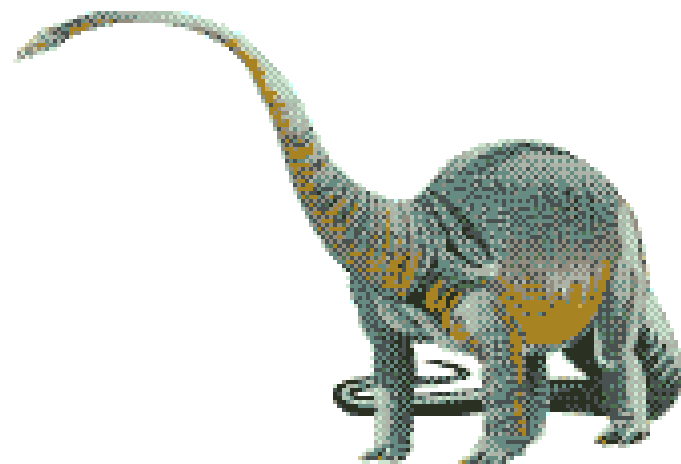


作業系統(Operating Systems)

Course 9: 虛擬記憶體 (Virtual Memory)

授課教師：陳士杰

國立聯合大學 資訊管理學系

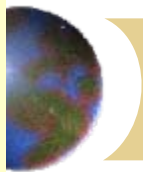




■ 本章重點

- 目的、好處
- Demand Paging技術
- Page Fault處理
- Effective Memory Access Time
- 影響Page Fault Ratio因子
- Page Replacement Algo.
- Frame Allocation Limitation
- Thrashing及其解決方式
- Page Size之影響
- Program Structure之影響





Virtual Memory (虛擬記憶體)

- 目的：允許**Program Size**大於**Physical Memory Size**情況下，Program仍然能執行。
- 達成策略：採用**Partial Loading**的概念 --

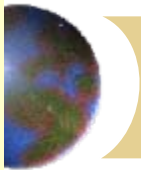
❏ Dynamic Loading

- 在執行期間，當副程式真正被Call到，才將之載入MM中，不會浪費MM空間。
- **Programmer的負擔**。∵ OS只提供Loader，只有Programmer知道哪些副程式是互斥的。

❏ Virtual Memory

- **OS的負擔**，Programmer無負擔。





● 好處：

- 允許Program Size 大於 Physical Memory Size 而Program仍能執行。
- Programmer專心負責寫好程式，無須考量Program Size太大的問題。
- 記憶體各個小空間皆有機會被利用到，Memory Utilization ↑。
- 儘可能提高Multiprogramming Degree，提昇CPU Utilization。
 - ∵ 程式不用將所有的Page搬入MM才能執行。∴ 原本系統只能執行5個程式，現可能執行20個。
- 每一次的I/O Transfer Time ↓ (∵ 不用將整個程式的所有Page載入)
 - 然而，載入整個程式很耗費I/O Transfer Time!! (∵ 總傳輸次數變多!!)





■ 實現Virtual Memory之技術

● 使用Demand Paging (需求分頁) 技術

- 為實現Virtual Memory的技術之一，以Paging Memory Management為基礎所發展出來。不同的是，其採用“Lazy Swapper”技巧。

- 即：程式執行之初，並不將全部的Pages全數載入MM中，而是僅載入執行所須的Pages到MM中，其餘的Pages全數置於Blocking Store中。若執行所需的Pages都在MM，則一切正常執行；反之，則要處理Page Fault問題，由OS另行處理

