Cat Cat Mechanics

22级T3大模拟Round 2

题目背景：

在茫茫宇宙中有一个神秘的星系——这是猫猫生活的星系。这个星系的星球之间有着奇特的物理规律，猫猫对这些星球之间相互的力学非常感兴趣，于是以此为基础上做了一些观察，并且得到了一些结论。得到结论的猫猫非常兴奋，迫不及待地想要将这个结论分享给你，同时希望你在了解这些结论后，能帮助猫猫预测后续进行的力学实验结果。

问题描述：

整个星系在一个三维空间中，由若干颗星球构成，每个星球都有自己的三维空间坐标。这些星球的某两两之间可能会出现“引力纠缠”现象，具有“引力纠缠”关系的两颗星球可以传导“引力波”。

猫猫通过观察发现，星系中各星球的“引力纠缠”关系将整个星系组织成了“树”的结构，即如果将星球看作“点”，将“引力纠缠”看成“边”，那么构成的无向图上任意两点可达且路径唯一。猫猫注意到，“引力纠缠”关系**不具有传递性**，也就是说每个星球只会对与自己**直接**“引力纠缠”的星球施加(传导)“引力波”。

由于猫猫只研究某一时刻的力学问题，所以可以认为在这一时刻所有星球都静止不动，且可以看成没有体积大小的理想质点。不会有两个星球处于相同的位置。

猫猫还发现了一些关于“引力波”的性质：

- “引力波”是**空间矢量**，既有大小，又有方向。
- 具有“引力纠缠”关系的两颗星球之间可以传播“引力波”，该“引力波”的方向总是与过这两颗星球的空间直线**共线**。
- “引力波”的传导(施加)不会被星球阻挡，即当一个星球恰好在两个具有“引力纠缠”关系的星球中间时，“引力波”依然能正常被传导(施加)。

猫猫还发现了星球间“引力波”的传播规律：

- 当一个星球被施加(传导)“引力波”时，这个星球会向与其具有“引力纠缠”关系的所有**除来源以外**的星球施加(传导)“引力波”。注意，“**除来源以外**”表明不会向施加(传导)“引力波”的来源星球施加(传导)“引力波”，尽管它们具有“引力纠缠”关系。

- 具体的传播规律如下：对于某个位于空间点P的星球, 有位于这些空间点$q_1, q_2, ..., q_k$的星球与它具有“引力纠缠”关系，其中已经**排除“引力波”来源**。当位于空间点P的星球被施加(传导)“引力波” $\vec{F}$时，P会对这k星球分别施加(传导)“引力波”: 具体地，会对位于q_i的星球产生“引力波”:

$$\vec{f}_i = |\vec{F}| \cos < \vec{F}, \vec{Pq_i} > \frac{\vec{Pq_i}}{|\vec{Pq_i}|} \tag{1}$$

猫猫还发现“引力波”传播时会对星球产生“引力压迫”：

- “引力压迫”是**标量**，只有大小，没有方向。
- 当一个星球被施加(传导)“引力波”时，“引力波”会对这个星球产生“引力压迫”。
- 一个星球受到的“引力压迫”的大小如下：对于某个位于空间点P的星球, 有位于这些空间点$q_1, q_2, ..., q_k$的星球与它具有“引力纠缠”关系，其中已经**排除“引力波”来源**。当位于空间点P的星球被施加(传导)“引力波” $\vec{F}$时
(1). 如果这个星球没有对其他星球施加(传导)“引力波”, 那么它受到的“引力压迫”即为受到的“引力波”的大小$|\vec{F}|$。
(2). 如果这个星球对其他星球施加(传导)了“引力波”，那么每一份施加(传导)都会产生一定的“引力压迫”，**它受到的总“引力压迫”为每一份施加(传导)产生的“引力压迫”之和**:

$$S = \sum_{i=1}^{k} |\vec{F} \times \vec{f}_i| \tag{2}$$

猫猫的实验：

对于一个星系，猫猫会告诉你各星球之间的“引力纠缠”关系，然后挑选一个幸运星球，人为地对其施加“引力波”。

猫猫希望你通过之前给出的信息，预测出星系中星球所受到的“引力压迫”的大小。

输入格式：

第一行一个整数n，表示星系中星球的数量。

接下来n行，每一行有三个由空格隔开的整数，第$i+1$行的x_i, y_i, z_i, 表示第i个星球的三维空间坐标。

接下来$n-1$行，每一行有两个由空格隔开的整数a, b，表示这两个星球具有“引力纠缠”关系。

最后一行4个整数P, F_x, F_y, F_z，表示猫猫选择对第P个星球施加空间矢量为(F_x, F_y, F_z)的“引力波”。

数据保证星球间的位置不重复，且“引力纠缠”关系构成树结构。

输出格式：

输出共n行，每一行输出一个浮点数，第i行表示第i个星球受到的**引力压迫**的大小。
输出结果与标准答案的相对误差和绝对误差之一小于等于10^{-4}时认为正确。

样例

样例 1

输入

```
6
0 0 2
0 0 1
1 0 0
-1 0 0
0 1 0
0 -1 0
1 2
2 3
2 4
5 2
6 2
1 0 0 -1
```

输出

```
0
2
0.707107
0.707107
0.707107
0.707107
```

样例 2

输入

```
10
-54 77 -95
60 -81 -61
33 60 -95
31 16 13
-5 -71 54
83 -44 -97
94 27 33
3 3 -4
33 -2 61
-65 66 89
1 6
8 10
1 3
1 8
4 10
9 5
8 2
5 8
7 5
8 4182 -4427 4418
```

输出

```
52518982.325911
3078.602715
3992.110227
1119.173009
33927594.818122
5163.261895
4063.970157
66589620.692888
3911.295151
344135.046867
```

问题规模：

对于所有的测试点保证：
$1 < n \le 100$，$1 \le P \le n$

$|x_i|,|y_i|,|z_i| \le 100$
$|F_x|,|F_y|,|F_z| \le 5000$。

提示：

你需要使用浮点数进行计算，同时你需要考虑精度问题，尽可能的减少乘除法等可能降低精度的运算。

注意你的输出格式，如果使用 `cout` 直接输出，你可能会得到类似 `3.39276e+07` 这样的结果导致误判。可以考虑使用 `printf("%lf", num);` 进行输出

子任务

测试点	性质	分数
$1,2,3,4,5$	“链条”	25
$6,7,8,9,10$	“菊花”	25
$11,12,13,14,15$	“直角”	25
$16,17,18,19,20$	无限制	25

