智能工程

目 录

1	基础	知识	5
2	机器	人运动形态	6
	2.1	移动机器人	6
	2.2	腿式机器人	7
		2.2.1 腿式机器人	7
		2.2.2 四足机器人	8
		2.2.3 双足机器人	8
	2.3	轮式机器人	9
3	机器	人运动学	9
	3.1	运动学模型	9
	3.2	车轮	9
		3.2.1 类型	9
		3.2.2 选取	11
	3.3	运动学建模	11
		3.3.1 空间描述与状态表达	11
		3.3.2 ICR法	12
		3-3-3 约束方程法	12
		3-3-4 例子	15
	3.4	自由度	16
4	机器	人运动控制	17
	4.1	定点控制器	17
	4.2	轨迹跟踪控制器	17
	4.3	路径跟踪控制器	17
5	机器	人感知	17
	5.1	传感器	17
	5.2	激光定位	17
	5.3	SVD与ICP	17
	5.4	卡尔曼滤波	17
	5.5	蒙特卡洛定位	17
	5.6	SLAM	17
6	机器	人轨迹规划	17

7 数理补充 17

<u>图</u>	片		
图 1		课程内容 5	,
图 2		两轮差速机器人模型)
图 3		车轮类型 10)
图 4		瞬心	
图 5		标准轮约束方程 13	
图 6		脚轮约束方程	
图 7		瑞典轮约束方程 14	
图 8		两轮差速机器人正运动学建模15	
表	格		
100	作		
表 1		课程内容 5	
要	点		
要点:	1		,
要点2	2	腿式机器人步态 8	j
要点 3	3	双足机器人运动机理 8	j
要点。	4	非完整约束 9)
要点:	5	车轮类型 9)
要点(5	ICR法运动学建模	
要点;	7	约束方程法运动学建模12	
要点8	3	自由度分类 16	,

1 基础知识

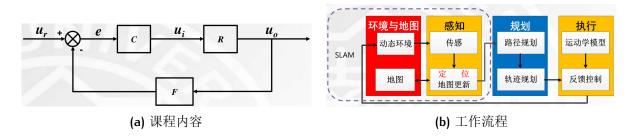


图 1: 课程内容

表 1: 课程内容

	u_{i}	$\mathfrak{u}_{\mathrm{o}}$	R	F	$u_{\rm r}$	e	С
概	系统输入	系统输出	系统模型	反馈单元	系统给定	系统误差	控制器
念							
含	能对被控	作业目标	系统输入	系统输出	系统作业	作业目标	系统误差
义	对象施加	相应的可	输出映射	映射变换	目标	与系统当	与输入映
	作用的手	测系统状				前测量状	射
	段	态				态差值	
内	;	机器人运动学		机器力	人控制	机器人感	机器人轨
容						知	迹规划

课程内容

课程案例 移动机器人->轮式机器人->两轮差速机器人。

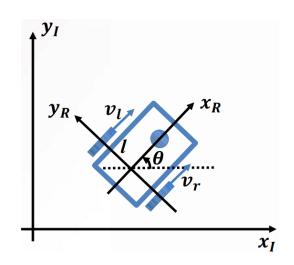


图 2: 两轮差速机器人模型

- 车轮半径r。
- 两轮转速 φ_l, φ_r : $v_i = \varphi_i r$ 。
- 车轮到两轮中间点距离1。
- 1. 求正运动学模型3.3.4。

2 机器人运动形态

2.1 移动机器人

自然界运动形态特点

- 能量利用率高。
- 适应野外复杂环境。
- 与身体尺寸、结构相适应。
- 运行速度高。

机器人实现自然界运动形态问题

• 机械结构、能量密度、感知与控制决策能力困难。

- 安全性、可靠性差。
- 成本高。
- 于人造环境低效。

运动(LOCOMOION) 机器人与环境的物理交互方式。

- 稳定性。
- 接触特性。
- 环境特性。

2.2 腿式机器人

2.2.1 腿式机器人

研究意义

- 复杂恶劣环境的高适应性。
- 点接触的高通过能力。
- 高实现难度: 系统控制多自由度, 实时感知环境。

腿数影响

- 机构复杂度。
- 控制复杂度。
- 环境适应性: 腿越多, 通过性越好, 环境适应性越强。
- 系统稳定性 1: 腿数增加,由动态稳定向静态稳定过度。
 - 动态稳定: 执行器停止工作摔倒。运动过程中通常半数腿离地。
 - 静态稳定: 执行器停止工作不摔倒。点接触需保证三腿同时着地,面接触需保证一条腿着地。