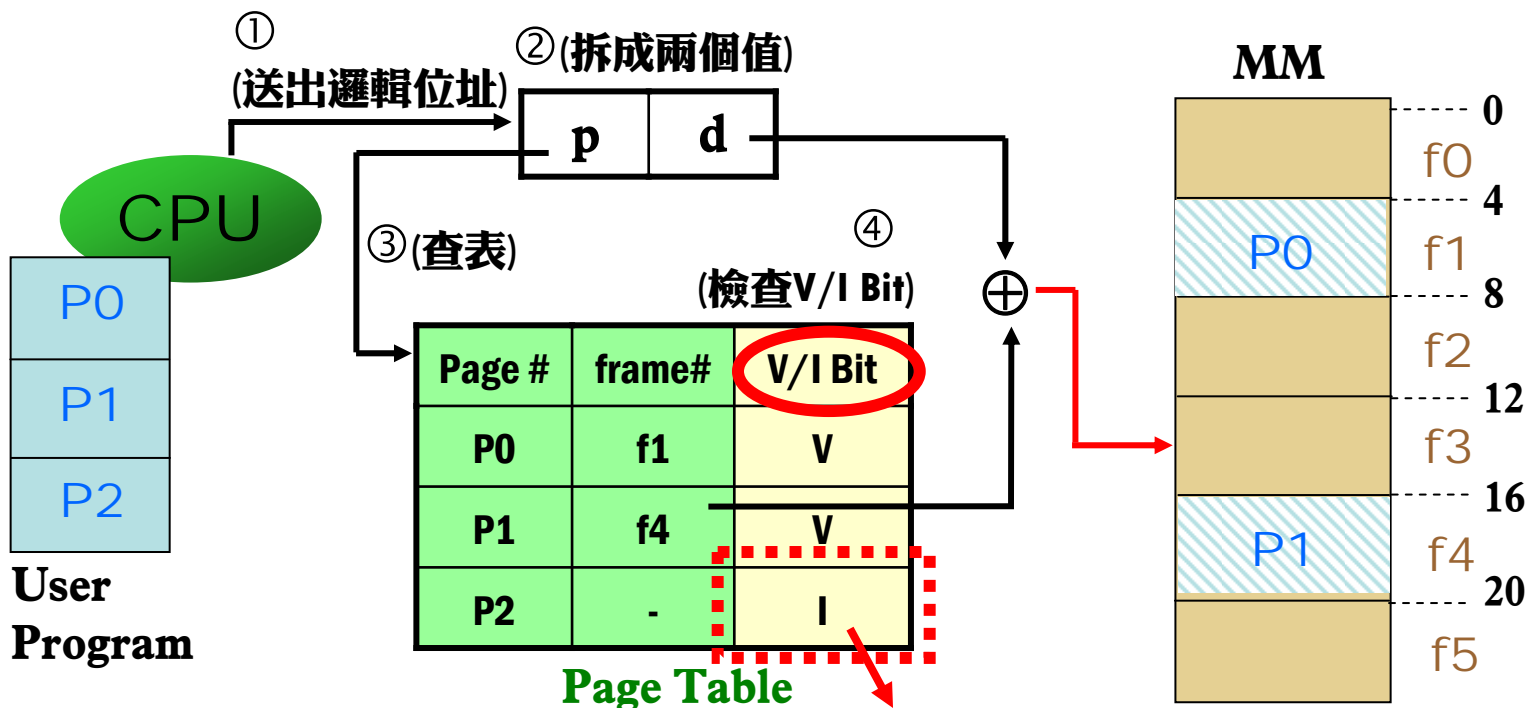


分頁表 (Page Table) 之配合修正

- 多加一個 “**Valid/Invalid Bit**” 欄位，用以指示Page是否在Memory中。

■ **Valid**：表示Page**在Memory中**

■ **Invalid**：表示Page**不在Memory中**

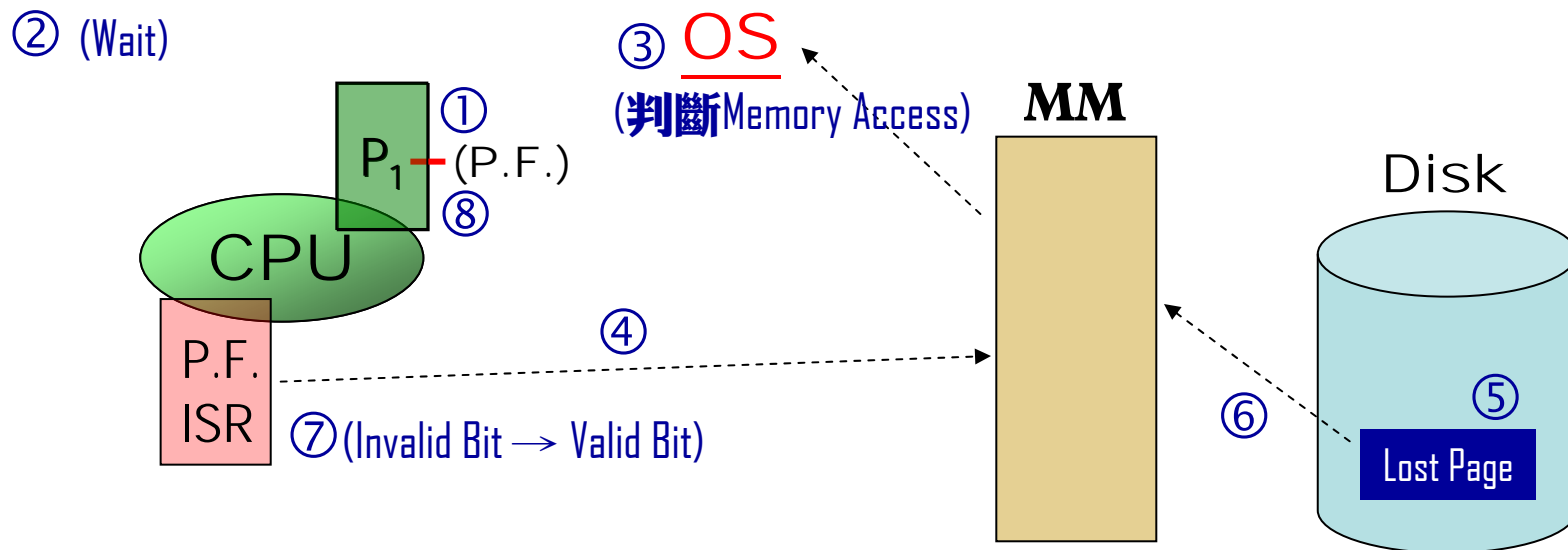


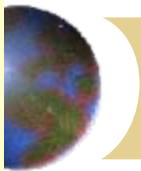
Page Fault發生，透過中斷通知OS來做處理



Page Fault定義及其處理程序

- 在Demand Paging之Virtual Memory系統中，若執行中的Process試圖存取不在記憶體中的Page時，則發生Page Fault。





● 處理程序：

- ① OS收到由Page Fault所引起的Interrupt (中斷)
 - 由Memory Management Unit發出。
- ② OS暫停目前Process的執行，並保存此Process的狀態
- ③ OS會去判斷**此Memory Access位址是否合法**。若非法則終止此Process，否則表示是由Page Fault所引起!!
- ④ OS去Memory檢查**有無Free Frame**。若沒有，則必須執行“Page Replacement”以空出一個可用頁框
- ⑤ OS去Disk中**找到Lost Page之所在位置**
- ⑥ 將此Lost Page**載入到可用頁框**
- ⑦ **修改Page Table**，指明此Page所在頁框，並將Invalid Bit改成Valid Bit
- ⑧ **恢復**原先Process中斷前之執行





Virtual Memory之效益評估

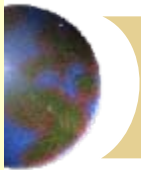
- 由**Effective Memory Access Time**決定，愈短則效益愈好，愈接近MM存取時間。
- Effective Memory Access Time公式：

$$(1-p) \times ma + p \times (\text{Page Fault Processing Time})$$

其中

- p ：表示Page Fault Ratio
 - ma ：正常的Memory Access Time
 - Page Fault Processing Time：**Page Fault處理程序的所有工作之時間總和**
- 結論：要有效降低Effective Memory Access Time，則必須**降低Page Fault Ratio**
 - $\therefore ma$ 與Page Fault Processing Time是固定的!!





