# 基干虚拟力的智能交诵系统(LTS-VF)模型

# 大学生园地

# 吴雪兵

(清华大学自动化系自 33 班,北京 100084) 指导教师: 李元杰, 王怀玉 (收稿日期: 2004-11-02)

摘 要 本文定义了一种特殊的力学模型 —— 虚拟力,并在此基础上提出了一种全新的智能交 通系统模型 ——ITS-VF (ITS based on Virtual Force), 以取代传统的信号灯控制系 统,并且针对交叉路口的车流调控进行了分析讨论和数值模拟.该系统模拟带电粒子 在电场力作用下的有序运动,通过引入各向虚拟力,实现交叉路口车流调控的完全自 动化.最后与元胞自动机模型进行了比较.

关键词 虚拟力;智能交通系统;粒子有序运动;元胞自动机

# 1 引言

目前的交叉路口多采用信号灯控制,事先经 过对车流量的调查,运用统计学的方法,将两个方 向的红绿灯延时预先设置好.但实际车流量是不 稳定的,即使通过各种模糊控制算法改进,仍会出 现这样的现象:绿灯方向几乎没什么机动车,而 红灯方向却排着长队,即"绿时浪费".如安排交 警,则增加了人力物力.另一方面,机动车在交叉 路口的暂停或减速,某种程度上都是一种时间损 失:信号灯控制有时难免发生交通事故.因此有必 要发展其他的交叉路口车流调控模型.借鉴粒子 运动中的情况,当多个带同种电荷的粒子在一定 方向的力的作用下,能群体朝着该方向连续运动, 而且不会相互碰撞.因此可以把交通工具视为一 个个相互之间具有斥力的同种粒子,并引入多个 虚拟力,使之向不同方向连续运动而不会相撞. ITS-VF 就是基于此而设计的.

### 2 虚拟力

虚拟力是ITS-VF 模型的一个核心概念,用 来描述特定的空间相互作用. 与牛顿力学中力的 概念相似,遵守牛顿第一、第二定律,但不满足第 三定律.除此之外,可以根据需要赋予其特定的规 则 ITS-VF 中虚拟力包含如下元素:

续体是由施力元构成的连续均匀体.

虚拟力具有如下3条性质:

- (1) 局域性: 所有虚拟力均有作用范围,只在 一定区域内起作用,该区域称为虚拟力力程;
- (2) 单向性:任何状态下,施力元只施力,不 受力;
- (3) 特异性: 仅在力程内,对象元受特定施力 元的虚拟力.

虚拟力大小的计算:ITS-VF 中采用库仑力 公式计算,赋予各元素一定量的电荷,以库仑力作 为虚拟力大小.

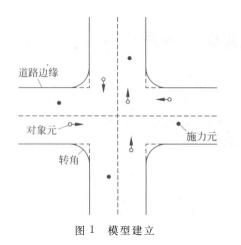
#### 3 模型建立

如图 1,在ITS-VF 模型中,假定交叉路口东 西南北4个驶出通道靠近出口的某处各有一施力 元;将每一机动车视作一带单位虚拟电荷e的对 象元;将道路两侧边缘、中心线及转角边缘视作连 续体,本文主要探讨机动车从进入交叉口到离开交 叉口的过程,在此过程中,系统按照如下法则演化:

(1) 内部法则: 任意两个对象元(机动车)仅 当处于相互虚拟力力程内时,产生虚拟斥力的作 用.通过调节单位电量 e 值及力程 d 可以保证两 车不会相撞.该法则作用于所有时刻.

对于每一对象元 Object;,由内部法则决定的 虚拟力大小为

$$F_{i\,1} = \sum_{j=1}^{N} rac{k_{\,1}}{d_{\,o\,j}} T_{ij}$$



其中 N 为该时刻进入交叉口的机动车总数;常系数  $k_1$  为库仑力中的静电常数与电量积的乘积(下文  $k_2$ , $k_3$ , $k_4$  均类此); $d_{aj}$  为 Object  $_j$  与 Object  $_i$  的距离; $T_{ij}$  为判定是否在对方力程内的参数:在力程之内则为 1,否则为 0(下文同此).

