

1. 生成几组指数分布伪随机数，参数自定，尝试用 χ^2 检验方法进行检验。

选定参数 λ 为5，生成一组长度为20的伪随机数为：

0.0834, 0.6665, 0.0327, 0.0137, 0.0775, 0.0555, 0.0594, 0.1872, 0.0845, 0.3530, 0.0696, 0.6895, 0.2568, 0.6151, 0.4663, 0.0388, 0.0728, 0.2297, 0.0102, 0.6737

利用 χ^2 检验：

选定 $d=1000$ ，则上述序列变为：

84, 666, 32, 13, 77, 55, 59, 187, 84, 353, 69, 689, 256, 615, 466, 38, 72, 229, 10, 673

其中，84出现2次，其余数均出现1次。

$$\begin{aligned} X &= \sum_{i=1}^{1000} \frac{(N_i - 20 * 1/1000)^2}{20 * 1/1000} \\ &= 980 * 20/1000 + 19 * \frac{(1 - 20 * 1/1000)^2}{20 * 1/1000} \\ &\quad + \frac{(2 - 20 * 1/1000)^2}{20 * 1/1000} \\ &= 1128 \end{aligned}$$

X近似服从自由度为999为的 χ^2 分布。

而 $P(\chi^2(999) \geq 1128) = 0.0027 < 0.1$

故，不可以接受这组数据来自参数为5的指数分布。

选定参数 λ 为1，生成一组长度为20的伪随机数为：

0.8238, 0.9635, 0.2672, 0.2292, 1.6673, 0.7138, 0.8084, 0.4365, 0.3434, 0.2815, 1.2873, 0.2861, 0.4230, 1.8164, 2.1287, 0.6964, 0.0411, 1.0777, 0.5357, 1.4969

利用 χ^2 检验：

选定 $d=100$ ，则上述序列变为：

82, 96, 26, 22, 167, 71, 80, 43, 34, 28, 128, 38, 42, 181, 212, 69, 4, 107, 53, 149

均出现1次。

$$\begin{aligned} X &= \sum_{i=1}^{100} \frac{(N_i - 20 * 1/100)^2}{20 * 1/100} \\ &= 80 * 20/100 + 20 * \frac{(1 - 20 * 1/100)^2}{20 * 1/100} \\ &= 80 \end{aligned}$$