● 例：假設

■ $m_a = 20\text{ns}$

■ P.F. Processing Time = 2ms

■ $p = 20\%$

求Effective Memory Access Time = ? μs

Ans:

$$\begin{aligned} & (1-0.2) \times 200\text{ns} + 0.2 \times 2\text{ms} \\ &= 0.8 \times 200\text{ns} + 0.2 \times 2 \times 10^6\text{ns} \\ &= 160\text{ns} + 4 \times 10^5\text{ns} \\ &= 400160\text{ns} \\ &= 400.16 \mu\text{s} \end{aligned}$$

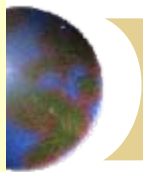




■ 影響Page Fault Ratio的因素

- Page Replacement Algo.之選擇
- 頁框 (Frame) 數的分配多寡
- Page Size大小
- Program Structure



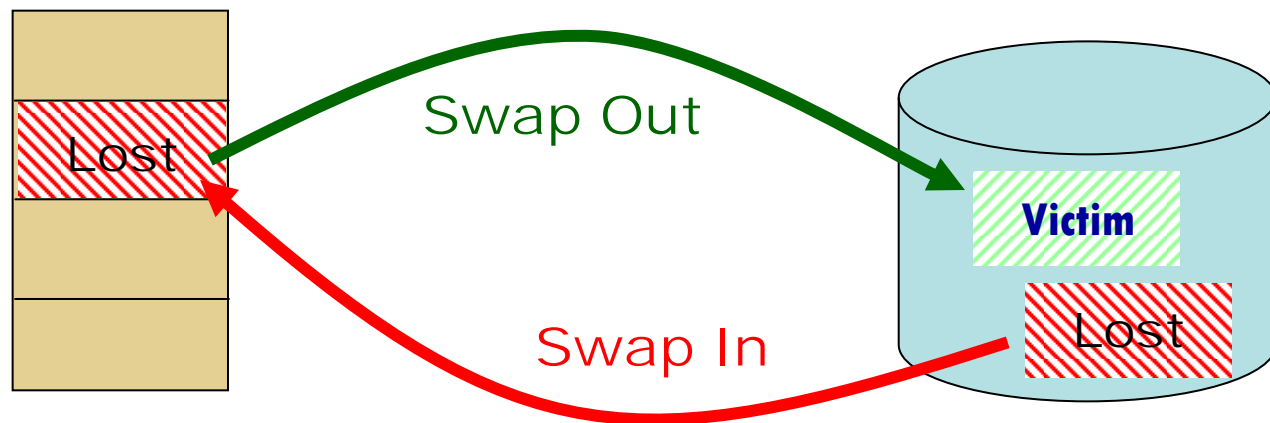


■ Page Replacement

- 當**Page Fault**發生且**Memory**無可用頁框時，則OS必須執行此工作。

- OS必須選擇一個犧牲者(Victim Page)，將其Swap Out到Blocking Store (e.g. Disk) 以空出一個可用頁框，再將Lost Page載入 (Swap In) 到此頁框。

- 圖示：



- Swap Out 和Swap In分別是2個Disk I/O的動作。
 - Swap In是**必要**的，∴一定要將Lost Page置入到MM中
 - Swap Out呢？**不盡然是必要的!!**需視Victim Page**是否曾被修改**





是否可將非必要的Swap Out省掉？

- **判斷依據**：Victim Page從**執行之初**一直到**準備被替換之前**是否曾被寫入或修改？
 - (Yes: 須回存至H.D.；No: 可刪除或覆蓋)
- 利用“**Modification Bit**” (或Dirty Bit) 來實行上述判斷依據，以節省Victim Page之Swap Out I/O 動作。
 - Modification Bit = **0**，表示此頁面的內容未曾被修改過。
 - Modification Bit = **1**，表示此頁面的內容曾被修改過。
- 此Bit初始值設成0。若Victim Page的Modification Bit值為**0**，則**不用Swap Out**，否則必須Swap Out到Blocking Store。故可節省不必要的 I/O 動作。





■ Page Replacement Algorithms

- **FIFO**
- **OPT**
- **LRU**
- **LRU近似法則**
- **Frequency**

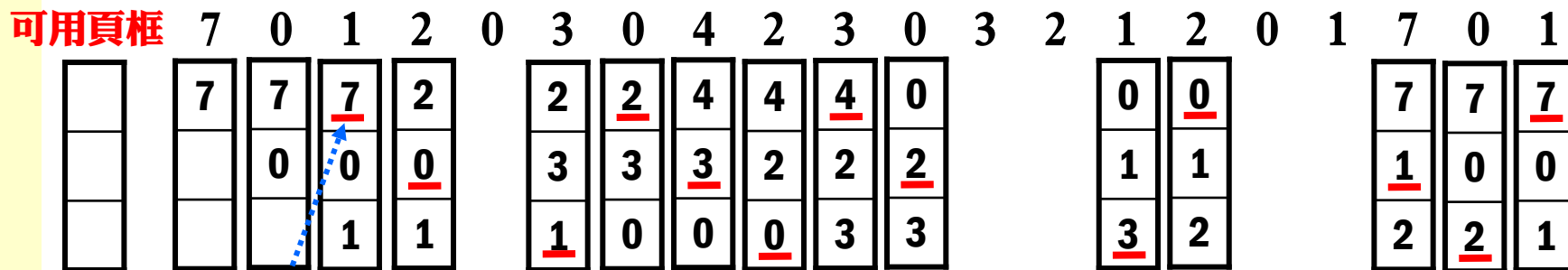




FIFO Algorithm

- **最先載入的Page** (即：Loading Time最小者)，優先視為Victim Page。

- 例：給予下列的Page Reference String (頁面參考字串)，記憶體中的可用頁框有3個，OS採用“**Pure Demand Paging**”及“**FIFO Replacement Algo.**”，求Page Fault次數。



※表示“最先被載入”!!

有15次的Page Faults，Page Fault Ratio = $15/20 = 75\%$ 。





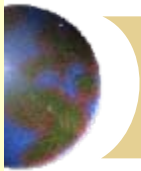
● Pure Demand Paging

- 程式執行之初，**不預先載入任何Page**。
- 缺點：執行之初，會產生大量的Page Fault
- 優點：載入的Page皆是Process所需的頁面，故後續的Page Fault Ratio會下降至合理值 (趨於穩定)。

● Prepaging(預先分頁)

- 事先**猜測**程式執行之初會使用哪些Page，並預先將這些Pages 載入。
- 優點：若**猜得準確**，則可以避免程式執行之初大量Page Fault 發生。
- 缺點：若**猜測錯誤**，則先前載入Page的I/O動作白白浪費。

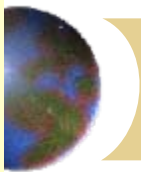




● 特質：

- ❏ 簡單，易於實作
- ❏ 效益差 (∵ Page fault ratio最高)
- ❏ 可能有Belady異常現象
 - 當Process分配到較多的Frame數目，有時其Page Fault Ratio卻不降反升。





Belady Anomaly範例 (in FIFO Algo.)

