`succ` 函数返回一个数的后继 (successor)。而且如你所见，在 Haskell 中是用空格来将函数与参数分隔的。至于调用多个参数的函数也很容易，`min` 和 `max` 接受两个可比较大小的参数，并返回较大或者较小的那个数。

```
ghci> min 9 10
9
ghci> min 3.4 3.2
3.2
ghci> max 100 101
101
```

函数调用拥有最高的优先级，如下两句是等效的

```
ghci> succ 9 + max 5 4 + 1
16
ghci> (succ 9) + (max 5 4) + 1
16
```

若要取 9 乘 10 的后继，`succ 9*10` 是不行的，程序会先取 9 的后继，然后再乘以 10 得 100。正确的写法应该是 `succ(9*10)`，得 91。如果某函数有两个参数，也可以用 ``` 符号将它括起，以中缀函数的形式调用它。

例如取两个整数相除所得商的 `div` 函数，`div 92 10` 可得 9，但这种形式不容易理解：究竟是哪个数是除数，哪个数被除？使用中缀函数的形式 `92div10` 就更清晰了。

从命令式程序语言走过来的人们往往会觉得函数调用与括号密不可分，在 C 中，调用函数必加括号，就像 `foo()`，`bar(1)`，或者 `baz(3,"haha")`。而在 Haskell 中，函数的调用必使用空格，例如 `bar (bar 3)`，它并不表示以 `bar` 和 3 两个参数去调用 `bar`，而是以 `bar 3` 所得的结果作为参数去调用 `bar`。在 C 中，就相当于 `bar(bar(3))`。

§2.2 初学者的第一个函数

在前一节中我们简单介绍了函数的调用，现在让我们编写我们自己的函数！打开你最喜欢的编辑器，输入如下源代码，它的功能就是将一个数字乘以 2。

```
doubleMe x = x + x
```

函数的声明与它的调用形式大致相同，都是先函数名，后跟由空格分隔的参数表。但在声明中一定要在 `=` 后面定义函数的行为。

保存为 `baby.hs` 或任意名称，然后转至保存的位置，打开 `ghci`，执行 `:l baby.hs`。这样我们的函数就装载成功，可以调用了。

```
ghci> :l baby
[1 of 1] Compiling Main                ( baby.hs, interpreted )
Ok, modules loaded: Main.
ghci> doubleMe 9
18
ghci> doubleMe 8.3
16.6
```

+ 运算符对整数和浮点都可用 (实际上所有有数字特征的值都可以)，所以我们的函数可以处理一切数值。声明一个包含两个参数的函数如下：

```
doubleUs x y = x*2 + y*2
```

很简单。将其写成 `doubleUs x y = x + x + y + y` 也可以。测试一下 (记住要保存为 `baby.hs` 并到 `ghci` 下边执行 `:l baby.hs`)

```
ghci> doubleUs 4 9 26
ghci> doubleUs 2.3 34.2 73.0
ghci> doubleUs 28 88 + doubleMe 123
478
```

你可以在其他函数中调用你编写的函数，如此一来我们可以将 `doubleMe` 函数改为：

```
doubleUs x y = doubleMe x + doubleMe y
```



这种情形在 Haskell 下边十分常见：编写一些简单的函数，然后将其组合，形成一个较为复杂的函数，这样可以减少重复工作。设想若是哪天有个数学家验证说 2 应该是 3，我们只需要将 `doubleMe` 改为 `x+x+x` 即可，由于 `doubleUs` 调用到 `doubleMe`，于是整个程序便进入了 2 即是 3 的古怪世界。

Haskell 中的函数并没有顺序，所以先声明 `doubleUs` 还是先声明 `doubleMe` 都是同样的。如下，我们编写一个函数，它将小于 100 的数都乘以 2，因为大于 100 的数都已经足够大了！

```
doubleSmallNumber x = if x > 100
                        then x
                        else x*2
```

接下来介绍 Haskell 的 `if` 语句。你也许会觉得和其他语言很像，不过存在一些不同。Haskell 中 `if` 语句的 `else` 部分是不可省略。在命令式语言中，你可以通过 `if` 语句来跳过一段源代码，而在 Haskell 中，每个函数和表达式都要返回一个结果。对于这点我觉得将 `if` 语句置于一行之中会更易理解。Haskell 中的 `if` 语句的另一个特点就是它其实是个表达式，表达式就是返回一个值的一段源代码：5 是个表达式，它返回 5；4+8 是个表达式；`x+y` 也是个表达式，它返回 `x+y` 的结果。正由于 `else` 是强制的，`if` 语句一定会返回

某个值，所以说 `if` 语句也是个表达式。如果要给刚刚定义的函数的结果都加上 1，可以如此修改：

```
doubleSmallNumber' x = (if x > 100 then x else x*2) + 1
```

若是去掉括号，那就会只在小于 100 的时候加 1。注意函数名最后的那个单引号，它没有任何特殊含义，只是一个函数名的合法字符罢了。通常，我们使用单引号来区分一个稍经修改但差别不大的函数。定义这样的函数也是可以的：

```
conanO'Brien = "It's a-me, Conan O'Brien!"
```

在这里有两点需要注意。首先就是我们没有大写 `conan` 的首字母，因为首字母大写的函数是不允许的，稍后我们将讨论其原因；另外就是这个函数并没有任何参数。没有参数的函数通常被称作“定义”(或者“名字”)，一旦定义，`conanO'Brien` 就与字符串 `"It's a-me, Conan O'Brien!"` 完全等价，且它的值不可以修改。

§2.3 List 入门



在 Haskell 中，List 就像现实世界中的购物单一样重要。它是最常用的数据结构，并且十分强大，灵活地使用它可以解决很多问题。本节我们将对 List，字符串和 list comprehension 有个初步了解。在 Haskell 中，List 是一种单类型的数据结构，可以用来存储多个类型相同的元素。我们可以在里面装一组数字或者一组字符，但不能把字符和数字装在一起。

***Note*:** 在 `ghci` 下，我们可以使用 ``let`` 关键字来定义一个常量。在 `ghci` 下执行 ``let a = 1`` 与在脚本中编写 ``a=1`` 是等价的。

```
ghci> let lostNumbers = [4,8,15,16,23,48]
ghci> lostNumbers
[4,8,15,16,23,48]
```

如你所见，一个 List 由方括号括起，其中的元素用逗号分隔开来。若试图写 `[1,2,'a',3,'b','c',4]` 这样的 List，Haskell 就会报出这几个字符不是数字的错误。字符串实际上就是一组字符的 List，“Hello”只是 `['h','e','l','l','o']` 的语法糖而已。所以我们可以使用处理 List 的函数来对字符串进行操作。将两个 List 合并是很常见的操作，这可以通过 `++` 运算符实现。

```
ghci> [1,2,3,4] ++ [9,10,11,12]
[1,2,3,4,9,10,11,12]
ghci> "hello" ++ " " ++ "world"
"hello world"
ghci> ['w','o'] ++ ['o','t']
"woot"
```

在使用 `++` 运算符处理长字符串时要格外小心（对长 List 也是同样），Haskell 会遍历整个的 List（`++` 符号左边的那个）。在处理较短的字符串时问题还不大，但要是 在一个 5000 万长度的 List 上追加元素，那可得执行好一会儿了。所以说，用 `:` 运算符往一个 List 前端插入元素会是更好的选择。

```
ghci> 'A':" SMALL CAT"
"A SMALL CAT"
ghci> 5:[1,2,3,4,5]
[5,1,2,3,4,5]
```

`:` 运算符可以连接一个元素到一个 List 或者字符串之中，而 `++` 运算符则是连接两个 List。若要使用 `++` 运算符连接单个元素到一个 List 之中，就用方括号把它括起使之成为单个元素的 List。`[1,2,3]` 实际上是 `1:2:3:[]` 的语法糖。`[]` 表示一个空 List，若要从前端插入 3，它就成了 `[3]`，再插入 2，它就成了 `[2,3]`，以此类推。

***Note*:** `[]`, `[[]]`, `[[],[],[]]` 是不同的。第一个是一个空的 List，第二个是含有一个空 List 的 List，第三个是含有三个空 List 的 List。

若是要按照索引取得 List 中的元素，可以使用 `!!` 运算符，索引的下标为 0。

```
ghci> "Steve Buscemi" !! 6
'B'
ghci> [9.4,33.2,96.2,11.2,23.25] !! 1
33.2
```

但你若是试图在一个只含有 4 个元素的 List 中取它的第 6 个元素，就会报错。要小心！

List 同样也可以用来装 List，甚至是 List 的 List 的 List：

```
ghci> let b = [[1,2,3,4],[5,3,3,3],[1,2,2,3,4],[1,2,3]]
ghci> b
[[1,2,3,4],[5,3,3,3],[1,2,2,3,4],[1,2,3]]
ghci> b ++ [[1,1,1,1]]
[[1,2,3,4],[5,3,3,3],[1,2,2,3,4],[1,2,3],[1,1,1,1]]
ghci> [6,6,6]:b
[[6,6,6],[1,2,3,4],[5,3,3,3],[1,2,2,3,4],[1,2,3]]
ghci> b !! 2
[1,2,2,3,4]
```

List 中的 List 可以是不同长度，但必须得是相同的类型。如不可以在 List 中混合放置字符和数组相同，混合放置数值和字符的 List 也是同样不可以的。当 List 内装有可比较的元素时，使用 `>` 和 `>=` 可以比较 List 的大小。它会先比较第一个元素，若它们的值相等，则比较下一个，以此类推。

```
ghci> [3,2,1] > [2,1,0]
True
ghci> [3,2,1] > [2,10,100]
True
ghci> [3,4,2] > [3,4]
True
ghci> [3,4,2] > [2,4]
True
ghci> [3,4,2] == [3,4,2]
True
```

还可以对 List 做啥？如下是几个常用的函数：

head 返回一个 List 的头部，也就是 List 的首个元素。

```
ghci> head [5,4,3,2,1]
5
```

tail 返回一个 List 的尾部，也就是 List 除去头部之后的部分。

```
ghci> tail [5,4,3,2,1]
[4,3,2,1]
```

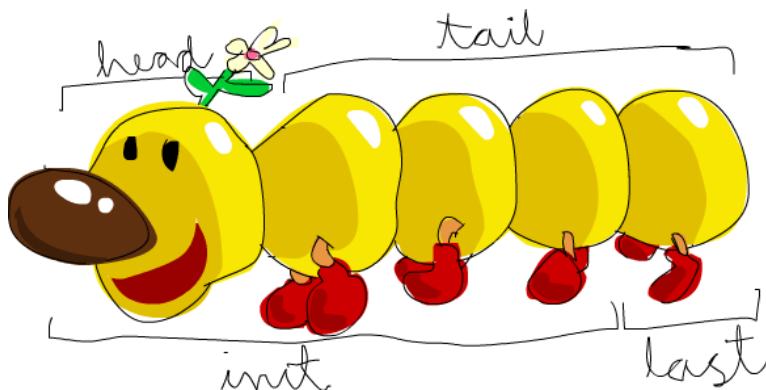
last 返回一个 List 的最后一个元素。

```
ghci> last [5,4,3,2,1]
1
```

init 返回一个 List 除去最后一个元素的部分。

```
ghci> init [5,4,3,2,1]
[5,4,3,2]
```

如果我们把 List 想象为一头怪兽，那这就是它的样子：



试一下，若是取一个空 List 的 head 又会怎样？

```
ghci> head []
*** Exception: Prelude.head: empty list
```

糟糕，程序直接跳出错误。如果怪兽都不存在的话，那他的头也不会存在。在使用 `head`，`tail`，`last` 和 `init` 时要小心别用到空的 `List` 上，这个错误不会在编译时被捕获。所以说做些工作以防止从空 `List` 中取值会是个好的做法。

length 返回一个 `List` 的长度。

```
ghci> length [5,4,3,2,1]
5
```

null 检查一个 `List` 是否为空。如果是，则返回 `True`，否则返回 `False`。应当避免使用 `xs==[]` 之类的语句来判断 `List` 是否为空，使用 `null` 会更好。

```
ghci> null [1,2,3]
False
ghci> null []
True
```

reverse 将一个 `List` 反转：

```
ghci> reverse [5,4,3,2,1]
[1,2,3,4,5]
```

take 返回一个 `List` 的前几个元素，看：

```
ghci> take 3 [5,4,3,2,1]
[5,4,3]
ghci> take 1 [3,9,3]
[3]
ghci> take 5 [1,2]
[1,2]
ghci> take 0 [6,6,6]
[]
```

如上，若是图取超过 `List` 长度的元素个数，只能得到原 `List`。若 `take` 0 个元素，则会得到一个空 `List`！`drop` 与 `take` 的用法大体相同，它会删除一个 `List` 中的前几个元素。


```
ghci> drop 3 [8,4,2,1,5,6]
[1,5,6]
ghci> drop 0 [1,2,3,4]
[1,2,3,4]
ghci> drop 100 [1,2,3,4]
[]
```

maximum 返回一个 List 中最大的那个元素。**minimum** 返回最小的。

```
ghci> minimum [8,4,2,1,5,6]
1
ghci> maximum [1,9,2,3,4]
9
```

sum 返回一个 List 中所有元素的和。**product** 返回一个 List 中所有元素的积。

```
ghci> sum [5,2,1,6,3,2,5,7]
31
ghci> product [6,2,1,2]
24
ghci> product [1,2,5,6,7,9,2,0]
0
```

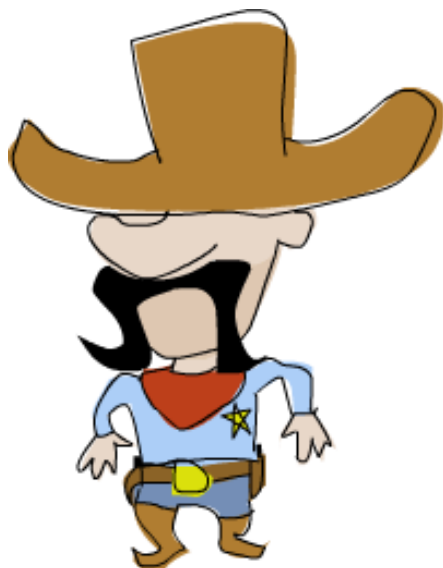
elem 判断一个元素是否在包含于一个 List，通常以中缀函数的形式调用它。

```
ghci> 4 `elem` [3,4,5,6]
True
ghci> 10 `elem` [3,4,5,6]
False
```

这就是几个基本的 List 操作函数，我们会在往后的一节中了解更多的函数。

§2.4 使用 Range

今天如果想得到一个包含 1 到 20 之间所有数的 List，你会怎么做？我们可以将它们一个一个用键盘打出来，但很明显地这不是一个完美的方案，



特别是你追求一个好的程序语言的时候。我们想用的是区间 (Range)。Range 是构造 List 方法之一，而其中的值必须是可枚举的，像 1、2、3、4... 字符同样也可以枚举，字母表就是 A..Z 所有字符的枚举。而名字就不可以枚举了，"john" 后面是谁？我不知道。

要得到包含 1 到 20 中所有自然数的 List，只要 [1..20] 即可，这与用手写 [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20] 是完全等价的。其实用手写一两个还不是什么大事，但若是手写一个非常长的 List 那就铁定是个笨方法。

```
ghci> [1..20]
[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20]
ghci> ['a'..'z']
"abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
ghci> ['K'..'Z']
"KLMNOPQRSTUVWXYZ"
```

Range 的特点是他还允许你指定每一步该跨多远。譬如说，今天的问题换成是要得到 1 到 20 间所有的偶数或者 3 的倍数该怎样？

```
ghci> [2,4..20]
[2,4,6,8,10,12,14,16,18,20]
ghci> [3,6..20]
[3,6,9,12,15,18]
```

仅需用逗号将前两个元素隔开，再标上上限即可。尽管 Range 很聪明，但它恐怕还满足不了一个人对它的期许。你就不能通过 `[1,2,4..100]` 这样的语句来获得所有 2 的幂。一方面是因为步长只能标明一次，另一方面就是仅凭前几项，数组的后项是不能确定的。要得到 20 到 1 的 List，`[20..1]` 是不可以的。必须得 `[20,19..1]`。在 Range 中使用浮点数要格外小心！出于定义的原因，浮点数并不精确。若是使用浮点数的话，你就会得到如下的糟糕结果

```
ghci> [0.1, 0.3 .. 1]
[0.1,0.3,0.5,0.7,0.8999999999999999,1.0999999999999999]
```

我的建议就是避免在 Range 中使用浮点数。

你也可以不标明 Range 的上限，从而得到一个无限长度的 List。在后面我们会讲解关于无限 List 的更多细节。取前 24 个 13 的倍数该怎样？恩，你完全可以 `[13,26..24*13]`，但有更好的方法：`take 24 [13,26..]`。

由于 Haskell 是惰性的，它不会对无限长度的 List 求值，否则会没完没了的。它会等着，看你会从它那儿取多少。在这里它见你只要 24 个元素，便欣然交差。如下是几个生成无限 List 的函数 `cycle` 接受一个 List 做参数并返回一个无限 List。如果你只是想看一下它的运算结果而已，它会运行个没完的。所以应该在某处划好范围。

```
ghci> take 10 (cycle [1,2,3])
[1,2,3,1,2,3,1,2,3,1]
ghci> take 12 (cycle "LOL ")
"LOL LOL LOL "
```

`repeat` 接受一个值作参数，并返回一个仅包含该值的无限 List。这与用 `cycle` 处理单元素 List 差不多。

```
ghci> take 10 (repeat 5)
[5,5,5,5,5,5,5,5,5,5]
```

其实，你若只是想得到包含相同元素的 List，使用 `replicate` 会更简单，如 `replicate 3 10`，得 `[10,10,10]`。

§2.5 List Comprehension



学过数学的你对集合的 comprehension (Set Comprehension) 概念一定不会陌生。通过它，可以从既有的集合中按照规则产生一个新集合。前十个偶数的 set comprehension 可以表示为 $S = \{2 \cdot x \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 10\}$ ，竖线左端的部分是输出函数， x 是变量， \mathbb{N} 是输入集合。在 Haskell 下，我们可以通过类似 `take 10 [2,4..]` 的源代码来实现。但若是把简单的乘 2 改成更复杂的函数操作该怎么办呢？用 list comprehension，它与 set comprehension 十分的相似，用它取前十个偶数轻而易举。这个 list comprehension 可以表示为：

```
ghci> [x*2 | x <- [1..10]]
[2,4,6,8,10,12,14,16,18,20]
```

如你所见，结果正确。给这个 comprehension 再添个限制条件 (predicate)，它与前面的条件由一个逗号分隔。在这里，我们要求只取乘以 2 后大于等于 12 的元素。

```
ghci> [x*2 | x <- [1..10], x*2 >= 12]
[12,14,16,18,20]
```

cool, 灵了。若是取 50 到 100 间所有除 7 的余数为 3 的元素该怎么办？简单：

```
ghci> [ x | x <- [50..100], x `mod` 7 == 3 ]
[52,59,66,73,80,87,94]
```

成功！从一个 List 中筛选出符合特定限制条件的操作也可以称为过滤 (filtering)。即取一组数并且按照一定的限制条件过滤它们。再举个例子吧，假如我们想要一个 comprehension，它能够使 List 中所有大于 10 的奇数变为 "BANG"，小于 10 的奇数变为 "BOOM"，其他则统统扔掉。方便重用起见，我们将这个 comprehension 置于一个函数之中。

```
boomBangs xs = [ if x < 10 then "BOOM!" else "BANG!" | x <- xs, odd x]
```

这个 comprehension 的最后部分就是限制条件，使用 odd 函数判断是否为奇数：返回 True，就是奇数，该 List 中的元素才被包含。

```
ghci> boomBangs [7..13]
["BOOM!", "BOOM!", "BANG!", "BANG!"]
```

也可以加多个限制条件。若要达到 10 到 20 间所有不等于 13, 15 或 19 的数，可以这样：

```
ghci> [ x | x <- [10..20], x /= 13, x /= 15, x /= 19 ]
[10,11,12,14,16,17,18,20]
```

除了多个限制条件之外，从多个 List 中取元素也是可以的。这样的话 comprehension 会把所有的元素组合交付给我们的输出函数。在不过滤的前提下，取自两个长度为 4 的集合的 comprehension 会产生一个长度为 16 的 List。假设有两个 List，[2,5,10] 和 [8,10,11]，要取它们所有组合的积，可以这样：

```
ghci> [ x*y | x <- [2,5,10], y <- [8,10,11]]
[16,20,22,40,50,55,80,100,110]
```

意料之中，得到的新 List 长度为 9。若只取乘积为 50 的结果该如何？

```
ghci> [ x*y | x <- [2,5,10], y <- [8,10,11], x*y > 50]
[55,80,100,110]
```

取个包含一组名词和形容词的 List comprehension 吧，写诗的话也许用得着。

```
ghci> let nouns = ["hobo","frog","pope"]
ghci> let adjectives = ["lazy","grouchy","scheming"]
ghci> [adjective ++ " " ++ noun | adjective <- adjectives, noun <- nouns]
["lazy hobo","lazy frog","lazy pope","grouchy hobo","grouchy frog", "grouchy pope"
"scheming frog","scheming pope"]
```

明白！让我们编写自己的 length 函数吧！就叫做 length'！

```
length' xs = sum [1 | _ <- xs]
```

_ 表示我们并不关心从 List 中取什么值，与其弄个永远不用的变量，不如直接一个 _。这个函数将一个 List 中所有元素替换为 1，并且使其相加求和。得到的结果便是我们的 List 长度。友情提示：字符串也是 List，完全可以使用 list comprehension 来处理字符串。如下是个除去字符串中所有非大写字母的函数：

```
removeNonUppercase st = [ c | c <- st, c `elem` ['A'..'Z']]
```

测试一下：

```
ghci> removeNonUppercase "Hahaha! Ahahaha!"
"HA"
ghci> removeNonUppercase "IdontLIKEFROGS"
"ILIKEFROGS"
```

在这里，限制条件做了所有的工作。它说：只有在 ['A'..'Z'] 之间的字符才可以被包含。

若操作含有 List 的 List，使用嵌套的 List comprehension 也是可以的。假设有个包含许多数值的 List 的 List，让我们在不拆开它的前提下除去其中的所有奇数：

```
ghci> let xxs = [[1,3,5,2,3,1,2,4,5],[1,2,3,4,5,6,7,8,9],[1,2,4,2,1,6,3,1,3,2,3],
ghci> [ [ x | x <- xs, even x ] | xs <- xxs]
[[2,2,4],[2,4,6,8],[2,4,2,6,2,6]]
```

将 List Comprehension 分成多行也是可以的。若非在 ghci 之下，还是将 List Comprehension 分成多行好，尤其是需要嵌套的时候。

§2.6 Tuple



从某种意义上讲，Tuple (元组) 很像 List –都是将多个值存入一个个体的容器。但它们却有着本质的不同，一组数字的 List 就是一组数字，它们的类型相同，且不关心其中包含元素的数量。而 Tuple 则要求你对需要组合的数据的数目非常的明确，它的类型取决于其中项的数目与其各自的类型。Tuple 中的项由括号括起，并由逗号隔开。

另外的不同之处就是 Tuple 中的项不必为同一类型，在 Tuple 里可以存入多类型项的组合。

动脑筋，在 Haskell 中表示二维向量该如何？使用 List 是一种方法，它倒也工作良好。若要将一组向量置于一个 List 中来表示平面图形又该怎样？我们可以写类似 `[[1,2],[8,11],[4,5]]` 的源代码来实现。但问题在于，`[[1,2],[8,11,5],[4,5]]` 也是同样合法的，因为其中元素的类型都相同。尽管这样并不靠谱，但编译时并不会报错。然而一个长度为 2 的 Tuple (也可以称作序对，Pair)，是一个独立的类型，这便意味着一个包含一组序对的 List 不能再加入一个三元组，所以说把原先的方括号改为圆

括号使用 Tuple 会更好: `[(1,2),(8,11),(4,5)]`。若试图表示这样的图形: `[(1,2),(8,11,5),(4,5)]`, 就会报出以下的错误:

```
Couldn't match expected type `(t, t1)'
against inferred type `(t2, t3, t4)'
In the expression: (8, 11, 5)
In the expression: [(1, 2), (8, 11, 5), (4, 5)]
In the definition of `it': it = [(1, 2), (8, 11, 5), (4, 5)]
```

这告诉我们说程序在试图将序对和三元组置于同一 List 中, 而这是不允许的。同样 `[(1,2),("one",2)]` 这样的 List 也不行, 因为其中的第一个 Tuple 是一对数字, 而第二个 Tuple 却成了一个字符串和一个数字。Tuple 可以用来保存多个数据, 如, 我们要表示一个人的名字与年龄, 可以使用这样的 Tuple: `("Christopher", "Walken", 55)`。从这个例子里也可以看出, Tuple 中也可以存储 List。

使用 Tuple 前应当事先明确一条数据中应该由多少个项。每个不同长度的 Tuple 都是独立的类型, 所以你就不能写个函数来给它追加元素。而唯一能做的, 就是通过函数来给一个 List 追加序对, 三元组或是四元组等内容。

可以有单元素的 List, 但 Tuple 不行。想想看, 单元素的 Tuple 本身就只有一个值, 对我们又有啥意义? 不靠谱。

同 List 相同, 只要其中的项是可比较的, Tuple 也可以比较大小, 只是你不可以像比较不同长度的 List 那样比较不同长度的 Tuple。如下是两个有用的序对操作函数:

fst 返回一个序对的首项。

```
ghci> fst (8,11)
8
ghci> fst ("Wow", False)
"Wow"
```

snd 返回序对的尾项。


```
ghci> snd (8,11)
11
ghci> snd ("Wow", False)
False
```

***Note*:** 这两个函数仅对序对有效，而不能应用于三元组，四元组和五元组之上。稍后，我们将过一遍从 Tuple 中取数据的所有方式。

有个函数很 cool，它就是 `zip`。它可以用来生成一组序对 (Pair) 的 List。它取两个 List，然后将它们交叉配对，形成一组序对的 List。它很简单，却很实用，尤其是你需要组合或是遍历两个 List 时。如下是个例子：

```
ghci> zip [1,2,3,4,5] [5,5,5,5,5]
[(1,5),(2,5),(3,5),(4,5),(5,5)]
ghci> zip [1..5] ["one", "two", "three", "four", "five"]
[(1,"one"),(2,"two"),(3,"three"),(4,"four"),(5,"five")]
```

它把元素配对并返回一个新的 List。第一个元素配第一个，第二个元素配第二个.. 以此类推。注意，由于序对中可以含有不同的类型，`zip` 函数可能会将不同类型的序对组合在一起。若是两个不同长度的 List 会怎么样？

```
ghci> zip [5,3,2,6,2,7,2,5,4,6,6] ["im", "a", "turtle"]
[(5,"im"),(3,"a"),(2,"turtle")]
```

较长的那个会在中间断开，去匹配较短的那个。由于 Haskell 是惰性的，使用 `zip` 同时处理有限和无限的 List 也是可以的：

```
ghci> zip [1..] ["apple", "orange", "cherry", "mango"]
[(1,"apple"),(2,"orange"),(3,"cherry"),(4,"mango")]
```

接下来考虑一个同时应用到 List 和 Tuple 的问题：如何取得所有三边长度皆为整数且小于等于 10，周长为 24 的直角三角形？首先，把所有三遍长度小于等于 10 的三角形都列出来：

```
ghci> let triangles = [ (a,b,c) | c <- [1..10], b <- [1..10], a <- [1..10] ]
```

刚才我们是从三个 List 中取值，并且通过输出函数将其组合为一个三元组。只要在 ghci 下边调用 `triangle`，你就会得到所有三边都小于等于 10 的三角形。我们接下来给它添加一个限制条件，令其必须为直角三角形。同时也考虑上 `b` 边要短于斜边，`a` 边要短于 `b` 边情况：

```
ghci> let rightTriangles = [ (a,b,c) | c <- [1..10], b <- [1..c], a <- [1..b], a2 + b2 = c2 ]
```

已经差不多了。最后修改函数，告诉它只要周长为 24 的三角形。

```
ghci> let rightTriangles' = [ (a,b,c) | c <- [1..10], b <- [1..c], a <- [1..b], a2 + b2 = c2, a + b + c == 24 ]
ghci> rightTriangles'
[(6,8,10)]
```

得到正确结果！这便是函数式程序语言的一般思路：先取一个初始的集合并将其变形，执行过滤条件，最终取得正确的结果。

第三章 Types and Typeclasses

§3.1 Type



之前我们有说过 Haskell 是 Static Type，这表示在编译时期每个表达式的类型都已经确定下来，这提高了源代码的安全性。若源代码中有让布林值与数字相除的动作，就不会通过编译。这样的好处就是与其让程序在运行时崩溃，不如在编译时就找出可能的错误。Haskell 中所有东西都有类型，因此在编译的时候编译器可以做到很多事情。

与 Java 和 Pascal 不同，Haskell 支持类型推导。写下一个数字，你就没必要另告诉 Haskell 说“它是个数字”，它自己能推导出来。这样我们就不必在每个函数或表达式上都标明其类型了。在前面我们只简单涉及一下 Haskell 的类型方面的知识，但是理解这一类型系统对于 Haskell 的学习是至关重要的。

类型是每个表达式都有的某种标签，它标明了这一表达式所属的范畴。例如，表达式 `True` 是 `boolean` 型，`"hello"` 是个字符串，等等。

可以使用 `ghci` 来检测表达式的类型。使用 `:t` 命令后跟任何可用的表达式，即可得到该表达式的类型，先试一下：

```
ghci> :t 'a'
'a' :: Char
ghci> :t True
True :: Bool
ghci> :t "HELLO!"
```

```
"HELLO!" :: [Char]
ghci> :t (True, 'a')
(True, 'a') :: (Bool, Char)
ghci> :t 4 == 5
4 == 5 :: Bool
```



可以看出，`:t` 命令处理一个表达式的输出结果为表达式后跟 `::` 及其类型，`::` 读作“它的类型为”。凡是明确的类型，其首字母必为大写。`'a'`，如它的样子，是 `Char` 类型，易知是个字符 (character)。`True` 是 `Bool` 类型，也靠谱。不过这又是啥，检测 `"hello"` 得一个 `[Char]` 这方括号表示一个 `List`，所以我们可以将其读作“一组字符的 `List`”。而与 `List` 不同，每个 `Tuple` 都是独立的类型，于是 `(True, "a")` 的类型是 `(Bool, Char)`，而 `('a', 'b', 'c')` 的类型为 `(Char, Char, Char)`。`4==5` 一定返回 `False`，所以它的类型为 `Bool`。

同样，函数也有类型。编写函数时，给它一个明确的类型声明是个好习惯，比较短的函数就不用多此一举了。还记得前面那个过滤大写字母的 `List Comprehension` 吗？给它加上类型声明便是这个样子：

```
removeNonUppercase :: [Char] -> [Char]
removeNonUppercase st = [ c | c <- st, c `elem` ['A'..'Z']]
```

`removeNonUppercase` 的类型为 `[Char]->[Char]`，从它的参数和返回值的类型上可以看出，它将一个字符串映射为另一个字符串。`[Char]` 与 `String` 是等价的，但使用 `String` 会更清晰：`removeNonUppercase :: String -> String`。编译器会自动检测出它的类型，我们还是标明了它的类型声明。要是多个参数的函数该怎样？如下便是一个将三个整数相加的简单函数。

```
addThree :: Int -> Int -> Int -> Int
addThree x y z = x + y + z
```

参数之间由 `->` 分隔，而与返回值之间并无特殊差异。返回值是最后一项，参数就是前三项。稍后，我们将讲解为何只用 `->` 而不是 `Int, Int, Int->Int` 之类“更好看”的方式来分隔参数。

如果你打算给你编写的函数加上个类型声明却拿不准它的类型是啥，只要先不写类型声明，把函数体写出来，再使用 `:t` 命令测一下即可。函数也是表达式，所以 `:t` 对函数也是同样可用的。

如下是几个常见的类型：

Int 表示整数。7 可以是 `Int`，但 7.2 不可以。`Int` 是有界的，也就是说它由上限和下限。对 32 位的机器而言，上限一般是 214748364，下限是 -214748364。

Integer 表示...厄...也是整数，但它是无界的。这就意味着可以用它存放非常非常大的数，我是说非常大。它的效率不如 `Int` 高。

```
factorial :: Integer -> Integer
factorial n = product [1..n]
```

```
ghci> factorial 50
30414093201713378043612608166064768844377641568960512000000000000
```

Float 表示单精度的浮点数。

```
circumference :: Float -> Float
circumference r = 2 * pi * r
```

```
ghci> circumference 4.0
25.132742
```

Double 表示双精度的浮点数。

```
circumference' :: Double -> Double
circumference' r = 2 * pi * r
```

```
ghci> circumference' 4.0
25.132741228718345
```

Bool 表示布林值，它只有两种值：**True** 和 **False**。

Char 表示一个字符。一个字符由单引号括起，一组字符的 **List** 即为字符串。

Tuple 的类型取决于它的长度及其中项的类型。注意，空 **Tuple** 同样也是个类型，它只有一种值：()**.**

§3.2 Type variables

你觉得 **head** 函数的类型是啥？它可以取任意类型的 **List** 的首项，是怎么做到的呢？我们查一下！

```
ghci> :t head
head :: [a] -> a
```



嗯！**a** 是啥？类型吗？想想我们在前面说过，凡是类型其首字母必大写，所以它不会是个类型。它是个类型变量，意味着 **a** 可以是任意的类型。这一点与其他语言中的泛型 (generic) 很相似，但在 **Haskell** 中要更为强大。它可以让我们轻而易举地写出类型无关的函数。使用到类型变量的函数被称作“多态函数”，**head** 函数的类型声明里标明了它可以取任意类型的 **List** 并返回其中的第一个元素。

在命名上，类型变量使用多个字符是合法的，不过约定俗成，通常都是使用单个字符，如 **a, b, c, d...**

还记得 **fst**？我们查一下它的类型：

```
ghci> :t fst
fst :: (a, b) -> a
```

可以看到 `fst` 取一个包含两个类型的 `Tuple` 作参数，并以第一个项的类型作为返回值。这便是 `fst` 可以处理一个含有两种类型项的 `pair` 的原因。注意，`a` 和 `b` 是不同的类型变量，但它们不一定非得是不同的类型，它只是标明了首项的类型与返回值的类型相同。

§3.3 Typeclasses 入门



类型定义行为的界面，如果一个类型属于某 `Typeclass`，那它必实现了该 `Typeclass` 所描述的行为。很多从 OOP 走过来的人们往往会把 `Typeclass` 当成面向对象语言中的 `class` 而感到疑惑，厄，它们不是一回事。易于理解起见，你可以把它看做是 Java 的 `interface`。

`==` 函数的类型声明是怎样的？

```
ghci> :t (==)
(==) :: (Eq a) => a -> a -> Bool
```

Note: 判断相等的 `==` 运算符是函数，``++``/``*``/``/`` 之类的运算符也是同样。在缺省条件下，它们多为中缀函数。若要检查它的类型，就必须得用括号括起使之作为另一个函数，或者说以首码函数的形式调用它。

有意思。在这里我们见到个新东西：`=>` 符号。它左边的部分叫做类型约束。我们可以这样阅读这段类型声明：“相等函数取两个相同类型的值作

为参数并返回一个布林值，而这两个参数的类型同在 `Eq` 类之中 (即类型约束)”

`Eq` 这一 Typeclass 提供了判断相等性的界面，凡是可比较相等性的类型必属于 `Eq` class。

```
ghci> 5 == 5
True
ghci> 5 /= 5
False
ghci> 'a' == 'a'
True
ghci> "Ho Ho" == "Ho Ho"
True
ghci> 3.432 == 3.432
True
```

`elem` 函数的类型为: `(Eq a) => a -> [a] -> Bool`。这是它在检测值是否存在于一个 `List` 时使用到了 `==` 的缘故。

几个基本的 Typeclass:

`Eq` 包含可判断相等性的类型。提供实现的函数是 `==` 和 `/=`。所以，只要一个函数有 `Eq` 类的类型限制，那么它就必定在定义中用到了 `==` 和 `/=`。刚才说了，除函数以外的所有类型都属于 `Eq`，所以它们都可以判断相等性。

`Ord` 包含可比较大小的类型。除了函数以外，我们目前所谈到的所有类型都属于 `Ord` 类。`Ord` 包中包含了 `<`, `>`, `<=`, `>=` 之类用于比较大小的函数。`compare` 函数取两个 `Ord` 类中的相同类型的值作参数，返回比较的结果。这个结果是如下三种类型之一: `GT`, `LT`, `EQ`。

```
ghci> :t (>)
(>) :: (Ord a) => a -> a -> Bool
```

类型若要成为 `Ord` 的成员，必先加入 `Eq` 家族。

```
ghci> "Abrakadabra" < "Zebra"
True
ghci> "Abrakadabra" `compare` "Zebra"
LT
```



```
ghci> 5 >= 2
True
ghci> 5 `compare` 3
GT
```

Show 的成员为可用字符串表示的类型。目前为止，除函数以外的所有类型都是 **Show** 的成员。操作 **Show** Typeclass，最常用的函数表示 **show**。它可以取任一 **Show** 的成员类型并将其转为字符串。

```
ghci> show 3
"3"
ghci> show 5.334
"5.334"
ghci> show True
"True"
```

Read 是与 **Show** 相反的 Typeclass。**read** 函数可以将一个字符串转为 **Read** 的某成员类型。

```
ghci> read "True" || False
True
ghci> read "8.2" + 3.8
12.0
ghci> read "5" - 2
3
ghci> read "[1,2,3,4]" ++ [3]
[1,2,3,4,3]
```

一切良好，如上的所有类型都属于这一 Typeclass。尝试 **read "4"** 又会怎样？

```
ghci> read "4"
< interactive >:1:0:
  Ambiguous type variable `a' in the constraint:
    `Read a' arising from a use of `read' at <interactive>:1:0-7
  Probable fix: add a type signature that fixes these type variable(s)
```

ghci 跟我们说它搞不清楚我们想要的是什么样的返回值。注意调用 **read** 后跟的那部分，ghci 通过它来辨认其类型。若要一个 **boolean** 值，他就知道

必须得返回一个 `Bool` 类型的值。但在这里它只知道我们要的类型属于 `Read` Typeclass，而不能明确到底是哪个。看一下 `read` 函数的类型声明吧：

```
ghci> :t read
read :: (Read a) => String -> a
```

看，它的返回值属于 `ReadTypeclass`，但我们若用不到这个值，它就永远都不会得知该表达式的类型。所以我们需要在一个表达式后跟 `::` 的类型注释，以明确其类型。如下：

```
ghci> read "5" :: Int
5
ghci> read "5" :: Float
5.0
ghci> (read "5" :: Float) * 4
20.0
ghci> read "[1,2,3,4]" :: [Int]
[1,2,3,4]
ghci> read "(3, 'a')" :: (Int, Char)
(3, 'a')
```

编译器可以辨认出大部分表达式的类型，但遇到 `read "5"` 的时候它就搞不清楚究竟该是 `Int` 还是 `Float` 了。只有经过运算，Haskell 才会明确其类型；同时由于 Haskell 是静态的，它还必须得在编译前搞清楚所有值的类型。所以我们就最好提前给它打声招呼：“嘿，这个表达式应该是这个类型，省的你认不出来！”

Enum 的成员都是连续的类型 – 也就是可枚举。**Enum** 类存在的主要好处就在于我们可以在 **Range** 中用到它的成员类型：每个值都有后继子 (successor) 和前置子 (predecessor)，分别可以通过 `succ` 函数和 `pred` 函数得到。该 Typeclass 包含的类型有：(), `Bool`, `Char`, `Ordering`, `Int`, `Integer`, `Float` 和 `Double`。

```
ghci> ['a'..'e']
"abcde"
ghci> [LT .. GT]
[LT,EQ,GT]
ghci> [3 .. 5]
```

```
[3,4,5]
ghci> succ 'B'
'C'
```

Bounded 的成员都有一个上限和下限。

```
ghci> minBound :: Int
-2147483648
ghci> maxBound :: Char
'\1114111'
ghci> maxBound :: Bool
True
ghci> minBound :: Bool
False
```

`minBound` 和 `maxBound` 函数很有趣，它们的类型都是 `(Bounded a) => a`。可以说，它们都是多态常量。

如果其中的项都属于 `Bounded Typeclass`，那么该 `Tuple` 也属于 `Bounded`

```
ghci> maxBound :: (Bool, Int, Char)
(True,2147483647,'\1114111')
```

Num 是表示数字的 `Typeclass`，它的成员类型都具有数字的特征。检查一个数字的类型：

```
ghci> :t 20
20 :: (Num t) => t
```

看样子所有的数字都是多态常量，它可以作为所有 `Num Typeclass` 中的成员类型。以上便是 `Num Typeclass` 中包含的所有类型，检测 `*` 运算符的类型，可以发现它可以处理一切的数字：

```
ghci> :t (*)
(*) :: (Num a) => a -> a -> a
```

它只取两个相同类型的参数。所以 `(5 :: Int) * (6 :: Integer)` 会引发一个类型错误，而 `5 * (6 :: Integer)` 就不会有问题。

类型只有亲近 `Show` 和 `Eq`，才可以加入 `Num`。

Integral 同样是表示数字的 Typeclass。**Num** 包含所有的数字：实数和整数。而 **Integral** 仅包含整数，其中的成员类型有 **Int** 和 **Integer**。

Floating 仅包含浮点类型：**Float** 和 **Double**。

有个函数在处理数字时会非常有用，它便是 **fromIntegral**。其类型声明为：**fromIntegral :: (Num b, Integral a) => a -> b**。从中可以看出，它取一个整数做参数并返回一个更加通用的数字，这在同时处理整数和浮点时会尤为有用。举例来说，**length** 函数的类型声明为：**length :: [a] -> Int**，而非更通用的形式，如 **(Num b) => length :: [a] -> b**。这应该是历史原因吧，反正我觉得挺蠢。如果取了一个 **List** 长度的值再给它加 3.2 就会报错，因为这是将浮点数和整数相加。面对这种情况，我们就用 **fromIntegral (length [1,2,3,4]) + 3.2** 来解决。

注意到，**fromIntegral** 的类型声明中用到了多个类型约束。如你所见，只要将多个类型约束放到括号里用逗号隔开即可。

第四章 函数的语法

§4.1 模式匹配 (Pattern matching)



本章讲的就是 Haskell 那套独特的语法结构，先从模式匹配开始。模式匹配通过检查数据的特定结构来检查其是否匹配，并按模式从中取得数据。

在定义函数时，你可以为不同的模式分别定义函数本身，这就让源代码更加简洁易读。你可以匹配一切数据类型 — 数字，字符，List，元组，等等。我们弄个简单函数，让它检查我们传给它的数字是不是 7。

```
lucky :: (Integral a) => a -> String
lucky 7 = "LUCKY NUMBER SEVEN!"
lucky x = "Sorry, you're out of luck, pal!"
```

在调用 `lucky` 时，模式会从上至下进行检查，一旦有匹配，那对应的函数体就被应用了。这个模式中的唯一匹配是参数为 7，如果不是 7，就转到下一个模式，它匹配一切数值并将其绑定为 `x`。这个函数完全可以使用 `if` 实现，不过我们若要个分辨 1 到 5 中的数字，而无视其它数的函数该怎么办？要是没有模式匹配的话，那可得好大一棵 `if-else` 树了！

```
sayMe :: (Integral a) => a -> String
sayMe 1 = "One!"
sayMe 2 = "Two!"
sayMe 3 = "Three!"
sayMe 4 = "Four!"
sayMe 5 = "Five!"
sayMe x = "Not between 1 and 5"
```

注意下，如果我们把最后匹配一切的那个模式挪到最前，它的结果就全都是 "Not between 1 and 5" 了。因为它自己匹配了一切数字，不给后面的模式留机会。

记得前面实现的那个阶乘函数么？当时是把 n 的阶乘定义成了 `product [1..n]`。也可以写出像数学那样的递归实现，先说明 0 的阶乘是 1，再说明每个正整数的阶乘都是这个数与它前驱 (predecessor) 对应的阶乘的积。如下便是翻译到 Haskell 的样子：

```
factorial :: (Integral a) => a -> a
factorial 0 = 1
factorial n = n * factorial (n - 1)
```

这就是我们定义的第一个递归函数。递归在 Haskell 中十分重要，我们会在后面深入理解。如果拿一个数 (如 3) 调用 `factorial` 函数，这就是接下来的计算步骤：先计算 `3*factorial 2`，`factorial 2` 等于 `2*factorial 1`，也就是 `3*(2*(factorial 1))`。`factorial 1` 等于 `1*factorial 0`，好，得 `3*(2*(1*factorial 0))`，递归在这里到头了，嗯 — 我们在万能匹配前面有定义，0 的阶乘是 1。于是最终的结果等于 `3*(2*(1*1))`。若是把第二个模式放在前面，它就会捕获包括 0 在内的一切数字，这一来我们的计算就永远都不会停止了。这便是为什么说模式的顺序是如此重要：它总是优先匹配最符合的那个，最后才是那个万能的。

模式匹配也会失败。假如这个函数：

```
charName :: Char -> String
charName 'a' = "Albert"
```

```
charName 'b' = "Broseph"
charName 'c' = "Cecil"
```

拿个它没有考虑到的字符去调用它，你就会看到这个：

```
ghci> charName 'a'
"Albert"
ghci> charName 'b'
"Broseph"
ghci> charName 'h'
*** Exception: tut.hs:(53,0)-(55,21): Non-exhaustive patterns in function charName
```

它告诉我们说，这个模式不够全面。因此，在定义模式时，一定要留一个万能匹配的模式，这样我们的程序就不会为了不可预料的输入而崩溃了。

对 Tuple 同样可以使用模式匹配。写个函数，将二维空间中的向量相加该如何？将它们的 *x* 项和 *y* 项分别相加就是了。如果不了解模式匹配，我们很可能会写出这样的源代码：

```
addVectors :: (Num a) => (a, a) -> (a, a) -> (a, a)
addVectors a b = (fst a + fst b, snd a + snd b)
```

嗯，可以运行。但有更好的方法，上模式匹配：

```
addVectors :: (Num a) => (a, a) -> (a, a) -> (a, a)
addVectors (x1, y1) (x2, y2) = (x1 + x2, y1 + y2)
```

there we go! 好多了！注意，它已经是是个万能的匹配了。两个 `addVector` 的类型都是 `addVectors :: (Num a) => (a,a) -> (a,a) -> (a,a)`，我们就能够保证，两个参数都是序对 (Pair) 了。

`fst` 和 `snd` 可以从序对中取出元素。三元组 (Tripple) 呢？嗯，没现成的函数，得自己动手：

```
first :: (a, b, c) -> a
first (x, _, _) = x

second :: (a, b, c) -> b
second (_, y, _) = y

third :: (a, b, c) -> c
```

```
third (_, _, z) = z
```

这里的 `_` 就和 List Comprehension 中一样。表示我们不关心这部分的具体内容。

说到 List Comprehension, 我想起来在 List Comprehension 中也能用模式匹配:

```
ghci> let xs = [(1,3), (4,3), (2,4), (5,3), (5,6), (3,1)]
ghci> [a+b | (a,b) <- xs]
[4,7,6,8,11,4]
```

一旦模式匹配失败, 它就简单挪到下个元素。

对 List 本身也可以使用模式匹配。你可以用 `[]` 或 `:` 来匹配它。因为 `[1,2,3]` 本质就是 `1:2:3:[]` 的语法糖。你也可以使用前一种形式, 像 `x:xs` 这样的模式可以将 List 的头部绑定为 `x`, 尾部绑定为 `xs`。如果这 List 只有一个元素, 那么 `xs` 就是一个空 List。

***Note*:** ``x:xs`` 这模式的应用非常广泛, 尤其是递归函数。
不过它只能匹配长度大于等于 1 的 List。

如果你要把 List 的前三个元素都绑定到变量中, 可以使用类似 `x:y:z:xs` 这样的形式。它只能匹配长度大于等于 3 的 List。

我们已经知道了对 List 做模式匹配的方法, 就实现个我们自己的 `head` 函数。

```
head' :: [a] -> a
head' [] = error "Can't call head on an empty list, dummy!"
head' (x:_) = x
```

看看管不管用:

```
ghci> head' [4,5,6]
4
ghci> head' "Hello"
'H'
```


漂亮！注意下，你若要绑定多个变量（用 `_` 也是如此），我们必须用括号将其括起。同时注意下我们用的这个 `error` 函数，它可以生成一个运行时错误，用参数中的字符串表示对错误的描述。它会直接导致程序崩溃，因此应谨慎使用。可是对一个空 `List` 取 `head` 真的不靠谱哇。

弄个简单函数，让它用非标准的英语给我们展示 `List` 的前几项。

```
tell :: (Show a) => [a] -> String
tell [] = "The list is empty"
tell (x:[]) = "The list has one element: " ++ show x
tell (x:y:[]) = "The list has two elements: " ++ show x ++ " and " ++ show y
tell (x:y:_) = "This list is long. The first two elements are: " ++ show x ++ "
```

这个函数顾及了空 `List`，单元素 `List`，双元素 `List` 以及较长的 `List`，所以这个函数很安全。`(x:[])` 与 `(x:y:[])` 也可以写作 `[x]` 和 `[x,y]`（有了语法糖，我们不必多加括号）。不过 `(x:y:_)` 这样的模式就不行了，因为它匹配的 `List` 长度不固定。

我们曾用 `List Comprehension` 实现过自己的 `length` 函数，现在用模式匹配和递归重新实现它：

```
length' :: (Num b) => [a] -> b
length' [] = 0
length' (_:xs) = 1 + length' xs
```

这与先前写的那个 `factorial` 函数很相似。先定义好未知输入的结果——空 `List`，这也叫作边界条件。再在第二个模式中将这 `List` 分割为头部和尾部。说，`List` 的长度就是其尾部的长度加 1。匹配头部用的 `_`，因为我们并不关心它的值。同时也应明确，我们顾及了 `List` 所有可能的模式：第一个模式匹配空 `List`，第二个匹配任意的非空 `List`。

看下拿 `"ham"` 调用 `length'` 会怎样。首先它会检查它是否为空 `List`。显然不是，于是进入下一模式。它匹配了第二个模式，把它分割为头部和尾部并无视掉头部的值，得长度就是 `1+length' "am"`。ok。以此类推，`"am"` 的 `length` 就是 `1+length' "m"`。好，现在我们有 `1+(1+length' "m")`。`length' "m"` 即 `1+length' ""`（也就是 `1+length' []`）。根据定义，`length' []` 等于 0。最后得 `1+(1+(1+0))`。

再实现 `sum`。我们知道空 `List` 的和是 0，就把它定义为一个模式。我们也知道一个 `List` 的和就是头部加上尾部的和的和。写下来就成了：

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' [] = 0
sum' (x:xs) = x + sum' xs
```

还有个东西叫做 `as` 模式，就是将一个名字和 `@` 置于模式前，可以在按模式分割什么东西时仍保留对其整体的引用。如这个模式 `xs@(x:y:ys)`，它会匹配出与 `x:y:ys` 对应的东西，同时你也可以方便地通过 `xs` 得到整个 `List`，而不必在函数体中重复 `x:y:ys`。看下这个 `quick and dirty` 的例子：

```
capital :: String -> String
capital "" = "Empty string, whoops!"
capital all@(x:xs) = "The first letter of " ++ all ++ " is " ++ [x]
```

```
ghci> capital "Dracula"
"The first letter of Dracula is D"
```

我们使用 `as` 模式通常就是为了在较大的模式中保留对整体的引用，从而减少重复性的工作。

还有——你不可在模式匹配中使用 `++`。若有个模式是 `(xs++ys)`，那么这个 `List` 该从什么地方分开呢？不靠谱吧。而 `(xs++[x,y,z])` 或只一个 `(xs++[x])` 或许还能说的过去，不过出于 `List` 的本质，这样写也是不可以的。

§4.2 什么是 Guards

模式用来检查一个值是否合适并从中取值，而 `guard` 则用来检查一个值的某项属性是否为真。咋一听有点像是 `if` 语句，实际上也正是如此。不过处理多个条件分支时 `guard` 的可读性要高些，并且与模式匹配契合的很好。

在讲解它的语法前，我们先看一个用到 `guard` 的函数。它会依据你的 BMI 值 (body mass index, 身体质量指数) 来不同程度地侮辱你。BMI 值即为体重除以身高的平方。如果小于 18.5，就是太瘦；如果在 18.5 到 25 之间，就是正常；25 到 30 之间，超重；如果超过 30，肥胖。这就是那个函数 (我们目前暂不为您计算 `bmi`，它只是直接取一个 `emi` 值)。



```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> String
bmiTell bmi
  | bmi <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"
  | bmi <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
  | bmi <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
  | otherwise  = "You're a whale, congratulations!"
```

guard 由跟在函数名及参数后面的竖线标志，通常他们都是靠右一个缩进排成一列。一个 guard 就是一个布尔表达式，如果为真，就使用其对应的函数体。如果为假，就送去见下一个 guard，如之继续。如果我们用 24.3 调用这个函数，它就会先检查它是否小于等于 18.5，显然不是，于是见下一个 guard。24.3 小于 25.0，因此通过了第二个 guard 的检查，就返回第二个字符串。

在这里则是相当的简洁，不过不难想象这在命令式语言中又会是怎样的一棵 if-else 树。由于 if-else 的大树比较杂乱，若是出现问题会很难发现，guard 对此则十分清楚。

最后的那个 guard 往往都是 otherwise，它的定义就是简单一个 otherwise = True，捕获一切。这与模式很相像，只是模式检查的是匹配，而它们检查的是布尔表达式。如果一个函数的所有 guard 都没有通过（而且没有提供 otherwise 作万能匹配），就转入下一模式。这便是 guard 与模式契合的地方。如果始终没有找到合适的 guard 或模式，就会发生一个错误。

当然, `guard` 可以在含有任意数量参数的函数中使用。省得用户在使用这函数之前每次都自己计算 `bmi`。我们修改下这个函数, 让它取身高体重为我们计算。

```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell weight height
  | weight / height ^ 2 <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"
  | weight / height ^ 2 <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're"
  | weight / height ^ 2 <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
  | otherwise                    = "You're a whale, congratulations!"
```

你可以测试自己胖不胖。

```
ghci> bmiTell 85 1.90
"You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
```

运行的结果是我不太胖。不过程序却说我很丑。

要注意一点, 函数的名字和参数的后面并没有 `=`。许多初学者会造成语法错误, 就是因为后面加上了 `=`。

另一个简单的例子: 写个自己的 `max` 函数。应该还记得, 它是取两个可比较的值, 返回较大的那个。

```
max' :: (Ord a) => a -> a -> a
max' a b
  | a > b    = a
  | otherwise = b
```

`guard` 也可以塞在一行里面。但这样会丧失可读性, 因此是不被鼓励的。即使是较短的函数也是如此, 不过出于展示, 我们可以这样重写 `max'`:

```
max' :: (Ord a) => a -> a -> a
max' a b | a > b = a | otherwise = b
```

这样的写法根本一点都不可读。

我们再来试试用 `guard` 实现我们自己的 `compare` 函数:

```
myCompare :: (Ord a) => a -> a -> Ordering
a `myCompare` b
  | a > b      = GT
  | a == b     = EQ
  | otherwise  = LT
```

```
ghci> 3 `myCompare` 2
GT
```

***Note*:** 通过反单引号，我们不仅可以以中缀形式调用函数，也可以在定义函数的时候使用它。有时这样会更易读。

§4.3 关键字 Where

前一节中我们写了这个 `bmi` 计算函数：

```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell weight height
  | weight / height ^ 2 <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"
  | weight / height ^ 2 <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you"
  | weight / height ^ 2 <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
  | otherwise                  = "You're a whale, congratulations!"
```

注意，我们重复了 3 次。我们重复了 3 次。程序设计师的字典里不应该有“重复”这个词。既然发现有重复，那么给它一个名字来代替这三个表达式会更好些。嗯，我们可以这样修改：

```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell weight height
  | bmi <= 18.5 = "You're underweight, you emo, you!"
  | bmi <= 25.0 = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
  | bmi <= 30.0 = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
  | otherwise  = "You're a whale, congratulations!"
  where bmi = weight / height ^ 2
```

我们的 `where` 关键字跟在 `guard` 后面 (最好是与竖线缩进一致)，可以定义多个名字和函数。这些名字对每个 `guard` 都是可见的，这一来就避免了

重复。如果我们打算换种方式计算 `bmi`，只需进行一次修改就行了。通过命名，我们提升了源代码的可读性，并且由于 `bmi` 只计算了一次，函数的执行效率也有所提升。我们可以再做下修改：

```
bmiTell :: (RealFloat a) => a -> a -> String
bmiTell weight height
  | bmi <= skinny = "You're underweight, you emo, you!"
  | bmi <= normal = "You're supposedly normal. Pffft, I bet you're ugly!"
  | bmi <= fat    = "You're fat! Lose some weight, fatty!"
  | otherwise     = "You're a whale, congratulations!"
where bmi = weight / height ^ 2
      skinny = 18.5
      normal = 25.0
      fat = 30.0
```

函数在 `where` 绑定中定义的名字只对本函数可见，因此我们不必担心它会污染其他函数的命名空间。注意，其中的名字都是一列垂直排开，如果不这样规范，Haskell 就搞不清楚它们在哪个地方了。

`where` 绑定不会在多个模式中共享。如果你在一个函数的多个模式中重复用到同一名字，就应该把它置于全局定义之中。

`where` 绑定也可以使用模式匹配！前面那段源代码可以改成：

```
...
where bmi = weight / height ^ 2
      (skinny, normal, fat) = (18.5, 25.0, 30.0)
```

我们再搞个简单函数，让它告诉我们姓名的首字母：

```
initials :: String -> String -> String
initials firstname lastname = [f] ++ ". " ++ [l] ++ "."
  where (f:_) = firstname
        (l:_) = lastname
```

我们完全按可以在函数的参数上直接使用模式匹配（这样更短更简洁），在这里只是为了演示在 `where` 语句中同样可以使用模式匹配：

`where` 绑定可以定义名字，也可以定义函数。保持健康的程序语言风格，我们搞个计算一组 `bmi` 的函数：

```
calcBmis :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis xs = [bmi w h | (w, h) <- xs]
    where bmi weight height = weight / height ^ 2
```

这就全了！在这里将 `bmi` 搞成一个函数，是因为我们不能依据参数直接进行计算，而必须先从传入函数的 `List` 中取出每个序对并计算对应的值。

`where` 绑定还可以一层套一层地来使用。有个常见的写法是，在定义一个函数的时候也写几个辅助函数摆在 `where` 绑定中。而每个辅助函数也可以通过 `where` 拥有各自的辅助函数。

§4.4 关键字 Let

`let` 绑定与 `where` 绑定很相似。`where` 绑定是在函数底部定义名字，对包括所有 `guard` 在内的整个函数可见。`let` 绑定则是个表达式，允许你在任何位置定义局部变量，而对不同的 `guard` 不可见。正如 Haskell 中所有赋值结构一样，`let` 绑定也可以使用模式匹配。看下它的实际应用！这是个依据半径和高度求圆柱体表面积的函数：

```
cylinder :: (RealFloat a) => a -> a -> a
cylinder r h =
    let sideArea = 2 * pi * r * h
        topArea = pi * r ^ 2
    in sideArea + 2 * topArea
```

`let` 的格式为 `let [bindings] in [expressions]`。在 `let` 中绑定的名字仅对 `in` 部分可见。`let` 里面定义的名字也得对齐到一列。不难看出，这用 `where` 绑定也可以做到。那么它俩有什么区别呢？看起来无非就是，`let` 把绑定放在语句前面而 `where` 放在后面嘛。

不同之处在于，`let` 绑定本身是个表达式，而 `where` 绑定则是个语法结构。还记得前面我们讲 `if` 语句时提到它是个表达式，因而可以随处安放？

```
ghci> [if 5 > 3 then "Woo" else "Boo", if 'a' > 'b' then "Foo" else "Bar"]
["Woo", "Bar"]
ghci> 4 * (if 10 > 5 then 10 else 0) + 2
42
```

用 `let` 绑定也可以实现：



```
ghci> 4 * (let a = 9 in a + 1) + 2
42
```

`let` 也可以定义局部函数:

```
ghci> [let square x = x * x in (square 5, square 3, square 2)]
[(25,9,4)]
```

若要在一行中绑定多个名字，再将它们排成一行显然是不可以的。不过可以用分号将其分开。

```
ghci> (let a = 100; b = 200; c = 300 in a*b*c, let foo="Hey "; bar = "there!" in f
(6000000,"Hey there!"))
```

最后那个绑定后面的分号不是必须的，不过加上也没关系。如我们前面所说，你可以在 `let` 绑定中使用模式匹配。这在从 `Tuple` 取值之类的操作中很方便。

```
ghci> (let (a,b,c) = (1,2,3) in a+b+c) * 100
600
```

你也可以把 `let` 绑定放到 `List Comprehension` 中。我们重写下那个计算 `bmi` 值的函数，用个 `let` 替换掉原先的 `where`。


```
calcBmis :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis xs = [bmi | (w, h) <- xs, let bmi = w / h ^ 2]
```

List Comprehension 中 `let` 绑定的样子和限制条件差不多，只不过它做的不是过滤，而是绑定名字。`let` 中绑定的名字在输出函数及限制条件中都可见。这样一来我们就可以让我们的函数只返回胖子的 `bmi` 值：

```
calcBmis :: (RealFloat a) => [(a, a)] -> [a]
calcBmis xs = [bmi | (w, h) <- xs, let bmi = w / h ^ 2, bmi >= 25.0]
```

在 `(w, h) <- xs` 这里无法使用 `bmi` 这名字，因为它在 `let` 绑定的前面。

在 List Comprehension 中我们忽略了 `let` 绑定的 `in` 部分，因为名字的可见性已经预先定义好了。不过，把一个 `let...in` 放到限制条件中也是可以的，这样名字只对这个限制条件可见。在 `ghci` 中 `in` 部分也可以省略，名字的定义就在整个交互中可见。

```
ghci> let zoot x y z = x * y + z
ghci> zoot 3 9 2
29
ghci> let boot x y z = x * y + z in boot 3 4 2
14
ghci> boot
< interactive>:1:0: Not in scope: `boot'
```

你说既然 `let` 已经这么好了，还要 `where` 干嘛呢？嗯，`let` 是个表达式，定义域限制的相当小，因此不能在多个 `guard` 中使用。一些朋友更喜欢 `where`，因为它是跟在函数体后面，把主函数体距离类型声明近一些会更易读。

§4.5 Case expressions

有命令式程序语言 (C, C++, Java, etc.) 的经验的同学一定会有所了解，很多命令式语言都提供了 `case` 语句。就是取一个变量，按照对变量的判断选择对应的源代码块。其中可能会存在一个万能匹配以处理未预料的情况。

Haskell 取了这一概念融合其中。如其名，`case` 表达式就是，嗯，一种表达式。跟 `if..else` 和 `let` 一样的表达式。用它可以对变量的不同情况分



别求值，还可以使用模式匹配。Hmm，取一个变量，对它模式匹配，执行对应的源代码块。好像在哪儿听过？啊，就是函数定义时参数的模式匹配！好吧，模式匹配本质上不过就是 `case` 语句的语法糖而已。这两段源代码就是完全等价的：

```
head' :: [a] -> a
head' [] = error "No head for empty lists!"
head' (x:_) = x
```

```
head' :: [a] -> a
head' xs = case xs of [] -> error "No head for empty lists!"
                  (x:_) -> x
```

看得出，`case` 表达式的语法十分简单：

```
case expression of pattern -> result
                  pattern -> result
                  pattern -> result
                  ...
```

`expression` 匹配合适的模式。一如预期地，第一个模式若匹配，就执行第一个区块的源代码；否则就接下去比对下一个模式。如果到最后依然没有匹配的模式，就会产生运行时错误。

函数参数的模式匹配只能在定义函数时使用，而 `case` 表达式可以用在任何地方。例如：

```
describeList :: [a] -> String
describeList xs = "The list is " ++ case xs of [] -> "empty."
                                           [x] -> "a singleton list."
                                           xs -> "a longer list."
```

这在表达式中作模式匹配很方便，由于模式匹配本质上就是 `case` 表达式的语法糖，那么写成这样也是等价的：

```
describeList :: [a] -> String
describeList xs = "The list is " ++ what xs
  where what [] = "empty."
        what [x] = "a singleton list."
        what xs = "a longer list."
```

第五章 递归

§5.1 你好，递归！



前面的章节中我们简要谈了一下递归。而在本章，我们会深入地了解它为何在 Haskell 中是如此重要，能够以递归思想写出简洁优雅的源代码。

如果你还不知道什么是递归，就读这个句子。哈哈！开个玩笑而已！递归实际上是定义函数以调用自身的方式。在数学定义中，递归随处可见，如斐波那契数列 (fibonacci)。它先是定义两个非递归的数： $F(0)=0, F(1)=1$ ，表示斐波那契数列的前两个数为 0 和 1。然后就是对其他自然数，其斐波那契数就是它前面两个数字的和，即 $F(N)=F(N-1)+F(N-2)$ 。这样一来， $F(3)$ 就是 $F(2)+F(1)$ ，进一步便是 $(F(1)+F(0))+F(1)$ 。已经下探到了前面定义的非递归斐波那契数，可以放心地说 $F(3)$ 就是 2 了。在递归定义中声明的一两个非递归的值（如 $F(0)$ 和 $F(1)$ ）也可以称作边界条件，这对递归函数的正确求值至关重要。要是前面没有定义 $F(0)$ 和 $F(1)$ 的话，它下探到 0 之后就会进一步到负数，你就永远都得不到结果了。一不留神它就算到了 $F(-2000)=F(-2001)+F(-2002)$ ，并且永远都算不到头！

递归在 Haskell 中非常重要。命令式语言要求你提供求解的步骤，Haskell 则倾向于让你提供问题的描述。这便是 Haskell 没有 `while` 或 `for` 循环的原因，递归是我们的替代方案。

§5.2 实现 Maximum

`maximum` 函数取一组可排序的 `List` (属于 `Ord Typeclass`) 做参数, 并返回其中的最大值。想想, 在命令式风格中这一函数该怎么实现。很可能你会设一个变量来存储当前的最大值, 然后用循环遍历该 `List`, 若存在比这个值更大的元素, 则修改变量为这一元素的值。到最后, 变量的值就是运算结果。唔! 描述如此简单的算法还颇费了点口舌呢!

现在看看递归的思路是如何: 我们先定下一个边界条件, 即处理单个元素的 `List` 时, 返回该元素。如果该 `List` 的头部大于尾部的最大值, 我们就可以假定较长的 `List` 的最大值就是它的头部。而尾部若存在比它更大的元素, 它就是尾部的最大值。就这么简单! 现在, 我们在 Haskell 中实现它

```
maximum' :: (Ord a) => [a] -> a
maximum' [] = error "maximum of empty list"
maximum' [x] = x
maximum' (x:xs)
  | x > maxTail = x
  | otherwise = maxTail
where maxTail = maximum' xs
```

如你所见, 模式匹配与递归简直就是天造地设! 大多数命令式语言中都没有模式匹配, 于是你就得造一堆 `if-else` 来测试边界条件。而在这里, 我们仅需要使用模式将其表示出来。第一个模式说, 如果该 `List` 为空, 崩溃! 就该这样, 一个空 `List` 的最大值能是啥? 我不知道。第二个模式也表示一个边缘条件, 它说, 如果这个 `List` 仅包含单个元素, 就返回该元素的值。

现在是第三个模式, 执行动作的地方。通过模式匹配, 可以取得一个 `List` 的头部和尾部。这在使用递归处理 `List` 时是十分常见的。出于习惯, 我们用个 `where` 语句来表示 `maxTail` 作为该 `List` 中尾部的最大值, 然后检查头部是否大于尾部的最大值。若是, 返回头部; 若非, 返回尾部的最大值。

我们取个 `List [2,5,1]` 做例子来看看它的工作原理。当调用 `maximum'` 处理它时, 前两个模式不会被匹配, 而第三个模式匹配了它并将其分为 `2` 与 `[5,1]`。`where` 子句再取 `[5,1]` 的最大值。于是再次与第三个模式匹配, 并将 `[5,1]` 分割为 `5` 和 `[1]`。继续, `where` 子句取 `[1]` 的最大值, 这时终于到了边缘条件! 返回 `1`。进一步, 将 `5` 与 `[1]` 中的最大值做比较, 易得 `5`, 现

在我们就得到了 [5,1] 的最大值。再进一步，将 2 与 [5,1] 中的最大值相比较，可得 5 更大，最终得 5。

改用 `max` 函数会使源代码更加清晰。如果你还记得，`max` 函数取两个值做参数并返回其中较大的值。如下便是用 `max` 函数重写的 `maximum'`

```
maximum' :: (Ord a) => [a] -> a
maximum' [] = error "maximum of empty list"
maximum' [x] = x
maximum' (x:xs) = max x (maximum' xs)
```

太漂亮了！一个 List 的最大值就是它的首个元素与它尾部中最大值相比较所得的结果，简明扼要。

$$\begin{aligned} \text{maximum}' [2, 5, 1] &= \text{max } 2 \left(\text{maximum}' [5, 1] \right) \\ &= \text{max } 5 \left(\text{maximum}' [1] \right) \\ &= 1 \end{aligned}$$

§5.3 来看几个递归函数

现在我们已经了解了递归的思路，接下来就使用递回来实现几个函数。先实现下 `replicate` 函数，它取一个 `Int` 值和一个元素做参数，返回一个包含多个重复元素的 List，如 `replicate 3 5` 返回 [5,5,5]。考虑一下，我觉得它的边界条件应该是负数。如果要 `replicate` 重复某元素零次，那就是空 List。负数也是同样，不靠谱。

```
replicate' :: (Num i, Ord i) => i -> a -> [a]
replicate' n x
  | n <= 0    = []
  | otherwise = x:replicate' (n-1) x
```

在这里我们使用了 `guard` 而非模式匹配，是因为这里做的是布林判断。如果 `n` 小于 0 就返回一个空 List，否则，返回以 `x` 作首个元素并后接重复 `n-1` 次 `x` 的 List。最后，`(n-1)` 的那部分就会令函数抵达边缘条件。

***Note*:** Num 不是 Ord 的子集, 表示数字不一定得拘泥于排序, 这就是在做加减法比较时要将 Num 与 Ord 类型约束区别开来的原因.

接下来实现 `take` 函数, 它可以从一个 List 取出一定数量的元素. 如 `take 3 [5,4,3,2,1]`, 得 `[5,4,3]`. 若要取零或负数个的话就会得到一个空 List. 同样, 若是从一个空 List 中取值, 它会得到一个空 List. 注意, 这儿有两个边界条件, 写出来:

```
take' :: (Num i, Ord i) => i -> [a] -> [a]
take' n _
  | n <= 0 = []
take' _ [] = []
take' n (x:xs) = x : take' (n-1) xs
```



首个模式辨认为 0 或负数, 返回空 List. 同时注意这里用了一个 guard 却没有指定 `otherwise` 部分, 这就表示 `n` 若大于 0, 会转入下一模式. 第二个模式指明了若试图从一个空 List 中取值, 则返回空 List. 第三个模式将 List 分割为头部和尾部, 然后表明从一个 List 中取多个元素等同于令 `x` 作头部后

接从尾部取 $n-1$ 个元素所得的 List. 假如我们要从 `[4,3,2,1]` 中取 3 个元素, 试着从纸上写出它的推导过程

`reverse` 函数简单地反转一个 List, 动脑筋想一下它的边界条件! 该怎样呢? 想想...是空 List! 空 List 的反转结果还是它自己. Okay, 接下来该怎么办? 好的, 你猜的出来. 若将一个 List 分割为头部与尾部, 那它反转的结果就是反转后的尾部与头部相连所得的 List.

```
reverse' :: [a] -> [a]
reverse' [] = []
reverse' (x:xs) = reverse' xs ++ [x]
```

继续下去!

Haskell 支持无限 List, 所以我们的递归就不必添加边界条件. 这样一来, 它可以对某值计算个数没完, 也可以产生一个无限的数据结构, 如无限 List. 而无限 List 的好处就在于我们可以在任意位置将它断开.

`repeat` 函数取一个元素作参数, 返回一个仅包含该元素的无限 List. 它的递归实现简单的很, 看:

```
repeat' :: a -> [a]
repeat' x = x:repeat' x
```

调用 `repeat 3` 会得到一个以 3 为头部并无限数量的 3 为尾部的 List, 可以说 `repeat 3` 运行起来就是 `3:repeat 3`, 然后 `3:3:3:3` 等等. 若执行 `repeat 3`, 那它的运算永远都不会停止. 而 `take 5 (repeat 3)` 就可以得到 5 个 3, 与 `replicate 5 3` 差不多.

`zip` 取两个 List 作参数并将其捆在一起. `zip [1,2,3] [2,3]` 返回 `[(1,2),(2,3)]`, 它会吧较长的 List 从中间断开, 以匹配较短的 List. 用 `zip` 处理一个 List 与空 List 又会怎样? 嗯, 会得一个空 List, 这便是我们的限制条件, 由于 `zip` 取两个参数, 所以要有两个边缘条件

```
zip' :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
zip' _ [] = []
zip' [] _ = []
zip' (x:xs) (y:ys) = (x,y):zip' xs ys
```


前两个模式表示两个 List 中若存在空 List, 则返回空 List. 第三个模式表示将两个 List 捆绑的行为, 即将其头部配对并后跟捆绑的尾部. 用 `zip` 处理 `[1,2,3]` 与 `['a','b']` 的话, 就会在 `[3]` 与 `[]` 时触及边界条件, 得到 `(1,'a'):(2,'b'):[]` 的结果, 与 `[(1,'a'),(2,'b')]` 等价.

再实现一个标准库函数 – `elem!` 它取一个元素与一个 List 作参数, 并检测该元素是否包含于此 List. 而边缘条件就与大多数情况相同, 空 List. 大家都知道空 List 中不包含任何元素, 便不必再做任何判断

```
elem' :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool
elem' a [] = False
elem' a (x:xs)
  | a == x    = True
  | otherwise = a `elem'` xs
```

这很简单明了. 若头部不是该元素, 就检测尾部, 若为空 List 就返回 `False`.

§5.4 “快速” 排序



假定我们有一个可排序的 List, 其中元素的类型为 `Ord` Typeclass 的成员. 现在我们要给它排序! 有个排序算法非常的酷, 就是快速排序 (quick

sort), 睿智的排序方法. 尽管它在命令式语言中也不过 10 行, 但在 Haskell 下边要更短, 更漂亮, 俨然已经成了 Haskell 的招牌了. 嗯, 我们在这里也实现一下. 或许会显得很俗气, 因为每个人都用它来展示 Haskell 究竟有多优雅!

它的类型声明应为 `quicksort :: (Ord a) => [a] -> [a]`, 没啥奇怪的. 边界条件呢? 如料, 空 List. 排过序的空 List 还是空 List. 接下来便是算法的定义: 排过序的 List 就是令所有小于等于头部的元素在先 (它们已经排过了序), 后跟大于头部的元素 (它们同样已经拍过了序). 注意定义中有两次排序, 所以就得递归两次! 同时也需要注意算法定义的动词为“是”而非“做”这个, “做”那个, 再“做”那个...这便是函数式编程之美! 如何才能从 List 中取得比头部小的那些元素呢? List Comprehension. 好, 动手写出这个函数!