运动规划

- 运动学分析。
- 动力学分析。

步态 2 一个行进周期内各腿抬落组合,k腿机器人的步态模式数量为 $N = (2^k - 1)!$ 。

单位距离能耗(cot) $cot = \frac{消耗能量}{\pi \mathbb{E}_{\times} \text{运行距离}}$ 。

2.2.2 四足机器人

- 点接触: 每条腿至少需要两个自由度, 执行器较少, 没有冗余。
- 行走(静态平衡):一次移动一条腿,剩下腿支持身体,重心落在支持多边形内。适合攀爬,速度低,能效低。
- 奔跑(动态平衡):一次移动多条腿,平衡建立在周期运动上。速度高,能效高,需要实时控制与执行。

2.2.3 双足机器人

两种方案

- 静态稳定(日本): 面接触,重心左右变换,速度低,环境适应性差,能效低。
- 动态稳定(美国): 点接触,重心适时调整,速度高,环境适应性强,能效高。

动态稳定运动机理

- 倒立摆模型:类似纯滚动,步距越小越趋于圆。步态不自然,重心变化(需做功),落地冲击大。
- 无源动态行走: 摆动与向前摔落结合, 势能转化为动能。
- 弹簧负载倒立摆(SLIP): 仿照动物腿肌肉,增加弹簧来缓冲并储存能量,运动具有对称性。其周期往复运动的动态稳定性可由庞加莱变换线性化后验证,条件为λ < 1 (见PPT.2.34-43)。
- 串联弹性驱动 (SEA): 更为高效, 更符合生物的自然属性, 基于运动学的位置控制, 基于动力学的力矩控制。可由其获得稳定平台(见PPT.2.48-50)。

2.3 轮式机器人

研究意义

- 人造环境下的高效性:滚动摩擦,无重心起伏。
- 结构简单, 可靠性高, 成本低。
- 控制简单,系统复杂度低。

轮数对稳定性的影响 轮数增加,由动态稳定向静态稳定过度。

- 动态稳定: 执行器停止工作摔倒。倒立摆模型。
- 静态稳定: 执行器停止工作不摔倒。陀螺效应, 随动轮效应。

3 机器人运动学

3.1 运动学模型

表征机器人驱动(输入)和机器人空间位姿(输出)关系。 机械臂运动学模型与移动机器人运动学模型的区别:

- 机械臂本体坐标系固定,精度高;移动机器人本体坐标系随动,精度低。
- 非完整约束 4: 移动机器人只知道码盘变化量无法获取位姿,其状态取决于路径。这来源于不可积的微分约束(比如车轮的侧向滑动约束)。
- 微分运动学(Differential Kinematics): 速度空间替代位置空间。

3.2 车轮

3.2.1 类型

5

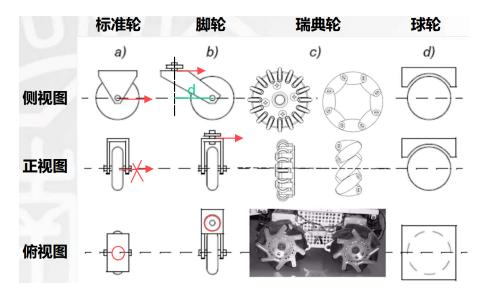


图 3: 车轮类型

标准轮(STANDARD WHEEL)

- 两个自由度: 沿轮平面滚动+沿垂直轴转动。
 - 一个约束: 沿轮轴滑动。
- 分类
 - 标准固定轮:无法旋转,只有一个自由度。
 - 标准转向轮 (舵轮)。

脚轮(CASTOR WHEEL)

- 三个自由度:沿轮平面滚动+沿垂直轴转动+沿路轴运动。无约束。
- 偏心距d: 触地点到垂直旋转轴距离。
- 扭矩压力,易损坏。

瑞典轮(SWEDISH WHEEL)

• 三个自由度: 沿轮平面滚动(被动)+沿轮轴转动(主动)+沿垂直轴转动(被动)。 无约束。

- 麦克纳姆轮(Macanum wheel): 45°, 至少需要4个共同使用。 连续切换轮: 90°, 至少需要3个共同使用。
- 对地面冲击大,噪音大,易损坏,成本高。

球轮(SPHERICAL WHEEL)

