

```

1 //日期: 2018/ 时间:
2 /*
3 考虑如何从一个无序数组中求出第K大的数。最直接的想法是对数组排序, 然后直接取出第K个元 ➤
   素。但是这样的复杂度为 $O(n\log n)$ 
4   而随机选择算法的期望复杂度为 $O(n)$ 
5 随机选择算法的原理:
6   对A[left,right]执行一次randPartition函数后, 主元左侧的元素个数就是确定的, 且它 ➤
   们都小于主元。
7   假设此时主元是A[p],那么A[p]就是A[left,right]中的第i-left+1大的数。
8   令M=i-left+1, 如果K==M成立, 那么第K大的数就是主元A[p];
9   如果K<M成立, 那么第K大的数在主元左侧(即A[left,p-1]中第K大的数), ➤
   往左递归即可;
10  如果K>M成立, 那么第K大的数在主元右侧(即A[p+1,right]中第K-M大的 ➤
   数), 往右递归即可。
11  算法以left==right作为递归边界, 返回A[left]
12 代码如下: int randSelect(int A[],int left,int right,int K)
13 */
14 #include <stdio.h>
15 #include <stdlib.h>
16 #include <time.h>
17 #include <math.h>
18 #include <algorithm>
19 using namespace std;
20
21 const int maxn = 100010;
22 int A[maxn],n; //A存放所有整数, n为其个数
23
24 //快速排序产生复杂度为 $O(n^2)$ , 见p144.规避方法是: 在A[left,right]中随机选取一个主 ➤
   元,
25 //因此不妨生成一个范围在[left,right]内的随机数p, 然后以A[p]作为主元进行划分。
26 //具体做法是: 将A[p]与A[left]交换, 然后按照原先的Partition函数的写法即可
27 int randPartition(int A[],int left,int right){
28     int p = (int)(round(1.0*rand()/RAND_MAX * (right-left) + left));
29     //round()函数负责将double型变量四舍五入取整
30     swap(A[p],A[left]); //include <algorithm>
31
32     int temp = A[left]; //将A[left]存放至临时变量temp想象一串数组中有一个空位 ➤
   置
33     while(left < right){
34         while(left < right && A[right] > temp) right--;
35         A[left]=A[right];
36         while(left < right && A[left] <= temp ) left++;
37         A[right]=A[left];
38     }
39     A[left] = temp;
40     return left;
41 }
42
43 //随机选择算法, 从A[left,right]中返回第K大的数
44 int randSelect(int A[],int left,int right,int K){
45     if(left == right) return A[left]; //边界
46     int p = randPartition(A,left,right); //划分后主元的位置为p
47     int M = p-left+1; //A[p]是A[left,right]中的第M大
48     if(K == M) return A[p]; //找到第K大的数
49     if(K < M){ //第K大的数在主元左侧
50         return randSelect(A,left,p-1,K); //往主元左侧找第K大

```

```
51     } else{
52         return randSelect(A,p+1,right,K-M); //往主元右侧找第K-M大
53     }
54 }
55
56 /*应用:
57 给定一个整数集合, 集合中的整数各不相同, 现在要将他们分为两个子集合, 使得这两个集合的
    并为全集, 交为空集。
58 在两个子集合的元素个数 $n_1$ 与 $n_2$ 之差的绝对值 $|n_1-n_2|$ 尽可能小的情况下, 要求他们各自的元素
    之和 $S_1$ 与 $S_2$ 差的绝对值 $|S_1-S_2|$ 尽可能大。求 $|S_1-S_2|$ 
59
60 思路:
61  $n$ 为偶数, 两个集合元素个数分别为 $n/2$ 。  $n$ 为奇数, 两个集合元素个数分别为 $n/2$ 和 $n/2+1$ 
62 显然, 为使 $|S_1-S_2|$ 尽可能大, 最直接的思路就是先排序, 取前 $n/2$ 个元素为前一个子集, 后面的
    元素为另一个子集。时间复杂度为 $O(n\log n)$ 
63
64 而更优的做法是使用随机选择算法, 求集合中第 $n/2$ 大的数字。这样就把数组分成两部分。而不用
    管数组内部元素的排序方法。
65 */
66 int main(){
67     srand((unsigned)time(NULL)); //初始化随机数种子
68     //sum和sum1记录所有整数之和与切分后前 $n/2$ 个元素之和
69     int sum = 0, sum1 = 0;
70     scanf("%d", &n); //整数个数
71     for(int i=0; i<n; i++){
72         scanf("%d", &A[i]); //输入整数
73         sum += A[i]; //累计所有整数之和
74     }
75     randSelect(A, 0, n-1, n/2); //寻找第 $n/2$ 大的数, 并进行切分
76     for(int i=0; i<n/2; i++){
77         sum1 += A[i]; //累计较小的子集中元素之和
78     }
79
80     printf("%d\n", (sum - sum1) - sum1); //求两个子集合的元素和之差
81
82     return 0;
83 }
84
85
```