#### **(2)**

# 09 | 数值计算: 注意精度、舍入和溢出问题

2020-03-28 朱晔

Java 业务开发常见错误 100 例

进入课程 >



讲述: 王少泽

时长 14:42 大小 13.48M



你好,我是朱晔。今天,我要和你说说数值计算的精度、舍入和溢出问题。

之所以要单独分享数值计算,是因为很多时候我们习惯的或者说认为理所当然的计算,在计算器或计算机看来并不是那么回事儿。就比如前段时间爆出的一条新闻,说是手机计算器把10%+10% 算成了 0.11 而不是 0.2。

在我看来, 计算器或计算机会得到反直觉的计算结果的原因, 可以归结为:

在人看来, 浮点数只是具有小数点的数字, 0.1 和 1 都是一样精确的数字。但, 计算机 其实无法精确保存浮点数, 因此浮点数的计算结果也不可能精确。

在人看来,一个超大的数字只是位数多一点而已,多写几个 1 并不会让大脑死机。但,计算机是把数值保存在了变量中,不同类型的数值变量能保存的数值范围不同,当数值超过类型能表达的数值上限则会发生溢出问题。

接下来,我们就具体看看这些问题吧。

## "危险"的 Double

我们先从简单的反直觉的四则运算看起。对几个简单的浮点数进行加减乘除运算:

```
1 System.out.println(0.1+0.2);
2 System.out.println(1.0-0.8);
3 System.out.println(4.015*100);
4 System.out.println(123.3/100);
5
6 double amount1 = 2.15;
7 double amount2 = 1.10;
8 if (amount1 - amount2 == 1.05)
9 System.out.println("OK");
```

### 输出结果如下:

可以看到,输出结果和我们预期的很不一样。比如,0.1+0.2 输出的不是0.3 而是0.30000000000000004; 再比如,对2.15-1.10和1.05判等,结果判等不成立。

出现这种问题的主要原因是,计算机是以二进制存储数值的,浮点数也不例外。Java 采用了 ○ IEEE 754 标准实现浮点数的表达和运算,你可以通过 ○ 这里查看数值转化为二进制的结果。

比如, 0.1 的二进制表示为 0.0 0011 0011 0011... (0011 无限循环), 再转换为十进制就 是 0.100000000000000055511151231257827021181583404541015625。**对于计算 机而言, 0.1 无法精确表达, 这是浮点数计算造成精度损失的根源。** 

你可能会说,以 0.1 为例,其十进制和二进制间转换后相差非常小,不会对计算产生什么影响。但,所谓积土成山,如果大量使用 double 来作大量的金钱计算,最终损失的精度就是大量的资金出入。比如,每天有一百万次交易,每次交易都差一分钱,一个月下来就差30 万。这就不是小事儿了。那,如何解决这个问题呢?

我们大都听说过 BigDecimal 类型,浮点数精确表达和运算的场景,一定要使用这个类型。不过,在使用 BigDecimal 时有几个坑需要避开。我们用 BigDecimal 把之前的四则运算改一下:

```
1 System.out.println(new BigDecimal(0.1).add(new BigDecimal(0.2)));
2 System.out.println(new BigDecimal(1.0).subtract(new BigDecimal(0.8)));
3 System.out.println(new BigDecimal(4.015).multiply(new BigDecimal(100)));
4 System.out.println(new BigDecimal(123.3).divide(new BigDecimal(100)));
```

#### 输出如下:

可以看到,运算结果还是不精确,只不过是精度高了而已。这里给出浮点数运算避坑第一原则:使用 BigDecimal 表示和计算浮点数,且务必使用字符串的构造方法来初始化 BigDecimal:

```
1 System.out.println(new BigDecimal("0.1").add(new BigDecimal("0.2")));
2 System.out.println(new BigDecimal("1.0").subtract(new BigDecimal("0.8")));
3 System.out.println(new BigDecimal("4.015").multiply(new BigDecimal("100")));
4 System.out.println(new BigDecimal("123.3").divide(new BigDecimal("100")));
```

改进后,就能得到我们想要的输出了:

```
1 0.3
2 0.2
3 401.500
4 1.233
```

到这里,你可能会继续问,不能调用 BigDecimal 传入 Double 的构造方法,但手头只有一个 Double,如何转换为精确表达的 BigDecimal 呢?