- 三个自由度(全主动):沿两个正交轮轴转动+沿垂直轴转动。 无约束。
- 成本高,可靠性差。

3.2.2 选取

- 数量: 至少三轮同时着地,才能保证静态稳定性。四轮可以提升稳定性,但需要适当的 悬架系统。
- 大小: 越大的轮子通过性越好, 但需要更大的扭矩。
- 多数形态都有非完整约束。

3.3 运动学建模

3.3.1 空间描述与状态表达

坐标系

- 惯性参考坐标系I: 作业目标、控制指令、传感器感知测量信息。
- 机器人参考坐标系R: 控制器误差输入、控制器控制指令。
- 笛卡尔坐标系: 右手法则。

位姿(POSE)

位置空间求导得到速度空间:

$$\xi_{I} = \begin{bmatrix} x_{I} \\ y_{I} \\ \theta_{I} \end{bmatrix}, \xi_{R} = \begin{bmatrix} x_{R} \\ y_{R} \\ \theta_{R} \end{bmatrix} \xrightarrow{\mathbb{R}^{\frac{1}{2}}} \xi_{I} = \begin{bmatrix} \dot{x}_{I} \\ \dot{y}_{I} \\ \dot{\theta}_{I} \end{bmatrix}, \xi_{R} = \begin{bmatrix} \dot{x}_{R} \\ \dot{y}_{R} \\ \dot{\theta}_{R} \end{bmatrix}$$

惯性参考坐标系旋转得到机器人参考坐标系:

$$\dot{\xi}_R = R\theta \dot{\xi}_I$$

旋转阵
$$R(\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 为单位正交阵, $R^T = R^{-1}$ 。

3.3.2 ICR法

6

瞬时旋转/曲率中心(ICR) 刚体上各点角速度相同。

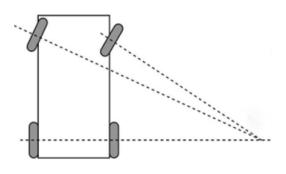


图 4: 瞬心

步骤

- 坐标系变换。
- 确定约束。
- 计算瞬心: 各轮轮轴到该点距离与速度成正比。
- $\bar{\chi} K = \begin{bmatrix} \dot{x}_R & \dot{y}_R & \dot{\theta}_R \end{bmatrix}^T$.

3.3.3 约束方程法

7

要求 在水平面上运动,车轮与地面点接触,不变形,安装在钢体表面,舵机转轴与地面垂直。

图 5: 标准轮约束方程

标准轮

- 纯滚动: $\left[sin(\alpha + \beta(t)) \right. \\ \left. cos(\alpha + \beta(t)) \right. \\ \left. l\cos\beta(t) \right] R\theta \dot{\xi}_I = r \dot{\phi} \, .$
- 无滑动: $\left[\cos(\alpha+\beta(t)) \ \sin(\alpha+\beta(t)) \ l\sin\beta(t) \right] R\theta\dot{\xi}_I = 0$ 。
- 主动轮两个约束, 随动轮只有滑动约束。

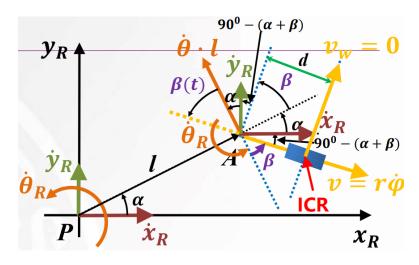


图 6: 脚轮约束方程

脚轮

• 纯滚动: $\left[\sin(\alpha+\beta) - \cos(\alpha+\beta) - l\cos\beta\right]R\theta\dot{\xi}_I = r\dot{\phi}$ 。

- 无滑动: $\left[\cos(\alpha+\beta) \sin(\alpha+\beta) d + l\sin\beta\right] R\theta \dot{\xi}_I = -d\dot{\beta}$ 。
- 主动轮两个约束, 随动轮无约束。

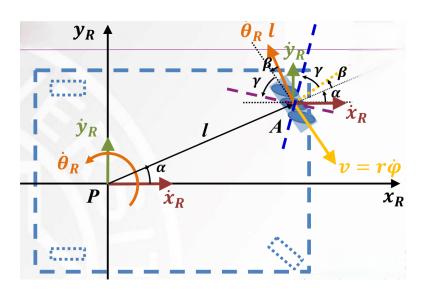


图 7: 瑞典约束方程

瑞典轮

- 纯滚动: $\left[\cos(\alpha+\beta+\gamma) \ \sin(\alpha+\beta+\gamma) \ l\sin(\beta+\gamma)\right] R\theta \dot{\xi}_I = r\dot{\phi}\sin\gamma + r_{sw}\dot{\phi}_{sw}.$
- 无滑动: $\left[\sin(\alpha+\beta+\gamma)\right. \\ \left.-\cos(\alpha+\beta+\gamma)\right. \\ \left.-l\cos(\beta+\gamma)\right]R\theta\dot{\xi}_I = r\dot{\phi}\cos\gamma.$
- 需满足主动轮小轮两个约束, 随动轮无约束。