“链条”性质：“引力纠缠”关系构成的树中，每个星球最多和两个星球具有“引力纠缠”关系。数据保证1号节点必为叶子节点，且猫猫只会往1号节点施加“引力波”。

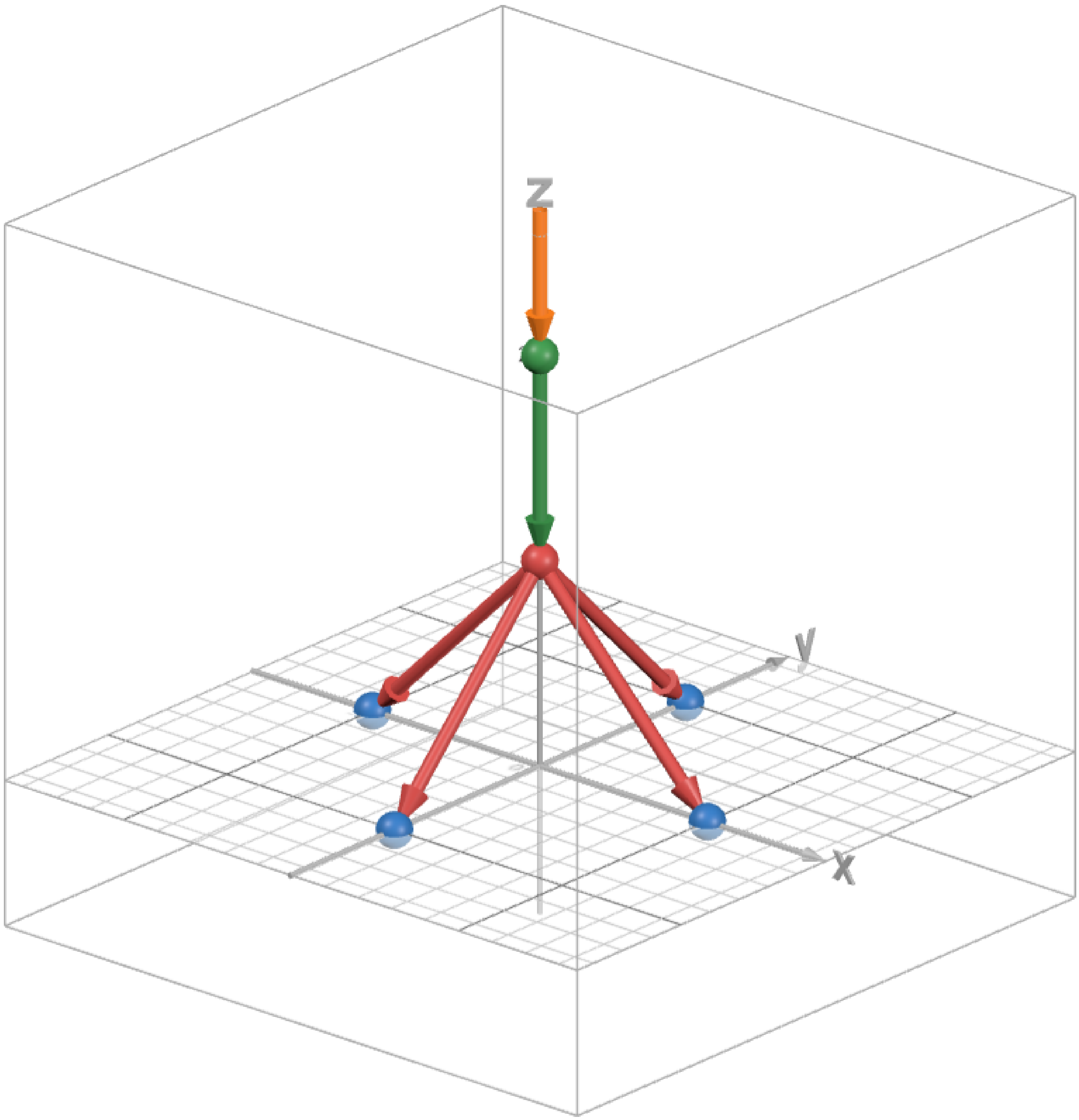
“菊花”性质：“引力纠缠”关系构成的树中，仅有唯一一个点不是叶子节点，称为“中心”节点，其他点均为叶子节点。数据保证1号节点必为“中心”节点，且猫猫只会往“中心”节点施加“引力波”。