我们试试用 Double.toString 把 double 转换为字符串,看看行不行?

```
□ 复制代码
□ System.out.println(new BigDecimal("4.015").multiply(new BigDecimal(Double.toSt
```

输出为 401.5000。与上面字符串初始化 100 和 4.015 相乘得到的结果 401.500 相比,这里为什么多了 1 个 0 呢?原因就是,BigDecimal 有 scale 和 precision的概念,scale 表示小数点右边的位数,而 precision表示精度,也就是有效数字的长度。

调试一下可以发现, new BigDecimal(Double.toString(100)) 得到的 BigDecimal 的 scale=1、precision=4; 而 new BigDecimal("100")得到的 BigDecimal 的 scale=0、precision=3。对于 BigDecimal 乘法操作,返回值的 scale 是两个数的 scale 相加。所以,初始化 100 的两种不同方式,导致最后结果的 scale 分别是 4 和 3。

如果一定要用 Double 来初始化 BigDecimal 的话,可以使用 BigDecimal.valueOf 方法,以确保其表现和字符串形式的构造方法一致,这也是 ❷ 官方文档更推荐的方式:

```
□ 复制代码

□ System.out.println(new BigDecimal("4.015").multiply(BigDecimal.valueOf(100)));
```

BigDecimal 的 toString 方法得到的字符串和 scale 相关,又会引出了另一个问题:对于 浮点数的字符串形式输出和格式化,我们应该考虑显式进行,通过格式化表达式或格式化工 具来明确小数位数和舍入方式。接下来,我们就聊聊浮点数舍入和格式化。

### 考虑浮点数舍入和格式化的方式

除了使用 Double 保存浮点数可能带来精度问题外,更匪夷所思的是这种精度问题,加上 String.format 的格式化舍入方式,可能得到让人摸不着头脑的结果。

我们看一个例子吧。首先用 double 和 float 初始化两个 3.35 的浮点数,然后通过 String.format 使用 %.1f 来格式化这 2 个数字:

```
① double num1 = 3.35;
2 float num2 = 3.35f;
3 System.out.println(String.format("%.1f", num1));//四舍五入
4 System.out.println(String.format("%.1f", num2));
```

得到的结果居然是 3.4 和 3.3。

这就是由精度问题和舍入方式共同导致的, double 和 float 的 3.35 其实相当于 3.350xxx 和 3.349xxx:

```
    1 3.35000000000000088817841970012523233890533447265625
    2 3.349999904632568359375
```

String.format 采用四舍五入的方式进行舍入,取 1 位小数,double 的 3.350 四舍五入为 3.4,而 float 的 3.349 四舍五入为 3.3。

我们看一下 Formatter 类的相关源码,可以发现使用的舍入模式是 HALF\_UP (代码第 11 行):

```
1 else if (c == Conversion.DECIMAL_FLOAT) {
2    // Create a new BigDecimal with the desired precision.
3    int prec = (precision == -1 ? 6 : precision);
4    int scale = value.scale();
5    if (scale > prec) {
7        // more "scale" digits than the requested "precision" int compPrec = value.precision();
```

```
if (compPrec <= scale) {</pre>
10
                // case of 0.xxxxxx
                value = value.setScale(prec, RoundingMode.HALF_UP);
11
12
            } else {
                compPrec -= (scale - prec);
13
14
                value = new BigDecimal(value.unscaledValue(),
15
                                         scale,
16
                                         new MathContext(compPrec));
17
            }
18
        }
```

如果我们希望使用其他舍入方式来格式化字符串的话,可以设置 DecimalFormat,如下代码所示:

```
1 double num1 = 3.35;
2 float num2 = 3.35f;
3 DecimalFormat format = new DecimalFormat("#.##");
4 format.setRoundingMode(RoundingMode.DOWN);
5 System.out.println(format.format(num1));
6 format.setRoundingMode(RoundingMode.DOWN);
7 System.out.println(format.format(num2));
```

