快速幂, 快速乘

快速幂

Idea: 指数每除2,底数就平方(若指数是奇数,则乘出一个底数后再平方)。

Complexity: $O(\lg n)$ (其中 n 是指数)

Code:

```
LL fpow(LL base, LL idx, LL MOD){
   LL res = 1;
   base %= MOD;
   while(idx){
      if(idx & 1) (res *= base) %= MOD;
      idx >>= 1;
      (base *= base) %= MOD;
   }
   return res % MOD;
}
```

快速乘

Idea: 一个乘数每除 2, 另一个乘数就乘 2。

Complexity: $O(\lg n)$ (其中 n 是其中一个乘数)

Application: 一边乘一边取模。

Code:

```
LL fmul(LL x, LL y, LL MOD){
2
        x %= MOD;
3
        y %= MOD;
4
        LL res = 0;
5
        while(y){
           if(y & 1)
                      (res += x) %= MOD;
6
7
           y >>= 1;
            (x <<= 1) %= MOD;
8
9
10
        return res;
   }
11
```