

## 10.2 用 pwr 包做功效分析

Stéphane Champely开发的pwr包可以实现Cohen (1988)描述的功效分析。表10-1列出了一些非常重要的函数。对于每个函数,用户可以设定四个量(样本大小、显著性水平、功效和效应值)中的三个量,第四个量将由软件计算出来。

表10-1 pwr包中的函数

函 数	功效计算的对象
<code>pwr.2p.test()</code>	两比例 ( $n$ 相等)
<code>pwr.2p2n.test()</code>	两比例 ( $n$ 不相等)
<code>pwr.anova.test()</code>	平衡的单因素ANOVA
<code>pwr.chisq.test()</code>	卡方检验
<code>pwr.f2.test()</code>	广义线性模型
<code>pwr.p.test()</code>	比例 (单样本)
<code>pwr.r.test()</code>	相关系数
<code>pwr.t.test()</code>	t检验 (单样本、两样本、配对)
<code>pwr.t2n.test()</code>	t检验 ( $n$ 不相等的两样本)

四个量中,效应值是最难规定的。计算效应值通常需要一些相关估计的经验和对过去研究知识的理解。但是如果在一个特定的研究中,你对需要的效应值一无所知,该怎么做呢? 10.2.7节将会讨论这个难题。本节接下来介绍pwr包在常见统计检验中的应用。在调用以上函数时,请确定已经安装并载入pwr包。

### 10.2.1 t 检验

对于t检验, `pwr.t.test()` 函数提供了许多有用的功效分析选项, 格式为:

```
pwr.t.test(n=, d=, sig.level=, power=, alternative=)
```

其中元素解释如下。

- $n$ 为样本大小。
- $d$ 为效应值, 即标准化的均值之差。

$$d = \frac{\mu_1 - \mu_2}{\sigma} \quad \text{其中} \quad \begin{aligned} \mu_1 &= \text{组1均值} \\ \mu_2 &= \text{组2均值} \\ \sigma^2 &= \text{误差方差} \end{aligned}$$

- `sig.level`表示显著性水平 (默认为0.05)。
- `power`为功效水平。
- `type`指检验类型: 双样本t检验 (`two.sample`)、单样本t检验 (`one.sample`) 或相依样本t检验 (`paired`)。默认为双样本t检验。

□ `alternative`指统计检验是双侧检验 (`two.sided`) 还是单侧检验 (`less`或`greater`)。默认为双侧检验。

让我们举例说明函数的用法。仍继续10.1节使用手机与驾驶反应时间的实验, 假定将使用双尾独立样本t检验来比较两种情况下驾驶员的反应时间均值。

如果你根据过去的经验知道反应时间有1.25 s的标准偏差, 并认定反应时间1 s的差值是巨大的差异, 那么在这个研究中, 可设定要检测的效应值为 $d=1/1.25=0.8$ 或者更大。另外, 如果差异存在, 你希望有90%的把握检测到它, 由于随机变异性的存在, 你也希望有95%的把握不会误报差异显著。这时, 对于该研究需要多少受试者呢?

将这些信息输入到`pwr.t.test()`函数中, 形式如下:

```
> library(pwr)
> pwr.t.test(d=.8, sig.level=.05, power=.9, type="two.sample",
  alternative="two.sided")
```

Two-sample t test power calculation

```
      n = 34
      d = 0.8
sig.level = 0.05
  power = 0.9
alternative = two.sided
```

NOTE: n is number in \*each\* group

结果表明, 每组中你需要34个受试者 (总共68人), 这样才能保证有90%的把握检测到0.8的效应值, 并且最多5%的可能性会误报差异存在。

现在变化一下这个问题。假定在比较这两种情况时, 你想检测到总体均值0.5个标准偏差的差异, 并且将误报差异的几率限制在1%内。此外, 你能获得的受试者只有40人。那么在该研究中, 你能检测到这么大总体均值差异的概率是多少呢?

假定每种情况下受试者数目相同, 可以如下操作:

```
> pwr.t.test(n=20, d=.5, sig.level=.01, type="two.sample",
  alternative="two.sided")
```

Two-sample t test power calculation

```
      n = 20
      d = 0.5
sig.level = 0.01
  power = 0.14
alternative = two.sided
```

NOTE: n is number in \*each\* group

结果表明, 在0.01的先验显著性水平下, 每组20个受试者, 因变量的标准差为1.25 s, 有低于14%的可能性断言差值为0.625 s或者不显著 ( $d=0.5=0.625/1.25$ )。换句话说, 你将有86%的可能性错过你要寻找的效应值。因此, 可能需要慎重考虑要投入到该研究中的时间和精力。

上面的例子都是假定两组中样本大小相等, 如果两组中样本大小不同, 可用函数:

```
pwr.t2n.test(n1=, n2=, d=, sig.level=, power=, alternative=)
```

