# <Matrix.h>

C 语言基本矩阵运算宏。需要 typeof 特性。

以二维数组表示矩阵,形状同数组初始化器。

对于编译时已知形状的矩阵运算,静态推导、检查其类型、形状。

若不使用由 VLA 表示的矩阵,建议定义宏 NDEBUG 以关闭对矩阵形状的动态检查。由 VLA 表示的矩阵忽略对其形状的静态检查。

未能解决的缺陷:对于矩阵运算中具有 VM 类型的 C 表达式,将额外求值 1 次以获得类型。

用户可在头文件处修改宏的名字,但仅限于下文介绍的宏。

## 矩阵求值

#### 声明于<MatrixBase.h>

```
#define _Mvl  /* Matrix Evaluate With Depth 1 */
#define _Mvl3  /* Matrix Evaluate With Depth 3 */
#define _Mvl9  /* Matrix Evaluate With Depth 9 */
#define _Mvl27  /* Matrix Evaluate With Depth 27 */
#define _Mvl81  /* Matrix Evaluate With Depth 81 */
#define _Mvl243  /* Matrix Evaluate With Depth 243 */
#define _Mvl729  /* Matrix Evaluate With Depth 729 */
```

矩阵

二维数组类型的 C 表达式或复合矩阵表达式。

应注意,作为函数形参的数组是指针。建议在参数声明中额外用指针包装这些数组,再解引用,以保留原数组类型。

\_MvlNN(矩阵)

将矩阵表达式编译为 C,展开深度为 NN。

```
void nope(int (*A)[3][3])
{ _Mvl(*A); }
简单地返回并丢弃 A 的值。

size_t N = rand();
typedef float matNxN[N][N];
_Mvl(*(matNxN*)malloc(sizeof(matNxN)));
由于该 C 表达式具有 VM 类型,实际发生 2 次分配。
```

## 矩阵加、乘法

# 声明于<MatrixTrivial.h> #define \_Mst /\* Matrix Set \*/ #define \_Mgt /\* Matrix Get \*/ 声明于<MatrixTrivialCall.h> #define \_Mcl /\* Matrix Call \*/ #define \_Mrt /\* Matrix Return \*/

#### 声明于<MatrixXT.h>

```
#define $T$ /* ^T */
#define $ /* dot */
#define $T /* dot ^T */
#define T$ /* ^T dot */
#define T$T /* ^T dot ^T */
```

#### 矩阵二次式

矩阵加法表达式中,具有以下格式之一的参数形式。A、B 均为矩阵。

A 表示A

A \$T\$ 表示 AT

A \$ B 表示 AB

A \$T B 表示 ABT

A T\$ B 表示 ATB

A T\$T B 表示 ATBT

#### 连接符

可连接两个对象以形成表达式的 C 语句片段。

\_Mst(矩阵,连接符,矩阵二次式,连接符,...,矩阵二次式)

执行对应的矩阵操作。返回参数中的第一个矩阵。

\_Mgt(矩阵二次式,连接符,...,矩阵二次式)

执行对应的矩阵运算。返回临时矩阵以表示结果。

\_Mc1(可调用对象,矩阵,矩阵二次式,...,矩阵二次式)

逐元素调用对象,执行对应的矩阵操作。返回参数中的第一个矩阵。

\_Mrt(可调用对象,矩阵二次式, ... ,矩阵二次式)

逐元素调用对象,执行对应的矩阵运算。返回临时矩阵以表示结果。

```
_Mv19(_Mst(A, = ,B, + ,C $T$, + ,D $ E));
将A置为B + C<sup>T</sup> + DE。
```

$$Mv19(Mst(A, += 2*,B, - 3*,C));$$

将A置为2B-3C。

将 A 置为 FTA。使用临时矩阵以防止就地乘法产生错误结果。

将A置为FTPF。超过2次的矩阵多项式须用临时矩阵计算。

```
#define set0(x) x = 0
_{Mv13(_{Mc1(set0, A))};}
```

将A置为0。

## 矩阵除法

#### 声明于<MatrixDivide.h>

```
#define _Mdv /* Matrix Divide */
#define _Mnv /* Matrix Inverse */
#define I$ /* ^-1 dot */
#define IT$ /* ^-T dot */
#define $I /* dot ^-1 */
#define $IT /* dot ^-T */
```

```
描述
```

A、B 均为矩阵。

\_Mdv(A I\$ B)

将 B 置为 A-1B, A 置为不确定值。返回 B。

\_Mdv(A IT\$ B)

将 B 置为 A-TB, A 置为不确定值。返回 B。

\_Mdv(A \$I B)

将 A 置为 AB-1, B 置为不确定值。返回 A。

\_Mdv(A \$IT B)

将 A 置为 AB-T, B 置为不确定值。返回 A。

\_Mnv(A)

返回临时矩阵 A-1, 并将 A 置为不确定值。

## 示例

\_Mv19(\_Mst(A, = ,\_Mdv(\_Mgt(C) I\$ \_Mgt(D))));

将A置为C-1D。使用临时矩阵保护C、D不被修改。

# 矩阵单位加法

```
声明于<MatrixGrow.h>
```

#define \_Mgr /\* Matrix Grow \*/

\_Mgr(矩阵,数值)

将矩阵增加数值倍的单位矩阵并返回。

# 矩阵分块

```
声明于<MatrixPartition.h>
```

#define \_Mpt /\* Matrix Partition \*/

\_Mpt(矩阵,自然数,自然数,自然数)

返回矩阵中指定左上角、形状的子矩阵。

## 示例

\_Mv13(\_Mst(\_Mpt(A, 0,0, 3,3), -= ,\_Mpt(A, 3,3, 3,3)));

将 A 中左上角 3x3 的分块减去其右下方的 3x3 分块。