例：給予下列的Page Reference String 及可用頁框有3個：

可用頁框	1	2	3	4	1	2	5	1	2	3	4	5
	1	1	<u>1</u>	4	4	<u>4</u>	5			5	<u>5</u>	
		2	2	<u>2</u>	1	1	<u>1</u>			3	3	
			3	3	<u>3</u>	2	2			<u>2</u>	4	

有9次的Page Faults，Page Fault Ratio = $9/12 = 75\%$ 。

例：給予下列的Page Reference String 及可用頁框有4個：

可用頁框	1	2	3	4	1	2	5	1	2	3	4	5
	1	1	1	<u>1</u>			5	5	5	<u>5</u>	4	4
		2	2	2			<u>2</u>	1	1	1	<u>1</u>	5
			3	3			3	<u>3</u>	2	2	2	<u>2</u>
				4			4	4	<u>4</u>	3	4	3

有10次的Page Faults，Page Fault Ratio = $10/12 = 83.3\%$ 。

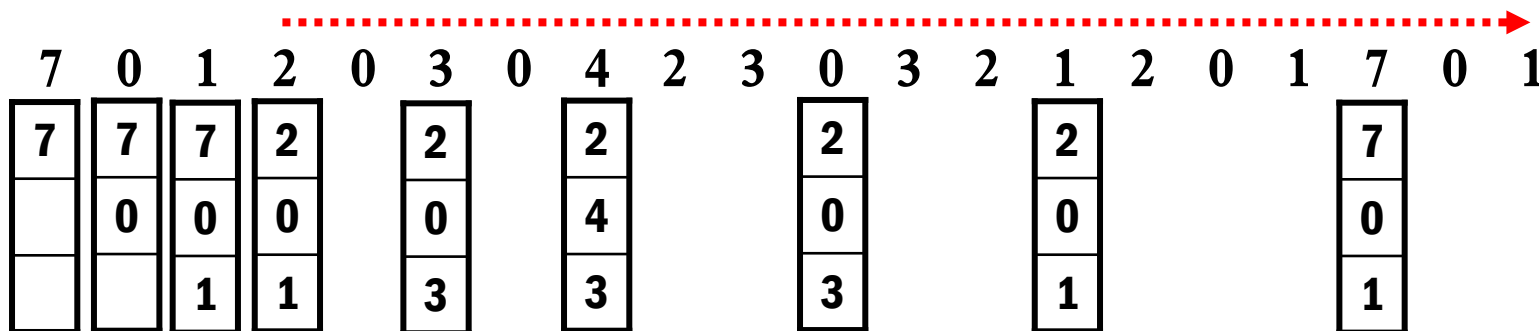




OPT (Optimal) Algorithm

- 以“**將來長期不會使用的Page**”視為Victim Page。

■ 例：給予下列的Page Reference String (頁面參考字串)，記憶體中的可用頁框有3個，OS採用“Pure Demand Paging”及“**OPT Algo.**”，求Page Fault次數。



有9次的Page Faults，Page Fault Ratio = $9/20 = 45\%$ 。

- 特質：

- 效果最佳 (∵ Page fault ratio最低)
- 不會有Belady異常現象
- **很難製作**，通常做為理論研究與比較之用

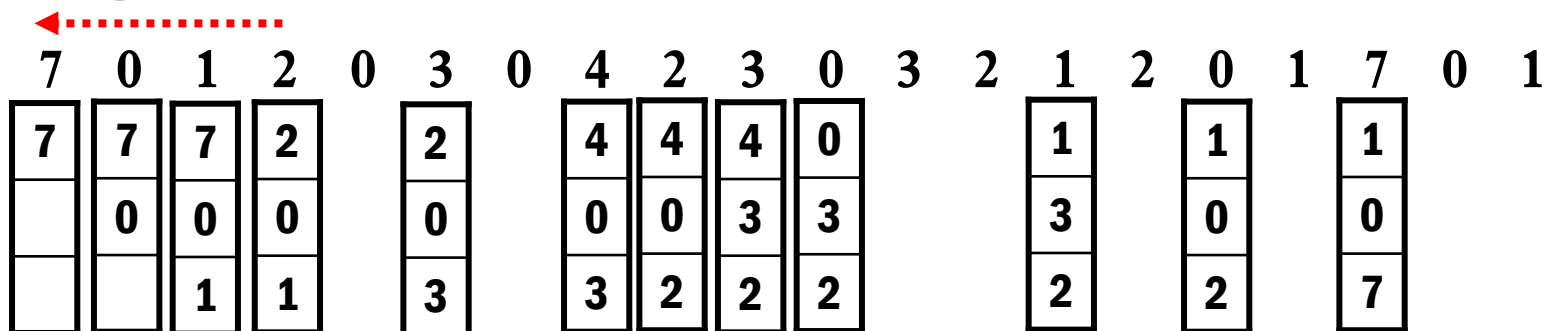




LRU (Least Recently Used) Algorithm

- 以“最近不常使用的Page”視為Victim Page。

- 例：給予下列的Page Reference String (頁面參考字串)，記憶體中的可用頁框有3個，OS採用“Pure Demand Paging”及“LRU Algo.”，求Page Fault次數。



有12次的Page Faults，Page Fault Ratio = $12/20 = 60\%$ 。

- 特質：

- 效果不錯 (Page fault ratio尚可接受)
- 不會有Belady異常現象
- 製作成本高，需要大量硬體支援 (如：需要Counter或Stack)