```
quicksort :: (Ord a) => [a] -> [a]
quicksort [] = []
quicksort (x:xs) =
    let smallerSorted = quicksort [a | a <- xs, a <= x]
        biggerSorted = quicksort [a | a <- xs, a > x]
    in smallerSorted ++ [x] ++ biggerSorted
```

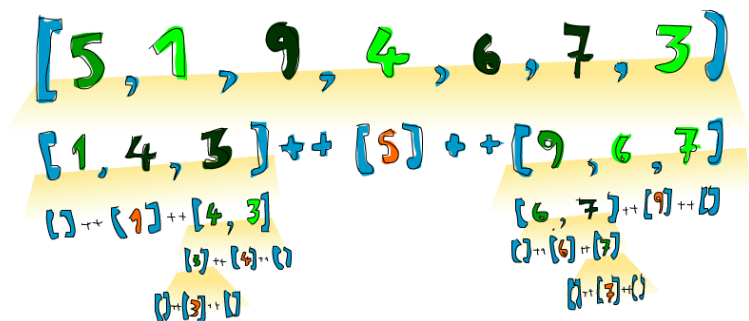
小小的测试一下, 看看结果是否正确 ~

```
ghci> quicksort [10,2,5,3,1,6,7,4,2,3,4,8,9]
[1,2,2,3,3,4,4,5,6,7,8,9,10]
ghci> quicksort "the quick brown fox jumps over the lazy dog"
" abcdeeeefghhijklmnoooopqrrsttuuvvwxyz"
```

booyah! 如我所说的一样! 若给 `[5,1,9,4,6,7,3]` 排序, 这个算法就会取出它的头部, 即 5. 将其至于分别比它大和比它小的两个 List 中间, 得 `[1,4,3] ++ [5] ++ [9,6,7]`, 我们便知道了当排序结束之时, 5 会在第四位, 因为有 3 个数比它小每, 也有三个数比它大. 好的, 接着排 `[1,4,3]` 与 `[9,6,7]`, 结果就出来了! 对它们的排序也是使用同样的函数, 将它们分成许多小块, 最终到达临界条件, 即空 List 经排序依然为空, 有个插图:

橙色的部分表示已定位并不再移动的元素. 从左到右看, 便是一个排过序的 List. 在这里我们将所有元素与 `head` 作比较, 而实际上就快速排序算法而言, 选择任意元素都是可以的. 被选择的元素就被称作锚 (pivot), 以

方便模式匹配。小于锚的元素都在浅绿的部分，大于锚都在深绿部分，这个黄黄的坡就表示了快速排序的执行方式：



§5.5 用递回来思考

我们已经写了不少递回了，也许你已经发觉了其中的固定模式：先定义一个边界条件，再定义个函数，让它从一堆元素中取一个并做点事情后，把余下的元素重新交给这个函数。这一模式对 `List`、`Tree` 等数据结构都是适用的。例如，`sum` 函数就是一个 `List` 头部与其尾部的 `sum` 的和。一个 `List` 的积便是该 `List` 的头与其尾部的积相乘的积，一个 `List` 的长度就是 1 与其尾部长度的和。等等



再者就是边界条件。一般而言，边界条件就是为避免程序出错而设置的

保护措施，处理 `List` 时的边界条件大部分都是空 `List`，而处理 `Tree` 时的边界条件就是没有子元素的节点。

处理数字时也与之相似。函数一般都得接受一个值并修改它。早些时候我们编写过一个计算 Fibonacci 的函数，它便是某数与它减一的 Fibonacci 数的积。让它乘以零就不行了，Fibonacci 数又都是非负数，边界条件便可以定为 1，即乘法的单位元。因为任何数乘以 1 的结果还是这个数。而在 `sum` 中，加法的单位元就是 0。在快速排序中，边界条件和单位元都是空 `List`，因为任一 `List` 与空 `List` 相加的结果依然是原 `List`。

使用递回来解决问题时应当先考虑递回会在什么样的条件下不可用，然后再找出它的边界条件和单位元，考虑参数应该在何时切开 (如对 `List` 使用模式匹配)，以及在何处执行递回。

第六章 高阶函数



Haskell 中的函数可以作为参数和返回值传来传去，这样的函数就被称作高阶函数。高阶函数可不只是某简单特性而已，它贯穿于 Haskell 的方方面面。要拒绝循环与状态的改变而通过定义问题“是什么”来解决问题，高阶函数必不可少。它们是编码的得力工具。

§6.1 Curried functions

本质上，Haskell 的所有函数都只有一个参数，那么我们先前编那么多含有多个参数的函数又是怎么回事？呵，小伎俩！所有多个参数的函数都是 Curried functions。什么意思呢？取一个例子最好理解，就拿我们的好朋友 `max` 函数说事吧。它看起来像是取两个参数，返回较大的那个数。实际上，执行 `max 4 5` 时，它会首先返回一个取一个参数的函数，其返回值不是 4 就是该参数，取决于谁大。然后，以 5 为参数调用它，并取得最终结果。这听着挺绕口的，不过这一概念十分的酷！如下的两个调用是等价的：

```
ghci> max 4 5
5
ghci> (max 4) 5
5
```

把空格放到两个东西之间，称作函数调用。它有点像个运算符，并拥有最高的优先级。看看 `max` 函数的类型：`max :: (Ord a) => a -> a -> a`。



也可以写作: `max :: (Ord a) => a -> (a -> a)`。可以读作 `max` 取一个参数 `a`, 并返回一个函数 (就是那个 `->`), 这个函数取一个 `a` 类型的参数, 返回一个 `a`。这便是为何只用箭头来分隔参数和返回值类型。

这样的好处又是如何? 简言之, 我们若以不全的参数来调用某函数, 就可以得到一个不全调用的函数。如果你高兴, 构造新函数就可以如此便捷, 将其传给另一个函数也是同样方便。

看下这个函数, 简单至极:

```
multThree :: (Num a) => a -> a -> a -> a
multThree x y z = x * y * z
```

我们若执行 `multThree 3 5 9` 或 `((multThree 3) 5) 9`, 它背后是如何运行呢? 首先, 按照空格分隔, 把 `3` 交给 `multThree`。这返回一个返回函数的函数。然后把 `5` 交给它, 返回一个取一个参数并使之乘以 `15` 的函数。最后把 `9` 交给这一函数, 返回 `135`。想想, 这个函数的类型也可以写作 `multThree :: (Num a) => a -> (a -> (a -> a))`, `->` 前面的东西就是函数取的参数, 后面的东西就是其返回值。所以说, 我们的函数取一个 `a`, 并返回一个类型为 `(Num a) => a -> (a -> a)` 的函数, 类似, 这一函数返回一个取一个 `a`, 返回一个类型为 `(Num a) => a -> a` 的函数。而最后的这个函数就只取一个 `a` 并返回一个 `a`, 如下:

```
ghci> let multTwoWithNine = multThree 9
ghci> multTwoWithNine 2 3
54
ghci> let multWithEighteen = multTwoWithNine 2
ghci> multWithEighteen 10
180
```

前面提到，以不全的参数调用函数可以方便地创造新的函数。例如，搞个取一数与 100 比较大小的函数该如何？大可这样：

```
compareWithHundred :: (Num a, Ord a) => a -> Ordering
compareWithHundred x = compare 100 x
```

用 99 调用它，就可以得到一个 `GT`。简单。注意下在等号两边都有 `x`。想想 `compare 100` 会返回什么？一个取一数与 100 比较的函数。Wow，这不正是我们想要的？这样重写：

```
compareWithHundred :: (Num a, Ord a) => a -> Ordering
compareWithHundred = compare 100
```

类型声明依然相同，因为 `compare 100` 返回函数。`compare` 的类型为 `(Ord a) => a -> (a -> Ordering)`，用 100 调用它后返回的函数类型为 `(Num a, Ord a) => a -> Ordering`，同时由于 100 还是 `Num` 类型类的实例，所以还得另留一个类约束。

Yo! 你得保证已经弄明白了 Curried functions 与不全调用的原理，它们很重要！

中缀函数也可以不全调用，用括号把它和一边的参数括在一起就行了。这返回一个取一参数并将其补到缺少的那一端的函数。一个简单函数如下：

```
divideByTen :: (Floating a) => a -> a
divideByTen = (/10)
```

调用 `divideByTen 200` 就是 `(/10) 200`，和 `200 / 10` 等价。

一个检查字符是否为大写的函数：

```
isUpperAlphanum :: Char -> Bool
isUpperAlphanum = (`elem` ['A'..'Z'])
```

唯一的异常就是 `-` 运算符，按照前面提到的定义，`(-4)` 理应返回一个并将参数减 4 的函数，而实际上，处于计算上的方便，`(-4)` 表示负 4。若你一定要弄个将参数减 4 的函数，就用 `subtract` 好了，像这样 (`subtract 4`)。

若不用 `let` 给它命名或传到另一函数中，在 `ghci` 中直接执行 `multThree 3 4` 会怎样？

```
ghci> multThree 3 4
:1:0:
No instance for (Show (t -> t))
arising from a use of `print' at :1:0-12
Possible fix: add an instance declaration for (Show (t -> t))
In the expression: print it
In a 'do' expression: print it
```

`ghci` 说，这一表达式返回了一个 `a -> a` 类型的函数，但它不知道该如何显示它。函数不是 `Show` 类型类的实例，所以我们不能得到表示一函数内容的字符串。若在 `ghci` 中计算 `1+1`，它会首先计算得 2，然后调用 `show 2` 得到该数值的字符串表示，即 `"2"`，再输出到屏幕。

§6.2 是时候了，来点高阶函数！

Haskell 中的函数可以取另一个函数做参数，也可以返回函数。举个例子，我们弄个取一个函数并调用它两次的函数。

```
applyTwice :: (a -> a) -> a -> a
applyTwice f x = f (f x)
```

首先注意这类型声明。在此之前我们很少用到括号，因为 `(->)` 是自然的右结合，不过在这里括号是必须的。它标明了首个参数是个参数与返回值类型都是 `a` 的函数，第二个参数与返回值的类型也都是 `a`。我们可以用 Curried functions 的思路来理解这一函数，不过免得自寻烦恼，我们姑且直接把它看作是取两个参数返回一个值，其首个参数是个类型为 `(a->a)`



的函数，第二个参数是个 `a`。该函数的类型可以是 `(Int->Int)`，也可以是 `(String->String)`，但第二个参数必须与之一致。

***Note*:** 现在开始我们会直说某函数含有多个参数(除非它真的只有一个参数)。以简洁之名，我们会说 `~(a->a->a)~` 取两个参数，尽管我们知道它在背后做的手脚。

这个函数是相当的简单，就拿参数 `f` 当函数，用 `x` 调用它得到的结果再去调用它。也就可以这样玩：

```
ghci> applyTwice (+3) 10
16
ghci> applyTwice (++) " HAHA" "HEY"
"HEY HAHA HAHA"
ghci> applyTwice ("HAHA " ++) "HEY"
"HAHA HAHA HEY"
ghci> applyTwice (multThree 2 2) 9
144
ghci> applyTwice (3:) [1]
[3,3,1]
```

看，不全调用多神奇！如果有个函数要我们给它传个一元函数，大可以不全调用一个函数让它剩一个参数，再把它交出去。

接下来我们用高阶函数的编程思想来实现个标准库中的函数，它就是 `zipWith`。它取一个函数和两个 `List` 做参数，并把两个 `List` 交到一起(使相应的元素去调用该函数)。如下就是我们的实现：

```
zipWith' :: (a -> b -> c) -> [a] -> [b] -> [c]
zipWith' _ [] _ = []
zipWith' _ _ [] = []
zipWith' f (x:xs) (y:ys) = f x y : zipWith' f xs ys
```

看下这个类型声明，它的首个参数是个函数，取两个参数处理交叉，其类型不必相同，不过相同也没关系。第二三个参数都是 `List`，返回值也是个 `List`。第一个 `List` 中元素的类型必须是 `a`，因为这个处理交叉的函数的第一个参数是 `a`。第二个 `List` 中元素的类型必为 `b`，因为这个处理交叉的函数第二个参数的类型是 `b`。返回的 `List` 中元素类型为 `c`。如果一个函数说取一个类型为 `a->b->c` 的函数做参数，传给它个 `a->a->c` 类型的也是可以的，但反过来就不行了。可以记下，若在使用高阶函数的时候不清楚其类型为何，就先忽略掉它的类型声明，再到 `ghci` 下用 `:t` 命令来看下 Haskell 的类型推导。

这函数的行为与普通的 `zip` 很相似，边界条件也是相同，只不过多了个参数，即处理元素交叉的函数。它关不着边界条件什么事儿，所以我们就只留一个 `_`。后一个模式的函数体与 `zip` 也很像，只不过这里是 `f x y` 而非 `(x,y)`。只要足够通用，一个简单的高阶函数可以在不同的场合反复使用。如下便是我们 `zipWith'` 函数本领的冰山一角：

```
ghci> zipWith' (+) [4,2,5,6] [2,6,2,3]
[6,8,7,9]
ghci> zipWith' max [6,3,2,1] [7,3,1,5]
[7,3,2,5]
ghci> zipWith' (++) ["foo ", "bar ", "baz "] ["fighters", "hoppers", "aldrin"]
["foo fighters", "bar hoppers", "baz aldrin"]
ghci> zipWith' (*) (replicate 5 2) [1..]
[2,4,6,8,10]
ghci> zipWith' (zipWith' (*)) [[1,2,3],[3,5,6],[2,3,4]] [[3,2,2],[3,4,5],[5,4,3]]
[[3,4,6],[9,20,30],[10,12,12]]
```

如你所见，一个简单的高阶函数就可以玩出很多花样。命令式语言使用 `for`、`while`、赋值、状态检测来实现功能，再包起来留个界面，使之像个函数一样调用。而函数式语言使用高阶函数来抽象出常见的模式，像成对遍历并处理两个 `List` 或从中筛掉自己不需要的结果。

接下来实现标准库中的另一个函数 `flip`, `flip` 简单地取一个函数作参数并返回一个相似的函数, 只是它们的两个参数倒了个。

```
flip' :: (a -> b -> c) -> (b -> a -> c)
flip' f = g
  where g x y = f y x
```

从这类型声明中可以看出, 它取一个函数, 其参数类型分别为 `a` 和 `b`, 而它返回的函数的参数类型为 `b` 和 `a`。由于函数缺省都是柯里化的, `->` 为右结合, 这里的第二对括号其实并无必要, `(a -> b -> c) -> (b -> a -> c)` 与 `(a -> b -> c) -> (b -> (a -> c))` 等价, 也与 `(a -> b -> c) -> b -> a -> c` 等价。前面我们写了 `g x y = f y x`, 既然这样可行, 那么 `f y x = g x y` 不也一样? 这一来我们可以改成更简单的写法:

```
flip' :: (a -> b -> c) -> b -> a -> c
flip' f y x = f x y
```

在这里我们就利用了 Curried functions 的优势, 只要调用 `flip' f` 而不带 `y` 和 `x`, 它就会返回一个俩参数倒个的函数。`flip` 处理的函数往往都是用来传给其他函数调用, 于是我们可以发挥 Curried functions 的优势, 预先想好发生完全调用的情景并处理好返回值。

```
ghci> flip' zip [1,2,3,4,5] "hello"
[( 'h',1),('e',2),('l',3),('l',4),('o',5)]
ghci> zipWith (flip' div) [2,2..] [10,8,6,4,2]
[5,4,3,2,1]
```

§6.3 map 与 filter

`map` 取一个函数和 List 做参数, 遍历该 List 的每个元素来调用该函数产生一个新的 List。看下它的类型声明和实现:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

从这类型声明中可以看出, 它取一个取 `a` 返回 `b` 的函数和一组 `a` 的 List, 并返回一组 `b`。这就是 Haskell 的有趣之处: 有时只看类型声明就能对函数的行为猜个大致。`map` 函数多才多艺, 有一百万种用法。如下是其中一小部分:

```
ghci> map (+3) [1,5,3,1,6]
[4,8,6,4,9]
ghci> map (++ "!") ["BIFF", "BANG", "POW"]
["BIFF!", "BANG!", "POW!"]
ghci> map (replicate 3) [3..6]
[[3,3,3],[4,4,4],[5,5,5],[6,6,6]]
ghci> map (map (^2)) [[1,2],[3,4,5,6],[7,8]]
[[1,4],[9,16,25,36],[49,64]]
ghci> map fst [(1,2),(3,5),(6,3),(2,6),(2,5)]
[1,3,6,2,2]
```

你可能会发现，以上的所有源代码都可以用 List Comprehension 来替代。map (+3) [1,5,3,1,6] 与 [x+3 | x <- [1,5,3,1,6]] 完全等价。

filter 函数取一个限制条件和一个 List，返回该 List 中所有符合该条件的元素。它的类型声明及实现大致如下：

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter _ [] = []
filter p (x:xs)
  | p x      = x : filter p xs
  | otherwise = filter p xs
```

很简单。只要 p x 所得的结果为真，就将这一元素加入新 List，否则就无视之。几个使用范例：

```
ghci> filter (>3) [1,5,3,2,1,6,4,3,2,1]
[5,6,4]
ghci> filter (==3) [1,2,3,4,5]
[3]
ghci> filter even [1..10]
[2,4,6,8,10]
ghci> let notNull x = not (null x) in filter notNull [[1,2,3],[],[3,4,5],[2,2],[],
[[1,2,3],[3,4,5],[2,2]]
ghci> filter (`elem` ['a'..'z']) "u LaUgH aT mE BeCaUsE I aM diFfeRent"
"uagameasadifeent"
ghci> filter (`elem` ['A'..'Z']) "i lauGh At You BecAuse u r aLL the Same"
"GAYBALLS"
```

同样，以上都可以用 List Comprehension 的限制条件来实现。并没有教条规定你必须在什么情况下用 `map` 和 `filter` 还是 List Comprehension，选择权归你，看谁舒服用谁就是。如果有多个限制条件，只能连着套好几个 `filter` 或用 `&&` 等逻辑函数的组合之，这时就不如 List comprehension 来得爽了。

还记得上一章的那个 `quicksort` 函数么？我们用到了 List Comprehension 来过滤大于或小于锚的元素。换做 `filter` 也可以实现，而且更加易读：

```
quicksort :: (Ord a) => [a] -> [a]
quicksort [] = []
quicksort (x:xs) =
    let smallerSorted = quicksort (filter (<=x) xs)
        biggerSorted = quicksort (filter (>x) xs)
    in  smallerSorted ++ [x] ++ biggerSorted
```



`map` 和 `filter` 是每个函数式程序员的面包黄油 (呃，`map` 和 `filter` 还是 List Comprehension 并不重要)。想想前面我们如何解决给定周长寻找合适直角三角形的问题的？在命令式编程中，我们可以套上三个循环逐个测试当前的组合是否满足条件，若满足，就打印到屏幕或其他类似的输出。而在函数式编程中，这行就都交给 `map` 和 `filter`。你弄个取一参数的函数，把它交给 `map` 过一遍 List，再 `filter` 之找到合适的结果。感谢 Haskell 的惰性，即便是你多次 `map` 一个 List 也只会遍历一遍该 List，要找出小于 100000 的数中最大的 3829 的倍数，只需过滤结果所在的 List 就行了。

要找出小于 100000 的 3829 的所有倍数，我们应当过滤一个已知结果所在的 List。

```
largestDivisible :: (Integral a) => a
largestDivisible = head (filter p [100000,99999..])
  where p x = x `mod` 3829 == 0
```

首先，取一个降序的小于 100000 所有数的 List，然后按照限制条件过滤它。由于这个 List 是降序的，所以结果 List 中的首个元素就是最大的那个数。惰性再次行动！由于我们只取这结果 List 的首个元素，所以它并不关心这 List 是有限还是无限的，在找到首个合适的结果处运算就停止了。

接下来，我们就要找出所有小于 10000 的奇数的平方和，得先提下 **takeWhile** 函数，它取一个限制条件和 List 作参数，然后从头开始遍历这一 List，并返回符合限制条件的元素。而一旦遇到不符合条件的元素，它就停止了。如果我们要取出字符串 "elephants know how to party" 中的首个单词，可以 **takeWhile** (\neq ' ') "elephants know how to party"，返回 "elephants"。okay，要求所有小于 10000 的奇数的平方的和，首先就用 ($\wedge 2$) 函数 **map** 掉这个无限的 List [1..]。然后过滤之，只取奇数就是了。在大于 10000 处将它断开，最后前面的所有元素加到一起。这一切连写函数都不用，在 ghci 下直接搞定。

```
ghci> sum (takeWhile (<10000) (filter odd (map (^2) [1..])))
166650
```

不错！先从几个初始数据（表示所有自然数的无限 List），再 **map** 它，**filter** 它，切它，直到它符合我们的要求，再将其加起来。这用 List comprehension 也是可以的，而哪种方式就全看你的个人口味。

```
ghci> sum (takeWhile (<10000) [m | m <- [n^2 | n <- [1..]], odd m])
166650
```

感谢 Haskell 的惰性特质，这一切才得以实现。我们之所以可以 **map** 或 **filter** 一个无限 List，是因为它的操作不会被立即执行，而是拖延一下。只有我们要求 Haskell 交给我们的 **sum** 的结果的时候，**sum** 函数才会跟 **takeWhile** 说，它要这些数。**takeWhile** 就再去要求 **filter** 和 **map** 行动起来，并在遇到大于等于 10000 时候停止。下个问题与 Collatz 序列有关，取一个自然数，若为偶数就除以 2。若为奇数就乘以 3 再加 1。再用相同的方式处理所得的结果，得到一组数字构成的链。它有个性质，无论以任何任

何数字开始，最终的结果都会归 1。所以若拿 13 当作起始数，就可以得到这样一个序列 13, 40, 20, 10, 5, 16, 8, 4, 2, 1。13*3+1 得 40，40 除 2 得 20，如是继续，得到一个 10 个元素的链。

好的，我们想知道的是：以 1 到 100 之间的所有数作为起始数，会有多少个链的长度大于 15？

```
chain :: (Integral a) => a -> [a]
chain 1 = [1]
chain n
  | even n = n:chain (n `div` 2)
  | odd n  = n:chain (n*3 + 1)
```

该链止于 1，这便是边界条件。标准的递归函数：

```
ghci> chain 10
[10,5,16,8,4,2,1]
ghci> chain 1
[1]
ghci> chain 30
[30,15,46,23,70,35,106,53,160,80,40,20,10,5,16,8,4,2,1]
```

yay! 貌似工作良好。现在由这个函数来告诉我们结果：

```
numLongChains :: Int
numLongChains = length (filter isLong (map chain [1..100]))
  where isLong xs = length xs > 15
```

我们把 chain 函数 map 到 [1..100]，得到一组链的 List，然后用个限制条件过滤长度大于 15 的链。过滤完毕后就可以得出结果 list 中的元素个数。

Note: 这函数的类型为 `numLongChains :: Int`。这是由于历史原因，`length` 返回一个 `Int` 而非 `Num` 的成员类型，若要得到一个更通用的 `Num a`，我们可以使用 `fromInterval` 函数来处理所得结果。

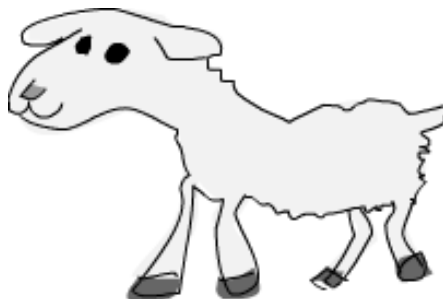
用 map，我们可以写出类似 `map (*) [0..]` 之类的源代码。如果只是为了例证 Curried functions 和不全调用的函数是真正的值及其原理，那就是你可以把函数传递或把函数装在 List 中（只是你还不能将它们转换为字符串）。

迄今为止，我们还只是 `map` 单参数的函数到 `List`，如 `map (*2) [0..]` 可得一组类型为 `(Num a) => [a]` 的 `List`，而 `map (*) [0..]` 也是完全没问题的。`*` 的类型为 `(Num a) -> a -> a -> a`，用单个参数调用二元函数会返回一个一元函数。如果用 `*` 来 `map` 一个 `[0..]` 的 `List`，就会得到一组一元函数组成的 `List`，即 `(Num a) => [a->a]`。`map (*) [0..]` 所得的结果写起来大约就是 `[(*0),(*1),(*2)..]`。

```
ghci> let listOfFuns = map (*) [0..]
ghci> (listOfFuns !! 4) 5
20
```

取所得 `List` 的第四个元素可得一函数，与 `(*4)` 等价。然后用 `5` 调用它，与 `(* 4) 5` 或 `4*5` 都是等价的。

§6.4 lambda



`lambda` 就是匿名函数。有些时候我们需要传给高阶函数一个函数，而这函数我们只会用这一次，这就弄个特定功能的 `lambda`。编写 `lambda`，就写个 `\` (因为它看起来像是希腊字母的 `lambda` – 如果你斜视的厉害)，后面是用空格分隔的参数，`->` 后面就是函数体。通常我们都是用括号将其括起，要不然它就会占据整个右边部分。

向上 5 英吋左右，你会看到我们在 `numLongChain` 函数中用 `where` 语句声明了个 `isLong` 函数传递给了 `filter`。好的，用 `lambda` 代替它。

```
numLongChains :: Int
numLongChains = length (filter (\xs -> length xs > 15) (map chain [1..100]))
```




lambda 是个表达式，因此我们可以任意传递。表达式 `(\xs -> length xs > 15)` 返回一个函数，它可以告诉我们一个 List 的长度是否大于 15。

不熟悉 Curried functions 与不全调用的人们往往会写出很多 lambda，而实际上大部分都是没必要的。例如，表达式 `map (+3) [1,6,3,2]` 与 `map (\x -> x+3) [1,6,3,2]` 等价，`(+3)` 和 `(\x -> x+3)` 都是给一个数加上 3。不用说，在这种情况下不用 lambda 要清爽的多。

和普通函数一样，lambda 也可以取多个参数。

```
ghci> zipWith (\a b -> (a * 30 + 3) / b) [5,4,3,2,1] [1,2,3,4,5]
[153.0,61.5,31.0,15.75,6.6]
```

同普通函数一样，你也可以在 lambda 中使用模式匹配，只是你无法为一个参数设置多个模式，如 `[]` 和 `(x:xs)`。lambda 的模式匹配若失败，就会引发一个运行时错误，所以慎用！

```
ghci> map (\(a,b) -> a + b) [(1,2),(3,5),(6,3),(2,6),(2,5)]
[3,8,9,8,7]
```

一般情况下，lambda 都是括在括号中，除非我们想要后面的整个语句都作为 lambda 的函数体。很有趣，由于有柯里化，如下的两段是等价的：

```
addThree :: (Num a) => a -> a -> a -> a
addThree x y z = x + y + z
```

```
addThree :: (Num a) => a -> a -> a -> a
addThree = \x -> \y -> \z -> x + y + z
```

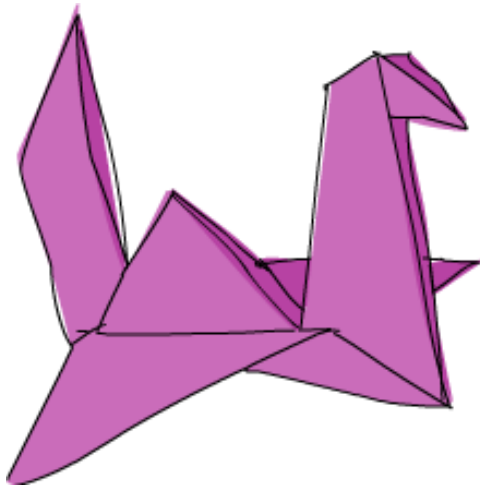
这样的函数声明与函数体中都有 `->`，这一来类型声明的写法就很明白了。当然第一段源代码更易读，不过第二个函数使得柯里化更容易理解。

有些时候用这种语句写还是挺酷的，我觉得这应该是最易读的 `flip` 函数实现了：

```
flip' :: (a -> b -> c) -> b -> a -> c
flip' f = \x y -> f y x
```

尽管这与 `flip' f x y = f y x` 等价，但它可以更明白地表示出它会产生一个新的函数。`flip` 常用来处理一个函数，再将返回的新函数传递给 `map` 或 `filter`。所以如此使用 `lambda` 可以更明确地表现出返回值是个函数，可以用来传递给其他函数作参数。

§6.5 关键字 `fold`



回到当初我们学习递归的情景。我们会发现处理 `List` 的许多函数都有固定的模式，通常我们会将边界条件设置为空 `List`，再引入 `(x:xs)` 模式，对

单个元素和余下的 List 做些事情。这一模式是如此常见，因此 Haskell 引入了一组函数来使之简化，也就是 `fold`。它们与 `map` 有点像，只是它们返回的是单个值。

一个 `fold` 取一个二元函数，一个初始值 (我喜欢管它叫累加值) 和一个需要折叠的 List。这个二元函数有两个参数，即累加值和 List 的首项 (或尾项)，返回值是新的累加值。然后，以新的累加值和新的 List 首项调用该函数，如是继续。到 List 遍历完毕时，只剩下一个累加值，也就是最终的结果。

首先看下 `foldl` 函数，也叫做左折叠。它从 List 的左端开始折叠，用初始值和 List 的头部调用这二元函数，得一新的累加值，并用新的累加值与 List 的下一个元素调用二元函数。如是继续。

我们再实现下 `sum`，这次用 `fold` 替代那复杂的递归：

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' xs = foldl (\acc x -> acc + x) 0 xs
```

测试下，一二三～

```
ghci> sum' [3,5,2,1]
11
```

我们深入看下 `fold` 的执行过程：`\acc x -> acc + x` 是个二元函数，0 是初始值，`xs` 是待折叠的 List。一开始，累加值为 0，当前项为 3，调用二元函数 `0+3` 得 3，作新的累加值。接着来，累加值为 3，当前项为 5，得新累加值 8。再往后，累加值为 8，当前项为 2，得新累加值 10。最后累加值为 10，当前项为 1，得 11。恭喜，你完成了一次折叠 (`fold`)!

左边的这个图表示了折叠的执行过程，一步一步 (一天又一天!)。浅棕色的数字都是累加值，你可以从中看出 List 是如何从左端一点点加到累加值上的。唔对对对! 如果我们考虑到函数的柯里化，可以写出更简单的实现：

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' = foldl (+) 0
```

这个 lambda 函数 (`\acc x -> acc + x`) 与 `(+)` 等价。我们可以把 `xs` 等一应参数省略掉，反正调用 `foldl (+) 0` 会返回一个取 List 作参数的函

$$0 + 3$$

$$[3, 5, 2, 1]$$

$$3 + 5$$

$$[5, 2, 1]$$

$$8 + 2$$

$$[2, 1]$$

$$10 + 1$$

$$[1]$$

$$11$$

数。通常，如果你的函数类似 `foo a = bar b a`，大可改为 `foo = bar b`。有柯里化嘛。

呼呼，进入右折叠前我们再实现个用到左折叠的函数。大家肯定都知道 `elem` 是检查某元素是否属于某 `List` 的函数吧，我就不再提了 (唔，刚提了)。用左折叠实现它：

```
elem' :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool
elem' y ys = foldl1 (\acc x -> if x == y then True else acc) False ys
```

好好好，这里我们有什么？起始值与累加值都是布尔值。在处理 `fold` 时，累加值与最终结果的类型总是相同的。如果你不知道怎样对待起始值，那我告诉你，我们先假设它不存在，以 `False` 开始。我们要是 `fold` 一个空 `List`，结果就是 `False`。然后我们检查当前元素是否为我们寻找的，如果是，就令累加值为 `True`，如果否，就保留原值不变。若 `False`，及表明当前元素不是。若 `True`，就表明已经找到了。

右折叠 `foldr` 的行为与左折叠相似，只是累加值是从 `List` 的右边开始。同样，左折叠的二元函数取累加值作首个参数，当前值为第二个参数 (即 `\acc x -> ...`)，而右折叠的二元函数参数的顺序正好相反 (即 `\x acc -> ...`)。这倒也正常，毕竟是从右端开始折叠。

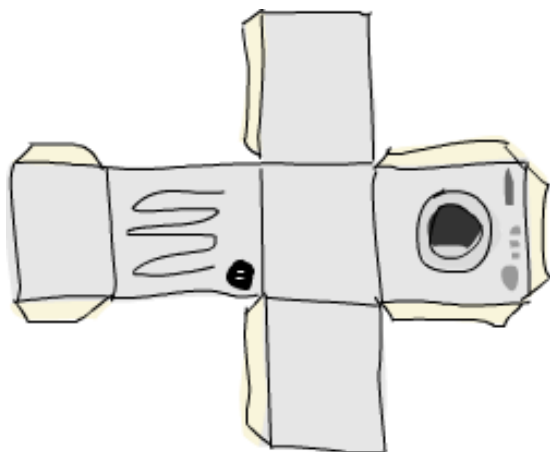
累加值可以是任何类型，可以是数值，布尔值，甚至一个新的 `List`。我们可以用右 `fold` 实现 `map` 函数，累加值就是个 `List`。将 `map` 处理过的元素一个一个连到一起。很容易想到，起始值就是空 `List`。

```
map' :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map' f xs = foldr (\x acc -> f x : acc) [] xs
```

如果我们用 `(+3)` 来映射 `[1,2,3]`，它就会先到达 `List` 的右端，我们取最后那个元素，也就是 `3` 来调用 `(+3)`，得 `6`。追加 `(:)` 到累加值上，`6:[]` 得 `[6]` 并成为新的累加值。用 `2` 调用 `(+3)`，得 `5`，追加到累加值，于是累加值成了 `[5,6]`。再对 `1` 调用 `(+3)`，并将结果 `4` 追加到累加值，最终得结果 `[4,5,6]`。

当然，我们也完全可以用左折叠来实现它，`map' f xs = foldl1 (\acc x -> acc ++ [f x]) [] xs` 就行了。不过问题是，使用 `(++)` 往 `List` 后面

追加元素的效率要比使用 `(:)` 低得多。所以在生成新 `List` 的时候人们一般都是使用右折叠。



反转一个 `List`，既也可以通过右折叠，也可以通过左折叠。有时甚至不需要管它们的分别，如 `sum` 函数的左右折叠实现都是十分相似。不过有个大的不同，那就是右折叠可以处理无限长度的数据结构，而左折叠不可以。将无限 `List` 从中断开执行左折叠是可以的，不过若是向右，就永远到不了头了。

所有遍历 `List` 中元素并据此返回一个值的操作都可以交给 `fold` 实现。无论何时需要遍历 `List` 并返回某值，都可以尝试下 `fold`。因此，`fold` 的地位可以说与 `map` 和 `filter` 并驾齐驱，同为函数式编程中最常用的函数之一。

`foldl1` 与 `foldr1` 的行为与 `foldl` 和 `foldr` 相似，只是你无需明确提供初始值。他们假定 `List` 的首个 (或末尾) 元素作为起始值，并从旁边的元素开始折叠。这一来，`sum` 函数大可这样实现：`sum = foldl1 (+)`。这里待折叠的 `List` 中至少要有一个元素，若使用空 `List` 就会产生一个运行时错误。不过 `foldl` 和 `foldr` 与空 `List` 相处的就很好。所以在使用 `fold` 前，应该先想下它会不会遇到空 `List`，如果不会遇到，大可放心使用 `foldr1` 和 `foldl1`。

为了体会 `fold` 的威力，我们就用它实现几个库函数：

```
maximum' :: (Ord a) => [a] -> a
maximum' = foldr1 (\x acc -> if x > acc then x else acc)

reverse' :: [a] -> [a]
reverse' = foldl (\acc x -> x : acc) []

product' :: (Num a) => [a] -> a
product' = foldr1 (*)

filter' :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter' p = foldr (\x acc -> if p x then x : acc else acc) []

head' :: [a] -> a
head' = foldr1 (\x _ -> x)

last' :: [a] -> a
last' = foldl1 (\_ x -> x)
```

仅靠模式匹配就可以实现 `head` 函数和 `last` 函数，而且效率也很高。这里只是为了演示，用 `fold` 的实现方法。我觉得我们这个 `reverse'` 定义的相当聪明，用一个空 `List` 做初始值，并向左展开 `List`，从左追加到累加值，最后得到一个反转的新 `List`。`\acc x -> x : acc` 有点像：函数，只是参数顺序相反。所以我们可以改成 `foldl (flip (:)) []`。

有个理解折叠的思路：假设我们有个二元函数 `f`，起始值 `z`，如果从右折叠 `[3,4,5,6]`，实际上执行的就是 `f 3 (f 4 (f 5 (f 6 z)))`。`f` 会被 `List` 的尾项和累加值调用，所得的结果会作为新的累加值传入下一个调用。假设 `f` 是 `(+)`，起始值 `z` 是 `0`，那么就是 `3 + (4 + (5 + (6 + 0)))`，或等价的首码形式：`(+) 3 ((+) 4 ((+) 5 ((+) 6 0)))`。相似，左折叠一个 `List`，以 `g` 为二元函数，`z` 为累加值，它就与 `g (g (g (g z 3) 4) 5) 6` 等价。如果用 `flip (:)` 作二元函数，`[]` 为累加值（看得出，我们是要反转一个 `List`），这就与 `flip (:) (flip (:) (flip (:) (flip (:) [] 3) 4) 5) 6` 等价。显而易见，执行该表达式的结果为 `[6,5,4,3]`。

`scanl` 和 `scanr` 与 `foldl` 和 `foldr` 相似，只是它们会记录下累加值的所有状态到一个 `List`。也有 `scanl1` 和 `scanr1`。

```
ghci> scanl (+) 0 [3,5,2,1]
[0,3,8,10,11]
ghci> scanr (+) 0 [3,5,2,1]
[11,8,3,1,0]
ghci> scanl1 (\acc x -> if x > acc then x else acc) [3,4,5,3,7,9,2,1]
[3,4,5,5,7,9,9,9]
ghci> scanl (flip (:)) [] [3,2,1]
[[],[3],[2,3],[1,2,3]]
```

当使用 `scanl` 时，最终结果就是 List 的最后一个元素。而在 `scanr` 中则是第一个。

```
sqrtSums :: Int
sqrtSums = length (takeWhile (<1000) (scanl1 (+) (map sqrt [1..]))) + 1
```

```
ghci> sqrtSums
131
ghci> sum (map sqrt [1..131])
1005.0942035344083
ghci> sum (map sqrt [1..130])
993.6486803921487
```

`scan` 可以用来跟踪 `fold` 函数的执行过程。想想这个问题，取所有自然数的平方根的和，寻找在何处超过 1000？先 `map sqrt [1..]`，然后用个 `fold` 来求它们的和。但在这里我们想知道求和的过程，所以使用 `scan`，`scan` 完毕时就可以得到小于 1000 的所有和。所得结果 List 的第一个元素为 1，第二个就是 1+ 根 2，第三个就是 1+ 根 2+ 根 3。若有 `x` 个和小于 1000，那结果就是 `x+1`。

§6.6 有 \$ 的函数调用

好的，接下来看看 `$` 函数。它也叫作函数调用符。先看下它的定义：

```
($) :: (a -> b) -> a -> b
f $ x = f x
```

什么鬼东西？这没啥意义的操作符？它只是个函数调用符罢了？好吧，不全是，但差不多。普通的函数调用符有最高的优先级，而 `$` 的优先级则最



低。用空格的函数调用符是左结合的，如 `f a b c` 与 `((f a) b) c` 等价，而 `$` 则是右结合的。

听着不错。但有什么用？它可以减少我们源代码中括号的数目。试想有这个表达式：`sum (map sqrt [1..130])`。由于低优先级的 `$`，我们可以将其改为 `sum $ map sqrt [1..130]`，可以省敲不少键！`sqrt 3 + 4 + 9` 会怎样？这会得到 9、4 和根 3 的和。若要取 `(3+4+9)` 的平方根，就得 `sqrt (3+4+9)` 或用 `$`：`sqrt $ 3+4+9`。因为 `$` 有最低的优先级，所以你可以把 `$` 看作是在右面写一对括号的等价形式。

`sum (filter (> 10) (map (*2) [2..10]))` 该如何？嗯，`$` 是右结合，`f (g (z x))` 与 `f $ g $ z x` 等价。所以我么可以将 `sum (filter (> 10) (map (*2) [2..10]))` 重写为 `sum $ filter (> 10) $ map (*2) [2..10]`。

除了减少括号外，`$` 还可以将数据作为函数使用。例如映射一个函数调用符到一组函数组成的 List：

```
ghci> map ($ 3) [(4+), (10*), (^2), sqrt]
[7.0,30.0,9.0,1.7320508075688772]
```

§6.7 Function composition

在数学中，函数组合是这样定义的： $(f \circ g)(x) = f(g(x))$ ，表示组合两个函数成为一个函数。以 `x` 调用这一函数，就与用 `x` 调用 `g` 再用所得的结果调用 `f` 等价。

Haskell 中的函数组合与之很像，即 `.` 函数。其定义为：

```
(.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> a -> c  
f . g = \x -> f (g x)
```



注意下这类型声明，`f` 的参数类型必须与 `g` 的返回类型相同。所以得到的组合函数的参数类型与 `g` 相同，返回类型与 `f` 相同。表达式 `negate . (*3)` 返回一个求一数字乘以 3 后的负数的函数。

函数组合的用处之一就是生成新函数，并传递给其它函数。当然我们可以用 `lambda` 实现，但大多数情况下，使用函数组合无疑更清楚。假设我们有一组由数字组成的 `List`，要将其全部转为负数，很容易就想到应先取其绝对值，再取负数，像这样：

```
ghci> map (\x -> negate (abs x)) [5,-3,-6,7,-3,2,-19,24]  
[-5,-3,-6,-7,-3,-2,-19,-24]
```

注意下这个 `lambda` 与那函数组合是多么的相像。用函数组合，我们可以将源代码改为：

```
ghci> map (negate . abs) [5,-3,-6,7,-3,2,-19,24]  
[-5,-3,-6,-7,-3,-2,-19,-24]
```

漂亮！函数组合是右结合的，我们同时组合多个函数。表达式 `f (g (z x))` 与 `(f . g . z) x` 等价。按照这个思路，我们可以将

```
ghci> map (\xs -> negate (sum (tail xs))) [[1..5],[3..6],[1..7]]
[-14,-15,-27]
```

改为:

```
ghci> map (negate . sum . tail) [[1..5],[3..6],[1..7]]
[-14,-15,-27]
```

不过含多个参数的函数该怎么办? 好, 我们可以使用不全调用使每个函数都只剩下一个参数。`sum (replicate 5 (max 6.7 8.9))` 可以重写为 `(sum . replicate 5 . max 6.7) 8.9` 或 `sum . replicate 5 . max 6.7 $ 8.9`。在这里会产生一个函数, 它取与 `max 6.7` 同样的参数, 并使用结果调用 `replicate 5` 再用 `sum` 求和。最后用 `8.9` 调用该函数。不过一般你可以这么读, 用 `8.9` 调用 `max 6.7`, 然后使它 `replicate 5`, 再 `sum` 之。如果你打算用函数组合来替掉那堆括号, 可以先在最靠近参数的函数后面加一个 `$`, 接着就用 `.` 组合其所有函数调用, 而不用管最后那个参数。如果有这样一段源代码: `replicate 100 (product (map (*3) (zipWith max [1,2,3,4,5] [4,5,6,7,8])))`, 可以改为: `replicate 100 . product . map (*3) . zipWith max [1,2,3,4,5] $ [4,5,6,7,8]`。如果表达式以 3 个括号结尾, 就表示你可以将其修改为函数组合的形式。

函数组合的另一用途就是定义 *point free style* (也称作 *pointless style*) 的函数。就拿我们之前写的函数作例子:

```
sum' :: (Num a) => [a] -> a
sum' xs = foldl (+) 0 xs
```

等号的两端都有个 `xs`。由于有柯里化 (Currying), 我们可以省掉两端的 `xs`。`foldl (+) 0` 返回的就是一个取一 List 作参数的函数, 我们把它修改为 `sum' = foldl (+) 0`, 这就是 *point free style*。下面这个函数又该如何改成 *point free style* 呢?

```
fn x = ceiling (negate (tan (cos (max 50 x))))
```

像刚才那样简单去掉两端的 `x` 是不行的, 函数定义中 `x` 的右边还有括号。`cos (max 50)` 是有错误的, 你不能求一个函数的余弦。我们的解决方法就是, 使用函数组合。

```
fn = ceiling . negate . tan . cos . max 50
```

漂亮! point free style 会令你去思考函数的组合方式,而非数据的传递方式,更加简洁明了。你可以将一组简单的函数组合在一起,使之形成一个复杂的函数。不过函数若过于复杂,再使用 point free style 往往会适得其反,因此构造较长的函数组合链是不被鼓励的(虽然我本人热衷于函数组合)。更好的解决方法,就是使用 `let` 语句给中间的运算结果绑定一个名字,或者说把问题分解成几个小问题再组合到一起。这样一来我们源代码的读者就可以轻松些,不必要纠结那巨长的函数组合链了。

在 `map` 和 `filter` 那节中,我们求了小于 10000 的所有奇数的平方的和。如下就是将其置于一个函数中的样子:

```
oddSquareSum :: Integer
oddSquareSum = sum (takeWhile (<10000) (filter odd (map (^2) [1..])))
```

身为函数组合狂人,我可能会这么写:

```
oddSquareSum :: Integer
oddSquareSum = sum . takeWhile (<10000) . filter odd . map (^2) $ [1..]
```

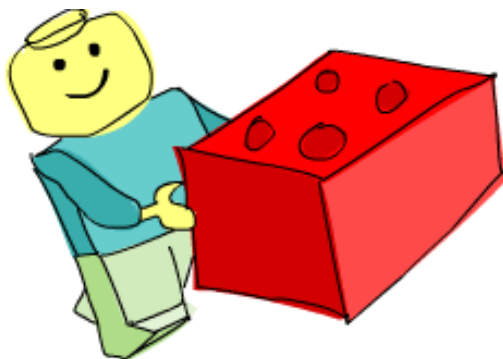
不过若是给别人看,我可能就这么写了:

```
oddSquareSum :: Integer
oddSquareSum =
    let oddSquares = filter odd $ map (^2) [1..]
        belowLimit = takeWhile (<10000) oddSquares
    in sum belowLimit
```

这段源代码可赢不了源代码花样大赛,不过我们的读者可能会觉得它比函数组合链更好看。

第七章 模组 (Modules)

§7.1 装载模组



Haskell 中的模组是含有一组相关的函数，类型和类型类的组合。而 Haskell 程序的本质便是从主模组中引用其它模组并调用其中的函数来执行操作。这样可以把源代码分成多块，只要一个模组足够的独立，它里面的函数便可以不同的程序反复重用。这就让不同的源代码各司其职，提高了源代码的健壮性。

Haskell 的标准库就是一组模组，每个模组都含有一组功能相近或相关的函数和类型。有处理 `List` 的模组，有处理并发的模组，也有处理复数的模组，等等。目前为止我们谈及的所有函数，类型以及类型类都是 `Prelude` 模组的一部分，它缺省自动装载。在本章，我们看一下几个常用的模组，在开始浏览其中的函数之前，我们先得知道如何装载模组。

在 Haskell 中，装载模组的语法为 `import`，这必须得在函数的定义之前，所以一般都是将它置于源代码的顶部。无疑，一段源代码中可以装载很多模组，只要将 `import` 语句分行写开即可。装载 `Data.List` 试下，它里面有很多实用的 `List` 处理函数。

执行 `import Data.List`，这样一来 `Data.List` 中包含的所有函数就都进入了全局命名空间。也就是说，你可以在源代码的任意位置调用这些函数。`Data.List` 模组中有个 `nub` 函数，它可以筛掉一个 `List` 中的所有重复元

素。用点号将 `length` 和 `nub` 组合: `length . nub`, 即可得到一个与 `(\xs -> length (nub xs))` 等价的函数。

```
import Data.List

numUniques :: (Eq a) => [a] -> Int
numUniques = length . nub
```

你也可以在 `ghci` 中装载模组, 若要调用 `Data.List` 中的函数, 就这样:

```
ghci> :m Data.List
```

若要在 `ghci` 中装载多个模组, 不必多次 `:m` 命令, 一下就可以全部搞定:

```
ghci> :m Data.List Data.Map Data.Set
```

而你的程序中若已经有包含的源代码, 就不必再用 `:m` 了。

如果你只用得到某模组的两个函数, 大可仅包含它俩。若仅装载 `Data.List` 模组 `nub` 和 `sort`, 就这样:

```
import Data.List (nub, sort)
```

也可以只包含除去某函数之外的其它函数, 这在避免多个模组中函数的命名冲突很有用。假设我们的源代码中已经有了一个叫做 `nub` 的函数, 而装入 `Data.List` 模组时就要把它里面的 `nub` 除掉。

```
import Data.List hiding (nub)
```

避免命名冲突还有个方法, 便是 `qualified import`, `Data.Map` 模组提供了一个按键索值的数据结构, 它里面有几个和 `Prelude` 模组重名的函数。如 `filter` 和 `null`, 装入 `Data.Map` 模组之后再调用 `filter`, Haskell 就不知道它究竟是哪个函数。如下便是解决的方法:

```
import qualified Data.Map
```

这样一来, 再调用 `Data.Map` 中的 `filter` 函数, 就必须得 `Data.Map.filter`, 而 `filter` 依然是为我们熟悉喜爱的样子。但是要在每个函数前面都加个 `Data.Map` 实在是太烦人了! 那就给它起个别名, 让它短些:

```
import qualified Data.Map as M
```

好，再调用 `Data.Map` 模块的 `filter` 函数的话仅需 `M.filter` 就行了

要浏览所有的标准库模组，参考这个手册。翻阅标准库中的模组和函数是提升个人 Haskell 水平的重要途径。你也可以各个模组的源代码，这对 Haskell 的深入学习及掌握都是大有好处的。

检索函数或搜寻函数位置就用 [<http://www.Haskell.org/hoogle/> Hoogle], 相当了不起的 Haskell 搜索引擎! 你可以用函数名，模组名甚至类型声明来作为检索的条件。

§7.2 Data.List

显而易见，`Data.List` 是关于 `List` 操作的模组，它提供了一组非常有用的 `List` 处理函数。在前面我们已经见过了其中的几个函数 (如 `map` 和 `filter`)，这是 `Prelude` 模组出于方便起见，导出了几个 `Data.List` 里的函数。因为这几个函数是直接引用自 `Data.List`，所以就无需使用 `qualified import`。在下面，我们来看看几个以前没见过的函数：

`intersperse` 取一个元素与 `List` 作参数，并将该元素置于 `List` 中每对元素的中间。如下是个例子：

```
ghci> intersperse '.' "MONKEY"
"M.O.N.K.E.Y"
ghci> intersperse 0 [1,2,3,4,5,6]
[1,0,2,0,3,0,4,0,5,0,6]
```

`intercalate` 取两个 `List` 作参数。它会将第一个 `List` 交叉插入第二个 `List` 中间，并返回一个 `List`。

```
ghci> intercalate " " ["hey","there","guys"]
"hey there guys"
ghci> intercalate [0,0,0] [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]
[1,2,3,0,0,0,4,5,6,0,0,0,7,8,9]
```

`transpose` 函数可以反转一组 `List` 的 `List`。你若把一组 `List` 的 `List` 看作是个 2D 的矩阵，那 `transpose` 的操作就是将其列为行。

```
ghci> transpose [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]
[[1,4,7],[2,5,8],[3,6,9]]
ghci> transpose ["hey","there","guys"]
["htg","ehu","yey","rs","e"]
```

假如有两个多项式 $3x^2 + 5x + 9$, $10x^3 + 9$ 和 $8x^3 + 5x^2 + x - 1$, 将其相加, 我们可以列三个 List: $[0,3,5,9]$, $[10,0,0,9]$ 和 $[8,5,1,-1]$ 来表示。再用如下的方法取得结果。

```
ghci> map sum $ transpose [[0,3,5,9],[10,0,0,9],[8,5,1,-1]]
[18,8,6,17]
```



使用 `transpose` 处理这三个 List 之后, 三次幂就倒了第一行, 二次幂到了第二行, 以此类推。在用 `sum` 函数将其映射, 即可得到正确的结果。

`foldl'` 和 `foldl1'` 是它们各自惰性实现的严格版本。在用 `fold` 处理较大的 List 时, 经常会遇到堆栈溢出的问题。而这罪魁祸首就是 `fold` 的惰性: 在执行 `fold` 时, 累加器的值并不会被立即更新, 而是做一个“在必要时会取得所需的结果”的承诺。每过一遍累加器, 这一行为就重复一次。而所有的这堆“承诺”最终就会塞满你的堆栈。严格的 `fold` 就不会有这一问题, 它们不会作“承诺”, 而是直接计算中间值的结果并继续执行下去。如果用惰性 `fold` 时经常遇到溢出错误, 就应换用它们的严格版。

concat 把一组 List 连接为一个 List。

```
ghci> concat ["foo","bar","car"]
"foobarcar"
ghci> concat [[3,4,5],[2,3,4],[2,1,1]]
[3,4,5,2,3,4,2,1,1]
```

它相当于移除一级嵌套。若要彻底地连接其中的元素，你得 **concat** 它两次才行。

concatMap 函数与 **map** 一个 List 之后再 **concat** 它等价。

```
ghci> concatMap (replicate 4) [1..3]
[1,1,1,1,2,2,2,2,3,3,3,3]
```

and 取一组布林值 List 作参数。只有其中的值全为 **True** 的情况下才会返回 **True**。

```
ghci> and $ map (>4) [5,6,7,8]
True
ghci> and $ map (==4) [4,4,4,3,4]
False
```

or 与 **and** 相似，一组布林值 List 中若存在一个 **True** 它就返回 **True**。

```
ghci> or $ map (==4) [2,3,4,5,6,1]
True
ghci> or $ map (>4) [1,2,3]
False
```

any 和 **all** 取一个限制条件和一组布林值 List 作参数，检查是否该 List 的某个元素或每个元素都符合该条件。通常较 **map** 一个 List 到 **and** 或 **or** 而言，使用 **any** 或 **all** 会更多些。

```
ghci> any (==4) [2,3,5,6,1,4]
True
ghci> all (>4) [6,9,10]
True
ghci> all (`elem` ['A'..'Z']) "HEYGUYSwhatsup"
False
ghci> any (`elem` ['A'..'Z']) "HEYGUYSwhatsup"
```

```
True
```

iterate 取一个函数和一个值作参数。它会用该值去调用该函数并用所得的结果再次调用该函数，产生一个无限的 List。

```
ghci> take 10 $ iterate (*2) 1
[1,2,4,8,16,32,64,128,256,512]
ghci> take 3 $ iterate (++ "haha") "haha"
["haha","hahahahaha","hahahahahahaha"]
```

splitAt 取一个 List 和数值作参数，将该 List 在特定的位置断开。返回一个包含两个 List 的二元组。

```
ghci> splitAt 3 "heyman"
("hey","man")
ghci> splitAt 100 "heyman"
("heyman","")
ghci> splitAt (-3) "heyman"
("", "heyman")
ghci> let (a,b) = splitAt 3 "foobar" in b ++ a
"barfoo"
```

takeWhile 这一函数十分的实用。它从一个 List 中取元素，一旦遇到不符合条件的某元素就停止。

```
ghci> takeWhile (>3) [6,5,4,3,2,1,2,3,4,5,4,3,2,1]
[6,5,4]
ghci> takeWhile (/=' ') "This is a sentence"
"This"
```

如果要求所有三次方小于 1000 的数的和，用 **filter** 来过滤 **map (^3) [1..]** 所得结果中所有小于 1000 的数是不行的。因为对无限 List 执行的 **filter** 永远都不会停止。你已经知道了这个 List 是单增的，但 Haskell 不知道。所以应该这样：

```
ghci> sum $ takeWhile (<10000) $ map (^3) [1..]
53361
```

用 **(^3)** 处理一个无限 List，而一旦出现了大于 10000 的元素这个 List 就被切断了，**sum** 到一起也就轻而易举。

dropWhile 与此相似，不过它是扔掉符合条件的元素。一旦限制条件返回 `False`，它就返回 `List` 的余下部分。方便实用！

```
ghci> dropWhile (/=' ') "This is a sentence"
" is a sentence"
ghci> dropWhile (<3) [1,2,2,2,3,4,5,4,3,2,1]
[3,4,5,4,3,2,1]
```

给一 `Tuple` 组成的 `List`，这 `Tuple` 的首相表示股票价格，第二三四项分别表示年，月，日。我们想知道它是在哪天首次突破 \$1000 的！

```
ghci> let stock = [(994.4,2008,9,1),(995.2,2008,9,2),(999.2,2008,9,3),(1001.4,2008,9,4)]
ghci> head (dropWhile \(val,y,m,d) -> val < 1000) stock
(1001.4,2008,9,4)
```

span 与 **takeWhile** 有点像，只是它返回两个 `List`。第一个 `List` 与同参数调用 **takeWhile** 所得的结果相同，第二个 `List` 就是原 `List` 中余下的部分。

```
ghci> let (fw, rest) = span (/=' ') "This is a sentence" in "First word:" ++ fw ++ " " ++ rest
"First word: This, the rest: is a sentence"
```

span 是在条件首次为 `False` 时断开 `List`，而 **break** 则是在条件首次为 `True` 时断开 `List`。**break p** 与 **span (not . p)** 是等价的。

```
ghci> break (==4) [1,2,3,4,5,6,7]
([1,2,3],[4,5,6,7])
ghci> span (/=4) [1,2,3,4,5,6,7]
([1,2,3],[4,5,6,7])
```

break 返回的第二个 `List` 就会以第一个符合条件的元素开头。

sort 可以排序一个 `List`，因为只有能够作比较的元素才可以被排序，所以这一 `List` 的元素必须是 `Ord` 类型类的实例类型。

```
ghci> sort [8,5,3,2,1,6,4,2]
[1,2,2,3,4,5,6,8]
ghci> sort "This will be sorted soon"
" Tbdeehiillnoorssstw"
```

group 取一个 `List` 作参数，并将其中相邻并相等的元素各自归类，组成一个个子 `List`。

```
ghci> group [1,1,1,1,2,2,2,2,3,3,2,2,2,5,6,7]
[[1,1,1,1],[2,2,2,2],[3,3],[2,2,2],[5],[6],[7]]
```

若在 `group` 一个 `List` 之前给它排序就可以得到每个元素在该 `List` 中的出现次数。

```
ghci> map (\l@(x:xs) -> (x,length l)) . group . sort $ [1,1,1,1,2,2,2,2,3,3,2,2,2,5,6,7]
[(1,4),(2,7),(3,2),(5,1),(6,1),(7,1)]
```

`inits` 和 `tails` 与 `init` 和 `tail` 相似，只是它们会递归地调用自身直到什么都不剩，看：

```
ghci> inits "w00t"
["","w","w0","w00","w00t"]
ghci> tails "w00t"
["w00t","00t","0t","t",""]
ghci> let w = "w00t" in zip (inits w) (tails w)
[("","w00t"),("w","00t"),("w0","0t"),("w00","t"),("w00t","")]
```

我们用 `fold` 实现一个搜索子 `List` 的函数：

```
search :: (Eq a) => [a] -> [a] -> Bool
search needle haystack =
  let nlen = length needle
  in foldl (\acc x -> if take nlen x == needle then True else acc) False (tails haystack)
```

首先，对搜索的 `List` 调用 `tails`，然后遍历每个 `List` 来检查它是不是我们想要的。

```
ghci> "cat" `isInfixOf` "im a cat burglar"
True
ghci> "Cat" `isInfixOf` "im a cat burglar"
False
ghci> "cats" `isInfixOf` "im a cat burglar"
False
```

由此我们便实现了一个类似 `isIndexOf` 的函数，`isInfixOf` 从一个 `List` 中搜索一个子 `List`，若该 `List` 包含子 `List`，则返回 `True`。

`isPrefixOf` 与 `isSuffixOf` 分别检查一个 `List` 是否以某子 `List` 开头或者结尾。

```
ghci> "hey" `isPrefixOf` "hey there!"
True
ghci> "hey" `isPrefixOf` "oh hey there!"
False
ghci> "there!" `isSuffixOf` "oh hey there!"
True
ghci> "there!" `isSuffixOf` "oh hey there"
False
```

elem 与 **notElem** 检查一个 List 是否包含某元素。

partition 取一个限制条件和 List 作参数，返回两个 List，第一个 List 中包含所有符合条件的元素，而第二个 List 中包含余下的。

```
ghci> partition (`elem` ['A'..'Z']) "BOBSidneyMORGANeddy"
("BOBMORGAN","sidneyeddy")
ghci> partition (>3) [1,3,5,6,3,2,1,0,3,7]
([5,6,7],[1,3,3,2,1,0,3])
```

了解 **span** 和 **break** 的差异是很重要的。

```
ghci> span (`elem` ['A'..'Z']) "BOBSidneyMORGANeddy"
("BOB","sidneyMORGANeddy")
```

span 和 **break** 会在遇到第一个符合或不符合条件的元素处断开，而 **partition** 则会遍历整个 List。

find 取一个 List 和限制条件作参数，并返回首个符合该条件的元素，而这个元素是个 **Maybe** 值。在下章，我们将深入地探讨相关的算法和数据结构，但在这里你只需了解 **Maybe** 值是 **Just something** 或 **Nothing** 就够了。与一个 List 可以为空也可以包含多个元素相似，一个 **Maybe** 可以为空，也可以是单一元素。同样与 List 类似，一个 Int 型的 List 可以写作 **[Int]**，**Maybe** 有个 Int 型可以写作 **Maybe Int**。先试一下 **find** 函数再说。

```
ghci> find (>4) [1,2,3,4,5,6]
Just 5
ghci> find (>9) [1,2,3,4,5,6]
Nothing
ghci> :t find
```

```
find :: (a -> Bool) -> [a] -> Maybe a
```

注意一下 `find` 的类型，它的返回结果为 `Maybe a`，这与 `[a]` 的写法有点像，只是 `Maybe` 型的值只能为空或者单一元素，而 `List` 可以为空，一个元素，也可以是多个元素。

想想前面那段找股票的源代码，`head (dropWhile (\(val,y,m,d) -> val < 1000) stock)`。但 `head` 并不安全！如果我们的股票没涨过 \$1000 会怎样？`dropWhile` 会返回一个空 `List`，而对空 `List` 取 `head` 就会引发一个错误。把它改成 `find (\(val,y,m,d) -> val > 1000) stock` 就安全多啦，若存在合适的结果就得到它，像 `Just (1001.4,2008,9,4)`，若不存在合适的元素（即我们的股票没有涨到过 \$1000），就会得到一个 `Nothing`。

`elemIndex` 与 `elem` 相似，只是它返回的不是布林值，它只是‘可能’（`Maybe`）返回我们找的元素索引，若这一元素不存在，就返回 `Nothing`。

```
ghci> :t elemIndex
elemIndex :: (Eq a) => a -> [a] -> Maybe Int
ghci> 4 `elemIndex` [1,2,3,4,5,6]
Just 3
ghci> 10 `elemIndex` [1,2,3,4,5,6]
Nothing
```

`elemIndices` 与 `elemIndex` 相似，只不过它返回的是 `List`，就不需要 `Maybe` 了。因为不存在用空 `List` 就可以表示，这就与 `Nothing` 相似了。

```
ghci> ' ' `elemIndices` "Where are the spaces?"
[5,9,13]
```

`findIndex` 与 `find` 相似，但它返回的是可能存在的首个符合该条件元素的索引。`findIndices` 会返回所有符合条件的索引。

```
ghci> findIndex (==4) [5,3,2,1,6,4]
Just 5
ghci> findIndex (==7) [5,3,2,1,6,4]
Nothing
ghci> findIndices (`elem` ['A'..'Z']) "Where Are The Caps?"
```

```
[0,6,10,14]
```

在前面, 我们讲过了 `zip` 和 `zipWidth`, 它们只能将两个 `List` 组到一个二元组数或二参函数中, 但若组三个 `List` 该怎么办? 好说 ~ 有 `zip3`, `zip4`,,, 和 `zipWith3`, `zipWidth4`...直到 7. 这看起来像是个 `hack`, 但工作良好. 连着组 8 个 `List` 的情况很少遇到. 还有个聪明办法可以组起无限多个 `List`, 但限于我们目前的水平, 就先不谈了.

```
ghci> zipWith3 (\x y z -> x + y + z) [1,2,3] [4,5,2,2] [2,2,3]
[7,9,8]
ghci> zip4 [2,3,3] [2,2,2] [5,5,3] [2,2,2]
[(2,2,5,2),(3,2,5,2),(3,2,3,2)]
```

与普通的 `zip` 操作相似, 以返回的 `List` 中长度最短的那个为准.

在处理来自文件或其它地方的输入时, `lines` 会非常有用. 它取一个字符串作参数. 并返回由其中的每一行组成的 `List`.

```
ghci> lines "first line\nsecond line\nthird line"
["first line","second line","third line"]
```

'`\n`' 表示 unix 下的换行符, 在 Haskell 的字符中, 反斜杠表示特殊字符.

`unlines` 是 `lines` 的反函数, 它取一组字符串的 `List`, 并将其通过 '`\n`' 合并到一块.

```
ghci> unlines ["first line", "second line", "third line"]
"first line\nsecond line\nthird line\n"
```

`words` 和 `unwords` 可以把一个字符串分为一组单词或执行相反的操作, 很有用.

```
ghci> words "hey these are the words in this sentence"
["hey","these","are","the","words","in","this","sentence"]
ghci> words "hey these are the words in this\nsentence"
["hey","these","are","the","words","in","this","sentence"]
ghci> unwords ["hey","there","mate"]
```

```
"hey there mate"
```

我们前面讲到了 **nub**，它可以将一个 List 中的重复元素全部筛掉，使该 List 的每个元素都如雪花般独一无二，‘nub’ 的含义就是‘一小块’或‘一部分’，用在这里觉得很古怪。我觉得，在函数的命名上应该用更确切的词语，而避免使用老掉牙的过时词汇。

```
ghci> nub [1,2,3,4,3,2,1,2,3,4,3,2,1]
[1,2,3,4]
ghci> nub "Lots of words and stuff"
"Lots fwrданu"
```

delete 取一个元素和 List 作参数，会删掉该 List 中首次出现的这一元素。

```
ghci> delete 'h' "hey there ghang!"
"ey there ghang!"
ghci> delete 'h' . delete 'h' $ "hey there ghang!"
"ey tere ghang!"
ghci> delete 'h' . delete 'h' . delete 'h' $ "hey there ghang!"
"ey tere gang!"
```

**** 表示 List 的差集操作，这与集合的差集很相似，它会除掉左边 List 中所有存在于右边 List 中的元素。

```
ghci> [1..10] \ [2,5,9]
[1,3,4,6,7,8,10]
ghci> "Im a big baby" \ "big"
"Im a baby"
```

union 与集合的并集也是很相似，它返回两个 List 的并集，即遍历第二个 List 若存在某元素不属于第一个 List，则追加到第一个 List。看，第二个 List 中的重复元素就都没了！

```
ghci> "hey man" `union` "man what's up"
"hey manwt'sup"
ghci> [1..7] `union` [5..10]
[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]
```

intersection 相当于集合的交集。它返回两个 List 的相同部分。


```
ghci> [1..7] `intersect` [5..10]
[5,6,7]
```

insert 可以将一个元素插入一个可排序的 List，并将其置于首个大于它的元素之前，如果使用 **insert** 来给一个排过序的 List 插入元素，返回的结果依然是排序的。

```
ghci> insert 4 [1,2,3,5,6,7]
[1,2,3,4,5,6,7]
ghci> insert 'g' $ ['a'..'f'] ++ ['h'..'z']
"abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
ghci> insert 3 [1,2,4,3,2,1]
[1,2,3,4,3,2,1]
```

length, **take**, **drop**, **splitAt** 和 **replace** 之类的函数有个共同点。那就是它们的参数中都有个 **Int** 值，我觉得使用 **Integral** 或 **Num** 类型类会更好，但出于历史原因，修改这些会破坏掉许多既有的源代码。在 **Data.List** 中包含了更通用的替代版，如: **genericLength**, **genericTake**, **genericDrop**, **genericSplitAt**, **genericIndex** 和 **genericReplicate**。 **length** 的类型声明为 **length :: [a] -> Int**，而我们若要像这样求它的平均值，**let xs = [1..6] in sum xs / length xs**，就会得到一个类型错误，因为 **/** 运算符不能对 **Int** 型使用！而 **genericLength** 的类型声明则为 **genericLength :: (Num a) => [b] -> a**，**Num** 既可以是整数又可以是浮点数，**let xs = [1..6] in sum xs / genericLength xs** 这样再求平均数就不会有问题了。

nub, **delete**, **union**, **intsect** 和 **group** 函数也有各自的通用替代版 **nubBy**, **deleteBy**, **unionBy**, **intersectBy** 和 **groupBy**，它们的区别就是前一组函数使用 **(==)** 来测试是否相等，而带 **By** 的那组则取一个函数作参数来判定相等性，**group** 就与 **groupBy (==)** 等价。

假如有个记录某函数在每秒的值的 List，而我们要按照它小于零或者大于零的交界处将其分为一组子 List。如果用 **group**，它只能将相邻并相等的元素组到一起，而在这里我们的标准是它是否为负数。**groupBy** 登场！它取一个含两个参数的函数作为参数来判定相等性。

```
ghci> let values = [-4.3, -2.4, -1.2, 0.4, 2.3, 5.9, 10.5, 29.1, 5.3, -2.4, -14.5, 2.9, 2.3]
ghci> groupBy (\x y -> (x > 0) == (y > 0)) values
[[-4.3,-2.4,-1.2],[0.4,2.3,5.9,10.5,29.1,5.3],[-2.4,-14.5],[2.9,2.3]]
```

这样一来我们就可以很清楚地看出哪部分是正数，哪部分是负数，这个判断相等性的函数会在两个元素同时大于零或同时小于零时返回 `True`。也可以写作 `\x y -> (x > 0) && (y > 0) || (x <= 0) && (y <= 0)`。但我觉得第一个写法的可读性更高。`Data.Function` 中还有个 `on` 函数可以让它的表达更清晰，其定义如下：

```
on :: (b -> b -> c) -> (a -> b) -> a -> a -> c
f `on` g = \x y -> f (g x) (g y)
```

执行 `(==)on(> 0)` 得到的函数就与 `\x y -> (x > 0) == (y > 0)` 基本等价。`on` 与带 `By` 的函数在一起会非常好用，你可以这样写：

```
ghci> groupBy ((==) `on` (> 0)) values
[[-4.3,-2.4,-1.2],[0.4,2.3,5.9,10.5,29.1,5.3],[-2.4,-14.5],[2.9,2.3]]
```

可读性很高！你可以大声念出来：按照元素是否大于零，给它分类！

同样，`sort`，`insert`，`maximum` 和 `min` 都有各自的通用版本。如 `groupBy` 类似，`sortBy`，`insertBy`，`maximumBy` 和 `minimumBy` 都取一个函数来比较两个元素的大小。像 `sortBy` 的类型声明为：`sortBy :: (a -> a -> Ordering) -> [a] -> [a]`。前面提过，`Ordering` 类型可以有三个值，`LT`，`EQ` 和 `GT`。`compare` 取两个 `Ord` 类型类的元素作参数，所以 `sort` 与 `sortBy compare` 等价。

`List` 是可以比较大小的，且比较的依据就是其中元素的大小。如果按照其子 `List` 的长度为标准当如何？很好，你可能已经猜到了，`sortBy` 函数。

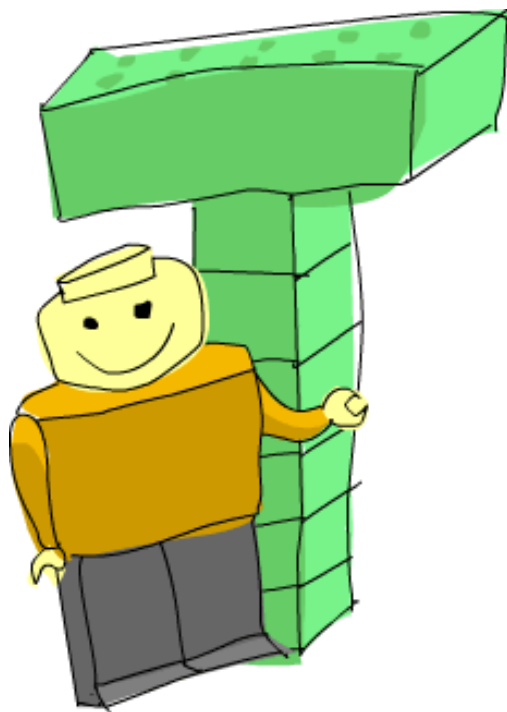
```
ghci> let xs = [[5,4,5,4,4],[1,2,3],[3,5,4,3],[],[2],[2,2]]
ghci> sortBy (compare `on` length) xs
[[],[2],[2,2],[1,2,3],[3,5,4,3],[5,4,5,4,4]]
```

太绝了！`compareonlength`，乖乖，这简直就是英文！如果你搞不清楚 `on` 在这里的原理，就可以认为它与 `\x y -> length xcomparelength y` 等价。通常，与带 `By` 的函数打交道时，若要判断相等性，则 `(==)onsomething`。若要判定大小，则 `compareonsomething`。

§7.3 Data.Char

如其名，`Data.Char` 模组包含了一组用于处理字符的函数。由于字符串的本质就是一组字符的 `List`，所以往往会在 `filter` 或是 `map` 字符串时用到它。

`Data.Char` 模组中含有一系列用于判定字符范围的函数，如下：



`isControl` 判断一个字符是否是控制字符。 `isSpace` 判断一个字符是否是空格字符，包括空格，`tab`，换行符等。 `isLower` 判断一个字符是否为小写。 `isUpper` 判断一个字符是否为大写。 `isAlpha` 判断一个字符是否为字母。 `isAlphaNum` 判断一个字符是否为字母或数字。 `isPrint` 判断一个字符是否是可打印的。 `isDigit` 判断一个字符是否为数字。 `isOctDigit` 判断一个字符是否为八进制数字。 `isHexDigit` 判断一个字符是否为十六进制数字。 `isLetter` 判断一个字符是否为字母。 `isMark` 判断是否为 `unicode` 注音字符，你如果是法国人就会经常用到的。 `isNumber` 判断一个字符是否为数字。 `isPunctuation` 判断一个字符是否为标点符号。 `isSymbol` 判断一个字

符是否为货币符号. **isSeperator** 判断一个字符是否为 unicode 空格或分隔符. **isAscii** 判断一个字符是否在 unicode 字母表的前 128 位. **isLatin1** 判断一个字符是否在 unicode 字母表的前 256 位. **isAsciiUpper** 判断一个字符是否为大写的 ascii 字符. **isAsciiLower** 判断一个字符是否为小写的 ascii 字符.

以上所有判断函数的类型声明皆为 `Char -> Bool`, 用到它们的绝大多数情况都无非就是过滤字符串或类似操作. 假设我们在写个程序, 它需要一个由字符和数字组成的用户名. 要实现对用户名的检验, 我们可以结合使用 `Data.List` 模组的 `all` 函数与 `Data.Char` 的判断函数.

```
ghci> all isAlphaNum "bobby283"
True
ghci> all isAlphaNum "eddy the fish!"
False
```

Kewl~ 免得你忘记, `all` 函数取一个判断函数和一个 `List` 做参数, 若该 `List` 的所有元素都符合条件, 就返回 `True`.

也可以使用 `isSpace` 来实现 `Data.List` 的 `words` 函数.

```
ghci> words "hey guys its me"
["hey","guys","its","me"]
ghci> groupBy ((==) `on` isSpace) "hey guys its me"
["hey"," ","guys"," ","its"," ","me"]
ghci>
```

Hmm, 不错, 有点 `words` 的样子了. 只是还有空格在里面, 恩, 该怎么办? 我知道, 用 `filter` 滤掉它们!

啊哈.

`Data.Char` 中也含有与 `Ordering` 相似的类型. `Ordering` 可以有两个值, `LT`, `GT` 和 `EQ`. 这就是个枚举, 它表示了两个元素作比较可能的结果. `GeneralCategory` 类型也是个枚举, 它表示了一个字符可能所在的分类. 而得到一个字符所在分类的主要方法就是使用 `generalCategory` 函数. 它的类型为: `generalCategory :: Char -> GeneralCategory`. 那 31 个分类就不在此一一列出了, 试下这个函数先:

```
ghci> generalCategory ' '  
Space  
ghci> generalCategory 'A'  
UppercaseLetter  
ghci> generalCategory 'a'  
LowercaseLetter  
ghci> generalCategory '.'  
OtherPunctuation  
ghci> generalCategory '9'  
DecimalNumber  
ghci> map generalCategory " \t\nA9?|"  
[Space,Control,Control,UppercaseLetter,DecimalNumber,OtherPunctuation,MathSymbol]
```

由于 `GeneralCategory` 类型是 `Eq` 类型类的一部分，使用类似 `generalCategory c == Space` 的源代码也是可以的。

`toUpper` 将一个字符转为大写字母，若该字符不是小写字母，就按原值返回。 `toLower` 将一个字符转为小写字母，若该字符不是大写字母，就按原值返回。 `toTitle` 将一个字符转为 title-case，对大多数字符而言，title-case 就是大写。 `digitToInt` 将一个字符转为 `Int` 值，而这一字符必须得在 `'1'..'9'`、`'a'..'f'` 或 `'A'..'F'` 的范围之内。

```
ghci> map digitToInt "34538"  
[3,4,5,3,8]  
ghci> map digitToInt "FF85AB"  
[15,15,8,5,10,11]
```

`intToDigit` 是 `digitToInt` 的反函数。它取一个 0 到 15 的 `Int` 值作参数，并返回一个小写的字符。

```
ghci> intToDigit 15  
'f'  
ghci> intToDigit 5  
'5'
```

`ord` 与 `char` 函数可以将字符与其对应的数字相互转换。

```
ghci> ord 'a'
97
ghci> chr 97
'a'
ghci> map ord "abcdefgh"
[97,98,99,100,101,102,103,104]
```

两个字符的 `ord` 值之差就是它们在 `unicode` 字符表上的距离。

Caesar cipher 是加密的基础算法，它将消息中的每个字符都按照特定的字母表进行替换。它的实现非常简单，我们这里就先不管字母表了。

```
encode :: Int -> String -> String
encode shift msg =
  let ords = map ord msg
      shifted = map (+ shift) ords
  in map chr shifted
```

先将一个字符串转为的一组数字，然后给它加上某数，再转回去。如果你是标准的组合牛仔，大可将函数写为: `map (chr . (+ shift) . ord) msg`。试一下它的效果：

```
ghci> encode 3 "Heeeeey"
"Khhhhh|"
ghci> encode 4 "Heeeeey"
"Liinii}"
ghci> encode 1 "abcd"
"bcde"
ghci> encode 5 "Marry Christmas! Ho ho ho!"
"Rfww~%Hmwnxyrfx&%Mt%mt%mt%"
```

不错。再简单地将它转成一组数字，减去某数后再转回来就是解密了。

```
decode :: Int -> String -> String
decode shift msg = encode (negate shift) msg
```

```
ghci> encode 3 "Im a little teapot"
"Lp#d#olwwoh#whdsrw"
ghci> decode 3 "Lp#d#olwwoh#whdsrw"
"Im a little teapot"
ghci> decode 5 . encode 5 $ "This is a sentence"
"This is a sentence"
```

§7.4 Data.Map

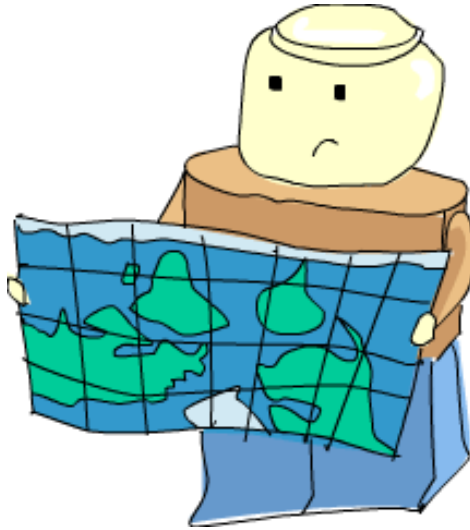
关联列表 (也叫做字典) 是按照键值对排列而没有特定顺序的一种 `List`。例如, 我们用关联列表保存电话号码, 号码就是值, 人名就是键。我们并不关心它们的存储顺序, 只要能按人名得到正确的号码就好。在 Haskell 中表示关联列表的最简单方法就是弄一个二元组的 `List`, 而这二元组就首项为键, 后项为值。如下便是个表示电话号码的关联列表:

```
phoneBook = [("betty", "555-2938") ,
              ("bonnie", "452-2928") ,
              ("patsy", "493-2928") ,
              ("lucille", "205-2928") ,
              ("wendy", "939-8282") ,
              ("penny", "853-2492")]
```

不理这貌似古怪的缩进, 它就是一组二元组的 `List` 而已。话说对关联列表最常见的操作就是按键索值, 我们就写个函数来实现它。

```
findKey :: (Eq k) => k -> [(k,v)] -> v
findKey key xs = snd . head . filter \(k,v) -> key == k $ xs
```

简洁漂亮。这个函数取一个键和 `List` 做参数, 过滤这一 `List` 仅保留键匹配的项, 并返回首个键值对。但若该关联列表中不存在这个键那会怎样? 哼, 那就会在试图从空 `List` 中取 `head` 时引发一个运行时错误。无论如何也不能让程序就这么轻易地崩溃吧, 所以就应该用 `Maybe` 类型。如果没找到相应的键, 就返回 `Nothing`。而找到了就返回 `Just something`。而这 `something` 就是键对应的值。



```
findKey :: (Eq k) => k -> [(k,v)] -> Maybe v
findKey key [] = Nothing
findKey key ((k,v):xs) =
    if key == k then
        Just v
    else
        findKey key xs
```

看这类型声明，它取一个可判断相等性的键和一个关联列表做参数，可能 (Maybe) 得到一个值。听起来不错。这便是个标准的处理 List 的递归函数，边界条件，分割 List，递归调用，都有了 – 经典的 fold 模式。看看用 fold 怎样实现吧。

```
findKey :: (Eq k) => k -> [(k,v)] -> Maybe v
findKey key = foldr (\(k,v) acc -> if key == k then Just v else acc) Nothing
```

***Note*:** 通常，使用 `fold` 来替代类似的递归函数会更好些。用 `fold` 的源代码让人一目了然，而看明白递归则得多花点脑子。

```
ghci> findKey "penny" phoneBook
Just "853-2492"
ghci> findKey "betty" phoneBook
Just "555-2938"
```



```
ghci> findKey "wilma" phoneBook
Nothing
```

如魔咒般灵验! 只要有这姑娘的号码就 `Just` 可以得到, 否则就是 `Nothing`. 方才我们实现的函数便是 `Data.List` 模组的 `lookup`, 如果要按键去寻找相应的值, 它就必须得遍历整个 `List`, 直到找到为止。而 `Data.Map` 模组提供了更高效的方式 (通过树实现), 并提供了一组好用的函数。从现在开始, 我们扔掉关联列表, 改用 `map`. 由于 `Data.Map` 中的一些函数与 `Prelude` 和 `Data.List` 模组存在命名冲突, 所以我们使用 `qualified import`. `import qualified Data.Map as Map` 在源代码中加上这句, 并 `load` 到 `ghci` 中. 继续前进, 看看 `Data.Map` 是如何的一座宝库! 如下便是其中函数的一瞥:

`fromList` 取一个关联列表, 返回一个与之等价的 `Map`。

```
ghci> Map.fromList [("betty", "555-2938"), ("bonnie", "452-2928"), ("lucille", "205-2928"), ("betty", "555-2938"), ("bonnie", "452-2928"), ("lucille", "205-2928")]
ghci> Map.fromList [(1,2), (3,4), (3,2), (5,5)]
fromList [(1,2), (3,2), (5,5)]
```

若其中存在重复的键, 就将其忽略。如下即 `fromList` 的类型声明。

```
Map.fromList :: (Ord k) => [(k, v)] -> Map.Map k v
```

这表示它取一组键值对的 `List`, 并返回一个将 `k` 映射为 `v` 的 `map`。注意一下, 当使用普通的关联列表时, 只需要键的可判断相等性就行了。而在这里, 它还必须得是可排序的。这在 `Data.Map` 模组中是强制的。因为它会按照某顺序将其组织在一棵树中. 在处理键值对时, 只要键的类型属于 `Ord` 类型类, 就应该尽量使用 `Data.Map.empty` 返回一个空 `map`。

“`haskell ghci> Map.empty fromList [] }`”

`insert` 取一个键, 一个值和一个 `map` 做参数, 给这个 `map` 插入新的键值对, 并返回一个新的 `map`。

```
ghci> Map.empty
fromList []
ghci> Map.insert 3 100
Map.empty fromList [(3,100)]
```

```
ghci> Map.insert 5 600 (Map.insert 4 200 ( Map.insert 3 100 Map.empty))
fromList [(3,100),(4,200),(5,600)]
ghci> Map.insert 5 600 . Map.insert 4 200 . Map.insert 3 100 $ Map.empty
fromList [(3,100),(4,200),(5,600)]
```

通过 `empty`, `insert` 与 `fold`, 我们可以编写出自己的 `fromList`。

```
fromList' :: (Ord k) => [(k,v)] -> Map.Map k v
fromList' = foldr (\(k,v) acc -> Map.insert k v acc) Map.empty
```

简洁明了的 `fold!` 从一个空的 `map` 开始, 然后从右折叠, 随着遍历不断地往 `map` 中插入新的键值对。

`null` 检查一个 `map` 是否为空。

```
ghci> Map.null Map.empty
True
ghci> Map.null $ Map.fromList [(2,3),(5,5)]
False
```

`size` 返回一个 `map` 的大小。

```
ghci> Map.size Map.empty
0
ghci> Map.size $ Map.fromList [(2,4),(3,3),(4,2),(5,4),(6,4)]
5
```

`singleton` 取一个键值对做参数, 并返回一个只含有一个映射的 `map`。

```
ghci> Map.singleton 3 9
fromList [(3,9)]
ghci> Map.insert 5 9 $ Map.singleton 3 9
fromList [(3,9),(5,9)]
```

`lookup` 与 `Data.List` 的 `lookup` 很像, 只是它的作用对象是 `map`, 如果它找到键对应的值。就返回 `Just something`, 否则返回 `Nothing`。

`member` 是个判断函数, 它取一个键与 `map` 做参数, 并返回该键是否存在于该 `map`。

```
ghci> Map.member 3 $ Map.fromList [(3,6),(4,3),(6,9)]
True
ghci> Map.member 3 $ Map.fromList [(2,5),(4,5)]
False
```

map 与 **filter** 与其对应的 **List** 版本很相似:

```
ghci> Map.map (*100) $ Map.fromList [(1,1),(2,4),(3,9)]
fromList [(1,100),(2,400),(3,900)]
ghci> Map.filter isUpper $ Map.fromList [(1,'a'),(2,'A'),(3,'b'),(4,'B')]
fromList [(2,'A'),(4,'B')]
```

toList 是 **fromList** 的反函数。

```
ghci> Map.toList .Map.insert 9 2 $ Map.singleton 4 3
[(4,3),(9,2)]
```

keys 与 **elems** 各自返回一组由键或值组成的 **List**, **keys** 与 **map fst . Map.toList** 等价, **elems** 与 **map snd . Map.toList** 等价. **fromListWith** 是个很酷的小函数, 它与 **fromList** 很像, 只是它不会直接忽略掉重复键, 而是交给一个函数来处理它们。假设一个姑娘可以有多个号码, 而我们有个像这样的关联列表:

```
phoneBook = [("betty","555-2938") ,("betty","342-2492") ,("bonnie","452-2928")
```

如果用 **fromList** 来生成 **map**, 我们会丢掉许多号码! 如下才是正确的做法:

```
phoneBookToMap :: (Ord k) => [(k, String)] -> Map.Map k String phoneBookToMap x
"827-9162, 943-2929, 493-2928"
ghci> Map.lookup "wendy" $ phoneBookToMap phoneBook
"939-8282"
ghci> Map.lookup "betty" $ phoneBookToMap phoneBook
"342-2492, 555-2938"
```

一旦出现重复键, 这个函数会将不同的值组在一起, 同样, 也可以缺省地将每个值放到一个单元素的 **List** 中, 再用 **++** 将他们都连接在一起。

```
phoneBookToMap :: (Ord k) => [(k, a)] -> Map.Map k [a]
phoneBookToMap xs = Map.fromListWith (++) $ map (\(k,v) -> (k,[v])) xs
ghci> Map.lookup "patsy" $ phoneBookToMap phoneBook
["827-9162", "943-2929", "493-2928"]
```

很简洁! 它还有别的玩法, 例如在遇到重复元素时, 单选最大的那个值.

```
ghci> Map.fromListWith max [(2,3),(2,5),(2,100),(3,29),(3,22),(3,11),(4,22),(4,15),
fromList [(2,100),(3,29),(4,22)]
```

或是将相同键的值都加在一起.

```
ghci> Map.fromListWith (+) [(2,3),(2,5),(2,100),(3,29),(3,22),(3,11),(4,22),(4,15),
fromList [(2,108),(3,62),(4,37)]
```

`insertWith` 之于 `insert`, 恰如 `fromListWith` 之于 `fromList`. 它会将一个键值对插入一个 `map` 之中, 而该 `map` 若已经包含这个键, 就问问这个函数该怎么办.

```
ghci> Map.insertWith (+) 3 100 $ Map.fromList [(3,4),(5,103),(6,339)]
fromList [(3,104),(5,103),(6,339)]
```

`Data.Map` 里面还有不少函数, 这个文档中的列表就很全了.

§7.5 Data.Set

`Data.Set` 模组提供了对数学中集合的处理. 集合既像 `List` 也像 `Map`: 它里面的每个元素都是唯一的, 且内部的数据由一棵树来组织 (这和 `Data.Map` 模组的 `map` 很像), 必须得是可排序的. 同样是插入, 删除, 判断从属关系之类的操作, 使用集合要比 `List` 快得多. 对一个集合而言, 最常见的操作莫过于并集, 判断从属或是将集合转为 `List`.

由于 `Data.Set` 模组与 `Prelude` 模组和 `Data.List` 模组中存在大量的命名冲突, 所以我们使用 `qualified import`

将 `import` 语句至于源代码之中:



```
import qualified Data.Set as Set
```

然后在 ghci 中装载

假定我们有两个字符串，要找出同时存在于两个字符串的字符

```
text1 = "I just had an anime dream. Anime.. Reality.. Are they so different?"
text2 = "The old man left his garbage can out and now his trash is all over my
```

fromList 函数同你想的一样，它取一个 List 作参数并将其转为一个集合

```
ghci> let set1 = Set.fromList text1
ghci> let set2 = Set.fromList text2
ghci> set1
fromList " .?AIRadefhijlmnorstuy"
ghci> set2
fromList " !Tabcdefghilmnorstuvwxy"
```

如你所见，所有的元素都被排了序。而且每个元素都是唯一的。现在我们取它的交集看看它们共同包含的元素：

```
ghci> Set.intersection set1 set2
fromList " adefhilmnorstuy"
```

使用 `difference` 函数可以得到存在于第一个集合但不在第二个集合的元素

```
ghci> Set.difference set1 set2
fromList ".?AIRj"
ghci> Set.difference set2 set1
fromList "!Tbcgvw"
```

也可以使用 `union` 得到两个集合的并集

```
ghci> Set.union set1 set2
fromList " !.?AIRTabcdefghijklmnorstuvwy"
```

`null`, `size`, `member`, `empty`, `singleton`, `insert`, `delete` 这几个函数就跟你想的差不多啦

```
ghci> Set.null Set.empty
True
ghci> Set.null $ Set.fromList [3,4,5,5,4,3]
False
ghci> Set.size $ Set.fromList [3,4,5,3,4,5]
3
ghci> Set.singleton 9
fromList [9]
ghci> Set.insert 4 $ Set.fromList [9,3,8,1]
fromList [1,3,4,8,9]
ghci> Set.insert 8 $ Set.fromList [5..10]
fromList [5,6,7,8,9,10]
ghci> Set.delete 4 $ Set.fromList [3,4,5,4,3,4,5]
fromList [3,5]
```

也可以判断子集与真子集, 如果集合 A 中的元素都属于集合 B, 那么 A 就是 B 的子集, 如果 A 中的元素都属于 B 且 B 的元素比 A 多, 那 A 就是 B 的真子集

```
ghci> Set.fromList [2,3,4] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
True
ghci> Set.fromList [1,2,3,4,5] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
True
ghci> Set.fromList [1,2,3,4,5] `Set.isProperSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
False
ghci> Set.fromList [2,3,4,8] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
False
```

对集合也可以执行 `map` 和 `filter`:

```
ghci> Set.fromList [2,3,4] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
True
ghci> Set.fromList [1,2,3,4,5] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
True
ghci> Set.fromList [1,2,3,4,5] `Set.isProperSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
False
ghci> Set.fromList [2,3,4,8] `Set.isSubsetOf` Set.fromList [1,2,3,4,5]
False
```

集合有一常见用途，那就是先 `fromList` 删掉重复元素后再 `toList` 转回去。尽管 `Data.List` 模组的 `nub` 函数完全可以完成这一工作，但在对付大 `List` 时则会明显的力不从心。使用集合则会快很多，`nub` 函数只需 `List` 中的元素属于 `Eq` 类型类就行了，而若要使用集合，它必须得属于 `Ord` 类型类

```
ghci> Set.filter odd $ Set.fromList [3,4,5,6,7,2,3,4]
fromList [3,5,7]
ghci> Set.map (+1) $ Set.fromList [3,4,5,6,7,2,3,4]
fromList [3,4,5,6,7,8]
```

在处理较大的 `List` 时，`setNub` 要比 `nub` 快，但也可以从中看出，`nub` 保留了 `List` 中元素的原有顺序，而 `setNub` 不。

§7.6 建立自己的模组

我们已经见识过了几个很酷的模组，但怎样才能构造自己的模组呢？几乎所有的编程语言都允许你将源代码分成多个文件，Haskell 也不异常。在

编程时，将功能相近的函数和类型至于同一模组中会是个很好的习惯。这样一来，你就可以轻松地一个 `import` 来重用其中的函数。

接下来我们将构造一个由计算机几何图形体积和面积组成的模组，先从新建一个 `Geometry.hs` 的文件开始。

在模组的开头定义模组的名称，如果文件名叫做 `Geometry.hs` 那它的名字就得是 `Geometry`。在声明出它含有的函数名之后就可以编写函数的实现啦，就这样写：

```
module Geometry
( sphereVolume
, sphereArea
, cubeVolume
, cubeArea
, cuboidArea
, cuboidVolume
) where
```

如你所见，我们提供了对球体, 立方体和立方体的面积和体积的解法。继续进发，定义函数体：

```
module Geometry
( sphereVolume
, sphereArea
, cubeVolume
, cubeArea
, cuboidArea
, cuboidVolume
) where

sphereVolume :: Float -> Float
sphereVolume radius = (4.0 / 3.0) * pi * (radius ^ 3)

sphereArea :: Float -> Float
sphereArea radius = 4 * pi * (radius ^ 2)

cubeVolume :: Float -> Float
cubeVolume side = cuboidVolume side side side
```

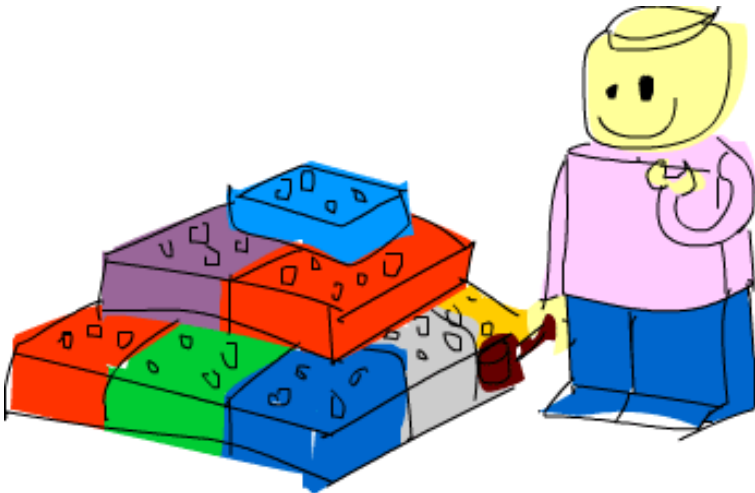


```
cubeArea :: Float -> Float
cubeArea side = cuboidArea side side side

cuboidVolume :: Float -> Float -> Float -> Float
cuboidVolume a b c = rectangleArea a b * c

cuboidArea :: Float -> Float -> Float -> Float
cuboidArea a b c = rectangleArea a b * 2 + rectangleArea a c * 2 + rectangleArea b c * 2

rectangleArea :: Float -> Float -> Float
rectangleArea a b = a * b
```



标准的几何公式。有几个地方需要注意一下，由于立方体只是长方体的特殊形式，所以在求它面积和体积的时候我们就将它当作是边长相等的长方体。在这里还定义了一个 **helper** 函数，**rectangleArea** 它可以通过长方体的两条边计算出长方体的面积。它仅仅是简单的相乘而已，份量不大。但请注意我们可以在这一模组中调用这个函数，而它不会被导出！因为我们这个模组只与三维图形打交道。

当构造一个模组的时候，我们通常只会导出那些行为相近的函数，而其内部的实现则是隐蔽的。如果有人用到了 **Geometry** 模组，就不需要关心它

的内部实现是如何。我们作为编写者，完全可以随意修改这些函数甚至将其删掉，没有人会注意到里面的变动，因为我们并不把它们导出。

要使用我们的模组，只需：

```
import Geometry
```

将 `Geometry.hs` 文件至于用到它的程序文件的同一目录之下。

模组也可以按照分层的结构来组织，每个模组都可以含有多个子模组。而子模组还可以有自己的子模组。我们可以把 `Geometry` 分成三个子模组，而一个模组对应各自的图形对象。

首先，建立一个 `Geometry` 文件夹，注意首字母要大写，在里面新建三个文件

如下就是各个文件的内容：

`sphere.hs`

```
module Geometry.Sphere
( volume
, area
) where

volume :: Float -> Float
volume radius = (4.0 / 3.0) * pi * (radius ^ 3)

area :: Float -> Float
area radius = 4 * pi * (radius ^ 2)
```

`cuboid.hs`

```
module Geometry.Cuboid
( volume
, area
) where

volume :: Float -> Float -> Float -> Float
volume a b c = rectangleArea a b * c

area :: Float -> Float -> Float -> Float
```

```
area a b c = rectangleArea a b * 2 + rectangleArea a c * 2 + rectangleArea c b

rectangleArea :: Float -> Float -> Float
rectangleArea a b = a * b
```

cube.hs

```
module Geometry.Cube
( volume
, area
) where

import qualified Geometry.Cuboid as Cuboid

volume :: Float -> Float
volume side = Cuboid.volume side side side

area :: Float -> Float
area side = Cuboid.area side side side
```

好的! 先是 `Geometry.Sphere`。注意, 我们将它置于 `Geometry` 文件夹之中并将它的名字定为 `Geometry.Sphere`。对 `Cuboid` 也是同样, 也注意下, 在三个模组中我们定义了许多名称相同的函数, 因为所在模组不同, 所以不会产生命名冲突。若要在 `Geometry.Cube` 使用 `Geometry.Cuboid` 中的函数, 就不能直接 `import Geometry.Cuboid`, 而必须得 `qualified import`。因为它们中间的函数名完全相同。

```
import Geometry.Sphere
```

然后, 调用 `area` 和 `volume`, 就可以得到球体的面积和体积, 而若要用到两个或更多此类模组, 就必须得 `qualified import` 来避免重名。所以就写得这样写:

```
import qualified Geometry.Sphere as Sphere
import qualified Geometry.Cuboid as Cuboid
import qualified Geometry.Cube as Cube
```

然后就可以调用 `Sphere.area`, `Sphere.volume`, `Cuboid.area` 了, 而每个函数都只计算其对应物体的面积和体积。

以后你若发现自己的源代码体积庞大且函数众多，就应该试着找找目的相近的函数能否装入各自的模组，也方便日后的重用.

