最小圆覆盖

Minimum Enclosing Circle

Idea: 随机增量法。假设圆O是前 i-1个点的最小覆盖圆,若第 i个点在圆内或圆上,不用处理;否则,新圆应该经过第 i个点。我们现在以第 1个点和第 i个点为直径作圆,但是这个圆可能包含不了所有前 i-1个点,设第 j个点在圆外,那么新圆一定经过第 j个点,以第 i 个点和第 j个点为直径作圆,同理可得到新圆一定经过第 k个点。三点确定一个圆,我们就找到了覆盖前 k0个点的最小圆。随机化以避免最坏情形出现。

Complexity: 期望 O(n)

Code:

```
Point getO(Point a, Point b, Point c){
         Point mab = (a + b) / 2, mbc = (b + c) / 2;
         Vector vab = Normal(b - a), vbc = Normal(c - b);
3
4
         return GetLineIntersection(Line(mab, vab), Line(mbc, vbc));
    Circle minEnclosingCircle(int n, Point p[]){
6
         random_shuffle(p+1, p+n+1);
         Point o = p[1]; double r = 0;
8
9
         for(int i = 1; i <= n; i++){
10
             if(cmp(Length(o - p[i]), r) <= 0)</pre>
                                                 continue:
             o = (p[i] + p[1]) / 2;
11
             r = Length(p[i] - p[1]) / 2;
12
             for(int j = 1; j < i; j++){
13
14
                 if(cmp(Length(o - p[j]), r) \le 0)
                 o = (p[j] + p[i]) / 2;
15
16
                 r = Length(p[j] - p[i]) / 2;
17
                 for(int k = 1; k < j; k++){
                     if(cmp(Length(o - p[k]), r) <= 0) continue;
18
19
                     o = get0(p[i], p[j], p[k]);
                     r = Length(p[i] - o);
2.0
21
22
             }
23
24
         return Circle(o, r);
25
```