LRU製作方式

● 使用Counter (計數器)，做為Logical Timer

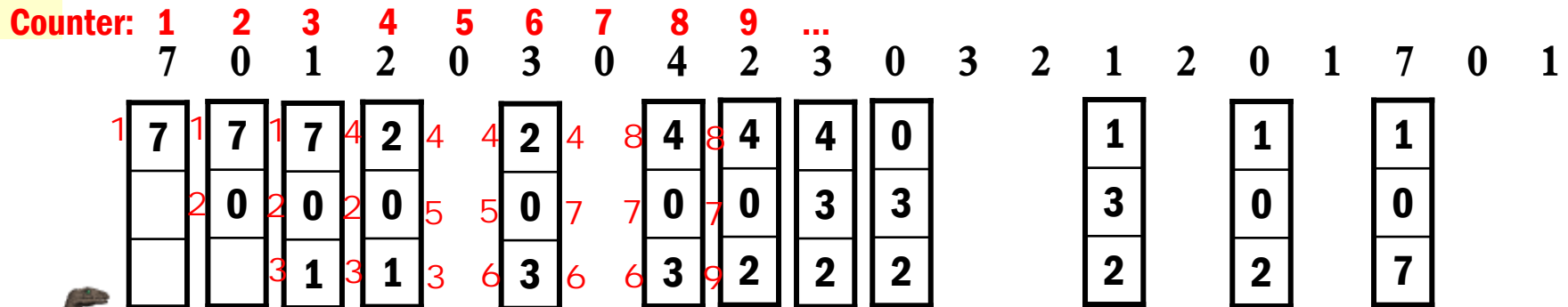
❑ 切確記錄每個Page最後一次的參考時間

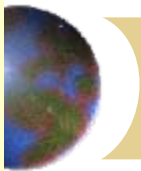
❑ 參考時間最小者即是LRU Page

❑ 作法：

- Counter初值為0
- 每個Page皆有一個附屬的Register，用以存Counter的值。
- 當有Memory Access動作發生，則Counter值加1，並且將Counter值設定給被存取頁面的附屬Register。
- LRU Page即是Register值最小的Page。

❑ 例：





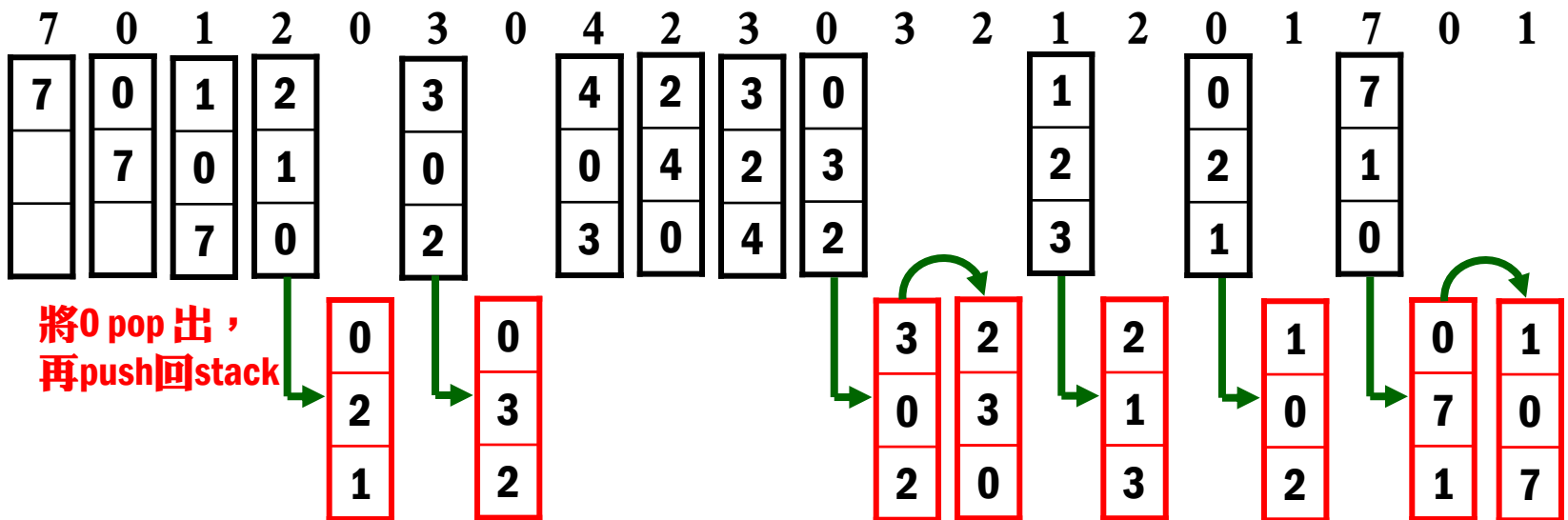
● 利用Stack (堆疊)

☒ 頁框數目即為此Stack的大小!!

☒ 作法：

- Stack頂端放的是最後 (最近) 參考的Page
- Stack的底端即為LRU Page。
- 當某Page被參考到，則會將此Page從Stack中取出，並Push回Stack成為頂端的Page。

☒ 例：

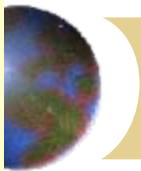




LRU 近似法則

- 緣由：∵ LRU製作成本過高
- 作法：
 - ❖ Second Chance (二次機會法則)
 - ❖ Enhance Second Chance (加強式二次機會法則)
- 都有可能退化成**FIFO**，∴會遇到**Belady異常情況**

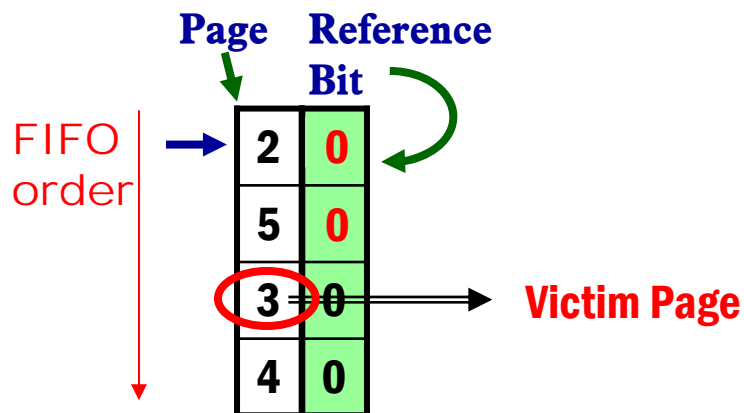




Second Chance (二次機會法則)

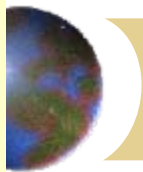
- 以**FIFO法則**為基礎，搭配**Reference Bit**使用。
- 程序：
 - ① 先以FIFO挑出Page
 - ② 檢查此Page的Reference Bit：
 - 若為 **1**，表示最近**有被參考過**，則放棄此Page作為Victim Page，並將Reference Bit值重設為0，goto ①。
 - 若為 **0**，表示最近**沒有被參考過**，則選擇此Page作為Victim Page。

● 例：



- 所有Page的Reference Bit皆為 0 或 1，則退化成FIFO Algo。∴可能有Belady Anomaly。





Enhance Second Chance (加強式二次機會法則)

- 使用 (**Reference Bit**, **Modification Bit**) 配對值作為挑選 Victim Page 的依據。

- 以**二進位無號數**來使用，取**最小值**做為 Victim Page
- 若有 ≥ 2 個 Page 具有相同最小值，則以**FIFO**為準

- 例：

R: 最近**有無被參考到**。
(以此Bit為最主要)

M: 最近**有無被修改**。

Page (R. Bit, M. B)

	0	0
	0	1
	1	0
	1	1

⇒ 此Page即沒被參考，
也沒被修改， \therefore 選此
Page可節省Disk I/O的成本!!