第八章 构造我们自己的 Types 和 Typeclasses

§8.1 Algebraic Data Types 入门

在前面的章节中，我们谈了一些 Haskell 内建的类型和 Typeclass。而在本章中，我们将学习构造类型和 Typeclass 的方法。

我们已经见识过许多类型，如 `Bool`、`Int`、`Char`、`Maybe` 等等，不过在 Haskell 中该如何构造自己的类型呢？好问题，一种方法是使用 `data` 关键字。首先我们来看看 `Bool` 在标准函数库中的定义：

```
data Bool = False | True
```

`data` 表示我们要定义一个新的类型。`=` 的左端标明类型的名称即 `Bool`，`=` 的右端就是值构造子 (*Value Constructor*)，它们明确了该类型可能的值。`|` 读作“或”，所以可以这样阅读该声明：`Bool` 类型的值可以是 `True` 或 `False`。类型名和值构造子的首字母必大写。

相似，我们可以假想 `Int` 类型的声明：

```
data Int = -2147483648 | -2147483647 | ... | -1 | 0 | 1 | 2 | ... | 2147483647
```



头尾两个值构造子分别表示了 `Int` 类型的最小值和最大值，注意到真正的类型声明不是长这个样子的，这样写只是为了便于理解。我们用省略号表示中间省略的一大段数字。

我们想想 Haskell 中图形的表示方法。表示圆可以用一个 `Tuple`，如 `(43.1,55.0,10.4)`，前两项表示圆心的位置，末项表示半径。听着不错，不过三维向量或其它什么东西也可能是这种形式！更好的方法就是自己构造一个表示图形的类型。假定图形可以是圆 (`Circle`) 或长方形 (`Rectangle`):

```
data Shape = Circle Float Float Float | Rectangle Float Float Float Float
```

这是啥，想想？`Circle` 的值构造子有三个项，都是 `Float`。可见我们在定义值构造子时，可以在后面跟几个类型表示它包含值的类型。在这里，前两项表示圆心的坐标，尾项表示半径。`Rectangle` 的值构造子取四个 `Float` 项，前两项表示其左上角的坐标，后两项表示右下角的坐标。

谈到「项」(field)，其实应为「参数」(parameters)。值构造子的本质是个函数，可以返回一个类型的值。我们看下这两个值构造子的类型声明：

```
ghci> :t Circle
Circle :: Float -> Float -> Float -> Shape
ghci> :t Rectangle
Rectangle :: Float -> Float -> Float -> Float -> Shape
```

Cool，这么说值构造子就跟普通函数并无二致啰，谁想得到？我们写个函数计算图形面积：

```
surface :: Shape -> Float
surface (Circle _ _ r) = pi * r ^ 2
surface (Rectangle x1 y1 x2 y2) = (abs $ x2 - x1) * (abs $ y2 - y1)
```

值得一提的是，它的类型声明表示了该函数取一个 `Shape` 值并返回一个 `Float` 值。写 `Circle -> Float` 是不可以的，因为 `Circle` 并非类型，真正的类型应该是 `Shape`。这与不能写 `True->False` 的道理是一样的。再就是，我们使用的模式匹配针对的都是值构造子。之前我们匹配过 `[]`、`False` 或 `5`，它们都是不包含参数的值构造子。

我们只关心圆的半径，因此不需理会表示坐标的前两项：

```
ghci> surface $ Circle 10 20 10
314.15927
ghci> surface $ Rectangle 0 0 100 100
10000.0
```

Yay, it works! 不过我们若尝试输出 `Circle 10 20` 到控制台，就会得到一个错误。这是因为 Haskell 还不知道该类型的字符串表示方法。想想，当我们往控制台输出值的时候，Haskell 会先调用 `show` 函数得到这个值的字符串表示才会输出。因此要让我们的 `Shape` 类型成为 `Show` 类型类的成员。可以这样修改：

```
data Shape = Circle Float Float Float | Rectangle Float Float Float Float deriving
```

先不去深究 *deriving* (派生)，可以先这样理解：若在 `data` 声明的后面加上 `deriving (Show)`，那 Haskell 就会自动将该类型至于 `Show` 类型类之中。好了，由于值构造子是个函数，因此我们可以拿它交给 `map`，拿它不全调用，以及普通函数能做的一切。

```
ghci> Circle 10 20 5
Circle 10.0 20.0 5.0
ghci> Rectangle 50 230 60 90
Rectangle 50.0 230.0 60.0 90.0
```

我们若要取一组不同半径的同心圆，可以这样：

```
ghci> map (Circle 10 20) [4,5,6,6]
[Circle 10.0 20.0 4.0,Circle 10.0 20.0 5.0,Circle 10.0 20.0 6.0,Circle 10.0 20.0 6.0]
```

我们的类型还可以更好。增加一个表示二维空间中点的类型，可以让我们的 `Shape` 更加容易理解：

```
data Point = Point Float Float deriving (Show)
data Shape = Circle Point Float | Rectangle Point Point deriving (Show)
```

注意下 `Point` 的定义，它的类型与值构造子用了相同的名字。没啥特殊含义，实际上，在一个类型含有唯一值构造子时这种重名是很常见的。好的，如今我们的 `Circle` 含有两个项，一个是 `Point` 类型，一个是 `Float` 类型，好作区分。`Rectangle` 也是同样，我们得修改 `surface` 函数以适应类型定义的变动。

```
surface :: Shape -> Float
surface (Circle _ r) = pi * r ^ 2
surface (Rectangle (Point x1 y1) (Point x2 y2)) = (abs $ x2 - x1) * (abs $ y2 - y1)
```

唯一需要修改的地方就是模式。在 `Circle` 的模式中，我们无视了整个 `Point`。而在 `Rectangle` 的模式中，我们用了一个嵌套的模式来取得 `Point` 中的项。若出于某原因而需要整个 `Point`，那么直接匹配就是了。

```
ghci> surface (Rectangle (Point 0 0) (Point 100 100))
10000.0
ghci> surface (Circle (Point 0 0) 24)
1809.5574
```

表示移动一个图形的函数该怎么写？它应当取一个 `Shape` 和表示位移的两个数，返回一个位于新位置的图形。

```
nudge :: Shape -> Float -> Float -> Shape
nudge (Circle (Point x y) r) a b = Circle (Point (x+a) (y+b)) r
nudge (Rectangle (Point x1 y1) (Point x2 y2)) a b = Rectangle (Point (x1+a) (y1+b))
```

简洁明了。我们再给这一 `Shape` 的点加上位移的量。

```
ghci> nudge (Circle (Point 34 34) 10) 5 10
Circle (Point 39.0 44.0) 10.0
```

如果不想直接处理 `Point`，我们可以搞个辅助函数 (auxilliary function)，初始从原点创建图形，再移动它们。

```
baseCircle :: Float -> Shape
baseCircle r = Circle (Point 0 0) r

baseRect :: Float -> Float -> Shape
baseRect width height = Rectangle (Point 0 0) (Point width height)
```

```
ghci> nudge (baseRect 40 100) 60 23
Rectangle (Point 60.0 23.0) (Point 100.0 123.0)
```

毫无疑问，你可以把你的数据类型导出到模組中。只要把你的类型与要导出的函数写到一起就是了。再在后面跟个括号，列出要导出的值构造子，用逗号隔开。如要导出所有的值构造子，那就写个`..`。

若要将这里定义的所有函数和类型都导出到一个模組中，可以这样：


```
module Shapes
( Point(..)
, Shape(..)
, surface
, nudge
, baseCircle
, baseRect
) where
```

一个 `Shape (..)`，我们就导出了 `Shape` 的所有值构造子。这一来无论谁导入我们的模组，都可以用 `Rectangle` 和 `Circle` 值构造子来构造 `Shape` 了。这与写 `Shape(Rectangle,Circle)` 等价。

我们可以选择不导出任何 `Shape` 的值构造子，这一来使用我们模组的人就只能用辅助函数 `baseCircle` 和 `baseRect` 来得到 `Shape` 了。`Data.Map` 就是这一套，没有 `Map.Map [(1,2),(3,4)]`，因为它没有导出任何一个值构造子。但你可以用，像 `Map.fromList` 这样的辅助函数得到 `map`。应该记住，值构造子只是函数而已，如果不导出它们，就拒绝了使用我们模组的人调用它们。但可以使用其他返回该类型的函数，来取得这一类型的值。

不导出数据类型的值构造子隐藏了他们的内部实现，令类型的抽象度更高。同时，我们模组的使用者也就无法使用该值构造子进行模式匹配了。

§8.2 Record Syntax

OK，我们需要一个数据类型来描述一个人，得包含他的姓、名、年龄、身高、体重、电话号码以及最爱的冰激淋。我不知你的想法，不过我觉得要了解一个人，这些数据就够了。就这样，实现出来！

```
data Person = Person String String Int Float String String deriving (Show)
```

O~Kay，第一项是名，第二项是姓，第三项是年龄，等等。我们造一个人：

```
ghci> let guy = Person "Buddy" "Finklestein" 43 184.2 "526-2928" "Chocolate"
ghci> guy
Person "Buddy" "Finklestein" 43 184.2 "526-2928" "Chocolate"
```

貌似很酷，就是难读了点儿。弄个函数得人的某项数据又该如何？如姓的函数，名的函数，等等。好吧，我们只能这样：

```
firstName :: Person -> String
firstName (Person firstname _ _ _ _) = firstname

lastName :: Person -> String
lastName (Person _ lastname _ _ _ _) = lastname

age :: Person -> Int
age (Person _ _ age _ _ _) = age

height :: Person -> Float
height (Person _ _ _ height _ _) = height

phoneNumber :: Person -> String
phoneNumber (Person _ _ _ _ number _) = number

flavor :: Person -> String
flavor (Person _ _ _ _ _ flavor) = flavor
```

唔，我可不愿写这样的源代码！虽然 it works，但也太无聊了哇。

```
ghci> let guy = Person "Buddy" "Finklestein" 43 184.2 "526-2928" "Chocolate"
ghci> firstName guy
"Buddy"
ghci> height guy
184.2
ghci> flavor guy
"Chocolate"
```

你可能会说，一定有更好的方法！呃，抱歉，没有。

开个玩笑，其实有的，哈哈～ Haskell 的发明者都是天才，早就料到了此类情形。他们引入了一个特殊的类型，也就是刚才提到的更好的方法 – *Record Syntax*。

```
data Person = Person { firstName :: String
                      , lastName :: String
                      , age :: Int
                      , height :: Float
                      , phoneNumber :: String
                      , flavor :: String
                      } deriving (Show)
```

与原先让那些项一个挨一个的空格隔开不同，这里用了花括号 {}。先写出项的名字，如 `firstName`，后跟两个冒号（也叫 Raamayim Nekudotayim，哈哈_(译者不知道什么意思 囧)），标明其类型，返回的数据类型仍与以前相同。这样的好处就是，可以用函数从中直接按项取值。通过 Record Syntax，Haskell 就自动生成了这些函数：`firstName`，`lastName`，`age`，`height`，`phoneNumber` 和 `flavor`。

```
ghci> :t flavor
flavor :: Person -> String
ghci> :t firstName
firstName :: Person -> String
```

还有个好处，就是若派生 (deriving) 到 `Show` 类型类，它的显示是不同的。假如我们有个类型表示一辆车，要包含生产商、型号以及出场年份：

```
data Car = Car String String Int deriving (Show)
```

```
ghci> Car "Ford" "Mustang" 1967
Car "Ford" "Mustang" 1967
```

若用 Record Syntax，就可以得到像这样的新车：

```
data Car = Car {company :: String, model :: String, year :: Int} deriving (Show)
```

```
ghci> Car {company="Ford", model="Mustang", year=1967}
Car {company = "Ford", model = "Mustang", year = 1967}
```

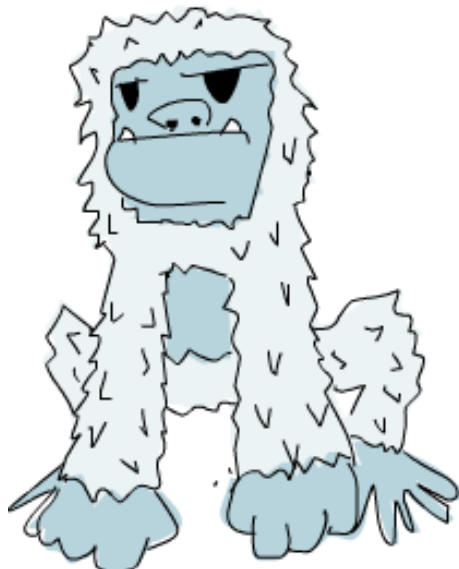
这一来在造车时我们就不必关心各项的顺序了。

表示三维向量之类简单数据，`Vector = Vector Int Int Int` 就足够明白了。但一个值构造子中若含有很多个项且不易区分，如一个人或者一辆车啥的，就应该使用 Record Syntax。

§8.3 Type parameters

值构造子可以取几个参数产生一个新值，如 `Car` 的构造子是取三个参数返回一个 `Car`。与之相似，类型构造子可以取类型作参数，产生新的类型。这乍一听貌似有点深奥，不过实际上并不复杂。如果你对 C++ 的模板有了解，就会看到很多相似的地方。我们看一个熟悉的类型，好对类型参数有个大致印象：

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```



这里的 `a` 就是个类型参数。也正因为有了它，`Maybe` 就成为了一个类型构造子。在它的值不是 `Nothing` 时，它的类型构造子可以搞出 `Maybe Int`，`Maybe String` 等等诸多类型。但只一个 `Maybe` 是不行的，因为它不是类型，而是类型构造子。要成为真正的类型，必须得把它需要的类型参数全部填满。

所以，如果拿 `Char` 作参数交给 `Maybe`，就可以得到一个 `Maybe Char` 的类型。如，`Just 'a'` 的类型就是 `Maybe Char`。

你可能并未察觉，在遇见 `Maybe` 之前我们早就接触到类型参数了。它便是 `List` 类型。这里面有点语法糖，`List` 类型实际上就是取一个参数来生成一个特定类型，这类型可以是 `[Int]`，`[Char]` 也可以是 `[String]`，但不会跟在 `[]` 的后面。

把玩一下 Maybe!

```
ghci> Just "Haha"
Just "Haha"
ghci> Just 84
Just 84
ghci> :t Just "Haha"
Just "Haha" :: Maybe [Char]
ghci> :t Just 84
Just 84 :: (Num t) => Maybe t
ghci> :t Nothing
Nothing :: Maybe a
ghci> Just 10 :: Maybe Double
Just 10.0
```

类型参数很实用。有了它，我们就可以按照我们的需要构造出不同的类型。若执行 `:t Just "Haha"`，类型推导引擎就会认出它是个 `Maybe [Char]`，由于 `Just a` 里的 `a` 是个字符串，那么 `Maybe a` 里的 `a` 一定也是个字符串。



注意下，`Nothing` 的类型为 `Maybe a`。它是多态的，若有函数取 `Maybe Int` 类型的参数，就一概可以传给它一个 `Nothing`，因为 `Nothing` 中不包含

任何值。`Maybe a` 类型可以有 `Maybe Int` 的行为，正如 `5` 可以是 `Int` 也可以是 `Double`。与之相似，空 `List` 的类型是 `[a]`，可以与一切 `List` 打交道。因此，我们可以 `[1,2,3]++[]`，也可以 `["ha","ha","ha"]++[]`。

类型参数有很多好处，但前提是用对了地方才行。一般都是不关心类型里面的内容，如 `Maybe a`。一个类型的行为若有点像是容器，那么使用类型参数会是个不错的选择。我们完全可以把我们的 `Car` 类型从

```
data Car = Car { company :: String
                , model  :: String
                , year   :: Int
                } deriving (Show)
```

改成：

```
data Car a b c = Car { company :: a
                      , model  :: b
                      , year   :: c
                      } deriving (Show)
```

但是，这样我们又得到了什么好处？回答很可能是，一无所得。因为我们只定义了处理 `Car String String Int` 类型的函数，像以前，我们还可以弄个简单函数来描述车的属性。

```
tellCar :: Car -> String
tellCar (Car {company = c, model = m, year = y}) = "This " ++ c ++ " " ++ m ++ " w
```

```
ghci> let stang = Car {company="Ford", model="Mustang", year=1967}
ghci> tellCar stang "This Ford Mustang was made in 1967"
```

可爱的小函数！它的类型声明得很漂亮，而且工作良好。好，如果改成 `Car a b c` 又会怎样？

```
tellCar :: (Show a) => Car String String a -> String
tellCar (Car {company = c, model = m, year = y}) = "This " ++ c ++ " " ++ m ++ " w
```

我们只能强制性地给这个函数安一个 `(Show a) => Car String String a` 的类型约束。看得出来，这要繁复得多。而唯一的好处貌似就是，我们可以使用 `Show` 类型类的 `instance` 来作 `a` 的类型。

```
ghci> tellCar (Car "Ford" "Mustang" 1967)
"This Ford Mustang was made in 1967"
ghci> tellCar (Car "Ford" "Mustang" "nineteen sixty seven")
"This Ford Mustang was made in \"nineteen sixty seven\""
ghci> :t Car "Ford" "Mustang" 1967
Car "Ford" "Mustang" 1967 :: (Num t) => Car [Char] [Char] t
ghci> :t Car "Ford" "Mustang" "nineteen sixty seven"
Car "Ford" "Mustang" "nineteen sixty seven" :: Car [Char] [Char] [Char]
```

其实在现实生活中，使用 `Car String String Int` 在大多数情况下已经满够了。所以给 `Car` 类型加类型参数貌似并没有什么必要。通常我们都是都在一个类型中包含的类型并不影响它的行为时才引入类型参数。一组什么东西组成的 `List` 就是一个 `List`，它不关心里面东西的类型是啥，然而总是工作良好。若取一组数字的和，我们可以在后面的函数体中明确是一组数字的 `List`。Maybe 与之相似，它表示可以有什么东西可以没有，而不必关心这东西是啥。

我们之前还遇见过一个类型参数的应用，就是 `Data.Map` 中的 `Map k v`。 `k` 表示 `Map` 中键的类型，`v` 表示值的类型。这是个好例子，`Map` 中类型参数的使用允许我们能够用一个类型索引另一个类型，只要键的类型在 `Ord` 类型类就行。如果叫我们自己定义一个 `Map` 类型，可以在 `data` 声明中加上一个类型类的约束。

```
data (Ord k) => Map k v = ...
```

然而 Haskell 中有一个严格的约定，那就是永远不要在 `data` 声明中添加类型约束。为啥？嗯，因为这样没好处，反而得写更多不必要的类型约束。`Map k v` 要是有了 `Ord k` 的约束，那就相当于假定每个 `Map` 的相关函数都认为 `k` 是可排序的。若不给数据类型加约束，我们就不必给那些不关心键是否可排序的函数另加约束了。这类函数的一个例子就是 `toList`，它只是把一个 `Map` 转换为关联 `List` 罢了，类型声明为 `toList :: Map k v -> [(k, v)]`。要是加上类型约束，就只能是 `toList :: (Ord k) => Map k a -> [(k, v)]`，明显没必要嘛。

所以说，永远不要在 `data` 声明中加类型约束 — 即便看起来没问题。免得在函数声明中写出过多无谓的类型约束。

我们实现个表示三维向量的类型，再给它加几个处理函数。么那就给它个类型参数，虽然大多数情况都是数值型，不过这一来它就支持了多种数值类型。

```
data Vector a = Vector a a a deriving (Show)
vplus :: (Num t) => Vector t -> Vector t -> Vector t
(Vector i j k) `vplus` (Vector l m n) = Vector (i+l) (j+m) (k+n)
vectMult :: (Num t) => Vector t -> t -> Vector t
(Vector i j k) `vectMult` m = Vector (i*m) (j*m) (k*m)
scalarMult :: (Num t) => Vector t -> Vector t -> t
(Vector i j k) `scalarMult` (Vector l m n) = i*l + j*m + k*n
```

`vplus` 用来相加两个向量，即将其所有对应的项相加。`scalarMult` 用来求两个向量的标量积，`vectMult` 求一个向量和一个标量的积。这些函数可以处理 `Vector Int`, `Vector Integer`, `Vector Float` 等等类型，只要 `Vector a` 里的这个 `a` 在 `Num` 类型类中就行。同样，如果你看下这些函数的类型声明就会发现，它们只能处理相同类型的向量，其中包含的数字类型必须与另一个向量一致。注意，我们并没有在 `data` 声明中添加 `Num` 的类约束。反正无论怎么着都是给函数加约束。

再度重申，类型构造子和值构造子的区分是相当重要的。在声明数据类型时，等号 `=` 左端的那个是类型构造子，右端的 (中间可能有 `|` 分隔) 都是值构造子。拿 `Vector t t t -> Vector t t t -> t` 作函数的类型就会产生一个错误，因为在类型声明中只能写类型，而 `Vector` 的类型构造子只有个参数，它的值构造子才是有三个。我们就慢慢耍：

```
ghci> Vector 3 5 8 `vplus` Vector 9 2 8
Vector 12 7 16
ghci> Vector 3 5 8 `vplus` Vector 9 2 8 `vplus` Vector 0 2 3
Vector 12 9 19
ghci> Vector 3 9 7 `vectMult` 10
Vector 30 90 70
ghci> Vector 4 9 5 `scalarMult` Vector 9.0 2.0 4.0
74.0
ghci> Vector 2 9 3 `vectMult` (Vector 4 9 5 `scalarMult` Vector 9 2 4)
Vector 148 666 222
```




§8.4 Derived instances

在 [types-and-type-classes.html#Typeclasses 入门 Typeclass 101] 那一节里面，我们了解了 Typeclass 的基础内容。里面提到，类型类就是定义了某些行为的界面。例如，Int 类型是 Eq 类型类的一个 instance，Eq 类就定义了判定相等性的行为。Int 值可以判断相等性，所以 Int 就是 Eq 类型类的成员。它的真正威力体现在作为 Eq 界面的函数中，即 == 和 /=。只要一个类型是 Eq 类型类的成员，我们就可以使用 == 函数来处理这一类型。这便是为何 4==4 和 "foo"/!="bar" 这样的表达式都需要作类型检查。

我们也曾提到，人们很容易把类型类与 Java, Python, C++ 等语言的一类混淆。很多人对此都倍感不解，在原先那些语言中，类就像是蓝图，我们可以根据它来创造对象、保存状态并执行操作。而类型类更像是界面，我们不是靠它构造数据，而是给既有的数据类型描述行为。什么东西若可以判定相等性，我们就可以让它成为 Eq 类型类的 instance。什么东西若可以比较大小，那就可以让它成为 Ord 类型类的 instance。

在下一节，我们将看一下如何手工实现类型类中定义函数来构造 instance。现在呢，我们先了解下 Haskell 是如何自动生成这几个类型类的 instance, Eq, Ord, Enum, Bounded, Show, Read。只要我们在构造类型时在后面加个 deriving(派生) 关键字，Haskell 就可以自动地给我们的类型加上这些行为。

看这个数据类型：

```
data Person = Person { firstName :: String
                      , lastName :: String
                      , age :: Int
                      }
```

这描述了一个人。我们先假定世界上没有重名重姓又同龄的人存在，好，假如有两个 record，有没有可能是描述同一个人呢？当然可能，我么可以判定姓名年龄的相等性，来判断它俩是否相等。这一来，让这个类型成为 Eq 的成员就很靠谱了。直接 derive 这个 instance：

```
data Person = Person { firstName :: String
                      , lastName :: String
                      , age :: Int
                      } deriving (Eq)
```

在一个类型 `derive` 为 `Eq` 的 `instance` 后，就可以直接使用 `==` 或 `/=` 来判断它们的相等性了。Haskell 会先看下这两个值的值构造子是否一致 (这里只是单值构造子)，再用 `==` 来检查其中的所有数据 (必须都是 `Eq` 的成员) 是否一致。在这里只有 `String` 和 `Int`，所以是没有问题的。测试下我们的 `Eq` instance:

```
ghci> let miked = Person {firstName = "Michael", lastName = "Diamond", age = 43}
ghci> let adRock = Person {firstName = "Adam", lastName = "Horovitz", age = 41}
ghci> let mca = Person {firstName = "Adam", lastName = "Yauch", age = 44}
ghci> mca == adRock
False
ghci> miked == adRock
False
ghci> miked == miked
True
ghci> miked == Person {firstName = "Michael", lastName = "Diamond", age = 43}
True
```

自然，`Person` 如今已经成为了 `Eq` 的成员，我们就可以将其应用于所有在类型声明中用到 `Eq` 类约束的函数了，如 `elem`。

```
ghci> let beastieBoys = [mca, adRock, miked]
ghci> miked `elem` beastieBoys
True
```

`Show` 和 `Read` 类型类处理可与字符串相互转换的东西。同 `Eq` 相似，如果一个类型的构造子含有参数，那所有参数的类型必须都得属于 `Show` 或 `Read` 才能让该类型成为其 `instance`。就让我们的 `Person` 也成为 `Read` 和 `Show` 的一员吧。

```
data Person = Person { firstName :: String
                      , lastName :: String
                      , age :: Int
                      } deriving (Eq, Show, Read)
```

然后就可以输出一个 `Person` 到控制台了。

```
ghci> let miked = Person {firstName = "Michael", lastName = "Diamond", age = 43}
ghci> miked
Person {firstName = "Michael", lastName = "Diamond", age = 43}
ghci> "miked is: " ++ show miked
"miked is: Person {firstName = \"Michael\", lastName = \"Diamond\", age = 43}"
```

如果我们还没让 `Person` 类型作为 `Show` 的成员就尝试输出它，Haskell 就会向我们抱怨，说它不知道该怎么把它表示成一个字符串。不过现在既然已经 `derive` 成为了 `Show` 的一个 `instance`，它就知道了。

`Read` 几乎就是与 `Show` 相对的类型类，`show` 是将一个值转换成字符串，而 `read` 则是将一个字符串转成某类型的值。还记得，使用 `read` 函数时我们必须得用类型注释注明想要的类型，否则 Haskell 就不会知道如何转换。

```
ghci> read "Person {firstName =\"Michael\", lastName =\"Diamond\", age = 43}" :: Person
Person {firstName = "Michael", lastName = "Diamond", age = 43}
```

如果我们 `read` 的结果会在后面用到参与计算，Haskell 就可以推导出是一个 `Person` 的行为，不加注释也是可以的。

```
ghci> read "Person {firstName =\"Michael\", lastName =\"Diamond\", age = 43}" == miked
True
```

也可以 `read` 带参数的类型，但必须填满所有的参数。因此 `read "Just 't'" :: Maybe a` 是不可以的，`read "Just 't'" :: Maybe Char` 才对。

很容易想象 `Ord` 类型类 `derive instance` 的行为。首先，判断两个值构造子是否一致，如果是，再判断它们的参数，前提是它们的参数都得是 `Ord` 的 `instance`。`Bool` 类型可以有两种值，`False` 和 `True`。为了解在比较中程序的行为，我们可以这样想象：

```
data Bool = False | True deriving (Ord)
```

由于值构造子 `False` 安排在 `True` 的前面，我们可以认为 `True` 比 `False` 大。

```
ghci> True `compare` False
GT
ghci> True > False
True
ghci> True
False
```

在 `Maybe a` 数据类型中，值构造子 `Nothing` 在 `Just` 值构造子前面，所以 `Nothing` 总要比 `Just something` 的值小。即便这个 `something` 是 `-100000000` 也是如此。

```
ghci> Nothing
True
ghci> Nothing > Just (-49999)
False
ghci> Just 3 `compare` Just 2
GT
ghci> Just 100 > Just 50
True
```

不过类似 `Just (*3)`, `Just(*2)` 之类的源代码是不可行的。因为 `(*3)` 和 `(*2)` 都是函数，而函数不是 `Ord` 类的成员。

作枚举，使用数字类型就能轻易做到。不过使用 `Enum` 和 `Bounded` 类型类会更好，看下这个类型：

```
data Day = Monday | Tuesday | Wednesday | Thursday | Friday | Saturday | Sunday
```

所有的值构造子都是 `nullary` 的 (也就是没有参数)，每个东西都有前置子和后继子，我们可以让它成为 `Enum` 类型类的成员。同样，每个东西都有可能的最小值和最大值，我们也可以让它成为 `Bounded` 类型类的成员。在这里，我们就同时将它搞成其它可 `derive` 类型类的 `instance`。再看看我们能拿它做啥：

```
data Day = Monday | Tuesday | Wednesday | Thursday | Friday | Saturday | Sunday
    deriving (Eq, Ord, Show, Read, Bounded, Enum)
```

由于它是 `Show` 和 `Read` 类型类的成员，我们可以将这个类型的值与字符串相互转换。

```
ghci> Wednesday
Wednesday
ghci> show Wednesday
"Wednesday"
ghci> read "Saturday" :: Day
Saturday
```

由于它是 `Eq` 与 `Ord` 的成员，因此我们可以拿 `Day` 作比较。

```
ghci> Saturday == Sunday
False
ghci> Saturday == Saturday
True
ghci> Saturday > Friday
True
ghci> Monday `compare` Wednesday
LT
```

它也是 `Bounded` 的成员，因此有最早和最晚的一天。

```
ghci> minBound :: Day
Monday
ghci> maxBound :: Day
Sunday
```

它也是 `Enum` 的 instance，可以得到前一天和后一天，并且可以对此使用 `List` 的区间。

```
ghci> succ Monday
Tuesday
ghci> pred Saturday
Friday
ghci> [Thursday .. Sunday]
[Thursday, Friday, Saturday, Sunday]
```

```
ghci> [minBound .. maxBound] :: [Day]
[Monday, Tuesday, Wednesday, Thursday, Friday, Saturday, Sunday]
```

那是相当的棒。

§8.5 Type synonyms

在前面我们提到在写类型名的时候，`[Char]` 和 `String` 等价，可以互换。这就是由类型别名实现的。类型别名实际上什么也没做，只是给类型提供了不同的名字，让我们的源代码更容易理解。这就是 `[Char]` 的别名 `String` 的由来。

```
type String = [Char]
```

我们已经介绍过了 `type` 关键字，这个关键字有一定误导性，它并不是用来创造新类（这是 `data` 关键字做的事情），而是给一个既有类型提供一个别名。

如果我们随便搞个函数 `toUpperString` 或其他什么名字，将一个字符串变成大写，可以用这样的类型声明 `toUpperString :: [Char] -> [Char]`，也可以这样 `toUpperString :: String -> String`，二者在本质上是完全相同的。后者要更易读些。

在前面 `Data.Map` 那部分，我们用了个关联 `List` 来表示 `phoneBook`，之后才改成的 `Map`。我们已经发现了，一个关联 `List` 就是一组键值对组成的 `List`。再看下我们 `phoneBook` 的样子：

```
phoneBook :: [(String,String)]
phoneBook =
    [ ("betty", "555-2938")
    , ("bonnie", "452-2928")
    , ("patsy", "493-2928")
    , ("lucille", "205-2928")
    , ("wendy", "939-8282")
    , ("penny", "853-2492")
    ]
```

可以看出，`phoneBook` 的类型就是 `[(String,String)]`，这表示一个关联 `List` 仅是 `String` 到 `String` 的映射关系。我们就弄个类型别名，好让它类型声明中能够表达更多信息。

```
type PhoneBook = [(String,String)]
```

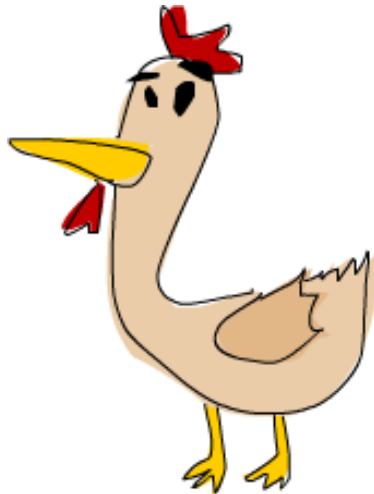
现在我们 `phoneBook` 的类型声明就可以是 `phoneBook :: PhoneBook` 了。再给字符串加上别名：

```
type PhoneNumber = String
type Name = String
type PhoneBook = [(Name,PhoneNumber)]
```

Haskell 程序员给 `String` 加别名是为了让函数中字符串的表达方式及用途更加明确。

好的，我们实现了一个函数，它可以取一名字和号码检查它是否存在于电话本。现在可以给它加一个相当好看明了的类型声明：

```
inPhoneBook :: Name -> PhoneNumber -> PhoneBook -> Bool
inPhoneBook name pnumber pbook = (name,pnumber) `elem` pbook
```



如果不用类型别名，我们函数的类型声明就只能是 `String -> String -> [(String ,String)] -> Bool` 了。在这里使用类型别名是为了让类型声明更加易读，但你也未必拘泥于它。引入类型别名的动机既非单纯表示我们函数中的既有类型，也不是为了替换掉那些重复率高的长名字类型 (如 `[(String,String)]`)，而是为了让类型对事物的描述更加明确。

类型别名也是可以有参数的，如果你想搞个类型来表示关联 List，但依然要它保持通用，好让它可以使用任意类型作 **key** 和 **value**，我们可以这样：

```
type AssocList k v = [(k,v)]
```

好的，现在一个从关联 List 中按键索值的函数类型可以定义为 `(Eq k) => k -> AssocList k v -> Maybe v`。 `AssocList i`。 `AssocList` 是个取两个类型做参数生成一个具体类型的类型构造子，如 `Assoc Int String` 等等。

Fronzie 说: Hey! 当我提到具体类型，那我就是说它是完全调用的，就像 ``Map Int String``。要不就是多态函数中的 ``[a]`` 或 ``(Ord a) => Maybe a`` 之类。有时我和孩子们会说 "Maybe 类型"，但我们的意思并不是按字面来，傻瓜都知道 ``Maybe`` 是类型构造子嘛。只要用一个明确的类型调用 ``Maybe``，如 ``Maybe String`` 可得一个具体类型。你知道，只有具体类型才可以保存值。

我们可以用不全调用来得到新的函数，同样也可以使用不全调用得到新的类型构造子。同函数一样，用不全的类型参数调用类型构造子就可以得到一个不全调用的类型构造子，如果我们要一个表示从整数到某东西间映射关系的类型，我们可以这样：

```
type IntMap v = Map Int v
```

也可以这样：

```
type IntMap = Map Int
```

无论怎样，`IntMap` 的类型构造子都是取一个参数，而它就是这整数指向的类型。

Oh yeah，如果要去实现它，很可能会用个 `qualified import` 来导入 `Data.Map`。这时，类型构造子前面必须得加上模组名。所以应该写个 `type IntMap = Map.Map Int`

你得保证真正弄明白了类型构造子和值构造子的区别。我们有了个叫 `IntMap` 或者 `AssocList` 的别名并不意味着我们可以执行类似 `AssocList [(1,2),(4,5),(7,9)]` 的源代码，而是可以用不同的名字来表示原先的 List，就像 `[(1,2),(4,5),(7,9)] :: AssocList Int Int` 让它里面的类型

都是 `Int`。而像处理普通的 `Tuple` 构成的那种 `List` 处理它也是可以的。类型别名 (类型依然不变), 只可以在 Haskell 的类型部分中使用, 像定义新类型或类型声明或类型注释中跟在`::` 后面的部分。

另一个很酷的二参类型就是 `Either a b` 了, 它大约是这样定义的:

```
data Either a b = Left a | Right b deriving (Eq, Ord, Read, Show)
```

它有两个值构造子。如果用了 `Left`, 那它内容的类型就是 `a`; 用了 `Right`, 那它内容的类型就是 `b`。我们可以用它来将可能是两种类型的值封装起来, 从里面取值时就同时提供 `Left` 和 `Right` 的模式匹配。

```
ghci> Right 20
Right 20
ghci> Left "w00t"
Left "w00t"
ghci> :t Right 'a'
Right 'a' :: Either a Char
ghci> :t Left True
Left True :: Either Bool b
```

到现在为止, `Maybe` 是最常见的表示可能失败的计算的类型了。但有时 `Maybe` 也并不是十分的好用, 因为 `Nothing` 中包含的信息还是太少。要是我们不关心函数失败的原因, 它还是不错的。就像 `Data.Map` 的 `lookup` 只有在搜寻的项不在 `Map` 时才会失败, 对此我们一清二楚。但我们若想知道函数失败的原因, 那还得使用 `Either a b`, 用 `a` 来表示可能的错误的类型, 用 `b` 来表示一个成功运算的类型。从现在开始, 错误一律用 `Left` 值构造子, 而结果一律用 `Right`。

一个例子: 有个学校提供了不少壁橱, 好给学生们地方放他们的 `Gun'N'Rose` 海报。每个壁橱都有个密码, 哪个学生想用个壁橱, 就告诉管理员壁橱的号码, 管理员就会告诉他壁橱的密码。但如果这个壁橱已经让别人用了, 管理员就不能告诉他密码了, 得换一个壁橱。我们就用 `Data.Map` 的一个 `Map` 来表示这些壁橱, 把一个号码映射到一个表示壁橱占用情况及密码的 `Tuple` 里。

```
import qualified Data.Map as Map

data LockerState = Taken | Free deriving (Show, Eq)

type Code = String

type LockerMap = Map.Map Int (LockerState, Code)
```

很简单，我们引入了一个新的类型来表示壁橱的占用情况。并为壁橱密码及按号码找壁橱的 `Map` 分别设置了一个别名。好，现在我们实现这个按号码找壁橱的函数，就用 `Either String Code` 类型表示我们的结果，因为 `lookup` 可能会以两种原因失败。橱子已经让别人用了或者压根就没有这个橱子。如果 `lookup` 失败，就用字符串表明失败的原因。

```
lockerLookup :: Int -> LockerMap -> Either String Code
lockerLookup lockerNumber map =
    case Map.lookup lockerNumber map of
        Nothing -> Left $ "Locker number " ++ show lockerNumber ++ " doesn't ex
        Just (state, code) -> if state /= Taken
                                then Right code
                                else Left $ "Locker " ++ show lockerNumber ++ "
```

我们在这里个 `Map` 中执行一次普通的 `lookup`，如果得到一个 `Nothing`，就返回一个 `Left String` 的值，告诉他压根就没这个号码的橱子。如果找到了，就再检查下，看这橱子是不是已经让别人用了，如果是，就返回个 `Left String` 说它已经让别人用了。否则就返回个 `Right Code` 的值，通过它来告诉学生壁橱的密码。它实际上就是个 `Right String`，我们引入了个类型别名让它这类型声明更好看。

如下是个 `Map` 的例子：

```
lockers :: LockerMap
lockers = Map.fromList
    [(100,(Taken,"ZD39I"))
    ,(101,(Free,"JAH3I"))
    ,(103,(Free,"IQSA9"))
    ,(105,(Free,"QOTSA"))]
```

```
, (109, (Taken, "893JJ"))  
, (110, (Taken, "99292"))  
]
```

现在从里面 lookup 某个橱子号..

```
ghci> lockerLookup 101 lockers  
Right "JAH3I"  
ghci> lockerLookup 100 lockers  
Left "Locker 100 is already taken!"  
ghci> lockerLookup 102 lockers  
Left "Locker number 102 doesn't exist!"  
ghci> lockerLookup 110 lockers  
Left "Locker 110 is already taken!"  
ghci> lockerLookup 105 lockers  
Right "QOTSA"
```

我们完全可以用 `Maybe a` 来表示它的结果，但这样一来我们就对得不到密码的原因不得而知了。而在这里，我们的新类型可以告诉我们失败的原因。

§8.6 Recursive data structures (递归地定义数据结构)

如我们先前看到的，一个 algebraic data type 的构造子可以有好几个 field，其中每个 field 都必须有具体的类型。有了那个概念，我们能定义一个类型，其中他的构造子的 field 的类型是他自己。这样我们可以递归地定义下去，某个类型的值便可能包含同样类型的值，进一步下去他还可以再包含同样类型的值。

考虑一下 `List: [5]`。他其实是 `5:[]` 的语法糖。在 `:` 的左边是一个普通值，而在右边是一串 `List`。只是在这个案例中是空的 `List`。再考虑 `[4,5]`。他可以看作 `4:(5:[])`。看看第一个 `:`，我们看到他也有一个元素在左边，一串 `List 5:[]` 在右边。同样的道理 `3:(4:(5:6:[]))` 也是这样。

我们可以说一个 `List` 的定义是要么是空的 `List` 或是一个元素，后面用 `:` 接了另一串 `List`。

我们用 algebraic data type 来实现我们自己的 `List`！

```
data List a = Empty | Cons a (List a) deriving (Show, Read, Eq, Ord)
```

这读起来好像我们前一段提及的定义。他要码是空的 List，或是一个元素跟一串 List 的结合。如果你被搞混了，看看用 record syntax 定义的可能比较清楚。

```
data List a = Empty | Cons { listHead :: a, listTail :: List a } deriving (Show,
```

你可能也对这边的 Cons 构造子不太清楚。cons 其实就是指 `:`。对 List 而言，`:` 其实是一个构造子，他接受一个值跟另一串 List 来构造一个 List。现在我们可以使用我们新定义的 List 类型。换句话说，他有两个 field，其中一个 field 具有类型 `a`，另一个有类型 `[a]`。

```
ghci> Empty
Empty
ghci> 5 `Cons` Empty
Cons 5 Empty
ghci> 4 `Cons` (5 `Cons` Empty)
Cons 4 (Cons 5 Empty)
ghci> 3 `Cons` (4 `Cons` (5 `Cons` Empty))
Cons 3 (Cons 4 (Cons 5 Empty))
```

我们用中缀的方式调用 Cons 构造子，这样你可以很清楚地看到他就是 `:`。Empty 代表 `[]`，而 `4Cons(5ConsEmpty)` 就是 `4:(5:[])`。

我们可以只用特殊字符来定义函数，这样他们就会自动具有中缀的性质。我们也能同样的手法套用在构造子上，毕竟他们不过是返回类型的函数而已。

```
infixr 5 :-:
data List a = Empty | a :-: (List a) deriving (Show, Read, Eq, Ord)
```

首先我们留意新的语法结构：fixity 声明。当我们定义函数成 operator，我们能同时指定 fixity (但并不是必须的)。fixity 指定了他应该是 left-associative 或是 right-associative，还有他的优先级。例如说，`*` 的 fixity 是 `infixl 7`，而 `+` 的 fixity 是 `infixl 6`。代表他们都是 left-associative。`(4 * 3 * 2)` 等于 `((4 * 3) * 2)`。但 `*` 拥有比 `+` 更高的优先级。所以 `5 * 4 + 3` 会是 `(5 * 4) + 3`。

这样我们就可以写成 `a :-: (List a)` 而不是 `Cons a (List a)`：

```
ghci> 3 :-: 4 :-: 5 :-: Empty
(:-:) 3 ((:-:) 4 ((:-:) 5 Empty))
ghci> let a = 3 :-: 4 :-: 5 :-: Empty
ghci> 100 :-: a
(:-:) 100 ((:-:) 3 ((:-:) 4 ((:-:) 5 Empty)))
```

Haskell 在声明 `deriving Show` 的时候，他会仍视构造子为前缀函数，因此必须要用括号括起来。

我们在来写个函数来把两个 List 连起来。一般 `++` 在操作普通 List 的时候是这样的：

```
infixr 5 ++
(++ :: [a] -> [a] -> [a]
[]      ++ ys = ys
(x:xs) ++ ys = x : (xs ++ ys)
```

我们把他偷过来用在我们的 List 上，把函数命名成 `.++`：

```
infixr 5 .++
(.++) :: List a -> List a -> List a
Empty .++ ys = ys
(x :-: xs) .++ ys = x :-: (xs .++ ys)
```

来看看他如何运行：

```
ghci> let a = 3 :-: 4 :-: 5 :-: Empty
ghci> let b = 6 :-: 7 :-: Empty
ghci> a .++ b
(:-:) 3 ((:-:) 4 ((:-:) 5 ((:-:) 6 ((:-:) 7 Empty))))
```

如果我们想要的话，我们可以定义其他操作我们 list 的函数。

注意到我们是如何利用 `(x :-: xs)` 做模式匹配的。他运行的原理实际上就是利用到构造子。我们可以利用 `:-:` 做模式匹配原因就是他是构造子，同样的 `:` 也是构造子所以可以用他做匹配。`[]` 也是同样道理。由于模式匹配是用构造子来作的，所以我们才能对像 `8`, `'a'` 之类的做模式匹配。他们是数值与字符的构造子。

接下来我们要实现二元搜寻树 (binary search tree)。如果你对二元搜寻树不太清楚，我们来快速地解释一遍。他的结构是每个节点指向两个其他节点，一个在左边一个在右边。在左边节点的元素会比这个节点的元素要小。在右边的话则比较大。每个节点最多可以有两棵子树。而我们知道譬如说一棵包含 5 的节点的左子树，里面所有的元素都会小于 5。而节点的右子树里面的元素都会大于 5。如果我们想找找看 8 是不是在我们的树里面，我们就从 5 那个节点找起，由于 8 比 5 要大，很自然地就会往右搜寻。接着我们走到 7，又由于 8 比 7 要大，所以我们再往右走。我们在三步就找到了我们要的元素。如果这不是棵树而是 List 的话，那就会需要花到七步才能找到 8。

`Data.Set` 跟 `Data.Map` 中的 `set` 和 `Map` 都是用树来实现的，只是他们是用平衡二元搜寻树而不是随意的二元搜寻树。不过这边我们就只先写一棵普通的二元搜寻树就好了。

这边我们来定义一棵树的结构：他不是一棵空的树就是带有值并含有两棵子树。听起来非常符合 algebraic data type 的结构！

```
data Tree a = EmptyTree | Node a (Tree a) (Tree a) deriving (Show, Read, Eq)
```

我们不太想手动来建颗二元搜寻树，所以我们要来写一个函数，他接受一棵树还有一个元素，把这个元素安插到这棵二元搜寻树中。当拿这个元素跟树的节点比较结果比较小的话，我们就往左走，如果比较大，就往右走。重复这个动作直到我们走到一棵空的树。一旦碰到空的树的话，我们就把元素插入节点。

在 C 语言中，我们是用修改指标的方式来达成这件事。但在 Haskell 中，我们没办法修改我们的树。所以我们在决定要往左或往右走的时候就做一棵新的子树，走到最后要安插节点的时候也是做一棵新的树。因此我们插入函数的类型会是 `a -> Tree a -> Tree a`。他接受一个元素跟一棵树，并返回一棵包含了新元素的新的树。这看起来很没效率的样子，但别担心，惰性的特性可以让我们不用担心这个。

来看下列两个函数。第一个做了一个单节点的树，而第二个插入一个元素到一棵树中。

```
singleton :: a -> Tree a
singleton x = Node x EmptyTree EmptyTree

treeInsert :: (Ord a) => a -> Tree a -> Tree a
treeInsert x EmptyTree = singleton x
treeInsert x (Node a left right)
    | x == a = Node x left right
    | x < a  = Node a (treeInsert x left) right
    | x > a  = Node a left (treeInsert x right)
```

`singleton` 函数只是一个做一个含有两棵空子树的节点的函数的别名。在插入的操作中，我们先为终端条件定义了一个模式匹配。如果我们走到了一棵空的子树，这表示我们到达了我们要的地方，我们便建造一棵空的单元素的树来放在那个位置。如果我们还没走到一棵空的树来插入我们的元素。那就必须要做一些检查来往下走。如果我们要安插的元素跟 `root` 所含有的元素相等，那就直接返回这棵树。如果安插的元素比较小，就返回一棵新的树。这棵树的 `root` 跟原来的相同，右子树也相同，只差在我们要安插新的元素到左子树中。如果安插的元素反而比较大，那整个过程就相反。

接下来，我们要写一个函数来检查某个元素是否已经在这棵树中。首先我们定义终端条件。如果我们已经走到一棵空的树，那这个元素一定不在这棵树中。这跟我们搜寻 `List` 的情形是一致的。如果我们要在空的 `List` 中搜寻某一元素，那就代表他不在这个 `List` 里面。假设我们现在搜寻一棵非空的树，而且 `root` 中的元素刚好就是我们想要的，那就找到了。那如果不是呢？我们就要利用在 `root` 节点左边的元素都比 `root` 小的这个性质。如果我们的元素比 `root` 小，那就往左子树中找。如果比较大，那就往右子树中找。

```
treeElem :: (Ord a) => a -> Tree a -> Bool
treeElem x EmptyTree = False
treeElem x (Node a left right)
    | x == a = True
    | x < a  = treeElem x left
    | x > a  = treeElem x right
```

我们要作的就是把之前段落所描述的事转换成源代码。首先我们不想手动一个个来创造一棵树。我们想用 `fold` 来从一个 `List` 创造一棵树。要

知道走遍一个 List 并返回某种值的操作都可以用 `fold` 来实现。我们先从一棵空的树开始，然后从右边走过 List 的每一个元素，一个一个丢到树里面。

```
ghci> let nums = [8,6,4,1,7,3,5]
ghci> let numsTree = foldr treeInsert EmptyTree nums
ghci> numsTree
Node 5 (Node 3 (Node 1 EmptyTree EmptyTree) (Node 4 EmptyTree EmptyTree)) (Node
```

在 `foldr` 中，`treeInsert` 是做 folding 操作的函数，而 `EmptyTree` 是起始的 accumulator，`nums` 则是要被走遍的 List。

当我们想把我们的树印出来的时候，印出来的形式会不太容易读。但如果我们能有序地印出来呢？我们知道 root 是 5，他有两棵子树，其中一个的 root 是 3 另一个则是 7。

```
ghci> 8 `treeElem` numsTree
True
ghci> 100 `treeElem` numsTree
False
ghci> 1 `treeElem` numsTree
True
ghci> 10 `treeElem` numsTree
False
```

检查元素是否属于某棵树的函数现在能正常运行了！

你可以看到 algebraic data structures 是非常有力的概念。我们可以使用这个结构来构造出布林值，周一到周五的概念，甚至还有二元树。

§8.7 Typeclasses 的第二堂课

到目前为止我们学到了一些 Haskell 中的标准 typeclass，也学到了某些已经定义为他们 instance 的类型。我们知道如何让我们自己定义的类型自动被 Haskell 所推导成标准 typeclass 的 instance。在这个章节中，我们会学到如何构造我们自己的 typeclass，并且如何构造这些 typeclass 的 type instance。

来快速复习一下什么是 typeclass: typeclass 就像是 interface。一个 typeclass 定义了一些行为 (像是比较相不相等，比较大小顺序，能否穷

举) 而我们会把希望满足这些性质的类型定义成这些 `typeclass` 的 `instance`。`typeclass` 的行为是由定义的函数来描述。并写出对应的实现。当我们把一个类型定义成某个 `typeclass` 的 `instance`，就表示我们可以对那个类型使用 `typeclass` 中定义的函数。

`Typeclass` 跟 Java 或 Python 中的 `class` 一点关系也没有。这个概念让很多人混淆，所以我希望你先忘掉所有在命令式语言中学到有关 `class` 的所有东西。

例如说，`Eq` 这个 `typeclass` 是描述可以比较相等的事物。他定义了 `==` 跟 `/=` 两个函数。如果我们有一个类型 `Car`，而且对他们做相等比较是有意义的，那把 `Car` 作成是 `Eq` 的一个 `instance` 是非常合理的。

这边来看看在 `Prelude` 之中 `Eq` 是怎么被定义的。

```
class Eq a where
    (==) :: a -> a -> Bool
    (/=) :: a -> a -> Bool
    x == y = not (x /= y)
    x /= y = not (x == y)
```

我们在这边看到了一些奇怪的语法跟关键字。别担心，你一下子就会了解他们的。首先，我们看到 `class Eq a where`，那代表我们定义了一个新的 `typeclass` 叫做 `Eq`。`a` 是一个类型变量，他代表 `a` 是任何我们在定义 `instance` 时的类型。他不一定要叫做 `a`。他也不一定要一个字母不可，只要他是小写就好。然后我们又定义了几个函数。我们并不一定要实现函数的本体，不过必须要写出函数的类型声明。

如果我们写成 `class Eq equatable where` 还有 `(==) :: equatable -> equatable -> Bool` 这样的形式，对一些人可能比较容易理解。

总之我们实现了 `Eq` 中需要定义的函数本体，只是我们定义他的方式是用交互递回的形式。我们描述两个 `Eq` 的 `instance` 药箱等，那他们就不能不一样，而他们如果不一样，那他们就是不相等。我们其实不必这样写，但很快你会看到这其实是有用的。

如果我们说 `class Eq a where` 然后定义 `(==) :: a -> a -> Bool`，那我们之后检查函数的类型时会发现他的类型是 `(Eq a) => a -> a -> Bool`。

当我们有了 `class` 以后，可以用来做些什么呢？说实话，不多。不过一旦我们为它写一些 `instance`，就会有些好功能。来看看下面这个类型：

```
data TrafficLight = Red | Yellow | Green
```

这里定义了红绿灯的状态。请注意这个类型并不是任何 `class` 的 `instance`，虽然可以通过 `derive` 让它成为 `Eq` 或 `Show` 的 `instance`，但我们打算手工打造。下面展示了如何让一个类型成为 `Eq` 的 `instance`：

```
instance Eq TrafficLight where
    Red == Red = True
    Green == Green = True
    Yellow == Yellow = True
    _ == _ = False
```

我们使用了 `instance` 这个关键字。`class` 是用来定义新的 `typeclass`，而 `instance` 是用来说明我们要定义某个 `typeclass` 的 `instance`。当我们要定义 `Eq`，我们会写 `class Eq a where`，其中 `a` 代表任何类型。我们可以从 `instance` 的写法：`instance Eq TrafficLight where` 看出来。我们会把 `a` 换成实际的类型。

由于 `==` 是用 `/=` 来定义的，同样的 `/=` 也是用 `==` 来定义。所以我们只需要在 `instance` 定义中复写其中一个就好了。我们这样叫做定义了一个 `minimal complete definition`。这是说能让类型符合 `class` 行为所最小需要实现的函数数量。而 `Eq` 的 `minimal complete definition` 需要 `==` 或 `/=` 其中一个。而如果 `Eq` 是这样定义的：

```
class Eq a where
    (==) :: a -> a -> Bool
    (/=) :: a -> a -> Bool
```

当我们定义 `instance` 的时候必须要两个函数都实现，因为 Haskell 并不知道这两个函数是怎么关联在一起的。所以 `minimal complete definition` 在这边是 `==` 跟 `/=`。

你可以看到我们是用模式匹配来实现 `==`。由于不相等的情况比较多，所以我们只写出相等的，最后再用一个 `case` 接住说你不在前面相等的 `case` 的话，那就是不相等。

我们再来写 `Show` 的 instance。要满足 `Show` 的 minimal complete definition，我们必须实现 `show` 函数，他接受一个值并把他转成字符串。

```
instance Show TrafficLight where
  show Red = "Red light"
  show Yellow = "Yellow light"
  show Green = "Green light"
```

再一次地，我们用模式匹配来完成我们的任务。我们来看看他是如何运行的。

```
ghci> Red == Red
True
ghci> Red == Yellow
False
ghci> Red `elem` [Red, Yellow, Green]
True
ghci> [Red, Yellow, Green]
[Red light, Yellow light, Green light]
```

如果我们用 `derive` 来自动产生 `Eq` 的话，效果是一样的。不过用 `derive` 来产生 `show` 的话，他会把值构造子转换成字符串。但我们这边要的不太一样，我们希望印出像 "Red light" 这样的字符串，所以我们就必须手动来写出 instance。

你也可以把 typeclass 定义成其他 typeclass 的 subclass。像是 `Num` 的 class 声明就有点冗长，但我们先看个雏型。

```
class (Eq a) => Num a where
  ...
```

正如我们先前提到的，我们可以在很多地方加上 class constraints。这不过就是在 `class Num a where` 中的 `a` 上，加上他必须要是 `Eq` 的 instance 的限制。这基本上就是在说我们在定义一个类型为 `Num` 之前，必须先为他定义 `Eq` 的 instance。在某个类型可以被视作 `Number` 之前，必须先能被比较不相等其实是蛮合理的。这就是 subclass 在做的事：帮 class declaration 加上限制。也就是说当我们定义 typeclass 中的函数本体时，我们可以缺省 `a` 是属于 `Eq`，因此能使用 `==`。

但像是 `Maybe` 或是 `List` 是如何被定义成 `typeclass` 的 `instance` 呢? `Maybe` 的特别之处在于他跟 `TrafficLight` 不一样, 他不是一个具体的类型。他是一个类型构造子, 接受一个类型参数 (像是 `Char` 之类的) 而构造出一个具体的类型 (像是 `Maybe Char`)。让我们再回顾一下 `Eq` 这个 `typeclass`:

```
class Eq a where
    (==) :: a -> a -> Bool
    (/=) :: a -> a -> Bool
    x == y = not (x /= y)
    x /= y = not (x == y)
```

从类型声明来看, 可以看到 `a` 必须是一个具体类型, 因为所有在函数中的类型都必须是具体类型。(你没办法写一个函数, 他的类型是 `a -> Maybe`, 但你可以写一个函数, 他的类型是 `a -> Maybe a`, 或是 `Maybe Int -> Maybe String`) 这就是为什么我们不能写成像这样:

```
instance Eq Maybe where
    ...
```

```
instance Eq (Maybe m) where
    Just x == Just y = x == y
    Nothing == Nothing = True
    _ == _ = False
```

这就好像在说我们要把 `Maybe something` 这种东西全部都做成 `Eq` 的 `instance`。我们的确可以写成 `(Maybe something)`, 但我们通常是只用一个字母, 这样比较像是 Haskell 的风格。`(Maybe m)` 这边则取代了 `a` 在 `class Eq a where` 的位置。尽管 `Maybe` 不是一个具体的类型。`Maybe m` 却是。指定一个类型参数 (在这边是小写的 `m`), 我们说我们想要所有像是 `Maybe m` 的都成为 `Eq` 的 `instance`。

不过这仍然有一个问题。你能看出来吗? 我们用 `==` 来比较 `Maybe` 包含的东西, 但我们并没有任何保证说 `Maybe` 装的东西可以是 `Eq`。这就是为什么我们需要修改我们的 `instance` 定义:

```
instance (Eq m) => Eq (Maybe m) where
    Just x == Just y = x == y
    Nothing == Nothing = True
    _ == _ = False
```

这边我们必须加上限制。在这个 instance 的声明中，我们希望所有 `Maybe m` 形式的类型都属于 `Eq`，但只有当 `m` 也属于 `Eq` 的时候。这也是 Haskell 在 `derive` 的时候做的事。

在大部分情形下，在 `typeclass` 声明中的 `class constraints` 都是要让自己的 `typeclass` 成为另一个 `typeclass` 的 `subclass`。而在 `instance` 声明中的 `class constraint` 则是要表达类型的要求限制。举里来说，我们要求 `Maybe` 的内容物也要属于 `Eq`。

当定义 `instance` 的时候，如果你需要提供具体类型（像是在 `a -> a -> Bool` 中的 `a`），那你必须要加上括号跟类型参数来构造一个具体类型。

要知道你在定义 `instnace` 的时候，类型参数会被取代。`class Eq a` `where` 中的 `a` 会被取代成真实的类型。所以试着想像把类型放进类型声明中。`(==) :: Maybe -> Maybe -> Bool` 并非合法。但 `(==) :: (Eq m) => Maybe m -> Maybe m -> Bool` 则是。这是不论我们要定义什么，通用的类型声明都是 `(==) :: (Eq a) => a -> a -> Bool`

还有一件事要确认。如果你想看看一个 `typeclass` 有定义哪些 `instance`。可以在 `ghci` 中输入 `:info YourTypeClass`。所以输入 `info Num` 会告诉你这个 `typeclass` 定义了哪些函数，还有哪些类型属于这个 `typeclass`。`:info` 也可以查询类型跟类型构造子的信息。如果你输入 `:info Maybe`。他会显示 `Maybe` 所属的所有 `typeclass`。`:info` 也能告诉你函数的类型声明。

§8.8 yes-no typeclass

在 Javascript 或是其他弱类型的程序语言，你能在 `if expression` 中摆上任何东西。举例来说，你可以做像下列的事：`if (0) alert("YEAH!") else alert("NO!")`，`if ("") alert ("YEAH!") else alert("NO!")`，`if (false) alert("YEAH") else alert("NO!")` 等等，而上述所有的片段执行后都会跳出 `NO!`。如果你写 `if ("WHAT") alert ("YEAH") else alert("NO!")`，他会跳出 `YEAH!`，因为 Javascript 认为非空字符串会是 `true`。

尽管使用 `Bool` 来表达布林的语意是比较好的作法。为了有趣起见，我们来试试看模仿 Javascript 的行为。我们先从 `typeclass` 声明开始看：

```
class YesNo a where
    yesno :: a -> Bool
```

`YesNo typeclass` 定义了一个函数。这个函数接受一个可以判断为真否的类型的值。而从我们写 `a` 的位置，可以看出来 `a` 必须是一个具体类型。

接下来我们来定义一些 `instance`。对于数字，我们会假设任何非零的数字都会被当作 `true`，而 0 则当作 `false`。

```
instance YesNo Int where
    yesno 0 = False
    yesno _ = True
```

空的 `List` (包含字符串) 代表 `false`，而非空的 `List` 则代表 `true`。

```
instance YesNo [a] where
    yesno [] = False
    yesno _ = True
```

留意到我们加了一个类型参数 `a` 来让整个 `List` 是一个具体类型，不过我们并没有对包涵在 `List` 中的元素的类型做任何额外假设。我们还剩下 `Bool` 可以被作为真假值，要定义他们也很容易：

```
instance YesNo Bool where
    yesno = id
```

你说 `id` 是什么？他不过是标准函数库中的一个函数，他接受一个参数并返回相同的东西。

我们也让 `Maybe a` 成为 `YesNo` 的 `instance`。

```
instance YesNo (Maybe a) where
    yesno (Just _) = True
    yesno Nothing = False
```

由于我们不必对 `Maybe` 的内容做任何假设，因此并不需要 `class constraint`。我们只要定义遇到 `Just` 包装过的值就代表 `true`，而 `Nothing` 则代

表 `false`。这里还是得写出 `(Maybe a)` 而不是只有 `Maybe`，毕竟 `Maybe -> Bool` 的函数并不存在（因为 `Maybe` 并不是具体类型），而 `Maybe a -> Bool` 看起来就合理多了。现在有了这个定义，`Maybe something` 型的类型都属于 `YesNo` 了，不论 `something` 是什么。

之前我们定义了 `Tree a`，那代表一个二元搜寻树。我们可以说一棵空的树是 `false`，而非空的树则是 `true`。

```
instance YesNo (Tree a) where
    yesno EmptyTree = False
    yesno _ = True
```

而一个红绿灯可以代表 `yes or no` 吗？当然可以。如果他是红灯，那你就停下来，如果他是绿灯，那你就走。但如果是黄灯呢？只能说通常会闯黄灯。

```
instance YesNo TrafficLight where
    yesno Red = False
    yesno _ = True
```

现在我们定义了许多 `instance`，来试着跑跑看！

```
ghci> yesno $ length []
False
ghci> yesno "haha"
True
ghci> yesno ""
False
ghci> yesno $ Just 0
True
ghci> yesno True
True
ghci> yesno EmptyTree
False
ghci> yesno []
False
ghci> yesno [0,0,0]
True
ghci> :t yesno
```



```
yesno :: (YesNo a) => a -> Bool
```

很好，统统是我们预期的结果。我们来写一个函数来模仿 if statement 的行为，但他是运行在 YesNo 的类型上。

```
yesnoIf :: (YesNo y) => y -> a -> a -> a
yesnoIf yesnoVal yesResult noResult =
    if yesno yesnoVal then yesResult else noResult
```

很直观吧！他接受一个 yes or no 的值还有两个部分，如果值是代表 “yes”，那第一个部分就会被执行，而如果值是 “no”，那第二个部分就会执行。

```
ghci> yesnoIf [] "YEAH!" "NO!"
"NO!"
ghci> yesnoIf [2,3,4] "YEAH!" "NO!"
"YEAH!"
ghci> yesnoIf True "YEAH!" "NO!"
"YEAH!"
ghci> yesnoIf (Just 500) "YEAH!" "NO!"
"YEAH!"
ghci> yesnoIf Nothing "YEAH!" "NO!"
"NO!"
```

§8.9 Functor typeclass

到目前为止我们看过了许多在标准函数库中的 typeclass。我们操作过 Ord，代表可以被排序的东西。我们也操作过 Eq，代表可以被比较相等性的事物。也看过 Show，代表可以被印成字符串来表示的东西。至于 Read 则是我们可以把字符串转换成类型的动作。不过现在我们要来看一下 Functor 这个 typeclass，基本上就代表可以被 map over 的事物。听到这个词你可能会联想到 List，因为 map over list 在 Haskell 中是很常见的操作。你没想错，List 的确是属于 Functor 这个 typeclass。

来看看他的实现会是了解 Functor 的最佳方式：

```
class Functor f where
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

我们看到他定义了一个函数 `fmap`，而且并没有提供一个缺省的实现。`fmap` 的类型蛮有趣的。到目前为止的我们看过的 `typeclass` 中的类型变量都是具体类型。就像是 `(==) :: (Eq a) => a -> a -> Bool` 中的 `a` 一样。但现在碰到的 `f` 并不是一个具体类型（一个像是 `Int`, `Bool` 或 `Maybe String` 的类型），而是接受一个类型参数的类型构造子。如果要快速回顾的话可以看一下 `Maybe Int` 是一个具体类型，而 `Maybe` 是一个类型构造子，可接受一个类型作为参数。总之，我们知道 `fmap` 接受一个函数，这个函数从一个类型映射到另一个类型，还接受一个 `functor` 装有原始的类型，然后会返回一个 `functor` 装有映射后的类型。

如果听不太懂也没关系。当我们看几个范例之后会比较易懂。不过这边 `fmap` 的类型声明让我们想起类似的东西，就是 `map :: (a -> b) -> [a] -> [b]`。

他接受一个函数，这函数把一个类型的东西映射成另一个。还有一串装有某个类型的 `List` 变成装有另一个类型的 `List`。到这边听起来实在太像 `functor` 了。实际上，`map` 就是针对 `List` 的 `fmap`。来看看 `List` 是如何被定义成 `Functor` 的 `instance` 的。

```
instance Functor [] where
    fmap = map
```

注意到我们不是写成 `instance Functor [a] where`，因为从 `fmap :: (a -> b) -> f a -> f b` 可以知道 `f` 是一个类型构造子，他接受一个类型。而 `[a]` 则已经是一个具体类型（一个拥有某个类型的 `List`），其中 `[]` 是一个类型构造子，能接受某个类型而构造出像 `[Int]`、`[String]` 甚至是 `[[String]]` 的具体类型。

对于 `List`，`fmap` 只不过是 `map`，对 `List` 操作的时候他们都是一样的。

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
ghci> fmap (*2) [1..3]
[2,4,6]
ghci> map (*2) [1..3]
```

[2,4,6]

至于当我们对空的 `List` 操作 `map` 或 `fmap` 呢? 我们会得到一个空的 `List`。他把一个类型为 `[a]` 的空的 `List` 转成类型为 `[b]` 的空的 `List`。

可以当作盒子的类型可能就是一个 functor。你可以把 `List` 想做是一个拥有无限小隔间的盒子。他们可能全部都是空的, 已也可能有一部分是满的其他是空的。所以作为一个盒子会具有什么性质呢? 例如说 `Maybe a`。他表现得像盒子在于他可能什么东西都没有, 就是 `Nothing`, 或是可以装有一个东西, 像是 `"HAHA"`, 在这边就是 `Just "HAHA"`。可以看到 `Maybe` 作为一个 functor 的定义:

```
instance Functor Maybe where
    fmap f (Just x) = Just (f x)
    fmap f Nothing = Nothing
```

注意到我们是写 `instance Functor Maybe where` 而不是 `instance Functor (Maybe m) where`, 就像我们在写 `YesNo` 时的 `Maybe` 一样。Functor 要的是一个接受一个类型参数的类型构造子而不是一个具体类型。如果你把 `f` 代换成 `Maybe`, `fmap` 就会像 `(a -> b) -> Maybe a -> Maybe b`。但如果你把 `f` 代换成 `(Maybe m)`, 那他就会像 `(a -> b) -> Maybe m a -> Maybe m b`, 这看起来并不合理, 因为 `Maybe` 只接受一个类型参数。

总之, `fmap` 的实现是很简单的。如果一个空值是 `Nothing`, 他就会返回 `Nothing`。如果我们 `map` over 一个空的盒子, 我们就会得到一个空的盒子。就像我们 `map` over 一个空的 `List`, 那我们就会得到一个空的 `List`。如果他不是一个空值, 而是包在 `Just` 中的某个值, 那我们就会套用在包在 `Just` 中的值。

```
ghci> fmap (++ " HEY GUYS IM INSIDE THE JUST") (Just "Something serious.")
Just "Something serious. HEY GUYS IM INSIDE THE JUST"
ghci> fmap (++ " HEY GUYS IM INSIDE THE JUST") Nothing
Nothing
ghci> fmap (*2) (Just 200)
Just 400
```

```
ghci> fmap (*2) Nothing
Nothing
```

另外 `Tree a` 的类型也可以被 `map over` 且被定义成 `Functor` 的一个 instance。他可以被想成是一个盒子，而 `Tree` 的类型构造子也刚好接受单一一个类型参数。如果你把 `fmap` 看作是一个特别为 `Tree` 写的函数，他的类型声明会长得像这样 `(a -> b) -> Tree a -> Tree b`。不过我们在这边会用到递归。`map over` 一棵空的树会得到一棵空的树。`map over` 一棵非空的树会得到一棵被函数映射过的树，他的 `root` 会先被映射，然后左右子树都分别递归地被函数映射。

```
instance Functor Tree where
    fmap f EmptyTree = EmptyTree
    fmap f (Node x leftsub rightsub) =
        Node (f x) (fmap f leftsub) (fmap f rightsub)
```

```
ghci> fmap (*2) EmptyTree
EmptyTree
ghci> fmap (*4) (foldr treeInsert EmptyTree [5,7,3,2,1,7])
Node 28 (Node 4 EmptyTree (Node 8 EmptyTree (Node 12 EmptyTree (Node 20 EmptyTree ...
```

那 `Either a b` 又如何？他可以是一个 functor 吗？`Functor` 限制类型构造子只能接受一个类型参数，但 `Either` 却接受两个。聪明的你会想到我可以 `partial apply` `Either`，先喂给他一个参数，并把另一个参数当作 `free parameter`。来看看 `Either a` 在标准函数库中是如何被定义的：

```
instance Functor (Either a) where
    fmap f (Right x) = Right (f x)
    fmap f (Left x) = Left x
```

我们在这边做了些什么？你可以看到我们把 `Either a` 定义成一个 instance，而不是 `Either`。那是因为 `Either a` 是一个接受单一类型参数的类型构造子，而 `Either` 则接受两个。如果 `fmap` 是针对 `Either a`，那他的类型声明就会像是 `(b -> c) -> Either a b -> Either a c`，他又等价于 `(b -> c) -> (Either a) b -> (Either a) c`。在实现中，我们碰到一个 `Right` 的时候会做 `map`，但在碰到 `Left` 的时候却不这样做，为什么呢？如果我们回头看看 `Either a b` 是怎么定义的：

```
data Either a b = Left a | Right b
```

如果我们希望对他们两个都做 `map` 的动作，那 `a` 跟 `b` 必须要是相同的类型。也就是说，如果我们的函数是接受一个字符串然后返回另一个字符串，而且 `b` 是字符串，`a` 是数字，这样的情形是不可行的。而且从观察 `fmap` 的类型也可以知道，当他运行在 `Either` 上的时候，第一个类型参数必须固定，而第二个则可以改变，而其中第一个参数正好就是 `Left` 用的。

我们持续用盒子的比喻也仍然贴切，我们可以把 `Left` 想做是空的盒子在他旁边写上错误讯息，说明为什么他是空的。

在 `Data.Map` 中的 `Map` 也可以被定义成 functor，像是 `Map k v` 的情况下，`fmap` 可以用 `v -> v'` 这样一个函数来 map over `Map k v`，并返回 `Map k v'`。

注意到，在这边并没有特别的意思，他只是用来表示他跟另一个东西有点像，只有一点点差别而已。

你可以自己试试看把 `Map k` 变成 `Functor` 的一个 instance。

看过了 `Functor` 这个 typeclass，我们知道 typeclass 可以拿来代表高阶的概念。我们也练习过不少 partially applying type 跟定义 instance。在下一章中，我们也会看到 functor 必须要遵守的定律。

还有一件事就是 functor 应该要遵守一些定律，这样他们的一些性质才能被保证。如果我们用 `fmap (+1)` 来 map over `[1,2,3,4]`，我们会期望结果会是 `[2,3,4,5]` 而不是反过来变成 `[5,4,3,2]`。如果我们使用 `fmap (\a -> a)` 来 map over 一个 list，我们会期待拿回相同的结果。例如说，如果我们给 `Tree` 定义了错误的 functor instance，对 tree 使用 `fmap` 可能会导致二元搜寻树的性质丧失，也就是在 root 左边的节点不再比 root 小，在 root 右边的节点不再比 root 大。我们在下面几章会多谈 functor laws。

§8.10 Kind

类型构造子接受其他类型作为他的参数，来构造出一个具体类型。这样的行为会让我们想到函数，也是接受一个值当作参数，并返回另一个值。我们也看过类型构造子可以 partially apply (`Either String` 是一个类型构造

子，他接受一个类型来构造出一个具体类型，就像 `Either String Int`)。这些都是函数能办到的事。在这个章节中，对于类型如何被套用到类型构造子上，我们会来看一下正式的定义。就像我们之前是用函数的类型来定义出函数是如何套用值的。如果你看不懂的话，你可以跳过这一章，这不会影响你后续的阅读。然而如果你搞懂的话，你会对于类型系统有更进一步的了解。

像是 `3`, `"YEAH"` 或是 `takeWhile` 的值他们都有自己的类型（函数也是值的一种，我们可以把他们传来传去）类型是一个标签，值会把他带着，这样我们就可以推测出他的性质。但类型也有他们自己的标签，叫做 `kind`。`kind` 是类型的类型。虽然听起来有点玄妙，不过他的确是个有趣的概念。

那 `kind` 可以拿来做什么呢？我们可以在 `ghci` 中用 `:k` 来得知一个类型的 `kind`。

```
ghci> :k Int
Int :: *
```

一个星星代表的是什么意思？一个 `*` 代表这个类型是具体类型。一个具体类型是没有任何类型参数，而值只能属于具体类型。而 `*` 的读法叫做 `star` 或是 `type`。

我们再看看 `Maybe` 的 `kind`:

```
ghci> :k Maybe
Maybe :: * -> *
```

`Maybe` 的类型构造子接受一个具体类型（像是 `Int`）然后返回一个具体类型，像是 `Maybe Int`。这就是 `kind` 告诉我们的信息。就像 `Int -> Int` 代表这个函数接受 `Int` 并返回一个 `Int`。`* -> *` 代表这个类型构造子接受一个具体类型并返回一个具体类型。我们再来对 `Maybe` 套用类型参数后再看看他的 `kind` 是什么：

```
ghci> :k Maybe Int
Maybe Int :: *
```

正如我们预期的。我们对 `Maybe` 套用了类型参数后会得到一个具体类型（这就是 `* -> *` 的意思）这跟 `:t isUpper` 还有 `:t isUpper 'A'` 的差别有

点类似。`isUpper` 的类型是 `Char -> Bool` 而 `isUpper 'A'` 的类型是 `Bool`。而这两种类型，都是 `*` 的 kind。

我们对一个类型使用 `:k` 来得到他的 kind。就像我们对类型使用 `:t` 来得到他的类型一样。就像我们先前说的，类型是值的标签，而 kind 是类型的标签。

我们再来看看其他的 kind

```
ghci> :k Either
Either :: * -> * -> *
```

这告诉我们 `Either` 接受两个具体类型作为参数，并构造出一个具体类型。他看起来也像是一个接受两个参数并返回值的函数类型。类型构造子是可以做 curry 的，所以我们也能 partially apply。

```
ghci> :k Either String
Either String :: * -> *
ghci> :k Either String Int
Either String Int :: *
```

当我们希望定义 `Either` 成为 `Functor` 的 instance 的时候，我们必须先 partial apply，因为 `Functor` 预期有一个类型参数，但 `Either` 却有两个。也就是说，`Functor` 希望类型的 kind 是 `* -> *`，而我们必须先 partial apply `Either` 来得到 kind `* -> *`，而不是最开始的 `* -> * -> *`。我们再来看看 `Functor` 的定义

```
class Functor f where
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

我们看到 `f` 类型变量是接受一个具体类型且构造出一个具体类型的类型。知道他构造出具体类型是因为是作为函数参数的类型。从那里我们可以推测出一个类型要是属于 `Functor` 必须是 `* -> *` kind。

现在我们来练习一下。来看看下面这个新定义的 typeclass。

```
class Tofu t where
    tofu :: j a -> t a j
```

这看起来很怪。我们干嘛要为这个奇怪的 typeclass 定义 instance? 我们可以来看看他的 kind 是什么? 由于 `j a` 被当作 `tofu` 这个函数的参数的类型, 所以 `j a` 一定是 `* kind`。我们假设 `a` 是 `* kind`, 那 `j` 就会是 `* -> *` 的 kind。我们看到 `t` 由于是函数的返回值, 一定是接受两个类型参数的类型。而知道 `a` 是 `*`, `j` 是 `* -> *`, 我们可以推测出 `t` 是 `* -> (* -> *) -> *`。也就是说他接受一个具体类型 `a`, 一个接受单一参数的类型构造子 `j`, 然后产生出一个具体类型。

我们再来定义出一个类型具有 `* -> (* -> *) -> *` 的 kind, 下面是一种定义的方法:

```
data Frank a b = Frank {frankField :: b a} deriving (Show)
```

我们怎么知道这个类型具有 `* -> (* -> *) -> *` 的 kind 呢? ADT 中的字段是要来塞值的, 所以他们必须是 `* kind`。我们假设 `a` 是 `*`, 那 `b` 就是接受一个类型参数的 kind `* -> *`。现在我们知道 `a` 跟 `b` 的 kind 了, 而他们又是 `Frank` 的类型参数, 所以我们知道 `Frank` 会有 `* -> (* -> *) -> *` 的 kind。第一个 `*` 代表 `a`, 而 `(* -> *)` 代表 `b`。我们构造些 `Frank` 的值并检查他们的类型吧:

```
ghci> :t Frank {frankField = Just "HAHA"}
Frank {frankField = Just "HAHA"} :: Frank [Char] Maybe
ghci> :t Frank {frankField = Node 'a' EmptyTree EmptyTree}
Frank {frankField = Node 'a' EmptyTree EmptyTree} :: Frank Char Tree
ghci> :t Frank {frankField = "YES"}
Frank {frankField = "YES"} :: Frank Char []
```

由于 `frankField` 具有 `a b` 的类型。他的值必定有一个类似的类型。他们可能是 `Just "HAHA"`, 也就有 `Maybe [Char]` 的类型, 或是他们可能是 `['Y','E','S']`, 他的类型是 `[Char]`。(如果我们是用自己定义的 `List` 类型的话, 那就会是 `List Char`)。我们看到 `Frank` 值的类型对应到 `Frank` 的 kind。 `[Char]` 具有 `*` 的 kind, 而 `Maybe` 则是 `* -> *`。由于结果必须是个值, 也就是他必须要是具体类型, 因使他必须 `fully applied`, 因此每个 `Frank blah blaah` 的值都会是 `*` 的 kind。

要把 `Frank` 定义成 `Tofu` 的 instance 也是很简单。我们看到 `tofu` 接受

`j a` (例如 `Maybe Int`) 并返回 `t a j`。所以我们用 `j` 取代 `Frank`, 那结果就是 `Frank Int Maybe`。

```
instance Tofu Frank where
    tofu x = Frank x
```

```
ghci> tofu (Just 'a') :: Frank Char Maybe
Frank {frankField = Just 'a'}
ghci> tofu ["HELLO"] :: Frank [Char] []
Frank {frankField = ["HELLO"]}
```

这并不是很有用, 但让我们做了不少类型的练习。再来看看下面的类型:

```
data Barry t k p = Barry { yabba :: p, dabba :: t k }
```

我们想要把他定义成 `Functor` 的 `instance`。 `Functor` 希望是 `* -> *` 的类型, 但 `Barry` 并不是那种 `kind`。那 `Barry` 的 `kind` 是什么呢? 我们可以看到他接受三个类型参数, 所以会是 `something -> something -> something -> *`。 `p` 是一个具体类型因此是 `*`。至于 `k`, 我们假设他是 `*`, 所以 `t` 会是 `* -> *`。现在我们把这些代入 `something`, 所以 `kind` 就变成 `(* -> *) -> * -> * -> *`。我们用 `ghci` 来检查一下。

```
ghci> :k Barry
Barry :: (* -> *) -> * -> * -> *
```

我们猜对了! 现在要把这个类型定义成 `Functor`, 我们必须先 `partially apply` 头两个类型参数, 这样我们就会是 `* -> *` 的 `kind`。这代表 `instance` 定义会是 `instance Functor (Barry a b) where`。如果我们看 `fmap` 针对 `Barry` 的类型, 也就是把 `f` 代换成 `Barry c d`, 那就会是 `fmap :: (a -> b) -> Barry c d a -> Barry c d b`。第三个 `Barry` 的类型参数是对于任何类型, 所以我们并不牵扯进他。

```
instance Functor (Barry a b) where
    fmap f (Barry {yabba = x, dabba = y}) = Barry {yabba = f x, dabba = y}
```

我们把 `f map` 到第一个字段。

在这一个章节中, 我们看到类型参数是怎么运行的, 以及正如我们用类型来定义出函数的参数, 我们也用 `kind` 来定义他。我们看到函数跟类型

构造子有许多彼此相像的地方。然而他们是两个完全不同的东西。当我们在写一般实用的 Haskell 程序时，你几乎不会碰到需要动到 kind 的东西，也不需要动脑去推敲 kind。通常你只需要在定义 instance 时 partially apply 你自己的 `* -> *` 或是 `*` 类型，但知道背后运行的原理也是很好的。知道类型本身也有自己的类型也是很有趣的。如果你实在不懂这边讲的东西，也可以继续阅读下去。但如果你能理解，那你就会理解 Haskell 类型系统的一大部分。

第九章 输入与输出



我们已经说明了 Haskell 是一个纯粹函数式语言。虽说在命令式语言中我们习惯给电脑执行一连串指令，在函数式语言中我们是用定义东西的方式进行。在 Haskell 中，一个函数不能改变状态，像是改变一个变量的内容。（当一个函数会改变状态，我们说这函数是有副作用的。）在 Haskell 中函数唯一可以做的事是根据我们给定的参数来算出结果。如果我们用同样的参数调用两次同一个函数，它会返回相同的结果。尽管这从命令式语言的角度来看是蛮大的限制，我们已经看过它可以达成多么酷的效果。在一个命令式语言中，程序语言没办法给你任何保证在一个简单如印出几个数字的函数

不会同时烧掉你的房子，绑架你的狗并刮伤你车子的烤漆。例如，当我们要建立一棵二元树的时候，我们并不插入一个节点来改变原有的树。由于我们无法改变状态，我们的函数实际上返回了一棵新的二元树。

函数无法改变状态的好处是它让我们促进了我们理解程序的容易度，但同时也造成了一个问题。假如说一个函数无法改变现实世界的状态，那它要如何印出它所计算的结果？毕竟要告诉我们结果的话，它必须要改变输出装置的状态（譬如说萤幕），然后从萤幕传达到我们的脑，并改变我们心智的状态。

不要太早下结论，Haskell 实际上设计了一个非常聪明的系统来处理有副作用的函数，它漂亮地将我们的程序区分成纯粹跟非纯粹两部分。非纯粹的部分负责跟键盘还有萤幕沟通。有了这区分的机制，在跟外界沟通的同时，我们还是能够有效运用纯粹所带来的好处，像是惰性求值、容错性跟模组性。

§9.1 Hello, world!



到目前为止我们都是将函数加载 GHCi 中来测试，像是标准函数库中的一些函数。但现在我们要做些不一样的，写一个真实跟世界互动的 Haskell 程序。当然不异常，我们会来写个“hello world”。

现在，我们把下一行打到你熟悉的编辑器中

```
main = putStrLn "hello, world"
```

我们定义了一个 `main`，并在里面以 `"hello, world"` 为参数调用了

`putStrLn`。看起来没什么大不了的，但不久你就会发现它的奥妙。把这程序存成 `helloworld.hs`。

现在我们将做一件之前没做过的事：编译你的程序。打开你的终端并切换到包含 `helloworld.hs` 的目录，并输入下列指令。

```
$ ghc --make helloworld
[1 of 1] Compiling Main                ( helloworld.hs, helloworld.o )
Linking helloworld ...
```

顺利的话你就会得到如上的讯息，接着你便可以执行你的程序 `./helloworld`

```
$ ./helloworld
hello, world
```

这就是我们第一个编译成功并印出字符串到萤幕的程序。很简单吧。

让我们来看一下我们究竟做了些什么，首先来看一下 `putStrLn` 函数的类型：

