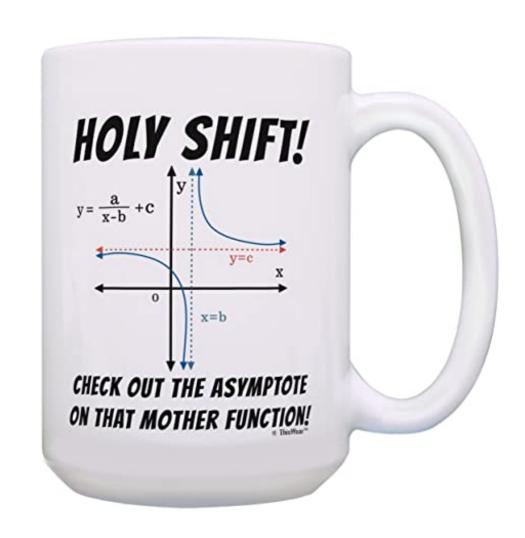
Généralités sur les fonctions



Définition

Soit \mathscr{D}_f une partie de l'ensemble \mathbb{R} .

Une fonction f définie sur \mathcal{D}_f , associe à tout nombre x de \mathcal{D}_f , un unique nombre, noté f(x).

 \mathscr{D}_f est l'ensemble de définition de f.

Notation

$$f: \mathscr{D}_f \mapsto \mathbb{R} \ x \mapsto f(x)$$

ou

Soit f une fonction définie sur \mathscr{D}_f tel que f(x)=...

Exemple

$$egin{aligned} f: [0;5] &\mapsto \mathbb{R} \ x &\mapsto x \, (5-x) \end{aligned}$$

OU

Soit f une fonction définie sur [0;5] tel que $f(x)=x\,(5-x)$.

4

Méthode : Établir un tableau de valeurs de f

Soit f une fonction définie sur [0;5] tel que $f(x)=x\,(5-x)$.

Établir un tableau de valeurs de f, c'est calculer quelques valeurs de f(x) pour des valeurs de $x\in \mathscr{D}_f$.

- $f(2) = 2 \times (5-2) = 6$
- $f(0) = 0 \times (5 0) = 0$
- $f(4.25) = 4.25 \times (5 4.25) = 2.25$

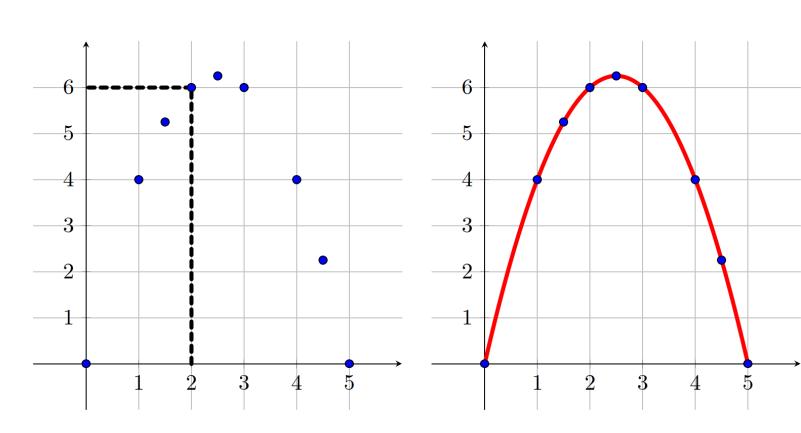
5

Généralités sur les fonctions

Avec quelques valeurs de $x \in [0;5]$, on obtient un **tableau de valeurs**

x	0	1	1,5	2	2,5	3	4	4,25	5	
f(x)	0	4	5,25	6	6,25	6	4	2,25	0	

En plaçant les points dans un repère et en reliant ces points, on obtient :



Remarque

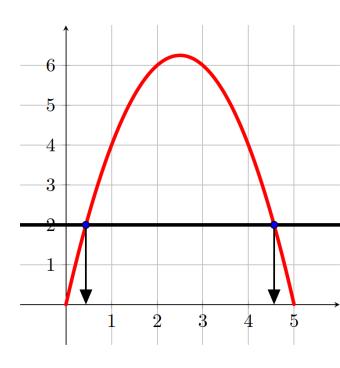
L'ensemble des points de coordonnées (x;y) avec y=f(x) définissent la courbe représentative de la fonction f.

On dira que y = f(x) est l'équation de la courbe.

Résolution graphique d'équations

Résoudre graphiquement une équation du type f(x)=k

Pour résoudre une équation du type f(x) = k, il s'agit de trouver le (ou les) antécédent(s) de k par la fonction f.



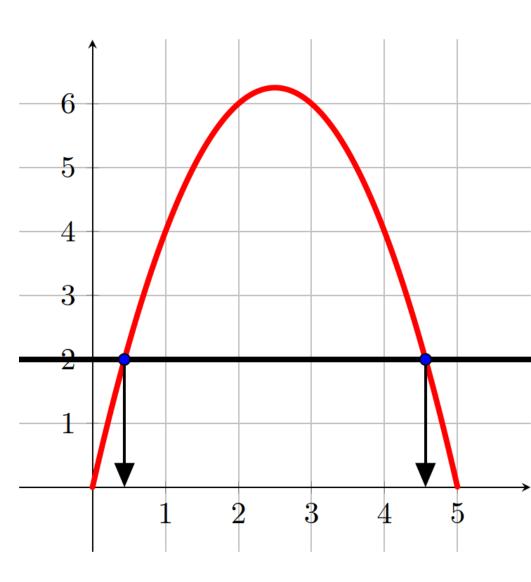
Exemple

Soit f une fonction définie sur [0;5] tel que $f(x)=x\,(5-x)$.