- 有可能退化成FIFO Algo， \therefore 可能有Belady Anomaly。





Reference Frequency Base Algo.

- 以**頁面之參考次數**作為挑選Victim Page的依據
- 作法：
 - ▣ **MFU (Most Frequently Used)**: 參考次數**最多**的Page作為Victim Page
 - ▣ **LFU (Least Frequently Used)**: 參考次數**最少**的Page作為Victim Page
- 若有多個Pages具有相同值，則以**FIFO**為準。
- 特性：
 - ▣ **Page Fault Ratio**太高 (∴不常使用)
 - ▣ 會有**Belady Anomaly**
 - ▣ **製作Cost**也高 (∴需要硬體支援)





※練習範例※

Page #	Load Time	Last Reference Time	Reference Bit	Modification Bit
1	164	480	1	1
2	300	500	0	1
3	128	700	1	1
4	400	600	0	0

則Victim Page各為何？

- 針對FIFO, LRU, Second Chance, Enhanced Second Chance °

Ans:

- FIFO = **P3** (只看Load Time)
- LRU = **P1** (只看Reference Time)
- Second Chance = **P2** (Load Time + Reference Time)
- Enhanced Second Chance = **P4** (Reference Bit + Modification Bit)





■ 頁框數 (Frames) 的分配多寡對 Page fault ratio 之影響

- 一般來說，Process 所分配到的頁框數 **愈多**，則 Page Fault Ratio **愈低**。
- Process 所分配的頁框數目有 **最少數目** 與 **最大數目** 的限制，此兩類數目限制均取決於 **硬體因素**。
 - ❑ **最大數目的限制**：由 **實際記憶體大小** (Physical Memory Size) 決定
 - ❑ **最少數目的限制**：由 “**機器指令結構**” 決定
 - 必須能讓任何一個機器指令順利執行完成
 - 即：機器指令執行過程中，Memory Access 可能之最多次數





- **最少分配頁框數，必須能讓任何一條機器指令順利完成。**

- 即：機器指令執行過程中，Memory Access可能之最多次數
- 機器指令執行過程中，若Page Fault Interrupt發生，此指令必須從頭開始執行。

- **機器指令的執行週期有5個Stages:**

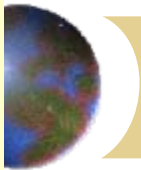
- IF: Instruction Fetch
- DE: Decode
- FO: Fetch Operand
- EX: Execution
- WM: Write Result to Memory



- **哪些Stage會做Memory Access:**

- **一定會**：IF Stage
- **不一定會**：FO Stage, WM Stage





- 假設IF、FO、WM 三個Stages頂多各做一次Memory Access：

- ∴最少的頁框分配數目為 3
- 若小於 3，則機器指令可能永遠無法執行完成!!
- 例：可用頁框



- 指令中需要做Memory Access的Pages一直相互踢來踢去，該指令永遠做不完!!

- 假設IF、FO、WM 三個Stages頂多各做 2 次Memory Access

- ∴最少的頁框分配數目為 6



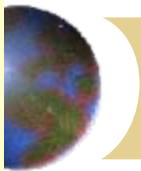


頁框數分配不足所引發的問題

● Thrashing (振盪)

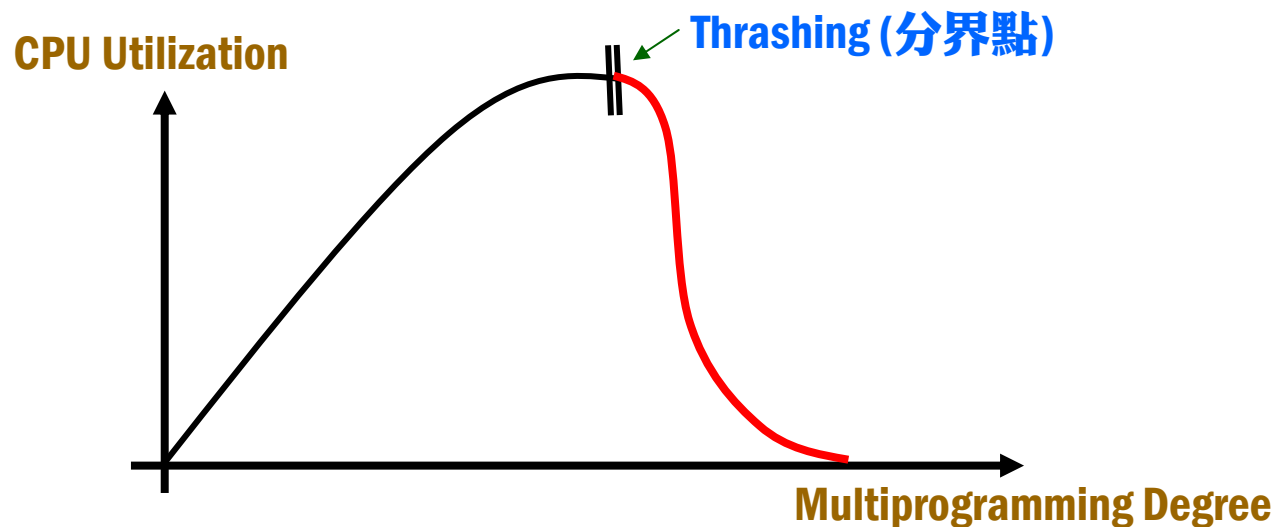
- 在**Multiprogramming**且為**Demand Paging**的環境中，若Process分配到的頁框數不足，則其會經常發生**Page Fault**，此時必須執行**Page Replacement**。
- 若採用“**Global Replacement Policy**”，則此Process會替換 (搶奪) 其它Process的Page以空出頁框，造成其它Process也會發生Page Fault，而這些Process也會去搶其它Process之頁框，如此一再循環發生，造成**所有Process皆在處理Page Faults**。
 - **Global Replacement Policy**：選Victim時**可選別人的頁面**替換出去。
 - **Local Replacement Policy**：選Victim時**只可選自己的頁面**。
- 此時，所有Process皆忙於Page之Swap In/Out，造成**CPU經常 idle**，**CPU Utilization下降**。此時OS (Multiprogramming Sys.)會企圖引進更多的Processes進入系統。





