

Exercici 22.

Calculeu, si existeixen, els inversos de 6 (mod 11), 6 (mod 17), 6 (mod 10), 7 (mod 11), 7 (mod 17), i 7 (mod 10).

Solució 22.

L'invers de $a \pmod{n}$ serà, si existeix, un nombre x tal que $a \cdot x \equiv 1 \pmod{n}$. Aquest invers només existirà si $\text{mcd}(a,n) = 1$, ja que és l'únic nombre que divideix a 1.

(a) Invers de 6 mod(11):

Existirà ja que $\text{mcd}(6,11) = 1$. Hem de trobar x tal que $6 \cdot x \equiv 1 \pmod{11}$.

$$6 \cdot x - k \cdot 11 = 1 \longrightarrow x = 2$$

(b) Invers de 6 mod(17):

Existirà ja que $\text{mcd}(6,17) = 1$. Hem de trobar x tal que $6 \cdot x \equiv 1 \pmod{17}$.

$$6 \cdot x - k \cdot 17 = 1 \longrightarrow x = 3$$

(c) Invers de 6 mod(10):

No existirà ja que $\text{mcd}(6,10) = 2$ i clarament $2 \nmid 1$.

(d) Invers de 7 mod(11):

Existirà ja que $\text{mcd}(7,11) = 1$. Hem de trobar x tal que $7 \cdot x \equiv 1 \pmod{11}$.

$$7 \cdot x - k \cdot 11 = 1 \longrightarrow x = 8$$

(e) Invers de 7 mod(17):

Existirà ja que $\text{mcd}(7,17) = 1$. Hem de trobar x tal que $7 \cdot x \equiv 1 \pmod{17}$.

$$7 \cdot x - k \cdot 17 = 1 \longrightarrow x = 5$$

(f) Invers de 7 mod(10):

Existirà ja que $\text{mcd}(7,10) = 1$. Hem de trobar x tal que $7 \cdot x \equiv 1 \pmod{10}$.

$$7 \cdot x - k \cdot 10 = 1 \longrightarrow x = 3$$

Tots aquests càlculs de x es fan resolent les identitats de Bézout tal i com ja es va veure fa unes setmanes.