(2) 外边缘法则: 赋予道路边缘和中心线一定量的电荷,使得当对象元(机动车)靠近道路边缘或中心线时,将受到一个使之趋向单行道中心的斥力,于是可以保证机动车尽量行驶在单行道中间而不会驶出,避免交通事故发生.该法则仅作用于交叉路口外部的(将要进入或已经驶出)机动车.

对于每一对象元 Object<sub>i</sub>,由外边缘法则决定的虚拟力为

$$F_{i\,2} = \left(rac{k_{\,2}}{L - L_{\,d}}
ight)^{\,\pi} imes \left(rac{k_{\,2}}{L_{\,d}}
ight)^{\,1 - \pi}$$

其中L 为单行道的宽度; $L_a$  为 Object;与公路中心线的距离; $T_i$  为判定偏向哪一侧的参数;偏向公路边缘则为 1,偏向中心线则为 0.

(3) 内边缘法则: 赋予转角圆弧连续体以一定量的电荷,使得当对象元(机动车)靠近转角边缘时,将受到一个使之远离圆弧(趋向交叉口中心)的斥力,这个力使机动车避免由于目标法则受力而撞向转角圆弧·该法则仅作用于交叉路口内部的(已经进入且尚未驶出)机动车·

对于每一对象元 Object<sub>i</sub>,由内边缘法则决定的虚拟力为

$$F_{i3} = \sum_{i=1}^{4} \frac{k_3}{d_{zii}^2} T_{ij}$$

其中 $d_{zji}$ 为Object<sub>i</sub>到转角连续体j中心的距离.

(4) 目标法则: 当机动车驶入交叉路口时,受

由南进入交叉路口开往正东方向的机动车,可以 认为交叉路口正东方向存在一个物体,此物体只 对开往该方向的机动车具有吸引力作用,从而不 断改变该车的方向(车速大小不变),直至驶出交 叉路口.该法则仅作用于交叉路口内部的(已经进 入目尚未驶出)机动车.

对于每一对象元 Object i,由目标法则决定的虚拟力为

$$F_{i\,4}=rac{k_{\,4}}{d_{\,sj\,i}}{}^2T_{\,ij}$$

其中  $d_{si}$  为 Object i 到相对应的目标施力元i 的距离.

考虑特殊情况,为避免由于正面对峙而产生的长时间相持,提高系统整体运行速度,对内部法则做如下补充.

(5) 避让法则:对处于相互虚拟力程中的两辆车,不转弯机动车不遵守内部法则但遵守其余法则,转弯机动车遵循所有法则.体现为转弯机动车避让不转弯机动车.该法则仅作用于交叉路口内部的(已经进入且尚未驶出)机动车.

说明:转弯是指整个过程而言.

由于避让法则的影响,内部法则决定的方程 修改为

$$F'_{i1} = \sum_{j=1}^{N} \frac{k_1}{d_{aj}} T_{ij} P_{ij}$$

参数  $P_{ij}$  用于判断 Object i 转弯情况 · 若转弯,则  $P_{ii} = 1$ ; 否则为 0 .

综合上述法则考虑,进入交叉口每一对象元 (机动车)Object;,其所受的虚拟力为上述4个力 的矢量合成,即

$$F_{ii} = F'_{i1} + F_{i2} + F_{i3} + F_{i4}$$

Object; 运动方程为

$$F_{ii} = m_i \frac{\mathrm{d}^2 S_i}{\mathrm{d}t^2}$$

# 4 算法实现

本程序采用C++语言编写,在Visual C++6.0环境下开发,结合了OpenGL 三维效果.模拟中设置24辆机动车(小球),每个入口6辆,各两个向左、中、右方向驶去.