当我们把这 2 个浮点数向下舍入取 2 位小数时,输出分别是 3.35 和 3.34,还是我们之前说的浮点数无法精确存储的问题。

因此,即使通过 DecimalFormat 来精确控制舍入方式,double 和 float 的问题也可能产生意想不到的结果,所以浮点数避坑第二原则:**浮点数的字符串格式化也要通过** BigDecimal 进行。

比如下面这段代码,使用 BigDecimal 来格式化数字 3.35,分别使用向下舍入和四舍五入方式取 1 位小数进行格式化:

```
1 BigDecimal num1 = new BigDecimal("3.35");
2 BigDecimal num2 = num1.setScale(1, BigDecimal.ROUND_DOWN);
3 System.out.println(num2);
4 BigDecimal num3 = num1.setScale(1, BigDecimal.ROUND_HALF_UP);
5 System.out.println(num3);
```

# 用 equals 做判等,就一定是对的吗?

现在我们知道了,应该使用 BigDecimal 来进行浮点数的表示、计算、格式化。在上一讲介绍②判等问题时,我提到一个原则:包装类的比较要通过 equals 进行,而不能使用 ==。那么,使用 equals 方法对两个 BigDecimal 判等,一定能得到我们想要的结果吗?

我们来看下面的例子。使用 equals 方法比较 1.0 和 1 这两个 BigDecimal:

```
□ 复制代码

1 System.out.println(new BigDecimal("1.0").equals(new BigDecimal("1")))
```

你可能已经猜到我要说什么了,结果当然是 false。BigDecimal 的 equals 方法的注释中说明了原因,equals 比较的是 BigDecimal 的 value 和 scale,1.0 的 scale 是 1, 1 的 scale 是 0, 所以结果一定是 false:

```
■ 复制代码
 1 /**
 2 * Compares this {@code BigDecimal} with the specified
   * {@code Object} for equality. Unlike {@link
   * #compareTo(BigDecimal) compareTo}, this method considers two
   * {@code BigDecimal} objects equal only if they are equal in
    * value and scale (thus 2.0 is not equal to 2.00 when compared by
7
   * this method).
   * @param x {@code Object} to which this {@code BigDecimal} is
9
             to be compared.
10
11
   * @return {@code true} if and only if the specified {@code Object} is a
12
             {@code BigDecimal} whose value and scale are equal to this
13
             {@code BigDecimal}'s.
   * @see
            #compareTo(java.math.BigDecimal)
15
             #hashCode
   * @see
   */
16
17 @Override
18 public boolean equals(Object x)
```

**如果我们希望只比较 BigDecimal 的 value,可以使用 compareTo 方法**,修改后代码如下:

```
□ 复制代码

□ System.out.println(new BigDecimal("1.0").compareTo(new BigDecimal("1"))==0);
```

学过上一讲,你可能会意识到 BigDecimal 的 equals 和 hashCode 方法会同时考虑 value 和 scale,如果结合 HashSet 或 HashMap 使用的话就可能会出现麻烦。比如,我们把值为 1.0 的 BigDecimal 加入 HashSet,然后判断其是否存在值为 1 的 BigDecimal,得到的结果是 false:

```
1 Set<BigDecimal> hashSet1 = new HashSet<>();
2 hashSet1.add(new BigDecimal("1.0"));
3 System.out.println(hashSet1.contains(new BigDecimal("1")));//返回false
```

### 解决这个问题的办法有两个:

第一个方法是,使用 TreeSet 替换 HashSet。TreeSet 不使用 hashCode 方法,也不使用 equals 比较元素,而是使用 compareTo 方法,所以不会有问题。

```
1 Set<BigDecimal> treeSet = new TreeSet<>();
2 treeSet.add(new BigDecimal("1.0"));
3 System.out.println(treeSet.contains(new BigDecimal("1")));//返回true
```

第二个方法是,把 BigDecimal 存入 HashSet 或 HashMap 前,先使用 stripTrailingZeros 方法去掉尾部的零,比较的时候也去掉尾部的 0,确保 value 相同的 BigDecimal,scale 也是一致的:

```
1 Set<BigDecimal> hashSet2 = new HashSet<>();
2 hashSet2.add(new BigDecimal("1.0").stripTrailingZeros());
3 System.out.println(hashSet2.contains(new BigDecimal("1.000").stripTrailingZeros
```