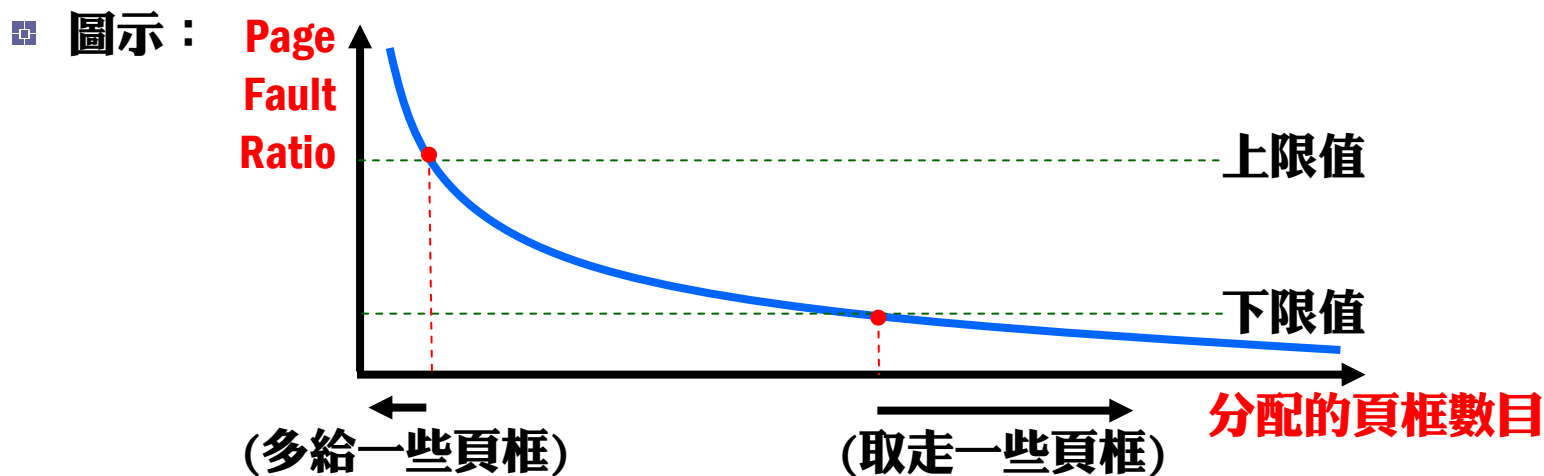
- 這些新進入的Processes馬上又會因為頁框數不足，而又發生Page Faults，又與其它Process搶奪頁框，所以CPU又再次idle。但是OS又企圖拉高Multiprogramming Degree。
- 如此現象一再發生，造成CPU Utilization急速下降，Throughput ↓，所有Process花在處理Page Fault的時間遠大於正常執行時間，稱之為Thrashing。

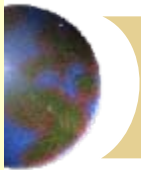
● 圖示：



Thrashing的解決方法

- 【方法1】降低Multiprogramming Degree
- 【方法2】利用Page Fault Frequency (Ratio)控制來防止Thrashing
 - 作法：OS規定合理的Page Fault Ratio之**上限**與**下限值**，把該ratio控制在一個合理範圍內。(∵有振盪發生時，Page Fault Ratio一定是處於**高檔**)
 - **Case 1:** 若某Process的Page Fault Ratio > 上限值，則OS應多分配額外的頁框給該Process。
 - **Case 2:** 若某Process的Page Fault Ratio < 下限值，則OS應從該Process取走多餘的頁框，以分配給其它有需要的Process。





- 【方法3】利用**Working Set Model** “**預估**” 各Process在不同執行時期所需的頁框數，並依此提供足夠的頁框數，以防止Thrashing。
 - 緣由：Process執行時，對於Memory的存取區域並非是均勻(Uniform)的，而是具有區域性(Locality)的特質。
 - 區域性(Locality)模式分成兩種：
 - **Temporal Locality (時間區域性)**
 - Process目前所存取的記憶體區域，**過不久後**會再度被存取。
 - Ex: Loop, Subroutine, Counter, Stack
 - **Spatial Locality (空間區域性)**
 - Process目前所存取的記憶體區域，其**鄰近區域**極有可能也會被存取。
 - Ex: Array, Sequential Code Execution, Global Data Area





● 作法：

- OS設定一個**Working Set Window** (工作集視窗； Δ) 大小，以 Δ 次記憶體存取中，所存取到的不同Page之集合，此一集合稱為Working Set。而Working Set中的Process個數，稱為Working Set Size (工作集大小；WSS)。

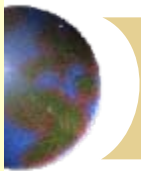
- 不同時期， Δ 可能不一樣!!