此处, `n1`和`n2`是两组的样本大小, 其他参数含义与`pwr.t.test()`的相同。可以尝试改变`pwr.t2n.test()`<sup>①</sup>函数中的参数值, 看看输出的效应值如何变化。

## 10.2.2 方差分析

`pwr.anova.test()`函数可以对平衡单因素方差分析进行功效分析。格式为:

```
pwr.anova.test(k=, n=, f=, sig.level=, power=)
```

其中, `k`是组的个数, `n`是各组中的样本大小。

对于单因素方差分析, 效应值可通过`f`来衡量:

$$f = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^k p_i \times (\mu_i - \mu)^2}{\sigma^2}}$$

其中,  $p_i = n_i/N$ ,

$n_i$  = 组 $i$ 的观测数目

$N$  = 总观测数目

$\mu_i$  = 组 $i$ 均值

$\mu$  = 总体均值

$\sigma^2$  = 组内误差方差

让我们举例说明函数用法。现对五个组做单因素方差分析, 要达到0.8的功效, 效应值为0.25, 并选择0.05的显著性水平, 计算各组需要的样本大小。代码如下:

```
> pwr.anova.test(k=5, f=.25, sig.level=.05, power=.8)
```

```
Balanced one-way analysis of variance power calculation
```

```
      k = 5
      n = 39
      f = 0.25
sig.level = 0.05
power = 0.8
```

NOTE: n is number in each group

结果表明, 总样本大小为 $5 \times 39$ , 即195。注意, 本例中需要估计在同方差时五个组的均值。如果你对上述情况都一无所知, 10.2.7节提供的方法可能会有所帮助。

## 10.2.3 相关性

`pwr.r.test()`函数可以对相关性分析进行功效分析。格式如下:

```
pwr.r.test(n=, r=, sig.level=, power=, alternative=)
```

其中, `n`是观测数目, `r`是效应值(通过线性相关系数衡量), `sig.level`是显著性水平, `power`是功效水平, `alternative`指定显著性检验是双边检验(`two.sided`)还是单边检验(`less`或`greater`)。

假定正在研究抑郁与孤独的关系。你的零假设和研究假设为:

① R中函数名称后面最好加上()<sub>0</sub>。——译者注

$H_0: \rho \leq 0.25$  和  $H_1: \rho > 0.25$

其中,  $\rho$  是两个心理变量的总体相关性大小。你设定显著性水平为0.05, 而且如果 $H_0$ 是错误的, 你想有90%的信心拒绝 $H_0$ , 那么研究需要多少观测呢? 下面的代码给出了答案:

```
> pwr.r.test(r=.25, sig.level=.05, power=.90, alternative="greater")

approximate correlation power calculation (arctangh transformation)

      n = 134
      r = 0.25
sig.level = 0.05
  power = 0.9
alternative = greater
```

因此, 要满足以上要求, 你需要134个受试者来评价抑郁与孤独的关系, 以便在零假设为假的情况下有90%的信心拒绝它。

## 10.2.4 线性模型

对于线性模型 (比如多元回归), `pwr.f2.test()` 函数可以完成相应的功效分析, 格式为:

```
pwr.f2.test(u=, v=, f2=, sig.level=, power=)
```

其中,  $u$  和  $v$  分别是分子自由度和分母自由度,  $f2$  是效应值。

$$f^2 = \frac{R^2}{1 - R^2} \quad \text{其中 } R^2 = \text{多重相关性的总体平方值}$$

$$f^2 = \frac{R_{AB}^2 - R_A^2}{1 - R_{AB}^2} \quad \begin{array}{l} \text{其中 } R_A^2 = \text{集合 } A \text{ 中变量对总体方差的解释率}^{①} \\ R_{AB}^2 = \text{集合 } A \text{ 和 } B \text{ 中变量对总体方差的解释率} \end{array}$$

当要评价一组预测变量对结果的影响程度时, 适宜用第一个公式来计算  $f2$ ; 当要评价一组预测变量对结果的影响超过第二组变量 (协变量) 多少时, 适宜用第二个公式。

现假设你想研究老板的领导风格对员工满意度的影响, 是否超过薪水和工作小费对员工满意度的影响。领导风格可用四个变量来评估, 薪水和薪水与三个变量有关。过去的经验表明, 薪水和薪水能够解释约30%的员工满意度的方差。而从现实出发, 领导风格至少能解释35%的方差。假定显著性水平为0.05, 那么在90%的置信度情况下, 你需要多少受试者才能得到这样的方差贡献率呢?

此处,  $\text{sig.level} = 0.05$ ,  $\text{power} = 0.90$ ,  $u = 3$  (总预测变量数减去集合B中的预测变量数), 效应值为  $f2 = (0.35 - 0.30)/(1 - 0.35) = 0.0769$ 。将这些信息输入到函数中:

```
> pwr.f2.test(u=3, f2=0.0769, sig.level=0.05, power=0.90)
```

```
Multiple regression power calculation
```

```
u = 3
```

① 也常称作方差贡献率。——译者注