# 小心数值溢出问题

数值计算还有一个要小心的点是溢出,不管是 int 还是 long,所有的基本数值类型都有超出表达范围的可能性。

比如,对 Long 的最大值进行 +1 操作:

```
1 long l = Long.MAX_VALUE;
2 System.out.println(l + 1);
3 System.out.println(l + 1 == Long.MIN_VALUE);
```

输出结果是一个负数,因为 Long 的最大值 +1 变为了 Long 的最小值:

```
□ 复制代码

1 -9223372036854775808

2 true
```

**显然这是发生了溢出,而且是默默的溢出,并没有任何异常**。这类问题非常容易被忽略,改进方式有下面 2 种。

方法一是,考虑使用 Math 类的 addExact、subtractExact 等 xxExact 方法进行数值运算,这些方法可以在数值溢出时主动抛出异常。我们来测试一下,使用 Math.addExact 对 Long 最大值做 +1 操作:

```
1 try {
2   long l = Long.MAX_VALUE;
3   System.out.println(Math.addExact(l, 1));
4 } catch (Exception ex) {
5   ex.printStackTrace();
6 }
```

执行后,可以得到 ArithmeticException, 这是一个 RuntimeException:

```
りません。

1 java.lang.ArithmeticException: long overflow

2 at java.lang.Math.addExact(Math.java:809)
```

```
at org.geekbang.time.commonmistakes.numeralcalculations.demo3.CommonMistakes.
```

4 at org.geekbang.time.commonmistakes.numeralcalculations.demo3.CommonMistakes.

方法二是,使用大数类 BigInteger。BigDecimal 是处理浮点数的专家,而 BigInteger 则是对大数进行科学计算的专家。

如下代码,使用 BigInteger 对 Long 最大值进行 +1 操作;如果希望把计算结果转换一个 Long 变量的话,可以使用 BigInteger 的 longValueExact 方法,在转换出现溢出时,同样会抛出 ArithmeticException:

```
1 BigInteger i = new BigInteger(String.valueOf(Long.MAX_VALUE));
2 System.out.println(i.add(BigInteger.ONE).toString());
3
4 try {
5 long l = i.add(BigInteger.ONE).longValueExact();
6 } catch (Exception ex) {
7 ex.printStackTrace();
8 }
```

### 输出结果如下:

```
1 9223372036854775808
2 java.lang.ArithmeticException: BigInteger out of long range
3 at java.math.BigInteger.longValueExact(BigInteger.java:4632)
4 at org.geekbang.time.commonmistakes.numeralcalculations.demo3.CommonMistakes.
5 at org.geekbang.time.commonmistakes.numeralcalculations.demo3.CommonMistakes.
```

可以看到,通过 BigInteger 对 Long 的最大值加 1 一点问题都没有,当尝试把结果转换为 Long 类型时,则会提示 BigInteger out of long range。

# 重点回顾

今天, 我与你分享了浮点数的表示、计算、舍入和格式化、溢出等涉及的一些坑。

第一,切记,要精确表示浮点数应该使用 BigDecimal。并且,使用 BigDecimal 的 Double 入参的构造方法同样存在精度丢失问题,应该使用 String 入参的构造方法或者 BigDecimal.valueOf 方法来初始化。

第二,对浮点数做精确计算,参与计算的各种数值应该始终使用 BigDecimal,所有的计算都要通过 BigDecimal 的方法进行,切勿只是让 BigDecimal 来走过场。任何一个环节出现精度损失,最后的计算结果可能都会出现误差。

第三,对于浮点数的格式化,如果使用 String.format 的话,需要认识到它使用的是四舍五入,可以考虑使用 DecimalFormat 来明确指定舍入方式。但考虑到精度问题,我更建议使用 BigDecimal 来表示浮点数,并使用其 setScale 方法指定舍入的位数和方式。

第四,进行数值运算时要小心溢出问题,虽然溢出后不会出现异常,但得到的计算结果是完全错误的。我们考虑使用 Math.xxxExact 方法来进行运算,在溢出时能抛出异常,更建议对于可能会出现溢出的大数运算使用 BigInteger 类。

总之,对于金融、科学计算等场景,请尽可能使用 BigDecimal 和 BigInteger,避免由精度和溢出问题引发难以发现,但影响重大的 Bug。

今天用到的代码,我都放在了 GitHub 上,你可以点击 ⊘这个链接查看。

# 思考与讨论

- 1. ❷ BigDecimal提供了 8 种舍入模式,你能通过一些例子说说它们的区别吗?
- 2. 数据库 (比如 MySQL) 中的浮点数和整型数字, 你知道应该怎样定义吗? 又如何实现浮点数的准确计算呢?