- Ex: Pages $\underbrace{1, 1, 2, 1, 3, 1, 1, 1, 2}_{\Delta=9}, \underbrace{1, 1, 1, 7, 6, 4, 1, 1}_{\Delta=8}$

Working Set = {1, 2, 3} Working Set = {1, 4, 6, 7}

Working Set Size= 3 Working Set Size= 4





■ 假設有 n 個 Processes，令：

- WSS_i 為 $Process_i$ 在某時期的 Working Set Size。
- D 為某時期所有 Processes 之頁框總需求量，即： $D = \sum_{i=1}^n WSS_i$ 。
- M 為 Physical Memory 大小 (可用頁框總數)

Case 1:

- $D \leq M$ ，則 OS 會依據 WSS_i ，分配足夠的頁框數給 $Process_i$ ，則可防止 Thrashing。

Case 2:

- $D > M$ ，則 OS 會選擇 Process 暫停執行，直到 $D \leq M$ 為止，此時即回到 Case 1 來做處理。等到未來記憶體頁框足夠時再恢復原先的 Suspended Process





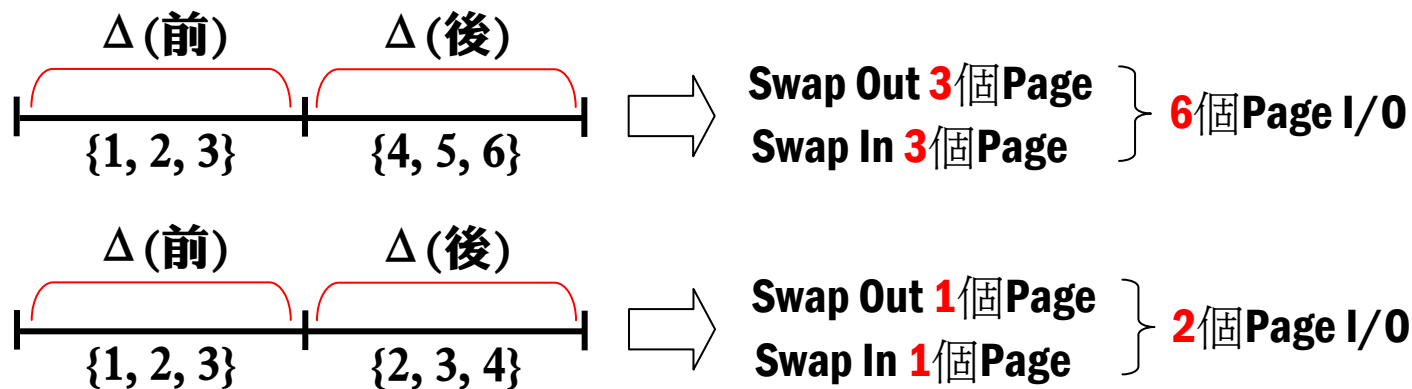
● 優點：

- ❑ 可以防止Thrashing產生
- ❑ 對於Prepaging亦有幫助

● 缺點：

- 以上一次的Working Set來預估下一次的Working Set，**不易制定精確的Working Set**。
- ❑ 若前、後的Working Set內容差異太大，則I/O Transfer Time會拉長。

❑ Ex:





■ Page Size大小對Page fault ratio之影響

● Page Size愈小，則：

■ Page fault ratio愈高

■ Page Table Size愈大

■ I/O Time (執行整個Process的I/O Time) 愈大

■ 內部碎裂愈小

■ Total I/O Time (單一Page的Transfer Time) 愈小

■ Locality愈集中

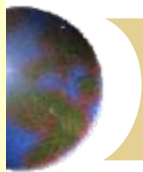
缺點

優點

● 趨勢：

■ 傾向Larger頁面





■ Page Structure對Page fault ratio之影響

● 所使用的Data Structure與Algorithm

■ 判斷好或不好在於符不符合Locality Model。若符合，則Page fault ratio下降，對Virtual Memory有利。

■ Good:

- Loop, Subroutine, Counter, Stack, Array, Sequential Code Execution, Global Data Area, Sequential Search.

■ Bad:

- Link list, Hashing Binary Search, goto, jump.

● Array的相關處理程式，最好與Array在Memory中的儲存方式一致（即：Row-major, Column-major）



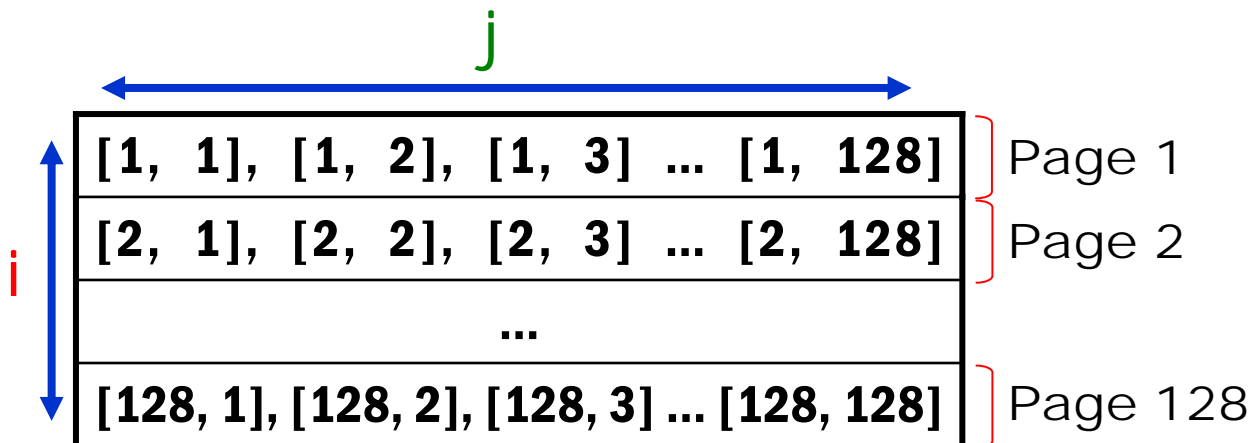


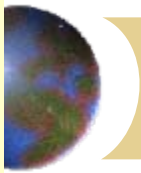
● 例：求下列兩個程式最多的Page Fault次數

- ❑ Array A[1 ... 128, 1 ... 128] of char
- ❑ Array是以Row-major方式存在於Memory中
- ❑ 每個char佔 1 個Byte
- ❑ Page Size: 128 Bytes

(a) For **i** = 1 to 128 do
 For **j** = 1 to 128 do
 A[i, j] = 0;

(b) For **j** = 1 to 128 do
 For **i** = 1 to 128 do
 A[i, j] = 0;





Ans :

(a)

- 採**Row-major**處理Array
- ∴每設定完一列就會發生**一次**Page fault，且共有128列
- ∴共**128**次Page fault

(b)

- 採**Column-major**處理Array
- ∴每設定完一行就會發生**128次**Page fault (跨頁面處理)，且共有128行
- ∴共**128 × 128**次Page fault

