

# El Assignment 09

Vithusan Ramalingam (21-105-515)

Jan Ellenberger (21-103-643)

## Aufgabe 1.)

H ist eine kryptografisch sichere Hashfunktion, da die Eigenschaften erfüllt sind.

- a) H ist eine One-Way-Funktion von da her schwierig zu invertieren. ✓

Mithilfe des gewählten Formates verhindert man dass die Funktion einfach invertiert werden kann. Die Funktion kann sehr grosse Werte generieren, alleine das macht es schwierig,  $H(a)$  herzuleiten.

- b) H ist collision-free, es ist praktisch nicht möglich zwei unterschiedliche Werte zu finden, ( $x_1$  nichtgleich  $x_2$ ) sodass  $H(x_1) = H(x_2)$ . ✓

Eine Kollision ist nicht unmöglich, jedoch ist die Wahrscheinlichkeit sehr gering. Da p eine Primzahl ist. (Kleiner Fermat Satz)

Ausserdem kann g kein Vielfaches von p sein, da ansonsten  $H(a) = 0$  ist. Unabhängig davon wie gross a ist. Was es zusätzlich schwieriger macht die Funktion zu rekonstruieren.

- c) Die herausgegebenen Werte von H sehen zufällig aus. (obwohl H deterministisch ist). ✓

Die herausgegebenen Werte sehen willkürlich aus

## Aufgabe 2. a)

Auf 2 a.)

$$\text{Algo: } x = a^b \bmod m$$

$$(b)_{10} \rightarrow (b)_2$$

$$b = (b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0)$$

$$a^{(b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0)} \bmod m$$

$$y = a^{b_k} \bmod m \cdot a^{b_{k-1}} \bmod m \cdot \dots \cdot a^{b_1} \bmod m \cdot a^{b_0} \bmod m$$

$$\bmod m = x$$

}

## Aufgabe 2.b)

Auf 2.b.)

$$x = 7^{151} \bmod 15$$

$$(151)_{10} = (10010111)_2 \quad 151 = 2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^4 + 2^7$$

$$= (1 + 2 + 4 + 16 + 128) \bmod 15$$

$$7^1 \bmod 15 = 7$$

$$7^2 \bmod 15 = 4$$

$$7^4 \bmod 15 = 1$$

$$7^{16} \bmod 15 = 1$$

$$7^{128} \bmod 15 = 1$$

$$151 : 2 = 74 \quad R:1$$

$$74 : 2 = 36 \quad R:1$$

$$36 : 2 = 18 \quad R:1$$

$$18 : 2 = 9 \quad R:0$$

$$9 : 2 = 4 \quad R:1$$

$$4 : 2 = 2 \quad R:0$$

$$2 : 2 = 1 \quad R:0$$

$$1 : 2 = 0 \quad R:1$$

$$\begin{array}{cccccccc} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 2^7 & 2^6 & 2^5 & 2^4 & 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \end{array}$$

$$(7 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1) \bmod 15 = 28 \bmod 15 = 13$$

$$7^{151} \bmod 15 = 13$$