针对数值运算,你还遇到过什么坑吗?我是朱晔,欢迎在评论区与我留言分享你的想法,也欢迎你把这篇文章分享给你的朋友或同事,一起交流。

# 点击参与 🏖

进入朱晔老师「读者群」带你 攻克 Java 业务开发常见错误



添加Java班长,报名入群



新版升级:点击「探请朋友读」,20位好友免费读,邀请订阅更有现金奖励。

© 版权归极客邦科技所有,未经许可不得传播售卖。 页面已增加防盗追踪,如有侵权极客邦将依法追究其法律责任。

上一篇 08 | 判等问题:程序里如何确定你就是你?

下一篇 10 | 集合类: 坑满地的List列表操作

## 精选留言 (13)





#### Darren

2020-03-28

精度问题遇到的比较少,可能与从事非金融行业有关系,试着回答下问题 第一种问题

1、ROUND UP

舍入远离零的舍入模式。

在丟弃非零部分之前始终增加数字(始终对非零舍弃部分前面的数字加1)。 ... 展开 >

作者回复: 凸

<u>...</u> 2



double\float精度问题,会导致一些结果不是我们想要的。比如3.35 其实如果用double表示,则是3.34900000,如果用float表示,则是3.500000所以控制精度不能用他们。 浮点数的字符串格式化也要通过 BigDecimal 进行。

BigDecimal num1 = new BigDecimal("3.35");...

展开~





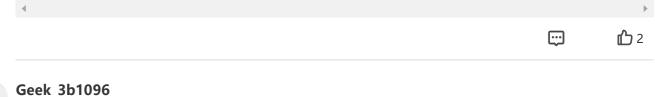
**(** 

2020-03-28

想请教一下。关于金额。

还存在 使用Long类型的分存储,以及封装的money对象存储的方式。这两种方式适合解决金额类的精度丢失问题嘛?

作者回复: 用分存储是可以(解决精度问题),但是容易出错,万一读的时候忘记/100或者是存的时候忘记\*100,可能会引起重大问题,还是使用DECIMAL(13, 2) /DECIMAL(13, 4) 存比较好。





用equals对两BigDecimal判等...之前就被坑了

展开~

**⊕ △** 1



#### hellojd

2020-03-28

还有 bigdecimal的值对比,也是问题

展开~





#### hellojd

2020-03-28

对账时, 涉及double求和,遇到了

展开٧





第一个问题, BigDecimal 的 8 中 Round模式, 分别是

- 1.ROUND UP: 向上取整,如 5.1 被格式化后为 6,如果是负数则与直观上不一致,如 -
- 1.1 会变成 -2。2.ROUND DOWN: 向下取整,与 ROUND UP 相反。
- 3.ROUND\_CEILING:正负数分开版的取整,如果是正数,则与ROUND\_UP一样,如果是负数则与ROUND\_DOWN一样。...

展开٧

作者回复: 凸





### 梦倚栏杆

2020-03-28

0.45和0.55也有这个问题。double a=0.45,可以输出0.45,double b =1-0.55=0.44444444444



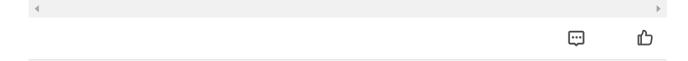


#### 伍嘉儒

2020-04-01

感谢老师,看完这篇文章,改了BigDecimal工具类,避免了一个事故。

作者回复: 赞





#### **Monday**

2020-03-29

手机计算器把 10%+10% 算成了 0.11 而不是 0.2。 读到这里,吓得我赶快掏出安卓机算了下





#### 吴国帅

2020-03-29

真棒 get到知识了!

展开~

作者回复: 觉得好可以多转发分享





我们现在对金额的计算都是用分做单位处理 展开~