使用 根据各轮主/随动状态列运动约束方程,得到最多三个独立约束方程(对应平面的三 维位姿)。

以下以N个标准轮(N_f 个固定, N_s 个转向)的机器人为例:

• 滚动约束

• 滑动约束

$$C_1(\beta_s)R(\theta)\dot{\xi}_I=0$$

3.3.4 例子

以下以两轮差速机器人(见1)为例, $\alpha = \frac{\pi}{2}$, $\beta = 0$:

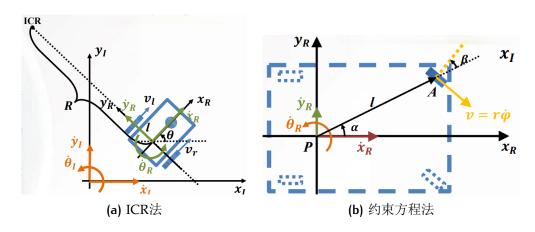


图 8: 两轮差速机器人正运动学建模

ICR法

两轮差速机器人的瞬心在两轮轮轴上,设其到机器人两轮中间的距离为R,有:

$$\dot{\theta} = \frac{\dot{x}_R}{R} = \frac{\dot{\phi}_l r}{R-l} = \frac{\dot{\phi}_r r}{R+l}$$

解得 $R = \frac{\dot{\varphi}_r + \dot{\varphi}_l}{\dot{\varphi}_r - \dot{\varphi}_l}$,代回即可。

约束方程法

• 纯滚动: $\left[\sin(\alpha+\beta) - \cos(\alpha+\beta) - l\cos\beta\right]\dot{\xi}_R = r\dot{\phi}$ 。

• 无滑动: $\left[\cos(\alpha+\beta) \sin(\alpha+\beta) \ l\sin\beta\right]\dot{\xi}_R=0$ 。

正运动学模型

$$\dot{\xi}_R = \begin{bmatrix} \dot{x}_R \\ \dot{y}_R \\ \dot{\theta}_R \end{bmatrix} = \frac{r}{2} \begin{bmatrix} \dot{\phi}_1 + \dot{\phi}_r \\ 0 \\ \frac{\dot{\phi}_r - \dot{\phi}_1}{l} \end{bmatrix}$$

3.4 自由度

概念

- 衡量机器人改变运行状态的能力。
- 需满足实际作业需求,考虑实现成本。
- 机器人设计基础、算法依据(一般自由度相同的机器人可采用相同的控制和规划算法)。
- 平面运动机器人自由度最大不能超过3。

分类

• 移动度(Degree of Mobility) δ_m : 瞬时改变机器人运动状态的能力。

$$\delta_m = dim[C_1(\beta_s)] = 3 - rank[C_1(\beta_s)] \in [0, 3]$$

• 转向度(Degree of Steerability)δ_s: 间接改变机器人运动状态的能力。

$$\delta_s = rank[C_{1s}(\beta_s)] \in [0, 2]$$

• 机动度(Degree of Maneuverability)δ_M: 改变机器人运动状态的能力。

$$\delta_{\rm M} = \delta_{\rm m} + \delta_{\rm s}$$

- 机动度相同,结构不一定相同。
- $-\delta_{M}=2$,瞬心位于一条直线上; $\delta_{M}=3$,瞬心可分布于空间任何一点。

实例

- 全向机器人:
 - Type(3,o): 完整约束全方位移动机器人。
 - Type(2,1): 一个同心轮+两个瑞典轮。
 - Type(1,2): 多舵机全方位移动机器人。
- 非全向机器人:
 - Type(2,o): 差分移动机器人。
 - Type(1,1): 自动驾驶汽车(阿克曼转向)、自行车、叉车。

- 机器人运动控制
- 4.1 定点控制器
- 4.2 轨迹跟踪控制器
- 4.3 路径跟踪控制器
- 机器人感知 5
- 5.1 传感器
- 5.2 激光定位
- 5·3 SVD与ICP
- 5.4 卡尔曼滤波
- 5.5 蒙特卡洛定位
- 5.6 SLAM
- 机器人轨迹规划 6
- 7 数理补充