2016-2017 学年秋季学期

试题专用纸

中国科学院大学

课程编号: 091M4042H

课程名称:模式识别与机器学习

任课教师: 黄庆明、山世光、兰艳艳、郭嘉丰

试题专用纸

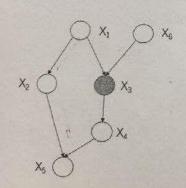
注意事项:

1.考试时间为 120 分钟, 考试方式 闭 卷;

2.全部答案写在答题纸上;

3.考试结束后,请将本试卷和答题纸、草稿纸一并交回。

- 1. (6分)简述模式的概念和它的直观特性,并简要说明模式分类有哪几种主要方法。
- 2. (8分)假设某研究者在ImageNet数据上使用线性支持向量机(Linear SVM)来做文本分类的任务,请说明在如下情况下分别如何操作才能得到更好的结果,并说明原因。
 - (1) 训练误差5%, 验证误差10%, 测试误差10%。
 - (2) 训练误差1%, 验证误差10%, 测试误差10%。
 - (3) 训练误差1%, 验证误差3%, 测试误差10%。
- 3. (8分)给定如下概率图模型,其中变量X。为已观测变量,请问变量X,和X。是否独立? 并用概率推导证明之。



- 4. (10分)(1)随机猜测作为一个分类算法是否一定比 SVM 差?借此阐述你对"No Free Lunch Theorem"的理解。(2)举例阐述你对"Occam's razor"的理解。
- 5. (10分)详细描述 AdaBoost 的原理并给出算法,并解释为什么 AdaBoost 经常可以 在训练误差为 0 后继续训练还可能带来测试误差的继续下降。
- 6. (10 分) 用感知器算法求下列模式分类的解向量 (取 w(1) 为零向量) ω₁: {(0 0 0)^T, (1 0 0)^T, (1 0 1)^T, (1 1 0)^T}
 - ω_2 : {(0 0 1)^T, (0 1 1)^T, (0 1 0)^T, (1 1 1)^T}

- 7. (12分)设以下模式类别具有正态概率密度函数:
 - ω_1 : {(0 0 0)⁷, (1 0 0)⁷, (1 0 1)⁷, (1 1 0)⁷}
 - ω_2 : {(0 1 0)^T, (0 1 1)^T, (0 0 1)^T, (1 1 1)^T} 若 $P(\omega_1)=P(\omega_2)=0.5$,求这两类模式之间的贝叶斯判别界面的方程式。

8. (12分)假设有如下线性回归问题,

$$\min_{\beta} (y - X\beta)^2 + \lambda ||\beta||_2^2$$

其中y和β是n维向量,X是一个m×n的矩阵。 该线性回归问题的参数估计可看作一个后验分布的均值, 其先验为高斯分布 $\beta \sim N(0, \tau I)$,样本产生自高斯分布 $y \sim N(X\beta, \sigma^2 I)$,其中I为单位矩阵,试推导调控系 数 λ 与方差 τ 和 σ^2 的关系。

- 9. (12 分)给定有标记样本集 $D_l = \{(x_1, y_1), (x_2, y_2), ..., (x_l, y_l)\}$ 和未标记样本 $D_{w} = \{(x_{l+1}, y_{l+1}), (x_{l+2}, y_{l+2}), ..., (x_{l+u}, y_{l+u})\}, l \ll u, l+u=m$, 假设所有样本独立 同分布,且都是由同一个包含 N 个混合成分的高斯混合模型 $\{(\alpha_i,\mu_i,\Sigma_i)|1\leq i\leq N\}$ 产 生,每个高斯混合成分对应一个类别,请写出极大似然估计的目标函数(对数似然 函数),以及用 EM 算法求解参数的迭代更新式。
- 10. (12分) 假定对一类特定人群进行某种疾病检查,正常人以ω,类代表,患病者以 ω。类代表。设被检查的人中正常者和患病者的先验概率分别为

正常人: P(ω₁)=0.9

患病者: P(ω,)=0.1

现有一被检查者, 其观察值为 x, 从类条件概率密度分布曲线上查得

 $P(x | \omega_1) = 0.2$, $P(x | \omega_2) = 0.4$

同时已知风险损失函数为

$$\begin{pmatrix} \lambda_{11} & \lambda_{12} \\ \lambda_{21} & \lambda_{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 6 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

其中 A 」表示将本应属于第 j 类的模式判为属于第 i 类所带来的风险损失。试对该 被检查者用以下两种方法进行分类:

- (1) 基于最小错误率的贝叶斯决策,并写出其判别函数和决策面方程;
- 基于最小风险的贝叶斯决策, 并写出其判别函数和决策面方程。 (2)

2016-2017

- 人模式是抽取面物体的任息、集会,既包含空间部分,又包含时间部分. 直观特性:可观察性,可尽分性,相似性 主要方法:监督学习:积底300边,归纳修说 非监督学习:数据38边,混译作版说
- 2、(1)欠批合,换用复发灰更高丽模型 (2)过批合,换用复杂废更低而被型
 - (3) 汕门试数据与训试数据不是独立国分布的,更换汹门试数据集
- 4.117不一定,在无处处识的情况下无证断告一个模型化另一个更效。 对特定的问题对获得更强的效果需要仅用更复杂的模型。
 - (2)训练数据来自添加高斯噪声的 y= sinx (x6[0,217])。 浏览使用不同的多项式函数加合, 三次的效果最佳, 在同等转设产的条件不, 简单模型基有更小的方差, 更对的 没化能力.

5、7x1、火作二 通过弱线器的组合,得到强线器.

D(1)= 六 通达弱线器的组合,得到强线器.

面以训练弱线器后,对线器设施 群本, 憎如权重使得后该的分类器 可加强弱线器从证 更加"现准"该样本,以起到起开 のか。 e- ペッチャル(スロックは) 分发效果的目的.

其中化二主从上是 , E=P(han +y) < ons 当训练设着为零度, Ado Boost 会继续增大 分发问证, 对是开模型的泛化能力, 派为测试设着。

```
6. Was=10.0,0,0), 对 Wzim 样变取相反物
が分数据: W.:イ(0,0,0,1)T, (1,0,91)T, (10.1,1)T, (11,0,1)T}
           Wz: { 60,-0,-1,-1) , (-0,-1,-1) , (-0,1,0,7), (1,1,7,7) }
更折规则: w(K+1) = { w(K) w(K) X(K) > 0 (以7名16人及行的变象)
```

$$\begin{array}{l} & \chi(1) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(1)^{T}\chi(1) = 0 \ \text{Rif}: W(2) = (0,0,0,0,1)^{T} \\ & \chi(2) = (0,0,-1,-1)^{T}, \ W(2)^{T}\chi(2) = -1 \ \text{Rif}: W(3) = (0,0,-1,0)^{T} \\ & \chi(3) = (0,-1,0,-1)^{T}, \ W(3)^{T}\chi(3) = 0 \ \text{Rif}: W(4) = (0,-1,-1,-1)^{T} \\ & \chi(4) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(4)^{T}\chi(4) = -1, \ \text{Rif}: W(5) = (0,-1,-1,0)^{T} \\ & \chi(6) = (1,0,0,1)^{T}, \ W(5)^{T}\chi(5) = 0, \ \text{Rif}: W(6) = (1,-1,-1,1)^{T} \\ & \chi(6) = (0,0,-1,-1)^{T}, \ \chi(10)^{T}\chi(10) = 0, \ \text{Rif}: \ W(8) = (1,-1,-2,1)^{T} \\ & \chi(8) = (1,0,1,1)^{T}, \ W(8)^{T}\chi(8) = 0, \ \text{Rif}: \ W(9) = (2,-1,-2,1)^{T} \\ & \chi(9) = (0,0,-1,-1)^{T}, \ W(9)^{T}\chi(9) = -1, \ \text{Rif}: \ W(10) = (2,-1,-2,1)^{T} \\ & \chi(10) = (0,0,-1,-1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(10) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(10)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,1)^{T}, \ W(11)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,0,1)^{T}, \ W(11)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (0,0,0,0,1)^{T}, \ W(11)^{T}\chi(11) = 0, \ \text{Rif}: \ W(12) = (2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11) = (2,-2,-2,-2,1)^{T} \\ & \chi(11)$$