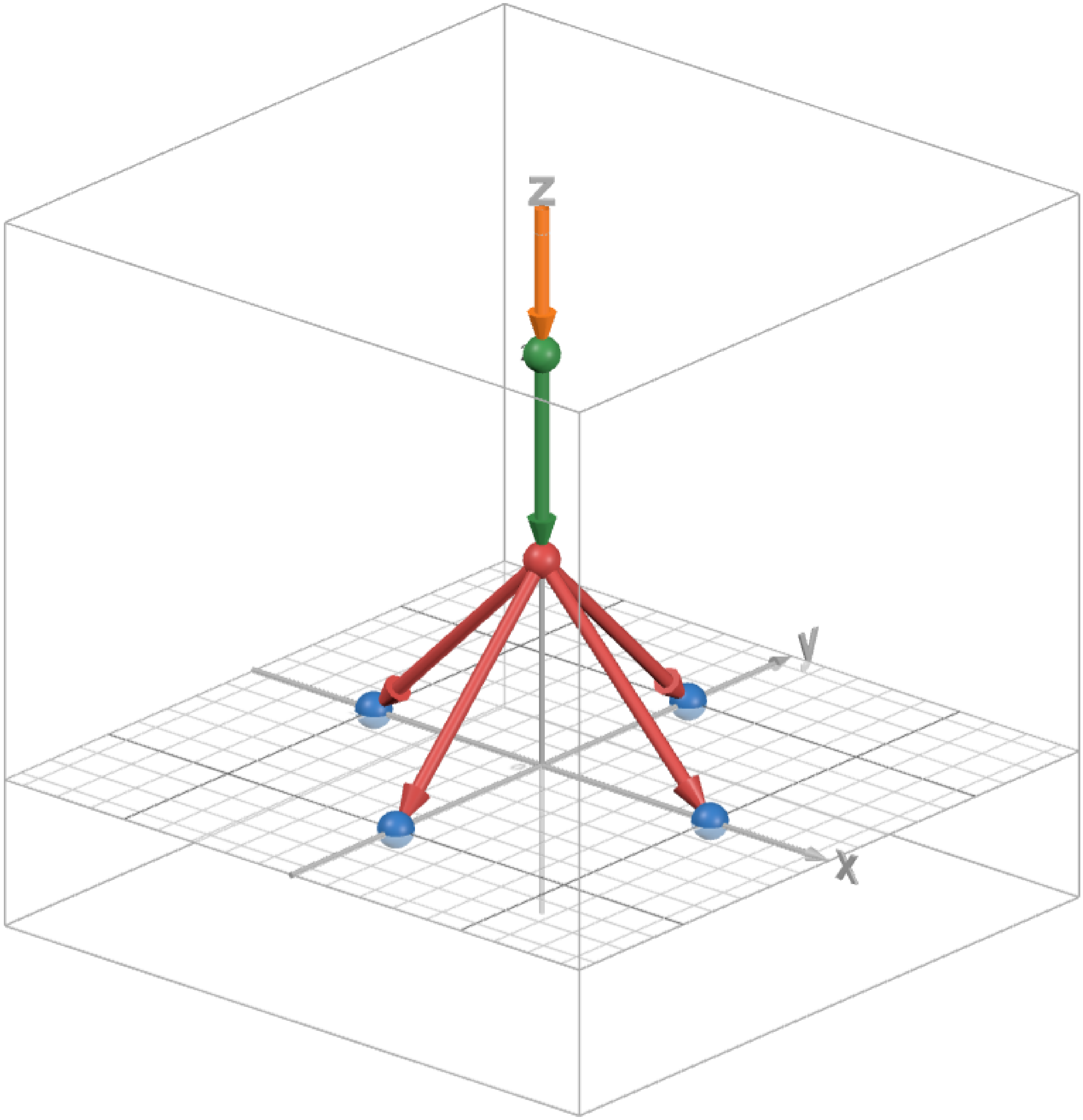
“直角”性质：过具有“引力纠缠”关系的两个星球的直线，总是与x,y,z三轴之一平行。猫猫施加的“引力波”的方向也总是与x,y,z三轴之一平行。

样例解释

如图所示
猫猫对星球1施加$(0,0,-1)$的“引力波”。
由(1)式可得：星球1对星球2传导$(0,0,-1)$的“引力波”。
由(2)式可得：星球1受到的“引力压迫”为0。
星球2受到$(0,0,-1)$的“引力波”。
由(1)式可得：星球2传导出的“引力波”分别为：$(\frac{1}{2},0,-\frac{1}{2})$,$(-\frac{1}{2},0,-\frac{1}{2})$,$(0,\frac{1}{2},-\frac{1}{2})$,$(0,-\frac{1}{2},-\frac{1}{2})$
由(2)式可得：星球2受到的“引力压迫”为2。

星球3,4,5,6均没有对其他星球传导(施加)“引力波”，于是其受到的“引力压迫”均为其受到的“引力波”的大小，均为$\frac{\sqrt{2}}{2} \approx 0.707107$。





附

向量长度(取模)运算公式

设$\vec{a}=(a_x,a_y,a_z)$,则

$$|\vec{a}|=\sqrt{a_x^2+a_y^2+a_z^2}$$

向量内积运算公式

设$\vec{a}=(a_x,a_y,a_z),\vec{b}=(b_x,b_y,b_z)$,则

$$\vec{a}\cdot\vec{b}=a_xb_x+a_yb_y+a_zb_z$$

向量内积与角度余弦运算公式

设$\vec{a}=(a_x,a_y,a_z),\vec{b}=(b_x,b_y,b_z)$,则

$$\cos<\vec{a},\vec{b}>=\frac{\vec{a}\cdot\vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|}$$

向量叉乘运算公式

设$\vec{a}=(a_x,a_y,a_z),\vec{b}=(b_x,b_y,b_z)$,则

$$\vec{a}\times\vec{b}=(a_yb_z-a_zb_y,a_zb_x-a_xb_z,a_xb_y-a_yb_x)$$

相对误差和绝对误差计算公式

设两个实数a,b，其中a为标准值，b为估计值(测量值)则：

$$\text{绝对误差}(a,b)=|a-b|$$
$$\text{相对误差}(a,b)=\frac{|a-b|}{|a|}$$