X近似服从自由度为99为的 χ^2 分布。

而 $P(\chi^2(99) \geq 80) = 0.9192 > 0.1$

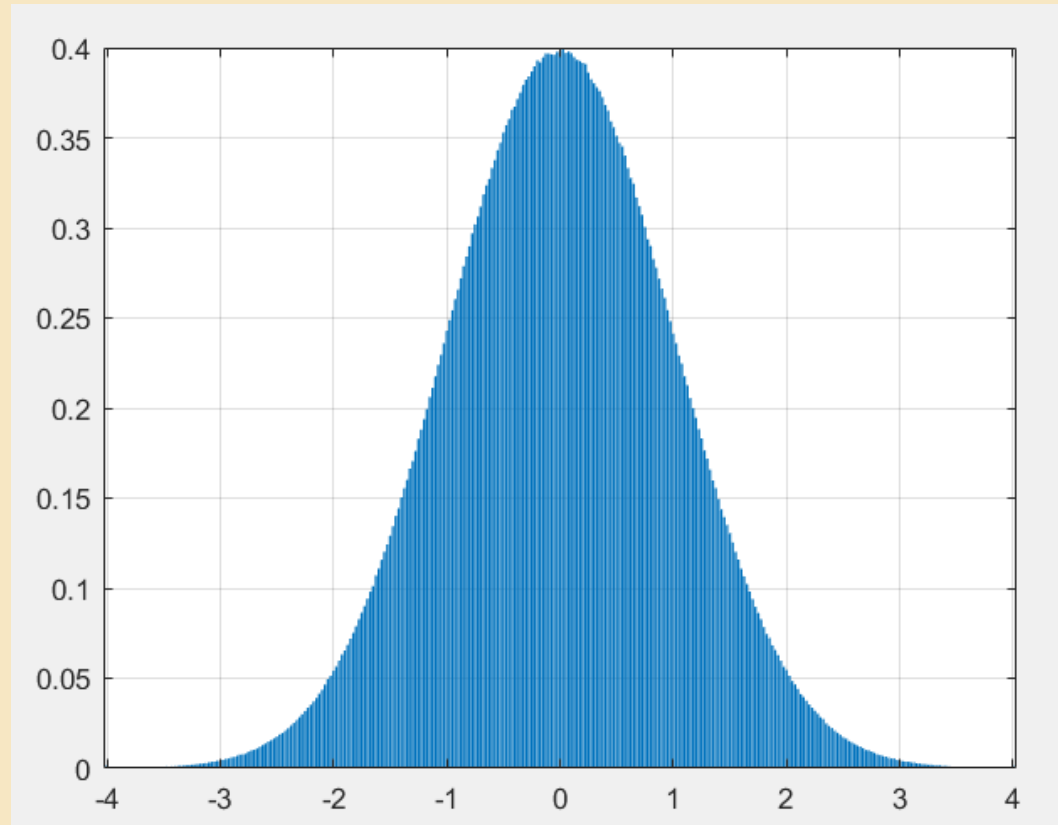
故，可以接受这组数据来自参数为1的指数分布。

2. 利用下面的方法生成标准正态分布伪随机数，并进行对比

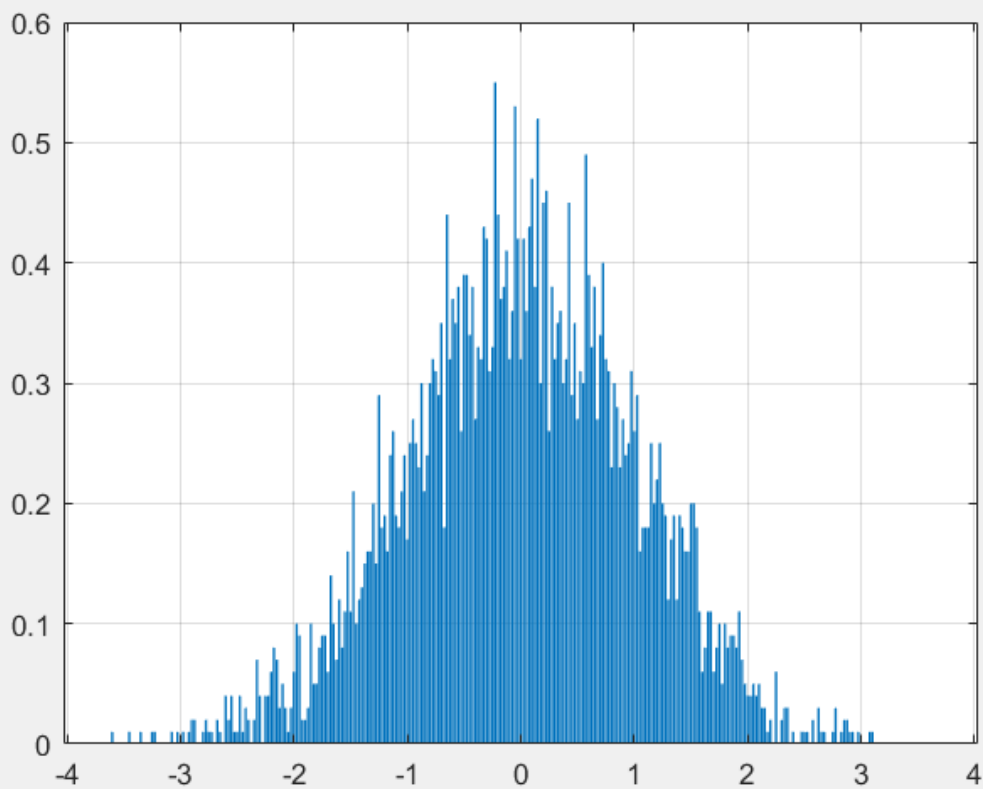
- (1). MATLAB自带命令randn;
- (2). 12个 $[0,1]$ 区间均匀随机数相加，标准化;
- (3). 6个 $[0,1]$ 区间均匀随机数相加，标准化;
- (4). 线性同余生成器 $X_i = BX_{i-1} + A \mod m$, 以及Box-Muller变换
其中 $m = 2^{31} - 1, B = 65539, A = 0, X_0 = 23$ 。

生成一组长度为4000的随机数组，画出齐归一化后的直方图：

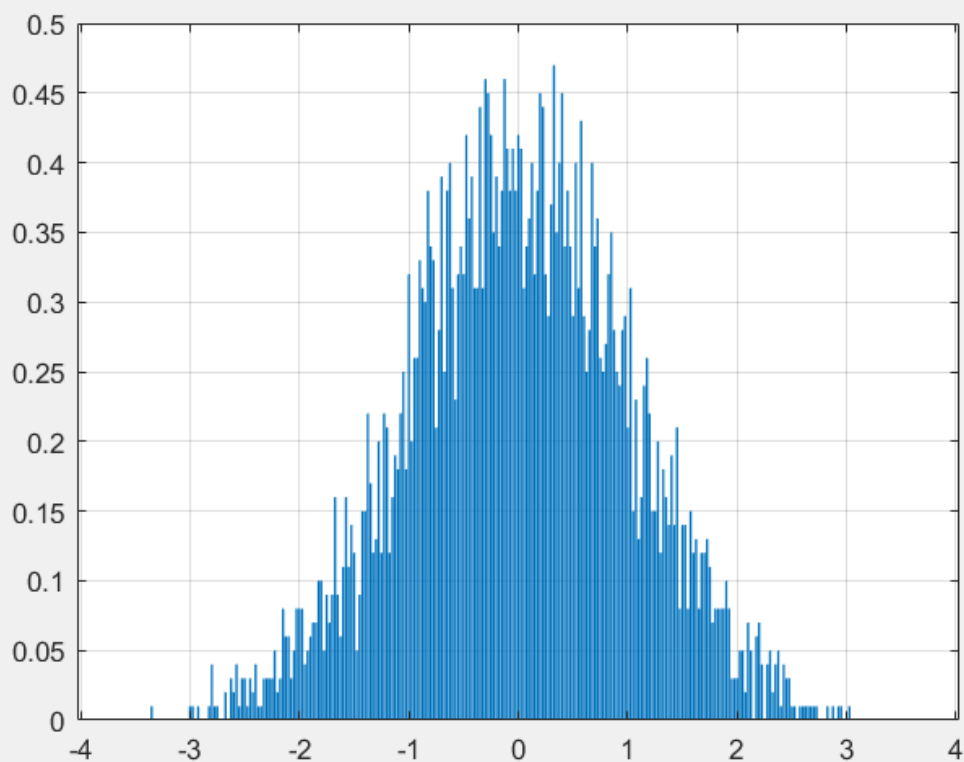
(1)自带命令randn:



(2)12个 $[0,1]$ 区间均匀随机数相加，标准化:



(3)6个[0,1]区间均匀随机数相加，标准化：



(4)线性同余生成器及Box-Muller变换：