```
ghci> :t putStrLn
putStrLn :: String -> IO ()
ghci> :t putStrLn "hello, world"
putStrLn "hello, world" :: IO ()
```

我们可以这么解读 `putStrLn` 的类型：`putStrLn` 接受一个字符串并返回一个 I/O action，这 I/O action 包含了 `()` 的类型。（即空的 tuple，或者是 unit 类型）。一个 I/O action 是一个会造成副作用的动作，常是指读取输入或输出到萤幕，同时也代表会返回某些值。在萤幕印出几个字符串并没有什么有意义的返回值可言，所以这边用一个 `()` 来代表。

那究竟 I/O action 会在什么时候被触发呢？这就是 `main` 的功用所在。一个 I/O action 会在我们把它绑定到 `main` 这个名字并且执行程序的时候触发。

把整个程序限制在只能有一个 I/O action 看似是个极大的限制。这就是为什么我们需要 `do` 表示法来将所有 I/O action 绑成一个。来看看下面这个例子。

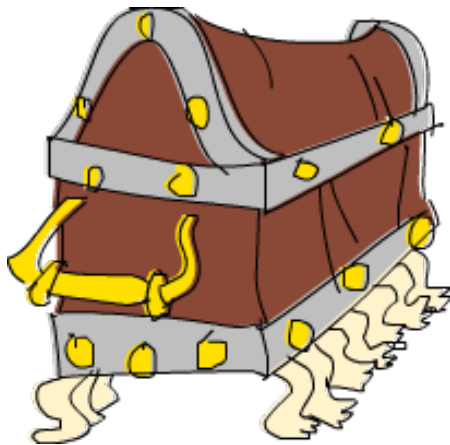
```
main = do
  putStrLn "Hello, what's your name?"
  name <- getLine
  putStrLn ("Hey " ++ name ++ ", you rock!")
```

新的语法，有趣吧！它看起来就像一个命令式的程序。如果你编译并执行它，它便会照你预期的方式执行。我们写了一个 `do` 并且接着一连串指令，就像写个命令式程序一般，每一步都是一个 I/O action。将所有 I/O action 用 `do` 绑在一起变成了一个大的 I/O action。这个大的 I/O action 的类型是 `IO ()`，这完全是由最后一个 I/O action 所决定的。

这就是为什么 `main` 的类型永远都是 `main :: IO something`，其中 `something` 是某个具体的类型。按照惯例，我们通常不会把 `main` 的类型在程序中写出来。

另一个有趣的事情是第三行 `name <- getLine`。它看起来像是从输入读取一行并存到一个变量 `name` 之中。真的是这样吗？我们来看看 `getLine` 的类型吧

```
ghci> :t getLine
getLine :: IO String
```



我们可以看到 `getLine` 是一个返回 `String` 的 I/O action。因为它会等使用者输入某些字符串，这很合理。那 `name <- getLine` 又是如何？你能

这样解读它：执行一个 I/O action `getLine` 并将它的结果绑定到 `name` 这个名字。`getLine` 的类型是 `IO String`，所以 `name` 的类型会是 `String`。你能把 I/O action 想成是一个长了脚的盒子，它会跑到真实世界中替你做某些事，像是在墙壁上涂鸦，然后带回来某些数据。一旦它带了某些数据给你，打开盒子的唯一办法就是用 `<-`。而且如果我们要从 I/O action 拿出某些数据，就一定同时要在另一个 I/O action 中。这就是 Haskell 如何漂亮地分开纯粹跟不纯粹的程序的方法。`getLine` 在这样的意义下是不纯粹的，因为执行两次的时候它没办法保证会返回一样的值。这也是为什么它需要在一个 `IO` 的类型建构子中，那样我们才能在 I/O action 中取出数据。而且任何一段程序一旦依赖着 I/O 数据的话，那段程序也会被视为 I/O code。

但这不表示我们不能在纯粹的源代码中使用 I/O action 返回的数据。只要我们绑定它到一个名字，我们便可以暂时地使用它。像在 `name <- getLine` 中 `name` 不过是一个普通字符串，代表在盒子中的内容。我们能将这个普通的字符串传给一个极度复杂的函数，并返回你一生会有多少财富。像是这样：

```
main = do
    putStrLn "Hello, what's your name?"
    name <- getLine
    putStrLn $ "Read this carefully, because this is your future: " ++ tellFort
```

`tellFortune` 并不知道任何 I/O 有关的事，它的类型只不过是 `String -> String`。

再看看这段源代码吧，他是合法的吗？

```
nameTag = "Hello, my name is " ++ getLine
```

如果你回答不是，恭喜你。如果你说是，你答错了。这么做不对的理由是 `++` 要求两个参数都必须是串行。他左边的参数是 `String`，也就是 `[Char]`。然而 `getLine` 的类型是 `IO String`。你不能串接一个字符串跟 I/O action。我们必须先把 `String` 的值从 I/O action 中取出，而唯一可行的方法就是在 I/O action 中使用 `name <- getLine`。如果我们需要处理一些非纯粹的数据，那我们就要在非纯粹的环境中做。所以我们最好把 I/O 的部分缩减到最小的比例。

每个 I/O action 都有一个值封装在里面。这也是为什么我们之前的程序可以这么写：

```
main = do
    foo <- putStrLn "Hello, what's your name?"
    name <- getLine
    putStrLn ("Hey " ++ name ++ ", you rock!")
```

然而，`foo` 只会有一个 `()` 的值，所以绑定到 `foo` 这个名字似乎是多余的。另外注意到我们并没有绑定最后一行的 `putStrLn` 给任何名字。那是因为在一个 `do block` 中，最后一个 action 不能绑定任何名字。我们在之后讲解 `Monad` 的时候会说明为什么。现在你可以先想成 `do block` 会自动从最后一个 action 取出值并绑定给他的结果。

除了最后一行之外，其他在 `do` 中没有绑定名字的其实也可以写成绑定的形式。所以 `putStrLn "BLAH"` 可以写成 `_ <- putStrLn "BLAH"`。但这没什么实际的意义，所以我们宁愿写成 `putStrLn something`。

初学者有时候会想错

```
name = getLine
```

以为这行会读取输入并给他绑定一个名字叫 `name` 但其实只是把 `getLine` 这个 I/O action 指定一个名字叫 `name` 罢了。记住，要从一个 I/O action 中取出值，你必须要在另一个 I/O action 中将他用 `<-` 绑定给一个名字。

I/O actions 只会在绑定给 `main` 的时候或是在另一个用 `do` 串起来的 I/O action 才会执行。你可以用 `do` 来串接 I/O actions，再用 `do` 来串接这些串接起来的 I/O actions。不过只有最外面的 I/O action 被指定给 `main` 才会触发执行。

喔对，其实还有另外一个情况。就是在 `GHCi` 中输入一个 I/O action 并按下 `Enter` 键，那也会被执行

```
ghci> putStrLn "HEEY"
HEEY
```


就算我们只是在 `GHCi` 中打几个数字或是调用一个函数，按下 `Enter` 就会计算它并调用 `show`，再用 `putStrLn` 将字符串印出在终端上。

还记得 `let binding` 吗？如果不记得，回去温习一下这个章节。它们的形式是 `let bindings in expression`，其中 `bindings` 是 `expression` 中的名字、`expression` 则是被运用到这些名字的算式。我们也提到了 `list comprehensions` 中，`in` 的部分不是必需的。你能够在 `do blocks` 中使用 `let bindings` 如同在 `list comprehensions` 中使用它们一样，像这样：

```
import Data.Char

main = do
    putStrLn "What's your first name?"
    firstName <- getLine
    putStrLn "What's your last name?"
    lastName <- getLine
    let bigFirstName = map toUpper firstName
        bigLastName = map toUpper lastName
    putStrLn $ "hey " ++ bigFirstName ++ " " ++ bigLastName ++ ", how are you?"
```

注意我们是怎么编排在 `do block` 中的 `I/O actions`，也注意到我们是怎么编排 `let` 跟其中的名字的，由于对齐在 `Haskell` 中并不会被无视，这么编排才是好的习惯。我们的程序用 `map toUpper firstName` 将 `"John"` 转成大写的 `"JOHN"`，并将大写的结果绑定到一个名字上，之后在输出的时候参考到了这个名字。

你也许会问究竟什么时候要用 `<-`，什么时候用 `let bindings`？记住，`<-` 是用来运算 `I/O actions` 并将他的结果绑定到名称。而 `map toUpper firstName` 并不是一个 `I/O action`。他只是一个纯粹的 `expression`。所以总结来说，当你要绑定 `I/O actions` 的结果时用 `<-`，而对于纯粹的 `expression` 使用 `let bindings`。对于错误的 `let firstName = getLine`，我们只不过是把 `getLine` 这个 `I/O actions` 给了一个不同的名字罢了。最后还是要用 `<-` 将结果取出。

现在我们来写一个会一行一行不断地读取输入，并将读进来的字反过来输出到萤幕上的程序。程序会在输入空白行的时候停止。

```
main = do
    line <- getLine
    if null line
        then return ()
        else do
            putStrLn $ reverseWords line
            main

reverseWords :: String -> String
reverseWords = unwords . map reverse . words
```

在分析这段程序前，你可以执行看看来感受一下程序的运行。

首先，我们来看一下 `reverseWords`。他不过是一个普通的函数，假如接受了个字符串 `"hey there man"`，他会先调用 `words` 来产生一个字的串行 `["hey", "there", "man"]`。然后用 `reverse` 来 `map` 整个串行，得到 `["yeh", "ereht", "nam"]`，接着用 `unwords` 来得到最终的结果 `"yeh ereht nam"`。这些用函数合成来简洁的表达。如果没有用函数合成，那就会写成丑丑的样子 `reverseWords st = unwords (map reverse (words st))`

那 `main` 又是怎么回事呢？首先，我们用 `getLine` 从终端读取了一行，并把这行输入取名叫 `line`。然后接着一个条件式 `expression`。记住，在 Haskell 中 `if` 永远要伴随一个 `else`，这样每个 `expression` 才会有值。当 `if` 的条件是 `true`（也就是输入了一个空白行），我们便执行一个 I/O action，如果 `if` 的条件是 `false`，那 `else` 底下的 I/O action 被执行。这也就是说当 `if` 在一个 I/O `do block` 中的时候，长的样子是 `if condition then I/O action else I/O action`。

我们首先来看一下在 `else` 中发生了什么事。由于我们在 `else` 中只能有一个 I/O action，所以我们用 `do` 来将两个 I/O actions 绑成一个，你可以写成这样：

```
else (do
    putStrLn $ reverseWords line
    main)
```

这样可以明显看到整个 `do block` 可以看作一个 I/O action，只是比较丑。但总之，在 `do block` 里面，我们依序调用了 `getLine` 以及 `reverseWords`，

在那之后，我们递归调用了 `main`。由于 `main` 也是一个 I/O action，所以这不会造成任何问题。调用 `main` 也就代表我们回到程序的起点。

那假如 `null line` 的结果是 `true` 呢？也就是说 `then` 的区块被执行。我们看一下区块里面有 `then return ()`。如果你是从 C、Java 或 Python 过来的，你可能会认为 `return` 不过是作一样的事情便跳过这一段。但很重要的：`return` 在 Haskell 里面的意义跟其他语言的 `return` 完全不同！他们有相同的样貌，造成了许多人搞错，但确实他们是不一样的。在命令式语言中，`return` 通常结束 `method` 或 `subroutine` 的执行，并且返回某个值给调用者。在 Haskell 中，他的意义则是利用某个 `pure value` 造出 I/O action。用之前盒子的比喻来说，就是将一个 `value` 装进箱子里面。产生出的 I/O action 并没有作任何事，只不过将 `value` 包起来而已。所以在 I/O 的情况下来说，`return "haha"` 的类型是 `IO String`。将 `pure value` 包成 I/O action 有什么实质意义呢？为什么要弄成 `IO` 包起来的值？这是因为我们一定要在 `else` 中摆上某些 I/O action，所以我们才用 `return ()` 做了一个没作什么事情的 I/O action。

在 I/O `do block` 中放一个 `return` 并不会结束执行。像下面这个程序会执行到底。

```
main = do
    return ()
    return "HAHAHA"
    line <- getLine
    return "BLAH BLAH BLAH"
    return 4
    putStrLn line
```

所有在程序中的 `return` 都是将 `value` 包成 I/O actions，而且由于我们没有将他们绑定名称，所以这些结果都被忽略。我们能 `<-` 与 `return` 来达到绑定名称的目的。

```
main = do
    a <- return "hell"
    b <- return "yeah!"
    putStrLn $ a ++ " " ++ b
```

可以看到 `return` 与 `<-` 作用相反。`return` 把 `value` 装进盒子中，而 `<-` 将 `value` 从盒子拿出来，并绑定一个名称。不过这么作是有些多余，因为你可以用 `let bindings` 来绑定

```
main = do
    let a = "hell"
        b = "yeah"
    putStrLn $ a ++ " " ++ b
```

在 I/O `do block` 中需要 `return` 的原因大致上有两个：一个是我们需要一个什么事都不做的 I/O action，或是不希望这个 `do block` 形成的 I/O action 的结果值是这个 `block` 中的最后一个 I/O action，我们希望有一个不同的结果值，所以我们用 `return` 来作一个 I/O action 包了我们想要的结果放在 `do block` 的最后。

在我们接下去讲文件之前，让我们来看看有哪些实用的函数可以处理 I/O。

`putStr` 跟 `putStrLn` 几乎一模一样，都是接受一个字符串当作参数，并返回一个 I/O action 印出字符串到终端上，只差在 `putStrLn` 会换行而 `putStr` 不会罢了。

```
main = do putStr "Hey, "
          putStr "I'm "
          putStrLn "Andy!"
```

```
$ runhaskell putstr_test.hs
Hey, I'm Andy!
```

他的 type signature 是 `putStr :: String -> IO ()`，所以是一个包在 I/O action 中的 `unit`。也就是空值，没有办法绑定他。

`putChar` 接受一个字符，并返回一个 I/O action 将他印到终端上。

```
main = do putChar 't'
          putChar 'e'
          putChar 'h'
```

```
$ runhaskell putchar_test.hs
teh
```

`putStr` 实际上就是 `putChar` 递归定义出来的。`putStr` 的边界条件是空字符串，所以假设我们印一个空字符串，那他只是返回一个什么都不做的 I/O action，像 `return ()`。如果印的不是空字符串，那就先用 `putChar` 印出字符串的第一个字符，然后再用 `putStr` 印出字符串剩下部分。

```
putStr :: String -> IO ()
putStr [] = return ()
putStr (x:xs) = do
    putChar x
    putStr xs
```

看看我们如何在 I/O 中使用递归，就像我们在 pure code 中所做的一样。先定义一个边界条件，然后再思考剩下如何作。

`print` 接受任何是 `Show` typeclass 的 instance 的类型的值，这代表我们知道如何用字符串表示他，调用 `show` 来将值变成字符串然后将其输出到终端上。基本上，他就是 `putStrLn . show`。首先调用 `show` 然后把结果喂给 `putStrLn`，返回一个 I/O action 印出我们的值。

```
main = do print True
          print 2
          print "haha"
          print 3.2
          print [3,4,3]
```

```
$ runhaskell print_test.hs
True
2
"haha"
3.2
[3,4,3]
```

就像你看到的，这是个很方便的函数。还记得我们提到 I/O actions 只有在 `main` 中才会被执行以及在 GHCI 中运算的事情吗？当我们用键盘打了些值，像 `3` 或 `[1,2,3]` 并按下 `Enter`，GHCI 实际上就是用了 `print` 来将这些值输出到终端。

```
ghci> 3
3
ghci> print 3
3
ghci> map (++"!") ["hey","ho","woo"]
["hey!","ho!","woo!"]
ghci> print (map (++"!") ["hey", "ho", "woo"])
["hey!","ho!","woo!"]
```

当我们需要印出字符串，我们会用 `putStrLn`，因为我们不想要周围有括号，但对于输出值来说，`print` 才是最常用的。

`getChar` 是一个从输入读进一个字符的 I/O action，因此他的 type signature 是 `getChar :: IO Char`，代表一个 I/O action 的结果是 `Char`。注意由于缓冲区的关系，只有当 Enter 被按下的时候才会触发读取字符的行为。

```
main = do
  c <- getChar
  if c /= ' '
    then do
      putChar c
      main
    else return ()
```

这程序看起来像是读取一个字符并检查他是否为一个空白。如果是的话便停止，如果不是的话便印到终端上并重复之前的行为。在某种程度上来说也不能说错，只是结果不如你预期而已。来看看结果吧。

```
$ runhaskell getchar_test.hs
hello sir
hello
```

上面的第二行是输入。我们输入了 `hello sir` 并按下了 Enter。由于缓冲区的关系，程序是在我们按了 Enter 后才执行而不是在某个输入字符的时候。一旦我们按下了 Enter，那他就把我们直到目前输入的一次做完。

`when` 这函数可以在 `Control.Monad` 中找到他 (你必须 `import Control.Monad` 才能使用他)。他在一个 `do block` 中看起来就像一个控制流程的 `statement`,

但实际上他的确是一个普通的函数。他接受一个 `boolean` 值跟一个 `I/O action`。如果 `boolean` 值是 `True`，便返回我们传给他的 `I/O action`。如果 `boolean` 值是 `False`，便返回 `return ()`，即什么都不做的 `I/O action`。我们接下来用 `when` 来改写我们之前的程序。

```
import Control.Monad

main = do
  c <- getChar
  when (c /= ' ') $ do
    putChar c
    main
```

就像你看到的，他可以将 `if something then do some I/O action else return ()` 这样的模式封装起来。

`sequence` 接受一串 `I/O action`，并返回一个会依序执行他们的 `I/O action`。运算的结果是包在一个 `I/O action` 的一连串 `I/O action` 的运算结果。他的 `type signature` 是 `sequence :: [IO a] -> IO [a]`

```
main = do
  a <- getLine
  b <- getLine
  c <- getLine
  print [a,b,c]
```

其实可以写成

```
main = do
  rs <- sequence [getLine, getLine, getLine]
  print rs
```

所以 `sequence [getLine, getLine, getLine]` 作成了一个执行 `getLine` 三次的 `I/O action`。如果我们对它绑定一个名字，结果便是这串结果的串行。也就是说，三个使用者输入的东西组成的串行。

一个常见的使用方式是我们将 `print` 或 `putStrLn` 之类的函数 `map` 到串行上。`map print [1,2,3,4]` 这个动作并不会产生一个 `I/O action`，而是一串 `I/O action`，就像是 `[print 1, print 2, print 3, print 4]`。如果我们将一串 `I/O action` 变成一个 `I/O action`，我们必须用 `sequence`

```
ghci> sequence (map print [1,2,3,4,5])
1
2
3
4
5
[(),(),(),(),()]
```

那 `[(),(),(),(),()]` 是怎么回事? 当我们在 GHCI 中运算 I/O action, 他会被执行并把结果印出来, 唯一异常是结果是 `()` 的时候不会被印出。这也是为什么 `putStrLn "hehe"` 在 GHCI 中只会印出 `hehe` (因为 `putStrLn "hehe"` 的结果是 `()`)。但当我们使用 `getLine` 时, 由于 `getLine` 的类型是 `IO String`, 所以结果会被印出来。

由于对一个串行 `map` 一个返回 I/O action 的函数, 然后再 `sequence` 他这个动作太常用了。所以有一些函数在函数库中 `mapM` 跟 `mapM_`。 `mapM` 接受一个函数跟一个串行, 将对串行用函数 `map` 然后 `sequence` 结果。 `mapM_` 也作同样的事, 只是他把运算的结果丢掉而已。在我们不关心 I/O action 结果的情况下, `mapM_` 是最常被使用的。

```
ghci> mapM print [1,2,3]
1
2
3
[(),(),()]
ghci> mapM_ print [1,2,3]
1
2
3
```

`forever` 接受一个 I/O action 并返回一个永远作同一件事的 I/O action。你可以在 `Control.Monad` 中找到他。下面的程序会不断地要使用者输入些东西, 并把输入的东西转成大写输出到萤幕上。

```
import Control.Monad
import Data.Char
```



```
main = forever $ do
    putStr "Give me some input: "
    l <- getLine
    putStrLn $ map toUpper l
```

在 `Control.Monad` 中的 `forM` 跟 `mapM` 的作用一样，只是参数的顺序相反而已。第一个参数是串行，而第二个则是函数。这有什么用？在一些有趣的情况下还是有用的：

```
import Control.Monad

main = do
    colors <- forM [1,2,3,4] (\a -> do
        putStrLn $ "Which color do you associate with the number " ++ show a ++
        color <- getLine
        return color)
    putStrLn "The colors that you associate with 1, 2, 3 and 4 are: "
    mapM putStrLn colors
```

`(\a -> do ...)` 是接受一个数字并返回一个 I/O action 的函数。我们必须用括号括住他，不然 `lambda` 会贪心 `match` 的策略会把最后两个 I/O action 也算进去。注意我们在 `do block` 里面 `return color`。我们那么作是让 `do block` 的结果是我们选的颜色。实际上我们并不需那么作，因为 `getLine` 已经达到我们的目的。先 `color <- getLine` 再 `return color` 只不过是把值取出再包起来，其实是跟 `getLine` 效果相当。`forM` 产生一个 I/O action，我们把结果绑定到 `colors` 这名称。`colors` 是一个普通包含字符串的串行。最后，我们用 `mapM putStrLn colors` 印出所有颜色。

你可以把 `forM` 的意思想成将串行中的每个元素作成一个 I/O action。至于每个 I/O action 实际作什么就要看原本的元素是什么。然后，执行这些 I/O action 并将结果绑定到某个名称上。或是直接将结果忽略掉。

```
$ runhaskell from_test.hs
Which color do you associate with the number 1?
white
Which color do you associate with the number 2?
blue
```

```
Which color do you associate with the number 3?  
red  
Which color do you associate with the number 4?  
orange  
The colors that you associate with 1, 2, 3 and 4 are:  
white  
blue  
red  
orange
```

其实我们也不是一定要用到 `forM`，只是用了 `forM` 程序会比较容易理解。正常来讲是我们需要在 `map` 跟 `sequence` 的时候定义 I/O action 的时候使用 `forM`，同样地，我们也可以将最后一行写成 `forM colors putStrLn`。

在这一节，我们学会了输入与输出的基础。我们也了解了什么是 I/O action，他们是如何帮助我们达成输入与输出的目的。这边重复一遍，I/O action 跟其他 Haskell 中的 value 没有两样。我们能够把他当参数传给函数，或是函数返回 I/O action。他们特别之处在于当他们是写在 `main` 里面或 `GHCI` 里面的时候，他们会被执行，也就是实际输出到你萤幕或输出音效的时候。每个 I/O action 也能包着一个从真实世界拿回来的值。

不要把像是 `putStrLn` 的函数想成接受字符串并输出到萤幕。要想成一个函数接受字符串并返回一个 I/O action。当 I/O action 被执行的时候，会漂亮地印出你想要的东西。

§9.2 文件与字符流

`getChar` 是一个读取单一字符的 I/O action。`getLine` 是一个读取一行的 I/O action。这是两个非常直观的函数，多数程序语言也有类似这两个函数的 statement 或 function。但现在我们来看看 `getContents`。`getContents` 是一个从标准输入读取直到 end-of-file 字符的 I/O action。他的类型是 `getContents :: IO String`。最酷的是 `getContents` 是惰性 I/O (Lazy I/O)。当我们写了 `foo <- getContents`，他并不会马上读取所有输入，将他们存在 memory 里面。他只有当你真的需要输入数据的时候才会读取。

当我们需要重导一个程序的输出到另一个程序的输入时，`getContents` 非常有用。假设我们有下面一个文字档：



```
I'm a lil' teapot  
What's with that airplane food, huh?  
It's so small, tasteless
```

还记得我们介绍 `forever` 时写的小程序吗？会把所有输入的东西转成大写的那一个。为了防止你忘记了，这边再重复一遍。

```
import Control.Monad  
import Data.Char  
  
main = forever $ do  
    putStr "Give me some input: "  
    l <- getLine  
    putStrLn $ map toUpper l
```

将我们的程序存成 `capslocker.hs` 然后编译他。然后用 Unix 的 Pipe 将文字档喂给我们的程序。我们使用的是 GNU 的 `cat`，会将指定的文件输出到萤幕。

```
$ ghc --make capslocker  
[1 of 1] Compiling Main                ( capslocker.hs, capslocker.o )  
Linking capslocker ...
```

```
$ cat haiku.txt
I'm a lil' teapot
What's with that airplane food, huh?
It's so small, tasteless
$ cat haiku.txt | ./capslocker
I'M A LIL' TEAPOT
WHAT'S WITH THAT AIRPLANE FOOD, HUH?
IT'S SO SMALL, TASTELESS
capslocker <stdin>: hGetLine: end of file
```

就如你看到的，我们是用 `|` 这符号来将某个程序的输出 `piping` 到另一个程序的输入。我们做的事相当于 `run` 我们的 `capslocker`，然后将 `haiku` 的内容用键盘打到终端上，最后再按 `Ctrl-D` 来代表 `end-of-file`。这就像执行 `cat haiku.txt` 后大喊，嘿，不要把内容印到终端上，把内容塞到 `capslocker`！

我们用 `forever` 在做的事基本上就是将输入经过转换后变成输出。用 `getContents` 的话可以让我们的程序更加精炼。

```
import Data.Char

main = do
    contents <- getContents
    putStr (map toUpper contents)
```

我们将 `getContents` 取回的字符串绑定到 `contents`。然后用 `toUpper` `map` 到整个字符串后印到终端上。记住字符串基本上就是一串惰性的串行 (`list`)，同时 `getContents` 也是惰性 I/O，他不会一口气读入内容然后将内容存在存储器中。实际上，他会一行一行读入并输出大写的版本，这是因为输出才是真的需要输入的数据的时候。

```
$ cat haiku.txt | ./capslocker
I'M A LIL' TEAPOT
WHAT'S WITH THAT AIRPLAN FOOD, HUH?
IT'S SO SMALL, TASTELESS
```

很好，程序运行正常。假如我们执行 `capslocker` 然后自己打几行字呢？

```
$ ./capslocker
hey ho
HEY HO
lets go
LETS GO
```

按下 Ctrl-D 来离开环境。就像你看到的，程序是一行一行将我们的输入印出来。当 `getContent` 的结果被绑定到 `contents` 的时候，他不是被表示成在存储器中的一个字符串，反而比较像是他有一天会是字符串的一个承诺。当我们将 `toUpper` map 到 `contents` 的时候，便也是一个函数被承诺将会被 map 到内容上。最后 `putStr` 则要求先前的承诺说，给我一行大写的字符串吧。实际上还没有任何一行被取出，所以便跟 `contents` 说，不如从终端那边取出些字符串吧。这才是 `getContents` 真正从终端读入一行并把这一行交给程序的时候。程序便将这一行用 `toUpper` 处理并交给 `putStr`，`putStr` 则印出他。之后 `putStr` 再说：我需要下一行。整个步骤便再重复一次，直到读到 end-of-file 为止。

接着我们来写个程序，读取输入，并只印出少于十个字符的行。

```
main = do
    contents <- getContents
    putStr (shortLinesOnly contents)

shortLinesOnly :: String -> String
shortLinesOnly input =
    let allLines = lines input
        shortLines = filter (\line -> length line < 10) allLines
        result = unlines shortLines
    in result
```

我们把 I/O 部分的源代码弄得很短。由于程序的行为是接某些输入，作些处理然后输出。我们可以把他想成读取输入，调用一个函数，然后把函数的结果输出。

`shortLinesOnly` 的行为是这样：拿到一个字符串，像是 `"short\nlooooooooooooo again"`。这字符串有三行，前后两行比较短，中间一行很常。他用 `lines` 把字符串分成 `["short", "loooooooooooooooooong", "short again"]`，并

把结果绑定成 `allLines`。然后过滤这些字符串，只有少于十个字符的留下，`["short", "short again"]`，最后用 `unlines` 把这些字符串用换行接起来，形成 `"short\nshort again"`

```
i'm short
so am i
i am a loooooooooooooong line!!!
yeah i'm long so what hahahaha!!!!!!
short line
loooooooooooooooooooooooooooooooooooooong
short
```

```
$ ghc --make shortlinesonly
[1 of 1] Compiling Main                ( shortlinesonly.hs, shortlinesonly.o )
Linking shortlinesonly ...
$ cat shortlines.txt | ./shortlinesonly
i'm short
so am i
short
```

我们把 `shortlines.txt` 的内容经由 `pipe` 送给 `shortlinesonly`，结果就如你看到，我们只有得到比较短的行。

从输入那一些字符串，经由一些转换然后输出这样的模式实在太常用了。常用到甚至建立了一个函数叫 `interact`。`interact` 接受一个 `String -> String` 的函数，并返回一个 I/O action。那个 I/O action 会读取一些输入，调用提供的函数，然后把函数的结果印出来。所以我们的程序可以改写成这样。

```
main = interact shortLinesOnly

shortLinesOnly :: String -> String
shortLinesOnly input =
    let allLines = lines input
        shortLines = filter (\line -> length line < 10) allLines
        result = unlines shortLines
    in result
```

我们甚至可以再让源代码更短一些，像这样

```
main = interact $ unlines . filter ((<10) . length) . lines
```

看吧，我们让程序缩到只剩一行了，很酷吧！

能应用 `interact` 的情况有几种，像是从输入 pipe 读进一些内容，然后丢出一些结果的程序；或是从使用者获取一行一行的输入，然后丢回根据那一行运算的结果，再拿取另一行。这两者的差别主要是取决于使用者使用他们的方式。

我们再来写另一个程序，它不断地读取一行行并告诉我们那一行字符串是不是一个回文字符串 (palindrome)。我们当然可以用 `getLine` 读取一行然后再调用 `main` 作同样的事。不过同样的事情可以用 `interact` 更简洁地达成。当使用 `interact` 的时候，想像你是将输入经有某些转换成输出。在这个情况当中，我们要将每一行输入转换成 "palindrome" 或 "not a palindrome"。所以我们必须写一个函数将 "elephant\nABCBA\nwhatever" 转换成 not a palindrome\npalindrome\nnot a palindrome"。来动手吧！

```
respondPalindromes contents = unlines (map (\xs ->
    if isPalindrome xs then "palindrome" else "not a palindrome") (lines contents)
    where isPalindrome xs = xs == reverse xs)
```

再来将程序改写成 point-free 的形式

```
respondPalindromes = unlines . map (\xs ->
    if isPalindrome xs then "palindrome" else "not a palindrome") . lines
    where isPalindrome xs = xs == reverse xs
```

很直观吧！首先将 "elephant\nABCBA\nwhatever" 变成 ["elephant", "ABCBA", "whatever"] 然后将一个 lambda 函数 map 它, ["not a palindrome", "palindrome", "not a palindrome"] 然后用 `unlines` 变成一行字符串。接着

```
main = interact respondPalindromes
```

来测试一下吧。

```
$ runhaskell palindrome.hs
hehe
not a palindrome
ABCBA
palindrome
cookie
not a palindrome
```

即使我们的程序是把一大把字符串转换成另一个，其实他表现得好像我们是一行一行做的。这是因为 Haskell 是惰性的，程序想要印出第一行结果时，他必须要先有第一行输入。所以一旦我们给了第一行输入，他便印出第一行结果。我们用 end-of-line 字符来结束程序。

我们也可以使用 pipe 的方式将输入喂给程序。假设我们有这样一个文件。

```
dogaroo
radar
rotor
madam
```

将他存为 words.txt，将他喂给程序后得到的结果

```
$ cat words.txt | runhaskell palindromes.hs
not a palindrome
palindrome
palindrome
palindrome
```

再一次地提醒，我们得到的结果跟我们自己一个一个字打进输入的内容是一样的。我们看不到 palindrome.hs 输入的内容是因为内容来自于文件。

你应该大致了解 Lazy I/O 是如何运行，并能善用他的优点。他可以从输入转换成输出的角度方向思考。由于 Lazy I/O，没有输入在被用到之前是真的被读入。

到目前为止，我们的示范都是从终端读取某些东西或是印出某些东西到终端。但如果我们想要读写文件呢？其实从某个角度来说我们已经作过这件事了。我们可以把读写终端想成读写文件。只是把文件命名成 stdout 跟

`stdin` 而已。他们分别代表标准输出跟标准输入。我们即将看到的读写文件跟读写终端并没什么不同。

首先来写一个程序，他会开启一个叫 `girlfriend.txt` 的文件，文件里面有 Avril Lavigne 的畅销名曲 `Girlfriend`，并将内容印到终端上。接下来是 `girlfriend.txt` 的内容。

```
Hey! Hey! You! You!  
I don't like your girlfriend!  
No way! No way!  
I think you need a new one!
```

这则是我们的主程序。

```
import System.IO  
  
main = do  
    handle <- openFile "girlfriend.txt" ReadMode  
    contents <- hGetContents handle  
    putStr contents  
    hClose handle
```

执行他后得到的结果。

```
$ runhaskell girlfriend.hs  
Hey! Hey! You! You!  
I don't like your girlfriend!  
No way! No way!  
I think you need a new one!
```

我们来一行行看一下程序。我们的程序用 `do` 把好几个 I/O action 绑在一起。在 `do block` 的第一行，我们注意到有一个新的函数叫 `openFile`。他的 type signature 是 `openFile :: FilePath -> IOMode -> IO Handle`。他说了 `openFile` 接受一个文件路径跟一个 `IOMode`，并返回一个 I/O action，他会打开一个文件并把文件关联到一个 `handle`。

`FilePath` 不过是 `String` 的 type synonym。

```
type FilePath = String
```

`IOMode` 则是一个定义如下的类型

```
data IOMode = ReadMode | WriteMode | AppendMode | ReadWriteMode
```



就像我们之前定义的类型，分别代表一个星期的七天。这个类型代表了我们对打开的文件做什么。很简单吧。留意到我们的类型是 `IOMode` 而不是 `IO Mode`。`IO Mode` 代表的是一个 `I/O action` 包含了一个类型为 `Mode` 的值，但 `IOMode` 不过是一个阳春的 `enumeration`。

最后，他返回一个 `I/O action` 会将指定的文件用指定的模式打开。如果我们将 `I/O action` 绑定到某个东西，我们会得到一个 `Handle`。类型为 `Handle` 的值代表我们的文件在哪里。有了 `handle` 我们才知道要从哪个文件读取内容。想读取文件但不将文件绑定到 `handle` 上这样做是很蠢的。所以，我们将一个 `handle` 绑定到 `handle`。

接着一行，我们看到一个叫 **hGetContents** 的函数。他接了一个 **Handle**，所以他知道要从哪个文件读取内容并返回一个 **IO String**。一个包含了文件内容的 **I/O action**。这函数跟 **getContents** 差不多。唯一的差别是 **getContents** 会自动从标准输入读取内容（也就是终端），而 **hGetContents** 接了一个 **file handle**，这 **file handle** 告诉他读取哪个文件。除此之外，他们都是一样的。就像 **getContents**，**hGetContents** 不会把文件一次都拉到存储器中，而是有必要才会读取。这非常酷，因为我们把 **contents** 当作是整个文件般用，但他实际上不在存储器中。就算这是个很大的文件，**hGetContents** 也不会塞爆你的存储器，而是只有必要的时候才会读取。

要留意文件的 **handle** 还有文件的内容两个概念的差异，在我们的程序中他们分别被绑定到 **handle** 跟 **contents** 两个名字。**handle** 是我们拿来区分文件的依据。如果你把整个文件系统想成一本厚厚的书，每个文件分别是其中的一个章节，**handle** 就像是书签一般标记了你现在正在阅读（或写入）哪一个章节，而内容则是章节本身。

我们使用 **putStr contents** 印出内容到标准输出，然后我们用了 **hClose**。他接受一个 **handle** 然后返回一个关掉文件的 **I/O action**。在用了 **openFile** 之后，你必须自己把文件关掉。

要达到我们目的的另一种方式是使用 **withFile**，他的 **type signature** 是 **withFile :: FilePath -> IOMode -> (Handle -> IO a) -> IO a**。他接受一个文件路径，一个 **IOMode** 以及一个函数，这函数则接受一个 **handle** 跟一个 **I/O action**。**withFile** 最后返回一个会打开文件，对文件作某件事然后关掉文件的 **I/O action**。处理的结果是包在最后的 **I/O action** 中，这结果跟我们给的函数的返回是相同的。这听起来有些复杂，但其实很简单，特别是我们有 **lambda**，来看看我们用 **withFile** 改写前面程序的一个范例：

```
import System.IO

main = do
    withFile "girlfriend.txt" ReadMode (\handle -> do
        contents <- hGetContents handle
        putStr contents)
```

正如你看到的，程序跟之前的看起来很像。**(\handle -> ...)** 是一个

接受 `handle` 并返回 I/O action 的函数，他通常都是用 `lambda` 来表示。我们需要一个返回 I/O action 的函数的理由而不是一个本身作处理并关掉文件的 I/O action，是因为这样一来那个 I/O action 不会知道他是对哪个文件在做处理。用 `withFile` 的话，`withFile` 会打开文件并把 `handle` 传给我们给他的函数，之后他则拿到一个 I/O action，然后作成一个我们描述的 I/O action，最后关上文件。例如我们可以这样自己作一个 `withFile`：

```
withFile' :: FilePath -> IOMode -> (Handle -> IO a) -> IO a
withFile' path mode f = do
    handle <- openFile path mode
    result <- f handle
    hClose handle
    return result
```



我们知道要返回的是一个 I/O action，所以我们先放一个 `do`。首先我们

打开文件，得到一个 `handle`。然后我们 `apply handle` 到我们的函数，并得到一个做事的 I/O action。我们绑定那个 I/O action 到 `result` 这个名字，关上 `handle` 并 `return result`。`return` 的作用把从 `f` 得到的结果包在 I/O action 中，这样一来 I/O action 中就包含了 `f handle` 得到的结果。如果 `f handle` 返回一个从标准输入读去数行并写到文件然后返回读入的行数的 I/O action，在 `withFile` 的情形中，最后的 I/O action 就会包含读入的行数。

就像 `hGetContents` 对应 `getContents` 一样，只不过是针对某个文件。我们也有 `hGetLine`、`hPutStr`、`hPutStrLn`、`hGetChar` 等等。他们分别是少了 `h` 的那些函数的对应。只不过他们要多拿一个 `handle` 当参数，并且是针对特定文件而不是标准输出或标准输入。像是 `putStrLn` 是一个接受一个字符串并返回一个印出加了换行字符的字符串的 I/O action 的函数。`hPutStrLn` 接受一个 `handle` 跟一个字符串，返回一个印出加了换行字符的字符串到文件的 I/O action。以此类推，`hGetLine` 接受一个 `handle` 然后返回一个从文件读取一行的 I/O action。

读取文件并对他们的字符串内容作些处理实在太常见了，常见到我们有三个函数来更进一步简化我们的工作。

`readFile` 的 type signature 是 `readFile :: FilePath -> IO String`。记住，`FilePath` 不过是 `String` 的一个别名。`readFile` 接受一个文件路径，返回一个惰性读取我们文件的 I/O action。然后将文件的内容绑定到某个字符串。他比起先 `openFile`，绑定 `handle`，然后 `hGetContents` 要好用多了。这边是一个用 `readFile` 改写之前例子的范例：

```
import System.IO

main = do
    contents <- readFile "girlfriend.txt"
    putStr contents
```

由于我们拿不到 `handle`，所以我们也无法关掉他。这件事 Haskell 的 `readFile` 在背后帮我们做了。

`writeFile` 的类型是 `writeFile :: FilePath -> String -> IO ()`。他接受一个文件路径，以及一个要写到文件中的字符串，并返回一个写

入动作的 I/O action。如果这个文件已经存在了，他会先把文件内容都砍了再写入。下面示范了如何把 girlfriend.txt 的内容转成大写然后写入到 girlfriendcaps.txt 中

```
import System.IO
import Data.Char

main = do
    contents <- readFile "girlfriend.txt"
    writeFile "girlfriendcaps.txt" (map toUpper contents)
```

```
$ runhaskell girlfriendtocaps.hs
$ cat girlfriendcaps.txt
HEY! HEY! YOU! YOU!
I DON'T LIKE YOUR GIRLFRIEND!
NO WAY! NO WAY!
I THINK YOU NEED A NEW ONE!
```

`appendFile` 的类型很像 `writeFile`，只是 `appendFile` 并不会在文件存在时把文件内容砍掉而是接在后面。

假设我们有一个文件叫 `todo.txt`，里面每一行是一件要做的事情。现在我们写一个程序，从标准输入接受一行将他加到我们的 to-do list 中。

```
import System.IO

main = do
    todoItem <- getLine
    appendFile "todo.txt" (todoItem ++ "\n")
```

```
$ runhaskell appendtodo.hs
Iron the dishes
$ runhaskell appendtodo.hs
Dust the dog
$ runhaskell appendtodo.hs
Take salad out of the oven
$ cat todo.txt
Iron the dishes
```

```
Dust the dog
Take salad out of the oven
```

由于 `getLine` 返回的值不会有换行字符，我们需要在每一行最后加上 `"\n"`。

还有一件事，我们提到 `contents <- hGetContents handle` 是惰性 I/O，不会将文件一次都读到存储器中。所以像这样写的话：

```
main = do
  withFile "something.txt" ReadMode (\handle -> do
    contents <- hGetContents handle
    putStr contents)
```

实际上像是用一个 `pipe` 把文件弄到标准输出。正如你可以把 `list` 想成 `stream` 一样，你也可以把文件想成 `stream`。他会每次读一行然后印到终端上。你也许会问这个 `pipe` 究竟一次可以塞多少东西，读去硬盘的频率究竟是多少？对于文字档而言，缺省的 `buffer` 通常是 `line-buffering`。这代表一次被读进来的大小是一行。这也是为什么在这个 `case` 我们是一行一行处理。对于 `binary file` 而言，缺省的 `buffer` 是 `block-buffering`。这代表我们是一个 `chunk` 一个 `chunk` 去读得。而一个 `chunk` 的大小是根据操作系统不同而不同。

你能用 `hSetBuffering` 来控制 `buffer` 的行为。他接受一个 `handle` 跟一个 `BufferMode`，返回一个会设定 `buffer` 行为的 I/O action。`BufferMode` 是一个 `enumeration` 类型，他可能的值有：`NoBuffering`, `LineBuffering` 或 `BlockBuffering (Maybe Int)`。其中 `Maybe Int` 是表示一个 `chunk` 有几个 `byte`。如果他的值是 `Nothing`，则操作系统会帮你决定 `chunk` 的大小。`NoBuffering` 代表我们一次读一个 `character`。一般来说 `NoBuffering` 的表现很差，因为他存取硬盘的频率很高。

接下来是我们把之前的范例改写成用 2048 bytes 的 `chunk` 读取，而不是一行一行读。

```
main = do
  withFile "something.txt" ReadMode (\handle -> do
    hSetBuffering handle $ BlockBuffering (Just 2048)
    contents <- hGetContents handle
```

```
putStr contents)
```

用更大的 `chunk` 来读取对于减少存取硬盘的次数是有帮助的，特别是我们的文件其实是通过网路来存取。

我们也可以使用 `hFlush`，他接受一个 `handle` 并返回一个会 flush buffer 到文件的 I/O action。当我们使用 `line-buffering` 的时候，buffer 在每一行都会被 flush 到文件。当我们使用 `block-buffering` 的时候，是在我们读每一个 `chunk` 作 flush 的动作。flush 也会发生在关闭 `handle` 的时候。这代表当我们碰到换行字符的时候，读或写的动作都会停止并回报手边的数据。但我们能使用 `hFlush` 来强迫回报所有已经在 buffer 中的数据。经过 flushing 之后，数据也就能被其他程序看见。

把 `block-buffering` 的读取想成这样：你的马桶会在水箱有一加仑的水的时候自动冲水。所以你不断灌水进去直到一加仑，马桶就会自动冲水，在水里面的数据也就会被看到。但你也可以手动地按下冲水钮来冲水。他会让现有的水被冲走。冲水这个动作就是 `hFlush` 这个名字的含意。

我们已经写了一个将 `item` 加进 `to-do list` 里面的程序，现在我们想加进移除 `item` 的功能。我先把源代码贴上然后讲解他。我们会使用一些新面孔像是 `System.Directory` 以及 `System.IO` 里面的函数。

来看一下我们包含移除功能的程序：

```
import System.IO
import System.Directory
import Data.List

main = do
    handle <- openFile "todo.txt" ReadMode
    (tempName, tempHandle) <- openTempFile "." "temp"
    contents <- hGetContents handle
    let todoTasks = lines contents
    numberedTasks = zipWith (\n line -> show n ++ " - " ++ line) [0..] todoTasks
    putStrLn "These are your TO-DO items:"
    putStr $ unlines numberedTasks
    putStrLn "Which one do you want to delete?"
    numberString <- getLine
```



```
let number = read numberString
newTodoItems = delete (todoTasks !! number) todoTasks
hPutStr tempHandle $ unlines newTodoItems
hClose handle
hClose tempHandle
removeFile "todo.txt"
renameFile tempName "todo.txt"
```

一开始，我们用 `read mode` 打开 `todo.txt`，并把他绑定到 `handle`。

接着，我们使用了一个之前没用过在 `System.IO` 中的函数 `openTempFile`。他的名字浅显易懂。他接受一个暂存的数据夹跟一个模板文件名，然后打开一个暂存盘。我们使用 `"."` 当作我们的暂存数据夹，因为 `.` 在几乎任何操作系统中都代表了现在所在的数据夹。我们使用 `"temp"` 当作我们暂存盘的模板名，他代表暂存盘的名字会是 `temp` 接上某串随机字符串。他返回一个创建暂存盘的 I/O action，然后那个 I/O action 的结果是一个 `pair`：暂存盘的名字跟一个 `handle`。我们当然可以随便开启一个 `todo2.txt` 这种名字的文件。但使用 `openTempFile` 会是比较好的作法，这样你不会不小心覆写任何文件。

我们不用 `getCurrentDirectory` 的来拿到现在所在数据夹而用 `"."` 的原因是 `.` 在 `unix-like` 系统跟 `Windows` 中都表示现在的数据夹。

然后，我们绑定 `todo.txt` 的内容成 `contents`。把字符串断成一串字符串，每个字符串代表一行。`todoTasks` 就变成 `["Iron the dishes", "Dust the dog", "Take salad out of the oven"]`。我们用一个会把 3 跟 `"hey"` 变成 `"3 - hey"` 的函数，然后从 0 开始把这个串行 `zip` 起来。所以 `numberedTasks` 就是 `["0 - Iron the dishes", "1 - Dust the dog" ...]`。我们用 `unlines` 把这个串行变成一行，然后印到终端上。注意我们也有另一种作法，就是用 `mapM putStrLn numberedTasks`。

我们问使用者他们想要删除哪一个并且等着他们输入一个数字。假设他们想要删除 1 号，那代表 `Dust the dog`，所以他们输入 1。于是 `numberString` 就代表 `"1"`。由于我们想要一个数字，而不是一个字符串，所以我们用对 1 使用 `read`，并且绑定到 `number`。

还记得在 `Data.List` 中的 `delete` 跟 `!!` 吗？`!!` 返回某个 `index` 的元

素，而 `delete` 删除在串行中第一个发现的元素，然后返回一个新的没有那个元素的串行。`(todoTasks !! number)`（`number` 代表 1）返回 `"Dust the dog"`。我们把 `todoTasks` 去掉第一个 `"Dust the dog"` 后的串行绑定到 `newTodoItems`，然后用 `unlines` 变成一行然后写到我们所打开的暂存盘。旧有的文件并没有变动，而暂存盘包含砍掉那一行后的所有内容。

在我们关掉原始档跟暂存盘之后我们用 `removeFile` 来移除原本的文件。他接受一个文件路径并且删除文件。删除旧得 `todo.txt` 之后，我们用 `renameFile` 来将暂存盘重新命名成 `todo.txt`。特别留意 `removeFile` 跟 `renameFile`（两个都在 `System.Directory` 中）接受的是文件路径，而不是 `handle`。

这就是我们要的，实际上我们可以用更少行写出同样的程序，但我们很小心地避免覆写任何文件，并询问操作系统我们可以把暂存盘摆在哪儿？让我们来执行看看。

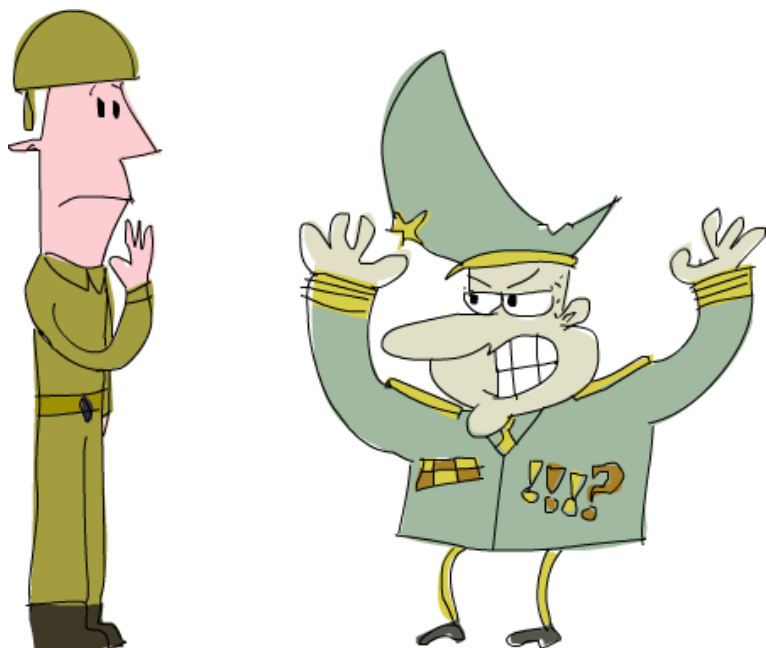
```
$ runhaskell deletetodo.hs
These are your TO-DO items:
0 - Iron the dishes
1 - Dust the dog
2 - Take salad out of the oven
Which one do you want to delete?
1

$ cat todo.txt
Iron the dishes
Take salad out of the oven

$ runhaskell deletetodo.hs
These are your TO-DO items:
0 - Iron the dishes
1 - Take salad out of the oven
Which one do you want to delete?
0

$ cat todo.txt
Take salad out of the oven
```

§9.3 命令行引数



如果你想要写一个在终端里运行的程序，处理命令行引数是不可或缺的。幸运的是，利用 Haskell 的 Standard Library 能让我们有效地处理命令行引数。

在之前的章节中，我们写了一个能将 to-do item 加进或移除 to-do list 的一个程序。但我们的写法有两个问题。第一个是我们把放 to-do list 的文件名称给写死了。我们擅自决定使用者不会有很多个 to-do lists，就把文件命名为 `todo.txt`。

一种解决的方法是每次都询问使用者他们想将他们的 to-do list 放进哪个文件。我们在使用者要删除的时候也采用这种方式。这是一种可以运行的方式，但不太能被接受，因为他需要使用者运行程序，等待程序询问才能回答。这被称为交互式的程序，但讨厌的地方在当你想要自动化执行程序的时候，好比说写成 `script`，这会让你的 `script` 写起来比较困难。

这也是为什么有时候让使用者在执行的时候就告诉程序他们要什么会比较较好，而不是让程序去问使用者要什么。比较好的方式是让使用者通过命令

行引数告诉程序他们想要什么。

在 `System.Environment` 模组当中有两个很酷的 I/O actions，一个是 `getArgs`，他的 type 是 `getArgs :: IO [String]`，他是一个拿取命令行引数的 I/O action，并把结果放在包含的一个串行中。`getProgName` 的类型是 `getProgName :: IO String`，他则是一个 I/O action 包含了程序的名称。

我们来看一个展现他们功能的程序。

```
import System.Environment
import Data.List

main = do
    args <- getArgs
    progName <- getProgName
    putStrLn "The arguments are:"
    mapM putStrLn args
    putStrLn "The program name is:"
    putStrLn progName
```

我们将 `getArgs` 跟 `progName` 分别绑定到 `args` 跟 `progName`。我们印出 `The arguments are:` 以及在 `args` 中的每个引数。最后，我们印出程序的名字。我们把程序编译成 `arg-test`。

```
$ ./arg-test first second w00t "multi word arg"
The arguments are:
first
second
w00t
multi word arg
The program name is:
arg-test
```

知道了这些函数现在你能写几个很酷的命令程序。在之前的章节，我们写了一个程序来加入待作事项，也写了另一个程序删除事项。现在我们要把两个程序合起来，他会根据命令行引数来决定该做的事情。我们也会让程序可以处理不同的文件，而不是只有 `todo.txt`

我们叫这程序 `todo`，他会作三件事：

```
# 监视待作事项
# 加入待作事项
# 删除待作事项
```

我们暂不考虑不合法的输入这件事。

我们的程序要像这样运行：假如我们要加入 Find the magic sword of power，则会我们打 `todo add todo.txt "Find the magic sword of power"`。要监视事项我们则会打 `todo view todo.txt`，如果要移除事项二则会打 `todo remove todo.txt 2`

我们先作一个分发的 association list。他会把命令行引数当作 key，而对应的处理函数当作 value。这些函数的类型都是 `[String] -> IO ()`。他们会接受命令行引数的串行并返回对应的监视，加入以及删除的 I/O action。

```
import System.Environment
import System.Directory
import System.IO
import Data.List

dispatch :: [(String, [String] -> IO ())]
dispatch = [ ("add", add)
             , ("view", view)
             , ("remove", remove)
           ]
```

我们定义了 `main`, `add`, `view` 跟 `remove`，就从 `main` 开始讲吧：

```
main = do
    (command:args) <- getArgs
    let (Just action) = lookup command dispatch
    action args V
```

首先，我们取出引数并把他们绑定到 `(command:args)`。如果你还记得 pattern matching，这么做会把第一个引数绑定到 `command`，把其他的绑定到 `args`。如果我们像这样执行程序 `todo add todo.txt "Spank the`

`monkey`", `command` 会变成 `"add"`, 而 `args` 会变成 `["todo.txt", "Spank the monkey"]`。

在下一行, 我们在一个分派的串行中寻到我们的指令是哪个。由于 `"add"` 指向 `add`, 我们的结果便是 `Just add`。我们再度使用了 `pattern matching` 来把我们的函数从 `Maybe` 中取出。但如果我们想要的指令不在分派的串行中呢? 那样 `lookup` 就会返回 `Nothing`, 但我们这边并不特别处理失败的情况, 所以 `pattern matching` 会失败然后我们的程序就会当掉。

最后, 我们用剩下的引数调用 `action` 这个函数。他会还传一个加入 `item`, 显示所有 `items` 或者删除 `item` 的 I/O `action`。由于这个 I/O `action` 是在 `main` 的 `do block` 中, 他最后会被执行。如果我们的 `action` 函数是 `add`, 他就会被喂 `args` 然后返回一个加入 `Spank the monkey` 到 `todo.txt` 中的 I/O `action`。

我们剩下要做的就是实现 `add`, `view` 跟 `remove`, 我们从 `add` 开始:

```
add :: [String] -> IO ()
add [fileName, todoItem] = appendFile fileName (todoItem ++ "\n")
```

如果我们这样执行程序 `todo add todo.txt "Spank the monkey"`, 则 `"add"` 会被绑定到 `command`, 而 `["todo.txt", "Spank the monkey"]` 会被带到从 `dispatch list` 中拿到的函数。

由于我们不处理不合法的输入, 我们只针对这两项作 `pattern matching`, 然后返回一个附加一行到文件末尾的 I/O `action`。

接着, 我们来实现监视串行。如果我们想要监视所有 `items`, 我们会 `todo view todo.txt`。所以 `command` 会是 `"view"`, 而 `args` 会是 `["todo.txt"]`。

```
view :: [String] -> IO ()
view [fileName] = do
    contents <- readFile fileName
    let todoTasks = lines contents
    numberedTasks = zipWith (\n line -> show n ++ " - " ++ line) [0..] todoTasks
    putStr $ unlines numberedTasks
```

这跟之前删除文件的程序差不多, 只是我们是在显示内容而已,

最后，我们要来实现 `remove`。他基本上跟之前写的只有删除功能的程序很像，所以如果你不知道删除是怎么做的，可以去看之前的解释。主要的差别是我们不写死 `todo.txt`，而是从参数取得。我们也不会提示使用者要删除哪一号的 `item`，而是从参数取得。

```
remove :: [String] -> IO ()
remove [fileName, numberString] = do
    handle <- openFile fileName ReadMode
    (tempName, tempHandle) <- openTempFile "." "temp"
    contents <- hGetContents handle
    let number = read numberString
        todoTasks = lines contents
        newTodoItems = delete (todoTasks !! number) todoTasks
    hPutStr tempHandle $ unlines newTodoItems
    hClose handle
    hClose tempHandle
    removeFile fileName
    renameFile tempName fileName
```

我们打开 `fileName` 的文件以及一个暂存。删除使用者要我们删的那一行后，把文件内容写到暂存盘。砍掉原本的文件然后把暂存盘重新命名成 `fileName`。

来看看完整的程序。

```
import System.Environment
import System.Directory
import System.IO
import Data.List

dispatch :: [(String, [String] -> IO ())]
dispatch = [ ("add", add)
            , ("view", view)
            , ("remove", remove)
            ]

main = do
    (command:args) <- getArgs
```

```
let (Just action) = lookup command dispatch
    action args

add :: [String] -> IO ()
add [fileName, todoItem] = appendFile fileName (todoItem ++ "\n")

view :: [String] -> IO ()
view [fileName] = do
    contents <- readFile fileName
    let todoTasks = lines contents
        numberedTasks = zipWith (\n line -> show n ++ " - " ++ line) [0..] todoTasks
    putStr $ unlines numberedTasks

remove :: [String] -> IO ()
remove [fileName, numberString] = do
    handle <- openFile fileName ReadMode
    (tempName, tempHandle) <- openTempFile "." "temp"
    contents <- hGetContents handle
    let number = read numberString
        todoTasks = lines contents
        newTodoItems = delete (todoTasks !! number) todoTasks
    hPutStr tempHandle $ unlines newTodoItems
    hClose handle
    hClose tempHandle
    removeFile fileName
    renameFile tempName fileName
```

总结我们的程序：我们做了一个 dispatch association，将指令对应到一些会接受命令行引数并返回 I/O action 的函数。我们知道使用者下了什么命令，并根据那个命令从 dispatch list 取出对影的函数。我们用剩下的命令行引数调用哪些函数而得到一些作相对应事情的 I/O action。然后便执行那些 I/O action。

在其他程序语言，我们可能会用一个大的 switch case 来实现，但使用高阶函数让我们可以要 dispatch list 给我们要的函数，并要那些函数给我们适当的 I/O action。



让我们看看执行结果。

```
$ ./todo view todo.txt
0 - Iron the dishes
1 - Dust the dog
2 - Take salad out of the oven

$ ./todo add todo.txt "Pick up children from drycleaners"

$ ./todo view todo.txt
0 - Iron the dishes
1 - Dust the dog
2 - Take salad out of the oven
3 - Pick up children from drycleaners

$ ./todo remove todo.txt 2

$ ./todo view todo.txt
0 - Iron the dishes
1 - Dust the dog
2 - Pick up children from drycleaners
```

要再另外加新的选项也是很容易。只要在 dispatch list 加入新的会作你要的事情函数。你可以试试实现一个 `bump` 函数，接受一个文件跟一个 task number，他会返回一个把那个 task 搬到 to-do list 顶端的 I/O action。

对于不合法的输入你也可以让程序结束地漂亮一点。(例如使用者输入了 `todo UP YOURS HAHAHAHA`) 可以作一个回报错误的 I/O action (例如 `'errorExist :: IO ()`) 检查有没有不合法的输入, 如果有便执行这个回报错误的 I/O action。我们之后会谈另一个可能, 就是用 `exception`。

§9.4 乱数



在许多情况下, 你写程序会需要些随机的数据。或许你在制作一个游戏, 在游戏中你需要掷骰子。或是你需要测试程序的测试数据。精准一点地说, 我们需要 `pseudo-random` 的数据, 我们知道真正的随机数据好比是一只猴子拿着起司跟奶油骑在单轮车上, 任何事情都会发生。在这个章节, 我们要看看如何让 Haskell 产生些 `pseudo-random` 的数据。

在大多数其他的程序语言中, 会给你一些函数能让你拿到些随机乱数。每调用一次他就会拿到一个不同的数字。那在 Haskell 中是如何? 要

记住 Haskell 是一个纯粹函数式语言。代表任何东西都具有 referential transparency。那代表你喂给一个函数相同的参数，不管怎么调用都是返回相同的结果。这很新奇的原因是因为他让我们理解程序的方式不同，而且可以让我们延迟计算，直到我们真正需要他。如果我调用一个函数，我可以确定他不会乱来。我真正在乎的是他的结果。然而，这会造成在乱数的情况有点复杂。如果我有一个函数像这样：

```
randomNumber :: (Num a) => a
randomNumber = 4
```

由于他永远返回 4，所以对于乱数的情形而言是没什么意义。就算 4 这个结果是掷骰子来的也没有意义。

其他的程序语言是怎么产生乱数的呢？他们可能随便拿取一些电脑的信息，像是现在的时间，你怎么移动你的鼠标，以及周围的声音。根据这些算出一个数值让他看起来好像随机的。那些要素算出来的结果可能在每个时间都不同，所以你会拿到不同的随机数字。

所以说在 Haskell 中，假如我们能作一个函数，他会接受一个具随机性的参数，然后根据那些信息还传一个数值。

在 `System.Random` 模组中。他包含所有满足我们需求的函数。让我们先来看其中一个，就是 `random`。他的类型是 `random :: (RandomGen g, Random a) => g -> (a, g)`。哇，出现了新的 `typeclass`。`RandomGen` `typeclass` 是指那些可以当作乱源的类型。而 `Random` `typeclass` 则是可以装乱数的类型。一个布林值可以是随机值，不是 `True` 就是 `False`。一个整数可以是随机的好多不同值。那你会问，函数可以是一个随机值吗？我不这么认为。如果我们试着翻译 `random` 的类型声明，大概会是这样：他接受一个 `random generator` (乱源所在)，然后返回一个随机值以及一个新的 `random generator`。为什么他要返回一个新的 `random generator` 呢？就是下面我们要讲的。

要使用 `random` 函数，我们必须要了解 `random generator`。在 `System.Random` 中有一个很酷的类型，叫做 `StdGen`，他是 `RandomGen` 的一个 `instance`。我们可以自己手动作一个 `StdGen` 也可以告诉系统给我们一个现成的。

要自己做一个 `random generator`，要使用 `mkStdGen` 这个函数。他的类型是 `mkStdGen :: Int -> StdGen`。他接受一个整数，然后根据这个整

数会给一个 random generator。让我们来试一下 `random` 以及 `mkStdGen`，用他们产生一个乱数吧。

```
ghci> random (mkStdGen 100)
```

```
<interactive>:1:0:
  Ambiguous type variable `a' in the constraint:
    `Random a' arising from a use of `random' at <interactive>:1:0-20
  Probable fix: add a type signature that fixes these type variable(s)
```

这是什么？由于 `random` 函数会返回 `Random` typeclass 中任何一种类型，所以我们必须告诉 Haskell 我们是要哪一种类型。不要忘了我们是返回 random value 跟 random generator 的一个 pair

```
ghci> random (mkStdGen 100) :: (Int, StdGen)
(-1352021624,651872571 1655838864)
```

我们终于有了一个看起来像乱数的数字。tuple 的第一个部分是我们的乱数，而第二个部分是一个新的 random generator 的文字表示。如果我们用相同的 random generator 再调用 `random` 一遍呢？

```
ghci> random (mkStdGen 100) :: (Int, StdGen)
(-1352021624,651872571 1655838864)
```

不易外地我们得到相同的结果。所以我们试试用不同的 random generator 作为我们的参数。

```
ghci> random (mkStdGen 949494) :: (Int, StdGen)
(539963926,466647808 1655838864)
```

很好，我们拿到了不同的数字。我们可以用不同的类型标志来拿到不同类型的乱数

```
ghci> random (mkStdGen 949488) :: (Float, StdGen)
(0.8938442,1597344447 1655838864)
ghci> random (mkStdGen 949488) :: (Bool, StdGen)
(False,1485632275 40692)
ghci> random (mkStdGen 949488) :: (Integer, StdGen)
```

```
(1691547873,1597344447 1655838864)
```

让我们写一个仿真丢三次铜板的函数。假如 `random` 不同时返回一个乱数以及一个新的 `random generator`，我们就必须让这函数接受三个 `random generators` 让他们每个返回一个掷铜板的结果。但那样听起来怪怪的，加入一个 `generator` 可以产生一个类型是 `Int` 的乱数，他应该可以产生掷三次铜板的结果（总共才八个组合）。这就是 `random` 为什么要返回一个新的 `generator` 的关键了。

我们将一个铜板表示成 `Bool`。`True` 代表反面，`False` 代表正面。

```
threeCoins :: StdGen -> (Bool, Bool, Bool)
threeCoins gen =
    let (firstCoin, newGen) = random gen
        (secondCoin, newGen') = random newGen
        (thirdCoin, newGen'') = random newGen'
    in (firstCoin, secondCoin, thirdCoin)
```

我们用我们拿来当参数的 `generator` 调用 `random` 并得到一个掷铜板的结果跟一个新的 `generator`。然后我们再用新的 `generator` 调用他一遍，来得到第二个掷铜板的结果。对于第三个掷铜板的结果也是如法炮制。如果我们一直都用同样的 `generator`，那所有的结果都会是相同的值。也就是不是 `(False, False, False)` 就是 `(True, True, True)`。

```
ghci> threeCoins (mkStdGen 21)
(True,True,True)
ghci> threeCoins (mkStdGen 22)
(True,False,True)
ghci> threeCoins (mkStdGen 943)
(True,False,True)
ghci> threeCoins (mkStdGen 944)
(True,True,True)
```

留意我们不需要写 `random gen :: (Bool, StdGen)`。那是因为我们已经在函数的类型声明那边就表明我们要的是布林。而 Haskell 可以推敲出我们要的是布林值。

假如我们要的是掷四次？甚至五次呢？有一个函数叫 `randoms`，他接受一个 `generator` 并返回一个无穷序列。

```
ghci> take 5 $ randomness (mkStdGen 11) :: [Int]
[-1807975507,545074951,-1015194702,-1622477312,-502893664]
ghci> take 5 $ randomness (mkStdGen 11) :: [Bool]
[True,True,True,True,False]
ghci> take 5 $ randomness (mkStdGen 11) :: [Float]
[7.904789e-2,0.62691015,0.26363158,0.12223756,0.38291094]
```

为什么 `randomness` 不另外多返回一个新的 `generator` 呢？我们可以这样地实现 `randomness`

```
randomness' :: (RandomGen g, Random a) => g -> [a]
randomness' gen = let (value, newGen) = random gen in value:randomness' newGen
```

一个递归的定义。我们由现在的 `generator` 拿到一个乱数跟一个新的 `generator`，然后制作一个 `list`，`list` 的第一个值是那个乱数，而 `list` 的其余部分是根据新的 `generator` 产生出的其余乱数们。由于我们可能产生出无限的乱数，所以不可能返回一个新的 `generator`。

我们可以写一个函数，他会返回有限个乱数跟一个新的 `generator`

```
finiteRandoms :: (RandomGen g, Random a, Num n) => n -> g -> ([a], g)
finiteRandoms 0 gen = ([], gen)
finiteRandoms n gen =
    let (value, newGen) = random gen
        (restOfList, finalGen) = finiteRandoms (n-1) newGen
    in (value:restOfList, finalGen)
```

又是一个递归的定义。我们说如果我们要 0 个乱数，我们便返回一个空的 `list` 跟原本给我们的 `generator`。对于其他数量的乱数，我们先拿一个乱数跟一个新的 `generator`。这一个乱数便是 `list` 的第一个数字。然后 `list` 中剩下的便是 `n-1` 个由新的 `generator` 产生出的乱数。然后我们返回整个 `list` 跟最后一个产生完 `n-1` 个乱数后 `generator`。

如果我们要的是在某个范围内的乱数呢？现在拿到的乱数要不是太大就是太小。如果我们想要的是骰子上的数字呢？`randomR` 能满足我们的需求。他的类型是 `randomR :: (RandomGen g, Random a) :: (a, a) -> g -> (a, g)`，代表他有点类似 `random`。只不过他的第一个参数是一对数目，定义了最后产生乱数的上界以及下界。

```
ghci> randomR (1,6) (mkStdGen 359353)
(6,1494289578 40692)
ghci> randomR (1,6) (mkStdGen 35935335)
(3,1250031057 40692)
```

另外也有一个 **randomRs** 的函数，他会产生一连串在给定范围内的乱数：

```
ghci> take 10 $ randomRs ('a','z') (mkStdGen 3) :: [Char]
"ndkxbvmomg"
```

这结果看起来像是一个安全性很好的密码。

你会问你自己，这一单元跟 I/O 有关系吗？到现在为止还没出现任何跟 I/O 有关的东西。到现在为止我们都是手动地做我们的 random generator。但那样的问题是，程序永远都会返回同样的乱数。这在真实世界中的程序是不能接受的。这也是为什么 **System.Random** 要提供 **getStdGen** 这个 I/O action，他的类型是 **IO StdGen**。当你的程序执行时，他会跟系统要一个 random generator，并存成一个 global generator。**getStdGen** 会替你拿那个 global random generator 并把他绑定到某个名称上。

这里有一个简单的产生随机字符串的程序。

```
import System.Random

main = do
    gen <- getStdGen
    putStr $ take 20 (randomRs ('a','z') gen)
```

```
$ runhaskell random_string.hs
pybphhzzhuepknbykxhe
$ runhaskell random_string.hs
eiqgcxykivpudlsvvjpg
$ runhaskell random_string.hs
nzdceoconysdgcyqjrue
$ runhaskell random_string.hs
bakzhnnuzrkgvesqplrx
```

要当心当我们连续两次调用 `getStdGen` 的时候，实际上都会返回同样的 global generator。像这样：

```
import System.Random

main = do
    gen <- getStdGen
    putStrLn $ take 20 (randomRs ('a','z') gen)
    gen2 <- getStdGen
    putStr $ take 20 (randomRs ('a','z') gen2)
```

你会印出两次同样的字符串。要能得到两个不同的字符串是建立一个无限的 stream，然后拿前 20 个字当作第一个字符串，拿下 20 个字当作第二个字符串。要这么做，我们需要在 `Data.List` 中的 `splitAt` 函数。他会把一个 list 根据给定的 index 切成一个 tuple，tuple 的第一部分就是切断的前半，第二个部分就是切断的后半。

```
import System.Random
import Data.List

main = do
    gen <- getStdGen
    let randomChars = randomRs ('a','z') gen
        (first20, rest) = splitAt 20 randomChars
        (second20, _) = splitAt 20 rest
    putStrLn first20
    putStr second20
```

另一种方法是用 `newStdGen` 这个 I/O action，他会把现有的 random generator 分成两个新的 generators。然后会把其中一个指定成 global generator，并返回另一个。

```
import System.Random

main = do
    gen <- getStdGen
    putStrLn $ take 20 (randomRs ('a','z') gen)
    gen' <- newStdGen
```



```
putStr $ take 20 (randomRs ('a','z') gen')
```

当我们绑定 `newStdGen` 的时候我们不只是会拿到一个新的 `generator`, `global generator` 也会被重新指定。所以再调用一次 `getStdGen` 并绑定到某个名称的话, 我们就会拿到跟 `gen` 不一样的 `generator`。

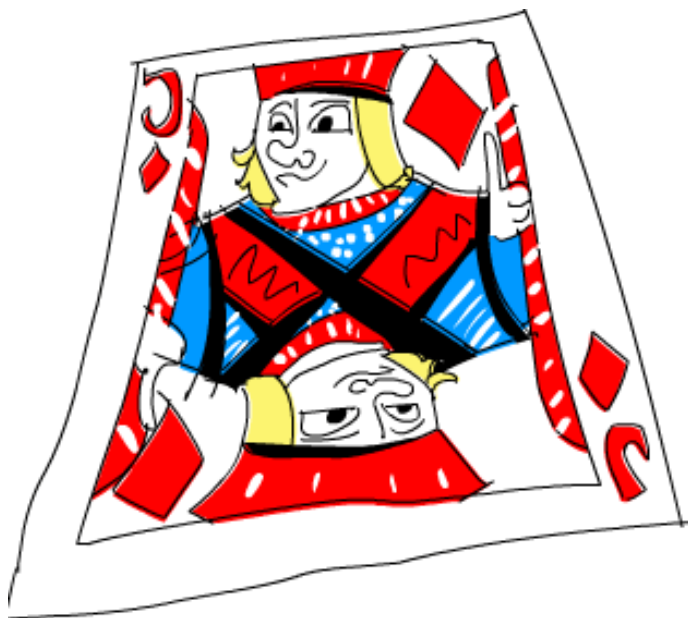
这边有一个小程序会让使用者猜数字:

```
import System.Random
import Control.Monad(when)

main = do
    gen <- getStdGen
    askForNumber gen

askForNumber :: StdGen -> IO ()
askForNumber gen = do
    let (randNumber, newGen) = randomR (1,10) gen :: (Int, StdGen)
    putStr "Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? "
    numberString <- getLine
    when (not $ null numberString) $ do
        let number = read numberString
        if randNumber == number
            then putStrLn "You are correct!"
            else putStrLn $ "Sorry, it was " ++ show randNumber
        askForNumber newGen
```

我们写了一个 `askForNumber` 的函数, 他接受一个 `random generator` 并返回一个问使用者要数字并回答是否正确的 I/O action。在那个函数里面, 我们先根据从参数拿到的 `generator` 产生一个乱数以及一个新的 `generator`, 分别叫他们为 `randomNumber` 跟 `newGen`。假设那个产生的数字是 7。则我们要求使用者猜我们握有的数字是什么。我们用 `getLine` 来将结果绑定到 `numberString` 上。当使用者输入 7, `numberString` 就会是 "7"。接下来, 我们用 `when` 来检查使用者输入的是否是空字符串。如果是, 那一个空的 I/O action `return ()` 就会被返回。基本上就等于是结束程序的意思。如果不是, 那 I/O action 就会被执行。我们用 `read` 来把 `numberString` 转成一个数字, 所以 `number` 便会是 7。



如果使用者给我们一些 ``read`` 没办法读取的输入（像是 ``"haha"``），我们的程序便会当掉并印出错误讯息。如果你不希望你的程序当掉，就用 `**reads` `**`，当读取失败的时候他会返回一个空的 `list`。当成功的时候他就返回一个 `tuple`，第一个部分是我们想要的数字，第二个部分是读取失败的字符串。

我们检查如果输入的数字跟我们随机产生的数字一样，便提示使用者恰当的讯息。然后再递归地调用 `askForNumber`，只是会拿到一个新的 `generator`。就像之前的 `generator` 一样，他会给我们一个新的 I/O action。

`main` 的组成很简单，就是由拿取一个 `random generator` 跟调用 `askForNumber` 组成罢了。

来看看我们的程序：

```
$ runhaskell guess_the_number.hs
Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? 4
Sorry, it was 3
Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? 10
You are correct!
```

```
Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? 2
Sorry, it was 4
Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? 5
Sorry, it was 10
Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of?
```

用另一种方式写的话像这样：

```
import System.Random
import Control.Monad(when)

main = do
    gen <- getStdGen
    let (randNumber, _) = randomR (1,10) gen :: (Int, StdGen)
    putStr "Which number in the range from 1 to 10 am I thinking of? "
    numberString <- getLine
    when (not $ null numberString) $ do
        let number = read numberString
        if randNumber == number
            then putStrLn "You are correct!"
            else putStrLn $ "Sorry, it was " ++ show randNumber
        newStdGen
    main
```

他非常类似我们之前的版本，只是不是递归地调用，而是把所有的工作都在 `main` 里面做掉。在告诉使用者他们猜得是否正确之后，便更新 global generator 然后再一次调用 `main`。两种策略都是有效但我比较喜欢第一种方式。因为他在 `main` 里面做的事比较少，并提供我们一个可以重复使用的函数。

§9.5 Bytestrings

List 是一种有用又酷的数据结构。到目前为止，我们几乎无处不使用他。有好几个函数是专门处理 List 的，而 Haskell 惰性的性质又让我们可以用 `filter` 跟 `map` 来替换其他语言中的 `for loop` 跟 `while loop`。也由于 evaluation 只会发生在需要的时候，像 infinite list 也对于 Haskell 不成问题（甚至是 infinite list of infinite list）。这也是为什么 list 能被用来表达 stream，像是



读取标准输入或是读取文件。我们可以打开文件然后读取内容成字符串，即便实际上我们是需要的时候才会真正取读取。

然而，用字符串来处理文件有一个缺点：就是他很慢。想你所知道的，`String` 是一个 `[Char]` 的 type synonym。`Char` 没有一个固定的大小，因为他可能由好几个 byte 组成，好比说 Unicode。再加上 list 是惰性的。如果你有一个 list 像 `[1,2,3,4]`，他只会在需要的时候被 evaluate。所以整个 list 其实比较像是一个“保证”你会有一个 list。要记住 `[1,2,3,4]` 不过是 `1:2:3:4:[]` 的一个 syntactic sugar。当 list 的第一个元素被 evaluated 的时候，剩余的部分 `2:3:4:[]` 一样也只是一个“保证”你会有一个 list，以此类推。以此类推。以此类推。所以你可以想像成 list 是保证在你需要的时候会给你第一个元素，以及保证你会有剩下的部分当你还需要更多的时候。其实不难说服你这样做并不是一个最有效率的作法。

这样额外的负担在大多数时候不会造成困扰，但当我们要读取一个很大的文件的时候就是个问题了。这也是为什么 Haskell 要有 `bytestrings`。`Bytestrings` 有点像 list，但他每一个元素都是一个 byte (8 bits)，而且他们惰性的程度也是不同。

`Bytestrings` 有两种：`strict` 跟 `lazy`。`Strict bytestrings` 放在 `Data.ByteString`，他们把惰性的性质完全拿掉。不会有所谓任何的「保证」，一个 `strict bytestring` 就代表一连串的 bytes。因此你不会有一个无限长的 `strict bytestrings`。如果你 evaluate 第一个 byte，你就必须 evaluate 整个 `bytestring`。这么做的优点是它会比较少 overhead，因为他没有 “Thunk”（也就是用 Haskell 术语来说的「保证」）。缺点就是他可能会快速消耗你的存储器，因为你把他们一次都读进了存储器。

另一种 `bytestring` 是放在 `Data.ByteString.Lazy` 中。他们具有惰性，但又不像 list 那么极端。就像我们之前说的，List 的 thunk 个数是跟 list 中有几个元素一模一样。这也是为什么他们速度没办法满足一些特殊需求。`Lazy bytestrings` 则用另一种作法，他们被存在 chunks 中（不要跟 Thunk 搞混），每一个 chunk 的大小是 64K。所以如果你 evaluate `lazy bytestring` 中的 byte，则前 64K 会被 evaluated。在那个 chunk 之后，就是一些「保证」会有剩余的 chunk。`lazy bytestrings` 有点像装了一堆大小为 64K 的 `strict bytestrings` 的 list。当你用 `lazy bytestring` 处理一个文件的时候，他是一个

chunk 一个 chunk 去读。这很棒是因为他不会让我们一下使用大量的存储器，而且 64K 有很高的可能性能够装进你 CPU 的 L2 Cache。

如果你大概看过 `Data.ByteString.Lazy` 的文件，你会看到到他有一堆函数的名称跟 `Data.List` 中的函数名称相同，只是出现的 type signature 是 `ByteString` 而不是 `[a]`，是 `Word8` 而不是 `a`。同样名称的函数基本上表现的行为跟 list 中的差不多。因为名称是一样的，所以必须用 `qualified import` 才不会在装载进 `GHCI` 的时候造成冲突。

```
import qualified Data.ByteString.Lazy as B
import qualified Data.ByteString as S
```

`B` 中有 lazy bytestrings 跟对应的函数，而 `S` 中则有 strict 的版本。大多数时候我们是用 lazy 的版本。

`pack` 函数的 type signature 是 `pack :: [Word8] -> ByteString`。代表他接受一串类型为 `Word8` 的 bytes，并返回一个 `ByteString`。你能想像一个 lazy 的 list，要让他稍微不 lazy 一些，所以让他对于 64K lazy。

那 `Word8` 类型又是怎么回事？。他就像 `Int`，只是他的范围比较小，介于 0-255 之间。他代表一个 8-bit 的数字。就像 `Int` 一样，他是属于 `Num` 这个 typeclass。例如我们知道 5 是 polymorphic 的，他能够表现成任何数值类型。其实 `Word8` 他也能表示。

```
ghci> B.pack [99,97,110]
Chunk "can" Empty
ghci> B.pack [98..120]
Chunk "bcdefghijklmnopqrstuvwxyz" Empty
```

正如你看到的，你其实不必特别在意 `Word8`，因为类型系统会选择正确的类型。如果你试着用比较大的数字，像是 336。那对于 `Word8` 他就会变成 80。

我们把一些数值打包成 `ByteString`，使他们可以塞进一个 chunk 里面。`Empty` 之于 `ByteString` 就像 `[]` 之于 list 一样。

`unpack` 是 `pack` 的相反，他把一个 bytestring 变成一个 byte list。

fromChunks 接受一串 `strict` 的 `bytestrings` 并把他变成一串 `lazy bytestring`。**toChunks** 接受一个 `lazy bytestrings` 并将他变成一串 `strict bytestrings`。

```
ghci> B.fromChunks [S.pack [40,41,42], S.pack [43,44,45], S.pack [46,47,48]]
Chunk "()*" (Chunk "+,-" (Chunk ". / 0" Empty))
```

如果你有很多小的 `strict bytestrings` 而且不想先将他们 `join` 起来（会耗损 `memory`）这样的作法是不错的。

`bytestring` 版本的：叫做 **cons**。他接受一个 `byte` 跟一个 `bytestring`，并把这个 `byte` 放到 `bytestring` 的前端。他是 `lazy` 的操作，即使 `bytestring` 的第一个 `chunk` 不是满的，他也会新增一个 `chunk`。这也是为什么当你要插入很多 `bytes` 的时候最好用 `strict` 版本的 `cons`，也就是 `cons'`。

```
ghci> B.cons 85 $ B.pack [80,81,82,84]
Chunk "U" (Chunk "PQRT" Empty)
ghci> B.cons' 85 $ B.pack [80,81,82,84]
Chunk "UPQRT" Empty
ghci> foldr B.cons B.empty [50..60]
Chunk "2" (Chunk "3" (Chunk "4" (Chunk "5" (Chunk "6" (Chunk "7" (Chunk "8" (Ch
Empty))))))))))
ghci> foldr B.cons' B.empty [50..60]
Chunk "23456789:;<" Empty
```

你可以看到 **empty** 制造了一个空的 `bytestring`。也注意到 `cons` 跟 `cons'` 的差异了吗？有了 `foldr`，我们逐步地把一串数字从右边开始，一个个放到 `bytestring` 的前头。当我们用 `cons`，我们则得到一个 `byte` 一个 `chunk` 的结果，并不是我们要的。

`bytestring` 模组有一大票很像 `Data.List` 中的函数。包括了 `head`, `tail`, `init`, `null`, `length`, `map`, `reverse`, `foldl`, `foldr`, `concat`, `takeWhile`, `filter`, 等等。

他也有表现得跟 `System.IO` 中一样的函数，只有 `Strings` 被换成了 `ByteString` 而已。像是 `System.IO` 中的 `readFile`，他的类型是 `readFile :: FilePath -> IO String`，而 `bytestring` 模组中的 `readFile` 则是

`readFile :: FilePath -> IO ByteString`。小心，如果你用了 `strict bytestring` 来读取一个文件，他会把文件内容都读进存储器中。而使用 `lazy bytestring`，他则会读取 `chunks`。

让我们来写一个简单的程序，他从命令行接受两个文件名，然后拷贝第一个文件内容成第二个文件。虽然 `System.Directory` 中已经有一个函数叫 `copyFile`，但我们想要实现自己的版本。

```
import System.Environment
import qualified Data.ByteString.Lazy as B

main = do
    (fileName1:fileName2:_) <- getArgs
    copyFile fileName1 fileName2

copyFile :: FilePath -> FilePath -> IO ()
copyFile source dest = do
    contents <- B.readFile source
    B.writeFile dest contents
```

我们写了自己的函数，他接受两个 `FilePath`（记住 `FilePath` 不过是 `String` 的同义词。）并返回一个 I/O action，他会用 `bytestring` 拷贝第一个文件至另一个。在 `main` 函数中，我们做的只是拿到命令行引数然后调用那个函数来拿到一个 I/O action。

```
$ runhaskell bytestringcopy.hs something.txt ../../something.txt
```

就算我们不用 `bytestring` 来写，程序最后也会长得像这样。差别在于我们会用 `B.readFile` 跟 `B.writeFile` 而不是 `readFile` 跟 `writeFile`。有很大的可能性，就是你只要 `import` 文件并在函数前加上 `qualified` 模组名，就可以把一个用正常 `String` 的程序改换成用 `ByteString`。也有可能你是要反过来做，但那也不难。

当你需要更好的效能来读取许多数据，尝试用 `bytestring`，有很大的机会你会用很小的力气改进很多效能。我通常用正常 `String` 来写程序，然后在效能不好的时候把他们改成 `ByteString`。



§9.6 Exceptions (异常)

所有的程序语言都有要处理失败的情形。这就是人生。不同的语言有不同的处理方式。在 C 里面，我们通常用非正常范围的返回值（像是 -1 或 null）来返回错误。Java 跟 C# 则倾向于使用 exception 来处理失败的情况。当一个 exception 被丢出的时候，控制流程就会跳到我们做一些清理动作的地方，做完清理后 exception 被重新丢出，这样一些处理错误的源代码可以完成他们的工作。

Haskell 有一个很棒的类型系统。Algebraic data types 允许像是 Maybe 或 Either 这种类型，我们能用这些类型来代表一些可能有或没有的结果。在 C 里面，在失败的时候返回 -1 是很常见的事。但他只对写程序的人有意义。如果我们不小心，我们有可能把这些错误码当作正常值来处理，便造成一些混乱。Haskell 的类型系统赋予我们更安全的环境。一个 $a \rightarrow \text{Maybe } b$ 的函数指出了他会产生一个包含 b 的 Just，或是返回 Nothing。这类型跟 $a \rightarrow b$ 是不同的，如果我们试着将两个函数混用，compiler 便会警告我们。

尽管有表达力够强的类型来辅助失败的情形，Haskell 仍然支持 exception，因为 exception 在 I/O 的 contexts 下是比较合理的。在处理 I/O 的时候会有一堆奇奇怪怪的事情发生，环境是很不能被信赖的。像是打开文件。文件有可能被 lock 起来，也有可能文件被移除了，或是整个硬盘都被拔掉。所以直接跳到处理错误的源代码是很合理的。

我们了解到 I/O code 会丢出 exception 是件合理的事。至于 pure code 呢？其实他也能丢出 Exception。想想看 div 跟 head 两个案例。他们的类型是 $(\text{Integral } a) \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$ 以及 $[a] \rightarrow a$ 。Maybe 跟 Either 都没有在他们的返回类型中，但他们都有可能失败。div 有可能除以零，而 head 有可能你传给他一个空的 list。

```
ghci> 4 `div` 0
*** Exception: divide by zero
ghci> head []
*** Exception: Prelude.head: empty list
```

pure code 能丢出 Exception，但 Exception 只能在 I/O section 中被接到（也就是在 main 的 do block 中）这是因为在 pure code 中你不知道什么



东西什么时候会被 evaluate。因为 lazy 特性的缘故，程序没有一个特定的执行顺序，但 I/O code 有。

先前我们谈过为什么在 I/O 部分的程序要越少越好。程序的逻辑部分尽量都放在 pure 的部分，因为 pure 的特性就是他们的结果只会根据函数的参数不同而改变。当思考 pure function 的时候，你只需要考虑他返回什么，因为除此之外他不会有任何副作用。这会让事情简单许多。尽管 I/O 的部分是难以避免的（像是打开文件之类），但最好是把 I/O 部分降到最低。Pure functions 缺省是 lazy，那代表我们不知道他什么时候会被 evaluate，不过我们也不该知道。然而，一旦 pure functions 需要丢出 Exception，他们何时被 evaluate 就很重要了。那是因为我们只有在 I/O 的部分才能接到 Exception。这很糟糕，因为我们说过希望 I/O 的部分越少越好。但如果我们不接 Exception，我们的程序就会当掉。这问题有解决办法吗？答案是不要在 pure code 里面使用 Exception。利用 Haskell 的类型系统，尽量使用 Either 或 Maybe 之类的类型来表示可能失败的计算。

这也是为什么我们要来看看怎么使用 I/O Exception。I/O Exception 是当我们在 main 里面跟外界沟通失败而丢出的 Exception。例如我们尝试打开一个文件，结果发现他已经被删掉或是其他状况。来看看一个尝试打开命令行引数所指定文件名称，并计算里面有多少行的程序。

```
import System.Environment
import System.IO

main = do (fileName:_) <- getArgs
          contents <- readFile fileName
          putStrLn $ "The file has " ++ show (length (lines contents)) ++ " lines"
```

一个很简单的程序。我们使用 getArgs I/O action，并绑定第一个 string 到 fileName。然后我们绑定文件内容到 contents。最后，我们用 lines 来取得 line 的 list，并计算 list 的长度，并用 show 来转换数字成 string。他如我们想像的工作，但当我们给的文件名称不存在的时候呢？

```
$ runhaskell linecount.hs i_dont_exist.txt
linecount.hs: i_dont_exist.txt: openFile: does not exist (No such file or directory)
```

GHC 丢了错误讯息给我们，告诉我们文件不存在。然后程序就挂掉了。假如我们希望印出比较好一些的错误讯息呢？一种方式就是在打开文件前检查他存不存在。用 `System.Directory` 中的 `doesFileExist`。

```
import System.Environment
import System.IO
import System.Directory

main = do (fileName:_) <- getArgs
         fileExists <- doesFileExist fileName
         if fileExists
           then do contents <- readFile fileName
                  putStrLn $ "The file has " ++ show (length (lines contents))
           else do putStrLn "The file doesn't exist!"
```

由于 `doesFileExist` 的类型是 `doesFileExist :: FilePath -> IO Bool`，所以我们要写成 `fileExists <- doesFileExist fileName`。那代表他返回含有一个布林值告诉我们文件存不存在的 I/O action。`doesFileExist` 是不能直接在 `if expression` 中使用的。

另一个解法是使用 `Exception`。在这个情境下使用 `Exception` 是没问题的。文件不存在这个 `Exception` 是在 I/O 中被丢出，所以在 I/O 中接起来也没什么不对。

要这样使用 `Exception`，我们必须使用 `System.IO.Error` 中的 `catch` 函数。他的类型是 `catch :: IO a -> (IOError -> IO a) -> IO a`。他接受两个参数，第一个是一个 I/O action。像是他可以接受一个打开文件的 I/O action。第二个是 handler。如果第一个参数的 I/O action 丢出了 `Exception`，则他会被传给 handler，他会决定要作些什么。所以整个 I/O action 的结果不是如预期中做完第一个参数的 I/O action，就是 handler 处理的结果。

如果你对其他语言像是 Java, Python 中 `try-catch` 的形式很熟，那 `catch` 其实跟他们很像。第一个参数就是其他语言中的 `try block`。第二个参数就是其他语言中的 `catch block`。其中 handler 只有在 `exception` 被丢出时才会被执行。

handler 接受一个 `IOError` 类型的值，他代表的是一个 I/O exception 已经发生了。他也带有一些 `exception` 本身的信息。至于这类型在语言中使



如何被实现则是要看编译器。这代表我们没办法用 pattern matching 的方式来监视 `IOError`。就像我们不能用 pattern matching 来监视 `IO something` 的内容。但我们能用一些 predicate 来监视他们。

我们来看看一个展示 `catch` 的程序

```
import System.Environment
import System.IO
import System.IO.Error

main = toTry `catch` handler

toTry :: IO ()
toTry = do (fileName:_) <- getArgs
          contents <- readFile fileName
          putStrLn $ "The file has " ++ show (length (lines contents)) ++ " line

handler :: IOError -> IO ()
handler e = putStrLn "Whoops, had some trouble!"
```

首先你看到我们可以在关键字周围加上 backticks 来把 `catch` 当作 infix function 用，因为他刚好接受两个参数。这样使用让可读性变好。

`toTrycatchhandler` 跟 `catch toTry handler` 是一模一样的。`toTry` 是一个 I/O action，而 `handler` 接受一个 `IOError`，并返回一个当 exception 发生时被执行的 I/O action。

来看看执行的结果。

```
$ runhaskell count_lines.hs i_exist.txt
The file has 3 lines!

