旋转卡壳

Rotating Calipers

Idea:首先求出凸包,随后逆时针枚举边,利用三角形面积寻找最远点,容易发现最远点的轨迹也是逆时针的,该最远点可能是边的两个端点的对踵点对,由此可求出所有对踵点对。

Application:求凸包直径、宽度,凸包间最大、小距离,最小面积、周长外接矩形,洋葱、螺旋三角剖分,四边形剖分,合并凸包、凸包公切线、凸包交集、凸包临界切线、凸多边形矢量和,最薄横截带

Reference: 链接

Complexity: O(n) (仅就旋转卡壳而言;事实上,由于一般需要先求凸包,复杂度是凸包的复杂度)

Code (求凸包直径的平方):

```
2
                                             void RotatingCalipers(int m, Point p[]){ // p[] = sta[], m = staid in ConvexHull()
        3
                                                                                                                       ans = (int)( (p[1] - p[2]) * (p[1] - p[2]));
        5
                                                                                                                         return;
          6
        7
                                                                             p[m+1] = p[1];
                                                                                  int ver = 2;
      9
                                                                                for(int i = 1; i <= m; i++){
 10
                                                                                                                          \label{eq:while(TriangleArea(p[i], p[i+1], p[ver]) < TriangleArea(p[i], p[i+1], p[ver+1]))} \\ \{ p[i+1], p[ver+1], 
 11
                                                                                                                                                                 ver++;
 12
                                                                                                                                                              if(ver == m+1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              ver = 1;
13
                                                                                                                                                                 ans = max(ans, (int)max((p[ver] - p[i]) * (p[ver] - p[i]), (p[ver] - p[i+1]) * (p[ve
                                             p[i+1])));
                                                                                                                         }
 15
                                                                                  }
 16 }
```