首页 专题 每日一题 下载专区 视频专区 91 天学算法 《算法通关之路》 Github R

new

切换主题: 默认主题 🗸

### 78. 子集

### 入选理由

1. 昨天和大家打过预防针了,今天就是一个位运算应用题。 建议和我讲义里面的那道状态压缩一起食用。

# 标签

- 回溯
- 位运算

## 难度

• 中等

# 题目地址(78.子集)

https://leetcode-cn.com/problems/subsets/

### 题目描述

```
给你一个整数数组 nums ,数组中的元素 互不相同 。返回该数组所有可能的子集(幂集)。
解集 不能 包含重复的子集。你可以按 任意顺序 返回解集。

示例 1:
输入: nums = [1,2,3]
输出: [[],[1],[2],[1,2],[3],[1,3],[2,3],[1,2,3]]
示例 2:
输入: nums = [0]
输出: [[],[0]]

提示:
1 <= nums.length <= 10
```

```
-10 <= nums[i] <= 10
nums 中的所有元素 互不相同
```

#### 前置知识

- 位运算
- 回溯

#### 分析

这道题第一眼是可以用搜索/回溯来做的,每进行一次搜索就把当前结果存入结果集。这种求子集的类型题其实还有另一种做法:

每个元素有两种状态,拿或者不拿,那么如果一共有 $\mathbf{N}$ 个数,那就一共有 $\mathbf{2}^{\mathbf{N}}$ 中可能,也就是有这么多个子集(子集包括全集和空集)。既然每一个数只有两种状态,那么我们不妨用一个 bit 来表示。这样题中的[1,2,3],我们可以看成一个三个比特的组合:

比如  $0\ 0\ 0$  就代表空集, $1\ 1\ 1$  就代表全集, $1\ 0\ 0$  就代表[1] (可正可反)。这样我们就可以进行位操作, $0\ -\ 2^n\ -\ 1$ 的数的二进制数位为 1 的位置,就把对应的元素填入集合中。

PS: ((1 << i)& sign)!= 0 的意思是用第 i 位是 1 比特与当前 sign 相与,若结果不为 0 就代表第 i 位比是 1

进阶: 用回溯解法解决该问题

## 代码

代码支持 Java, Python, CPP, JS

Java Code:

```
return res;
}
```

Python Code:

```
class Solution:
    def subsets(self, nums):
        """
        :type nums: List[int]
        :rtype: List[List[int]]
        """
        res, end = [], 1 << len(nums)
        for sign in range(end):
            subset = []
            for i in range(len(nums)):
                if ((1 << i) & sign) != 0:
                     subset.append(nums[i])
                      res.append(subset)
        return res</pre>
```

CPP Code:

```
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
        int n = nums.size();
        vector<int> t;
        vector<vector<int>>> res;
        for (int i = 0; i < (1 << n); ++i) {
            t.clear();
            for (int j = 0; j < n; ++j) {
                if (i & (1 << j)) {
                    t.push_back(nums[j]);
            }
            res.push_back(t);
        return res;
    }
};
```

JS Code:

```
var subsets = function (nums) {
   const ans = [];
   const n = nums.length;
   for (let mask = 0; mask < 1 << n; ++mask) {
      const t = [];
      for (let i = 0; i < n; ++i) {
         if (mask & (1 << i)) {
            t.push(nums[i]);
          }
      }
      ans.push(t);
   }
   return ans;
};</pre>
```

#### 复杂度分析

令 N 为数组长度

- 时间复杂度:  $O(N*2^N)$
- 空间复杂度: O(N), 最长子集为整个数组长, 不考虑返回结果。