$ runhaskell count_lines.hs i_dont_exist.txt
Whoops, had some trouble!
```

在 `handler` 里面我们并没有检查我们拿到的是什么样的 `IOError`，我们只是印出 `"Whoops, had some trouble!"`。接住任何种类的 `Exception` 就跟其他语言一样，在 Haskell 中也不是一个好的习惯。假如其他种类的 `Exception` 发生了，好比说我们送一个中断指令，而我们没有接到的话会发生什么事？这就是为什么我们要做跟其他语言一样的事：就是检查我们拿到的是什么样的 `Exception`。如果说是我们要的 `Exception`，那就做对应的处理。如果不是，我们再重新丢出 `Exception`。我们把我们的程序这样修改，只接住文件不存在的 `Exception`。

```
import System.Environment
import System.IO
import System.IO.Error

main = toTry `catch` handler

toTry :: IO ()
toTry = do (fileName:_) <- getArgs
          contents <- readFile fileName
          putStrLn $ "The file has " ++ show (length (lines contents)) ++ " l

handler :: IOError -> IO ()
handler e
  | isDoesNotExistError e = putStrLn "The file doesn't exist!"
  | otherwise = ioError e
```

除了 `handler` 以外其他东西都没变，我们只接住我们想要的 I/O ex-

ception。这边使用了 `System.IO.Error` 中的函数 `isDoesNotExistError` 跟 `ioError`。 `isDoesNotExistError` 是一个运行在 `IOError` 上的 predicate，他代表他接受一个 `IOError` 然后返回 `True` 或 `False`，他的类型是 `isDoesNotExistError :: IOError -> Bool`。我们用他来判断是否这个错误是文件不存在所造成的。我们这边使用 `guard`，但其实也可以用 `if else`。如果 exception 不是由于文件不存在所造成的，我们就用 `ioError` 重新丢出接到的 exception。他的类型是 `ioError :: IOException -> IO a`，所以他接受一个 `IOError` 然后产生一个会丢出 exception 的 I/O action。那个 I/O action 的类型是 `IO a`，但他其实不会产生任何结果，所以他可以被当作是 `IO anything`。

所以有可能在 `toTry` 里面丢出的 exception 并不是文件不存在造成的，而 `toTrycatchhandler` 会接住再丢出来，很酷吧。

程序里面有好几个运行在 `IOError` 上的 I/O action，当其中一个没有被 evaluate 成 `True` 时，就会掉到下一个 guard。这些 predicate 分别为：

```
* **isAlreadyExistsError**
* **isDoesNotExistError**
* **isFullError**
* **isEOFError**
* **isIllegalOperation**
* **isPermissionError**
* **isUserError**
```

大部分的意思都是显而易见的。当我们用了 `userError` 来丢出 exception 的时候，`isUserError` 被 evaluate 成 `True`。例如说，你可以写 `ioError $ userError "remote computer unplugged!"`，尽管用 `Either` 或 `Maybe` 来表示可能的错误会比自己丢出 exception 更好。

所以你可能写一个像这样的 handler

```
handler :: IOError -> IO ()
handler e
  | isDoesNotExistError e = putStrLn "The file doesn't exist!"
  | isFullError e = freeSomeSpace
  | isIllegalOperation e = notifyCops
```



```
| otherwise = ioError e
```

其中 `notifyCops` 跟 `freeSomeSpace` 是一些你定义的 I/O action。如果 exception 不是你要的，记得要把他们重新丢出，不然你的程序可能只会安静地当掉。

`System.IO.Error` 也提供了一些能询问 exception 性质的函数，像是哪些 `handle` 造成错误，或哪些文件名造成错误。这些函数都是 `ioe` 当开头。而且你可以在文件中看到一整串详细数据。假设我们想要印出造成错误的文件名。我们不能直接印出从 `getArgs` 那边拿到的 `fileName`，因为只有 `IOError` 被传进 `handler` 中，而 `handler` 并不知道其他事情。一个函数只依赖于他所被调用时的参数。这也是为什么我们会用 `ioeGetFileName` 这函数，他的类型是 `ioeGetFileName :: IOError -> Maybe FilePath`。他接受一个 `IOError` 并返回一个 `FilePath`（他是 `String` 的同义词。）基本上他做的事就是从 `IOError` 中抽出文件路径。我们来修改一下我们的程序。

```
import System.Environment
import System.IO
import System.IO.Error

main = toTry `catch` handler

toTry :: IO ()
toTry = do (fileName:_) <- getArgs
          contents <- readFile fileName
          putStrLn $ "The file has " ++ show (length (lines contents)) ++ " lines!"

handler :: IOError -> IO ()
handler e
  | isDoesNotExistError e =
      case ioeGetFileName e of Just path -> putStrLn $ "Whoops! File does not
                                                                    Nothing -> putStrLn "Whoops! File does not exi
  | otherwise = ioError e
```

在 `isDoesNotExistError` 是 `True` 的 `guard` 里面，我们在 `case expression` 中用 `e` 来调用 `ioeGetFileName`，然后用 `pattern matching` 拆出 `Maybe`

中的值。当你想要用 pattern matching 却又不想要写一个新的函数的时候，case expression 是你的好朋友。

你不想只用一个 catch 来接你 I/O part 中的所有 exception。你可以只在特定地方用 catch 接 exception，或你可以用不同的 handler。像这样：

```
main = do toTry `catch` handler1
        thenTryThis `catch` handler2
        launchRockets
```

这边 toTry 使用 handler1 当作 handler，而 thenTryThis 用了 handler2。launchRockets 并不是 catch 的参数，所以如果有任何一个 exception 被丢出都会让我们的程序当掉，除非 launchRockets 使用 catch 来处理 exception。当然 toTry，thenTryThis 跟 launchRockets 都是 I/O actions，而且被 do syntax 绑在一起。这很像其他语言中的 try-catch blocks，你可以把一小段程序用 try-catch 包住，你可以自己调整该包多少进去。

现在你知道如何处理 I/O exception 了。我们并没有提到如何从 pure code 中丢出 exception，这是因为正如我们先提到的，Haskell 提供了更好的办法来处理错误。就算是在可能会失败的 I/O action 中，我也倾向用 IO (Either a b)，代表他们是 I/O action，但当他们被执行，他们结果的类型是 Either a b，意思是不是 Left a 就是 Right b。

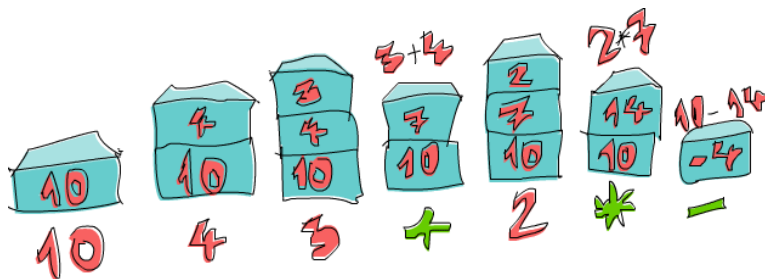
第十章 函数式地思考来解决问题

在这一章中，我们会监视几个有趣的问题，并尝试用函数式的方式来漂亮地解决他们。我们并不会介绍新的概念，我们只是练习我们刚学到的写程序的技巧。每一节都会探讨不同的问题。会先描述问题，然后用最好的方式解决他。

§10.1 运算逆波兰表示法 (Reverse Polish notation form)

我们在学校学习数学的时候，我们多半都是用中置 (infix) 的方式来写数学式。例如说，我们会写 $10 - (4 + 3) * 2$ 。+, *, - 是中置运算符 (infix operators)。在 Haskell 中就像是 + 或 elem 一样。这种写法对于人类来说很容易阅读与理解，但缺点是我们必须用括号来描述运算的优先级。

逆波兰表示法是另外一种数学式的描述方法。乍看之下显得怪异，但他其实很容易理解并使用。因为我们不需要括弧来描述，也很容易放进计算机里面运算。尽管现在的计算机都是用中置的方式让你输入，有些人仍坚持用 RPN 的计算机。前述的算式如果表达成 RPN 的话会是 $10\ 4\ 3\ +\ 2\ *\ -$ 。我们要如何计算他的结果呢？可以想想堆叠，基本上你是从左向右阅读算式。每当碰到一个数值，就把他堆上堆叠。当我们碰到一个运算符。就把两个数值从堆叠上拿下来，用运算符运算两个数值然后把结果推回堆叠中。当你消耗完整个算式的时候，而且假设你的算式是合法的，那你就应该只剩一个数值在堆叠中，



我们再接着看 $10\ 4\ 3\ +\ 2\ *\ -$ 。首先我们把 10 推到堆叠上，所以堆叠现在是 10。下一个接着的输入是 4，我们也把他推上堆叠。堆叠的状态便变

成 10, 4。接着也对下一个输入 3 做同样的事, 所以堆叠变成 10, 4, 3。然后便碰到了第一个运算符 +。我们把堆叠最上层的两个数值取下来 (所以堆叠变成 10) 把两个数值加起来然后推回堆叠上。堆叠的状态便变成 10, 7。我们再把输入 2 推上堆叠, 堆叠变成 10, 7, 2。我们又碰到另一个运算符, 所以把 7 跟 2 取下, 把他们相乘起来然后推回堆叠上。7 跟 2 相乘的结果是 14, 所以堆叠的状态是 10, 14。最后我们碰到了 -。我们把 10 跟 14 取下, 将他们相减然后推回堆叠上。所以现在堆叠的状态变成 -4。而我们已经把所有数值跟运算符的消耗完了, 所以 -4 便是我们的结果。

现在我们知道我们如何手算 RPN 运算式了, 接下来可以思考一下我们写一个 Haskell 的函数, 当他接到一个 RPN 运算式, 像是 "10 4 3 + 2 * -" 时, 他可以给出结果。

这个函数的类型会是什么样呢? 我们希望他接受一个字符串当作参数, 并产生一个数值作为结果。所以应该会是 `solveRPN :: (Num a) => String -> a`。

小建议: 在你去实现函数之前, 先想一下你会怎么声明这个函数的类型能够帮助你厘清问题。在 Haskell 中由于我们有够强的类型系统, 光从函数的声明就可以得到许多信息。



当我们要实现一个问题的解法时, 你可以先动手一步一步解看看, 尝试从里面得到一些灵感。我们这边把每一个用空白隔开的数值或运算符都当作独立的一项。所以把 "10 4 3 + 2 * -" 这样一个字符串断成一串 list

`["10", "4", "3", "+", "2", "*", "-"]` 应该会有帮助。

接下来我们要如何应用这个断好的 list 呢？我们从左至右来走一遍，并保存一个工作用的堆叠。这样有让你想到些什么可以用的吗？没错，在 `folds` 的那一章里面，我们提到基本上当你需要从左至右或由右至左走过一遍 list 的时候并产生些结果的时候。我们都能用 `fold` 来实现他。

在这个 case 中由于我们是从左边走到右边，所以我们采取 `left fold`。`accumulator` 则是选用堆叠，而 `fold` 的结果也会是一个堆叠，只是里面只有一个元素而已。

另外要多考虑一件事是我们用什么来代表我们的堆叠？我们可以用 list 来代替，list 的 `head` 就可以当作是堆叠的顶端。毕竟要把一个元素加到 list 的 `head` 要比加到最后要有效率多。所以如果我们有一个堆叠，里面有 10, 4, 3，那我们可以用 `[3,4,10]` 来代表他。

现在我们有了足够的信息来写出我们的函数。他会接受一个字符串 `"10 4 3 + 2 * -"`，随即用 `words` 来断成 list `["10", "4", "3", "+", "2", "*", "-"]`。接下来我们做一个 `left fold` 来产生出只有一个元素的堆叠，也就是 `[-4]`。我们把这个元素从 list 取出便是最后的结果。

来看看我们的实现：

```
import Data.List

solveRPN :: (Num a) => String -> a
solveRPN expression = head (foldl foldingFunction [] (words expression))
    where foldingFunction stack item = ...
```

我们接受一个运算式并把他断成一串 List。然后我们用一个 `folding` 函数来 `fold` 这串 list。注意到我们用 `[]` 来当作起始的 `accumulator`。这个 `accumulator` 就是我们的堆叠，所以 `[]` 代表一个空的堆叠。在运算之后我们得到一个只有一个元素的堆叠，我们调用 `head` 来取出他并用 `read` 来转换他。

所以我们现在只缺一个接受堆叠的 `folding` 函数，像是可以接受 `[4,10]` 跟 `"3"`，然后得到 `[3,4,10]`。如果是 `[4,10]` 跟 `"*"`，那就会得到 `[40]`。但在实现之前，我们先把我们的函数改写成 `point-free style`，这样可以省下许多括号。

```
import Data.List

solveRPN :: (Num a) => String -> a
solveRPN = head . foldl foldingFunction [] . words
    where foldingFunction stack item = ...
```

看起来好多了。我们的 `folding` 函数会接受一个堆叠、新的项，并返回一个新的堆叠。我们使用模式匹配的方式来取出堆叠最上层的元素，然后对 `"*"` 跟 `"-"` 做匹配。

```
solveRPN :: (Num a, Read a) => String -> a
solveRPN = head . foldl foldingFunction [] . words
    where foldingFunction (x:y:ys) "*" = (x * y):ys
          foldingFunction (x:y:ys) "+" = (x + y):ys
          foldingFunction (x:y:ys) "-" = (y - x):ys
          foldingFunction xs numberString = read numberString:xs
```

我们用展开成四个模式匹配。模式会从第一个开始尝试匹配。所以 `folding` 函数会看看目前的项是否是 `"*"`。如果是，那就会将 `[3,4,9,3]` 的头两个元素绑定到 `x`, `y` 两个名称。所以 `x` 会是 3 而 `y` 等于 4。 `ys` 便会是 `[9,3]`。他会返回一个 list，只差在 `x` 跟 `y` 相乘的结果为第一个元素。也就是说会把最上层两个元素取出，相乘后再放回去。如果第一个元素不是 `"*"`，那模式匹配就会比对到 `"+"`，以此类推。

如果项并未匹配到任何一个运算符，那我们就会假设这个字符串是一个数值。如果他是一个数值，我们会用 `read` 来把字符串转换成数值。并把这个数值推到堆叠上。

另外注意到我们加了 `Read a` 这像 class constraint，毕竟我们要使用到 `read` 来转换成数值。所以我们必须要声明成他要属于 `Num` 跟 `Read` 两种 typeclass。（譬如说 `Int`, `Float` 等）

我们是从左至右走过 `["2","3","+"]`。一开始堆叠的状态是 `[]`。首先他会用 `[]` 跟 `"2"` 来喂给 `folding` 函数。由于此项并不是一个运算符。他会用 `read` 读取后加到 `[]` 的开头。所以堆叠的状态变成 `[2]`。接下来就是用 `[2]` 跟 `["3"]` 来喂给 `folding` 函数，而得到 `[3,2]`。最后再用 `[3,2]` 跟 `"+"`

来调用 `folding` 函数。这会堆叠顶端的两个数值，加起来后推回堆叠。最后堆叠变成 `[5]`，这就是我们返回的数值。

我们来试试看我们新写的函数：

```
ghci> solveRPN "10 4 3 + 2 * -"
-4
ghci> solveRPN "2 3 +"
5
ghci> solveRPN "90 34 12 33 55 66 + * - +"
-3947
ghci> solveRPN "90 34 12 33 55 66 + * - + -"
4037
ghci> solveRPN "90 34 12 33 55 66 + * - + -"
4037
ghci> solveRPN "90 3 -"
87
```

看起来运行良好。这个函数有一个特色就是他很容易改写来支持额外的运算符。他们也不一定要是二元运算符。例如说我们可以写一个运算符叫做 `"log"`，他会从堆叠取出一个数值算出他的 `log` 后推回堆叠。我们也可以用三元运算符来从堆叠取出三个数值，并把结果放回堆叠。甚至是像是 `"sum"` 这样的运算符，取出所有数值并把他们的和推回堆叠。

我们来改写一下我们的函数让他多支持几个运算符。为了简单起见，我们改写声明让他返回 `Float` 类型。

```
import Data.List

solveRPN :: String -> Float
solveRPN = head . foldl foldingFunction [] . words
where
    foldingFunction (x:y:ys) "*" = (x * y):ys
    foldingFunction (x:y:ys) "+" = (x + y):ys
    foldingFunction (x:y:ys) "-" = (y - x):ys
    foldingFunction (x:y:ys) "/" = (y / x):ys
    foldingFunction (x:y:ys) "^" = (y ** x):ys
    foldingFunction (x:xs) "ln" = log x:xs
    foldingFunction xs "sum" = [sum xs]
```

```
foldingFunction xs numberString = read numberString:xs
```

看起来不错，没有疑问地 `/` 是除法而 `**` 是取 exponential。至于 `log` 运算符，我们只需要模式匹配一个元素，毕竟 `log` 只需要一个元素。而 `sum` 运算符，我们只返回一个仅有一个元素的堆叠，包含了所有元素的和。

```
ghci> solveRPN "2.7 ln"
0.9932518
ghci> solveRPN "10 10 10 10 sum 4 /"
10.0
ghci> solveRPN "10 10 10 10 10 sum 4 /"
12.5
ghci> solveRPN "10 2 ^"
100.0
```

由于 `read` 知道如何转换浮点数，我们也可在运算适中使用他。

```
ghci> solveRPN "43.2425 0.5 ^"
6.575903
```

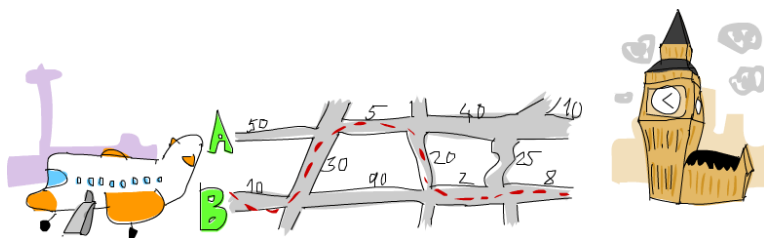
有这样一个容易拓展到浮点数而且动到的源代码又在十行以内的函数，我想是非常棒的。

有一件事要留意的是这个函数对于错误处理并不好。当我们碰到非法输入的时候，他就会直接当掉。之后我们碰到 `Monad` 的时候我们会写一个容错的版本，他的类型会是 `solveRPN :: String -> Maybe Float`。当然我们现在也可以写一个，不过那会有点麻烦，因为会有一大堆检查 `Nothing` 的动作。如果你希望挑战的话，也可以尽管尝试。（提示：你可以用 `reads` 来看看一次 `read` 是否会成功）

§10.2 路径规划

我们接下来的问题是：你的飞机刚刚降落在英格兰的希思罗机场。你接下来有一个会议，你租了一台车希望尽速从机场前往伦敦市中心。

从希思罗机场到伦敦有两条主要道路，他们中间有很多小路连接彼此。如果你要走小路的话都会花掉一定的时间。你的问题就是要选一条最佳路径让你可以尽快前往伦敦。你从图的最左边出发，中间可能穿越小路来前往右边。



你可以从图中看到，从希思罗机场到伦敦在这个路径配置下的最短路径是先选主要道路 B，经由小路到 A 之后，再走一小段，转到 B 之后继续往前走。如果采取这个路径的话，会花去 75 分钟。如果选其他道路的话，就会花更多时间。

我们任务就是要写一个程序，他接受道路配置的输入，然后印出对应的最短路径。我们的输入看起来像是这样：

```
50
10
30
5
90
20
40
2
25
10
8
0
```

我们在心中可以把输入的数值三个三个看作一组。每一组由道路 A, 道路 B, 还有交叉的小路组成。而要能够这样组成，我们必须让最后有一条虚拟的交叉小路，只需要走 0 分钟就可以穿越他。因为我们并不会在意在伦敦里面开车的成本，毕竟我们已经到达伦敦了。

正如我们在解 RPN 计算机的问题的时候，我们是用三步骤来解题：

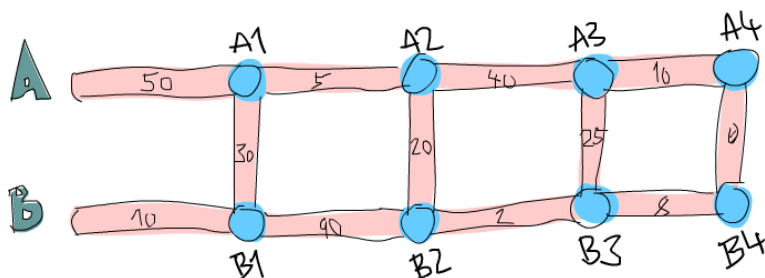
- 首先忘掉 Haskell，想想我们自己是怎么一步步解题的。
- 想想如何在 Haskell 中表达我们的数据。

- 在 Haskell 中要如何对这些数据做运算来产生出解答。

在介绍 RPN 计算机的章节中，我们首先自己用人脑计算表达式，在心中维持一个堆叠然后一项一项处理。我们决定用一个字符串来表达我们的表达式。最后，我们用 left fold 来走过我们这一串 list，并算出结果。

究竟我们要怎么用手算出从希思罗机场到伦敦的最短路径呢？我们可以观察整章图片，猜测哪一条是最短路径然后希望我们有猜对。这样的作法对于很小的输入可以成功，但如果我们的路径超过 10000 组呢？这样我们不知道我们的解法是不是最佳解，我们只能说可能是。

所以那并不是一个好作法。这边有一张简化过后的图。



你能想出来到道路 A 上第一个交叉点的最短路径吗？（标记成 A1 的点）这太容易了。我们只要看看从道路 A 出发或是从道路 B 出发穿越至道路 A 两种作法哪种比较短就好。很明显的，从道路 B 出发的比较短，只要花费 40 分钟，然而从道路 A 则要花费 50 分钟。那到交叉点 B1 呢？同样的作法可以看出从道路 B 出发只要花费 10 分钟，远比从道路 A 出发然后穿越小路要花费少，后者要花费 80 分钟！

现在我们知道要到达 A1 的最短路径是经由 B 然后邹小路到达，共花费 40。而我们知道要到达 B1 的最短路径则是直接走 B，花费 10。这样的知识有办法帮助我们得知到下一个交叉点的最短路径吗？可以的。

我们来看看到达 A2 的最短路径是什么。要到达 A2，我们必须要从 A1 走到 A2 或是从 B1 走小路。由于我们知道到达 A1 跟 B1 的成本，我们可以很容易的想出到达 A2 的最佳路径。到达 A1 要花费 40，而从 A1 到 A2 需要 5。所以 B, C, A 总共要 45。而要到达 B1 只要 10，但需要额外花费

110 分钟来到达 B2 然后走小路到达 A2。所以最佳路径就是 B, C, A。同样地到达 B2 最好的方式就是走 A1 然后走小路。

也许你会问如果先在 B1 跨到道路 A 然后走到 A2 的情况呢？我们已经考虑过了从 B1 到 A1 的情况，所以我们不需要再把他考虑进去。

现在我们有了至 A2 跟 B2 的最佳路径，我们可以一直重复这个过程直到最右边。一旦我们到达了 A4 跟 B4，那其中比较短的就是我们的最佳路径了。

基本上对于第二组而言，我们只是不断地重复之前的步骤，只是我们考虑进在前面的最佳路径而已。当然我们也可以说在第一步就考虑进了前面的最佳路径，只是他们都是 0 而已。

总结一下。要得到从希思罗机场到伦敦的最短路径。我们首先看看到达下一个道路 A 上的交叉点的最短路径。共有两种选择的路径，一是直接从道路 A 出发然后走到交叉点，要不然就是从道路 B 出发，走到第一个交叉点然后走小路。得到结果后记住结果。接着再用同样的方法来得到走到道路 B 上下一个交叉点的最短路径，并也记住结果。然后我们看看要走到再下一个道路 A 上的交叉点，究竟是从这个道路 A 上的交叉点往前走，或是从对应的道路 B 上的交叉点往前走再走到对面，两种选择哪种比较好。记下比较好的选择，然后也对对应的道路 B 上的交叉点做一次这个过程。做完全部组之后就到达最右边。一旦到达最右边，最佳的选择就是我们的最短路径了。

基本上当我们到达最右边的时候，我们记下了最后停在道路 A 的最短路径跟最后停在道路 B 的最短路径。其中比较短的是我们真正的最短路径。现在我们已经知道怎么用手算出答案。如果你有闲工夫，你可以拿纸笔对于任何一组道路配置算出他的最短路径。

接下来的问题是，我们要如何用 Haskell 的类型来代表这里的道路配置呢？一种方式就是把起始点跟交叉点都当作图的节点，并连到其他的交叉点。如果我们想像其实起点也有一条长度为 1 的虚拟道路连接彼此，那每个交叉点或是节点就都连接对面的节点了。同时他们也连到下一个交叉点。唯一的异常是最后一个节点，他们只连接到对面。

```
data Node = Node Road Road | EndNode Road
data Road = Road Int Node
```

一个节点要码是一个普通的节点，他包含有通往下一个交叉点的路径信息，还有往对面道路的信息。或是一个终端点，只包含往对面节点的道路信息。一条道路包涵他多长，还有他指向哪里。例如说，道路 A 的第一个部分就可写成 `Road 50 a1`。其中 `a1` 是 `Node x y` 这样一个节点。而 `x` 跟 `y` 则分别指向 `B1` 跟 `A2`。

另一种方式就是用 `Maybe` 来代表往下一个交叉点走的路。每个节点有指向对面节点的路径部分，但只有不是终端节点的节点才有指向下一个交叉点的路。

```
data Node = Node Road (Maybe Road)
data Road = Road Int Node
```

这些是用 Haskell 来代表道路系统的方式，而我们能靠他们来解决问题。但也许我们可以想出更简单的模型？如果我们想想之前手算的方式，我们每次检查都只有检查三调路径的长度而已。在道路 A 的部分，跟在道路 B 的部分，还有接触两个部分并将他们连接起来的部分。当我们观察到 A1 跟 B1 的最短路径时，我们只考虑第一组的三个部分，他们分别花费 50, 10 跟 30。所以道路系统可以用四组来表示：50, 10, 30, 5, 90, 20, 40, 2, 25 跟 10, 8, 0。

让我们数据类型越简单越好，不过这样已经是极限了。

```
data Section = Section { getA :: Int, getB :: Int, getC :: Int } deriving (Show)
type RoadSystem = [Section]
```

这样很完美，而且对于我们的实现也有帮助。`Section` 是一个 algebraic data type，包含三个整数，分别代表三个不同部分的道路长。我们也定义了类型同义字，说 `RoadSystem` 代表包含 `section` 的 list。

当然我们也可以用一个 `tuple `(Int, Int, Int)`` 来代表一个 `section`。使用 `tuple` 对于一些简单的情况是比较方便，但对于比较复杂的情况定义自己的 algebraic data type 会比较好。他让类型系统获得比较多的信息。``(Int, Int, Int)`` 毕竟也可能被使用在定义三维空间中的一个向量，只用 `tuple` 让我们可能把这两种情形混杂起来使用。如果我们用 `Section` 跟 `Vector` 的话就不会不小心搞混了。

从希思罗机场到伦敦的道路系统便可以这样表示：

```
heathrowToLondon :: RoadSystem
heathrowToLondon = [Section 50 10 30, Section 5 90 20, Section 40 2 25, Section
```

我们现在要做的就是用 Haskell 实现我们先前的解法。所以我们应该怎样声明我们计算最短路径函数的类型呢？他应该接受一个道路系统作为参数，然后返回一个路径。我们会用一个 list 来代表我们的路径。我们定义了 Label 来表示 A, B 或 C。并且也定义一个同义词 Path：

```
data Label = A | B | C deriving (Show)
type Path = [(Label, Int)]
```

而我们的函数 optimalPath 应该要有 optimalPath :: RoadSystem -> Path 这样的类型。如果被喂给 heathrowToLondon 这样的道路系统，他应该要返回下列的路径：

```
[(B,10),(C,30),(A,5),(C,20),(B,2),(B,8)]
```

我们接下来就从左至右来走一遍 list，并沿路上记下 A 的最佳路径跟 B 的最佳路径。我们会 accumulate 我们的最佳路径。这听起来有没有很熟悉？没错！就是 left fold。

当我们手动做解答的时候，有一个步骤是我们不断重复的。就是检查现有 A 跟 B 的最佳路径以及目前的 section，产生出新的 A 跟 B 的最佳路径。举例来说，最开始我们的最佳路径是 [] 跟 []。我们看过 Section 50 10 30 后就得到新的到 A1 的最佳路径为 [(B,10),(C,30)]，而到 B1 的最佳路径是 [(B,10)]。如果你们把这个步骤看作是一个函数，他接受一对路径跟一个 section，并产生出新的一对路径。所以类型是 (Path, Path) -> Section -> (Path, Path)。我们接下来继续实现这个函数。

提示：把 `(Path, Path) -> Section -> (Path, Path)` 当作 left fold 用的二元函数，fold 要求的类型是 `a -> b -> a`。

```
roadStep :: (Path, Path) -> Section -> (Path, Path)
roadStep (pathA, pathB) (Section a b c) =
    let priceA = sum $ map snd pathA
        priceB = sum $ map snd pathB
```

```
forwardPriceToA = priceA + a
crossPriceToA = priceB + b + c
forwardPriceToB = priceB + b
crossPriceToB = priceA + a + c
newPathToA = if forwardPriceToA <= crossPriceToA
              then (A,a):pathA
              else (C,c):(B,b):pathB
newPathToB = if forwardPriceToB <= crossPriceToB
              then (B,b):pathB
              else (C,c):(A,a):pathA
in (newPathToA, newPathToB)
```



上面的程序究竟写了些什么？首先他根据先前 A 的最佳解计算出道路 A 的最佳解，之后也如法炮制计算 B 的最佳解。使用 `sum $ map snd pathA`，所以如果 `pathA` 是 `[(A,100),(C,20)]`。`priceA` 就是 120。`forwardPriceToA` 就会是我们付的成本。如果我们是先前在 A 上的交叉点前往。那他就会等于我们至先前交叉点的最佳解加上目前 section 中 A 的部分。

`crossPriceToA` 则是我们从先前在 B 上的交叉点前往 A 所要付出的代价。他是先前 B 的最佳解加上 section 中 B 的部分加上 C 的长。同样地方式也可以决定 `forwardPriceToB` 跟 `crossPriceToB`。

现在我们知道了到 A 跟 B 的最佳路径，我们需要根据这些信息来构造到 A 跟 B 的整体路径。如果直接走到 A 耗费较少的话，我们就把 `newPathToA` 设定成 `(A,a):pathA`。这样做的事就是把 Label A 跟 section 的长度 a 接到最佳路径的前面。要记得 A 是一个 label，而 a 的类型是 `Int`。我们为什么要接在前面而不是 `pathA ++ [(A,a)]` 呢？因为接在 list 的前面比起接在后端要有效率多了。不过这样产生出来的 list 就会相反。但要把 list 再反过来并不难。如果先走到 B 再穿越小路走到 A 比较短的话，那 `newPathToA` 就会包含这样走的路线。同样的道理也可以套用在 `newPathToB` 上。

最后我们返回 `newPathToA` 跟 `newPathToB` 这一对结果。

我们把 `heathrowToLondon` 的第一个 section 喂给我们的函数。由于他是第一个 section，所以到 A 跟 B 的最佳路径就是一对空的 list。

```
ghci> roadStep ([], []) (head heathrowToLondon)
([(C,30),(B,10)],[(B,10)])
```

要记住包含的路径是反过来的，要从右边往左边读。所以到 A 的最佳路径可以解读成从 B 出发，然后穿越到道路 A。而 B 的最佳路径则是直接从 B 出发走到下一个交叉点。

优化小技巧：当我们写 ``priceA = sum $ map snd pathA`` 的时候。我们是在计算每步的成本。如果我们实现 ``roadStep`` 成 ``(Path, Path, Int, Int) -> Section -> (Path, Path, Int, Int)`` 的话就可以不必那么做。其中的整数类型代表 A 跟 B 上的最小成本。

现在我们有了一个函数他接受一对路径跟一个 section，并产生新的最佳路径。我们可以用一个 left fold 来做。我们用 `([], [])` 跟第一个 section 来喂给 `roadStep` 并得到一对最佳路径。然后他又被喂给这个新得到的最佳路径跟下一个 section。以此类推。当我们走过全部的 section 的时候，我们就会得到一对最佳路径，而其中比较短的那个就是解答。有了这样的想法，我们便可以实现 `optimalPath`。

```

optimalPath :: RoadSystem -> Path
optimalPath roadSystem =
    let (bestAPath, bestBPath) = foldl roadStep ([],[]) roadSystem
    in  if sum (map snd bestAPath) <= sum (map snd bestBPath)
        then reverse bestAPath
        else reverse bestBPath

```

我们对 `roadSystem` 做 left fold。而用的起始 accumulator 是一对空的路径。fold 的结果也是一对路径，我们用模式匹配的方式来把路径从结果取出。然后我们检查哪一个路径比较短便返回他。而且在返回之前也顺便把整个结果反过来。因为我们先前提到的我们是用接在前头的方式来构造结果的。

我们来测试一下吧！

```

ghci> optimalPath heathrowToLondon
[(B,10),(C,30),(A,5),(C,20),(B,2),(B,8),(C,0)]

```

这正是我们应该得到的结果！不过跟我们预期的结果仍有点差异，在最后有 `(C,0)`，那代表我们已经在伦敦了仍然跨越小路。不过由于他的成本是 0，所以依然可以算做正确的结果。

我们找出最佳路径的函数，现在要做的只需要从标准输入读取文字形式道路系统，并把他转成 `RoadSystem`，然后用 `optimalPath` 来把他跑一遍就好了。

首先，我们写一个函数，他接受一串 list 并把他切成同样大小的 group。我们命名他为 `groupOf`。当参数是 `[1..10]` 时，`groupOf 3` 应该返回 `[[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9],[10]]`。

```

groupsOf :: Int -> [a] -> [[a]]
groupsOf 0 _ = undefined
groupsOf _ [] = []
groupsOf n xs = take n xs : groupsOf n (drop n xs)

```

一个标准的递归函数。对于 `xs` 等于 `[1..10]` 且 `n` 等于 3，这可以写成 `[1,2,3] : groupsOf 3 [4,5,6,7,8,9,10]`。当这个递归结束的时候，我们的 list 就三个三个分好组。而下列是我们的 `main` 函数，他从标准输入读取数据，构造 `RoadSystem` 并印出最短路径。


```
import Data.List

main = do
  contents <- getContents
  let threes = groupsOf 3 (map read $ lines contents)
      roadSystem = map (\[a,b,c] -> Section a b c) threes
      path = optimalPath roadSystem
      pathString = concat $ map (show . fst) path
      pathPrice = sum $ map snd path
  putStrLn $ "The best path to take is: " ++ pathString
  putStrLn $ "The price is: " ++ show pathPrice
```

首先，我们从标准输入获取所有的数据。然后我们调用 `lines` 来把 `"50\n10\n30\n"` 转换成 `["50","10","30"]`，然后我们 `map read` 来把这些转成包含数值的 `list`。我们调用 `groupsOf 3` 来把 `list` 的 `list`，其中子 `list` 长度为 3。我们接着对这个 `list` 来 `map` 一个 `lambda (\[a,b,c] -> Section a b c)`。正如你看到的，这个 `lambda` 接受一个长度为 3 的 `list` 然后把他变成 `Section`。所以 `roadSystem` 现在就是我们的道路配置，而且是正确的类型 `RoadSystem`。我们调用 `optimalPath` 而得到一个路径跟对应的代价，之后再印出来。

我们将下列文字存成文件。

```
50
10
30
5
90
20
40
2
25
10
8
0
```

存成一个叫 `paths.txt` 的文件然后喂给我们的程序。

```
$ cat paths.txt | runhaskell heathrow.hs
```

```
The best path to take is: BCACBBC
```

```
The price is: 75
```

执行成功！你可以用你对 `Data.Random` 的了解来产生一个比较大的路径配置，然后你可以把产生的乱数数据喂给你的程序。如果你碰到堆叠溢出，试试看用 `foldl'` 而不要用 `foldl`。`foldl'` 是 `strict` 的可以减少存储器消耗。

第十一章 Functors, Applicative Functors 与 Monoids

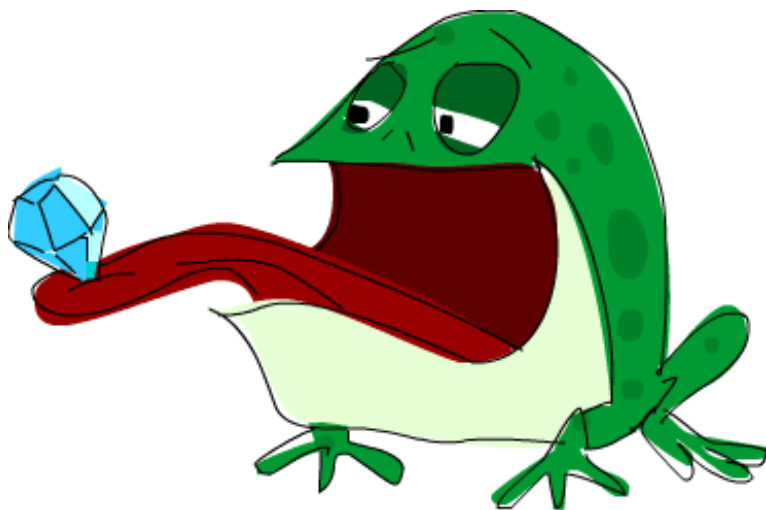
Haskell 的一些特色，像是纯粹性，高阶函数，algebraic data types, typeclasses, 这些让我们可以从更高的角度来看到 polymorphism 这件事。不像 OOP 当中需要从庞大的类型阶层来思考。我们只需要看看手边的类型的行为，将他们跟适当地 typeclass 对应起来就可以了。像 `Int` 的行为跟很多东西很像。好比说他可以比较相不相等，可以从大到小排列，也可以将他们一一穷举出来。

Typeclass 的运用是很随意的。我们可以定义自己的数据类型，然后描述他可以怎样被操作，跟 typeclass 关联起来便定义了他的行为。由于 Haskell 强大的类型系统，这让我们只要读函数的类型声明就可以知道很多信息。typeclass 可以定义得很抽象很 general。我们之前有看过 typeclass 定义了可以比较两个东西是否相等，或是定义了可以比较两个东西的大小。这些是既抽象但又描述简洁的行为，但我们不会认为他们有什么特别之处，因为我们时常碰到他们。最近我们看过了 functor，基本上他们是一群可以被 map over 的对象。这是其中一个例子能够抽象但又漂亮地描述行为。在这一章中，我们会详加阐述 functors，并会提到比较强一些的版本，也就是 applicative functors。我们也会提到 monoids。

§11.1 温习 Functors

我们已经在之前的章节提到 functors。如果你还没读那个章节，也许你应该先去看看。或是你直接假装你已经读过了。

来快速复习一下：Functors 是可以被 map over 的对象，像是 lists, Maybe, trees 等等。在 Haskell 中我们是用 `Functor` 这个 typeclass 来描述他。这个 typeclass 只有一个 method，叫做 `fmap`，他的类型是 `fmap :: (a -> b) -> fa -> f b`。这类型说明了如果给我一个从 `a` 映到 `b` 的函数，以及一个装了 `a` 的盒子，我会回给你一个装了 `b` 的盒子。就好像用这个函数将每个元素都转成 `b` 一样



给一点建议。这盒子的比喻尝试让你抓到些 `functors` 是如何运行的感觉。在之后我们也会用相同的比喻来比喻 `applicative functors` 跟 `monads`。在多数情况下这种比喻是恰当的，但不要过度引申，有些 `functors` 是不适用这个比喻的。一个比较正确的形容是 `functors` 是一个计算语境（`computational context`）。这个语境可能是这个 `computation` 可能带有值，或是有可能会失败（像 `Maybe` 跟 `Either a`），或是他可能有多个值（像 `lists`），等等。

如果一个 `type constructor` 要是 `Functor` 的 `instance`，那他的 `kind` 必须是 `* -> *`，这代表他必须刚好接受一个 `type` 当作 `type parameter`。像是 `Maybe` 可以是 `Functor` 的一个 `instance`，因为他接受一个 `type parameter`，来做成像是 `Maybe Int`，或是 `Maybe String`。如果一个 `type constructor` 接受两个参数，像是 `Either`，我们必须给他两个 `type parameter`。所以我们不能这样写：`instance Functor Either where`，但我们可以写 `instance Functor (Either a) where`，如果我们把 `fmap` 限缩成只是 `Either a` 的，那他的类型就是 `fmap :: (b -> c) -> Either a b -> Either a c`。就像你看到的，`Either a` 的是固定的一部分，因为 `Either a` 只恰好接受一个 `type parameter`，但 `Either` 则要接球两个 `type parameters`。这样 `fmap` 的类型变成 `fmap :: (b -> c) -> Either b -> Either c`，这不太合理。

我们知道有许多类型都是 **Functor** 的 instance, 像是 `[]`, `Maybe`, `Either a` 以及我们自己写的 `Tree`。我们也看到了如何用一个函数 `map` 他们。在这一章节, 我们再多举两个例子, 也就是 `IO` 跟 `(->) r`。

如果一个值的类型是 `IO String`, 他代表的是一个会被计算成 `String` 结果的 I/O action。我们可以用 `do` syntax 来把结果绑定到某个名称。我们之前把 I/O action 比喻做长了脚的盒子, 会到真实世界帮我们取一些值回来。我们可以监视他们取了什么值, 但一旦看过, 我们必须要把值放回盒子中。用这个比喻, `IO` 的行为就像是一个 functor。

我们来看看 `IO` 是怎么样的一个 **Functor** instance。当我们 `fmap` 用一个 function 来 map over I/O action 时, 我们会想要拿回一个装着已经用 function 映射过值的 I/O action。

```
instance Functor IO where
    fmap f action = do
        result <- action
        return (f result)
```

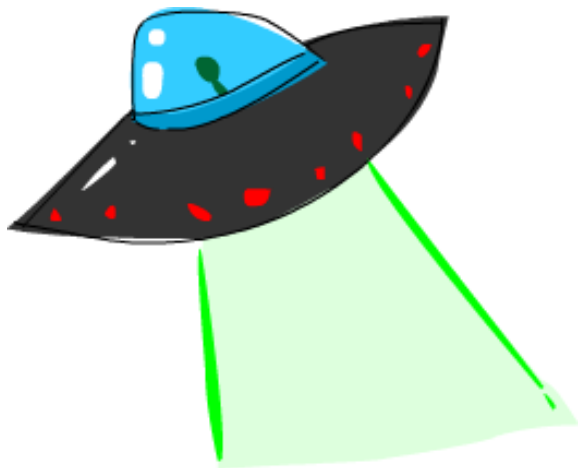
对一个 I/O action 做 map over 动作的结果仍会是一个 I/O action, 所以我们才用 `do` syntax 来把两个 I/O action 黏成一个。在 `fmap` 的实现中, 我们先执行了原本传进的 I/O action, 并把结果绑定成 `result`。然后我们写了 `return (f result)`。`return` 就如你所知道的, 是一个只会返回包了你传给他东西的 I/O action。还有一个 `do` block 的返回值一定是他最后一个 I/O action 的返回值。这也是为什么我们需要 `return`。其实他只是返回包了 `f result` 的 I/O action。

我们可以再多实验一下来找到些感觉。来看看这段 code:

```
main = do line <- getLine
        let line' = reverse line
        putStrLn $ "You said " ++ line' ++ " backwards!"
        putStrLn $ "Yes, you really said" ++ line' ++ " backwards!"
```

这程序要求使用者输入一行文字, 然后印出一行反过来的。我们可以用 `fmap` 来改写:

```
main = do line <- fmap reverse getLine
        putStrLn $ "You said " ++ line ++ " backwards!"
        putStrLn $ "Yes, you really said" ++ line ++ " backwards!"
```



就像我们用 `fmap reverse` 来 `map over` `Just "blah"` 会得到 `Just "halb"`, 我们也可以 `fmap reverse` 来 `map over` `getLine`。 `getLine` 是一个 I/O action, 他的 `type` 是 `IO String`, 而用 `reverse` 来 `map over` 他会返回一个取回一个字符串并 `reverse` 他的 I/O action。就像我们 `apply` 一个 `function` 到一个 `Maybe` 一样, 我们也可以 `apply` 一个 `function` 到一个 `IO`, 只是这个 `IO` 会跑去外面拿回某些值。然后我们把结果用 `<-` 绑定到某个名称, 而这个名称绑定的值是已经 `reverse` 过了。

而 `fmap (++"!") getLine` 这个 I/O action 表现得就像 `getLine`, 只是他的结果多了一个 `!"` 在最后。

如果我们限缩 `fmap` 到 `IO` 类型上, 那 `fmap` 的类型是 `fmap :: (a -> b) -> IO a -> IO b`。 `fmap` 接受一个函数跟一个 I/O action, 并返回一个 I/O action 包含了已经 `apply` 过 `function` 的结果。

如果你曾经注意到你想要将一个 I/O action 绑定到一个名称上, 只是为了要 `apply` 一个 `function`。你可以考虑使用 `fmap`, 那会更漂亮地表达这件事。或者你想要对 `functor` 中的数据做 `transformation`, 你可以先将你要

用的 function 写在 top level, 或是把他作成一个 lambda function, 甚至用 function composition。

```
import Data.Char
import Data.List

main = do line <- fmap (intersperse '-' . reverse . map toUpper) getLine
        putStrLn line
```

```
$ runhaskell fmapping_io.hs
hello there
E-R-E-H-T- -O-L-L-E-H
```

正如你想的, `intersperse '-' . reverse . map toUpper` 合成了一个 function, 他接受一个字符串, 将他转成大写, 然后反过来, 再用 `intersperse '-'` 安插'-'. 他是比较漂亮版本的 `(\xs -> intersperse '-' (reverse (map toUpper xs)))`。

另一个 Functor 的案例是 `(->) r`, 只是我们先前没有注意到。你可能会困惑到底 `(->) r` 究竟代表什么? 一个 `r -> a` 的类型可以写成 `(->) r a`, 就像是 `2 + 3` 可以写成 `(+) 2 3` 一样。我们可以从一个不同的角度来看待 `(->) r a`, 他其实只是一个接受两个参数的 type constructor, 好比 `Either`。但记住我们说过 Functor 只能接受一个 type constructor。这也是为什么 `(->)` 不是 Functor 的一个 instance, 但 `(->) r` 则是。如果程序的语法允许的话, 你也可以将 `(->) r` 写成 `(r ->)`。就如 `(2+)` 代表的其实是 `(+) 2`。至于细节是如何呢? 我们可以看看 `Control.Monad.Instances`。

我们通常说一个接受任何东西以及返回随便一个东西的函数类型是 ``a -> b``。``r -> a`` 是同样意思, 只是把符号代换了一下。

```
instance Functor ((->) r) where
    fmap f g = (\x -> f (g x))
```

如果语法允许的话, 他可以被写成

```
instance Functor (r ->) where
    fmap f g = (\x -> f (g x))
```

但其实是不允许的，所以我们必须写成第一种的样子。

首先我们来看看 `fmap` 的类型。他的类型是 `fmap :: (a -> b) -> f a -> f b`。我们把所有的 `f` 在心里代换成 `(->) r`。则 `fmap` 的类型就变成 `fmap :: (a -> b) -> ((->) r a) -> ((->) r b)`。接着我们把 `(->) r a` 跟 `(->) r b` 换成 `r -> a` 跟 `r -> b`。则我们得到 `fmap :: (a -> b) -> (r -> a) -> (r -> b)`。

从上面的结果看到将一个 function map over 一个 function 会得到另一个 function，就如 map over 一个 function 到 `Maybe` 会得到一个 `Maybe`，而 map over 一个 function 到一个 list 会得到一个 list。而 `fmap :: (a -> b) -> (r -> a) -> (r -> b)` 告诉我们什么？他接受一个从 `a` 到 `b` 的 function，跟一个从 `r` 到 `a` 的 function，并返回一个从 `r` 到 `b` 的 function。这根本就是 function composition。把 `r -> a` 的输出接到 `a -> b` 的输入，的确是 function composition 在做的事。如果你再仔细看看 instance 的定义，会发现真的就是一个 function composition。

```
instance Functor ((->) r) where
    fmap = (.)
```

这很明显就是把 `fmap` 当 composition 在用。可以用 `:m + Control.Monad.Instance` 把模组装载进来，并做一些尝试。

```
ghci> :t fmap (*3) (+100)
fmap (*3) (+100) :: (Num a) => a -> a
ghci> fmap (*3) (+100) 1
303
ghci> (*3) `fmap` (+100) $ 1
303
ghci> (*3) . (+100) $ 1
303
ghci> fmap (show . (*3)) (*100) 1
"300"
```


我们调用 `fmap` 的方式是 infix 的方式，这跟 `.` 很像。在第二行，我们把 `(*3)` map over 到 `(+100)` 上，这会返回一个先把输入值 `(+100)` 再 `(*3)` 的 function，我们再用 `1` 去调用他。

到这边为止盒子的比喻还适用吗？如果你硬是要解释的话还是解释得通。当我们将 `fmap (+3) map over Just 3` 的时候，对于 `Maybe` 我们很容易把他想成是装了值的盒子，我们只是对盒子里面的值 `(+3)`。但对于 `fmap (*3) (+100)` 呢？你可以把 `(+100)` 想成是一个装了值的盒子。有点像把 I/O action 想成长了脚的盒子一样。对 `(+100)` 使用 `fmap (*3)` 会产生另一个表现得像 `(+100)` 的 function。只是在算出值之前，会再多计算 `(*3)`。这样我们可以看出来 `fmap` 表现得就像 `.` 一样。

`fmap` 等同于 function composition 这件事对我们来说并不是很实用，但至少是一个有趣的观点。这也让我们打开视野，看到盒子的比喻不是那么恰当，functors 其实比较像 computation。function 被 map over 到一个 computation 会产生经由那个 function 映射过后的 computation。

在我们继续看 `fmap` 该遵守的规则之前，我们再看一次 `fmap` 的类型，他是 `fmap :: (a -> b) -> f a -> f b`。很明显我们是在讨论 Functor，所以为了简洁，我们就不写 `(Functor f) =>` 的部分。当我们在学 `curry` 的时候，我们说过 Haskell 的 function 实际上只接受一个参数。一个类型是 `a -> b -> c` 的函数实际上是接受 `a` 然后返回 `b -> c`，而 `b -> c` 实际上接受一个 `b` 然后返回一个 `c`。如果我们用比较少的参数调用一个函数，他就会返回一个函数需要接受剩下的参数。所以 `a -> b -> c` 可以写成 `a -> (b -> c)`。这样 `curry` 可以明显一些。

同样的，我们可以不要把 `fmap` 想成是一个接受 function 跟 functor 并返回一个 function 的 function。而是想成一个接受 function 并返回一个新的 function 的 function，返回的 function 接受一个 functor 并返回一个 functor。他接受 `a -> b` 并返回 `f a -> f b`。这动作叫做 `lifting`。我们用 GHCI 的 `:t` 来做的实验。

```
ghci> :t fmap (*2)
fmap (*2) :: (Num a, Functor f) => f a -> f a
```



```
ghci> :t fmap (replicate 3)
fmap (replicate 3) :: (Functor f) => f a -> f [a]
```

`fmap (*2)` 接受一个 functor `f`，并返回一个基于数字的 functor。那个 functor 可以是 `list`，可以是 `Maybe`，可以是 `Either String`。`fmap (replicate 3)` 可以接受一个基于任何类型的 functor，并返回一个基于 `list` 的 functor。

当我们提到 **functor over numbers** 的时候，你可以想像他是一个 functor 包含有许多数字在里面。前面一种说法其实比较正确，但后面一种说法比较容易让人理解。

这样的观察在我们只有绑定一个部分套用的函数，像是 `fmap (++"!")`，的时候会显得更清楚，

你可以把 `fmap` 想做是一个函数，他接受另一个函数跟一个 functor，然后把函数对 functor 每一个元素做映射，或你可以想做他是一个函数，他接受一个函数并把他 `lift` 到可以在 functors 上面操作。两种想法都是正确的，而且在 Haskell 中是等价。

`fmap (replicate 3) :: (Functor f) => f a -> f [a]` 这样的类型代表这个函数可以运行在任何 functor 上。至于确切的行为则要看究竟我们操作的是什么样的 functor。如果我们是使用 `fmap (replicate 3)` 对一个 `list` 操作，那我们会选择 `fmap` 针对 `list` 的实现，也就是只是一个 `map`。如果我们是碰到 `Maybe a`。那他在碰到 `Just` 类型的时候，会对里面的值套用 `replicate 3`。而碰到 `Nothing` 的时候就返回 `Nothing`。

```
ghci> fmap (replicate 3) [1,2,3,4]
[[1,1,1],[2,2,2],[3,3,3],[4,4,4]]
ghci> fmap (replicate 3) (Just 4)
Just [4,4,4]
ghci> fmap (replicate 3) (Right "blah")
Right ["blah","blah","blah"]
ghci> fmap (replicate 3) Nothing
Nothing
```

```
ghci> fmap (replicate 3) (Left "foo")
Left "foo"
```

接下来我们来看看 functor laws。一个东西要成为 functor，必须要遵守某些定律。不管任何一个 functor 都被要求具有某些性质。他们必须是能被 map over 的。对他们调用 `fmap` 应该是要用一个函数 map 每一个元素，不多做任何事情。这些行为都被 functor laws 所描述。对于 `Functor` 的 instance 来说，总共两条定律应该被遵守。不过他们不会在 Haskell 中自动被检查，所以你必须自己确认这些条件。

functor law 的第一条说明，如果我们对 functor 做 `map id`，那得到的新的 functor 应该要跟原来的一样。如果写得正式一点，他代表 `fmap id = id`。基本上他就是说对 functor 调用 `fmap id`，应该等同于对 functor 调用 `id` 一样。毕竟 `id` 只是 identity function，他只会把参数照原样丢出。他也可以被写成 `\x -> x`。如果我们对 functor 的概念就是可以被 map over 的对象，那 `fmap id = id` 的性就显而易见。

我们来看看这个定律的几个案例：

```
ghci> fmap id (Just 3)
Just 3
ghci> id (Just 3)
Just 3
ghci> fmap id [1..5]
[1,2,3,4,5]
ghci> id [1..5]
[1,2,3,4,5]
ghci> fmap id []
[]
ghci> fmap id Nothing
Nothing
```

如果我们看看 `Maybe` 的 `fmap` 的实现，我们不难发现第一定律为何被遵守。

```
instance Functor Maybe where
  fmap f (Just x) = Just (f x)
  fmap f Nothing  = Nothing
```

我们可以想像在 `f` 的位置摆上 `id`。我们看到 `fmap id` 拿到 `Just x` 的时候，结果只不过是 `Just (id x)`，而 `id` 有只返回他拿到的东西，所以可以知道 `Just (id x)` 等价于 `Just x`。所以说我们可以知道对 `Maybe` 中的 `Just` 用 `id` 去做 `map over` 的动作，会拿回一样的值。

而将 `id` `map over Nothing` 会拿回 `Nothing` 并不稀奇。所以从这两个 `fmap` 的实现，我们可以看到的 `fmap id = id` 有被遵守。



第二定律描述说先将两个函数合成并将结果 *map over* 一个 *functor* 的结果，应该跟先将第一个函数 *map over* 一个 *functor*，再将第二个函数 *map over* 那个 *functor* 的结果是一样的。正式地写下来的话就是 `fmap (f . g) = fmap f . fmap g`。或是用另外一种写法，对于任何一个 functor `F`，下面这个式子应该要被遵守：`fmap (f . g) F = fmap f (fmap g F)`。

如果我们能够证明某个类型遵守两个定律，那我们就可以保证他跟其他 functor 对于映射方面都拥有相同的性质。我们知道如果对他用 `fmap`，我们知道不会有除了 mapping 以外的事会发生，而他就仅仅会表现成某个可以被 *map over* 的东西。也就是一个 functor。你可以再仔细监视 `fmap` 对于某些类型的实现来了解第二定律。正如我们先前对 `Maybe` 监视第一定律一般。

如果你需要的话，我们能在这边演练一下 `Maybe` 是如何遵守第二定律的。首先 `fmap (f . g)` 来 *map over* `Nothing` 的话，我们会得到 `Nothing`。因为用任何函数来 `fmap Nothing` 的话都会返回 `Nothing`。如果我们 `fmap f (fmap g Nothing)`，我们会得到 `Nothing`。可以看到当面对 `Nothing` 的时候，`Maybe` 很显然是遵守第二定律的。那对于 `Just something` 呢？如果我们使用 `fmap (f . g) (Just x)` 的话，从实现的源代码中我可以看到 `Just ((f . g) x)`，也就是 `Just (f (g x))`。如果我们使用 `fmap f (fmap g (Just x))` 的话我们可以从实现知道 `fmap g (Just x)` 会是 `Just (g x)`。`fmap f (fmap g (Just x))` 跟 `fmap f (Just (g x))` 相等。而从实现上这又会相等于 `Just (f (g x))`。

如果你不太理解这边的说明，别担心。只要确定你了解什么是函数合成就好。在多数的情況下你可以直观地对应用到这些类型表现得就像 containers 或函数一样。或是也可以换种方法，只要多尝试对类型中不同的值做操作你就可以看看类型是否有遵守定律。

我们来看一些经典的例子。这些类型建构子虽然是 `Functor` 的 instance，但实际上他们并不是 functor，因为他们并不遵守这些定律。我们来看看其中一个类型。

```
data CMaybe a = CNothing | CJust Int a deriving (Show)
```

`C` 这边代表的是计数器。他是一种看起来像是 `Maybe a` 的类型，只差在 `Just` 包含了两个 field 而不是一个。在 `CJust` 中的第一个 field 是 `Int`，他

是扮演计数器用的。而第二个 field 则为类型 `a`，他是从类型参数来的，而他确切的类型当然会依据我们选定的 `CMaybe a` 而定。我们来对他作些操作来获得些操作上的直观吧。

```
ghci> CNothing
CNothing
ghci> CJust 0 "haha"
CJust 0 "haha"
ghci> :t CNothing
CNothing :: CMaybe a
ghci> :t CJust 0 "haha"
CJust 0 "haha" :: CMaybe [Char]
ghci> CJust 100 [1,2,3]
CJust 100 [1,2,3]
```

如果我们使用 `CNothing`，就代表不含有 field。如果我们用的是 `CJust`，那第一个 field 是整数，而第二个 field 可以为任何类型。我们来定义一个 `Functor` 的 instance，这样每次我们使用 `fmap` 的时候，函数会被套用在第二个 field，而第一个 field 会被加一。

```
instance Functor CMaybe where
    fmap f CNothing = CNothing
    fmap f (CJust counter x) = CJust (counter+1) (f x)
```

这种定义方式有点像是 `Maybe` 的定义方式，只差在当我们使用 `fmap` 的时候，如果碰到的不是空值，那我们不只会套用函数，还会把计数器加一。我们可以来看一些范例操作。

```
ghci> fmap (++"ha") (CJust 0 "ho")
CJust 1 "hoha"
ghci> fmap (++"he") (fmap (++"ha") (CJust 0 "ho"))
CJust 2 "hohahe"
ghci> fmap (++"blah") CNothing
CNothing
```

这些会遵守 functor laws 吗？要知道有不遵守的情形，只要找到一个反例就好了。

```
ghci> fmap id (CJust 0 "haha")
CJust 1 "haha"
ghci> id (CJust 0 "haha")
CJust 0 "haha"
```

我们知道 functor law 的第一定律描述当我们用 `id` 来 `map over` 一个 functor 的时候，他的结果应该跟只对 functor 调用 `id` 的结果一样。但我们可以看到这个例子中，这对于 `CMaybe` 并不遵守。尽管他的确是 `Functor` `typeclass` 的一个 `instance`。但他并不遵守 functor law 因此不是一个 functor。如果有人使用我们的 `CMaybe` 类型，把他当作 functor 用，那他就会期待 functor laws 会被遵守。但 `CMaybe` 并没办法满足，便会造成错误的程序。当我们使用一个 functor 的时候，函数合成跟 `map over` 的先后顺序不应该有影响。但对于 `CMaybe` 他是有影响的，因为他纪录了被 `map over` 的次数。如果我们希望 `CMaybe` 遵守 functor law，我们必须要让 `Int` 字段在做 `fmap` 的时候维持不变。

乍看之下 functor laws 看起来不是很必要，也容易让人搞不懂，但我们知道如果一个类型遵守 functor laws，那我们就能对他作些基本的假设。如果遵守了 functor laws，我们知道对他做 `fmap` 不会做多余的事情，只是用一个函数做映射而已。这让写出来的源代码足够抽象也容易扩展。因为我们可以用定律来推论类型的行为。

所有在标准函数库中的 `Functor` 的 `instance` 都遵守这些定律，但你可以自己检查一遍。下一次你定义一个类型为 `Functor` 的 `instance` 的时候，花点时间确认他确实遵守 functor laws。一旦你操作过足够多的 functors 时，你就会获得直观，知道他们会有什么样的性质跟行为。而且 functor laws 也会觉得显而易见。但就算没有这些直观，你仍然可以一行一行地来找看看有没有反例让这些定律失效。

我们可以把 functor 看作输出具有 context 的值。例如说 `Just 3` 就是输出 3，但他又带有一个可能没有值的 context。`[1,2,3]` 输出三个值，1,2 跟 3，同时也带有可能有多个值或没有值的 context。`(+3)` 则会带有一个依赖于参数的 context。

如果你把 functor 想做是输出值这件事，那你可以把 `map over` 一个 functor 这件事想成在 functor 输出的后面再多加一层转换。当我们做 `fmap`

$(+3)$ $[1,2,3]$ 的时候，我们是把 $(+3)$ 接到 $[1,2,3]$ 后面，所以当我们监视任何一个 list 的输出时， $(+3)$ 也会被套用在上面。另一个例子是对函数做 map over。当我们做 `fmap (+3) (*3)`，我们是把 $(+3)$ 这个转换套用在 $(*3)$ 后面。这样想的话会很自然就会把 `fmap` 跟函数合成关联起来 (`fmap (+3) (*3)` 等价于 $(+3) \cdot (*3)$ ，也等价于 $\lambda x \rightarrow ((x*3)+3)$)，毕竟我们是接受一个函数 $(*3)$ 然后套用 $(+3)$ 转换。最后的结果仍然是一个函数，只是当我们喂给他一个数字的时候，他会先乘上三然后做转换加上三。这基本上就是函数合成在做的事。

§11.2 Applicative functors



在这个章节中，我们会学到 applicative functors，也就是加强版的 functors，在 Haskell 中是用在 `Control.Applicative` 中的 `Applicative` 这个 typeclass 来定义的。

你还记得 Haskell 中函数缺省就是 Curried 的，那代表接受多个参数的函数实际上是接受一个参数然后返回一个接受剩余参数的函数，以此类推。如果一个函数的类型是 $a \rightarrow b \rightarrow c$ ，我们通常会说这个函数接受两个参

数并返回 `c`，但他实际上是接受 `a` 并返回一个 `b -> c` 的函数。这也是为什么我们可以用 `(f x) y` 的方式调用 `f x y`。这个机制让我们可以 partially apply 一个函数，可以用比较少的参数调用他们。可以做成一个函数再喂给其他函数。

到目前为止，当我们要对 functor map over 一个函数的时候，我们用的函数都是只接受一个参数的。但如果我们要 map 一个接受两个参数的函数呢？我们来看几个具体的例子。如果我们有 `Just 3` 然后我们做 `fmap (*) (Just 3)`，那我们会获得什么样的结果？从 `Maybe` 对 `Functor` 的 instance 实现来看，我们知道如果他是 `Just something`，他会对在 `Just` 中的 `something` 做映射。因此当 `fmap (*) (Just 3)` 会得到 `Just ((* 3)`，也可以写做 `Just (* 3)`。我们得到了一个包在 `Just` 中的函数。

```
ghci> :t fmap (++) (Just "hey")
fmap (++) (Just "hey") :: Maybe ([Char] -> [Char])
ghci> :t fmap compare (Just 'a')
fmap compare (Just 'a') :: Maybe (Char -> Ordering)
ghci> :t fmap compare "A LIST OF CHARS"
fmap compare "A LIST OF CHARS" :: [Char -> Ordering]
ghci> :t fmap (\x y z -> x + y / z) [3,4,5,6]
fmap (\x y z -> x + y / z) [3,4,5,6] :: (Fractional a) => [a -> a -> a]
```

如果我们 map `compare` 到一个包含许多字符的 list 呢？他的类型是 `(Ord a) => a -> a -> Ordering`，我们会得到包含许多 `Char -> Ordering` 类型函数的 list，因为 `compare` 被 partially apply 到 list 中的字符。他不是包含许多 `(Ord a) => a -> Ordering` 的函数，因为第一个 `a` 碰到的类型是 `Char`，所以第二个 `a` 也必须是 `Char`。

我们看到如何用 一个多参数的函数来 map functor，我们会得到一个包含了函数的 functor。那现在我们能对这个包含了函数的 functor 做什么呢？我们能用一个吃这些函数的函数来 map over 这个 functor，这些在 functor 中的函数都会被当作参数丢给我们的函数。

```
ghci> let a = fmap (*) [1,2,3,4]
ghci> :t a
a :: [Integer -> Integer]
ghci> fmap (\f -> f 9) a
```

[9,18,27,36]

但如果我们的有一个 functor 里面是 `Just (3 *)` 还有另一个 functor 里面是 `Just 5`，但我们想要把第一个 `Just (3 *)` map over `Just 5` 呢？如果是普通的 functor，那就没救了。因为他们只允许 map 一个普通的函数。即使我们用 `\f -> f 9` 来 map 一个装了很多函数的 functor，我们也是使用了普通的函数。我们是无法单纯用 `fmap` 来把包在一个 functor 的函数 map 另一个包在 functor 中的值。我们能模式匹配 `Just` 来把函数从里面抽出来，然后再 map `Just 5`，但我们是希望有一个一般化的作法，对任何 functor 都有效。

我们来看看 `Applicative` 这个 typeclass。他位在 `Control.Applicative` 中，在其中定义了两个函数 `pure` 跟 `<*>`。他并没有提供缺省的实现，如果我们想使用他必须要为他们 applicative functor 的实现。typeclass 定义如下：

```
class (Functor f) => Applicative f where
  pure :: a -> f a
  (<*>) :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

这简简单单的三行可以让我们学到不少。首先来看第一行。他开启了 `Applicative` 的定义，并加上 class constraint。描述了一个类型构造子要是 `Applicative`，他必须也是 `Functor`。这就是为什么我们说一个类型构造子属于 `Applicative` 的话，他也会是 `Functor`，因此我们能对他使用 `fmap`。

第一个定义的是 `pure`。他的类型声明是 `pure :: a -> f a`。`f` 代表 applicative functor 的 instance。由于 Haskell 有一个优秀的类型系统，其中函数又是将一些参数映射成结果，我们可以从类型声明中读出许多讯息。`pure` 应该要接受一个值，然后返回一个包含那个值的 applicative functor。我们这边是用盒子来作比喻，即使有一些比喻不完全符合现实的情况。尽管这样，`a -> f a` 仍有许多丰富的信息，他确实告诉我们他会接受一个值并返回一个 applicative functor，里面装有结果。

对于 `pure` 比较好的书法是把一个普通值放到一个缺省的 context 下，一个最小的 context 但仍然包含这个值。

`<*>` 也非常有趣。他的类型是 `f (a -> b) -> f a -> f b`。这有让你联想到什么吗？没错！就是 `fmap :: (a -> b) -> f a -> f b`。他有点像

加强版的 `fmap`。然而 `fmap` 接受一个函数跟一个 functor，然后套用 functor 之中的函数。`<*>` 则是接受一个装有函数的 functor 跟另一个 functor，然后取出第一个 functor 中的函数将他对第二个 functor 中的值做 map。

我们来看看 `Maybe` 的 `Applicative` 实现：

```
instance Applicative Maybe where
    pure = Just
    Nothing <*> _ = Nothing
    (Just f) <*> something = fmap f something
```

从 class 的定义我们可以看到 `f` 作为 applicative functor 会接受一个具体类型当作参数，所以我们是写成 `instance Applicative Maybe where` 而不是写成 `instance Applicative (Maybe a) where`。

首先看到 `pure`。他只不过是接受一个东西然后包成 applicative functor。我们写成 `pure = Just` 是因为 `Just` 不过就是一个普通函数。我们其实也可以写成 `pure x = Just x`。

接着我们定义了 `<*>`。我们无法从 `Nothing` 中抽出一个函数，因为 `Nothing` 并不包含一个函数。所以我们说如果我们要尝试从 `Nothing` 中取出一个函数，结果必定是 `Nothing`。如果你看看 `Applicative` 的定义，你会看到他有 `Functor` 的限制，他代表 `<*>` 的两个参数都会是 functors。如果第一个参数不是 `Nothing`，而是一个装了函数的 `Just`，而且我们希望将这个函数对第二个参数做 map。这个也考虑到第二个参数是 `Nothing` 的情况，因为 `fmap` 任何一个函数至 `Nothing` 会返回 `Nothing`。

对于 `Maybe` 而言，如果左边是 `Just`，那 `<*>` 会从其中抽出了一个函数来 map 右边的值。如果有任何一个参数是 `Nothing`。那结果便是 `Nothing`。

来试试看吧！

```
ghci> Just (+3) <*> Just 9
Just 12
ghci> pure (+3) <*> Just 10
Just 13
ghci> pure (+3) <*> Just 9
Just 12
ghci> Just (++"hahah") <*> Nothing
```

```
Nothing
ghci> Nothing <*> Just "woot"
Nothing
```

我们看到 `pure (+3)` 跟 `Just (+3)` 在这个 case 下是一样的。如果你是在 applicative context 底下跟 `Maybe` 打交道的話请用 `pure`，要不然就用 `Just`。前四个输入展示了函数是如何被取出并做 `map` 的动作，但在这个 case 底下，他们同样也可以用 `unwrap` 函数来 `map over functors`。最后一行比较有趣，因为我们试着从 `Nothing` 取出函数并将他 `map` 到某个值。结果当然是 `Nothing`。

对于普通的 functors，你可以用一个函数 `map over` 一个 functors，但你可能没办法拿到结果。而 applicative functors 则让你可以用单一一个函数操作好几个 functors。看看下面一段源代码：

```
ghci> pure (+) <*> Just 3 <*> Just 5
Just 8
ghci> pure (+) <*> Just 3 <*> Nothing
Nothing
ghci> pure (+) <*> Nothing <*> Just 5
Nothing
```



究竟我们写了些什么？我们来一步步看一下。`<*>` 是 left-associative，也就是说 `pure (+) <*> Just 3 <*> Just 5` 可以写成 `(pure (+) <*> Just 3) <*> Just 5`。首先 `+` 是摆在一个 functor 中，在这边刚好他是一

个 `Maybe`。所以首先，我们有 `pure (+)`，他等价于 `Just (+)`。接下来由于 `partial application` 的关系，`Just (+) <*> Just 3` 等价于 `Just (3+)`。把一个 3 喂给 `+` 形成另一个只接受一个参数的函数，他的效果等于加上 3。最后 `Just (3+) <*> Just 5` 被运算，其结果是 `Just 8`。

这样很棒吧！用 `applicative style` 的方式来使用 `applicative functors`。像是 `pure f <*> x <*> y <*> ...` 就让我们可以拿一个接受多个参数的函数，而且这些参数不一定是被包在 `functor` 中。就这样来套用在多个在 `functor context` 的值。这个函数可以吃任意多的参数，毕竟 `<*>` 只是做 `partial application` 而已。

如果我们考虑到 `pure f <*> x` 等于 `fmap f x` 的话，这样的用法就更方便了。这是 `applicative laws` 的其中一条。我们稍后会更仔细地监视这条定律。现在我们先依直观来使用他。就像我们先前所说的，`pure` 把一个值放进一个缺省的 `context` 中。如果我们要把一个函数放在一个缺省的 `context`，然后把他取出并套用在放在另一个 `applicative functor` 的值。我们会做的事就是把函数 `map over` 那个 `applicative functor`。但我们不会写成 `pure f <*> x <*> y <*> ...`，而是写成 `fmap f x <*> y <*> ...`。这也是为什么 `Control.Applicative` 会 `export` 一个函数 `<$>`，他基本上就是中缀版的 `fmap`。他是这么被定义的：

```
(<$>) :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
f <$> x = fmap f x
```

要记住类型变量跟参数的名字还有值绑定的名称不冲突。``f`` 在函数的类型声明中是类型变量，说名 ``f`` 应该要满足 ``Functor`` `typeclass` 的条件。而在函数本体中的 ``f`` 则表示一个函数，我们将他 `map over x`。我们同样用 ``f`` 来表示他们并代表他们是相同的东西。

`<$>` 的使用显示了 `applicative style` 的好处。如果我们想要将 `f` 套用三个 `applicative functor`。我们可以写成 `f <$> x <*> y <*> z`。如果参数不是 `applicative functor` 而是普通值的话。我们则写成 `f x y z`。

我们再仔细看看他是如何运行的。我们有一个 `Just "johntra"` 跟 `Just "volta"` 这样的值，我们希望将他们结合成一个 `String`，并且包含在 `Maybe` 中。我们会这样做：

```
ghci> (++) <$> Just "johntra" <*> Just "volta"
Just "johntravolta"
```

可以将上面的跟下面这行比较一下：

```
ghci> (++) "johntra" "volta"
"johntravolta"
```

可以将一个普通的函数套用在 applicative functor 上真不错。只要稍微写一些 <\$> 跟 <*> 就可以把函数变成 applicative style，可以操作 applicatives 并返回 applicatives。

总之当我们在做 (++) <\$> Just "johntra" <*> Just "volta" 时，首先我们将 (++) map over 到 Just "johntra"，然后产生 Just ("johntra"++)，其中 (++) 的类型为 (++) :: [a] -> [a] -> [a]，Just ("johntra"++) 的类型为 Maybe ([Char] -> [Char])。注意到 (++) 是如何吃掉第一个参数，以及我们是怎么决定 a 是 Char 的。当我们做 Just ("johntra"++) <*> Just "volta"，他接受一个包在 Just 中的函数，然后 map over Just "volta"，产生了 Just "johntravolta"。如果两个值中有任何一个为 Nothing，那整个结果就会是 Nothing。

到目前为止我们只有用 Maybe 当作我们的案例，你可能也会想说 applicative functor 差不多就等于 Maybe。不过其实有许多其他 Applicative 的 instance。我们来看看有哪些。

List 也是 applicative functor。很惊讶吗？来看看我们是怎么定义 [] 为 Applicative 的 instance 的。

```
instance Applicative [] where
  pure x = [x]
  fs <*> xs = [f x | f <- fs, x <- xs]
```

早先我们说过 pure 是把一个值放进缺省的 context 中。换种说法就是一个会产生那个值的最小 context。而对 list 而言最小 context 就是 []，但由于空的 list 并不包含一个值，所以我们没办法把他当作 pure。这也是为什么 pure 其实是接受一个值然后返回一个包含单元素的 list。同样的，Maybe 的最小 context 是 Nothing，但他其实表示的是没有值。所以 pure 其实是被实现成 Just 的。

```
ghci> pure "Hey" :: [String]
["Hey"]
ghci> pure "Hey" :: Maybe String
Just "Hey"
```

至于 `<*>` 呢? 如果我们假定 `<*>` 的类型是限制在 `list` 上的话, 我们会得到 `(<*>) :: [a -> b] -> [a] -> [b]`。他是用 `list comprehension` 来实现的。`<*>` 必须要从左边的参数取出函数, 将他 `map over` 右边的参数。但左边的 `list` 有可能不包含任何函数, 也可能包含一个函数, 甚至是多个函数。而右边的 `list` 有可能包含多个值。这也是为什么我们用 `list comprehension` 的方式来从两个 `list` 取值。我们要对左右任意的组合都做套用的动作。而得到的结果就会是左右两者任意组合的结果。

```
ghci> [(+0),(+100),(^2)] <*> [1,2,3]
[0,0,0,101,102,103,1,4,9]
```

左边的 `list` 包含三个函数, 而右边的 `list` 有三个值。所以结果会是有九个元素的 `list`。在左边 `list` 中的每一个函数都被套用到右边的值。如果我们今天在 `list` 中的函数是接收两个参数的, 我们也可以套用到两个 `list` 上。

```
ghci> [(+),(*)] <*> [1,2] <*> [3,4]
[4,5,5,6,3,4,6,8]
```

由于 `<*>` 是 `left-associative`, 也就是说 `[(+),(*)] <*> [1,2]` 会先运行, 产生 `[(1+),(2+),(1*), (2*)]`。由于左边的每一个函数都套用到右边的每一个值。也就产生 `[(1+),(2+),(1*), (2*)] <*> [3,4]`, 其便是最终结果。

`list` 的 `applicative style` 是相当有趣的:

```
ghci> (++) <$> ["ha","heh","hmm"] <*> ["?","!", "."]
["ha?", "ha!", "ha.", "heh?", "heh!", "heh.", "hmm?", "hmm!", "hmm."]
```

看看我们是如何将一个接受两个字符串参数的函数套用到两个 `applicative functor` 上的, 只要用适当的 `applicative` 运算符就可以达成。

你可以将 `list` 看作是一个 `non-deterministic` 的计算。而对于像 `100` 或是 `"what"` 这样的值则是 `deterministic` 的计算, 只会有一个结果。而 `[1,2,3]`

则可以看作是没有确定究竟是哪一种结果。所以他代表的是所有可能的结果。当你在做 $(+)$ $\langle \$ \rangle$ $[1,2,3]$ $\langle * \rangle$ $[4,5,6]$, 你可以想做是把两个 non-deterministic 的计算做 $+$, 只是他会产生另一个 non-deterministic 的计算, 而且结果更加不确定。

Applicative style 对于 list 而言是一个取代 list comprehension 的好方式。在第二章中, 我们想要看到 $[2,5,10]$ 跟 $[8,10,11]$ 相乘的结果, 所以我们这样做:

```
ghci> [ x*y | x <- [2,5,10], y <- [8,10,11]]
[16,20,22,40,50,55,80,100,110]
```

我们只是从两个 list 中取出元素, 并将一个函数套用在任何元素的组合上。这也可以用 applicative style 的方式来写:

```
ghci> (*) <$> [2,5,10] <*> [8,10,11]
[16,20,22,40,50,55,80,100,110]
```

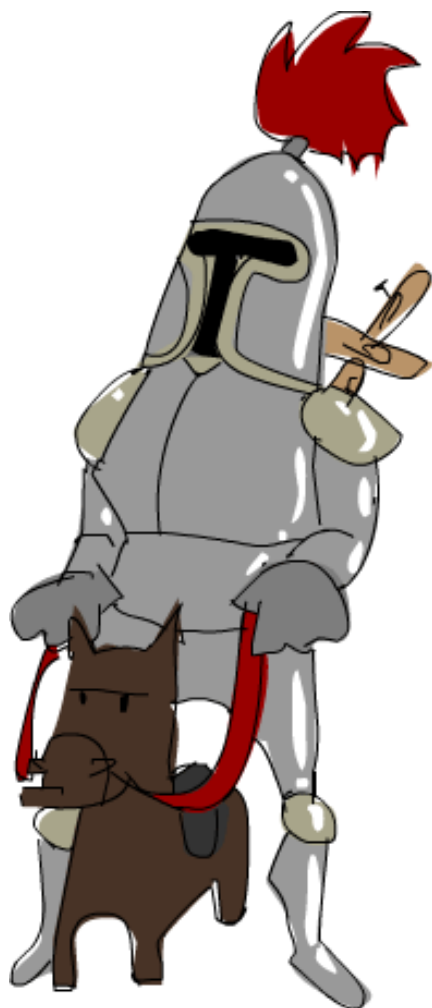
这写法对我来说比较清楚。可以清楚表达我们是要对两个 non-deterministic 的计算做 $*$ 。如果我们想要所有相乘大于 50 可能的计算结果, 我们会这样写:

```
ghci> filter (>50) $ (*) <$> [2,5,10] <*> [8,10,11]
[55,80,100,110]
```

很容易看到 $\text{pure } f \text{ } \langle * \rangle \text{ } xs$ 等价于 $\text{fmap } f \text{ } xs$ 。而 $\text{pure } f$ 就是 $[f]$, 而且 $[f] \text{ } \langle * \rangle \text{ } xs$ 可将左边的每个函数套用至右边的每个值。但左边其实只有一个函数, 所以他做起来就像是 mapping。

另一个我们已经看过的 Applicative 的 instance 是 IO, 来看看他是怎么实现的:

```
instance Applicative IO where
    pure = return
    a <*> b = do
        f <- a
        x <- b
        return (f x)
```



由于 `pure` 是把一个值放进最小的 `context` 中，所以将 `return` 定义成 `pure` 是很合理的。因为 `return` 也是做同样的事情。他做了一个不做任何事情 `I/O action`，他可以产生某些值来作为结果，但他实际上并没有做任何 `I/O` 的动作，例如说印出结果到终端或是文件。

如果 `<*>` 被限定在 `IO` 上操作的话，他的类型会是 `(<*>) :: IO (a -> b) -> IO a -> IO b`。他接受一个产生函数的 `I/O action`，还有另一个 `I/O action`，并从以上两者创造一个新的 `I/O action`，也就是把第二个参数喂给第一个参数。而得到返回的结果，然后放到新的 `I/O action` 中。我们用 `do` 的语法来实现他。你还记得的话 `do` 就是把好几个 `I/O action` 黏在一起，变成一个大的 `I/O action`。

而对于 `Maybe` 跟 `[]` 而言，我们可以把 `<*>` 想做是从左边的参数取出一个函数，然后套用到右边的参数上。至于 `IO`，这种取出的类比方式仍然适用，但我们必须多加一个 `sequencing` 的概念，因为我们是从两个 `I/O action` 中取值，也是在 `sequencing`，把他们黏成一个。我们从第一个 `I/O action` 中取值，但要取出 `I/O action` 的结果，他必须要先被执行过。

考虑下面这个范例：

```
myAction :: IO String
myAction = do
    a <- getLine
    b <- getLine
    return $ a ++ b
```

这是一个提示使用者输入两行并产生将两行输入串接在一起结果的一个 `I/O action`。我们先把两个 `getLine` 黏在一起，然后用一个 `return`，这是因为我们想要这个黏成的 `I/O action` 包含 `a ++ b` 的结果。我们也可以用 `applicative style` 的方式来描述：

```
myAction :: IO String
myAction = (++) <$> getLine <*> getLine
```

我们先前的作法是将两个 `I/O action` 的结果喂给函数。还记得 `getLine` 的类型是 `getLine :: IO String`。当我们对 `applicative functor` 使用 `<*>` 的时候，结果也会是 `applicative functor`。