对于进入交叉口的每一对象元,依次检验是否进入其他对象元、相应施力元和转角连续体的力积之中,更想提供应注则确定是不以及如何恶

力及改变速度·遍历所有对象元之后,同时改变位移·再进入下一步序,如此循环,直至所有对象元均离开交叉口·

# 5 计算机模拟结果

以下为计算机模拟结果·通过调整各项参数,可以得到较好的效果·各个方向的机动车保持在各自单行道内,而且整个过程非常流畅,实现了预定的全自主、无停滞、零碰撞等目的·

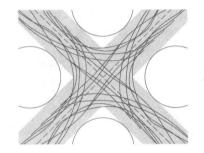


图 2 全过程轨迹图(轨迹交叉不代表相撞)

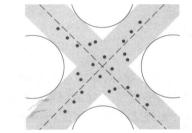


图 3 各向同速进入时直观视图,每一小球 代表一对象元(机动车)

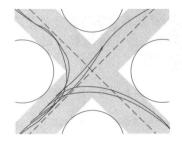


图 4 红色机动车轨迹

### 6 模型实现

ITS-VF 本质是"虚拟物理系统(VPS)→真实信息系统(RIS)→真实物理系统(RPS)".即将虚拟力作用过程中产生的信息(位置、速度等)输入真实交通系统并依据这些信息对其进行调控.

ITS-VF 模型的实际实现,只需在每个路口配备一个中央控制系统,每辆机动车配备一个接收系统和执行系统.进入交叉口后,机动车完全由中央系统操纵,中央系统获得所有进入路口的机动车的初始状态信息,作为ITS-VF 模型的输入,通过模拟得出最佳规则,然后将按照最佳规则模型的每一时步的输出发送到相应的机动车,机动车接收之后,通过执行系统来实现这些输出.

# 7 与元胞自动机模型的比较

元胞自动机是一种空间、时间和状态都离散的动力学模型,适合于复杂系统时空演化过程的动态模拟研究.

目前较多研究者以二维元胞自动机模型研究 平面交叉路口车流控制,可以取得较好的效果.其 做法是:将平面路口视作二维网格平面,每一元 胞代表一辆机动车,每条道路上拥有有限的元胞 (机动车).通过使用简单的规则集将元胞移到另 一元胞处,即实现了机动车运行状态的变化,因此 可以从整体上模拟出平面交叉路口的交通流的变 化特性,进而可以对该平面交叉路口的路口进行分 析,从而实现对该平面交叉路口的有效智能控制.

ITS-VF 模型具有元胞自动机模型的某些特点,其对象元类似于元胞自动机模型中的元胞,同样具有时间上的离散性,所有对象元保持同步更新,每一对象元按照同一法则演化,原状态及邻近单元状态决定下一步序状态.

但ITS-VF 与元胞自动机存在本质上的区别:ITS-VF 的对象元具有空间上的连续性以及无限的状态.具体而言,元胞自动机模型在平面内是以离散的网格确定单元位置,而ITS-VF 的对象元并不局限于规则的网格,一定程度上可以认为是连续的(32位);元胞自动机模型单元状态是有限的,而ITS-VF 对象元的速度等参数的连续性决定了它有无穷多种状态(32位).另外,元胞自动机模型为使动力学保持最简单化,难以考虑大范围变化的速度,而ITS-VF 则没有这个限制.

考虑到上述差别,若要完成类似于ITS-VF的功能,元胞自动机模型将面临巨大的数值计算,是普通PC机上难以实现的ITS-VF之所以没有这样的问题,是因为它并不研究整个平面,而只是

在其他很多方面具有无可比拟的优势.

ITS-VF 的优势并不在于此·其优势在于虚拟力的运用·虚拟力是以所需的效果为研究的切入点,对于实现手段、算法不存在任何限制,可以根据需要自由引入各种规则,自由更改力的作用范围及其大小的计算公式,将原本与相互作用无关的现象用力来量化、计算和模拟,提供了广阔的研究空间.