Pour résoudre f(x)=2, il s'agit de lire graphiquement les antécédents de 2 par la fonction f.

On détermine les abscisses des points d'intersection de la courbe \mathscr{C}_f avec la droite parallèle à l'axe des abscisses passant par le point (0;2).

On trouve deux solutions "approchées" : x pprox 0, 5 et x pprox 4, 5

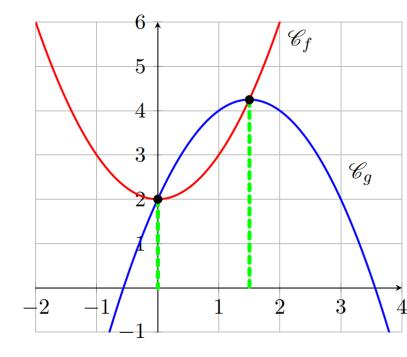


Remarques

- Par lecture graphique, les solutions obtenues sont approchées.
- L'équation f(x)=7 n'a pas de solution car dans ce cas la droite ne coupe pas la courbe.
- Graphiquement, on ne peut pas être certain que les solutions qui apparaissent sont les seules. Il pourrait y en avoir d'autres au-delà des limites de la représentation graphique tracée.

Résoudre graphiquement une équation du type f(x)=g(x)

Pour trouver les solutions de l'équation f(x)=g(x), il suffit de lire l'abscisse des points d'intersection des deux courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_g .



Généralités sur les fonctions

Exemple

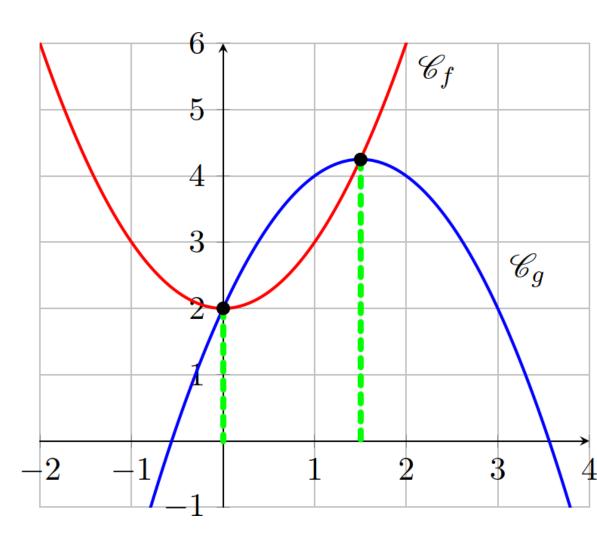
On considère les fonctions f et g définie sur $\mathbb R$ par :

- $f(x) = x^2 + 2$
- $\bullet \ g(x) = -x^2 + 3x + 2$

Les points d'intersections des deux courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_g ont pour abscisses 0 et 1,5.

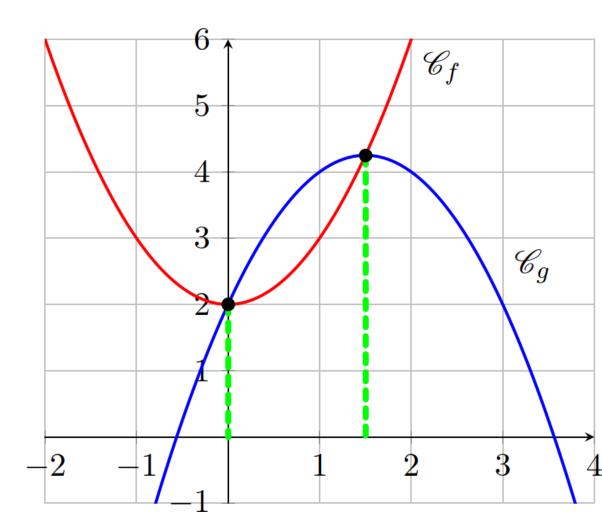
Graphiquement, on lit que l'équation f(x)=g(x) admet pour solutions :

$$x = 0$$
 et $x = 1, 5$



Vérification:

- $egin{aligned} ullet & ext{ Pour } x=0 \ f(0)=0^2+2=2 \ g(0)=-0^2+(3 imes 0)+2=2 \end{aligned}$
- $egin{aligned} ullet ext{Pour } x &= 1.5 \ f(1.5) &= 1.5^2 + 2 = 4.25 \ g(1.5) &= -(1.5)^2 + (3 imes 1.5) + 2 \ &= -2.25 + 4.5 + 2 \ &= 4.25 \end{aligned}$



Pour déterminer l'ensemble des solutions de l'inéquation f(x) < g(x), il faut lire l'ensemble des valeurs de x pour lesquelles \mathscr{C}_f est **au-dessous** de \mathscr{C}_g .

Graphiquement,

$$f(x) < g(x) \Leftrightarrow x \in]0; 1.5[$$