如果我们再使用盒子的类比，我们可以把 `getLine` 想做是一个去真实世界中拿取字符串的盒子。而 `(++) <$> getLine <*> getLine` 会创建一个比较大的盒子，这个大盒子会派两个盒子去终端拿取字符串，并把结果串接起来放进自己的盒子中。

`(++) <$> getLine <*> getLine` 的类型是 `IO String`，他代表这个表达式一个再普通不过的 I/O action，他里面也装着某种值。这也是为什么我们可以这样写：

```
main = do
  a <- (++) <$> getLine <*> getLine
  putStrLn $ "The two lines concatenated turn out to be: " ++ a
```

如果你发现你是在做 binding I/O action 的动作，而且在 binding 之后还调用一些函数，最后用 `return` 来将结果包起来。那你可以考虑使用 applicative style，这样可以更简洁。

另一个 `Applicative` 的 instance 是 `(->) r`。虽然他们通常是用在 code golf 的情况，但他们还是十分有趣的例子。所以我们还是来看一下他们是怎么被实现的。

如果你忘记 ``(->) r`` 的意思，回去翻翻前一章节我们介绍 ``(->) r`` 作为一个 functor 的范例。

```
instance Applicative ((->) r) where
  pure x = (\_ -> x)
  f <*> g = \x -> f x (g x)
```

当我们用 `pure` 将一个值包成 applicative functor 的时候，他产生的结果永远都会是那个值。也就是最小的 context。那夜市为什么对于 function 的 `pure` 实现来讲，他就是接受一个值，然后造一个函数永远返回那个值，不管他被喂了什么参数。如果你限定 `pure` 的类型至 `(->) r` 上，他就会是 `pure :: a -> (r -> a)`。

```
ghci> (pure 3) "blah"
3
```

由于 currying 的关系，函数套用是 left-associative，所以我们忽略掉括弧。

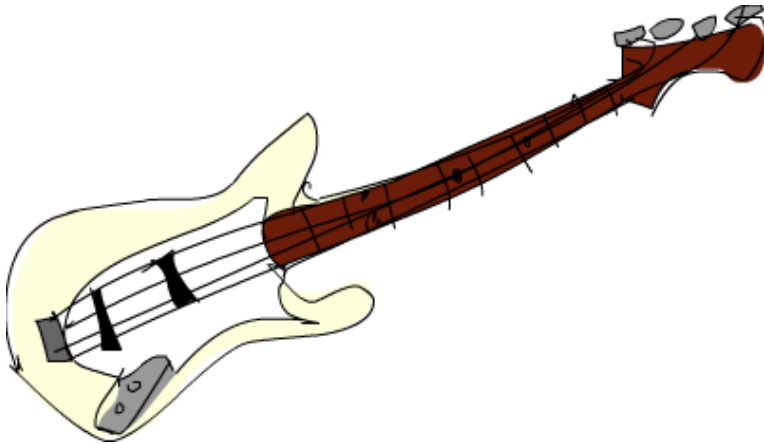
```
ghci> pure 3 "blah"
3
```

而 `<*>` 的实现是比较不容易了解的，我们最好看一下怎么用 applicative style 的方式来使用作为 applicative functor 的 function。

```
ghci> :t (+) <$> (+3) <*> (*100)
(+) <$> (+3) <*> (*100) :: (Num a) => a -> a
ghci> (+) <$> (+3) <*> (*100) $ 5
508
```

将两个 applicative functor 喂给 `<*>` 可以产生一个新的 applicative functor，所以如果我们丢给他两个函数，我们能得到一个新的函数。所以是怎么一回事呢？当我们做 `(+) <$> (+3) <*> (*100)`，我们是在实现一个函数，他会将 `(+3)` 跟 `(*100)` 的结果再套用 `+`。要看一个实际的范例的话，可以看一下 `(+) <$> (+3) <*> (*100) $ 5` 首先 5 被丢给 `(+3)` 跟 `(*100)`，产生 8 跟 500。然后 `+` 被套用到 8 跟 500，得到 508。

```
ghci> (\x y z -> [x,y,z]) <$> (+3) <*> (*2) <*> (/2) $ 5
[8.0,10.0,2.5]
```



这边也一样。我们创建了一个函数，他会调用 `\x y z -> [x,y,z]`，而丢的参数是 `(+3)`，`(*2)` 跟 `(/2)`。5 被丢给以上三个函数，然后他们结果又接到 `\x y z -> [x, y, z]`。

你可以将函数想做是装着最终结果的盒子，所以 `k <$> f <*> g` 会制造一个函数，他会将 `f` 跟 `g` 的结果丢给 `k`。当我们做 `(+) <$> Just 3 <*> Just 5`，我们是用 `+` 套用在一些可能有或可能没有的值上，所以结果也会是可能有或没有。当我们做 `(+) <$> (+10) <*> (+5)`，我们是将 `+` 套用在 `(+10)` 跟 `(+5)` 的结果上，而结果也会是一个函数，当被喂给一个参数的时候会产生结果。

我们通常不会将函数当作 `applicative` 用，不过仍然值得当作练习。对于 `(->) r` 怎么定义成 `Applicative` 的并不是真的那么重要，所以如果你不是很懂的话也没关系。这只是让你获得一些操作上的直观罢了。

一个我们之前还没碰过的 `Applicative` 的 `instance` 是 `ZipList`，他是包含在 `Control.Applicative` 中。

对于 `list` 要作为一个 `applicative functor` 可以有多种方式。我们已经介绍过其中一种。如果套用 `<*>`，左边是许多函数，而右边是许多值，那结果会是函数套用到值的所有组合。如果我们做 `[(+3),(*2)] <*> [1,2]`。那 `(+3)` 会先套用至 `1` 跟 `2`。接着 `(*2)` 套用至 `1` 跟 `2`。而得到 `[4,5,2,4]`。

然而 `[(+3),(*2)] <*> [1,2]` 也可以这样运行：把左边第一个函数套用至右边第一个值，接着左边第二个函数套用右边第二个值，以此类推。这样得到的会是 `[4,4]`。或是 `[1 + 3, 2 * 2]`。

由于一个类型不能对同一个 `typeclass` 定义两个 `instance`，所以才会定义了 `ZipList a`，他只有一个构造子 `ZipList`，他只包含一个字段，他的类型是 `list`。

```
instance Applicative ZipList where
    pure x = ZipList (repeat x)
    ZipList fs <*> ZipList xs = ZipList (zipWith (\f x -> f x) fs xs)
```

`<*>` 做的就是我们之前说的。他将第一个函数套用至第一个值，第二个函数套用第二个值。这也是 `zipWith (\f x -> f x) fs xs` 做的事。由于 `zipWith` 的特性，所以结果会跟 `list` 中比较短的那个一样长。

`pure` 也值得我们讨论一下。他接受一个值，把他重复地放进一个 `list` 中。`pure "haha"` 就会是 `ZipList (["haha","haha","haha"...])`。这可能会造成些混淆，毕竟我们说过 `pure` 是把一个值放进一个最小的 `context` 中。

而你会想说无限长的 list 不可能会是一个最小的 context。但对于 zip list 来说这是很合理的，因为他必须在 list 的每个位置都有值。这也遵守了 `pure f <*> xs` 必须要等价于 `fmap f xs` 的特性。如果 `pure 3` 只是返回 `ZipList [3]`，那 `pure (*2) <*> ZipList [1,5,10]` 就只会算出 `ZipList [2]`，因为两个 zip list 算出结果的长度会是比较短的那个的长度。如果我们 zip 一个有限长的 list 以及一个无限长的 list，那结果的长会是有限长的 list 的长度。

那 zip list 是怎么用 applicative style 操作的呢？我们来看看，`ZipList a` 类型并没有定义成 `Show` 的 instance，所以我们必须用 `getZipList` 函数来从 zip list 取出一个普通的 list。

```
ghci> getZipList $ (+) <$> ZipList [1,2,3] <*> ZipList [100,100,100]
[101,102,103]
ghci> getZipList $ (+) <$> ZipList [1,2,3] <*> ZipList [100,100..]
[101,102,103]
ghci> getZipList $ max <$> ZipList [1,2,3,4,5,3] <*> ZipList [5,3,1,2]
[5,3,3,4]
ghci> getZipList $ (,,) <$> ZipList "dog" <*> ZipList "cat" <*> ZipList "rat"
[(('d','c','r'),('o','a','a'),('g','t','t'))]
```

``(,,)`` 函数跟 ``\x y z -> (x,y,z)`` 是等价的，而 ``(,)`` 跟 ``\x y -> (x,y)`` 是等价的。

除了 `zipWith`，标准函数库中也有 `zipWith3`, `zipWith4` 之类的函数，最多支持到 7。`zipWith` 接受一个接受两个参数的函数，并把两个 list zip 起来。`zipWith3` 则接受一个接受三个参数的函数，然后把三个 list zip 起来。以此类推。用 applicative style 的方式来操作 zip list 的话，我们就不需要对每个数量的 list 都定义一个独立的 zip 函数来 zip 他们。我们只需要用 applicative style 的方式来把任意数量的 list zip 起来就可以了。

`Control.Applicative` 定义了一个函数叫做 `liftA2`，他的类型是 `liftA2 :: (Applicative f) => (a -> b -> c) -> f a -> f b -> f c`。他定义如下：

```
liftA2 :: (Applicative f) => (a -> b -> c) -> f a -> f b -> f c
liftA2 f a b = f <$> a <*> b
```

并没有太难理解的东西，他不过就是对两个 applicatives 套用函数而已，而不用我们刚刚熟悉的 applicative style。我们提及他的理由只是要展示为什么 applicative functors 比起一般的普通 functor 要强。如果只是普通的 functor 的话，我们只能将一个函数 map over 这个 functor。但有了 applicative functor，我们可以对好多个 functor 套用一个函数。看看这个函数的类型，他会是 $(a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow (f\ a \rightarrow f\ b \rightarrow f\ c)$ 。当我们从这样的角度来看他的话，我们可以说 liftA2 接受一个普通的二元函数，并将他升级成一个函数可以运行在两个 functor 之上。

另外一个有趣的概念是，我们可以接受两个 applicative functor 并把他们结合成一个 applicative functor，这个新的将这两个 applicative functor 装在 list 中。举例来说，我们现在有 Just 3 跟 Just 4。我们假设后者是一个只包含单元素的 list。

```
ghci> fmap (\x -> [x]) (Just 4)
Just [4]
```

所以假设我们有 Just 3 跟 Just [4]。我们有怎么得到 Just [3,4] 呢？很简单。

```
ghci> liftA2 (:) (Just 3) (Just [4])
Just [3,4]
ghci> (:) <$> Just 3 <*> Just [4]
Just [3,4]
```

还记得：是一个函数，他接受一个元素跟一个 list，并返回一个新的 list，其中那个元素已经接在前面。现在我们有 Just [3,4]，我们能够将他跟 Just 2 绑在一起变成 Just [2,3,4] 吗？当然可以。我们可以将任意数量的 applicative 绑在一起变成一个 applicative，里面包含一个装有结果的 list。我们试着实现一个函数，他接受一串装有 applicative 的 list，然后返回一个 applicative 里面有一个装有结果的 list。我们称呼他为 sequenceA。


```
sequenceA :: (Applicative f) => [f a] -> f [a]
sequenceA [] = pure []
sequenceA (x:xs) = (:) <$> x <*> sequenceA xs
```

居然用到了递归！首先我们来看一下他的类型。他将一串 applicative 的 list 转换成一个 applicative 装有一个 list。从这个信息我们可以推测出边界条件。如果我们要将一个空的 list 变成一个装有 list 的 applicative。我们只要把这个空的 list 放进一个缺省的 context。现在来看一下我们怎么用递归的。如果们有一个可以分成头跟尾的 list (x 是一个 applicative 而 xs 是一串 applicative)，我们可以对尾巴调用 `sequenceA`，便会得到一个装有 list 的 applicative。然后我们只要将在 x 中的值把他接到装有 list 的 applicative 前面就可以了。

所以如果我们做 `sequenceA [Just 1, Just 2]`，也就是 `(:) <$> Just 1 <*> sequenceA [Just 2]`。那会等价于 `(:) <$> Just 1 <*> ((:) <$> Just 2 <*> sequenceA [])`。我们知道 `sequenceA []` 算出来会是 `Just []`，所以运算式就变成 `(:) <$> Just 1 <*> ((:) <$> Just 2 <*> Just [])`，也就是 `(:) <$> Just 1 <*> Just [2]`，算出来就是 `Just [1,2]`。

另一种实现 `sequenceA` 的方式是用 `fold`。要记得几乎任何需要走遍整个 list 并 accumulate 成一个结果的都可以用 `fold` 来实现。

```
sequenceA :: (Applicative f) => [f a] -> f [a]
sequenceA = foldr (liftA2 (:)) (pure [])
```

我们从右往左走，并且起始的 accumulator 是用 `pure []`。我们是用 `liftA2 (:)` 来结合 accumulator 跟 list 中最后的元素，而得到一个 applicative，里面装有一个单一元素的一个 list。然后我们再用 `liftA2 (:)` 来结合 accumulator 跟最后一个元素，最直到我们只剩下 accumulator 为止，而得到一个 applicative，里面装有所有结果。

我们来试试看套用在不同 applicative 上。

```
ghci> sequenceA [Just 3, Just 2, Just 1]
Just [3,2,1]
ghci> sequenceA [Just 3, Nothing, Just 1]
Nothing
```

```
ghci> sequenceA [(+3),(+2),(+1)] 3
[6,5,4]
ghci> sequenceA [[1,2,3],[4,5,6]]
[[1,4],[1,5],[1,6],[2,4],[2,5],[2,6],[3,4],[3,5],[3,6]]
ghci> sequenceA [[1,2,3],[4,5,6],[3,4,4],[]]
[]
```

很酷吧。当我们套用在 `Maybe` 上时，`sequenceA` 创建一个新的 `Maybe`，他包含了一个 `list` 装有所有结果。如果其中一个值是 `Nothing`，那整个结果就会是 `Nothing`。如果你有一串 `Maybe` 类型的值，但你只在乎当结果不包含任何 `Nothing` 的情况，这样的特性就很方便。

当套用在函数时，`sequenceA` 接受装有一堆函数的 `list`，并返回一个返回 `list` 的函数。在我们的范例中，我们写了一个函数，他只接受一个数值作为参数，他会把他套用至 `list` 中的每一个函数，并返回一个包含结果的 `list`。`sequenceA [(+3),(+2),(+1)] 3` 会将 3 喂给 `(+3)`，`(+2)` 跟 `(+1)`，然后将所有结果装在一个 `list` 中。

而 `(+) <$> (+3) <*> (*2)` 会创见一个接受单一参数的一函数，将他同时喂给 `(+3)` 跟 `(*2)`，然后调用 `+` 来将两者加起来。同样的道理，`sequenceA [(+3),(*2)]` 是制造一个接受单一参数的函数，他会将他喂给所有包含在 `list` 中的函数。但他最后不是调用 `+`，而是调用 `:` 跟 `pure []` 来把结果接成一个 `list`，得到最后的结果。

当我们有一串函数，我们想要将相同的输入都喂给他们并监视结果的时候，`sequenceA` 非常好用。例如说，我们手上有一个数值，但不知道他是否满足一串 `predicate`。一种实现的方式是像这样：

```
ghci> map (\f -> f 7) [(>4),(<10),odd]
[True,True,True]
ghci> and $ map (\f -> f 7) [(>4),(<10),odd]
True
```

记住 `and` 接受一串布林值，并只有在全都是 `True` 的时候才返回 `True`。另一种实现方式是用 `sequenceA`：

```
ghci> sequenceA [(>4),(<10),odd] 7
[True,True,True]
ghci> and $ sequenceA [(>4),(<10),odd] 7
True
```

`sequenceA [(>4),(<10),odd]` 接受一个函数，他接受一个数值并将他喂给所有的 predicate，包含 `[(>4),(<10),odd]`。然后返回一串布林值。他将一个类型为 `(Num a) => [a -> Bool]` 的 list 变成一个类型为 `(Num a) => a -> [Bool]` 的函数，很酷吧。

由于 list 要求里面元素的类型要一致，所以包含在 list 中的所有函数都是同样类型。你不能创建一个像是 `[ord, (+3)]` 这样的 list，因为 `ord` 接受一个字符并返回一个数值，然而 `(+3)` 接受一个数值并返回一个数值。

当跟 `[]` 一起使用的时候，`sequenceA` 接受一串 list，并返回另一串 list。他实际上是创建一个包含所有可能组合的 list。为了方便说明，我们比较一下使用 `sequenceA` 跟 list comprehension 的差异：

```
ghci> sequenceA [[1,2,3],[4,5,6]]
[[1,4],[1,5],[1,6],[2,4],[2,5],[2,6],[3,4],[3,5],[3,6]]
ghci> [[x,y] | x <- [1,2,3], y <- [4,5,6]]
[[1,4],[1,5],[1,6],[2,4],[2,5],[2,6],[3,4],[3,5],[3,6]]
ghci> sequenceA [[1,2],[3,4]]
[[1,3],[1,4],[2,3],[2,4]]
ghci> [[x,y] | x <- [1,2], y <- [3,4]]
[[1,3],[1,4],[2,3],[2,4]]
ghci> sequenceA [[1,2],[3,4],[5,6]]
[[1,3,5],[1,3,6],[1,4,5],[1,4,6],[2,3,5],[2,3,6],[2,4,5],[2,4,6]]
ghci> [[x,y,z] | x <- [1,2], y <- [3,4], z <- [5,6]]
[[1,3,5],[1,3,6],[1,4,5],[1,4,6],[2,3,5],[2,3,6],[2,4,5],[2,4,6]]
```

这可能有点难以理解，但如果你多做点尝试，你会比较能看出来些眉目。假设我们在做 `sequenceA [[1,2],[3,4]]`。要知道这是怎么回事，我们首先用 `sequenceA` 的定义 `sequenceA (x:xs) = (:) <$> x <*> sequenceA xs` 还有边界条件 `sequenceA [] = pure []` 来看看。你不需要实际计算，但他可以帮助你理解 `sequenceA` 是怎么运行在一串 list 上，毕竟这有点复杂。

```
# 我们从 `sequenceA [[1,2],[3,4]]` 开始
# 那可以被计算成 `(.) <$> [1,2] <*> sequenceA [[3,4]]`
# 计算内层的 `sequenceA`，会得到 `(.) <$> [1,2] <*> ((.) <$> [3,4] <*>
sequenceA [])`
# 我们碰到了边界条件，所以会是 `(.) <$> [1,2] <*> ((.) <$> [3,4] <*>
[])`
# 现在我们计算 `(.) <$> [3,4] <*> []` 的部分，我们会对左边 list
中的每一个值（也就是 `3` 跟 `4`）跟右边的每一个值（只有 `[]`）套用 `.:`，
而得到 `[3: [], 4: []]`，也就是 `[ [3], [4] ]`。所以我们有 `(.) <$> [1,2] <*>
[ [3], [4] ]`
# 而对于左边的每一个值（`1` 跟 `2`）以及右边可能的值（`[3]` 跟 `[4]`）
我们套用 `.:` 而得到 `[1: [3], 1: [4], 2: [3], 2: [4]]`，他等于
`[ [1,3], [1,4], [2,3], [2,4] ]`
```

计算 `(+) <$> [1,2] <*> [4,5,6]` 会得到一个 non-deterministic 的结果 `x + y`，其中 `x` 代表 `[1,2]` 中的每一个值，而 `y` 代表 `[4,5,6]` 中的每一个值。我们用 list 来表示每一种可能的情形。同样的，当我们在做 `sequence [[1,2],[3,4],[5,6],[7,8]]`，他的结果会是 non-deterministic 的 `[x,y,z,w]`，其中 `x` 代表 `[1,2]` 中的每一个值，而 `y` 代表 `[3,4]` 中的每一个值。以此类推。我们用 list 代表 non-deterministic 的计算，每一个元素都是一个可能的情形。这也是为什么会用到 list of list。

当使用在 I/O action 上的时候，`sequenceA` 跟 `sequence` 是等价的。他接受一串 I/O action 并返回一个 I/O action，这个 I/O action 会计算 list 中的每一个 I/O action，并把结果放在一个 list 中。要将类型为 `[IO a]` 的值转换成 `IO [a]` 的值，也就是会产生一串 list 的一个 I/O action，那这些 I/O action 必须要一个一个地被计算，毕竟对于这些 I/O action 你没办法不计算就得到结果。

```
ghci> sequenceA [getLine, getLine, getLine]
heyh
ho
woo
["heyh", "ho", "woo"]
```

就像普通的函数一样，applicative functors 也遵循一些定律。其中最重

要的一个是我们之前提过的 `pure f <*> x = fmap f x`。你可以证明一些我们之前介绍过的 applicative functor 遵守这个定律当作练习。其他的 functors law 有：

```
# `pure id <*> v = v`  
# `pure (.) <*> u <*> v <*> w = u <*> (v <*> w)`  
# `pure f <*> pure x = pure (f x)`  
# `u <*> pure y = pure ($ y) <*> u`
```

我们不会一项一项地细看，那样会花费很大的篇幅而且对读者来说很无聊，但如果你有兴趣，你可以针对某些 instance 看看他们会不会遵守。

结论就是 applicative functor 不只是有趣而且实用，他允许我们结合不同种类的计算，像是 I/O 计算，non-deterministic 的计算，有可能失败的计算等等。而使用 `<$>` 跟 `<*>` 我们可以将普通的函数来运行在任意数量的 applicative functors 上。

§11.3 关键字 “newtype”



到目前为止，我们已经看过了如何用 `data` 关键字定义自己的 algebraic data type。我们也学习到了如何用 `type` 来定义 type synonyms。在这个章节中，我们会看一下如何使用 `newtype` 来从一个现有的类型中定义出新的类型，并说明我们为什么会想要那么做。

在之前的章节中，我们了解到其实 `list` 有很多种方式可以被视为一种 `applicative functor`。一中方式是定义 `<*>` 将左边的每一个值跟右边的每一个值组合，而得到各种组合的结果。

```
ghci> [(+1),(*100),(*5)] <*> [1,2,3]
[2,3,4,100,200,300,5,10,15]
```

第二种方式是将 `<*>` 定义成将左边的第一个函数套用至右边的第一个值，然后将左边第二个函数套用至右边第二个值。以此类推。最终，这表现得有点像将两个 `list` 用一个拉链拉起来一样。但由于 `list` 已经被定义成 `Applicative` 的 `instance` 了，所以我们要怎么要让 `list` 可以被定义成第二种方式呢？如果你还记得我们说过我们是有很好的理由定义了 `ZipList a`，其中他里面只包含一个值构造子跟只包含一个字段。其实他的理由就是要让 `ZipList` 定义成用拉链的方式来表现 `applicative` 行为。我们只不过用 `ZipList` 这个构造子将他包起来，然后用 `getZipList` 来解开来。

```
ghci> getZipList $ ZipList [(+1),(*100),(*5)] <*> ZipList [1,2,3]
[2,200,15]
```

所以这跟 `newtype` 这个关键字有什么关系呢？想想看我们是怎么声明我们的 `ZipList a` 的，一种方式是像这样：

```
data ZipList a = ZipList [a]
```

也就是一个只有一个值构造子的类型而且那个构造子后面只有一个字段。我们也可以使用 `record syntax` 来定义一个解开的函数：

```
data ZipList a = ZipList { getZipList :: [a] }
```

这样听起来不错。这样我们就有两种方式来让一个类型来表现一个 `typeclass`，我们可以用 `data` 关键字来把一个类型包在另一个里面，然后再将他定义成第二种表现方式。

而在 `Haskell` 中 `newtype` 正是为了这种情形，我们想将一个类型包在另一个类型中。在实际的函数库中 `ZipList a` 是这样定义了：

```
newtype ZipList a = ZipList { getZipList :: [a] }
```

这边我们不用 `data` 关键字反而是用 `newtype` 关键字。这是为什么呢？第一个理由是 `newtype` 比较快速。如果你用 `data` 关键字来包一个类型的话，在你执行的时候会有一些包起来跟解开来的成本。但如果你用 `newtype` 的话，Haskell 会知道你只是要将一个现有的类型包成一个新的类型，你想要内部运行完全一样但只是要一个全新的类型而已。有了这个概念，Haskell 可以将包裹跟解开来的成本都去除掉。

那为什么我们不是一直使用 `newtype` 呢？当你用 `newtype` 来制作一个新的类型时，你只能定义单一一个值构造子，而且那个构造子只能有一个字段。但使用 `data` 的话，你可以让那个类型有好几个值构造子，并且每个构造子可以有零个或多个字段。

```
data Profession = Fighter | Archer | Accountant

data Race = Human | Elf | Orc | Goblin

data PlayerCharacter = PlayerCharacter Race Profession
```

当使用 ‘`newtype`’ 的时候，你是被限制只能用一個值构造子跟单一字段。

对于 `newtype` 我们也能使用 `deriving` 关键字。我们可以 `derive` 像是 `Eq`, `Ord`, `Enum`, `Bounded`, `Show` 跟 `Read` 的 `instance`。如果我们想要对新的类型做 `derive`，那原本的类型必须已经在那个 `typeclass` 中。这样很合理，毕竟 `newtype` 就是要将现有的类型包起来。如果我们按照下面的方式定义的话，我们就能对我们的类型做印出以及比较相等性的操作：

```
newtype CharList = CharList { getCharList :: [Char] } deriving (Eq, Show)
```

我们来跑跑看：

```
ghci> CharList "this will be shown!"
CharList {getCharList = "this will be shown!"}
ghci> CharList "benny" == CharList "benny"
True
```

```
ghci> CharList "benny" == CharList "oisters"
False
```

对于这个 `newtype`，他的值构造子有下列类型：

```
CharList :: [Char] -> CharList
```

他接受一个 `[Char]` 的值，例如 `"my sharona"` 并返回一个 `CharList` 的值。从上面我们使用 `CharList` 的值构造子的范例中，我们可以看到的的确是这样。相反地，`getCharList` 具有下列的类型。

```
getCharList :: CharList -> [Char]
```

他接受一个 `CharList` 的值并将他转成 `[Char]`。你可以将这个想成包装跟解开的动作，但你也可以将他想成从一个类型转成另一个类型。

11.3.1 Using newtype to make type class instances

有好几次我们想要让我们的类型属于某个 `typeclass`，但类型变量并没有符合我们想要的。要把 `Maybe` 定义成 `Functor` 的 instance 很容易，因为 `Functor` 这个 `typeclass` 被定义如下：

```
class Functor f where
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

我们先定义如下：

```
instance Functor Maybe where
```

然后我们实现 `fmap`。当所有的类型变量被填上时，由于 `Maybe` 取代了 `Functor` 中 `f` 的位置，所以如果我们看看 `fmap` 运行在 `Maybe` 上时是什么样，他会像这样：

```
fmap :: (a -> b) -> Maybe a -> Maybe b
```

看起来不错吧？现在我们要 `tuple` 成为 `Functor` 的一个 instance，所以当我们用 `fmap` 来 `map over` 一个 `tuple` 时，他会先套用到 `tuple` 中的第一个元素。这样当我们做 `fmap (+3) (1,1)` 会得到 `(4,1)`。不过要定义出这样的 instance 有些困难。对于 `Maybe`，我们只要写 `instance Functor`



Maybe where, 这是因为对于只吃一个参数的类型构造子我们很容易定义成 `Functor` 的 instance。但对于 `(a,b)` 这样的就没办法。要绕过这样的困境, 我们可以用 `newtype` 来重新定义我们的 tuple, 这样第二个类型参数就代表了 tuple 中的第一个元素部分。

```
newtype Pair b a = Pair { getPair :: (a,b) }
```

现在我们可以将他定义成 `Functor` 的 instance, 所以函数被 map over tuple 中的第一个部分。

```
instance Functor (Pair c) where
    fmap f (Pair (x,y)) = Pair (f x, y)
```

正如你看到的, 我们可以对 `newtype` 定义的类型做模式匹配。我们用模式匹配来拿到底层的 tuple, 然后我们将 `f` 来套用至 tuple 的第一个部分, 然后我们用 `Pair` 这个值构造子来将 tuple 转换成 `Pair b a`。如果我们问 `fmap` 的类型究竟是什么, 他会是:

```
fmap :: (a -> b) -> Pair c a -> Pair c b
```

我们说过 `instance Functor (Pair c) where` 跟 `Pair c` 取代了 `Functor` 中 `f` 的位置:

```
class Functor f where
    fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

如果我们将一个 tuple 转换成 `Pair b a`，我们可以用 `fmap` 来 map over 第一个部分。

```
ghci> getPair $ fmap (*100) (Pair (2,3))
(200,3)
ghci> getPair $ fmap reverse (Pair ("london calling", 3))
("gnillac nodnol",3)
```

11.3.2 On newtype laziness

我们提到 `newtype` 一般来讲比 `data` 来得有效率。`newtype` 能做的唯一一件事就是将现有的类型包成新的类型。这样 Haskell 在内部就能将新的类型的值用旧的方式来操作。只是要记住他们还是不同的类型。这代表 `newtype` 并不只是有效率，他也具备 `lazy` 的特性。我们来说明一下这是什么意思。

就像我们之前说得，Haskell 缺省是具备 `lazy` 的特性，这代表只有当我们要将函数的结果印出来的时候计算才会发生。或者说，只有当我们真的需要结果的时候计算才会发生。在 Haskell 中 `undefined` 代表会造成错误的计算。如果我们试着计算他，也就是将他印到终端中，Haskell 会丢出错误。

```
ghci> undefined
*** Exception: Prelude.undefined
```

然而，如果我们做一个 list，其中包含一些 `undefined` 的值，但却邀请一个不是 `undefined` 的 head，那一切都会顺利地被计算，因为 Haskell 并不需要 list 中其他元素来得到结果。我们仅仅需要看道地一个元素而已。

```
ghci> head [3,4,5,undefined,2,undefined]
3
```

现在们考虑下面的类型：

```
data CoolBool = CoolBool { getCoolBool :: Bool }
```

这是一个用 `data` 关键字定义的 algebraic data type。他有一个值建构子并只有一个类型为 `Bool` 的字段。我们写一个函数来对 `CoolBool` 做模式匹配，并返回一个 `"hello"` 的值。他并不会管 `CoolBool` 中装的究竟是 `True` 或 `False`。

```
helloMe :: CoolBool -> String
helloMe (CoolBool _) = "hello"
```

这次我们不喂给这个函数一个普通的 `CoolBool`，而是丢给他一个 `undefined`。

```
ghci> helloMe undefined
"*** Exception: Prelude.undefined "
```

结果收到了一个 `Exception`。是什么造成这个 `Exception` 的呢？用 `data` 定义的类型可以有好几个值构造子（尽管 `CoolBool` 只有一个）所以当我们看看喂给函数的值是否是 `(CoolBool _)` 的形式，Haskell 会需要做一些基本的计算来看看是哪个值构造子备用到。但当我们计算 `undefined` 的时候，就算是一点也会丢出 `Exception`。

我们不用 `data` 来定义 `CoolBool` 而用 `newtype`：

```
newtype CoolBool = CoolBool { getCoolBool :: Bool }
```

我们不用修改 `helloMe` 函数，因为对于模式匹配使用 `newtype` 或 `data` 都是一样。我们再来将 `undefined` 喂给 `helloMe`。

```
ghci> helloMe undefined
"hello"
```

居然正常运行！为什么呢？正如我们说过得，当我们使用 `newtype` 的时候，Haskell 内部可以将新的类型用旧的类型来表示。他不必加入另一层 `box` 来包住旧有的类型。他只要注意他是不同的类型就好了。而且 Haskell 会知道 `newtype` 定义的类型一定只会有一个构造子，他不必计算喂给函数的值就能确定他是 `(CoolBool _)` 的形式，因为 `newtype` 只有一个可能的值跟单一字段！

这样行为的差异可能没什么关系，但实际上他非常重要。因为他让我们认知到尽管从撰写程序的观点来看没什么差异，但他们的确是两种不同的机制。尽管 `data` 可以让你从无到有定义类型，`newtype` 是从一个现有的类型做出来的。对 `newtype` 做模式匹配并不是像从盒子中取出东西，他比较像是将一个类型转换成另一个类型。

11.3.3 type vs newtype vs data

到目前为止，你也许对于 `type`, `data` 跟 `newtype` 之间的差异还不是很了解，让我们快速复习一遍。

`type` 关键字是让我们定义 type synonyms。他代表我们只是要给一个现有的类型另一个名字，假设我们这样做：

```
type IntList = [Int]
```

这样做可以允许我们用 `IntList` 的名称来指称 `[Int]`。我们可以交换地使用他们。但我们并不会因此有一个 `IntList` 的值构造子。因为 `[Int]` 跟 `IntList` 只是两种指称同一个类型的方式。我们在指称的时候用哪一个并无所谓。

```
ghci> ([1,2,3] :: IntList) ++ ([1,2,3] :: [Int])
[1,2,3,1,2,3]
```

当我们想要让 type signature 更清楚一些，给予我们更了解函数的 context 的时候，我们会定义 type synonyms。举例来说，当我们用一个类型为 `[(String,String)]` 的 association list 来代表一个电话簿的时候，我们可以定义一个 `PhoneBook1` 的 type synonym，这样 type signature 会比较容易读。

`newtype` 关键字将现有的类型包成一个新的类型，大部分是为了要让他们可以是特定 typeclass 的 instance 而这样做。当我们使用 `newtype` 来包裹一个现有的类型时，这个类型跟原有的类型是分开的。如果我们将下面的类型用 `newtype` 定义：

```
newtype CharList = CharList { getCharList :: [Char] }
```

我们不能用 `++` 来将 `CharList` 跟 `[Char]` 接在一起。我们也不能用 `++` 来将两个 `CharList` 接在一起，因为 `++` 只能套用在 `list` 上，而 `CharList` 并不是 `list`，尽管你会说他包含一个 `list`。但我们可以将两个 `CharList` 转成 `list`，将他们 `++` 然后再转回 `CharList`。

当我们在 `newtype` 声明中使用 `record syntax` 的时候，我们会得到将新的类型转成旧的类型的函数，也就是我们 `newtype` 的值构造子，以及一个函数将他的字段取出。新的类型并不会被自动定义成原有类型所属的 `typeclass` 的一个 `instance`，所以我们必须自己来 `derive` 他们。

实际上你可以将 `newtype` 想成是只能定义一个构造子跟一个字段的 `data` 声明。如果你碰到这种情形，可以考虑使用 `newtype`。

使用 `data` 关键字是为了定义自己的类型。他们可以在 `algebraic data type` 中放任意数量的构造子跟字段。可以定义的东西从 `list`, `Maybe` 到 `tree`。

如果你只是希望你的 `type signature` 看起来比较干净，你可以只需要 `type synonym`。如果你想要将现有的类型包起来并定义成一个 `type class` 的 `instance`，你可以尝试使用 `newtype`。如果你想要定义完全新的类型，那你应该使用 `data` 关键字。

§11.4 Monoids

Haskell 中 `typeclass` 是用来表示一个类型之间共有的行为，是一种 `interace`。我们介绍过 `Eq`，他定义类型是否可以比较相等性，以及 `Ord`，他表示可以被排序的类型。还介绍了更有趣的像是 `Functor` 跟 `Applicative`。

当我们定义一个类型时，我们会想说他应该要支持的行为。也就是表现的行为是什么，并且要让他属于哪些 `typeclass`。如果希望他可以比较相等与否，那我们就应该定义他成为 `Eq` 的一个 `instance`。如果我们想要看看类型是否是一种 `functor`，我们可以定义他是 `Functor` 的一个 `instance`。以此类推。

考虑 `*` 是一个将两个数值相乘的一个函数。如果我们将一个数值乘上 1，那就会得到自身的数值。我们实际上是做 `1 * x` 或 `x * 1` 并没有差别。结果永远会是 `x`。同样的，`++` 是一个接受两个参数并返回新的值的一个函数。只是他不是相乘而是将两个 `list` 接在一起。而类似 `*`，他也有一个特定的值，当他跟其他值使用 `++` 时会得到同样的值。那个值就是空的 `list []`。

```
ghci> 4 * 1
4
ghci> 1 * 9
9
ghci> [1,2,3] ++ []
[1,2,3]
ghci> [] ++ [0.5, 2.5]
[0.5,2.5]
```

看起来 $*$ 之于 1 跟 $++$ 之于 $[]$ 有类似的性质:

```
# 函数同样接受两个参数
# 参数跟返回值是同样的类型
# 同样存在某些值当套用二元函数时并不会改变其他值
```

关于这两种操作还有另一个比较难察觉的性质就是, 当我们对这个二元函数对三个以上的值操作并化简, 函数套用的顺序并不会影响到结果。不论是 $(3 * 4) * 5$ 或是 $3 * (4 * 5)$? 两种方式都会得到 60。而 $++$ 也是相同的。

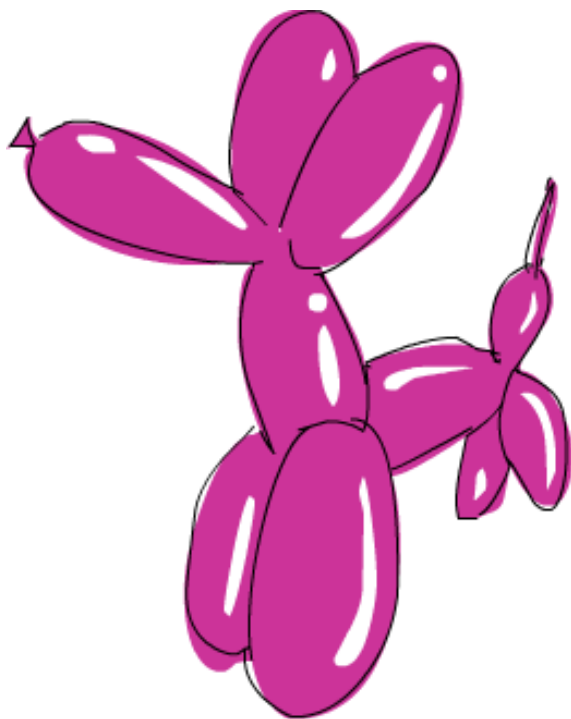
```
ghci> (3 * 2) * (8 * 5)
240
ghci> 3 * (2 * (8 * 5))
240
ghci> "la" ++ ("di" ++ "da")
"ladida"
ghci> ("la" ++ "di") ++ "da"
"ladida"
```

我们称呼这样的性质为结合律 (associativity)。 $*$ 遵守结合律, $++$ 也是。但 $-$ 就不遵守。 $(5 - 3) - 4$ 跟 $5 - (3 - 4)$ 得到的结果是不同的。

注意到这些性质并具体地写下来, 就可以得到 monoid。一个 monoid 是你有一个遵守结合律的二元函数还有一个可以相对于那个函数作为 identity 的值。当某个值相对于一个函数是一个 identity, 他表示当我们将这个值丢给函数时, 结果永远会是另外一边的那个值本身。1 是相对于 $*$ 的 identity, 而 $[]$ 是相对于 $++$ 的 identity。在 Haskell 中还有许多其他的 monoid, 这也

是为什么我们定义了 `Monoid` 这个 `typeclass`。他描述了表现成 `monoid` 的那些类型。我们来看看这个 `typeclass` 是怎么被定义的：

```
class Monoid m where
    mempty :: m
    mappend :: m -> m -> m
    mconcat :: [m] -> m
    mconcat = foldr mappend mempty
```



`Monoid` `typeclass` 被定义在 `import Data.Monoid` 中。我们来花些时间好好了解他。

首先我们看到只有具体类型才能定义成 `Monoid` 的 `instance`。由于在 `typeclass` 定义中的 `m` 并不接受任何类型参数。这跟 `Functor` 以及 `Applicative` 不同，他们要求他们的 `instance` 必须是一个接受单一类型参数的类型构造子。

第一个函数是 `mempty`，由于他不接受任何参数，所以他并不是一个函

数，而是一个 polymorphic 的常数。有点像是 Bounded 中的 minBound 一样。mempty 表示一个特定 monoid 的 identity。

再来我们看到 mappend，你可能已经猜到，他是一个接受两个相同类型的值的二元函数，并返回同样的类型。不过要注意的是他的名字不太符合他真正的意思，他的名字隐含了我们要将两个东西接在一起。尽管在 list 的情况下 ++ 的确将两个 list 接起来，但 * 则否。他只不过将两个数值做相乘。当我们再看到其他 Monoid 的 instance 时，我们会看到他们大部分都没有接起来的做，所以不要用接起来的概念来想像 mappend，只要想像他们是接受两个 monoid 的值并返回另外一个就好了。

在 typeclass 定义中的最后一个函数是 mconcat。他接受一串 monoid 值，并将他们用 mappend 简化成单一的值。他有一个缺省的实现，就是从 mempty 作为起始值，然后用 mappend 来 fold。由于对于大部分的 instance 缺省的实现就没什么问题，我们不会想要实现自己的 mconcat。当我们定义一个类型属于 Monoid 的时候，多半实现 mempty 跟 mappend 就可以了。而 mconcat 就是因为对于一些 instance，有可能有比较有效率的方式来实现 mconcat。不过大多数情况都不需要。

在我们继续接下去看几个 Monoid 的例子前，我们来看一下 monoid law。我们提过必须有一个值作为 identity 以及一个遵守结合律的二元函数当作前提。我们可以定义一个 Monoid 的 instance 却不遵守这些定律的，但这样写出来的 instance 就没有用了，因为我们在使用 Monoid 的时候都是依靠这些定律才可以称作实质上的 monoid。所以我们必须确保他们遵守：

```
# `mempty` `mappend` x = x`
# `x` `mappend` mempty = x`
# `(x `mappend` y) `mappend` z = x `mappend` (y `mappend` z)`
```

前两个描述了 mempty 相对于 mappend 必须要表现成 identity。而第三个定律说了 mappend 必须要遵守结合律。也就是说我们做 mappend 顺序并不重要。Haskell 不会自己检查这些定律是否有被遵守。所以你必须自己小心地检查他们。

11.4.1 Lists are monoids

没错，list 是一种 monoid。正如我们先前看到的，`++` 跟空的 list `[]` 共同形成了一个 monoid。他的 instance 很简单：

```
instance Monoid [a] where
    mempty = []
    mappend = (++)
```

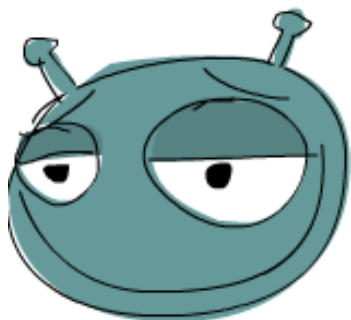
list 是 Monoid typeclass 的一个 instance，这跟他们装的元素的类型无关。注意到我们写 `instance Monoid [a]` 而非 `instance Monoid []`，这是因为 Monoid 要求 instance 必须是具体类型。

我们试着跑跑看，得到我们预期中的结果：

```
ghci> [1,2,3] `mappend` [4,5,6]
[1,2,3,4,5,6]
ghci> ("one" `mappend` "two") `mappend` "tree"
"onetwotree"
ghci> "one" `mappend` ("two" `mappend` "tree")
"onetwotree"
ghci> "one" `mappend` "two" `mappend` "tree"
"onetwotree"
ghci> "pang" `mappend` mempty
"pang"
ghci> mconcat [[1,2],[3,6],[9]]
[1,2,3,6,9]
ghci> mempty :: [a]
[]
```

注意到最后一行我们明白地标记出类型。这是因为如果只些 `mempty` 的话，GHCi 不会知道他是哪一个 instance 的 `mempty`，所以我们必须清楚说出他是 list instance 的 `mempty`。我们可以使用一般化的类型 `[a]`，因为空的 list 可以看作是属于任何类型。

由于 `mconcat` 有一个缺省的实现，我们将某个类型定义成 Monoid 的类型时就可以自动地得到缺省的实现。但对于 list 而言，`mconcat` 其实就是 `concat`。他接受一个装有 list 的 list，并把他用 `++` 来扁平化他。



`list` 的 instance 也遵守 `monoid law`。当我们有好几个 `list` 并且用 `mappend` 来把他们串起来，先后顺序并不是很重要，因为他们都是接在最后面。而且空的 `list` 也表现得如 `identity` 一样。注意到 `monoid` 并不要求 `amappendb` 等于 `bmappenda`。在 `list` 的情况下，他们明显不相等。

```
ghci> "one" `mappend` "two"
"onetwo"
ghci> "two" `mappend` "one"
"twoone"
```

这样并没有关系。 $3 * 5$ 跟 $5 * 3$ 会相等只不过是乘法的性质而已，但没有保证所有 `monoid` 都要遵守。

11.4.2 Product and Sum

我们已经描述过将数值表现成一种 `monoid` 的方式。只要将 `*` 当作二元函数而 `1` 当作 `identity` 就好了。而且这不是唯一一种方式，另一种方式是将 `+` 作为二元函数而 `0` 作为 `identity`。

```
ghci> 0 + 4
4
ghci> 5 + 0
5
ghci> (1 + 3) + 5
9
ghci> 1 + (3 + 5)
9
```

他也遵守 `monoid law`，因为将 `0` 加上其他数值，都会是另外一者。而且加法也遵守结合律。所以现在我们有两种方式将数值表现成 `monoid`，那

要选哪一个呢？其实我们不必要强迫定下来，还记得当同一种类型有好几种表现成某个 `typeclass` 的方式时，我们可以用 `newtype` 来包裹现有的类型，然后再定义新的 `instance`。这样就行了。

`Data.Monoid` 这个模组汇出了两种类型，`Product` 跟 `Sum`。`Product` 定义如下：

```
newtype Product a = Product { getProduct :: a }
    deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded)
```

简单易懂，就是一个单一类型参数的 `newtype`，并 `derive` 一些性质。他的 `Monoid` 的 `instance` 长得像这样：

```
instance Num a => Monoid (Product a) where
    mempty = Product 1
    Product x `mappend` Product y = Product (x * y)
```

`mempty` 只不过是將 1 包在 `Product` 中。`mappend` 则对 `Product` 的构造子做模式匹配，将两个取出的数值相乘后再将结果放回去。就如你看到的，`typeclass` 定义前面有 `Num a` 的条件限制。所以他代表 `Product a` 对于所有属于 `Num` 的 `a` 是一个 `Monoid`。要将 `Product a` 作为一个 `monoid` 使用，我们需要用 `newtype` 来做包裹跟解开的动作。

```
ghci> getProduct $ Product 3 `mappend` Product 9
27
ghci> getProduct $ Product 3 `mappend` mempty
3
ghci> getProduct $ Product 3 `mappend` Product 4 `mappend` Product 2
24
ghci> getProduct . mconcat . map Product $ [3,4,2]
24
```

这当作 `Monoid` 的一个演练还不错，但并不会有人觉得这会比 `3 * 9` 跟 `3 * 1` 这种方式来做乘法要好。但我们稍后会说明尽管像这种显而易见的定义还是有他方便的地方。

`Sum` 跟 `Product` 定义的方式类似，我们也可以用类似的方式操作：

```
ghci> getSum $ Sum 2 `mappend` Sum 9
11
ghci> getSum $ mempty `mappend` Sum 3
3
ghci> getSum . mconcat . map Sum $ [1,2,3]
6
```

11.4.3 Any and ALL

另一种可以有两种表示成 monoid 方式的类型是 `Bool`。第一种方式是将 `||` 当作二元函数，而 `False` 作为 identity。这样的意思是只要有任何一个参数是 `True` 他就返回 `True`，否则返回 `False`。所以如果我们使用 `False` 作为 identity，他会在跟 `False` 做 OR 时返回 `False`，跟 `True` 做 OR 时返回 `True`。`Any` 这个 newtype 是 `Monoid` 的一个 instance，并定义如下：

```
newtype Any = Any { getAny :: Bool }
    deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded)
```

他的 instance 长得像这样：

```
instance Monoid Any where
    mempty = Any False
    Any x `mappend` Any y = Any (x || y)
```

他叫做 `Any` 的理由是 `xmappendy` 当有任何一个是 `True` 时就会是 `True`。就算是更多个用 `mappend` 串起来的 `Any`，他也会在任何一个是 `True` 返回 `True`。

```
ghci> getAny $ Any True `mappend` Any False
True
ghci> getAny $ mempty `mappend` Any True
True
ghci> getAny . mconcat . map Any $ [False, False, False, True]
True
ghci> getAny $ mempty `mappend` mempty
False
```

另一种 `Bool` 表现成 `Monoid` 的方式是用 `&&` 作为二元函数，而 `True` 作为 identity。只有当所有都是 `True` 的时候才会返回 `True`。下面是他的 newtype 定义：

```
newtype All = All { getAll :: Bool }  
    deriving (Eq, Ord, Read, Show, Bounded)
```

而这是他的 instance:

```
instance Monoid All where  
    mempty = All True  
    All x `mappend` All y = All (x && y)
```

当我们用 `mappend` 来串起 `All` 类型的值时, 结果只有当所有 `mappend` 的值是 `True` 时才会是 `True`:

```
ghci> getAll $ mempty `mappend` All True  
True  
ghci> getAll $ mempty `mappend` All False  
False  
ghci> getAll . mconcat . map All $ [True, True, True]  
True  
ghci> getAll . mconcat . map All $ [True, True, False]  
False
```

就如乘法跟加法一样, 我们通常宁愿用二元函数来操作他们也不会用 `newtype` 来将他们包起来。不会将他们包成 `Any` 或 `All` 然后用 `mappend`, `mempty` 或 `mconcat` 来操作。通常使用 `or` 跟 `and`, 他们接受一串 `Bool`, 并只有当任意一个或是所有都是 `True` 的时候才返回 `True`。

11.4.4 The Ordering monoid

还记得 `Ordering` 类型吗? 他是比较运算之后得到的结果, 包含三个值: `LT`, `EQ` 跟 `GT`, 分别代表小于, 等于跟大于:

```
ghci> 1 `compare` 2  
LT  
ghci> 2 `compare` 2  
EQ  
ghci> 3 `compare` 2  
GT
```

针对 `list`, 数值跟布林值而言, 要找出 `monoid` 的行为只要去监视已经定义的函数, 然后看看有没有展现出 `monoid` 的特性就可以了, 但对于

`Ordering`，我们就必须要更仔细一点才能看出来是否是一个 `monoid`，但其他的 `Monoid instance` 还蛮直观的：

```
instance Monoid Ordering where
    mempty = EQ
    LT `mappend` _ = LT
    EQ `mappend` y = y
    GT `mappend` _ = GT
```



这个 `instance` 定义如下：当我们用 `mappend` 两个 `Ordering` 类型的值时，左边的会被保留下来。除非左边的值是 `EQ`，那我们会保留右边的当作结果。而 `identity` 就是 `EQ`。乍看之下有点随便，但实际上他是我们比较两个英文字时所用的方法。我们先比较两个字母是否相等，如果他们不一样，那我们就知道那一个字在字典中会在前面。而如果两个字母相等，那我们就继续比较下一个字母，以此类推。

举例来说，如果我们字典顺序地比较 "ox" 跟 "on" 的话。我们会先比较两个字的首个字母，看看他们是否相等，然后继续比较第二个字母。我们看到 'x' 是比 'n' 要来得大，所以我们就知道如何比较两个字了。而要了解为何 EQ 是 identity，我们可以注意到如果我们在两个字中间的同样位置塞入同样的字母，那他们之间的字典顺序并不会改变。"oix" 仍然比 "oin" 要大。

很重要的一件事是在 Ordering 的 Monoid 定义里 xmapappend 并不等于 ymapappendx。因为除非第一个参数是 EQ，不然结果就会是第一个参数。所以 LTmapappendGT 等于 LT，然而 GTmapappendLT 等于 GT。

```
ghci> LT `mappend` GT
LT
ghci> GT `mappend` LT
GT
ghci> mempty `mappend` LT
LT
ghci> mempty `mappend` GT
GT
```

所以这个 monoid 在什么情况下会有用呢？假设你要写一个比较两个字符串长度的函数，并返回 Ordering。而且当字符串一样长的时候，我们不直接返回 EQ，反而继续用字典顺序比较他们。一种实现的方式如下：

```
lengthCompare :: String -> String -> Ordering
lengthCompare x y = let a = length x `compare` length y
                      b = x `compare` y
                      in if a == EQ then b else a
```

我们称呼比较长度的结果为 a，而比较字典顺序的结果为 b，而当长度一样时，我们就返回字典顺序。

如果善用我们 Ordering 是一种 monoid 这项知识，我们可以把我们的函数写得更简单些：

```
import Data.Monoid

lengthCompare :: String -> String -> Ordering
lengthCompare x y = (length x `compare` length y) `mappend`
```

```
(x `compare` y)
```

我们可以试着跑跑看：

```
ghci> lengthCompare "zen" "ants"
LT
ghci> lengthCompare "zen" "ant"
GT
```

要记住当我们使用 `mappend`。他在左边不等于 `EQ` 的情况下都会返回左边的值。相反地则返回右边的值。这也是为什么我们将我们认为比较重要的顺序放在左边的参数。如果我们要继续延展这个函数，要让他们比较元音的顺序，并把这顺序列为第二重要，那我们可以这样修改他：

```
import Data.Monoid

lengthCompare :: String -> String -> Ordering
lengthCompare x y = (length x `compare` length y) `mappend`
                    (vowels x `compare` vowels y) `mappend`
                    (x `compare` y)
    where vowels = length . filter (`elem` "aeiou")
```

我们写了一个辅助函数，他接受一个字符串并返回他有多少元音。他是先用 `filter` 来把字母滤到剩下 "aeiou"，然后再用 `length` 计算长度。

```
ghci> lengthCompare "zen" "anna"
LT
ghci> lengthCompare "zen" "ana"
LT
ghci> lengthCompare "zen" "ann"
GT
```

在第一个例子中我们看到长度不同所以返回 `LT`，明显地 "zen" 要短于 "anna"。在第二个例子中，长度是一样的，但第二个字符串有比较多的元音，所以结果仍然是 `LT`。在第三个范例中，两个长度都相等，他们也有相同个数的元音，经由字典顺序比较后得到 "zen" 比较大。

`Ordering` 的 `monoid` 允许我们用不同方式比较事物，并将这些顺序也定义了依重要度不同的一个顺序。

11.4.5 Maybe the monoid

我们来看一下 `Maybe a` 是怎样有多种方式来表现成 `Monoid` 的，并且说明哪些是比较有用的。一种将 `Maybe a` 当作 `monoid` 的方式就是他的 `a` 也是一个 `monoid`，而我们将 `mappend` 实现成使用包在 `Just` 里面的值对应的 `mappend`。并且用 `Nothing` 当作 `identity`。所以如果我 `mappend` 两个参数中有一个是 `Nothing`。那结果就会是另一边的值。他的 `instance` 定义如下：

```
instance Monoid a => Monoid (Maybe a) where
    mempty = Nothing
    Nothing `mappend` m = m
    m `mappend` Nothing = m
    Just m1 `mappend` Just m2 = Just (m1 `mappend` m2)
```

留意到 `class constraint`。他说明 `Maybe a` 只有在 `a` 是 `Monoid` 的情况下才会是一个 `Monoid`。如果我们 `mappend` 某个东西跟 `Nothing`。那结果就会是某个东西。如果我们 `mappend` 两个 `Just`，那 `Just` 包住的结果就会 `mappend` 在一起并放回 `Just`。我们能这么做是因为 `class constraint` 保证了在 `Just` 中的值是 `Monoid`。

```
ghci> Nothing `mappend` Just "andy"
Just "andy"
ghci> Just LT `mappend` Nothing
Just LT
ghci> Just (Sum 3) `mappend` Just (Sum 4)
Just (Sum {getSum = 7})
```

这当你在处理有可能失败的 `monoid` 的时候比较有用。有了这个 `instance`，我们就不必一一去检查他们是否失败，是否是 `Nothing` 或是 `Just`，我们可以直接将他们当作普通的 `monoid`。

但如果在 `Maybe` 中的类型不是 `Monoid` 呢？注意到在先前的 `instance` 定义中，唯一有依赖于 `monoid` 限制的情况就是在 `mappend` 两个 `Just` 的时候。但如果我们不知道包在 `Just` 里面的值究竟是不是 `monoid`，我们根本无法用 `mappend` 操作他们，所以该怎么办呢？一种方式就是直接丢掉第二个值而留下第一个值。这就是 `First a` 存在的目的，而这是他的定义：

```
newtype First a = First { getFirst :: Maybe a }
    deriving (Eq, Ord, Read, Show)
```

我们接受一个 `Maybe a` 并把他包成 `newtype`, `Monoid` 的定义如下:

```
instance Monoid (First a) where
    mempty = First Nothing
    First (Just x) `mappend` _ = First (Just x)
    First Nothing `mappend` x = x
```

正如我们说过得, `mempty` 就是包在 `First` 中的 `Nothing`。如果 `mappend` 的第一个参数是 `Just`, 我们就直接忽略第二个参数。如果第一个参数是 `Nothing`, 那我们就将第二个参数当作结果。并不管他究竟是 `Just` 或是 `Nothing`:

```
ghci> getFirst $ First (Just 'a') `mappend` First (Just 'b')
Just 'a'
ghci> getFirst $ First Nothing `mappend` First (Just 'b')
Just 'b'
ghci> getFirst $ First (Just 'a') `mappend` First Nothing
Just 'a'
```

`First` 在我们有一大串 `Maybe` 而且想知道他们之中就竟有没有 `Just` 的时候很有用。可以利用 `mconcat`:

```
ghci> getFirst . mconcat . map First $ [Nothing, Just 9, Just 10]
Just 9
```

如果我们希望定义一个 `Maybe a` 的 `monoid`, 让他当 `mappend` 的两个参数都是 `Just` 的时候将第二个参数当作结果。`Data.Monoid` 中有一个现成的 `Last a`, 他很像是 `First a`, 只差在 `mappend` 跟 `mconcat` 会保留最后一个非 `Nothing` 的值。

```
ghci> getLast . mconcat . map Last $ [Nothing, Just 9, Just 10]
Just 10
ghci> getLast $ Last (Just "one") `mappend` Last (Just "two")
Just "two"
```

11.4.6 Using monoids to fold data structures

另一种有趣的 monoid 使用方式就是让他来帮助我们 fold 一些数据结构。到目前为止我们只有 fold list。但 list 并不是唯一一种可以 fold 的数据结构。我们几乎可以 fold 任何一种数据结构。像是 tree 也是一种常见的可以 fold 的数据结构。

由于有太多种数据结构可以 fold 了，所以我们定义了 Foldable 这个 typeclass。就像 Functor 是定义可以 map over 的结构。Foldable 是定义可以 fold 的结构。在 Data.Foldable 中有定义了一些有用的函数，但他们名称跟 Prelude 中的名称冲突。所以最好是用 qualified 的方式 import 他们：

```
import qualified Foldable as F
```

为了少打一些字，我们将他们 import qualified 成 F。所以这个 typeclass 中定义了哪些函数呢？有 foldr, foldl, foldr1 跟 foldl1。你会说我们已经知道这些函数了，他们有什么不一样的地方吗？我们来比较一下 Foldable 中的 foldr 跟 Prelude 中的 foldr 的类型异同：

```
ghci> :t foldr
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
ghci> :t F.foldr
F.foldr :: (F.Foldable t) => (a -> b -> b) -> b -> t a -> b
```

尽管 foldr 接受一个 list 并将他 fold 起来，Data.Foldable 中的 foldr 接受任何可以 fold 的类型。并不只是 list。而两个 foldr 对于 list 的结果是相同的：

```
ghci> foldr (*) 1 [1,2,3]
6
ghci> F.foldr (*) 1 [1,2,3]
6
```

那有哪些数据结构支持 fold 呢？首先我们有 Maybe：

```
ghci> F.foldl (+) 2 (Just 9)
11
```

```
ghci> F.foldr (||) False (Just True)
True
```

但 fold 一个 **Maybe** 也没什么新意。毕竟当他是 **Just** 的时候表现得像是只有单一元素的 list，而当他是 **Nothing** 的时候就像是空的 list 一样。所以我们来看一些比较复杂的数据结构。

还记得 Making Our Own Types and Typeclass 章节中的树状的数据结构吗？我们是这样定义的：

```
data Tree a = Empty | Node a (Tree a) (Tree a) deriving (Show, Read, Eq)
```

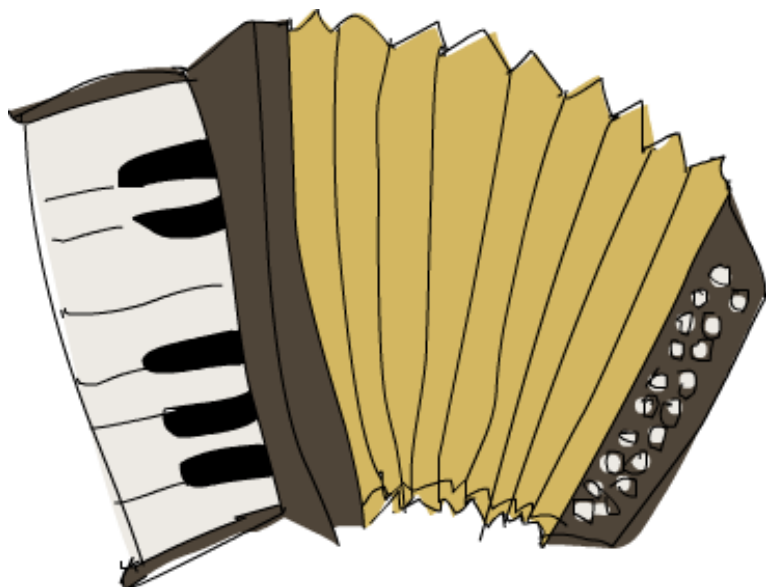
我们说一棵树要不就是一棵空的树要不然就是一个包含值的节点，并且还指向另外两棵树。定义他之后，我们将他定义成 **Functor** 的 instance，因此可以 **fmap** 他。现在我们要将他定义成 **Foldable** 的 instance，这样我们就可以 fold 他。要定义成 **Foldable** 的一种方式就是实现 **foldr**。但另一种比较简单的方式就是实现 **foldMap**，他也属于 **Foldable** typeclass。**foldMap** 的类型如下：

```
foldMap :: (Monoid m, Foldable t) => (a -> m) -> t a -> m
```

第一个参数是一个函数，这个函数接受 foldable 数据结构中包含的元素的类型，并返回一个 monoid。他第二个参数是一个 foldable 的结构，并包含类型 **a** 的元素。他将第一个函数来 map over 这个 foldable 的结构，因此得到一个包含 monoid 的 foldable 结构。然后用 **mappend** 来简化这些 monoid，最后得到单一的一个 monoid。这个函数听起来不太容易理解，但我们下面会看到他其实很容易实现。而且好消息是只要实现了这个函数就可以让我们的函数成为 **Foldable**。所以我们只要实现某个类型的 **foldMap**，我们就可以得到那个类型的 **foldr** 跟 **foldl**。

这就是我们如何定义 **Tree** 成为 **Foldable** 的：

```
instance F.Foldable Tree where
  foldMap f Empty = mempty
  foldMap f (Node x l r) = F.foldMap f l `mappend`
                           f x `mappend`
                           F.foldMap f r
```



我们是这样思考的：如果我们写一个函数，他接受树中的一个元素并返回一个 `monoid`，那我们要怎么简化整棵树到只有单一一个 `monoid`？当我们在对树做 `fmap` 的时候，我们将那函数套用至节点上，并递归地套用至左子树以及右子树。这边我们不只是 `map` 一个函数而已，我们还要求要把结果用 `mappend` 简化成只有单一一个 `monoid` 值。首先我们考虑树为空的情形，一棵没有值也没有子树的情形。由于没有值我们也没办法将他套用上面转换成 `monoid` 的函数，所以当树为空的时候，结果应该要是 `mempty`。

在非空节点的情形下比较有趣，他包含一个值跟两棵子树。在这种情况下，我们递归地做 `foldMap`，用 `f` 来套用到左子树跟右子树上。药剂祝我们的 `foldMap` 只会得到单一的 `monoid` 值。我们也会套用 `f` 到节点中的值。这样我们就得到三个 `monoid` 值，有两个来自简化子树的结果，还有一个是套用 `f` 到节点中的值的结果。而我们需要将这三个值整合成单一一个值。要达成这个目的我们使用 `mappend`，而且自然地会想到照左子树，节点值以及右子树的顺序来简化。

注意到我们并不一定要提供一个将普通值转成 `monoid` 的函数。我们只是把他当作是 `foldMap` 的参数，我们要决定的只是如何套用那个函数，来把得到的 `monoid` 们简化成单一结果。

现在我们有树的 `Foldable` instance, 而 `foldr` 跟 `foldl` 也有缺省的实现了。考虑下面这棵树:

```
testTree = Node 5
  (Node 3
    (Node 1 Empty Empty)
    (Node 6 Empty Empty)
  )
  (Node 9
    (Node 8 Empty Empty)
    (Node 10 Empty Empty)
  )
```

他的 root 是 5, 而他左边下来分别是 3, 再来是 1 跟 6。而右边下来是 9, 再来是 8 跟 10。有了 `Foldable` 的定义, 我们就能像对 list 做 fold 一样对树做 fold:

```
ghci> F.foldl (+) 0 testTree
42
ghci> F.foldl (*) 1 testTree
64800
```

`foldMap` 不只是定义 `Foldable` 新的 instance 有用。他也对简化我们的结构至单一 monoid 值有用。举例来说, 如果我们想要知道我们的树中有没有 3, 我们可以这样做:

```
ghci> getAny $ F.foldMap (\x -> Any $ x == 3) testTree
True
```

这边 `\x -> Any $ x == 3` 是一个接受一个数值并返回一个 monoid 的函数, 也就是一个包在 `Any` 中的 `Bool`。 `foldMap` 将这个函数套用至树的每一个节点, 并把结果用 `mappend` 简化成单一 monoid。如果我们这样做:

```
ghci> getAny $ F.foldMap (\x -> Any $ x > 15) testTree
False
```

经过套用 lambda 之后我们所有的节点都会是 `Any False`。但 `mappend` 必须要至少吃到一个 `True` 才能让最后的结果变成 `True`。这也是为什么结果会是 `False`, 因为我们树中所有的值都大于 15。

我们也能将 `foldMap` 配合 `\x -> [x]` 使用来将我们的树转成 `list`。经过套用那个函数后，所有节点都变成包含单一元素的 `list`。最后用 `mappend` 将这些单一元素的 `list` 转成一个装有全部元素的 `list`：

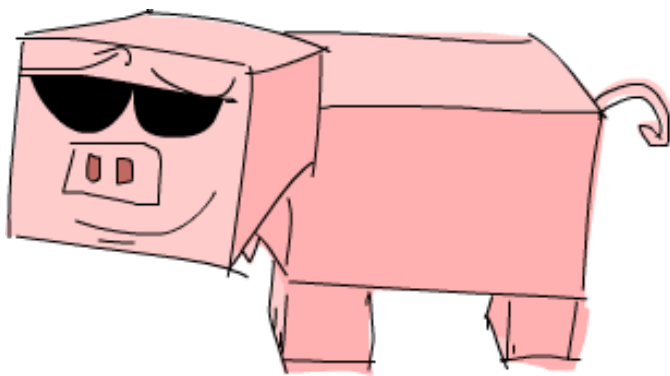
```
ghci> F.foldMap (\x -> [x]) testTree
[1,3,6,5,8,9,10]
```

这个小技巧并不限于树而已，他可以被套用在任何 `Foldable` 上。

第十二章 来看看几种 Monad

当我们第一次谈到 Functor 的时候，我们了解到他是一个抽象概念，代表是一种可以被 map over 的值。然后我们再将其概念提升到 Applicative Functor，他代表一种带有 context 的类型，我们可以用函数操作他而且同时还保有他的 context。

在这一章，我们会学到 Monad，基本上他是一种加强版的 Applicative Functor，正如 Applicative Functor 是 Functor 的加强版一样。



我们介绍到 Functor 是因为我们观察到有许多类型都可以被 function 给 map over，了解到这个目的，便抽象化了 **Functor** 这个 typeclass 出来。但这让我们想问：如果给定一个 $a \rightarrow b$ 的函数以及 $f\ a$ 的类型，我们要如何将函数 map over 这个类型而得到 $f\ b$ ？我们知道要如何 map over `Maybe a`，`[a]` 以及 `IO a`。我们甚至还知道如何用 $a \rightarrow b$ map over $r \rightarrow a$ ，并且会得到 $r \rightarrow b$ 。要回答这个问题，我们只需要看 `fmap` 的类型就好了：

```
fmap :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
```

然后只要针对 **Functor** instance 撰写对应的实现。

之后我们又看到一些可以针对 Functor 改进的地方，例如 $a \rightarrow b$ 也被包在一个 Functor value 里面呢？像是 `Just (*3)`，我们要如何 apply `Just 5` 给他？如果我们不要 apply `Just 5` 而是 `Nothing` 呢？甚至给定 `[(*2), (+4)]`，

我们要如何 `apply` 他们到 `[1,2,3]` 呢? 对于此, 我们抽象出 `Applicative` typeclass, 这就是我们想要问的问题:

```
(<*>) :: (Applicative f) => f (a -> b) -> f a -> f b
```

我们也看到我们可以将一个正常的值包在一个数据类型中。例如说我们可以拿一个 `1` 然后把他包成 `Just 1`。或是把他包成 `[1]`。也可以是一个 I/O action 会产生一个 `1`。这样包装的 function 我们叫他做 `pure`。

如我们说得, 一个 `applicative value` 可以被看作一个有附加 `context` 的值。例如说, `'a'` 只是一个普通的字符, 但 `Just 'a'` 是一个附加了 `context` 的字符。他不是 `Char` 而是 `Maybe Char`, 这类型告诉我们这个值可能是一个字符, 也可能什么都没有。

来看看 `Applicative` typeclass 怎样让我们用普通的 function 操作他们, 同时还保有 `context`:

```
ghci> (*) <$> Just 2 <*> Just 8
Just 16
ghci> (++) <$> Just "klington" <*> Nothing
Nothing
ghci> (-) <$> [3,4] <*> [1,2,3]
[2,1,0,3,2,1]
```

所以我们可以视他们为 `applicative values`, `Maybe a` 代表可能会失败的 computation, `[a]` 代表同时有好多结果的 computation (`non-deterministic computation`), 而 `IO a` 代表会有 `side-effects` 的 computation。

`Monad` 是一个从 `Applicative functors` 很自然的一个演进结果。对于他们我们主要考量的点是: 如果你有一个具有 `context` 的值 `m a`, 你能如何把他丢进一个只接受普通值 `a` 的函数中, 并返回一个具有 `context` 的值? 也就是说, 你如何套用一个类型为 `a -> m b` 的函数至 `m a`? 基本上, 我们要求的函数是:

```
(>>=) :: (Monad m) => m a -> (a -> m b) -> m b
```

如果我们有一个漂亮的值跟一个函数接受普通的值但返回漂亮的值, 那我们要如何要把漂亮的值丢进函数中? 这就是我们使用 `Monad` 时所考量

的事情。我们不写成 `f a` 而写成 `m a` 是因为 `m` 代表的是 `Monad`，但 `monad` 不过就是支持 `>>=` 操作的 `applicative functors`。`>>=` 我们称呼他为 `bind`。

当我们有一个普通值 `a` 跟一个普通函数 `a -> b`，要套用函数是一件很简单的事。但当你在处理具有 `context` 的值时，就需要多考虑些东西，要如何把漂亮的值喂进函数中，并如何考虑他们的行为，但你将会了解到他们其实不难。

§12.1 动手做做看: Maybe Monad



现在对于什么是 `Monad` 已经有了些模糊的概念，我们来看看要如何让这概念更具体一些。

不意外地，`Maybe` 是一个 `Monad`，所以让我们对于他多探讨些，看看是

否能跟我们所知的 Monad 概念结合起来。

到这边要确定你了解什么是 **Applicatives**。如果你知道好几种 ``Applicative`` 的 **instance** 还有他们代表的意含就更好了，因为 **monad** 不过就是对 **applicative** 的概念进行一次升级。

一个 **Maybe a** 类型的值代表类型为 **a** 的值而且具备一个可能造成错误的 **context**。而 **Just "dharma"** 的值代表他不是一个 **"dharma"** 的字符串就是字符串不见时的 **Nothing**。如果你把字符串当作计算的结果，**Nothing** 就代表计算失败了。

当我们把 **Maybe** 视作 **functor**，我们其实要的是一个 **fmap** 来把一个函数针对其中的元素做套用。他会对 **Just** 中的元素进行套用，要不然就是保留 **Nothing** 的状态，其代表里面根本没有元素。

```
ghci> fmap (++"!") (Just "wisdom")
Just "wisdom!"
ghci> fmap (++"!") Nothing
Nothing
```

或者视为一个 **applicative functor**，他也有类似的作用。只是 **applicative** 也把函数包了起来。**Maybe** 作为一个 **applicative functor**，我们能 `<*>` 来套用存在 **Maybe** 中的函数至包在另外一个 **Maybe** 中的值。他们都必须包在 **Just** 来代表值存在，要不然其实就是 **Nothing**。当你在想套用函数到值上面的时候，缺少了函数或是值都会造成错误，所以这样做是很合理的。

```
ghci> Just (+3) <*> Just 3
Just 6
ghci> Nothing <*> Just "greed"
Nothing
ghci> Just ord <*> Nothing
Nothing
```

当我们用 **applicative** 的方式套用函数至 **Maybe** 类型的值时，就跟上面描述的差不多。过程中所有值都必须是 **Just**，要不然结果一定会是 **Nothing**。

```
ghci> max <$> Just 3 <*> Just 6
Just 6
ghci> max <$> Just 3 <*> Nothing
Nothing
```

我们来思考一下要怎么为 `Maybe` 实现 `>>=`。正如我们之前提到的，`>>=` 接受一个 monadic value，以及一个接受普通值的函数，这函数会返回一个 monadic value。`>>=` 会帮我们套用这个函数到这个 monadic value。在函数只接受普通值的情况侠，函数是如何作到这件事的呢？要作到这件事，他必须要考虑到 monadic value 的 context。

在这个案例中，`>>=` 会接受一个 `Maybe a` 以及一个类型为 `a -> Maybe b` 的函数。他会套用函数到 `Maybe a`。要厘清他怎么作到的，首先我们注意到 `Maybe` 的 applicative functor 特性。假设我们有一个函数 `\x -> Just (x+1)`。他接受一个数字，把他加 1 后再包回 `Just`。

```
ghci> (\x -> Just (x+1)) 1
Just 2
ghci> (\x -> Just (x+1)) 100
Just 101
```

如果我们喂给函数 1，他会计算成 `Just 2`。如果我们喂给函数 100，那结果便是 `Just 101`。但假如我们喂一个 `Maybe` 的值给函数呢？如果我们把 `Maybe` 想成一个 applicative functor，那答案便很清楚。如果我们拿到一个 `Just`，就把包在 `Just` 里面的值喂给函数。如果我们拿到一个 `Nothing`，我们就说结果是 `Nothing`。

我们调用 `applyMaybe` 而不调用 `>>=`。他接受 `Maybe a` 跟一个返回 `Maybe b` 的函数，并套用函数至 `Maybe a`。

```
applyMaybe :: Maybe a -> (a -> Maybe b) -> Maybe b
applyMaybe Nothing f = Nothing
applyMaybe (Just x) f = f x
```

我们套用一个 infix 函数，这样 `Maybe` 的值可以写在左边且函数是在右边：

```
ghci> Just 3 `applyMaybe` \x -> Just (x+1)
Just 4
ghci> Just "smile" `applyMaybe` \x -> Just (x ++ " :")
Just "smile : "
ghci> Nothing `applyMaybe` \x -> Just (x+1)
Nothing
ghci> Nothing `applyMaybe` \x -> Just (x ++ " :")
Nothing
```

在上述的范例中，我们看到在套用 `applyMaybe` 的时候，函数是套用在 `Just` 里面的值。当我们试图套用到 `Nothing`，那整个结果便是 `Nothing`。假如函数返回 `Nothing` 呢？

```
ghci> Just 3 `applyMaybe` \x -> if x > 2 then Just x else Nothing
Just 3
ghci> Just 1 `applyMaybe` \x -> if x > 2 then Just x else Nothing
Nothing
```

这正是我们期待的结果。如果左边的 monadic value 是 `Nothing`，那整个结果就是 `Nothing`。如果右边的函数是 `Nothing`，那结果也会是 `Nothing`。这跟我们之前把 `Maybe` 当作 applicative 时，过程中有任何一个 `Nothing` 整个结果就会是 `Nothing` 一样。

对于 `Maybe` 而言，我们已经找到一个方法处理漂亮值的方式。我们作到这件事的同时，也保留了 `Maybe` 代表可能造成错误的计算的意义。

你可能会问，这样的结果有用吗？由于 applicative functors 让我们可以拿一个接受普通值的函数，并让他可以操作具有 context 的值，这样看起来 applicative functors 好像比 monad 强。但我们会看到 monad 也能作到，因为他只是 applicative functors 的升级版。他们同时也能作到 applicative functors 不能作到的事情。

稍候我们会再继续探讨 `Maybe`，但我们先来看看 monad 的 type class。

§12.2 Monad type class

正如 functors 有 `Functor` 这个 type class，而 applicative functors 有一个 `Applicative` 这个 type class，monad 也有他自己的 type class: `Monad` 他看起来像这样：

```
class Monad m where
  return :: a -> m a

  (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b

  (>>) :: m a -> m b -> m b
  x >> y = x >>= \_ -> y

  fail :: String -> m a
  fail msg = error msg
```

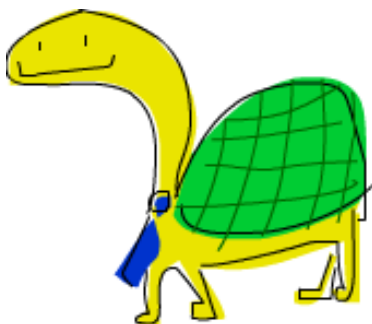


我们从第一行开始看。他说 `class Monad m where`。但我们之前不是提到 monad 是 applicative functors 的加强版吗？不是应该有一个限制说一个类型必须先是一个 applicative functor 才可能是一个 monad 吗？像是 `class (Applicative m) => Monad m where`。他的确应该要有，但当 Haskell 被创造的早期，人们没有想到 applicative functor 适合被放进语言中，所以最后没有这个限制。但的确每个 monad 都是 applicative functor，即使 Monad 并没有这么声明。

在 Monad typeclass 中定义的第一个函数是 `return`。他其实等价于 `pure`，只是名字不同罢了。他的类型是 `(Monad m) => a -> m a`。他接受一个普通值并把他放进一个最小的 context 中。也就是说他把普通值包进一个 monad 里面。他跟 Applicative 里面 `pure` 函数做的事情一样，所以说其实我们已经认识了 `return`。我们已经用过 `return` 来处理一些 I/O。我们用他来做一些假的 I/O，印出一些值。对于 Maybe 来说他就是接受一个普通值然后包进 Just。

提醒一下：``return`` 跟其他语言中的 ``return`` 是完全不一样的。

他并不是结束一个函数的执行，他只不过是把一个普通值包进一个 context 里面。



接下来定义的函数是 `bind: >>=`。他就像是函数套用一样，只差在他不接受普通值，他是接受一个 monadic value（也就是具有 context 的值）并且把他喂给一个接受普通值得函数，并返回一个 monadic value。

接下来，我们定义了 `>>`。我们不会介绍他，因为他有一个事先定义好的实现，基本上我们在实现 Monad typeclass 的时候都不会去理他。

最后一个函数是 `fail`。我们通常在我们程序中不会具体写出来。他是被 Haskell 用在处理语法错误的情况。我们目前不需要太在意 `fail`。

我们知道了 `Monad` typeclass 长什么样子，我们来看一下 `Maybe` 的 `Monad` instance。

```
instance Monad Maybe where
    return x = Just x
    Nothing >>= f = Nothing
    Just x >>= f = f x
    fail _ = Nothing
```

`return` 跟 `pure` 是等价的。这没什么困难的。我们跟我们在定义 `Applicative` 的时候做一样的事，只是把他用 `Just` 包起来。

`>>=` 跟我们的 `applyMaybe` 是一样的。当我们将 `Maybe a` 塞给我们的函数，我们保留住 `context`，并且在输入是 `Nothing` 的时候返回 `Nothing`。毕竟当没有值的时候套用我们的函数是没有意义的。当输入是 `Just` 的时候则套用 `f` 并将他包在 `Just` 里面。

我们可以试着感觉一下 `Maybe` 是怎样表现成 `Monad` 的。

```
ghci> return "WHAT" :: Maybe String
Just "WHAT"
ghci> Just 9 >>= \x -> return (x*10)
Just 90
ghci> Nothing >>= \x -> return (x*10)
Nothing
```

第一行没什么了不起，我们已经知道 `return` 就是 `pure` 而我们又对 `Maybe` 操作过 `pure` 了。至于下两行就比较有趣点。

留意我们是如何把 `Just 9` 喂给 `\x -> return (x*10)`。在函数中 `x` 绑定到 `9`。他看起来好像我们能不用 `pattern matching` 的方式就从 `Maybe` 中取出值。但我们并没有丧失掉 `Maybe` 的 `context`，当他是 `Nothing` 的时候，`>>=` 的结果也会是 `Nothing`。



§12.3 走钢索

我们已经知道要如何把 `Maybe a` 喂进 `a -> Maybe b` 这样的函数。我们可以看看我们如何重复使用 `>>=` 来处理多个 `Maybe a` 的值。

首先来说个小故事。皮尔斯决定要辞掉他的工作改行试着走钢索。他对走钢索蛮在行的，不过仍有个小问题。就是鸟会停在他拿的平衡竿上。他们会飞过来停一小会儿，然后再飞走。这样的情况在两边的鸟的数量一样时并不是个太大的问题。但有时候，所有的鸟都会想要停在同一边，皮尔斯就失去了平衡，就会让他从钢索上掉下去。

我们这边假设两边的鸟差异在三个之内的时候，皮尔斯仍能保持平衡。所以如果是右边有一只，左边有四只的话，那还撑得住。但如果左边有五只，那就会失去平衡。

我们要写个程序来仿真整个情况。我们想看看皮尔斯究竟在好几只鸟来来去去后是否还能撑住。例如说，我们想看看先来了一只鸟停在左边，然后来了四只停在右边，然后左边那只飞走了。之后会是什么情形。

我们用一对整数来代表我们的平衡竿状态。头一个位置代表左边的鸟的数量，第二个位置代表右边的鸟的数量。

```
type Birds = Int
type Pole = (Birds,Birds)
```

由于我们用整数来代表有多少只鸟，我们便先来定义 `Int` 的同义类型，叫做 `Birds`。然后我们把 `(Birds, Birds)` 定义成 `Pole`。

接下来，我们定义一个函数他接受一个数字，然后把他放在竿子的左边，还有另外一个函数放在右边。

```
landLeft :: Birds -> Pole -> Pole
landLeft n (left,right) = (left + n,right)

landRight :: Birds -> Pole -> Pole
landRight n (left,right) = (left,right + n)
```

我们来试着执行看看：

```
ghci> landLeft 2 (0,0)
(2,0)
ghci> landRight 1 (1,2)
(1,3)
ghci> landRight (-1) (1,2)
(1,1)
```

要仿真鸟飞走的话我们只要给定一个负数就好了。由于这些操作是接受 `Pole` 并返回 `Pole`，所以我们可以把函数串在一起。

```
ghci> landLeft 2 (landRight 1 (landLeft 1 (0,0)))
(3,1)
```

当我们喂 `(0,0)` 给 `landLeft 1` 时，我们会得到 `(1,0)`。接着我们仿真右边又停了一只鸟，状态就变成 `(1,1)`。最后又有两只鸟停在左边，状态变成 `(3,1)`。我们这边的写法是先写函数名称，然后再套用参数。但如果先写 `pole` 再写函数名称会比较清楚，所以我们会想定义一个函数

```
x -: f = f x
```

我们能先套用参数然后再写函数名称：

```
ghci> 100 -: (*3)
300
ghci> True -: not
False
ghci> (0,0) -: landLeft 2
(2,0)
```

有了这个函数，我们便能写得比较好读一些：

```
ghci> (0,0) -: landLeft 1 -: landRight 1 -: landLeft 2
(3,1)
```

这个范例跟先前的范例是等价的，只不过好读许多。很清楚的看出我们是从 `(0,0)` 开始，然后停了一只在左边，接着右边又有一只，最后左边多了两只。

到目前为止没什么问题，但如果我们要停 10 只在左边呢？

```
ghci> landLeft 10 (0,3)
(10,3)
```

你说左边有 10 只右边却只有 3 只？那不是早就应该掉下去了？这个例子太明显了，如果换个比较不明显的例子。

```
ghci> (0,0) -: landLeft 1 -: landRight 4 -: landLeft (-1) -: landRight (-2)
(0,2)
```

表面看起来没什么问题，但如果你仔细看的话，有一瞬间是右边有四只，但左边没有鸟。要修正这个错误，我们要重新监视 `landLeft` 跟 `landRight`。我们其实是希望这些函数产生失败的情况。那就是在维持平衡的时候返回新的 pole，但失败的时候告诉我们失败了。这时候 `Maybe` 就刚刚好是我们要的 context 了。我们用 `Maybe` 重新写一次：

```
landLeft :: Birds -> Pole -> Maybe Pole
landLeft n (left,right)
  | abs ((left + n) - right) < 4 = Just (left + n, right)
  | otherwise                    = Nothing

landRight :: Birds -> Pole -> Maybe Pole
landRight n (left,right)
  | abs (left - (right + n)) < 4 = Just (left, right + n)
  | otherwise                    = Nothing
```

现在这些函数不返回 `Pole` 而返回 `Maybe Pole` 了。他们仍接受鸟的数量跟旧的 pole，但他们现在会检查是否有太多鸟会造成皮尔斯失去平衡。我们用 guards 来检查是否有差异超过三的情况。如果没有，那就包一个在 `Just` 中的新的 pole，如果是，那就返回 `Nothing`。

再来执行看看：

```
ghci> landLeft 2 (0,0)
Just (2,0)
ghci> landLeft 10 (0,3)
Nothing
```

一如预期，当皮尔斯不会掉下去的时候，我们就得到一个包在 `Just` 中的新 pole。当太多鸟停在同一边的时候，我们就会拿到 `Nothing`。这样

很棒，但我们却不知道怎么做东西串在一起了。我们不能做 `landLeft 1 (landRight 1 (0,0))`，因为当我们对 `(0,0)` 使用 `landRight 1` 时，我们不是拿到 `Pole` 而是拿到 `Maybe Pole`。`landLeft 1` 会拿到 `Pole` 而不是拿到 `Maybe Pole`。

我们需要一种方法可以把拿到的 `Maybe Pole` 塞到拿 `Pole` 的函数中，然后返回 `Maybe Pole`。而我们有 `>>=`，他对 `Maybe` 做的事就是我们想要的

```
ghci> landRight 1 (0,0) >>= landLeft 2
Just (2,1)
```

