

5.3 集合及运算

□ 并查集问题中集合存储如何实现？

例子：有10台电脑 $\{1, 2, 3, \dots, 9, 10\}$ ，已知下列电脑之间已经实现了连接：

1和2、2和4、3和5、4和7、5和8、6和9、6和10

问：2和7之间，5和9之间是否是连通的？

解决思路：

- (1) 将10台电脑看成10个集合 $\{1\}, \{2\}, \{3\}, \dots, \{9\}, \{10\}$
- (2) 已知一种连接“ x 和 y ”，就将 x 和 y 对应的集合合并；
- (3) 查询“ x 和 y 是否是连通的”就是判别 x 和 y 是否属于同一集合。

集合的表示

- 集合运算：交、并、补、差，判定一个元素是否属于某一集合
- 并查集：集合并、查某元素属于什么集合
- 并查集问题中集合存储如何实现？ 用树根来代表这个集合
 - 可以用树结构表示集合，树的每个结点代表一个集合元素

例如，有三个整数集合

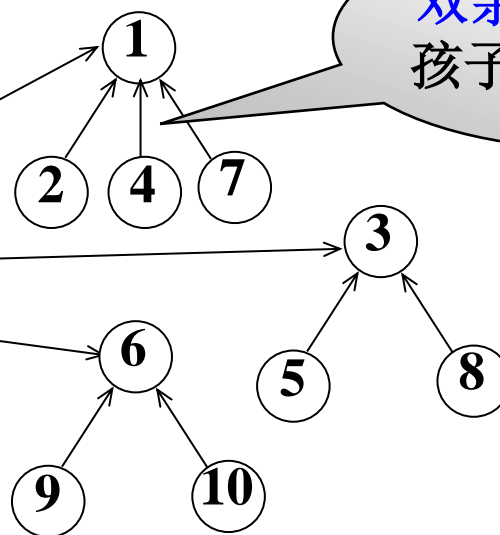
$S1=\{1,2,4,7\}$

$S2=\{3,5,8\}$

$S3=\{6,9,10\}$

集合名 指针

| | |
|----|--|
| S1 | |
| S2 | |
| S3 | |



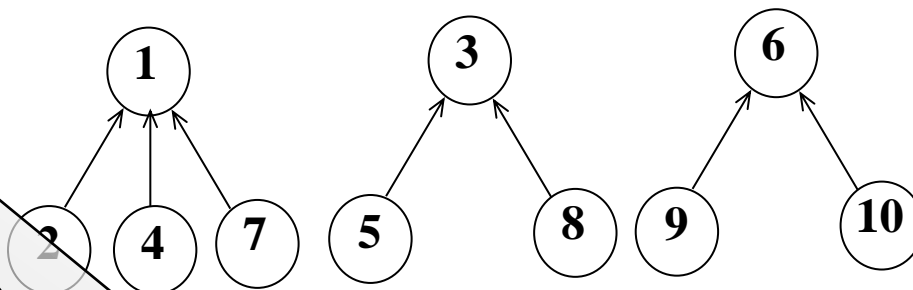
双亲表示法：
孩子指向双亲。

□ 采用数组存储形式

| 下标 | Data | Parent |
|----|------|--------|
| 0 | 1 | -1 |
| 1 | 2 | 0 |
| 2 | 3 | -1 |
| 3 | 4 | 0 |
| 4 | 5 | 2 |
| 5 | 6 | -1 |
| 6 | 7 | 0 |
| 7 | 8 | 2 |
| 8 | 9 | 5 |
| 9 | 10 | 5 |

数组中每个元素的类型描述为:

```
typedef struct {  
    ElementType Data;  
    int Parent;    parent是一个下标,指向父亲的位置  
} SetType;
```



负数表示根结点；
非负数表示双亲结
点的下标。

集合运算

(1) 查找某个元素所在的集合（用根结点表示）

```
int Find( SetType S[ ], ElementType X )
{
    /* 在数组s中查找值为x的元素所属的集合 */
    /* MaxSize是全局变量，为数组s的最大长度 */
    int i;
    for ( i=0; i < MaxSize && S[i].Data != X; i++ ) ;
    if( i >= MaxSize ) return -1; /* 未找到x, 返回-1 */
    for( ; S[i].Parent >= 0; i = S[i].Parent ) ;
    return i; /* 找到x所属集合，返回树根结点在数组s中的下标 */
}
```

(2) 集合的并运算

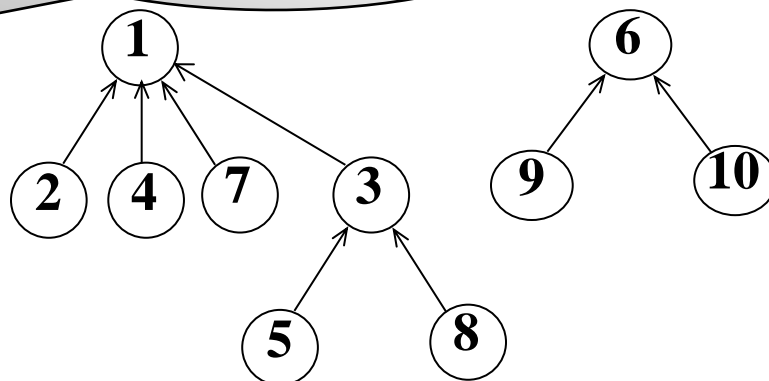
- ◆ 分别找到X1和X2两个元素所在集合树的根结点
- ◆ 如果它们不同根，则将其中一个根结点的父结点指针设置成另一个根结点的数组下标。

```
void Union( SetType S[ ], ElementType X1, ElementType X2 )
{
    int Root1, Root2;
    Root1 = Find(S, X1);
    Root2 = Find(S, X2);
    if ( Root1 != Root2 ) S[Root2].Parent = Root1;
}
```

当x1和x2不属于同一子集时，才需要合并

| 下标 | data | Parent |
|----|------|--------|
| 0 | 1 | -1 |
| 1 | 2 | 0 |
| 2 | 3 | 0 |
| 3 | 4 | 0 |
| 4 | 5 | 2 |
| 5 | 6 | -1 |
| 6 | 7 | 0 |
| 7 | 8 | 2 |
| 8 | 9 | 5 |
| 9 | 10 | 5 |

改成-7。表示集合有7个元素



改成-3。表示集合有3个元素

为了改善合并以后的查找性能，可以采用小的集合合并到相对大的集合中。
(修改Union函数, 判别根的绝对值大小)

这样树的高度就不会增加, 还是大的那颗树的高度.