#### 8 结束语

通过模型仿真,可以看到ITS-VF 已经具有良好的效果,包括全自主、无停滞、零碰撞等目标都可以实现.但仍然存在一些细节问题需要解决.比如对参数的敏感性,实际机动车灵活性较差等.

另外,本文只对较为有序的等速进入进行了讨论和模拟,对于其他情形仍需进一步验证.但是ITS-VF毕竟为交通问题的解决提供了一种全新的思路.

另外,虚拟力的概念及方法,也可以推广到其他领域,比如未来飞行器立体交通控制,

华中科技大学李元杰教授对本文给予了热心的 指导和建议,并提供了编程模拟平台,对此表示感谢.

#### 参考文献

- [1] 诸昌钤·智能交通系统[J]·自动化信息,2003,(4)
- [2] 吴忠,汪明艳,基于元胞自动机的交通流模拟控制[J],计算机工程与应用,2004,(5)
- [3] Bastien Chopard, Michel Dros. Cellular Automata Modeling of Physical Systems. Cambridge University Press. 1998

(上接第58页)

层次 4: 启发学生思考空气阻力f = f(v)的情况,以及炮弹的旋转等因数的影响·(提示:足球的"香蕉球"运动问题等,给学生留下自由探索的余地·)

# [例二]物体沿圆弧滑落问题(分4个层次)

层次 1: 质点模型,忽略摩擦阻力,求 $v = v(\theta)$ .用代数方法求解·(对高中物理的复习,质点下滑过程,机械能守恒,可以用代数方法求解下滑过程质点速度随位置的变化·)

层次 2: 质点模型,忽略摩擦阻力,求v = v(t),或求  $\theta = \theta(t)$ .需要用数值积分方法求解·(层次 2 与层次 1 比较改变了问题求解的目标,质点下滑过程,虽然机械能守恒,但用代数方法得不到质点速度及位置随时间变化关系的解析解·)

层次 3: 质点模型,考虑摩擦阻力,设摩擦系数为常数  $\mu$ ,求  $v=v(\theta)$ . 也需要用数值方法求解微分方程组·(比层次 1 及层次 2 更接近实际情况,这是用代数方法无法求解的问题,让学生在层次 1 与层次 3 的比较中,体会运用微积分的必要性,以及数值计算在解决物理问题中的潜力·)

v(t),  $\theta = \theta(t)$ . 需要用数值方法求解微分方程组·(改变了问题求解的目标; 质点下滑过程, 机械能守恒不成立.)图 3 是  $\mu = 0$  与  $\mu = 0.5$  情况数值解的对比·

# 3 结束语

传统的物理习题,对不存在解析解的问题采取回避的态度,形成了这样的局面:凡习题必有解(解析解)·而现实中有太多的物理问题并非如此·作者认为这不利于培养探索型、创新型人才,创新能力的培养需要加强学生运用所学知识处理实际问题的训练·寓探索、创新于教学实践之中,是教改的方向·改革大学物理习题模式,使解习题的过程成为学生的一种探索与创新实践过程,是一项有益的工作·

# 参 考 文 献

- [1] 张三慧·大学物理学[M]·北京:清华大学出版社,1999
- [2] 东南大学等七所工科院校编·物理学[M]第四版·北京:高等教育出版社,1999
- [3] 李元杰·大学物理 CCBP 教程[M]·武汉:湖北科学技术出版社,2000
- [4] 纪哲锐·数字化经典力学[M]·北京:清华大学出版社,2001
- [5] 陈锤贤·计算物理学[M]·哈尔滨:哈尔滨工业大学出版 社 2001
- [6] Frederick J. Eugene Hecht, Schaum's Outline of Theory and Problems of College Physics [M], McGraw-Hill Inc.