7.
$$p(w_{i}|x) = \frac{p(x|w_{i}) p(w_{i})}{p(x)}$$
$$p(w_{i}|x) = \frac{p(x|w_{i}) p(w_{i})}{p(x)}$$

$$p(w_1|x) = \frac{p(x|w_1)p(w_1)}{p(x)} \qquad d(x) = \frac{p(x|w_1)}{p(x|w_2)} - \frac{p(w_2)}{p(w_1)} = \frac{p(x|w_1)}{p(x|w_2)} - 1 = 0$$

$$p(w_2|x) = \frac{p(x|w_2)p(w_2)}{p(x)} \qquad \text{this is the wind higher.} \qquad p(x|w) = p(x_1, x_2, x_3, |w) = p(x_1|w) p(x_2|w)$$

$$p(w_1|x) > p(w_2|x) \qquad d(x) = \frac{\tilde{d}_1 p(x_1|w_1)}{\tilde{d}_1 p(x_2|w_1)} - 1 = 0$$

$$p(x|w_1) = \frac{\tilde{d}_2 p(x_2|w_1)}{\tilde{d}_1 p(x_2|w_1)} - 1 = 0$$

$$p(x|w_1) = \frac{\tilde{d}_3 p(x_2|w_1)}{\tilde{d}_1 p(x_2|w_1)} - 1 = 0$$

$$p(x|w_1) = \frac{\tilde{d}_3 p(x_2|w_1)}{\tilde{d}_1 p(x_2|w_1)} - 1 = 0$$

```
8.
   P($|$) = P($|$.$,6).P($|r)
```

对数似然: log p(声) = log p(寸|声水,5)+log p(声) - log p(牙) = log n p(yo | \$\vec{p}, \vec{x}_0, 6) + log \frac{1}{42\infty | 2 \display | 2 \di = \$\log \frac{1}{5767} e^{-\frac{1}{2}(\frac{1}{2}i-\frac{1}{2}i\frac{1}{2}i)} (\frac{1}{2}i-\frac{1}{2}i\frac{1}{2}i)^{-1}(\frac{1}{2}i-\frac{1}{2}i\frac{1}{2}i)^{-1}\frac{1}{2}i-\frac{1}{2}i\frac{1}{2}i-\frac{1} = = さっさいは、水はりは、水はりーナーをがす + C. =- 1 (y-xp)2- 1 ||B||2+C =- 1 [(4-x B)2+ 5 || B||2] + C

max by p(声)す)等行于 min (y-xp)子で 11月112 :. 入二会

9. D.=ナイスに、サントに、巴大口、Dafai, タントによりま文は

全主ix-[(Ti, Yi=K), Hi HIELEM, BAZZIK~B(1, P(Ji=k|Xi)), $\overline{E}\text{-Stop}: \overline{E(3ik)} = p(y_i = k|x_i) = \frac{p(x_i|y_i = k)p(y_i = k)}{p(x_i)} = \frac{p(x_i|y_i = k)p(y_i = k)}{\sum_{j=1}^{n} p(x_i|y_i = j)p(y_j = j)}$

M-step: The p(xi, yi) = The p(xi, yi) - The p(xi, yi)

Di. Heiem P(x, yi) = i p(xi.yi=j) = ij

TI p(xu, yu) = I p(xu, yu). II TT p(xu, yi=j) Zij

ABALLE: Ellig pero, yo) 1 = 2 = 3 (bg p(x) / 3 - 3) }

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} |y_{i}| |y_{i}|}{\sum_{i=1}^{n} |y_{i}|} + \frac{\sum_{i=1}^{n} |y_{i}|}{\sum_{i=1}^{n} |y_{i}|} + \frac{\sum_{i=1}^{$$

$$p(w_1|x) = \frac{p(x|w_1) \cdot p(w_1)}{p(x)}$$

$$p(w_2|x) = \frac{p(x|w_2) \cdot p(w_2)}{p(x)}$$

$$p(w_1|x) > p(w_2|x)$$

$$p(x|w_1) \cdot p(w_2) > p(x|w_2) \cdot p(w_2)$$

$$\frac{p(x|w_1)}{p(x|w_2)} - \frac{p(w_2)}{p(w_1)} > 0$$

$$d(x) = \frac{p(x|w_1)}{p(x|w_2)} - \frac{p(w_1)}{p(w_2)} = 0$$

$$d(x) = \frac{0.2}{0.9} - \frac{0.9}{0.1} = -7 < 0$$

$$\therefore x \in W_2.$$

(2)
$$Y_1 = L_{11} \cdot p(x_1 w_1) + L_{12} \cdot p(x_1 w_2)$$

= $0 \cdot p(x_1 w_1) p(w_1) + b \cdot p(x_1 w_2) p(w_2)$
= $0 + 6 \times 0.4 \times 0.1$
= 0.24
 $Y_2 = L_{22} \cdot p(x_1 w_2) + L_{21} p(x_1 w_1)$
= $0 \cdot p(x_1 w_2) p(w_2) + 1 \times p(x_1 w_1) p(w_1)$

= 0+ 1×0.2×0.9

= 0-18