`landLeft 2` 的类型是 `Pole -> Maybe Pole`。我们不能喂给他 `Maybe Pole` 的东西。而 `landRight 1 (0,0)` 的结果就是 `Maybe Pole`，所以我们用 `>>=` 来接受一个有 `context` 的值然后拿给 `landLeft 2`。`>>=` 的确让我们把 `Maybe` 当作有 `context` 的值，因为当我们丢 `Nothing` 给 `landLeft 2` 的时候，结果会是 `Nothing`。

```
ghci> Nothing >>= landLeft 2
Nothing
```

这样我们可以把这些新写的用 `>>=` 串在一起。让 `monadic value` 可以喂进只吃普通值的函数。

来看看些例子：

```
ghci> return (0,0) >>= landRight 2 >>= landLeft 2 >>= landRight 2
Just (2,4)
```

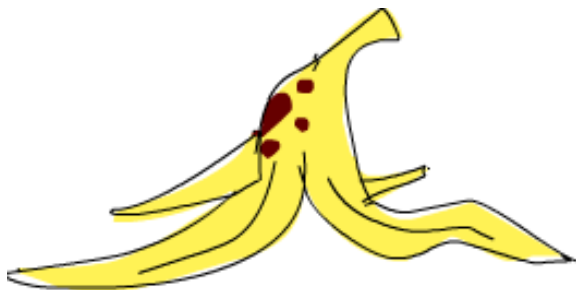
我们最开始用 `return` 返回一个 `pole` 并把他包在 `Just` 里面。我们可以像往常套用 `landRight 2`，不过我们不那么做，我们改用 `>>=`。`Just (0,0)` 被喂到 `landRight 2`，得到 `Just (0,2)`。接着被喂到 `landLeft 2`，得到 `Just (2,2)`。

还记得我们之前引入失败情况的例子吗？

```
ghci> (0,0) -: landLeft 1 -: landRight 4 -: landLeft (-1) -: landRight (-2)
(0,2)
```

之前的例子并不会反应失败的情况。但如果我们用 `>>=` 的话就可以得到失败的结果。

```
ghci> return (0,0) >>= landLeft 1 >>= landRight 4 >>= landLeft (-1) >>= landRight
Nothing
```



正如预期的，最后的情形代表了失败的情况。我们再进一步看看这是怎么产生的。首先 `return` 把 `(0,0)` 放到一个最小的 `context` 中，得到 `Just (0,0)`。然后是 `Just (0,0) >>= landLeft 1`。由于 `Just (0,0)` 是一个 `Just` 的值。`landLeft 1` 被套用至 `(0,0)` 而得到 `Just (1,0)`。这反应了我们仍保持在平衡的状态。接着是 `Just (1,0) >>= landRight 4` 而得到了 `Just (1,4)`。距离不平衡只有一步之遥了。他又被喂给 `landLeft (-1)`，这组合成了 `landLeft (-1) (1,4)`。由于失去了平衡，我们变得得到了 `Nothing`。而我们把 `Nothing` 喂给 `landRight (-2)`，由于他是 `Nothing`，也就自动得到了 `Nothing`。

如果只把 `Maybe` 当作 `applicative` 用的话是没有办法达到我们要的效果的。你试着做一遍就会卡住。因为 `applicative functor` 并不允许 `applicative value` 之间有弹性的互动。他们最多就是让我们可以用 `applicative style` 来传递参数给函数。`applicative operators` 能拿到他们的结果并把他用 `applicative` 的方式喂给另一个函数，并把最终的 `applicative` 值放在一起。但在每一步之间并没有太多允许我们作手脚的机会。而我们的范例需要每一步都倚赖前一步的结果。当每一只鸟降落的时候，我们都会把前一步的结果拿出来看看。好知道结果到底应该成功或失败。

我们也能写出一个函数，完全不管现在究竟有几只鸟停在竿子上，只是要害皮尔斯滑倒。我们可以称呼这个函数叫做 `banana`：

```
banana :: Pole -> Maybe Pole
banana _ = Nothing
```

现在我们能将香蕉皮串到我们的过程中。他绝对会让遇到的人滑倒。他完全不管前面的状态是什么都会产生失败。

```
ghci> return (0,0) >=> landLeft 1 >=> banana >=> landRight 1
Nothing
```

Just (1,0) 被喂给 banana，而产生了 Nothing，之后所有的结果便都是 Nothing 了。

要同样表示这种忽略前面的结果，只注重眼前的 monadic value 的情况，其实我们可以用 >> 来表达。

```
(>>) :: (Monad m) => m a -> m b -> m b
m >> n = m >=> \_ -> n
```

一般来讲，碰到一个完全忽略前面状态的函数，他就应该只会返回他想返回的值而已。但碰到 Monad，他们的 context 还是必须要被考虑到。来看一下 >> 串接 Maybe 的情况。

```
ghci> Nothing >> Just 3
Nothing
ghci> Just 3 >> Just 4
Just 4
ghci> Just 3 >> Nothing
Nothing
```

如果你把 >> 换成 >=> _ ->，那就很容易看出他的意思。

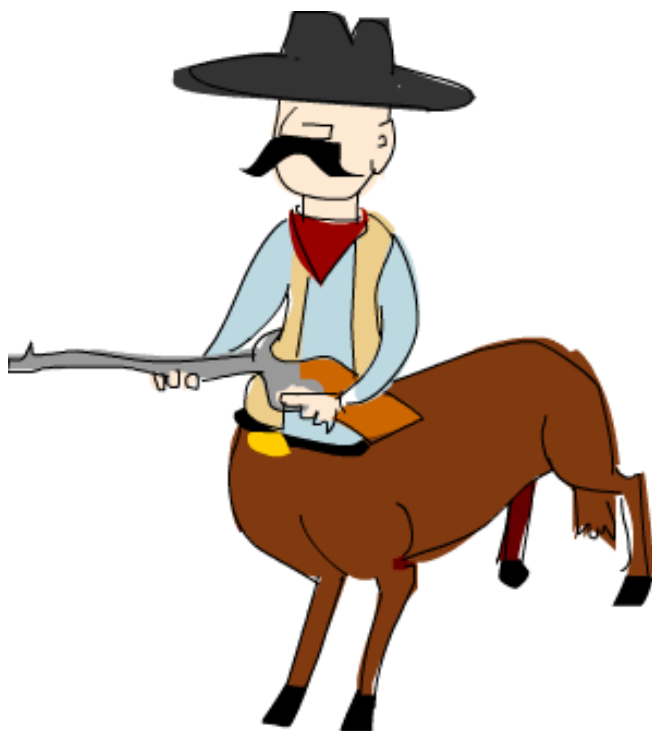
我们也可以把 banana 改用 >> 跟 Nothing 来表达：

```
ghci> return (0,0) >=> landLeft 1 >> Nothing >=> landRight 1
Nothing
```

我们得到了保证的失败。

我们也可以看看假如我们故意不用把 Maybe 视为有 context 的值的写法。他会长得像这样：

```
routine :: Maybe Pole
routine = case landLeft 1 (0,0) of
  Nothing -> Nothing
  Just pole1 -> case landRight 4 pole1 of
    Nothing -> Nothing
    Just pole2 -> case landLeft 2 pole2 of
      Nothing -> Nothing
      Just pole3 -> landLeft 1 pole3
```



左边先停了一只鸟，然后我们停下来检查有没有失败。当失败的时候我们返回 `Nothing`。当成功的时候，我们在右边停一只鸟，然后再重复前面做的事情。把这些琐事转换成 `>>=` 证明了 `Maybe Monad` 的力量，可以省去我们不少的时间。

注意到 `Maybe` 对 `>>=` 的实现，他其实就是在做碰到 `Nothing` 就会传 `Nothing`，碰到正确值就继续用 `Just` 传递值。

在这个章节中，我们看过了好几个函数，也见识了用 `Maybe monad` 来表示失败的 `context` 的力量。把普通的函数套用换成了 `>>=`，让我们可以轻松应付可能会失败的情况，并帮我们传递 `context`。这边的 `context` 就代表失败的可能性，当我们套用函数到 `context` 的时候，就代表考虑进了失败的情况。

§12.4 do 表示法

`Monad` 在 `Haskell` 中是十分重要的，所以我们还特别为了操作他设置了特别的语法：`do` 表示法。我们在介绍 I/O 的时候已经用过 `do` 来把小的 I/O `action` 串在一起了。其实 `do` 并不只是可以用在 `IO`，他可以用在任何 `monad` 上。他的原则是简单明了，把 `monadic value` 串成一串。我们这边来细看 `do` 是如何使用，以及为什么我们十分倚赖他。

来看一下熟悉的例子：

```
ghci> Just 3 >>= (\x -> Just (show x ++ "!"))
Just "3!"
```

你说这没什么了不起，不过就是把 `monadic value` 喂给一个函数罢了。其中 `x` 就指定成 3。也从 `monadic value` 变成了普通值。那如果我们要在 `lambda` 中使用 `>>=` 呢？

```
ghci> Just 3 >>= (\x -> Just "!" >>= (\y -> Just (show x ++ y)))
Just "3!"
```

我们嵌一个 `>>=` 在另外一个 `>>=` 中。在外层的 `lambda`，我们把 `Just "!"` 喂给 `\y -> Just (show x ++ y)`。在内层的 `lambda`，`y` 被指定成 `!"`。`x` 仍被指定成 3，是因为我们是从外层的 `lambda` 取值的。这些行为让我们回想到下列式子：

```
ghci> let x = 3; y = "!" in show x ++ y
"3!"
```

差别在于前述的值是 `monadic`，具有失败可能性的 `context`。我们可以把其中任何一步代换成失败的状态：

```
ghci> Nothing >= (\x -> Just "!" >= (\y -> Just (show x ++ y)))
Nothing
ghci> Just 3 >= (\x -> Nothing >= (\y -> Just (show x ++ y)))
Nothing
ghci> Just 3 >= (\x -> Just "!" >= (\y -> Nothing))
Nothing
```

第一行中，把 `Nothing` 喂给一个函数，很自然地会返回 `Nothing`。第二行里，我们把 `Just 3` 喂给一个函数，所以 `x` 就成了 `3`。但我们把 `Nothing` 喂给内层的 `lambda` 所有的结果就成了 `Nothing`，这也进一步使得外层的 `lambda` 成了 `Nothing`。这就好比我们在 `let expression` 中来把值指定给变量一般。只差在我们这边的值是 monadic value。

要再说得更清楚点，我们来把 script 改写成每行都处理一个 `Maybe`：

```
foo :: Maybe String
foo = Just 3   >= (\x ->
    Just "!" >= (\y ->
    Just (show x ++ y)))
```

为了摆脱这些烦人的 `lambda`，Haskell 允许我们使用 `do` 表示法。他让我们可以把先前的程序写成这样：

```
foo :: Maybe String
foo = do
    x <- Just 3
    y <- Just "!"
    Just (show x ++ y)
```

这看起来好像让我们不用在每一步都去检查 `Maybe` 的值究竟是 `Just` 或 `Nothing`。这蛮方便的，如果在任何一个步骤我们取出了 `Nothing`。那整个 `do` 的结果就会是 `Nothing`。我们把整个责任都交给 `>=`，他会帮我们处理所有 `context` 的问题。这边的 `do` 表示法不过是另外一种语法的形式来串连所有的 monadic value 罢了。

在 `do expression` 中，每一行都是一个 monadic value。要检查处理的结果的话，就要使用 `<-`。如果我们拿到一个 `Maybe String`，并用 `<-` 来绑定



给一个变量，那个变量就会是一个 `String`，就像是使用 `>>=` 来将 monadic value 带给 lambda 一样。至于 `do expression` 中的最后一个值，好比说 `Just (show x ++ y)`，就不能用 `<-` 来绑定结果，因为那样的写法当转换成 `>>=` 的结果时并不合理。他必须要是所有 monadic value 黏起来后的总结果，要考虑到前面所有可能失败的情形。

举例来说，来看看下面这行：

```
ghci> Just 9 >>= (\x -> Just (x > 8))
Just True
```

由于 `>>=` 左边的参数是一个 `Just` 类型的值，当 lambda 被套用至 9 就会得到 `Just True`。如果我们重写整个式子，改用 `do` 表示法：我们会得到：

```
marySue :: Maybe Bool
marySue = do
  x <- Just 9
  Just (x > 8)
```

如果我们比较这两种写法，就很容易看出为什么整个 monadic value 的结果会是在 `do` 表示法中最后一个 monadic value 的值。他串连了全面所有的结果。

我们走钢索的仿真程序也可以改用 `do` 表示法重写。`landLeft` 跟 `landRight` 接受一个鸟的数字跟一个竿子来产生一个包在 `Just` 中新的竿子。而在失败的情况会产生 `Nothing`。我们使用 `>>=` 来串连所有的步骤，每一步都倚赖前一步的结果，而且都带有可能失败的 context。这边有一个范例，先是有两只鸟停在左边，接着有两只鸟停在右边，然后是一只鸟停在左边：

```
routine :: Maybe Pole
routine = do
  start <- return (0,0)
  first <- landLeft 2 start
  second <- landRight 2 first
  landLeft 1 second
```

我们来看看成功的结果：

```
ghci> routine
Just (3,2)
```

当我们要把这些 routine 用具体写出的 `>>=`，我们会这样写：`return (0,0) >>= landLeft 2`，而有了 `do` 表示法，每一行都必须是一个 monadic value。所以我们清楚地把前一个 `Pole` 传给 `landLeft` 跟 `landRight`。如果我们监视我们绑定 `Maybe` 的变量，`start` 就是 `(0,0)`，而 `first` 就会是 `(2,0)`。

由于 `do` 表示法是一行一行写，他们会看起来很像是命令式的写法。但实际上他们只是代表序列而已，每一步的值都倚赖前一步的结果，并带着他们的 `context` 继续下去。

我们再重新来看看如果我们没有善用 `Maybe` 的 `monad` 性质的程序：

```
routine :: Maybe Pole
routine =
  case Just (0,0) of
    Nothing -> Nothing
    Just start -> case landLeft 2 start of
      Nothing -> Nothing
      Just first -> case landRight 2 first of
        Nothing -> Nothing
        Just second -> landLeft 1 second
```

在成功的情形下，`Just (0,0)` 变成了 `start`，而 `landLeft 2 start` 的结果成了 `first`。

如果我们想在 `do` 表示法里面对皮尔斯丢出香蕉皮，我们可以这样做：

```
routine :: Maybe Pole
routine = do
  start <- return (0,0)
  first <- landLeft 2 start
  Nothing
  second <- landRight 2 first
  landLeft 1 second
```

当我们在 `do` 表示法写了一行运算，但没有用到 `<-` 来绑定值的话，其实实际上就是用了 `>>`，他会忽略掉计算的结果。我们只是要让他们有序，而不是要他们的结果，而且他比写成 `_ <- Nothing` 要来得漂亮的多了。

你会问究竟我们何时要使用 `do` 表示法或是 `>>=`，这完全取决于你的习惯。在这个例子由于有每一步都依赖于前一步结果的特性，所以我们使用 `>>=`。如果用 `do` 表示法，我们就必须清楚写出鸟究竟是停在哪根竿子上，但其实每一次都是前一次的结果。不过他还是让我们了解到怎么使用 `do`。

在 `do` 表示法中，我们其实可以用模式匹配来绑定 monadic value，就好像我们在 `let` 表达式，跟函数参数中使用模式匹配一样。这边来看一个在 `do` 表示法中使用模式匹配的范例：

```
justH :: Maybe Char
justH = do
  (x:xs) <- Just "hello"
  return x
```

我们用模式匹配来取得 "hello" 的第一个字符，然后返回结果。所以 `justH` 计算会得到 `Just 'h'`。

如果模式匹配失败怎么办？当定义一个函数的时候，一个模式不匹配就会跳到下一个模式。如果所有都不匹配，那就会造成错误，整个程序就当掉。另一方面，如果在 `let` 中进行模式匹配失败会直接造成错误。毕竟在 `let` 表达式的情况下并没有失败就跳下一个的设计。至于在 `do` 表示法中模式匹配失败的话，那就会调用 `fail` 函数。他定义在 `Monad` 的 type class 定义猪。他允许在现在的 monad context 底下，失败只会造成失败而不会让整个程序当掉。他缺省的实现如下：

```
fail :: (Monad m) => String -> m a
fail msg = error msg
```

可见缺省的实现的确是让程序挂掉，但在某些考虑到失败的可能性的 `Monad`（像是 `Maybe`）常常会有他们自己的实现。对于 `Maybe`，他的实现像这样：

```
fail _ = Nothing
```

他忽略错误讯息，并直接返回 `Nothing`。所以当在 `do` 表示法中的 `Maybe` 模式匹配失败的时候，整个结果就会是 `Nothing`。这种方式比起让程序挂掉要好多了。这边来看一下 `Maybe` 模式匹配失败的范例：

```
wopwop :: Maybe Char
wopwop = do
  (x:xs) <- Just ""
  return x
```

模式匹配的失败，所以那一行的效果相当于一个 `Nothing`。我们来看看执行结果：

```
ghci> wopwop
Nothing
```

这样模式匹配的失败只会限制在我们 `monad` 的 `context` 中，而不是整个程序的失败。这种处理方式要好多了。

§12.5 List Monad



我们已经了解了 `Maybe` 可以被看作具有失败可能性 `context` 的值，也见识到如何用 `>>=` 来把这些具有失败考量的值传给函数。在这一个章节中，我们要看一下如何利用 `list` 的 `monadic` 的性质来写 `non-deterministic` 的程序。

我们已经讨论过在把 `list` 当作 `applicatives` 的时候他们具有 `non-deterministic` 的性质。像 `5` 这样一个值是 `deterministic` 的。他只有一种结果，而且我们清楚的知道他是什么结果。另一方面，像 `[3,8,9]` 这样的值包含好几种结果，所以我们可以把他看作是同时具有好几种结果的值。把 `list` 当作 `applicative functors` 展示了这种特性：

```
ghci> (*) <$> [1,2,3] <*> [10,100,1000]
[10,100,1000,20,200,2000,30,300,3000]
```

将左边 `list` 中的元素乘上右边 `list` 中的元素这样所有的组合全都被放进结果的 `list` 中。当处理 `non-determinism` 的时候，这代表我们有好几种选择可以选，我们也会每种选择都试试看，因此最终的结果也会是一个 `non-deterministic` 的值。只是包含更多不同可能罢了。

`non-determinism` 这样的 `context` 可以被漂亮地用 `monad` 来考虑。所以我们这就来看看 `list` 的 `Monad instance` 的定义：

```
instance Monad [] where
    return x = [x]
    xs >>= f = concat (map f xs)
    fail _ = []
```

`return` 跟 `pure` 是做同样的事，所以我们应该算已经理解了 `return` 的部分。他接受一个值，并把他放进一个最小的一个 `context` 中。换种说法，就是他做了一个只包含一个元素的 `list`。这样对于我们想要操作普通值的时候很有用，可以直接把他包起来变成 `non-deterministic value`。

要理解 `>>=` 在 `list monad` 的情形下是怎么运行的，让我们先回归基本。`>>=` 基本上就是接受一个有 `context` 的值，把他喂进一个只接受普通值的函数，并返回一个具有 `context` 的值。如果操作的函数只会返回普通值而不是具有 `context` 的值，那 `>>=` 在操作一次后就会失效，因为 `context` 不见了。让我们来试着把一个 `non-deterministic value` 塞到一个函数中：

```
ghci> [3,4,5] >>= \x -> [x,-x]
[3,-3,4,-4,5,-5]
```

当我们对 `Maybe` 使用 `>>=`，是有考虑到可能失败的 `context`。在这边 `>>=` 则是有考虑到 `non-determinism`。`[3,4,5]` 是一个 `non-deterministic value`，

我们把他喂给一个返回 non-deterministic value 的函数。那结果也会是 non-deterministic。而且他包含了所有从 [3,4,5] 取值，套用 `\x -> [x,-x]` 后的结果。这个函数他接受一个数值并产生两个数值，一个原来的数值与取过负号的数值。当我们用 `>>=` 来把一个 list 喂给这个函数，所有在 list 中的数值都保留了原有的跟取负号过的版本。x 会针对 list 中的每个元素走过一遍。

要看看结果是如何算出来的，只要看看实现就好了。首先我们从 [3,4,5] 开始。然后我们用 lambda 映射过所有元素得到：

```
[[3,-3],[4,-4],[5,-5]]
```

lambda 会扫过每个元素，所以我们有一串包含一堆 list 的 list，最后我们在把这些 list 压扁，得到一层的 list。这就是我们得到 non-deterministic value 的过程。

non-determinism 也有考虑到失败的可能性。[] 其实等价于 Nothing，因为他什么结果也没有。所以失败等同于返回一个空的 list。所有的错误讯息都不用。让我们来看看范例：

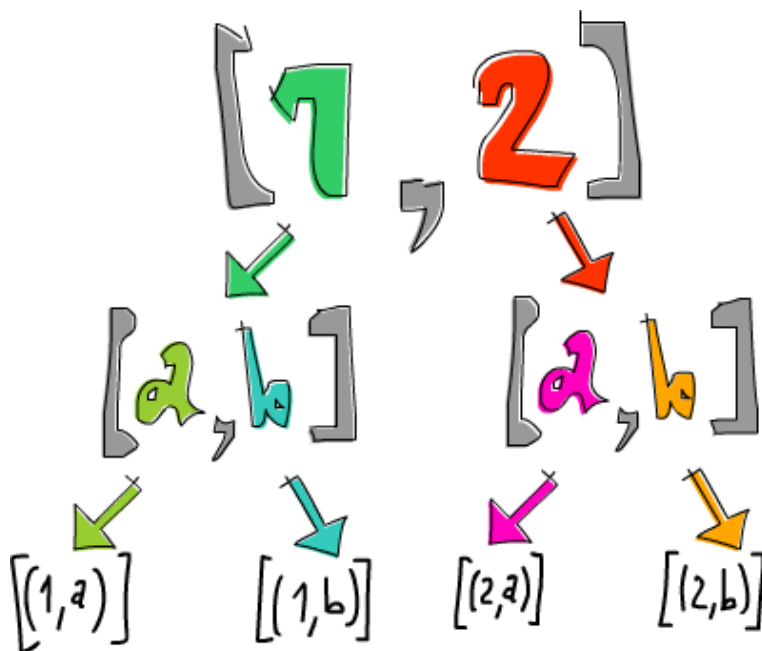
```
ghci> [] >>= \x -> ["bad","mad","rad"]
[]
ghci> [1,2,3] >>= \x -> []
[]
```

第一行里面，一个空的 list 被丢给 lambda。因为 list 没有任何元素，所以函数收不到任何东西而产生空的 list。这跟把 Nothing 喂给函数一样。第二行中，每一个元素都被喂给函数，但所有元素都被丢掉，而只返回一个空的 list。因为所有的元素都造成了失败，所以整个结果也代表失败。

就像 Maybe 一样，我们可以用 `>>=` 把他们串起来：

```
ghci> [1,2] >>= \n -> ['a','b'] >>= \ch -> return (n,ch)
[(1,'a'),(1,'b'),(2,'a'),(2,'b')]
```

[1,2] 被绑定到 n 而 ['a','b'] 被绑定到 ch。最后我们用 return (n,ch) 来把他放到一个最小的 context 中。在这个案例中，就是把 (n,ch) 放到 list 中，这代表最低程度的 non-determinism。整套结构要表达的意思



就是对于 `[1,2]` 的每个元素，以及 `['a','b']` 的每个元素，我们产生一个 tuple，每项分别取自不同的 list。

一般来说，由于 `return` 接受一个值并放到最小的 context 中，他不会多做什么额外的东西仅仅是展示出结果而已。

当你要处理 **non-deterministic value** 的时候，你可以把 list 中的每个元素想做计算路线的一个 **branch**。

这边把先前的表达式用 `do` 重写：

```
listOfTuples :: [(Int,Char)]
listOfTuples = do
  n <- [1,2]
  ch <- ['a','b']
  return (n,ch)
```

这样写可以更清楚看到 `n` 走过 `[1,2]` 中的每一个值，而 `ch` 则取过 `['a','b']` 中的每个值。正如 `Maybe` 一般，我们从 monadic value 中取出普

通值然后喂给函数。`>>=` 会帮我们处理好一切 context 相关的问题，只差在这边的 context 指的是 non-determinism。

使用 `do` 来对 list 操作让我们回想起之前看过的一些东西。来看看下列的片段：

```
ghci> [ (n,ch) | n <- [1,2], ch <- ['a','b'] ]
[(1,'a'),(1,'b'),(2,'a'),(2,'b')]
```

没错，就是 list comprehension。在先前的范例中，`n` 会走过 `[1,2]` 的每个元素，而 `ch` 会走过 `['a','b']` 的每个元素。同时我们又把 `(n,ch)` 放进一个 context 中。这跟 list comprehension 的目的一样，只是我们在 list comprehension 里面不用在最后写一个 `return` 来得到 `(n,ch)` 的结果。

实际上，list comprehension 不过是一个语法糖。不论是 list comprehension 或是用 `do` 表示法来表示，他都会转换成用 `>>=` 来做计算。

List comprehension 允许我们 filter 我们的结果。举例来说，我们可以只要包含 7 在表示位数里面的数值。

```
ghci> [ x | x <- [1..50], '7' `elem` show x ]
[7,17,27,37,47]
```

我们用 `show` 跟 `x` 来把数值转成字符串，然后检查 `'7'` 是否包含在字符串里面。要看看 filtering 要如何转换成用 list monad 来表达，我们可以考虑使用 `guard` 函数，还有 `MonadPlus` 这个 type class。`MonadPlus` 这个 type class 是用来针对可以同时表现成 monoid 的 monad。下面是他的定义：

```
class Monad m => MonadPlus m where
    mzero :: m a
    mplus :: m a -> m a -> m a
```

`mzero` 其实是 Monoid 中 `mempty` 的同义词，而 `mplus` 则对应到 `mappend`。因为 list 同时是 monoid 跟 monad，他们可以是 `MonadPlus` 的 instance。

```
instance MonadPlus [] where
    mzero = []
```

```
mplus = (++)
```

对于 list 而言, `mzero` 代表的是不产生任何结果的 non-deterministic value, 也就是失败的结果。而 `mplus` 则把两个 non-deterministic value 结合成一个。`guard` 这个函数被定义成下列形式:

```
guard :: (MonadPlus m) => Bool -> m ()
guard True = return ()
guard False = mzero
```

这函数接受一个布林值, 如果他是 `True` 就返回一个包在缺省 context 中的 `()`。如果他失败就产生 `mzero`。

```
ghci> guard (5 > 2) :: Maybe ()
Just ()
ghci> guard (1 > 2) :: Maybe ()
Nothing
ghci> guard (5 > 2) :: [()]
[()]
ghci> guard (1 > 2) :: [()]
[]
```

看起来蛮有趣的, 但用起来如何呢? 我们可以用他来过滤 non-deterministic 的计算。

```
ghci> [1..50] >>= (\x -> guard ('7' `elem` show x) >> return x)
[7,17,27,37,47]
```

这边的结果跟我们之前 list comprehension 的结果一致。究竟 `guard` 是如何办到的? 我们先看看 `guard` 跟 `>>` 是如何互动:

```
ghci> guard (5 > 2) >> return "cool" :: [String]
["cool"]
ghci> guard (1 > 2) >> return "cool" :: [String]
[]
```

如果 `guard` 成功的话, 结果就会是一个空的 tuple。接着我们用 `>>` 来忽略掉空的 tuple, 而呈现不同的结果。另一方面, 如果 `guard` 失败的话, 后

面的 `return` 也会失败。这是因为用 `>=>` 把空的 `list` 喂给函数总是会返回空的 `list`。基本上 `guard` 的意思就是：如果一个布林值是 `False` 那就产生一个失败状态，不然的话就返回一个基本的 `()`。这样计算就可以继续进行。

这边我们把先前的范例用 `do` 改写：

```
sevensOnly :: [Int]
sevensOnly = do
  x <- [1..50]
  guard ('7' `elem` show x)
  return x
```

如果我们不写最后一行 `return x`，那整个 `list` 就会是包含一堆空 `tuple` 的 `list`。

把上述范例写成 `list comprehension` 的话就会像这样：

```
ghci> [ x | x <- [1..50], '7' `elem` show x ]
[7,17,27,37,47]
```

所以 `list comprehension` 的 `filtering` 基本上跟 `guard` 是一致的。

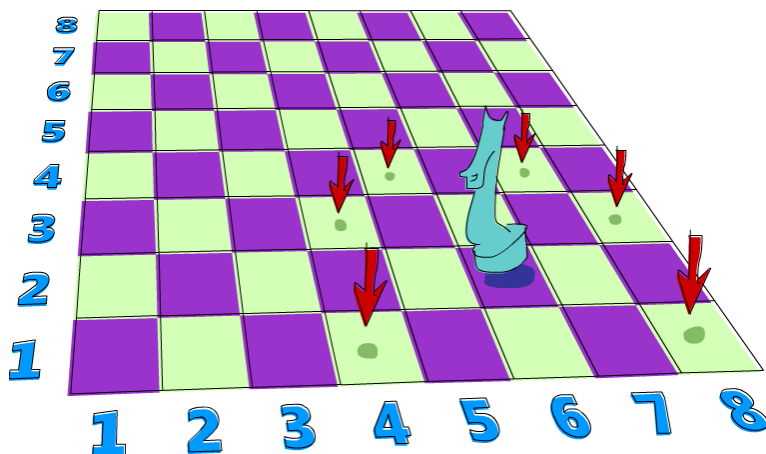
12.5.1 A knight's quest

这边来看一个可以用 `non-determinism` 解决的问题。假设你有一个西洋棋盘跟一只西洋棋中的骑士摆在上面。我们希望知道是否这只骑士可以在三步之内移到我们想要的位置。我们只要用一对数值来表示骑士在棋盘上的位置。第一个数值代表棋盘的行，而第二个数值代表棋盘的列。

我们先帮骑士的位置定义一个 `type synonym`。

```
type KnightPos = (Int,Int)
```

假设骑士现在是在 `(6,2)`。究竟他能不能够在三步内移动到 `(6,1)` 呢？你可能会先考虑究竟哪一步是最佳的一步。但不如全部一起考虑吧！要好好利用所谓的 `non-determinism`。所以我们不是只选择一步，而是选择全部。我们先写一个函数返回所有可能的下一步：



```
moveKnight :: KnightPos -> [KnightPos]
moveKnight (c,r) = do
    (c',r') <- [(c+2,r-1),(c+2,r+1),(c-2,r-1),(c-2,r+1)
                ,(c+1,r-2),(c+1,r+2),(c-1,r-2),(c-1,r+2)
                ]
    guard (c' `elem` [1..8] && r' `elem` [1..8])
    return (c',r')
```

骑士有可能水平或垂直移动一步或二步，但问题是他们必须要同时水平跟垂直移动。(c',r') 走过 list 中的每一个元素，而 guard 会保证产生的结果会停留在棋盘上。如果没有，那就会产生一个空的 list，表示失败的结果，return (c',r') 也就不会被执行。

这个函数也可以不用 list monad 来写，但我们这边只是写好玩的。下面是一个用 filter 实现的版本：

```
moveKnight :: KnightPos -> [KnightPos]
moveKnight (c,r) = filter onBoard
    [(c+2,r-1),(c+2,r+1),(c-2,r-1),(c-2,r+1)
    ,(c+1,r-2),(c+1,r+2),(c-1,r-2),(c-1,r+2)
    ]
    where onBoard (c,r) = c `elem` [1..8] && r `elem` [1..8]
```

两个函数做的都是相同的事，所以选个你喜欢的吧。

```
ghci> moveKnight (6,2)
[(8,1),(8,3),(4,1),(4,3),(7,4),(5,4)]
ghci> moveKnight (8,1)
[(6,2),(7,3)]
```

我们接受一个位置然后产生所有可能的移动方式。所以我们有一个 non-deterministic 的下一个位置。我们用 `>>=` 来喂给 `moveKnight`。接下来我们就可以写一个三步内可以达到的所有位置：

```
in3 :: KnightPos -> [KnightPos]
in3 start = do
  first <- moveKnight start
  second <- moveKnight first
  moveKnight second
```

如果你传 `(6,2)`，得到的 list 会很大，因为会有不同种方式来走到同样的一个位置。我们也可以不用 `do` 来写：

```
in3 start = return start >>= moveKnight >>= moveKnight >>= moveKnight
```

第一次 `>>=` 给我们移动一步的所有结果，第二次 `>>=` 给我们移动两步的所有结果，第三次则给我们移动三步的所有结果。

用 `return` 来把一个值放进缺省的 context 然后用 `>>=` 喂给一个函数其跟函数调用是同样的，只是用不同的写法而已。接着我们写一个函数接受两个位置，然后可以测试是否可以在三步内从一个位置移到另一个位置：

```
canReachIn3 :: KnightPos -> KnightPos -> Bool
canReachIn3 start end = end `elem` in3 start
```

我们产生所有三步的可能位置，然后看看其中一个位置是否在里面。所以我们可以看看是否可以在三步内从 `(6,2)` 走到 `(6,1)`：

```
ghci> (6,2) `canReachIn3` (6,1)
True
```

那从 `(6,2)` 到 `(7,3)` 呢？

```
ghci> (6,2) `canReachIn3` (7,3)
False
```

答案是不行。你可以修改函数改成当可以走到的时候，他还会告诉你实际的步骤。之后你也可以改成不只限定成三步，可以任意步。

§12.6 Monad laws (单子律)



正如 `Applicative functors` 以及 `functors`，`Monad` 也有一些要遵守的定律。我们定义一个 `Monad` 的 `instance` 并不代表他是一个 `monad`，只代表他被定义成那个 `type class` 的 `instance`。一个类型要是 `monad`，则必须遵守单子律。这些定律让我们可以对这个类型的行为做一些合理的假设。

Haskell 允许任何类型是任何 `type class` 的 `instance`。但他不会检查单子律是否有被遵守，所以如果我们要写一个 `Monad` 的 `instance`，那最好我们确定他有遵守单子律。我们可以不用担心标准函数库中的类型是否有遵守单子律。但之后我们定义自己的类型时，我们必须自己检查是否有遵守单子律。不用担心，他们不会很复杂。

12.6.1 Left identity

单子律的第一项说当我们接受一个值，将他用 `return` 放进一个缺省的 `context` 并把他用 `>>=` 喂进一个函数的结果，应该要跟我们直接做函数调用的结果一样。

- `return x >>= f` 应该等于 `f x`

如果你是把 monadic value 视为把一个值放进最小的 context 中，仅仅是把同样的值放进结果中的话，那这个定律应该很直观。因为把这个值放进 context 中然后丢给函数，应该要跟直接把这个值丢给函数做调用应该没有差别。

对于 Maybe monad，`return` 被定义成 `Just`。Maybe monad 讲的是失败的可能性，如果有普通值要把他放进 context 中，那把这个动作当作是计算成功应该是很合理的，毕竟我们都知道那个值是很具体的。这边有些范例：

```
ghci> return 3 >>= (\x -> Just (x+100000))
Just 100003
ghci> (\x -> Just (x+100000)) 3
Just 100003
```

对于 list monad 而言，`return` 是把值放进一个 list 中，变成只有一个元素的 list。`>>=` 则会走过 list 中的每个元素，并把他们丢给函数做运算，但因为在单一元素的 list 中只有一个值，所以跟直接对那元素做运算是等价的：

```
ghci> return "WoM" >>= (\x -> [x,x,x])
["WoM","WoM","WoM"]
ghci> (\x -> [x,x,x]) "WoM"
["WoM","WoM","WoM"]
```

至于 IO，我们已经知道 `return` 并不会造成副作用，只不过是结果中呈现原有值。所以这个定律对于 IO 也是有效的。

12.6.2 Right identity

单子律的第二个规则是如果我们有一个 monadic value，而且我们把他用 `>>=` 喂给 `return`，那结果就会是原有的 monadic value。

- `m >>= return` 会等于 `m`

这一个可能不像第一定律那么明显，但我们还是来看看为什么会遵守这条。当我们把一个 monadic value 用 `>>=` 喂给函数，那些函数是接受普通值并返回具有 context 的值。`return` 也是在他们其中。如果你仔细看他的类型，`return` 是把一个普通值放进一个最小 context 中。这就表示，对于 Maybe 他并没有造成任何失败的状态，而对于 list 他也没有多加 non-determinism。

```
ghci> Just "move on up" >>= (\x -> return x)
Just "move on up"
ghci> [1,2,3,4] >>= (\x -> return x)
[1,2,3,4]
ghci> putStrLn "Wah!" >>= (\x -> return x)
Wah!
```

如果我们仔细监视 list monad 的范例，会发现 `>>=` 的实现是：

```
xs >>= f = concat (map f xs)
```

所以当我们把 `[1,2,3,4]` 丢给 `return`，第一个 `return` 会把 `[1,2,3,4]` 映射成 `[[1],[2],[3],[4]]`，然后再把这些小 list 串接成我们原有的 list。

Left identity 跟 right identity 是描述 `return` 的行为。他重要的原因是因为他把普通值转换成具有 context 的值，如果他出错的话会很头大。

12.6.3 Associativity

单子律最后一条是说当我们用 `>>=` 把一串 monadic function 串在一起，他们的先后顺序不应该影响结果：

- $(m \gg= f) \gg= g$ 跟 $m \gg= (\lambda x \rightarrow f\ x \gg= g)$ 是相等的

究竟这边说的是什么呢？我们有一个 monadic value `m`，以及两个 monadic function `f` 跟 `g`。当我们写下 $(m \gg= f) \gg= g$ ，代表的是我们把 `m` 喂给 `f`，他的结果是一个 monadic value。然后我们把这个结果喂给 `g`。而在 $m \gg= (\lambda x \rightarrow f\ x \gg= g)$ 中，我们接受一个 monadic value 然后喂给一个函数，这个函数会把 `f x` 的结果丢给 `g`。我们不太容易直接看出两者箱，所以先来看个范例比较好理解。

还记得之前皮尔斯的范例吗？要仿真鸟停在他的平衡竿上，我们把好几个函数串在一起

```
ghci> return (0,0) >>= landRight 2 >>= landLeft 2 >>= landRight 2
Just (2,4)
```

从 `Just (0,0)` 出发，然后把值传给 `landRight 2`。他的结果又被绑到下一个 monadic function，以此类推。如果我们用括号清楚标出优先级的话会是这样：

```
ghci> ((return (0,0) >>= landRight 2) >>= landLeft 2) >>= landRight 2
Just (2,4)
```

我们也可以改写成这样：

```
return (0,0) >>= (\x ->
landRight 2 x >>= (\y ->
landLeft 2 y >>= (\z ->
landRight 2 z)))
```

`return (0,0)` 等价于 `Just (0,0)`，当我们把他喂给 `lambda`，里面的 `x` 就等于 `(0,0)`。`landRight` 接受一个数值跟 `pole`，算出来的结果是 `Just (0,2)` 然后把他喂给另一个 `lambda`，里面的 `y` 就变成了 `(0,2)`。这样的操作持续下去，直到最后一只鸟降落，而得到 `Just (2,4)` 的结果，这也是整个操作的总结果。

这些 monadic function 的优先级并不重要，重点是他们的意义。从另一个角度来看这个定律：考虑两个函数 `f` 跟 `g`，将两个函数组合起来的定义像这样：

```
(.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> (a -> c)
f . g = (\x -> f (g x))
```

如果 `g` 的类型是 `a -> b` 且 `f` 的类型是 `b -> c`，我们可以把他们合成一个类型是 `a -> c` 的新函数。所以中间参数都有自动带过。现在假设这两个函数是 monadic function，也就是说如果他们的返回值是 monadic function？如果我们有一个函数他的类型是 `a -> m b`，我们并不能直接把结果丢给另一个类型为 `b -> m c` 的函数，因为后者只接受类型为 `b` 的普通值。然而，我们可以用 `>>=` 来做到我们想要的事。有了 `>>=`，我们可以合成两个 monadic function：

```
(<=<) :: (Monad m) => (b -> m c) -> (a -> m b) -> (a -> m c)
f <=< g = (\x -> g x >>= f)
```

所以现在我们可以合成两个 monadic functions：

```
ghci> let f x = [x,-x]
ghci> let g x = [x*3,x*2]
ghci> let h = f <=< g
ghci> h 3
[9,-9,6,-6]
```

至于这跟结合律有什么关系呢？当我们把这定律看作是合成的定律，他就只是说了 $f \leq (g \leq h)$ 跟 $(f \leq g) \leq h$ 应该等价。只是他是针对 monad 而已。

如果我们把头两个单子律用 \leq 改写，那 left identity 不过就是说对于每个 monadic function f , $f \leq \text{return}$ 跟 f 是等价，而 right identity 说 $\text{return} \leq f$ 跟 f 是等价。

如果看看普通函数的情形，就会发现很像， $(f \cdot g) \cdot h$ 等价于 $f \cdot (g \cdot h)$, $f \cdot \text{id}$ 跟 f 等价，且 $\text{id} \cdot f$ 等价于 f 。

在这一章中，我们监视了 monad 的基本性质，而且也了解了 Maybe monad 跟 list monad 的运行方式。在下一章，我们会看看其他一些有特色的 monad，我们也会学到如何定义自己的 monad。

第十三章 再来看看更多 Monad



我们已经看过 Monad 是如何接受具有 context 的值，并如何用函数操作他们还有如何用 `>>=` 跟 `do` 来减轻我们对 context 的关注，集中精神在 value 本身。

我们也看过了 `Maybe` 是如何把值加上一个可能会失败的 context。我们学习到 `List Monad` 是如何加进多重结果的 context。我们也了解 `IO Monad` 如何运行，而且我们在知道什么是 Monad 之前就已经知道他了。

在这个章节，我们会介绍一些其他的 Monad。他们可以把值变成

monadiv value, 因此可以让我们的程序更简洁清晰。多见识几个 Monad 也可以敏锐我们对 Monad 的直观。

我们即将要介绍的 Monad 都包含在 `mtl` 这个套建中。一个 Haskell package 包含了一堆模组。而 `mtl` 已经包含在 Haskell Platform 中, 所以你可能不用另外安装。要检查你有没有这软件包, 你可以下 `ghc-pkg list`。这会列出你已经安装的软件包, 其中应该包含 `mtl` 后面接着对应的版本号。

§13.1 你所不知道的 Writer Monad

我们已经看过 `Maybe`, `list` 以及 `IO Monad`。现在我们要来看看 `Writer Monad`。

相对于 `Maybe` 是加入可能失败的 context, `list` 是加入 non-deterministic 的 context, `Writer` 则是加进一个附加值的 context, 好比 log 一般。`Writer` 可以让我们在计算的同时搜集所有 log 纪录, 并汇集成一个 log 并附加在结果上。

例如我们想要附加一个 `String` 好说明我们的值在干么 (有可能是为了除错)。想像有一个函数接受一个代表帮派人数的数字, 然后会返回值告诉我们这是否算是一个庞大的帮派:

```
isBigGang :: Int -> Bool
isBigGang x = x > 9
```

现在我们希望他不只是返回 `True` 或 `False`, 我们还希望他能够多返回一个字符串代表 log。这很容易, 只要多加一个 `String` 在 `Bool` 旁边就好了。

```
isBigGang :: Int -> (Bool, String)
isBigGang x = (x > 9, "Compared gang size to 9.")
```

我们现在返回了一个 `Tuple`, 第一个元素是原来的布林值, 第二个元素是一个 `String`。现在我们的值有了一个 context。

```
ghci> isBigGang 3
(False, "Compared gang size to 9.")
ghci> isBigGang 30
(True, "Compared gang size to 9.")
```



到目前为止都还不错，`isBigGang` 返回一个值跟他的 `context`。对于正常的数值来说这样的写法都能运行良好。但如果我们想要把一个已经具有 `context` 的值，像是 `(3, "Smallish gang.")`，喂给 `isBigGang` 呢？我们又面对了同样的问题：如果我们有一个能接受正常数值并返回一个具有 `context` 值的 `function`，那我们要如何喂给他一个具有 `context` 的值？

当我们在研究 `Maybe monad` 的时候，我们写了一个 `applyMaybe`。他接受一个 `Maybe a` 值跟一个 `a -> Maybe b` 类型的函数，他会把 `Maybe a` 喂给这个 `function`，即便这个 `function` 其实是接受 `a` 而非 `Maybe a`。`applyMaybe` 有针对这样的 `context` 做处理，也就是会留意有可能发生的失败情况。但在 `a -> Maybe b` 里面，我们可以只专心处理正常数值即可。因为 `applyMaybe` (之后变成了 `>>=`) 会帮我们处理需要检查 `Nothing` 或 `Just` 的情况。

我们再来写一个接受附加 `log` 值的函数，也就是 `(a, String)` 类型的值跟 `a -> (b, String)` 类型的函数。我们称呼这个函数为 `applyLog`。这个函数有的 `context` 是附加 `log` 值，而不是一个可能会失败的 `context`，因此 `applyLog` 会确保原有的 `log` 被保留，并附上从函数产生出的新的 `log`。这边我们来看一下实现：

```
applyLog :: (a,String) -> (a -> (b,String)) -> (b,String)
applyLog (x,log) f = let (y,newLog) = f x in (y,log ++ newLog)
```

当我们想把一个具有 context 的值喂给一个函数的时候，我们会尝试把值跟他的 context 分开，然后把值喂给函数再重新接回 context。在 `Maybe monad` 的情况，我们检查值是否为 `Just x`，如果是，便将 `x` 喂给函数。而在 `log` 的情况，我们知道 pair 的其中一个 component 是 `log` 而另一个是值。所以我们先取出值 `x`，将 `f` apply 到 `x`，便获取 `(y,newLog)`，其中 `y` 是新的值而 `newLog` 则是新的 `log`。但如果我们返回 `newLog`，旧的 `log` 便不会包含进去，所以我们要返回的是 `(y, log ++ newLog)`。我们用 `++` 来把新的 `log` 接到旧的上。面。

来看看 `applyLog` 运行的情形：

```
ghci> (3, "Smallish gang.") `applyLog` isBigGang
(False,"Smallish gang.Compared gang size to 9")
ghci> (30, "A freaking platoon.") `applyLog` isBigGang
(True,"A freaking platoon.Compared gang size to 9")
```

跟之前的结果很像，只差在我们多了伴随产生的 `log`。再来多看几个例子：

```
ghci> ("Tobin","Got outlaw name.") `applyLog` (\x -> (length x, "Applied length. "))
(5,"Got outlaw name.Applied length.")
ghci> ("Bathcat","Got outlaw name.") `applyLog` (\x -> (length x, "Applied length. "))
(7,"Got outlaw name.Applied length")
```

可以看到在 `lambda` 里面 `x` 只是个正常的字符串而不是 tuple，且 `applyLog` 帮我们处理掉附加 `log` 的动作。

13.1.1 Monoids 的好处

请确定你了解什么是 `Monoids`。

到目前为止 `applyLog` 接受 `(a,String)` 类型的值，但为什么 `log` 一定要是 `String` 呢？我们使用 `++` 来附加新的 `log`，难道 `++` 并不能运行在任何形式的 list，而一定要限制我们在 `String` 上呢？我们当然可以摆脱 `String`，我们可以如下改变他的类型：


```
applyLog :: (a,[c]) -> (a -> (b,[c])) -> (b,[c])
```

我们用一个 List 来代表 Log。包含在 List 中的元素类型必须跟原有的 List 跟返回的 List 类型相同，否则我们没办法用 ++ 来把他们接起来。

这能够运行在 bytestring 上吗？绝对没问题。只是我们现在的类型只对 List 有效。我们必须另外做一个 bytestring 版本的 applyLog。但我们注意到 List 跟 bytestring 都是 monoids。因此他们都是 Monoid type class 的 instance，那代表他们都有实现 mappend。对 List 以及 bytestring 而言，mappend 都是拿来串接的。

```
ghci> [1,2,3] `mappend` [4,5,6]
[1,2,3,4,5,6]
ghci> B.pack [99,104,105] `mappend` B.pack [104,117,97,104,117,97]
Chunk "chi" (Chunk "huahua" Empty)
```

修改后我们的 applyLog 可以运行在任何 monoid 上。我们必须修改类型声明来表示这件事，同时也要在实现中把 ++ 改成 mappend：

```
applyLog :: (Monoid m) => (a,m) -> (a -> (b,m)) -> (b,m)
applyLog (x,log) f = let (y,newLog) = f x in (y,log `mappend` newLog)
```

由于现在包含的值可以是任何 monoid，我们不再需要把 tuple 想成包含一个值跟对应的 log，我们可以想成他包含一个值跟一个对应的 monoid。举例来说，可以说我们有一个 tuple 包含一个产品名称跟一个符合 monoid 特性的产品价格。我们可以定义一个 Sum 的 newtype 来保证我们在操作产品的时候也会把价钱跟着加起来。

```
import Data.Monoid

type Food = String
type Price = Sum Int

addDrink :: Food -> (Food,Price)
addDrink "beans" = ("milk", Sum 25)
addDrink "jerky" = ("whiskey", Sum 99)
addDrink _ = ("beer", Sum 30)
```

我们用 `string` 来代表食物，用 `newtype` 重新定义 `nInt` 为 `Sum`，来追踪总共需要花多少钱。可以注意到我们用 `mappend` 来操作 `Sum` 的时候，价钱会被一起加起来。

```
ghci> Sum 3 `mappend` Sum 9
Sum {getSum = 12}
```

`addDrink` 的实现很简单，如果我们想吃豆子，他会返回 `"milk"` 以及伴随的 `Sum 25`，同样的如果我们要吃“jerky”，他就会返回“whiskey”，要吃其他东西的话，就会返回“beer”。乍看之下这个函数没什么特别，但如果用 `applyLog` 的话就会有趣些。

```
ghci> ("beans", Sum 10) `applyLog` addDrink
("milk", Sum {getSum = 35})
ghci> ("jerky", Sum 25) `applyLog` addDrink
("whiskey", Sum {getSum = 124})
ghci> ("dogmeat", Sum 5) `applyLog` addDrink
("beer", Sum {getSum = 35})
```

牛奶价值 25 美分，但如果我们也吃了价值 10 美分的豆子的话，总共需要付 35 美分。这样很清楚地展示了伴随的值不一定需要是 `log`，他可以是任何 `monoid`。至于两个值要如何结合，那要看 `monoid` 中怎么定义。当我们需要的是 `log` 的时候，他们是串接，但这个 `case` 里面，数字是被加起来。

由于 `addDrink` 返回一个 `(Food, Price)`，我们可以再把结果重新喂给 `addDrink`，这可以很容易告诉我们总共喝了多少钱：

```
ghci> ("dogmeat", Sum 5) `applyLog` addDrink `applyLog` addDrink
("beer", Sum {getSum = 65})
```

将狗食跟 30 美分的啤酒加在一起会得到 `("beer", Sum 35)`。如果我们用 `applyLog` 将上面的结果再喂给 `addDrink`，我们会得到 `("beer", Sum 65)` 这样的结果。

13.1.2 The Writer type

我们认识了一个附加 `monoid` 的值其实表现出来的是一个 `monad`，我们再来看看其他类似的 `Monad instance`。`Control.Monad.Writer` 这模组含

有 `Writer w a` 的一个类型，里面定义了他 `Monad` 的 `instance`，还有一些操作这些值的函数。

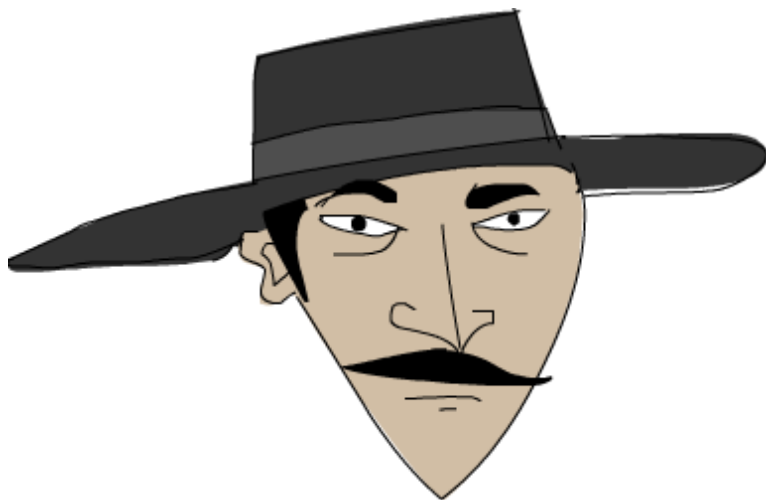
首先，我们来看一下类型。要把一个 `monoid` 附加给一个值，只需要定义一个 `tuple` 就好了。`Writer w a` 这类型其实是一个 `newtype wrapper`。他的定义很简单：

```
newtype Writer w a = Writer { runWriter :: (a, w) }
```

他包在一个 `newtype` 里面，并且可以是一个 `Monad` 的 `instance`，而且这样定义的好处是可以跟单纯 `tuple` 的类型区分开来。`a` 这个类型参数代表是包含的值的类型，而 `w` 则是附加的 `monoid` 的类型。

他 `Monad instance` 的定义如下：

```
instance (Monoid w) => Monad (Writer w) where
    return x = Writer (x, mempty)
    (Writer (x,v)) >>= f = let (Writer (y, v')) = f x in Writer (y, v `mappend` v')
```



首先，我们来看看 `>>=`。他的实现基本上就是 `applyLog`，只是我们的 `tuple` 现在是包在一个 `Writer` 的 `newtype` 中，我们可以用 `pattern matching` 的方式把他给 `unwrap`。我们将 `x` 喂给 `f`。这会回给我们 `Writer w a`。接着可以用 `let expression` 来做 `pattern matching`。把结果绑定到 `y` 这个名字

上，然后用 `mappend` 来结合旧的 `monoid` 值跟新的 `monoid` 值。最后把结果跟 `monoid` 值用 `Writer` constructor 包起来，形成我们最后的 `Writer` value。

那 `return` 呢？回想 `return` 的作用是接受一个值，并返回一个具有意义的最小 `context` 来装我们的值。那究竟什么样的 `context` 可以代表我们的 `Writer` 呢？如果我们希望 `monoid` 值所造成的影响愈小愈好，那 `mempty` 是个合理的选择。`mempty` 是被当作 `identity monoid value`，像是 `"` 或 `Sum 0`，或是空的 `bytestring`。当我们将 `mempty` 用 `mappend` 跟其他 `monoid` 值结合，结果会是其他的 `monoid` 值。所以如果我们用 `return` 来做一个 `Writer`，然后用 `>>=` 来喂给其他的函数，那函数返回的便是算出来的 `monoid`。下面我们试着用 `return` 搭配不同 `context` 来返回 3：

```
ghci> runWriter (return 3 :: Writer String Int)
(3, "")
ghci> runWriter (return 3 :: Writer (Sum Int) Int)
(3, Sum {getSum = 0})
ghci> runWriter (return 3 :: Writer (Product Int) Int)
(3, Product {getProduct = 1})
```

因为 `Writer` 并没有定义成 `Show` 的 `instance`，我们必须用 `runWriter` 来把我们的 `Writer` 转成正常的 `tuple`。对于 `String`，`monoid` 的值就是空字符串。而对于 `Sum` 来说则是 0，因为 0 加上其他任何值都会是对方。而对 `Product` 来说，则是 1。

这里的 `Writer` `instance` 并没有定义 `fail`，所以如果 `pattern matching` 失败的话，就会调用 `error`。

13.1.3 Using `do` notation with `Writer`

既然我们定义了 `Monad` 的 `instance`，我们自然可以用 `do` 串接 `Writer` 类型的值。这在我们需要对一群 `Writer` 类型的值做处理时显得特别方便。就如其他的 `monad`，我们可以把他们当作具有 `context` 的值。在现在这个 `case` 中，所有的 `monoid` 的值都会用 `mappend` 来连接起来并得到最后的结果。这边有一个简单的范例，我们用 `Writer` 来相乘两个数。

```
import Control.Monad.Writer

logNumber :: Int -> Writer [String] Int
logNumber x = Writer (x, ["Got number: " ++ show x])

multWithLog :: Writer [String] Int
multWithLog = do
    a <- logNumber 3
    b <- logNumber 5
    return (a*b)
```

`logNumber` 接受一个数并把这个数做成一个 `Writer`。我们再用一串 `string` 来当作我们的 `monoid` 值，每一个数都跟着一个只有一个元素的 `list`，说明我们只有一个数。`multWithLog` 式一个 `Writer`，他将 3 跟 5 相乘并确保相乘的纪录有写进最后的 `log` 中。我们用 `return` 来做成 `a*b` 的结果。我们知道 `return` 会接受某个值并加上某个最小的 `context`，我们可以确定他不会多添加额外的 `log`。如果我们执行程序会得到：

```
ghci> runWriter multWithLog
(15,["Got number: 3","Got number: 5"])
```

有时候我们就是想要在某个时间点放进某个 `Monoid value`。`tell` 正是我们需要的函数。他实现了 `MonadWriter` 这个 `type class`，而且在当 `Writer` 用的时候也能接受一个 `monoid value`，好比说 `["This is going on"]`。我们能用来把我们的 `monoid value` 接到任何一个 `dummy value ()` 上来形成一个 `Writer`。当我们拿到的结果是 `()` 的时候，我们不会把他绑定到变量上。来看一个 `multWithLog` 的范例：

```
multWithLog :: Writer [String] Int
multWithLog = do
    a <- logNumber 3
    b <- logNumber 5
    tell ["Gonna multiply these two"]
    return (a*b)
```

`return (a*b)` 是我们的最后一行，还记得在一个 `do` 中的最后一行代表整个 `do` 的结果。如果我们把 `tell` 摆到最后，则 `do` 的结果则会是 `()`。我们会因此丢掉乘法运算的结果。除此之外，`log` 的结果是不变的。

```
ghci> runWriter multWithLog
(15,["Got number: 3","Got number: 5","Gonna multiply these two"])
```

13.1.4 Adding logging to programs

欧几里得算法是找出两个数的最大公因数。Haskell 已经提供了 `gcd` 的函数，但我们要实现一个具有 `log` 功能的 `gcd`：

```
gcd' :: Int -> Int -> Int
gcd' a b
  | b == 0    = a
  | otherwise = gcd' b (a `mod` b)
```

算法的内容很简单。首先他检查第二个数字是否为零。如果是零，那就返回第一个数字。如果不是，那结果就是第二个数字跟将第一个数字除以第二个数字的余数两个数字的最大公因数。举例来说，如果我们想知道 8 跟 3 的最大公因数，首先可以注意到 3 不是 0。所以我们要求的是 3 跟 2 的最大公因数 (8 除以 3 余二)。接下去我可以看到 2 不是 0，所以我们要再找 2 跟 1 的最大公因数。同样的，第二个数不是 0，所以我们再找 1 跟 0 的最大公因数。最后第二个数终于是 0 了，所以我们得到最大公因数是 1。

```
ghci> gcd' 8 3
1
```

答案真的是这样。接着我们想加进 `context`，`context` 会是一个 `monoid value` 并且像是一个 `log` 一样。就像之前的范例，我们用一串 `string` 来当作我们的 `monoid`。所以 `gcd'` 会长成这样：

```
gcd' :: Int -> Int -> Writer [String] Int
```

而他的源代码会像这样：

```
import Control.Monad.Writer

gcd' :: Int -> Int -> Writer [String] Int
gcd' a b
  | b == 0 = do
    tell ["Finished with " ++ show a]
    return a
```

```
| otherwise = do
    tell [show a ++ " mod " ++ show b ++ " = " ++ show (a `mod` b)]
    gcd' b (a `mod` b)
```

这个函数接受两个 `Int` 并返回一个 `Writer [String] Int`，也就是说是一个有 `log context` 的 `Int`。当 `b` 等于 0 的时候，我们用一个 `do` 来组成一个 `Writer` 的值。我们先用 `tell` 来写入我们的 `log`，然后用 `return` 来当作 `do` 的结果。当然我们也可以这样写：

```
Writer (a, ["Finished with " ++ show a])
```

但我想 `do` 的表达方式是比较容易阅读的。接下来我们看看当 `b` 不等于 0 的时候。我们会把 `mod` 的使用情况写进 `log`。然后在 `do` 当中的第二行递归调用 `gcd'`。`gcd'` 现在是返回一个 `Writer` 的类型，所以 `gcd' b (a mod b)` 这样的写法是完全没有问题的。

尽管去 `trace` 这个 `gcd'` 对于理解十分有帮助，但我想了解整个大概念，把值视为具有 `context` 是更加有用的。

接着来试试跑我们的 `gcd'`，他的结果会是 `Writer [String] Int`，如果我们把他从 `newtype` 中取出来，我们会拿到一个 `tuple`。`tuple` 的第一个部分就是我们要的结果：

```
ghci> fst $ runWriter (gcd' 8 3)
1
```

至于 `log` 呢，由于 `log` 是一连串 `string`，我们就用 `mapM_ putStrLn` 来把这些 `string` 印出来：

```
ghci> mapM_ putStrLn $ snd $ runWriter (gcd' 8 3)
8 mod 3 = 2
3 mod 2 = 1
2 mod 1 = 0
Finished with 1
```

把普通的算法转换成具有 `log` 是很棒的经验，我们不过是把普通的 `value` 重写成 `Monadiv value`，剩下的就靠 `>>=` 跟 `Writer` 来帮我们处理一切。用这样的方法我们几乎可以对任何函数加上 `logging` 的功能。我们只要把普通的值换成 `Writer`，然后把一般的函数调用换成 `>>=`（当然也可以用 `do`）

13.1.5 Inefficient list construction

当制作 `Writer Monad` 的时候，要特别注意你是使用哪种 `monoid`。使用 `list` 的话效能有时候是没办法接受的。因为 `list` 是使用 `++` 来作为 `mappend` 的实现。而 `++` 在 `list` 很长的时候是非常慢的。

在之前的 `gcd'` 中，`log` 并不会慢是因为 `list append` 的动作实际上看起来是这样：

```
a ++ (b ++ (c ++ (d ++ (e ++ f))))
```

`list` 是建立的方向是从左到右，当我们先建立左边的部分，而把另一串 `list` 加到右边的时候效能会不错。但如果我们不小心使用，而让 `Writer monad` 实际在操作 `list` 的时候变成像这样的话。

```
((((a ++ b) ++ c) ++ d) ++ e) ++ f
```

这会让我们操作是 `left associative`，而不是 `right associative`。这非常没有效率，因为每次都是把右边的部分加到左边的部分，而左边的部分又必须从头开始建起。

下面这个函数跟 `gcd'` 差不多，只是 `log` 的顺序是相反的。他先纪录剩下的操作，然后纪录现在的步骤。

```
import Control.Monad.Writer

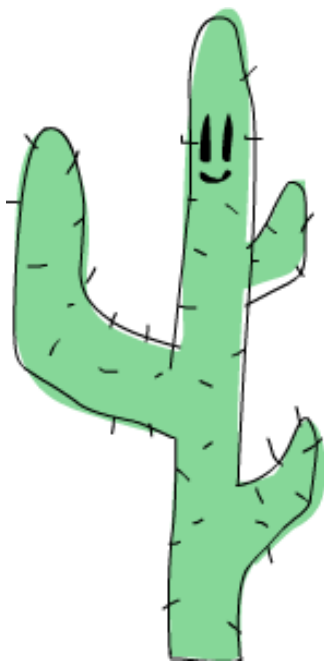
gcdReverse :: Int -> Int -> Writer [String] Int
gcdReverse a b
  | b == 0 = do
    tell ["Finished with " ++ show a]
    return a
  | otherwise = do
    result <- gcdReverse b (a `mod` b)
    tell [show a ++ " mod " ++ show b ++ " = " ++ show (a `mod` b)]
    return result
```

他先递归调用，然后把结果绑定到 `result`。然后把目前的动作写到 `log`，在递归的结果之后。最后呈现的就是完整的 `log`。


```
ghci> mapM_ putStrLn $ snd $ runWriter (gcdReverse 8 3)
Finished with 1
2 mod 1 = 0
3 mod 2 = 1
8 mod 3 = 2
```

这没效率是因为他让 `++` 成为 left associative 而不是 right associative。

13.1.6 Difference lists



由于 list 在重复 append 的时候显得低效，我们最好能使用一种支持高效 appending 的数据结构。其中一种就是 difference list。difference list 很类似 list，只是他是一个函数。他接受一个 list 并 prepend 另一串 list 到他前面。一个等价于 `[1,2,3]` 的 difference list 是这样一個函数 `\xs -> [1,2,3] ++ xs`。一个等价于 `[]` 的 difference list 则是 `\xs -> [] ++ xs`。

Difference list 最酷的地方在于他支持高效的 appending。当我们用 `++` 来实现 appending 的时候，他必须要走到左边的 list 的尾端，然后把右边

的 list 一个个从这边接上。那 difference list 是怎么作的呢？appending 两个 difference list 就像这样

```
f `append` g = \xs -> f (g xs)
```

`f` 跟 `g` 这边是两个函数，他们都接受一个 list 并 prepend 另一串 list。举例来说，如果 `f` 代表 `("dog"++)`（可以写成 `\xs -> "dog" ++ xs`）而 `g` 是 `("meat"++)`，那 `fappendg` 就会做成一个新的函数，等价于：

```
\xs -> "dog" ++ ("meat" ++ xs)
```

append 两个 difference list 其实就是用一个函数，这函数先喂一个 list 给第一个 difference list，然后再把结果喂给第二个 difference list。

我们可以用一个 `newtype` 来包起来

```
newtype DiffList a = DiffList { getDiffList :: [a] -> [a] }
```

我们包起来的类型是 `[a] -> [a]`，因为 difference list 不过就是一个转换一个 list 到另一个 list 的函数。要把普通 list 转换成 difference list 也很容易。

```
toDiffList :: [a] -> DiffList a
toDiffList xs = DiffList (xs++)

fromDiffList :: DiffList a -> [a]
fromDiffList (DiffList f) = f []
```

要把一个普通 list 转成 difference list 不过就是照之前定义的，作一个 prepend 另一个 list 的函数。由于 difference list 只是一个 prepend 另一串 list 的一个函数，假如我们要转回来的话，只要喂给他空的 list 就行了。

这边我们给一个 difference list 的 `Monoid` 定义

```
instance Monoid (DiffList a) where
    mempty = DiffList (\xs -> [] ++ xs)
    (DiffList f) `mappend` (DiffList g) = DiffList (\xs -> f (g xs))
```

我们可以看到 `mempty` 不过就是 `id`，而 `mappend` 其实是 function composition。

```
ghci> fromDiffList (toDiffList [1,2,3,4] `mappend` toDiffList [1,2,3])
[1,2,3,4,1,2,3]
```

现在我们可以用 difference list 来加速我们的 `gcdReverse`

```
import Control.Monad.Writer

gcd' :: Int -> Int -> Writer (DiffList String) Int
gcd' a b
  | b == 0 = do
    tell (toDiffList ["Finished with " ++ show a])
    return a
  | otherwise = do
    result <- gcd' b (a `mod` b)
    tell (toDiffList [show a ++ " mod " ++ show b ++ " = " ++ show (a `mod` b)])
    return result
```

我们只要把 monoid 的类型从 `[String]` 改成 `DiffList String`，并在使用 `tell` 的时候把普通的 list 用 `toDiffList` 转成 difference list 就可以了。

```
ghci> mapM_ putStrLn . fromDiffList . snd . runWriter $ gcdReverse 110 34
Finished with 2
8 mod 2 = 0
34 mod 8 = 2
110 mod 34 = 8
```

我们用 `runWriter` 来取出 `gcdReverse 110 34` 的结果，然后用 `snd` 取出 log，并用 `fromDiffList` 转回普通的 list 印出来。

13.1.7 Comparing Performance

要体会 Difference List 能如何增进效率，考虑一个从某数数到零的 case。我们纪录的时候就像 `gcdReverse` 一样是反过来记的，所以在 log 中实际上是从零数到某个数。

```
finalCountDown :: Int -> Writer (DiffList String) ()
finalCountDown 0 = do
  tell (toDiffList ["0"])
finalCountDown x = do
  finalCountDown (x-1)
```

```
tell (toDiffList [show x])
```

如果我们喂 0，他就只 log 0。如果喂其他正整数，他会先倒数到 0 然后 append 那些数到 log 中，所以如果我们调用 `finalCountDown` 并喂给他 100，那 log 的最后一笔就会是 "100"。

如果你把这个函数 load 进 GHCi 中并喂给他一个比较大的整数 500000，你会看到他无停滞地从 0 开始数起：

```
ghci> mapM_ putStrLn . fromDiffList . snd . runWriter $ finalCountDown 500000
0
1
2
```

但如果我们用普通的 list 而不用 difference list

```
finalCountDown :: Int -> Writer [String] ()
finalCountDown 0 = do
    tell ["0"]
finalCountDown x = do
    finalCountDown (x-1)
    tell [show x]
```

并下同样的指令

```
ghci> mapM_ putStrLn . snd . runWriter $ finalCountDown 500000
```

我们会看到整个运算卡卡的。

当然这不是一个严谨的测试方法，但足以表显出 difference list 是比较有效率的写法。

§13.2 Reader Monad

在讲 Applicative 的章节中，我们说过了 `(->) r` 的类型只是 Functor 的一个 instance。要将一个函数 `f` map over 一个函数 `g`，基本上等价于一个函数，他可以接受原本 `g` 接受的参数，先套用 `g` 然后再把其结果丢给 `f`。



```
ghci> let f = (*5)
ghci> let g = (+3)
ghci> (fmap f g) 8
```

我们已经见识过函数当作 applicative functors 的例子。这样能让我们对函数的结果直接进行操作。

```
ghci> let f = (+) <$> (*2) <*> (+10)
ghci> f 3
19
```

$(+) \text{ < \$ > } (*2) \text{ < * > } (+10)$ 代表一个函数，他接受一个数值，分别把这数值交给 $(*2)$ 跟 $(+10)$ 。然后把结果加起来。例如说，如果我们喂 3 给这个函数，他会分别对 3 做 $(*2)$ 跟 $(+10)$ 的动作。而得到 6 跟 13。然后调用 $(+)$ ，而得到 19。

其实 $(->) \text{ r}$ 不只是一个 functor 跟一个 applicative functor，他也是一个 monad。就如其他 monadic value 一般，一个函数也可以被想做是包含一个 context 的。这个 context 是说我们期待某个值，他还没出现，但我们知道我们会把他当作函数的参数，调用函数来得到结果。

我们已经见识到函数是怎样可以看作 functor 或是 applicative functors 了。再来让我们看看当作 Monad 的一个 instance 时会是什么样子。你可以在 `Control.Monad.Instances` 里面找到，他看起来像这样：

```
instance Monad ((->) r) where
    return x = \_ -> x
    h >>= f = \w -> f (h w) w
```

我们之前已经看过函数的 pure 实现了，而 `return` 差不多就是 pure。他接受一个值并把他放进一个 minimal context 里面。而要让一个函数能够是某个定值的唯一方法就是让他完全忽略他的参数。

而 `>>=` 的实现看起来有点难以理解，我们可以仔细来看看。当我们使用 `>>=` 的时候，喂进去的是一个 `monadic value`，处理他的是一个函数，而吐出来的也是一个 `monadic value`。在这个情况下，当我们将一个函数喂进一个函数，吐出来的也是一个函数。这就是为什么我们在最外层使用了一个 `lambda`。在我们目前看过的实现中，`>>=` 几乎都是用 `lambda` 将内部跟外部隔开来，然后在内部来使用 `f`。这边也是一样的道理。要从一个函数得到一个结果，我们必须喂给他一些东西，这也是为什么我们先用 `(h w)` 取得结果，然后将他丢给 `f`。而 `f` 返回一个 `monadic value`，在这边这个 `monadic value` 也就是一个函数。我们再把 `w` 喂给他。

如果你还不太懂 `>>=` 怎么写出来的，不要担心，因为接下来的范例会让你晓得这真的是一个简单的 `Monad`。我们造一个 `do expression` 来使用这个 `Monad`。

```
import Control.Monad.Instances

addStuff :: Int -> Int
addStuff = do
  a <- (*2)
  b <- (+10)
  return (a+b)
```

这跟我们之前写的 `applicative expression` 差不多，只差在他是运行在 `monad` 上。一个 `do expression` 的结果永远会是一个 `monadic vlaue`，这个也不异常。而这个 `monadic value` 其实是一个函数。只是在这边他接受一个数字，然后套用 `(*2)`，把结果绑定到 `a` 上面。而 `(+10)` 也同用被套用到同样的参数。结果被绑订到 `b` 上。`return` 就如其他 `monad` 一样，只是制作一个简单的 `monadiv value` 而不会作多余的事情。这让整个函数的结果是 `a+b`。如果我们试着跑跑看，会得到之前的结果。

```
ghci> addStuff 3
19
```

其中 `3` 会被喂给 `(*2)` 跟 `(+10)`。而且他也会被喂给 `return (a+b)`，只是他会忽略掉 `3` 而永远返回 `a+b` 正因为如此，`function monad` 也被称作 `reader monad`。所有函数都从一个固定的地方读取。要写得更清楚一些，可以把 `addStuff` 改写如下：

```
addStuff :: Int -> Int
addStuff x = let
    a = (*2) x
    b = (+10) x
in a+b
```

我们见识了把函数视作具有 `context` 的值很自然的可以表达成 `reader monad`。只要我们当作我们知道函数会返回什么值就好。他作的就是把所有的函数都黏在一起做成一个大的函数，然后把这个函数的参数都喂给全部组成的函数，这有点取出他们未来的值的意味。实现做完了然后 `>>=` 就会保证一切都能正常运行。

§13.3 State Monad



Haskell 是一个纯粹的语言，正因为如此，我们的程序是有一堆没办法改变全域状态或变量的函数所组成，他们只会作些处理并返回结果。这样的性质让我们很容易思考我们的程序在干嘛，因为我们不需要担心变量在某一个时间点的值是什么。然而，有一些领域的问题根本上就是依赖于随着时间而改变的状态。虽然我们也可以用 Haskell 写出这样的程序，但有时候写起来蛮痛苦的。这也是为什么 Haskell 要加进 State Monad 这个特性。这让我们在 Haskell 中可以容易地处理状态性的问题，并让其他部分的程序还是保持纯粹性。

当我们处理乱数的时候，我们的函数接受一个 `random generator` 并返回一个新的乱数跟一个新的 `random generator`。如果我们需要很多个乱数，我们可以用前一个函数返回的 `random generator` 继续做下去。当我们要写一个接受 `StdGen` 的函数并产生丢三个硬币结果的函数，我们会这样写：

```
threeCoins :: StdGen -> (Bool, Bool, Bool)
threeCoins gen =
    let (firstCoin, newGen) = random gen
        (secondCoin, newGen') = random newGen
        (thirdCoin, newGen'') = random newGen'
    in (firstCoin, secondCoin, thirdCoin)
```

他接受一个 `gen` 然后用 `random gen` 产生一个 `Bool` 类型的值以及新的 `generator`。要仿真丢第二个硬币的话，便使用新的 `generator`。在其他语言中，多半除了乱数之外不需要多返回一个 `generator`。那是因为我们可以对现有的进行修改。但 `Haskell` 是纯粹的语言，我们没办法那么做，所以我们必须要接受一个状态，产生结果然后返回一个新的状态，然后用新的状态来继续做下去。

一般来讲你应该不会喜欢这么写，在程序中有赤裸裸的状态，但我们又不想放弃 `Haskell` 的纯粹性质。这就是 `State Monad` 的好处了，他可以帮我们处理这些琐碎的事情，又让我们保持 `Haskell` 的纯粹性。

为了深入理解状态性的计算，我们先来看看应该给他们什么样的类型。我们会说一个状态性的计算是一个函数，他接受一个状态，返回一个值跟一个新的状态。写起来会像这样：

```
s -> (a,s)
```

`s` 是状态的类型，而 `a` 是计算结果的类型。

在其他的语言中，赋值大多是被当作会改变状态的操作。举例来说，当我们在命令式语言写 ``x` = 5``，这通常代表的是把 ``5`` 指定给 ``x`` 这变量。而且这边 ``5`` 是一个 `expression`。

如果你用函数语言的角度去思考，你可以把他想做是一个函数，接受一个状态，并返回结果跟新的状态。那新的状态代表所有已指定的值与新加入的变量。

这种改变状态的计算，除了想做是一个接受状态并返回结果跟新状态的函数外，也可以想做是具有 `context` 的值。实际的值是结果。然而要得到结果，我们必须要给一个初始的状态，才能得到结果跟最后的状态。

13.3.1 Stack and Stones

考虑现在我们要对一个堆叠的操作建立模型。你可以把东西推上堆叠顶端，或是把东西从顶端拿下来。如果你要的元素是在堆叠的底层的话，你必须要把他上面的东西都拿下来才能拿到他。

我们用一个 `list` 来代表我们的堆叠。而我们把 `list` 的头当作堆叠的顶端。为了正确的建立模型，我们要写两个函数：`pop` 跟 `push`。`pop` 会接受一个堆叠，取下一个元素并返回一个新的堆叠，这个新的堆叠不包含取下的元素。`push` 会接受一个元素，把他堆到堆叠中，并返回一个新的堆叠，其包含这个新的元素。

```
type Stack = [Int]

pop :: Stack -> (Int, Stack)
pop (x:xs) = (x, xs)

push :: Int -> Stack -> ((), Stack)
push a xs = ((), a:xs)
```

我们用 `()` 来当作 `pushing` 的结果，毕竟推上堆叠并不需要什么返回值，他的重点是在改变堆叠。注意到 `push` 跟 `pop` 都是改变状态的计算，可以从他们的类型看出来。

我们来写一段程序来仿真一个堆叠的操作。我们接受一个堆叠，把 3 推上去，然后取出两个元素。

```
stackManip :: Stack -> (Int, Stack)
stackManip stack = let
    ((), newStack1) = push 3 stack
    (a , newStack2) = pop newStack1
in pop newStack2
```

我们拿一个 `stack` 来作 `push 3 stack` 的动作，其结果是一个 `tuple`。`tuple` 的第一个部分是 `()`，而第二个部分是新的堆叠，我们把他命名成

`newStack1`。然后我们从 `newStack1` 上 `pop` 出一个数字。其结果是我们之前 `push` 上去的一个数字 `a`，然后把这个更新的堆叠叫做 `newStack2`。然后我们从 `newStack2` 上再 `pop` 出一个数字 `b`，并得到 `newStack3`。我们返回一个 `tuple` 跟最终的堆叠。

```
ghci> stackManip [5,8,2,1]
(5,[8,2,1])
```

结果就是 5 跟新的堆叠 `[8,2,1]`。注意到 `stackManip` 是一个会改变状态的操作。我们把一堆会改变状态的操作绑在一起操作，有没有觉得很耳熟的感觉。

`stackManip` 的程序有点冗长，因为我们要写得太详细，必须把状态给每个操作，然后把新的状态再喂给下一个。如果我们如果可以不要这样作的话，那程序应该会长得像这样：

```
stackManip = do
  push 3
  a <- pop
  pop
```

这就是 `State Monad` 在做的事。有了他，我们便可以免除于要把状态操作写得明白的窘境。

13.3.2 The State Monad

`Control.Monad.State` 这个模组提供了一个 `newtype` 包起来的类型。

```
newtype State s a = State { runState :: s -> (a,s) }
```

一个 `State s a` 代表的是一个改变状态的操作，他操纵的状态为类型 `s`，而产生的结果是 `a`。

我们已经见识过什么是改变状态的操作，以及他们是可以被看成具有 `context` 的值。接着来看看他们 `Monad` 的 `instance`：

```
instance Monad (State s) where
  return x = State $ \s -> (x,s)
  (State h) >>= f = State $ \s -> let (a, newState) = h s
```

```
(State g) = f a  
in g newState
```

我们先来看看 `return` 那一行。我们 `return` 要作的事是接受一个值，并做出一个改变状态的操作，让他永远返回那个值。所以我们才做了一个 `lambda` 函数，`\s -> (x,s)`。我们把 `x` 当成是结果，并且状态仍然是 `s`。这就是 `return` 要完成的 `minimal context`。



那 `>>=` 的实现呢？很明显的把改变状态的操作喂进 `>>=` 也必须要丢出另一个改变状态的操作。所以我们用 `State` 这个 `newtype wrapper` 来把一个 `lambda` 函数包住。这个 `lambda` 会是新的一个改变状态的操作。但里面的内容是什么？首先我们应该要从接受的操作取出结果。由于 `lambda` 是在一个大的操作中，所以我们可以喂给 `h` 我们现在的状态，也就是 `s`。那会产生 `(a, newState)`。到目前为止每次我们在实现 `>>=` 的时候，我们都会先从 `monadic value` 中取出结果，然后喂给 `f` 来得到新的 `monadic value`。在写 `Writer` 的时候，我们除了这样作还要确保 `context` 是用 `mappend` 把旧的 `monoid value` 跟新的接起来。在这边我们则是用 `f a` 得到一个新的操作 `g`。现在有了新的操作跟新的状态（叫做 `newState`），我们就把 `newState` 喂给 `g`。结果便是一个 `tuple`，里面包含了最后的结果跟最终的状态。

有了 `>>=`，我们便可以把两个操作黏在一起，只是第二个被放在一个函数中，专门接受第一个的结果。由于 `pop` 跟 `push` 已经是改变状态的操作了，我们可以把他们包在 `State` 中

```
import Control.Monad.State

pop :: State Stack Int
pop = State $ \(x:xs) -> (x,xs)

push :: Int -> State Stack ()
push a = State $ \xs -> ((),a:xs)
```

`pop` 已经满足我们的条件，而 `push` 要先接受一个 `Int` 才会返回我们要的操作。所以我们可以改写先前的范例如下：

```
import Control.Monad.State

stackManip :: State Stack Int
stackManip = do
  push 3
  a <- pop
  pop
```

看到我们是怎么把一个 `push` 跟两个 `pop` 黏成一个操作吗？当我们将他们从一个 `newtype` 取出，其实就是需要一个能喂进初始状态的函数：

```
ghci> runState stackManip [5,8,2,1]
(5,[8,2,1])
```

我们不须绑定第二个 `pop`，因为我们根本不会用到 `a`，所以可以写成下面的样子：

```
stackManip :: State Stack Int
stackManip = do
  push 3
  pop
  pop
```

再来尝试另外一种方式，先从堆叠上取下一个数字，看看他是不是 5，如果是的话就把他放回堆叠上，如果不是的话就堆上 3 跟 8。

```
stackStuff :: State Stack ()
stackStuff = do
  a <- pop
  if a == 5
    then push 5
    else do
      push 3
      push 8
```

很直观吧！我们来看看初始的堆叠的样子。

```
ghci> runState stackStuff [9,0,2,1,0]
((), [8,3,0,2,1,0])
```

还记得我们说过 `do` 的结果会是一个 monadic value, 而在 `State monad` 的 case, `do` 也就是一个改变状态的函数。而由于 `stackManip` 跟 `stackStuff` 都是改变状态的计算, 因此我们可以把他们黏在一起:

```
moreStack :: State Stack ()
moreStack = do
  a <- stackManip
  if a == 100
    then stackStuff
    else return ()
```

如果 `stackManip` 的结果是 100, 我们会跑 `stackStuff`, 如果不是的话就什么都不做。`return ()` 不过就是什么都不做, 全部保持原样。

`Contorl.Monad.State` 提供了一个 `MonadState` 的 typeclass, 他有两个有用的函数, 分别是 `get` 跟 `put`。对于 `State` 来说, `get` 的实现就像这样:

```
get = State $ \s -> (s,s)
```

他只是取出现在的状态除此之外什么也不做。而 `put` 函数会接受一个状态并取代掉现有的状态。

```
put newState = State $ \s -> ((),newState)
```

有了这两个状态, 我们便可以看到现在堆叠中有什么, 或是把整个堆叠中的元素换掉。

```
stackyStack :: State Stack ()
stackyStack = do
    stackNow <- get
    if stackNow == [1,2,3]
        then put [8,3,1]
        else put [9,2,1]
```

我们可以看看对于 `State` 而言, `>>=` 的类型会是什么:

```
(>>=) :: State s a -> (a -> State s b) -> State s b
```

我们可以看到状态的类型都是 `s`, 而结果从类型 `a` 变成类型 `b`。这代表我们可以把好几个改变状态的计算黏在一起, 这些计算的结果可以都不一样, 但状态的类型会是一样的。举例来说, 对于 `Maybe` 而言, `>>=` 的类型会是:

```
(>>=) :: Maybe a -> (a -> Maybe b) -> Maybe b
```

`Maybe` 不变是有道理的, 但如果用 `>>=` 来把两种不同的 monad 接起来是没道理的。但对于 state monad 而言, monad 其实是 `State s`, 所以如果 `s` 不一样, 我们就要用 `>>=` 来把两个 monad 接起来。

13.3.3 随机性与 state monad

在章节的一开始, 我们知道了在 Haskell 中要产生乱数的不方便。我们要拿一个产生器, 并返回一个乱数跟一个新的产生器。接下来我们还一定要用新的产生器不可。但 `State Monad` 让我们可以方便一些。

`System.Random` 中的 `random` 函数有下列的类型:

```
random :: (RandomGen g, Random a) => g -> (a, g)
```

代表他接受一个乱数产生器, 并产生一个乱数跟一个新的产生器。很明显他是一个会改变状态的计算, 所以我们可以用 `newtype` 把他包在一个 `State` 中, 然后把他当作 monadic value 来操作。

```
import System.Random
import Control.Monad.State

randomSt :: (RandomGen g, Random a) => State g a
randomSt = State random
```

这样我们要丢三个硬币的结果可以改写成这样：

```
import System.Random
import Control.Monad.State

threeCoins :: State StdGen (Bool,Bool,Bool)
threeCoins = do
  a <- randomSt
  b <- randomSt
  c <- randomSt
  return (a,b,c)
```

`threeCoins` 是一个改变状态的计算，他接受一个初始的乱数产生器，他会把他喂给 `randomSt`，他会产生一个数字跟一个新的产生器，然后会一直传递下去。我们用 `return (a,b,c)` 来呈现 `(a,b,c)`，这样并不会改变最近一个产生器的状态。

```
ghci> runState threeCoins (mkStdGen 33)
((True,False,True),680029187 2103410263)
```

要完成像这样要改变状态的任务便因此变得轻松了很多。

§13.4 Error Monad

我们知道 `Maybe` 是拿来赋予一个值具有可能失败的 `context`。一个值可能是 `Just something` 或是一个 `Nothing`。尽管这很有用，但当我们拿到了一个 `Nothing`，我们只知道他失败了，但我们没办法塞进一些有用的信息，告诉我们究竟是在什么样的情况下失败了。

而 `Either e a` 则能让我们可以加入一个可能会发生错误的 `context`，还可以增加些有用的讯息，这样能让我们知道究竟是什么东西出错了。一个 `Either e a` 的值可以是代表正确的 `Right`，或是代表错误的 `Left`，例如说：

```
ghci> :t Right 4
Right 4 :: (Num t) => Either a t
ghci> :t Left "out of cheese error"
Left "out of cheese error" :: Either [Char] b
```

这就像是加强版的 `Maybe`，他看起来实在很像一个 `monad`，毕竟他也可以当作是一个可能会发生错误的 `context`，只是多了些讯息罢了。

在 `Control.Monad.Error` 里面有他的 `Monad` instance。

```
instance (Error e) => Monad (Either e) where
    return x = Right x
    Right x >>= f = f x
    Left err >>= f = Left err
    fail msg = Left (strMsg msg)
```

`return` 就是建立起一个最小的 `context`，由于我们用 `Right` 代表正确的结果，所以他把值包在一个 `Right` constructor 里面。就像实现 `Maybe` 时的 `return` 一样。

`>>=` 会检查两种可能的情况：也就是 `Left` 跟 `Right`。如果进来的是 `Right`，那我们就调用 `f`，就像我们在写 `Just` 的时候一样，只是调用对应的函数。而在错误的情况下，`Left` 会被传出来，而且里面保有描述失败的值。

`Either e` 的 `Monad` instance 有一项额外的要求，就是包在 `Left` 中的类型，也就是 `e`，必须是 `Error` typeclass 的 instance。`Error` 这个 typeclass 描述一个可以被当作错误讯息的类型。他定义了 `strMsg` 这个函数，他接受一个用字符串表达的 error。一个明显的范例就是 `String` 类型，当他是 `String` 的时候，`strMsg` 只不过返回他接受到的字符串。

```
ghci> :t strMsg
strMsg :: (Error a) => String -> a
ghci> strMsg "boom!" :: String
"boom!"
```

但因为我们通常在用 `Either` 来描述错误的时候，是用 `String` 来装错误讯息，所以我们也不用担心这一点。当在 `do` 里面做 `pattern match` 失败的时候，`Left` 的值会拿来代表失败。

总之来看看一个范例吧：


```
ghci> Left "boom" >>= \x -> return (x+1)
Left "boom"
ghci> Right 100 >>= \x -> Left "no way!"
Left "no way!"
```

当我们用 `>>=` 来把一个 `Left` 喂进一个函数，函数的运算会被忽略而直接返回丢进去的 `Left` 值。当我们喂 `Right` 值给函数，函数就会被计算而得到结果，但函数还是产生了一个 `Left` 值。

当我们试着喂一个 `Right` 值给函数，而且函数也成功地计算，我们却碰到了奇怪的 `type error`。

```
ghci> Right 3 >>= \x -> return (x + 100)

<interactive>:1:0:
  Ambiguous type variable `a' in the constraints:
    `Error a' arising from a use of `it' at <interactive>:1:0-33
    `Show a' arising from a use of `print' at <interactive>:1:0-33
  Probable fix: add a type signature that fixes these type variable(s)
```

Haskell 警告说他不知道要为 `e` 选择什么样的类型，尽管我们是要印出 `Right` 的值。这是因为 `Error e` 被限制成 `Monad`。把 `Either` 当作 `Monad` 使用就会碰到这样的错误，你只要明确写出 `type signature` 就行了：

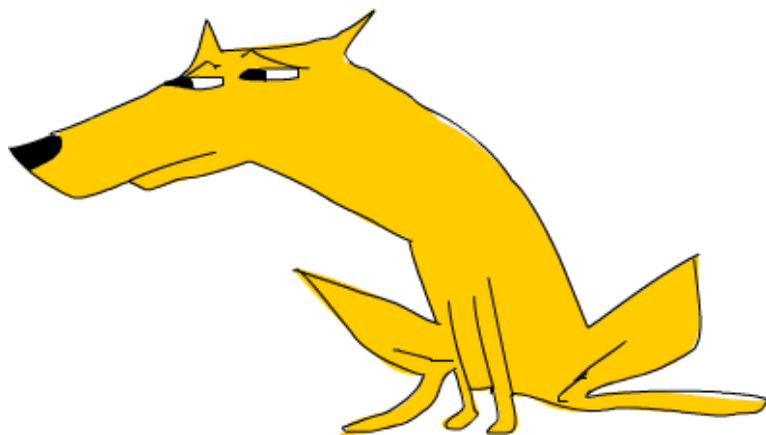
```
ghci> Right 3 >>= \x -> return (x + 100) :: Either String Int
Right 103
```

这样就没问题了。

撇除这个小毛病，把 `Either` 当 `Monad` 使用就像使用 `Maybe` 一样。在前一章中，我们展示了 `Maybe` 的使用方式。你可以把前一章的范例用 `Either` 重写当作练习。

§13.5 一些实用的 Moandic functions

在这个章节，我们会看看一些操作 `monadiv value` 的函数。这样的函数通常我们称呼他们为 `monadiv function`。其中有些你是第一次见到，但有些不过是 `filter` 或 `foldl` 的变形。让我们一起来看看吧！



13.5.1 liftM

当我们开始学习 Monad 的时候，我们是先学习 functors，他代表可以被 map over 的事物。接着我们学了 functors 的加强版，也就是 applicative functors，他可以对 applicative values 做函数的套用，也可以把一个一般值放到一个缺省的 context 中。最后，我们介绍在 applicative functors 上更进一步的 monad，他让这些具有 context 的值可以被喂进一般函数中。

也就是说每一个 monad 都是个 applicative functor，而每一个 applicative functor 也都是一个 functor。Applicative typeclass 中有加入限制，让每一个 Applicative 都是 Functor。但 Monad 却没有这样的限制，让每个 Monad 都是 Applicative。这是因为 Monad 这个 typeclass 是在 Applicative 引入前就存在的缘故。

但即使每个 monad 都是一个 functor，但我们不需要依赖 Functor 的定义。那是因为我们有了 liftM 这个函数。他会接受一个函数跟一个 monadic value，然后把函数 map over 那些 monadic value。所以他其实就是 fmap，以下是他的类型：

```
liftM :: (Monad m) => (a -> b) -> m a -> m b
```

而这是 fmap 的类型：

```
fmap :: (Functor f) => (a -> b) -> f a -> f b
```

如果 `Functor` 跟 `Monad` 的 instance 遵守 functor 跟 monad 的法则（到目前为止我们看过的 monad 都遵守），那这两个函数其实是等价的。这就像 `pure` 跟 `return` 其实是同一件事，只是一个在 `Applicative` 中，而另外一个在 `Monad` 里面，我们来试试看 `liftM` 吧：

```
ghci> liftM (*3) (Just 8)
Just 24
ghci> fmap (*3) (Just 8)
Just 24
ghci> runWriter $ liftM not $ Writer (True, "chickpeas")
(False,"chickpeas")
ghci> runWriter $ fmap not $ Writer (True, "chickpeas")
(False,"chickpeas")
ghci> runState (liftM (+100) pop) [1,2,3,4]
(101,[2,3,4])
ghci> runState (fmap (+100) pop) [1,2,3,4]
(101,[2,3,4])
```

我们已经知道 `fmap` 是如何运行在 `Maybe` 上。而 `liftM` 又跟 `fmap` 等价。对于 `Writer` 类型的值而言，函数只有对他的第一个 component 做处理。而对于改变状态的计算，`fmap` 跟 `liftM` 也都是产生另一个改变状态的计算。我们也看过了 `(+100)` 当作用在 `pop` 上会产生 `(1, [2,3,4])`。

来看看 `liftM` 是如何被实现的：

```
liftM :: (Monad m) => (a -> b) -> m a -> m b
liftM f m = m >>= (\x -> return (f x))
```

或者用 `do` 来表示得清楚些

```
liftM :: (Monad m) => (a -> b) -> m a -> m b
liftM f m = do
  x <- m
  return (f x)
```

我们喂一个 monadic value `m` 给函数，我们套用那个函数然后把结果放进一个缺省的 context。由于遵守 monad laws，这保证这操作不会改变

context，只会呈现最后的结果。我们可以看到实现中 `liftM` 也没有用到 `Functor` 的性质。这代表我们能只用 monad 提供给我们的就实现完 `fmap`。这特性让我们可以得到 monad 比 functor 性质要强的结论。

`Applicative` 让我们可以操作具有 context 的值就像操作一般的值一样。就像这样：

```
ghci> (+) <$> Just 3 <*> Just 5
Just 8
ghci> (+) <$> Just 3 <*> Nothing
Nothing
```

使用 applicative 的特性让事情变得很精简。`<$>` 不过就是 `fmap`，而 `<*>` 只是一个具有下列类型的函数：

```
(<*>) :: (Applicative f) => f (a -> b) -> f a -> f b
```

他有点像 `fmap`，只是函数本身有一个 context。我们必须把他从 context 中抽出，对 `f a` 做 map over 的东做，然后再放回 context 中。由于在 Haskell 中函数缺省都是 curried，我们便能用 `<$>` 以及 `<*>` 来让接受多个参数的函数也能接受 applicative 种类的值。

总之 `<*>` 跟 `fmap` 很类似，他也能只用 `Monad` 保证的性质实现出来。`ap` 这个函数基本上就是 `<*>`，只是他是限制在 `Monad` 上而不是 `Applicative` 上。这边是他的定义：

```
ap :: (Monad m) => m (a -> b) -> m a -> m b
ap mf m = do
  f <- mf
  x <- m
  return (f x)
```

`mf` 是一个 monadic value，他的结果是一个函数。由于函数跟值都是放在 context 中，假设我们从 context 取出的函数叫 `f`，从 context 取出的值叫 `x`，我们把 `x` 喂给 `f` 然后再把结果放回 context。像这样：

```
ghci> Just (+3) <*> Just 4
Just 7
ghci> Just (+3) `ap` Just 4
Just 7
ghci> [(+1),(+2),(+3)] <*> [10,11]
[11,12,12,13,13,14]
ghci> [(+1),(+2),(+3)] `ap` [10,11]
[11,12,12,13,13,14]
```

由于我们能用 `Monad` 提供的函数实现出 `Applicative` 的函数，因此我们看到 `Monad` 有比 `applicative` 强的性质。事实上，当我们知道一个类型是 `monad` 的时候，大多数会先定义出 `Monad` 的 `instance`，然后才定义 `Applicative` 的 `instance`。而且只要把 `pure` 定义成 `return`，`<*>` 定义成 `ap` 就行了。同样的，如果你已经有了 `Monad` 的 `instance`，你也可以简单的定义出 `Functor`，只要把 `fmap` 定义成 `liftM` 就行了。

`liftA2` 是一个方便的函数，他可以把两个 `applicative` 的值喂给一个函数。他的定义很简单：

```
liftA2 :: (Applicative f) => (a -> b -> c) -> f a -> f b -> f c
liftA2 f x y = f <$> x <*> y
```

`liftM2` 也是做差不多的事情，只是多了 `Monad` 的限制。在函数库中其实也有 `liftM3`，`liftM4` 跟 `liftM5`。

我们看到了 `monad` 相较于 `applicative` 跟 `functor` 有比较强的性质。尽管 `monad` 有 `functor` 跟 `applicative functor` 的性质，但他们不见得有 `Functor` 跟 `Applicative` 的 `instance` 定义。所以我们监视了一些在 `monad` 中定义，且等价于 `functor` 或 `applicative functor` 所具有的函数。

13.5.2 The join function

如果一个 `monadic value` 的结果是另一个 `monadic value`，也就是其中一个 `monadic value` 被包在另一个里面，你能够把他们变成一个普通的 `monadic value` 吗？就好像把他们打平一样。譬如说，我们有 `Just (Just 9)`，我们能够把他变成 `Just 9` 吗？事实上是可以的，这也是 `monad` 的一个性质。也就是我要看的 `join` 函数，他的类型是这样：

```
join :: (Monad m) => m (m a) -> m a
```

他接受一个包在另一个 monadic value 中的 monadic value，然后会回给我们一个普通的 monadic value。这边有一些 Maybe 的范例：

```
ghci> join (Just (Just 9))
Just 9
ghci> join (Just Nothing)
Nothing
ghci> join Nothing
Nothing
```

第一行是一个计算成功的结果包在另一个计算成功的结果，他们应该要能结合成为一个比较大的计算成功的结果。第二行则是一个 Nothing 包在一个 Just 中。我们之前在处理 Maybe 类型的值时，会用 <*> 或 >>= 把他们结合起来。输入必须都是 Just 时结果出来才会是 Just。如果中间有任何的失败，结果就会是一个失败的结果。而第三行就是这样，我们尝试把失败的结果接合起来，结果也会是一个失败。

要 join 一个 list 也是很简单：

```
ghci> join [[1,2,3],[4,5,6]]
[1,2,3,4,5,6]
```

你可以看到，对于 list 而言 join 不过就是 concat。而要 join 一个包在 Writer 中的 Writer，我们必须用 mappend：

```
ghci> runWriter $ join (Writer (Writer (1,"aaa"),"bbb"))
(1,"bbbaaa")
```

"bbb" 先被加到 monoid 中，接着 "aaa" 被附加上去。你想要监视 Writer 中的值的话，必须先把值写进去才行。

要对 Either 做 join 跟对 Maybe 做 join 是很类似的：

```
ghci> join (Right (Right 9)) :: Either String Int
Right 9
ghci> join (Right (Left "error")) :: Either String Int
Left "error"
ghci> join (Left "error") :: Either String Int
```

```
Left "error"
```

如果我们对一个包了另外一个改变状态的计算的进行改变状态的计算，要作 `join` 的动作会让外面的被计算，然后才是计算里面的：

```
ghci> runState (join (State $ \s -> (push 10,1:2:s))) [0,0,0]
((),[10,1,2,0,0,0])
```

这边的 `lambda` 函数接受一个状态，并把 2 跟 1 放到堆叠中，并把 `push 10` 当作他的结果。当对整个东西做 `join` 的时候，他会先把 2 跟 1 放到堆叠上，然后进行 `push 10` 的计算，因而把 10 放到堆叠的顶端。

`join` 的实现像是这样：

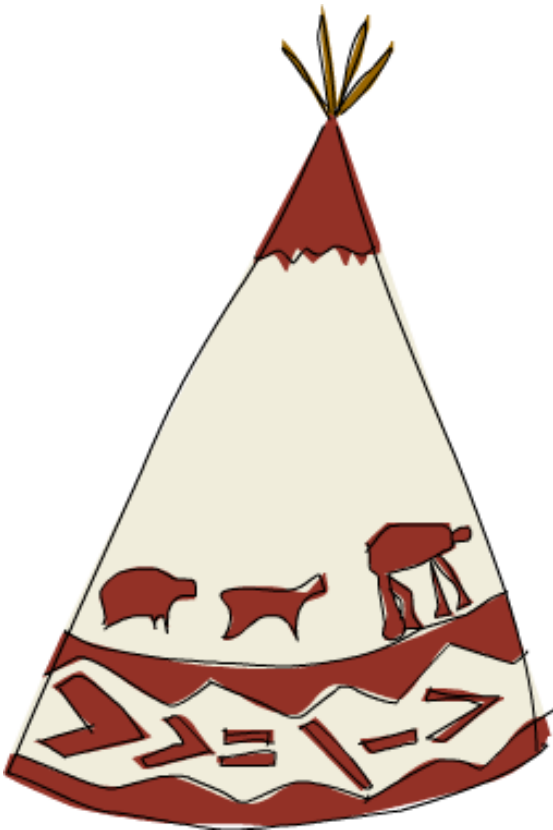
```
join :: (Monad m) => m (m a) -> m a
join mm = do
  m <- mm
  m
```

因为 `mm` 的结果会是一个 monadic value，我们单独用 `m <- mm` 拿取他的结果。这也可以说明 `Maybe` 只有当外层跟内层的值都是 `Just` 的时候才会是 `Just`。如果把 `mm` 的值设成 `Just (Just 8)` 的话，他看起来会是这样：

```
joinedMaybes :: Maybe Int
joinedMaybes = do
  m <- Just (Just 8)
  m
```

最有趣的是对于一个 monadic value 而言，用 `>>=` 把他喂进一个函数其实等价于对 monad 做 mapping over 的动作，然后用 `join` 来把值从 nested 的状态变成扁平的状态。也就是说 `m >>= f` 其实就是 `join (fmap f m)`。如果你仔细想想的话其实很明显。`>>=` 的使用方式是，把一个 monadic value 喂进一个接受普通值的函数，但他却会返回 monadic value。如果我们 map over 一个 monadic value，我们会做成一个 monadic value 包了另外一个 monadic value。例如说，我们现在手上有 `Just 9` 跟 `\x -> Just (x+1)`。如果我们把这个函数 map over `Just 9`，我们会得到 `Just (Just 10)`

事实上 `m >>= f` 永远等价于 `join (fmap f m)` 这性质非常有用。如果我们要定义自己的 `Monad` instance，要知道怎么把 nested monadic value 变成扁平比起要定义 `>>=` 是比較容易的一件事。



13.5.3 filterM

`filter` 函数是 Haskell 中不可或缺的要素。他接受一个断言 (predicate) 跟一个 list 来过滤掉断言为否的部分并返回一个新的 list。他的类型是这样：

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
```

predicate 能接 list 中的一个元素并返回一个 `Bool` 类型的值。但如果 `Bool` 类型其实是一个 monadic value 呢？也就是他有一个 context。例如说除了 `True` 跟 `False` 之外还伴随一个 monoid，像是 `["Accepted the number 5"]`，或 `["3 is too small"]`。照前面所学的听起来是没问题，而且产出的 list 也会跟随 context，在这个例子中就是 `log`。所以如果 `Bool` 会返回伴随 context 的布林值，我们会认为最终的结果也会具有 context。要不然这些 context 都会在处理过程中遗失。

在 `Control.Monad` 中的 `filterM` 函数正是我们所需要的，他的类型如下：

```
filterM :: (Monad m) => (a -> m Bool) -> [a] -> m [a]
```

predicate 会返回一个 monadic value，他的结果会是 `Bool` 类型，由于他是 monadic value，他的 context 有可能会是任何 context，譬如说可能的失败，non-determinism，甚至其他的 context。一旦我们能保证 context 也会被保存在最后的结果中，结果也就是一个 monadic value。

我们来写一个接受 list 然后过滤掉小于 4 的函数。先尝试使用 `filter` 函数：

```
ghci> filter (\x -> x < 4) [9,1,5,2,10,3]
[1,2,3]
```

很简单吧。接着我们在做个 predicate，除了表达 `True` 或 `False` 之外，还提供了一个 `log`。我们会用 `Writer monad` 来表达这件事：

```
keepSmall :: Int -> Writer [String] Bool
keepSmall x
  | x < 4 = do
    tell ["Keeping " ++ show x]
    return True
  | otherwise = do
```

```
tell [show x ++ " is too large, throwing it away"]  
return False
```

这个函数会返回 `Writer [String] Bool` 而不是一个单纯的 `Bool`。他是一个 monadic predicate。如果扫到的数字小于 4 的话，我们就会回报要保存他，而且返回 `return True`。

接着，我们把他跟一个 list 喂给 `filterM`。由于 predicate 会返回 `Writer`，所以结果仍会是一个 `Writer` 值。

```
ghci> fst $ runWriter $ filterM keepSmall [9,1,5,2,10,3]  
[1,2,3]
```

要检查 `Writer` 的结果，我们想要印出 log 看看里面有什么东西：

```
ghci> mapM_ putStrLn $ snd $ runWriter $ filterM keepSmall [9,1,5,2,10,3]  
9 is too large, throwing it away  
Keeping 1  
5 is too large, throwing it away  
Keeping 2  
10 is too large, throwing it away  
Keeping 3
```

提供 monadic predicate 给 `filterM`，我们便能够做 `filter` 的动作，同时还能保有 monadic context。

一个比较炫的技巧是用 `filterM` 来产生一个 list 的 powerset。一个 powerset 就是一个集合所有子集所形成的集合。如果说我们的 list 是 `[1,2,3]`，那他个 powerset 就会是：

```
[1,2,3]  
[1,2]  
[1,3]  
[1]  
[2,3]  
[2]  
[3]  
[]
```

换句话说，要产生一个 powerset 就是要列出所有要丢掉跟保留的组合。`[2,3]` 只不过代表我们把 `1` 给丢掉而已。

我们要依赖 non-determinism 来写我们这产生 powerset 的函数。我们接受一个 list `[1,2,3]` 然后查看第一个元素，这个例子中是 `1`，我们会问：我们要保留他呢？还是丢掉他呢？答案是我们都要做。所以我们会用一个 non-determinism 的 predicate 来过滤我的 list。也就是我们的 powerset 函数：

```
powerset :: [a] -> [[a]]
powerset xs = filterM (\x -> [True, False]) xs
```

等等，我们已经写完了吗？没错，就这么简单，我们可以同时丢掉跟保留每个元素。只要我们用 non-deterministic predicate，那结果也就是一个 non-deterministic value，也便是一个 list 的 list。试着跑跑看：

```
ghci> powerset [1,2,3]
[[1,2,3],[1,2],[1,3],[1],[2,3],[2],[3],[]]
```

这样的写法需要让你好好想一下，但如果你能接受 list 其实就是 non-deterministic value 的话，那要想通会比较容易一些。

13.5.4 foldM

foldl 的 monadic 的版本叫做 foldM。如果你还有印象的话，foldl 会接受一个 binary 函数，一个起始累加值跟一串 list，他会从左边开始用 binary 函数每次带进一个值来 fold。foldM 也是做同样的事，只是他接受的这个 binary 函数会产生 monadic value。不意外的，他的结果也会是 monadic value。foldl 的类型是：

```
foldl :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a
```

而 foldM 的类型则是：

```
foldM :: (Monad m) => (a -> b -> m a) -> a -> [b] -> m a
```

binary 函数的返回值是 monadic，所以结果也会是 monadic。我们试着把 list 的值用 fold 全部加起来：

```
ghci> foldl (\acc x -> acc + x) 0 [2,8,3,1]
14
```

这边起始的累加值是 0，首先 2 会被加进去，变成 2。然后 8 被加进去变成 10，直到我们没有值可以再加，那便是最终的结果。

但如果我们想额外加一个条件，也就是当碰到一个数字大于 9 时候，整个运算就算失败呢？一种合理的修改就是用一个 `binary` 函数，他会检查现在这个数是否大于 9，如果是便引发失败，如果不是就继续。由于有失败的可能性，我们便需要这个 `binary` 函数返回一个 `Maybe`，而不是一个普通的值。我们来看看这个函数：

```
binSmalls :: Int -> Int -> Maybe Int
binSmalls acc x
  | x > 9      = Nothing
  | otherwise  = Just (acc + x)
```

由于这边的 `binary` 函数是 monadic function，我们不能用普通的 `foldl`，我们必须用 `foldM`：

```
ghci> foldM binSmalls 0 [2,8,3,1]
Just 14
ghci> foldM binSmalls 0 [2,11,3,1]
Nothing
```

由于这串 list 中有一个数值大于 9，所以整个结果会是 `Nothing`。另外你也可以尝试 `fold` 一个返回 `Writer` 的 `binary` 函数，他会在 `fold` 的过程中纪录你想纪录的信息。

13.5.5 Making a safe RPN calculator

之前的章节我们实现了一个 RPN 计算机，但我们没有做错误的处理。他只有在输入是合法的时候才会运算正确。假如有东西出错了，整个程序便会当掉。我们在这章看到了要怎样把源代码转换成 monadic 的版本，我们先尝试用 `Maybe monad` 来帮我们的 RPN 计算机加上些错误处理。

我们的 RPN 计算机接受一个像 "1 3 + 2 *" 这样的字符串，把他断成 word，变成 ["1", "3", "+", "2", "*"] 这样。然后用一个 `binary` 函数，跟一



个空的堆叠，从左边开始或是将数值推进堆叠中，或是操作堆叠最上层的两个元素。

以下便是程序的核心部分：

```
import Data.List

solveRPN :: String -> Double
solveRPN = head . foldl foldingFunction [] . words
```

我们把输入变成一个字符串的 list，从左边开始 fold，当堆叠中只剩下一个元素的时候，他便是我们要的答案。以下是我们的 folding 函数：

```
foldingFunction :: [Double] -> String -> [Double]
foldingFunction (x:y:ys) "*" = (x * y):ys
foldingFunction (x:y:ys) "+" = (x + y):ys
foldingFunction (x:y:ys) "-" = (y - x):ys
foldingFunction xs numberString = read numberString:xs
```

这边我们的累加元素是一个堆叠，我们用一个 Double 的 list 来表示他。当我们在做 folding 的过程，如果当前的元素是一个 operator，他会从堆叠上拿下两个元素，用 operator 施行运算然后把结果放回堆叠。如果当前的元素是一个表示成字符串的数字，他会把字符串转换成数字，并返回一个新的堆叠包含了转换后的数字。

我们首先把我们的 folding 函数加上处理错误的 case，所以他的类型会变成这样：

```
foldingFunction :: [Double] -> String -> Maybe [Double]
```

他不是返回一个 Just 的堆叠就是返回 Nothing。

reads 函数就像 read 一样，差别在于他返回一个 list。在成功读取的情况下 list 中只工读取的那个元素。如果他失败了，他会返回一个空的 list。除了返回读取的元素，他也返回剩下读取失败的元素。他必须要看完整串输入，我们想把他弄成一个 readMaybe 的函数，好方便我们进行。

```
readMaybe :: (Read a) => String -> Maybe a
readMaybe st = case reads st of [(x,"")] -> Just x
                                   _ -> Nothing
```

测试结果如下：

```
ghci> readMaybe "1" :: Maybe Int
Just 1
ghci> readMaybe "GO TO HELL" :: Maybe Int
Nothing
```

看起来运行正常。我们再把把他变成一个可以处理失败情况的 monadic 函数

```
foldingFunction :: [Double] -> String -> Maybe [Double]
foldingFunction (x:y:ys) "*" = return ((x * y):ys)
foldingFunction (x:y:ys) "+" = return ((x + y):ys)
foldingFunction (x:y:ys) "-" = return ((y - x):ys)
foldingFunction xs numberString = liftM (:xs) (readMaybe numberString)
```

前三种 case 跟前面的很像，只差在堆叠现在是包在 Just 里面（我们常用 return 来做到这件事，但其实我们也可以用 Just）。在最后一种情况，我们用 readMaybe numberString 然后我们用 (:xs) map over 他。所以如果堆叠 xs 是 [1.0,2.0] 且 readMaybe numberString 产生 Just 3.0，那结果便是 Just [3.0,1.0,2.0]。如果 readMaybe numberString 产生 Nothing 那结果便是 Nothing。我们来试着跑跑看 folding 函数

```
ghci> foldingFunction [3,2] "*"
Just [6.0]
ghci> foldingFunction [3,2] "-"
Just [-1.0]
ghci> foldingFunction [] "*"
Nothing
ghci> foldingFunction [] "1"
Just [1.0]
ghci> foldingFunction [] "1 wawawawa"
Nothing
```

看起来正常运行。我们可以用他来写一个新的 solveRPN。

```
import Data.List

solveRPN :: String -> Maybe Double
solveRPN st = do
  [result] <- foldM foldingFunction [] (words st)
  return result
```

我们仍是接受一个字符串把他断成一串 word。然后我们用一个空的堆叠来作 folding 的动作，只差在我们用的是 foldM 而不是 foldl。foldM 的结果会是 Maybe，Maybe 里面包含了一个只有一个元素的 list。我们用 do expression 来取出值，把他绑定到 result 上。当 foldM 返回 Nothing 的时候，整个结果就变成 Nothing。也特别注意我们有在 do 里面做 pattern match 的动作，所以如果 list 中不是只有一个元素的话，最后结果便会是 Nothing。最后一行我们用 return result 来展示 RPN 计算的结果，把他包在一个 Maybe 里面。

```
ghci> solveRPN "1 2 * 4 +"
Just 6.0
ghci> solveRPN "1 2 * 4 + 5 *"
Just 30.0
ghci> solveRPN "1 2 * 4"
Nothing
ghci> solveRPN "1 8 wharglbllargh"
Nothing
```

第一个例子会失败是因为 list 中不是只有一个元素，所以 do 里面的 pattern matching 失败了。第二个例子会失败是因为 readMaybe 返回了 Nothing。

13.5.6 Composing monadic functions

当我们介绍 monad law 的时候，我们说过 <=< 就像是函数合成一样，只差在一个是作用在普通函数 $a \rightarrow b$ 。一个是作用在 monadic 函数 $a \rightarrow m\ b$ 。

```
ghci> let f = (+1) . (*100)
ghci> f 4
401
ghci> let g = (\x -> return (x+1)) <=< (\x -> return (x*100))
```



```
ghci> Just 4 >= g
Just 401
```

在这个例子中我们合成了两个普通的函数，并喂给他 4。我们也合成了两个 monadic 函数并用 `>=` 喂给他 `Just 4`。

如果我们在 `list` 中有一大堆函数，我们可以把他们合成一个巨大的函数。用 `id` 当作累加的起点，`.` 当作 `binary` 函数，用 `fold` 来作这件事。

```
ghci> let f = foldr (.) id [(+1),(*100),(+1)]
ghci> f 1
201
```

`f` 接受一个数字，然后会帮他加 1，乘以 100，再加 1。我们也可以将 monadic 函数用同样的方式做合成，只是不用 `.` 而用 `<=<`，不用 `id` 而用 `return`。我们不需要 `foldM`，由于 `<=<` 只用 `foldr` 就足够了。

当我们在之前的章节介绍 `list monad` 的时候，我们用他来解决一个骑士是否能在三步内走到另一点的问题。那个函数叫做 `moveKnight`，他接受一个座标然后返回所有可能的下一步。然后产生出所有可能三步的移动。

```
in3 start = return start >= moveKnight >= moveKnight >= moveKnight
```

要检查我们是否能只用三步从 `start` 走到 `end`，我们用下列函数

```
canReachIn3 :: KnightPos -> KnightPos -> Bool
canReachIn3 start end = end `elem` in3 start
```

如果使用 monadic 版本的合成的话，我们也可以做一个类似的 `in3`，但我们希望他不只有三步的版本，而希望有任意步的版本。如果你仔细观察 `in3`，他只不过用 `>=` 跟 `moveKnight` 把之前所有可能结果喂到下一步。把他一般化，就会像下面的样子：

```
import Data.List

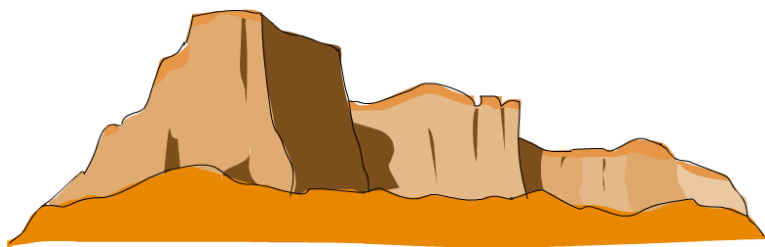
inMany :: Int -> KnightPos -> [KnightPos]
inMany x start = return start >= foldr (<=<) return (replicate x moveKnight)
```

首先我们用 `replicate` 来做出一个 `list`，里面有 `x` 份的 `moveKnight`。然后我们把所有函数都合成起来，就会给我们从起点走 `x` 步内所有可能的的位置。然后我们只需要把起始位置喂给他就好了。

我们也可以一般化我们的 `canReachIn3`：

```
canReachIn :: Int -> KnightPos -> KnightPos -> Bool
canReachIn x start end = end `elem` inMany x start
```

§13.6 定义自己的 Monad



在这一章节，我们会带你看看究竟一个类型是怎么被辨认，确认是一个 `monad` 而且正确定义出 `Monad` 的 `instance`。我们通常不会为了定义 `monad` 而定义。比较常发生的是，我们想要针对一个问题建立模型，却稍后发现我们定义的类型其实是一个 `Monad`，所以就定义一个 `Monad` 的 `instance`。

正如我们看到的，`list` 是被拿来当作 `non-deterministic values`。对于 `[3,5,9]`，我们可以看作是一个 `non-deterministic value`，我们不能知道究竟是哪一个。当我们把一个 `list` 用 `>>=` 喂给一个函数，他就是把一串可能的选择都丢给函数，函数一个个去计算在那种情况下的结果，结果也便是一个 `list`。

如果我们把 `[3,5,9]` 看作是 3,5,9 各出现一次，但这边没有每一种数字出现的机率。如果我们把 `non-deterministic` 的值看作是 `[3,5,9]`，但 3 出现的机率是 50%，5 跟 9 出现的机率各是 25% 呢？我们来试着用 Haskell 描述看看。

如果说 `list` 中的每一个元素都伴随着他出现的机率。那下面的形式就蛮合理的：

```
[(3,0.5),(5,0.25),(9,0.25)]
```

在数学上，机率通常不是用百分比表示，而是用介于 0 跟 1 的实数表示。0 代表不可能会发生，而 1 代表绝对会发生。但浮点数很有可能很快随着运算失去精准度，所以 Haskell 有提供有理数。他的类型是摆在 `Data.Ratio` 中，叫做 `Rational`。要创造出个 `Rational`，我们会把他写成一个分数的形式。分子跟分母用 `%` 分隔。这边有几个例子：

```
ghci> 1%4
1 % 4
ghci> 1%2 + 1%2
1 % 1
ghci> 1%3 + 5%4
19 % 12
```

第一行代表四分之一，第二行代表两个二分之一加起来变成一。而第三行我们把三分之一跟四分之五加起来变成十二分之十九。所以我们来用 `Rational` 取代浮点数来当作我们的机率值吧。

```
ghci> [(3,1%2),(5,1%4),(9,1%4)]
[(3,1 % 2),(5,1 % 4),(9,1 % 4)]
```

所以 3 有二分之一的机会出现，而 5 跟 9 有四分之一的机会出现。

可以看到我们帮 `list` 加上了一些额外的 `context`。再我们继续深入之前，我们用一个 `newtype` 把他包起来，好让我们帮他写 `instance`。

```
import Data.Ratio

newtype Prob a = Prob { getProb :: [(a,Rational)] } deriving Show
```

接着我们想问，这是一个 `functor` 吗？`list` 是一个 `functor`，所以很有可能他也是一个 `functor`，毕竟我们只是在 `list` 上多加一些东西而已。在 `list` 的情况下，我们可以针对每个元素用函数做处理。这边我们也是用函数针对每个元素做处理，只是我们是输出机率值。所以我们就来写个 `functor` 的 `instance` 吧。

```
instance Functor Prob where
    fmap f (Prob xs) = Prob $ map (\(x,p) -> (f x,p)) xs
```

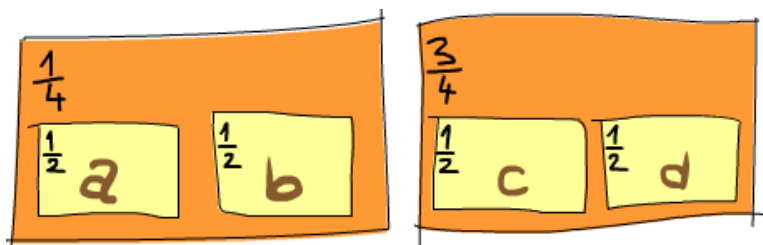
我们可以用 pattern matching 的方式把 `newtype` 解开来，套用函数 `f` 之后再包回去。过程中不会动到机率值。

```
ghci> fmap negate (Prob [(3,1%2),(5,1%4),(9,1%4)])
Prob {getProb = [(-3,1 % 2),(-5,1 % 4),(-9,1 % 4)]}
```

要注意机率的和永远是 1。如果我们没有漏掉某种情形的话，没有道理他们加起来的不为 1。一个有 75% 机率是正面以及 50% 机率是反面的硬币根本没什么道理。

接着要问一个重要的问题，他是一个 monad 吗？我们知道 `list` 是一个 monad，所以他很有可能也是一个 monad。首先来想想 `return`。他在 `list` 是怎么运行的？他接受一个普通的值并把他放到一个 `list` 中变成只有一个元素的 `list`。那在这边又如何？由于他是一个最小的 context，他也应该是一个元素的 `list`。那机率值呢？`return x` 的值永远都是 `x`，所以机率值不应该是 0，而应该是 1。

至于 `>>=` 呢？看起来有点复杂，所以我们换种方式来思考，我们知道 `m >>= f` 会等价于 `join (fmap f m)`，所以我们来想要怎么把一串包含 probability list 的 `list` 弄平。举个例子，考虑一个 `list`，'a' 跟 'b' 恰出现其中一个的机率为 25%，两个出现的机率相等。而 'c' 跟 'd' 恰出现其中一个的机率为 75%，两个出现的机率也是相等。这边有一个图将情形画出来。



每个字母发生的机率有多高呢？如果我们用四个盒子来代表每个字母，那每个盒子的机率为何？每个盒子的机率是他们所装有的机率值相乘的结果。'a' 的机率是八分之一，'b' 同样也是八分之一。八分之一是因为我们

把二分之一跟四分之一相乘得到的结果。而 'c' 发生的机率是八分之三，是因为二分之一乘上四分之三。'd' 同样也是八分之三。如果把所有的机率加起来，就会得到一，符合机率的规则。

来看看怎么用一個 list 表达我们要说明的东西：

```
thisSituation :: Prob (Prob Char)
thisSituation = Prob
  [ ( Prob [ ('a',1%2), ('b',1%2)] , 1%4 )
  , ( Prob [ ('c',1%2), ('d',1%2)] , 3%4 )
  ]
```

注意到这边的类型是 `Prob (Prob Char)`。所以我们要思考的是如何把一串包含机率 list 的 list 打平。如果能成功写出这样的逻辑，`>>=` 不过就是 `join (fmap f m)`，我们便得到了一个 monad。我们这边写了一个 `flatten` 来做这件事。

```
flatten :: Prob (Prob a) -> Prob a
flatten (Prob xs) = Prob $ concat $ map multAll xs
  where multAll (Prob innerxs,p) = map (\(x,r) -> (x,p*r)) innerxs
```

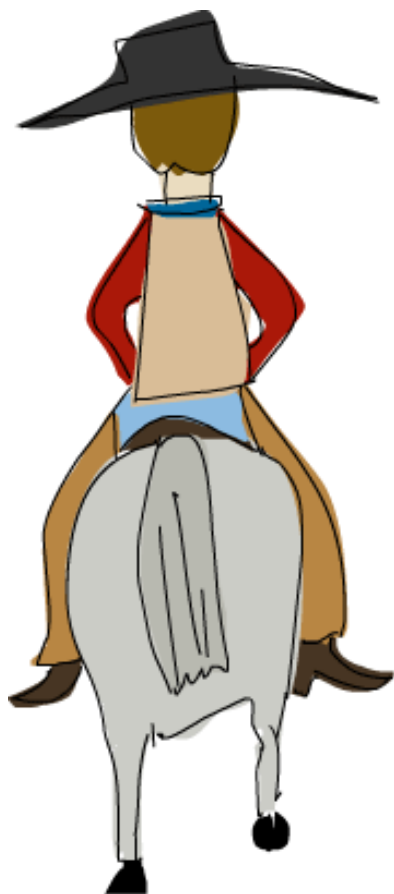
`multAll` 接受一个 tuple，里面包含一个 probability list 跟一个伴随的机率值 `p`，所以我们要作的事是把 list 里面的机率值都乘以 `p`，并返回一个新的 tuple 包含新的 list 跟新的机率值。我们将 `multAll` map over 到我们的 probability list 上，我们就成功地打平了我们的 list。

现在我们就能定义我们的 Monad instance。

```
instance Monad Prob where
  return x = Prob [(x,1%1)]
  m >>= f = flatten (fmap f m)
  fail _ = Prob []
```

由于我们已经把所有苦工的做完了，定义这个 instance 显得格外轻松。我们也定义了 `fail`，我们定义他的方式跟定义 list 一样。如果在 `do` 中发生了失败的 pattern match，那就会调用 `fail`。

检查我们定义的 instance 是否遵守 monad law 也是很重要的。monad law 的第一个定律是 `return x >>= f` 应该要等价于 `f x`。要写出严格的



证明会很麻烦，但我们可以观察到下列事实：首先用 `return` 做一个最小的 context，然后用 `fmap` 将一个函数 map over 这个 context，再将他打平。这样做出来的 probability list，每一个机率值都相当于将我们最初放到 minimal context 中的值乘上 $1\%1$ 。同样的逻辑，也可以看出 `m >>= return` 是等价于 `m`。第三个定律是 `f <=< (g <=< h)` 应该要等价于 `(f <=< g) <=< h`。我们可以从乘法有结合律的性质，以及 list monad 的特性上推出 probability monad 也符合这个定律。 $1\%2 * (1\%3 * 1\%5)$ 等于 $(1\%2 * 1\%3) * 1\%5$ 。

现在我们有了一个 monad，这样有什么好处呢？他可以帮助我们计算机率值。我们可以把机率事件看作是具有 context 的 value，而 probability monad 可以保证机率值能正确地计算成最终的结果。

好比说我们现在有两个普通的硬币以及一个灌铅的硬币。灌铅的硬币十次中有九次会出现正面，只有一次会出现反面。如果我们一次丢掷这三个硬币，有多大的机会他们都会出现正面呢？让我们先来表达丢掷硬币这件事，分别丢的是灌铅的跟普通的硬币。

```
data Coin = Heads | Tails deriving (Show, Eq)

coin :: Prob Coin
coin = Prob [(Heads,1%2),(Tails,1%2)]

loadedCoin :: Prob Coin
loadedCoin = Prob [(Heads,1%10),(Tails,9%10)]
```

最后，来看看掷硬币的函数：

```
import Data.List (all)

flipThree :: Prob Bool
flipThree = do
  a <- coin
  b <- coin
  c <- loadedCoin
  return (all (==Tails) [a,b,c])
```

试着跑一下的话，我们会看到尽管我们用了不公平的硬币，三个反面的机率还是不高。

```
ghci> getProb flipThree  
[(False,1 % 40),(False,9 % 40),(False,1 % 40),(False,9 % 40),  
 (False,1 % 40),(False,9 % 40),(False,1 % 40),(True,9 % 40)]
```

同时出现正面的机率是四十分之九，差不多是 25% 的机会。我们的 monad 并没有办法 join 所有都是 **False** 的情形，也就是所有硬币都是出现反面的情况。不过那不是个严重的问题，可以写个函数来将同样的结果变成一种结果，这就留给读者当作习题。

在这章节中，我们从提出问题到真的写出类型，并确认这个类型是一个 monad，写出他的 instance 并实际操作他。这是个很棒的经验。现在读者们应该对于 monad 有不少的了解才是。

第十四章 Zippers 数据结构



尽管 Haskell 的纯粹性质带来很多好处，但他让一些在非纯粹语言很容易处理的一些事情变得要用另一种方法解决。由于 referential transparency，同样一件事在 Haskell 中是没有分别的。所以如果我们有一个装满 5 的树，而我们希望把其中一个换成 6，那我们必须要知道我们究竟是想改变哪个 5。我们也必须知道我们身处在这棵树的哪里。但在 Haskell 中，每个 5 都长得一样，我们并不能因为他们在存储器中的位址不同就把他们区分开来。我们也不能改变任何状态，当我们想要改变一棵树的时候，我们实际上是说我们

要一棵新的树，只是他长得很像旧的。一种解决方式是记住一条从根节点到现在这个节点的路径。我们可以这样表达：给定一棵树，先往左走，再往右走，再往左走，然后改变你走到的元素。虽然这是可行的，但这非常没有效率。如果我们想接连改变一个在附近的节点，我们必须再从根节点走一次。在这个章节中，我们会看到我们可以集中注意在某个数据结构上，这样让改变数据结构跟遍历的动作非常有效率。

§14.1 来走二元树吧！

我们在生物课中学过，树有非常多种。所以我们来自己发明棵树吧！

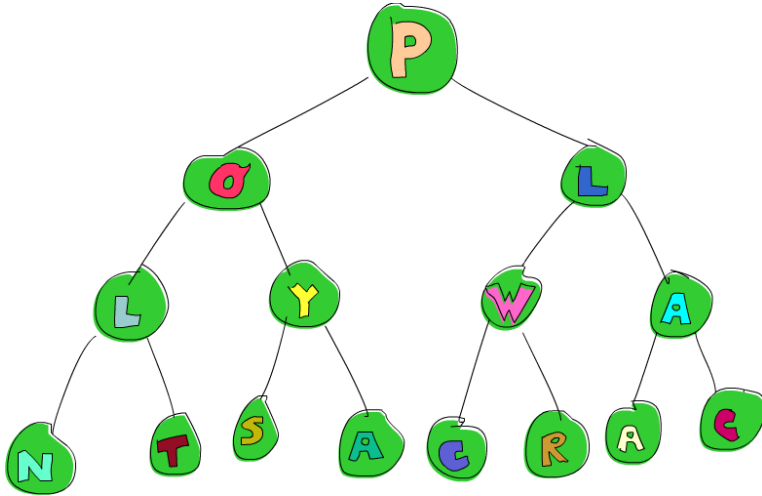
```
data Tree a = Empty | Node a (Tree a) (Tree a) deriving (Show)
```

这边的树不是空的就是有两棵子树。来看看一个范例：

```
freeTree :: Tree Char
freeTree =
  Node 'P'
    (Node 'O'
      (Node 'L'
        (Node 'N' Empty Empty)
        (Node 'T' Empty Empty)
      )
      (Node 'Y'
        (Node 'S' Empty Empty)
        (Node 'A' Empty Empty)
      )
    )
    (Node 'L'
      (Node 'W'
        (Node 'C' Empty Empty)
        (Node 'R' Empty Empty)
      )
      (Node 'A'
        (Node 'A' Empty Empty)
        (Node 'C' Empty Empty)
      )
    )
```

```
)
)
```

画成图的话就是像这样：



注意到 **W** 这个节点了吗？如果我们想要把他变成 **P**。我们会怎么做呢？一种方式是用 `pattern match` 的方式做，直到我们找到那个节点为止。要先往右走再往左走，再改变元素内容，像是这样：

```
changeToP :: Tree Char -> Tree Char
```

```
changeToP (Node x l (Node y (Node _ m n) r)) = Node x l (Node y (Node 'P' m n) r)
```

这不只看起来很丑，而且很不容易阅读。这到底是怎么回事？我们使用 `pattern match` 来拆开我们的树，我们把 `root` 绑定成 `x`，把左子树绑定成 `l`。对于右子树我们继续使用 `pattern match`。直到我们碰到一个子树他的 `root` 是 `'W'`。到此为止我们再重建整棵树，新的树只差在把 `'W'` 改成了 `'P'`。

有没有比较好的作法呢？有一种作法是我们写一个函数，他接受一个树跟一串 `list`，里面包含有行走整个树时的方向。方向可以是 `L` 或是 `R`，分别代表向左走或向右走。我们只要跟随指令就可以走达指定的位置：

```
data Direction = L | R deriving (Show)
```

```
type Directions = [Direction]
```

```
changeToP :: Directions -> Tree Char -> Tree Char
changeToP (L:ds) (Node x l r) = Node x (changeToP ds l) r
changeToP (R:ds) (Node x l r) = Node x l (changeToP ds r)
changeToP [] (Node _ l r) = Node 'P' l r
```

如果在 list 中的第一个元素是 L，我们会建构一个左子树变成 'P' 的新树。当我们递归地调用 changeToP，我们只会传给他剩下的部分，因为前面的部分已经看过了。对于 R 的 case 也一样。如果 list 已经消耗完了，那表示我们已经走到我们的目的地，所以我们就返回一个新的树，他的 root 被修改成 'P'。

要避免印出整棵树，我们要写一个函数告诉我们目的地究竟是什么元素。

```
elemAt :: Directions -> Tree a -> a
elemAt (L:ds) (Node _ l _) = elemAt ds l
elemAt (R:ds) (Node _ _ r) = elemAt ds r
elemAt [] (Node x _ _) = x
```

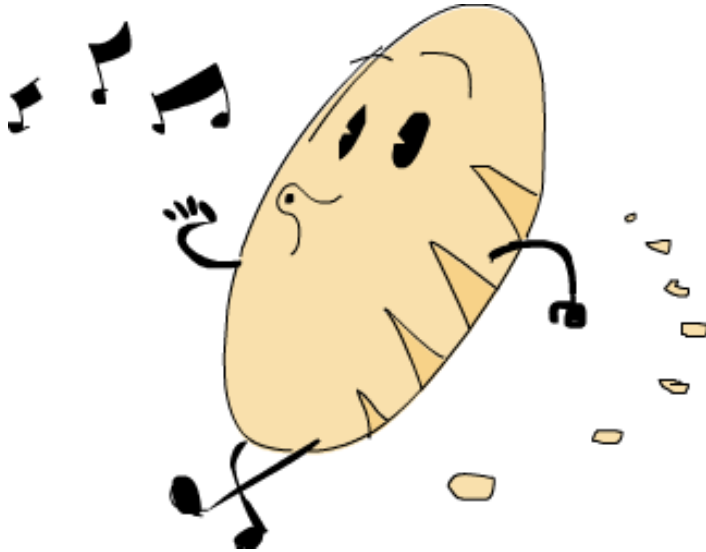
这函数跟 changeToP 很像，只是他不会记下沿路上的信息，他只会记住目的地是什么。我们把 'W' 变成 'P'，然后用他来看查。

```
ghci> let newTree = changeToP [R,L] freeTree
ghci> elemAt [R,L] newTree
'P'
```

看起来运行正常。在这些函数里面，包含方向的 list 比较像是一种“focus”，因为他特别指出了一棵子树。一个像 [R] 这样的 list 是聚焦在 root 的右子树。一个空的 list 代表的是主树本身。

这个技巧看起来酷炫，但却不太有效率，特别是在我们想要重复地改变内容的时候。假如我们有一个非常大的树以及非常长的一串包含方向的 list。我们需要沿着方向从 root 一直走到树的底部。如果我们想要改变一个邻近的元素，我们仍需要从 root 开始走到树的底部。这实在不太令人满意。

在下一个章节，我们会介绍一个比较好的方法，让我们可以有效率地改变我们的 focus。



§14.2 凡走过必留下痕迹

我们需要一个比包含一串方向的 `list` 更好的聚焦的方法。如果我们能够在从 `root` 走到指定地点的沿路上撒下些面包屑，来纪录我们的足迹呢？当我们往左走，我们便记住我们选择了左边，当我们往右走，便记住我们选择了右边。

要找个东西来代表我们的面包屑，就用一串 `Direction` (他可以是 `L` 或者是 `R`)，只是我们叫他 `BreadCrumb` 而不叫 `Direction`。这是因为现在我们把这串 `direction` 反过来了：

```
type Breadcrumbs = [Direction]
```

这边有一个函数，他接受一棵树跟一些面包屑，并在我们往左走时在 `list` 的前头加上 `L`

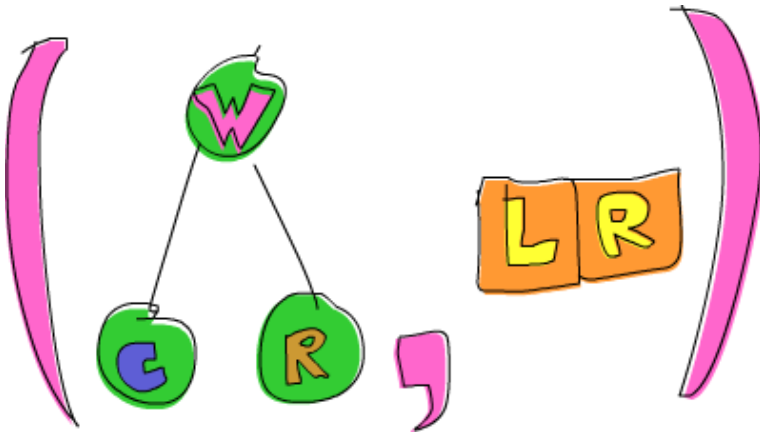
```
goLeft :: (Tree a, Breadcrumbs) -> (Tree a, Breadcrumbs)
goLeft (Node _ l _, bs) = (l, L:bs)
```

我们忽略 `root` 跟右子树，直接返回左子树以及面包屑，只是在现有的面包屑前面加上 `L`。再来看看往右走的函数：

```
goRight :: (Tree a, Breadcrumbs) -> (Tree a, Breadcrumbs)
goRight (Node _ _ r, bs) = (r, R:bs)
```

几乎是一模一样。我们再来做一个先往右走再往左走的函数，让他来走我们的 `freeTree`

```
ghci> goLeft (goRight (freeTree, []))
(Node 'W' (Node 'C' Empty Empty) (Node 'R' Empty Empty), [L,R])
```



现在我们有了一棵树，他的 root 是 'W'，而他的左子树的 root 是 'C'，右子树的 root 是 'R'。而由于我们先往右走再往左走，所以面包屑是 [L,R]。

要再表示得更清楚些，我们能用定义一个 -：

```
x -: f = f x
```

他让我们可以将值喂给函数这件事反过来写，先写值，再来是 -：，最后是函数。所以我们可以写成 `(freeTree, []) -: goRight` 而不是 `goRight (freeTree, [])`。我们便可以把上面的例子改写地更清楚。

```
ghci> (freeTree, []) -: goRight -: goLeft
(Node 'W' (Node 'C' Empty Empty) (Node 'R' Empty Empty), [L,R])
```

14.2.1 Going back up

如果我们想要往回上走回我们原来的路径呢？根据留下的面包屑，我们知道现在的树是他父亲的左子树，而他的父亲是祖父的右子树。这些信息并

不足够我们往回走。看起来要达到这件事情，我们除了单纯纪录方向之外，还必须把其他的数据都记录下来。在这个案例中，也就是他的父亲以及他的右子树。

一般来说，单单一个面包屑有足够的信息让我们重建父亲的节点。所以他应该要包含所有我们没有选择的路径的信息，并且他应该要纪录我们沿路走的方向。同时他不应该包含我们现在锁定的子树。因为那棵子树已经在 tuple 的第一个部分中，如果我们也把他纪录在面包屑里，那就会有重复的信息。

我们来修改一下我们面包屑的定义，让他包含我们之前丢掉的信息。我们定义一个新的类型，而不用 `Direction`：

```
data Crumb a = LeftCrumb a (Tree a) | RightCrumb a (Tree a) deriving (Show)
```

我们用 `LeftCrumb` 来包含我们没有走的右子树，而不仅仅只写个 `L`。我们用 `RightCrumb` 来包含我们没有走的左子树，而不仅仅只写个 `R`。

这些面包屑包含了所有重建树所需要的信息。他们像是软碟一样存了许多我们的足迹，而不仅仅只是方向而已。

大致上可以把每个面包屑想像成一个树的节点，树的节点有一个洞。当我们往树的更深层走，面包屑携带有我们所有走过得所有信息，只除了目前我们锁定的子树。他也必须纪录洞在哪里。在 `LeftCrumb` 的案例中，我们知道我们是向左走，所以我们缺少的便是左子树。

我们也要把 `Breadcrumbs` 的 type synonym 改掉：

```
type Breadcrumbs a = [Crumb a]
```

接着我们修改 `goLeft` 跟 `goRight` 来纪录一些我们没走过的路径的信息。不像我们之前选择忽略他。`goLeft` 像是这样：

```
goLeft :: (Tree a, Breadcrumbs a) -> (Tree a, Breadcrumbs a)
goLeft (Node x l r, bs) = (l, LeftCrumb x r:bs)
```

你可以看到跟之前版本的 `goLeft` 很像，不只是将 `L` 推到 list 的最前端，我们还加入 `LeftCrumb` 来表示我们选择向左走。而且我们在 `LeftCrumb` 里面塞有我们之前走的节点，以及我们选择不走的右子树的信息。

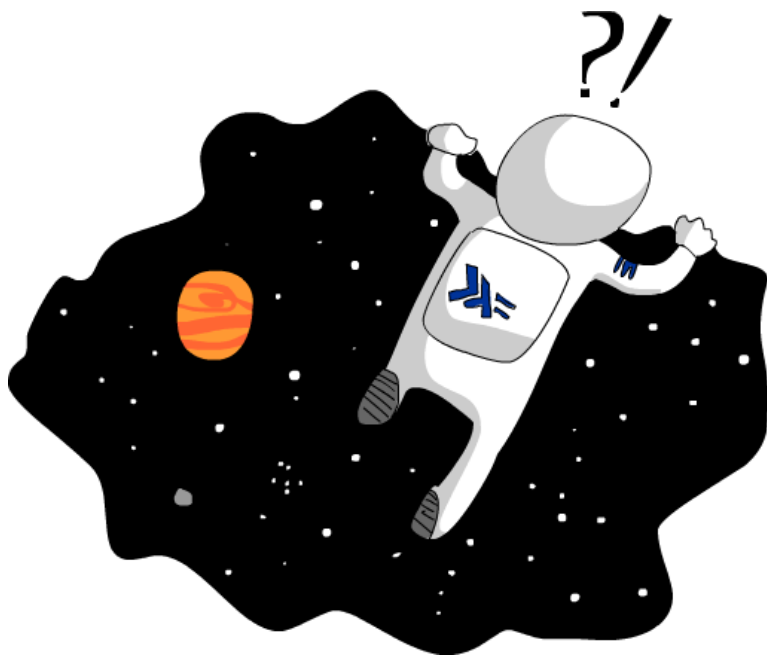
要注意这个函数会假设我们锁定的子树并不是 `Empty`。一个空的树并没有任何子树，所以如果我们选择在一个空的树中向左走，就会因为我们对 `Node` 做模式匹配而产生错误。我们没有处理 `Empty` 的情况。

`goRight` 也是类似：

```
goRight :: (Tree a, Breadcrumbs a) -> (Tree a, Breadcrumbs a)
goRight (Node x l r, bs) = (r, RightCrumb x l:bs)
```

在之前我们只能向左或向右走，现在我们由于纪录了关于父节点的信息以及我们选择不走的路的信息，而获得向上走的能力。来看看 `goUp` 函数：

```
goUp :: (Tree a, Breadcrumbs a) -> (Tree a, Breadcrumbs a)
goUp (t, LeftCrumb x r:bs) = (Node x t r, bs)
goUp (t, RightCrumb x l:bs) = (Node x l t, bs)
```



我们锁定了 `t` 这棵树并检查最新的 `Crumb`。如果他是 `LeftCrumb`，那我们就建立一棵新的树，其中 `t` 是他的左子树并用关于我们没走得右子树的信息来填写其他 `Node` 的信息。由于我们使用了面包屑的信息来建立父子树，所以新的 `list` 移除了我们的面包屑。

如果我们已经在树的顶端并使用这个函数的话，他会引发错误。等一会我们会用 `Maybe` 来表达可能失败的情况。

有了 `Tree a` 跟 `Breadcrumbs a`，我们就有足够的信息来重建整棵树，并且锁定其中一棵子树。这种方式让我们可以轻松的往上，往左，往右走。这样成对的数据结构我们叫做 `Zipper`，因为当我们改变锁定的时候，他表现得很像是拉链一样。所以我们便定义一个 `type synonym`：

```
type Zipper a = (Tree a, Breadcrumbs a)
```

我个人是比较倾向于命名成 `Focus`，这样可以清楚强调我们是锁定在其中一部分，至于 `Zipper` 被更广泛地使用，所以这边仍维持叫他做 `Zipper`。

14.2.2 Manipulating trees under focus

现在我们具备了移动的能力，我们再来写一个改变元素的函数，他能改变我们目前锁定的子树的 `root`。

```
modify :: (a -> a) -> Zipper a -> Zipper a
modify f (Node x l r, bs) = (Node (f x) l r, bs)
modify f (Empty, bs) = (Empty, bs)
```

如果我们锁定一个节点，我们用 `f` 改变他的 `root`。如果我们锁定一棵空的树，那就什么也不做。我们可以移来移去并走到我们想要改变的节点，改变元素后并锁定在那个节点，之后我们可以很方便的移上移下。

```
ghci> let newFocus = modify (\_ -> 'P') (goRight (goLeft (freeTree,[])))
```

我们往左走，然后往右走并将 `root` 取代为 `'P'`，用 `-:` 来表达的话就是：

```
ghci> let newFocus = (freeTree,[]) -: goLeft -: goRight -: modify (\_ -> 'P')
```

我们也能往上走并置换节点为 `'X'`：

```
ghci> let newFocus2 = modify (\_ -> 'X') (goUp newFocus)
```

如果我们用 `-:` 表达的话：

```
ghci> let newFocus2 = newFocus -: goUp -: modify (\_ -> 'X')
```

往上走很简单，毕竟面包屑中含有我们没走过的路径的信息，只是里面的信息是相反的，这有点像是要把袜子反过来才能用一样。有了这些信息，我们就不用再从 root 开始走一遍，我们只要把反过来的树翻过来就好，然后锁定他。

每个节点有两棵子树，即使子树是空的也是视作有树。所以如果我们锁定的是一棵空的子树我们可以做的事就是把他变成非空的，也就是叶节点。

```
attach :: Tree a -> Zipper a -> Zipper a
attach t (_, bs) = (t, bs)
```

我们接受一棵树跟一个 zipper，返回一个新的 zipper，锁定的目标被换成了提供的树。我们不只可以用这招把空的树换成新的树，我们也能把现有的子树给换掉。让我们来用一棵树换掉我们 freeTree 的最左边：

```
ghci> let farLeft = (freeTree, []) -: goLeft -: goLeft -: goLeft -: goLeft
ghci> let newFocus = farLeft -: attach (Node 'Z' Empty Empty)
```

newFocus 现在锁定在我们刚刚接上的树上，剩下部分的信息都放在面包屑里。如果我们用 goUp 走到树的最上层，就会得到跟原来 freeTree 很像的树，只差在最左边多了 'Z'。

14.2.3 I'm going straight to top, oh yeah, up where the air is fresh and clean!

写一个函数走到树的最顶端是很简单的：

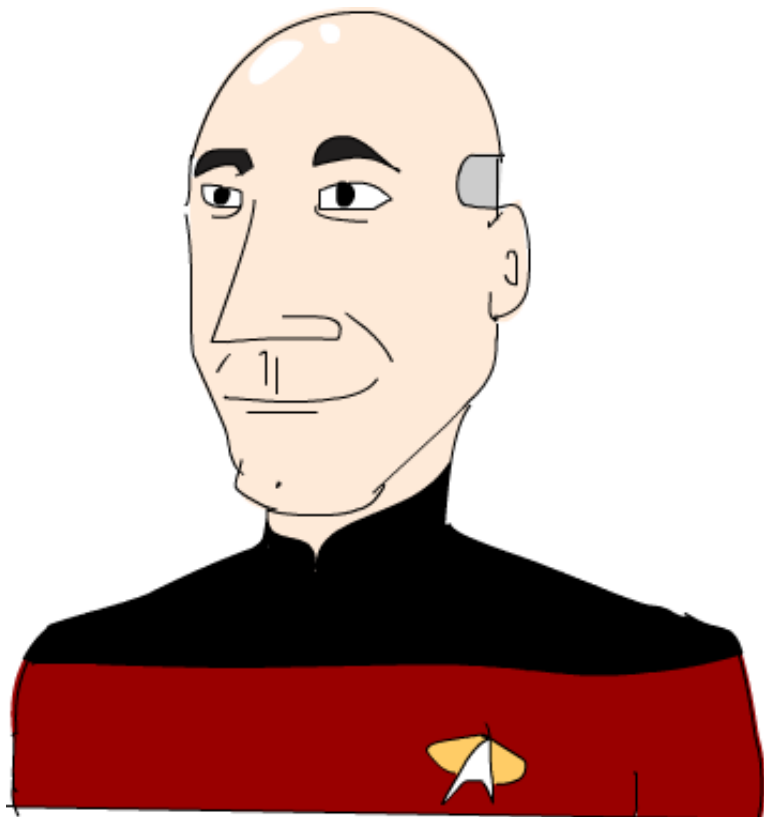
```
topMost :: Zipper a -> Zipper a
topMost (t, []) = (t, [])
topMost z = topMost (goUp z)
```

如果我们的面包屑都没了，就表示我们已经在树的 root，我们便返回目前的锁定目标。喏然，我们便往上走来锁定到父节点，然后递归地调用 topMost。我们现在可以在我们的树上四处移动，调用 modify 或 attach 进行我们要的修改。我们用 topMost 来锁定到 root，便可以满意地欣赏我们的成果。

§14.3 来看串行

Zippers 几乎可以套用在任何数据结构上，所以听到他可以被套用在 list 上可别太惊讶。毕竟，list 就是树，只是节点只有一个儿子，当我们实现我们自己的 list 的时候，我们定义了下面的类型：

```
data List a = Empty | Cons a (List a) deriving (Show, Read, Eq, Ord)
```



跟我们二元树的定义比较，我们就可以看出我们把 list 看作树的原则是正确的。

一串 list 像是 [1,2,3] 可以被写作 1:2:3:[]。他由 list 的 head1 以及 list 的 tail 2:3:[] 组成。而 2:3:[] 又由 2 跟 3:[] 组成。至于 3:[]，3 是 head 而 tail 是 []。

我们来帮 list 做个 zipper。list 改变锁定的方式分为往前跟往后（tree 分为往上，往左跟往右）。在树的情形中，锁定的部分是一棵子树跟留下的面包屑。那究竟对于一个 list 而言一个面包屑是什么？当我们处理二元树的时候，我们说面包屑必须代表 root 的父节点跟其他未走过的子树。他也必须记得我们是往左或往右走。所以必须要有除了锁定的子树以外的所有信息。

list 比 tree 要简单，所以我们不需要记住我们是往左或往右，因为我们只有一种方式可以往 list 的更深层走。我们也不需要哪些路径我们没有走过的信息。似乎我们所需要的信息只有前一个元素。如果我们的 list 是像 [3,4,5]，而且我们知道前一个元素是 2，我们可以把 2 摆回 list 的 head，成为 [2,3,4,5]。

由于一个单一的面包屑只是一个元素，我们不需要把他摆进一个类型里面，就像我们在做 tree zippers 时一样摆进 Crumb：

```
type ListZipper a = ([a],[a])
```

第一个 list 代表现在锁定的 list，而第二个代表面包屑。让我们写一下往前跟往后走的函数：

```
goForward :: ListZipper a -> ListZipper a
goForward (x:xs, bs) = (xs, x:bs)

goBack :: ListZipper a -> ListZipper a
goBack (xs, b:bs) = (b:xs, bs)
```

当往前走的时候，我们锁定了 list 的 tail，而把 head 当作是面包屑。当我们往回走，我们把最近的面包屑拿出来然后摆到 list 的最前头。

来看看两个函数如何运行：

```
ghci> let xs = [1,2,3,4]
ghci> goForward (xs,[])
([2,3,4],[1])
ghci> goForward ([2,3,4],[1])
([3,4],[2,1])
ghci> goForward ([3,4],[2,1])
([4],[3,2,1])
ghci> goBack ([4],[3,2,1])
```

```
([3,4],[2,1])
```

我们看到在这个案例中面包屑只不过是一部分反过来的 list。所有我们走过的元素都被丢进面包屑里面，所以要往回走很容易，只要把信息从面包屑里面捡回来就好。

这样的形式也比较容易看出我们为什么称呼他为 Zipper，因为他真的就像是拉链一般。

如果你正在写一个文字编辑器，那你可以用一个装满字符串的 list 来表达每一行文字。你也可以加一个 Zipper 以便知道现在光标移动到那一行。有了 Zipper 你就很容易的可以新增或删除现有的每一行。

§14.4 阳春的文件系统

理解了 Zipper 是如何运行之后，我们来用一棵树来表达一个简单的文件系统，然后用一个 Zipper 来增强他的功能。让我们可以在数据夹间移动，就像我们平常对文件系统的操作一般。

这边我们采用一个比较简化的版本，文件系统只有文件跟数据夹。文件是数据的基本单位，只是他有一个名字。而数据夹就是用来让这些文件比较有结构，并且能包含其他数据夹与文件。所以说文件系统中的元件不是一个文件就是一个数据夹，所以我们使用如下的方法定义类型：

```
type Name = String
type Data = String
data FSItem = File Name Data | Folder Name [FSItem] deriving (Show)
```

一个文件是由两个字符串组成，代表他的名字跟他的内容。一个数据夹由一个字符串跟一个 list 组成，字符串代表名字，而 list 是装有的元件，如果 list 是空的，就代表他是一个空的数据夹。

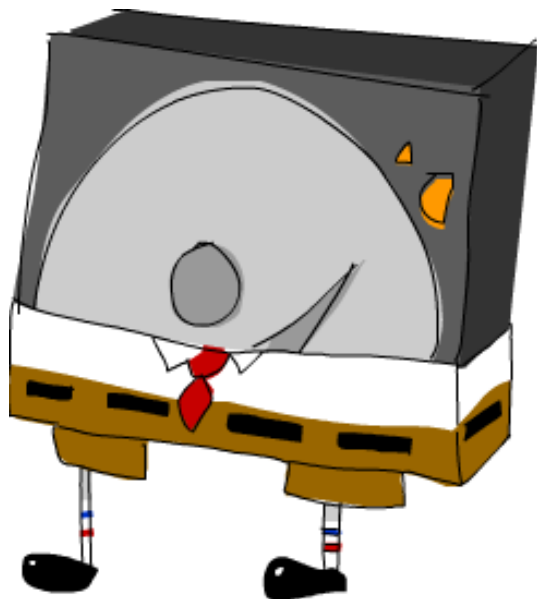
这边是一个装有些文件与数据夹的数据夹：

```
myDisk :: FSItem
myDisk =
    Folder "root"
        [ File "goat_yelling_like_man.wmv" "baaaaaa"
        , File "pope_time.avi" "god bless"
        , Folder "pics"
```

```
[ File "ape_throwing_up.jpg" "bleargh"
, File "watermelon_smash.gif" "smash!!"
, File "skull_man(scary).bmp" "Yikes!"
]
, File "dijon_poupon.doc" "best mustard"
, Folder "programs"
  [ File "fartwizard.exe" "10gotofart"
  , File "owl_bandit.dmg" "mov eax, h00t"
  , File "not_a_virus.exe" "really not a virus"
  , Folder "source code"
    [ File "best_hs_prog.hs" "main = print (fix error)"
    , File "random.hs" "main = print 4"
    ]
  ]
]
```

这就是目前我的磁盘的内容。

14.4.1 A zipper for our file system



我们有了一个文件系统，我们需要一个 Zipper 来让我们可以四处走动，并且增加、修改或移除文件跟数据夹。就像二元树或 list，我们会用面包屑

留下我们未走过路径的信息。正如我们说的，一个面包屑就像是一个节点，只是他包含所有除了我们现在正锁定的子树的信息。

在这个案例中，一个面包屑应该要像数据夹一样，只差在他缺少了我们目前锁定的数据夹的信息。为什么要像数据夹而不是文件呢？因为如果我们锁定了一个文件，我们就没办法往下走了，所以要留下信息说我们是从一个文件走过来的并没有道理。一个文件就像是一棵空的树一样。

如果我们锁定在数据夹 "root"，然后锁定在文件 "dijon_poupon.doc"，那面包屑里的信息会是什么样子呢？他应该要包含上一层数据夹的名字，以及在这个文件前及之后的所有项目。我们要的就是一个 `Name` 跟两串 `list`。借由两串 `list` 来表达之前跟之后的元素，我们就完全可以知道我们目前锁定在哪。

来看看我们面包屑的类型：

```
data FSCrumb = FSCrumb Name [FSItem] [FSItem] deriving (Show)
```

这是我们 `Zipper` 的 `type synonym`：

```
type FSZipper = (FSItem, [FSCrumb])
```

要往上走是很容易的事。我们只要拿现有的面包屑来组出现有的锁定跟面包屑：

```
fsUp :: FSZipper -> FSZipper
fsUp (item, FSCrumb name ls rs:bs) = (Folder name (ls ++ [item] ++ rs), bs)
```

由于我们的面包屑有上一层数据夹的名字，跟数据夹中之前跟之后的元素，要往上走不费吹灰之力。

至于要往更深层走呢？如果我们现在在 "root"，而我们希望走到 "dijon_poupon.doc"，那我们会在面包屑中留下 "root"，在 "dijon_poupon.doc" 之前的元素，以及在他之后的元素。

这边有一个函数，给他一个名字，他会锁定在在现有数据夹中的一个文件：

```
import Data.List (break)

fsTo :: Name -> FSZipper -> FSZipper
fsTo name (Folder folderName items, bs) =
  let (ls, item:rs) = break (nameIs name) items
  in (item, FSCrumb folderName ls rs:bs)

nameIs :: Name -> FSItem -> Bool
nameIs name (Folder folderName _) = name == folderName
nameIs name (File fileName _) = name == fileName
```

`fsTo` 接受一个 `Name` 跟 `FSZipper`，返回一个新的 `FSZipper` 锁定在某个文件上。那个文件必须在现在身处的数据夹才行。这函数不会四处找寻这文件，他只会看现在的数据夹。



首先我们用 `break` 来把身处数据夹中的文件们分成在我们要找的文件前的，跟之后的。如果记性好，`break` 会接受一个 predicate 跟一个 list，并返回两个 list 组成的 pair。第一个 list 装有 predicate 会返回 `False` 的元素，而一旦碰到一个元素返回 `True`，他就把剩下的所有元素都放进第二个 list 中。我们用了一个辅助函数叫做 `nameIs`，他接受一个名字跟一个文件系统的元素，如果名字相符的话他就会返回 `True`。

现在 `ls` 一个包含我们要找的元素之前元素的 list。`item` 就是我们要找的元素，而 `rs` 是剩下的部分。有了这些，我们不过就是把 `break` 传回来的

东西当作锁定的目标，来建造一个面包屑来包含所有必须的信息。

如果我们要找的元素不在数据夹中，那 `item:rs` 这个模式会福豪到一个空的 `list`，便会造成错误。如果我们现在的锁定不是一个数据夹而是一个文件，我们也会造成一个错误而让程序当掉。

现在我们有能力在我们的文件系统中移上移下，我们就来尝试从 `root` 走到 `"skull_man(scary).bmp"` 这个文件吧：

```
ghci> let newFocus = (myDisk,[]) -: fsTo "pics" -: fsTo "skull_man(scary).bmp"
```

`newFocus` 现在是一个锁定在 “`skull_man(scary).bmp`” 的 `Zipper`。我们把 `zipper` 的第一个部分拿出来看看：

```
ghci> fst newFocus
File "skull_man(scary).bmp" "Yikes!"
```

我们接着往上移动并锁定在一个邻近的文件 `"watermelon_smash.gif"`：

```
ghci> let newFocus2 = newFocus -: fsUp -: fsTo "watermelon_smash.gif"
ghci> fst newFocus2
File "watermelon_smash.gif" "smash!!"
```

14.4.2 Manipulating our file system

现在我们知道如何遍历我们的文件系统，因此操作也并不是难事。这边便来写个重新命名目前锁定文件或数据夹的函数：

```
fsRename :: Name -> FSZipper -> FSZipper
fsRename newName (Folder name items, bs) = (Folder newName items, bs)
fsRename newName (File name dat, bs) = (File newName dat, bs)
```

我们可以重新命名 `"pics"` 数据夹为 `"cspi"`：

```
ghci> let newFocus = (myDisk,[]) -: fsTo "pics" -: fsRename "cspi" -: fsUp
```

我们走到 `"pics"` 这个数据夹，重新命名他然后再往回走。

那写一个新的元素在我们目前的数据夹呢？

```
fsNewFile :: FSItem -> FSZipper -> FSZipper
fsNewFile item (Folder folderName items, bs) =
    (Folder folderName (item:items), bs)
```

注意这个函数会没办法处理当我们在锁定在一个文件却要新增元素的情况。

现在要在 "pics" 数据夹中加一个文件然后走向 root:

```
ghci> let newFocus = (myDisk,[]) -: fsTo "pics" -: fsNewFile (File "heh.jpg" "lol"
```

当我们修改我们的文件系统，他不会真的修改原本的文件系统，而是返回一份新的文件系统。这样我们就可以存取我们旧有的系统（也就是 myDisk）跟新的系统（newFocus 的第一个部分）使用一个 Zippers，我们就能自动获得版本控制，代表我们能存取到旧的数据结构。这也不仅限于 Zippers，也是由于 Haskell 的数据结构有 immutable 的特性。但有了 Zipper，对于操作会变得更加容易，我们可以自由地在数据结构中走动。

§14.5 小心每一步

到目前为止，我们并没有特别留意我们在走动时是否会超出界线。不论数据结构是二元树，List 或文件系统。举例来说，我们的 goLeft 函数接受一个二元树的 Zipper 并锁定到他的左子树：

```
goLeft :: Zipper a -> Zipper a
goLeft (Node x l r, bs) = (l, LeftCrumb x r:bs)
```

但如果我们走的树其实是空的树呢？也就是说，如果他不是 Node 而是 Empty？再这情况，我们会因为模式匹配不到东西而造成 runtime error。我们没有处理空的树的情形，也就是没有子树的情形。到目前为止，我们并没有试着在左子树不存在的情形下锁定左子树。但要走到一棵空的树的左子树并不合理，只是到目前为止我们视而不见而已。

如果我们已经在树的 root 但仍旧试着往上走呢？这种情形也同样会造成错误。。用了 Zipper 让我们每一步都好像是我们的最后一步一样。也就是说每一步都有可能会失败。这让你想起什么吗？没错，就是 Monad。更正确的说是 Maybe monad，也就是有可能失败的 context。



我们用 `Maybe monad` 来加入可能失败的 `context`。我们要把原本接受 `Zipper` 的函数都改成 `monadic` 的版本。首先，我们来处理 `goLeft` 跟 `goRight`。函数的失败有可能反应在他们的结果，这个情况也不利外。所以来看下面的版本：

```
goLeft :: Zipper a -> Maybe (Zipper a)
goLeft (Node x l r, bs) = Just (l, LeftCrumb x r:bs)
goLeft (Empty, _) = Nothing

goRight :: Zipper a -> Maybe (Zipper a)
goRight (Node x l r, bs) = Just (r, RightCrumb x l:bs)
goRight (Empty, _) = Nothing
```

然后我们试着在一棵空的树往左走，我们会得到 `Nothing`：

```
ghci> goLeft (Empty, [])
Nothing
ghci> goLeft (Node 'A' Empty Empty, [])
Just (Empty, [LeftCrumb 'A' Empty])
```

看起来不错。之前的问题是在我们面包屑用完的情形下想往上走，那代表我们已经在树的 `root`。如果我们不注意的话那 `goUp` 函数就会丢出错误。

```
goUp :: Zipper a -> Zipper a
goUp (t, LeftCrumb x r:bs) = (Node x t r, bs)
goUp (t, RightCrumb x l:bs) = (Node x l t, bs)
```

我们改一改让他可以失败得好看些：

```
goUp :: Zipper a -> Maybe (Zipper a)
goUp (t, LeftCrumb x r:bs) = Just (Node x t r, bs)
goUp (t, RightCrumb x l:bs) = Just (Node x l t, bs)
goUp (_, []) = Nothing
```

如果我们有面包屑，那我们就能成功锁定新的节点，如果没有，就造成一个失败。

之前这些函数是接受 `Zipper` 并返回 `Zipper`，这代表我们可以这样操作：

```
ghci> let newFocus = (freeTree,[]) -: goLeft -: goRight
```

但现在我们不返回 `Zipper a` 而返回 `Maybe (Zipper a)`。所以没办法像上面串起来。我们在之前章节也有类似的问题。他是每次走一步，而他的每一步都有可能失败。

幸运的是我们可以从之前的经验中学习，也就是使用 `>>=`，他接受一个有 `context` 的值（也就是 `Maybe (Zipper a)`），会把值喂进函数并保持其他 `context` 的。所以就像之前的例子，我们把 `-:` 换成 `>>=`。

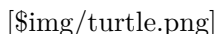
```
ghci> let coolTree = Node 1 Empty (Node 3 Empty Empty)
ghci> return (coolTree,[]) >>= goRight
Just (Node 3 Empty Empty,[RightCrumb 1 Empty])
ghci> return (coolTree,[]) >>= goRight >>= goRight
Just (Empty,[RightCrumb 3 Empty,RightCrumb 1 Empty])
ghci> return (coolTree,[]) >>= goRight >>= goRight >>= goRight
Nothing
```

我们用 `return` 来把 `Zipper` 放到一个 `Just` 里面。然后用 `>>=` 来喂到 `goRight` 的函数中。首先我们做了一棵树他的左子树是空的，而右边是有两颗空子树的一个节点。当我们尝试往右走一步，便会得到成功的结果。往右走两步也还可以，只是会锁定在一棵空的子树上。但往右走三步就没办法了，因为我们不能在一棵空子树上往右走，这也是为什么结果会是 `Nothing`。

现在我们具备了安全网，能够在出错的时候通知我们。

我们的文件系统仍有许多情况会造成错误，例如试着锁定一个文件，或是不存在的数据夹。剩下的就留作习题。

附录 A FAQ

[

§A.1 我能把这份教学放在我的网站吗？我可以更改里面的内容吗？

当然。它受 [<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/> creative commons attribution noncommercial blah blah blah...] 许可证的保护，因此你可以分享或修改它。只要你是发自内心想要这么作，并且只将教学用于非商业目的。

§A.2 推荐其它几个 Haskell 读物？

有很多出色的教学，但我得告诉你 [<http://book.realworldhaskell.org/read/> Real World Haskell] 出类拔萃。它太棒了。我觉得它可以和这个教程搭配着一起读。这个教程提供几个简单例子好让初学者对那点概念有个简单认识，而 Real World Haskell 真正教给你如何充分地使用它们。

§A.3 我怎么联络到你？

最好的方式是用寄封 email 给我，email 是 `bonus at learnyouahaskell dot com`。不过有点耐心，我没有 24 小时在电脑旁，所以如果我没有即时地回复你的 email 的话，请多包含。

§A.4 我想要一些习题！

很快就会有了！很多人不断来问我能不能加些习题，我正在赶工呢。

§A.5 关于作者

我的名字是 Miran Lipovača，住在斯洛文尼亚的 Ljubljana。大部分时间我都闲闲没事，不过当我认真的时候我不是在写程序，绘画，练格斗技，或弹 bass。我甚至弄了一个讨论 bass 的网站。我甚至搜集一堆猫头鹰玩偶，有时候我会对他们自言自语。

§A.6 关于简体译者

我的名字是 [<http://fleurer-lee.com> Fleurer]，在淄博的山东理工大学读书。电子邮件是 `me.ssword at gmail dot com`

§A.7 关于繁体译者

我是 [<http://blog-mno2.csie.org> MnO2]，Haskell 爱好者，你可以在 [<https://plus.google.com/103925382602424793947> google+] 找到我。

附录 B Resource

网络上 Haskell 的资源虽不少，但由于目前社群的人力有限。所以比较没能整理成一套能循序渐进的学习方式。常常会在 Haskell Wiki 上撞到对初学者太过于深入的东西。或是觉得奇怪怎么不断有之前没看过的东西冒出来。造成学习 Haskell 很大的撞墙期。这边译者会渐渐补充一些自己觉得有用的资源，尝试找到一些中阶的教材能够衔接初学跟进阶。

§B.1 Specification

```
# [http://www.haskell.org/onlinereport/ Haskell 98 Report]: Haskell
的标准，目前 GHC 如果不用任何 Extension，写出来的程序是符合 Haskell 98
的标准。
# [http://www.haskell.org/onlinereport/haskell2010/ Haskell 2010 Report
]:，最新的标准，有许多已经实现但要开 Extension 才能用。
```

§B.2 Tools

```
# [http://www.haskell.org/hoogle/ Hoogle]: Haskell 函数的搜寻引擎，
不只可以用函数的名称搜寻，也可以用函数的类型来搜寻。
# [http://holumbus.fh-wedel.de/hayoo/hayoo.html Hayoo]: 跟 Hoogle
同样功能。
# [http://hdiff.luite.com/ hdiff]: 可以方便查询 package
不同版本号之间的差异。
# [http://packdeps.haskellers.com/] : 方便查询 Hackage 上面 package
之间的相依性。
```

§B.3 Lectures & Articles

```
# [http://en.wikibooks.org/wiki/Haskell Wikibook Haskell]: 丰富的
Wikibook 资源
# [http://www.scs.stanford.edu/11au-cs240h/notes/ CS240h]: David
Mazières 跟 Bryan O'Sullivan 在 Stanford 开的课。
# [http://itpro.nikkeibp.co.jp/article/COLUMN/20060915/248215/
本物のプログラマはHaskellを使う]: Haskell 专栏
```



```
# [http://en.wikibooks.org/wiki/Write_Yourself_a_Scheme_in_48_Hours
Write Yourself a Scheme in 48 Hours], Audrey Tang 写的教学, 教你如何
用 Haskell 写出一个 Scheme.
# [http://video.s-inf.de/ {#FP.2005-SS-Giesl.(C0t).HD_Videoaufzeichnung
}: 德国大学的 Functional Programming 课程, 语言是用 FP (英文授课) }
# [http://community.haskell.org/~simonmar/slides/cadarache2012/]: Simon
Marlow 讲解 parallel haskell 的投影片
# [http://flolac.iis.sinica.edu.tw/flolac12/doku.php?id=zh-tw:start
FLOLAC 2012]
# [http://www.youtube.com/channel/UCP9g4dLR7xt6KzCYntNqYcw?&desktop_uri
=%2Fchannel%2FUcP9g4dLR7xt6KzCYntNqYcw ICFP 2012]
# [http://archive.org/details/
ExplanationOfGeneralizedAlgebraicDataTypesgadts Explanation of
Generalized Algebraic Data Types]
# [http://bonus500.github.com/sc2blog/ {#title-slide A Quick Intro to
Snap}]
# [http://www.cs.uoregon.edu/Research/summerschool/summer12/curriculum.
html Logic, Languages, Compilation, and Verification 2012]
# [http://iba-cg.de/hal7.html Haskell in Halle/Saale]
# [http://bos.github.com/reaktor-dev-day-2012/reaktor-talk-slides.html
{#(1) Fast Code Nation}]
```

§B.4 Forum

```
# [http://stackoverflow.com/questions/tagged/haskell Stackoverflow]:
著名 stackoverflow 上的 {#haskell tag}
# [http://www.reddit.com/r/haskell/ Reddit]
```

§B.5 Online Judge

```
# [http://www.haskell.org/haskellwiki/99_questions H-99: Ninety-Nine
Haskell Problems]
# [http://projecteuler.net/ Project Euler]: 已经算非常著名的 Online Judge
, 可惜只有上传答案。如果问题实在想不出来, Haskell Wiki 上也有参考答案。
# [http://www.spoj.pl/ SPOJ]: 少数的 Online Judge 系统可以上传 Haskell 的
, 题目非常丰富。也是练 ACM ICPC 常用的网站。
```

§B.6 Books

```
# [http://www.amazon.co.jp/%E4%81%99%E3%81%94%E3%81%84Haskell%E3%81%9F%E3%81%AE%E3%81%97%E3%81%8F%E5%AD%A6%E3%81%BC%E3%81%86-Miran-Lipova%C4%8Da/dp/4274068854 Learn you a Haskell for great good (Japanese Translation)]
# [http://book.realworldhaskell.org/ Real World Haskell]
# [http://www.yesodweb.com/book Yesod Book, 讲解如何使用 Yesod Web Framework]
```

§B.7 PL Researchers

```
# [http://www.iis.sinica.edu.tw/~scm/ 穆信成老师]
# [http://www.cs.rutgers.edu/~ccshan/ 单中杰老师]
# [http://conal.net/ Conal Elliott]
# [http://blog.ezyang.com/ Edward Yang]
# [http://comonad.com/reader/ Edward Kmett]
```

§B.8 Interesting Projects

```
# [http://fay-lang.org/ Fay Programming Language] 用 Haskell 语言的子集, 直接转译成 Javascript
# [http://leksah.org/ Leksah]: Haskell IDE
# [https://github.com/Mokehehe/Monao/ Super Manao Bros]: 超级玛利欧
```

§B.9 Taiwan Functional Programming User Group

```
# [http://vimeo.com/groups/140878 TW-FPUG on Vimeo]
# [https://docs.google.com/file/d/0BzqwG7n2gs71blE5V2pzR29WUDQ/edit?pli=1 Haskell 进阶算子件介绍]
```