# 并查集

## Disjoint Set Union / Union-Find Set

Idea: 相关联的点处于同一集合之中,无关的点处于不同集合之中。用形似单向链表的方式维护集合,使之成为一种树形结构。

#### Optimization:

- 路径压缩:在查询时顺便使该元素指向该集合的代表元素。
- 按秩合并:合并时将小的集合合并到大的集合中去。

#### Complexity:

- Worst-Case O(n) 【朴素】
- Worst-Case O(lg n), Average-Case O(α(n))
   【路径压缩】
- O(lg n) 【按秩合并】
- O(α(n)) 【路径压缩+按秩合并】

### Code (仅路径压缩):

```
int fa[N];
int findfa(int x){ return x == fa[x] ? x : fa[x] = findfa(fa[x]); }
inline void unionn(int x, int y){ fa[findfa(y)] = findfa(x); }
```

Code (仅按秩合并,记得初始化 sz[i]=1):

```
int fa[N], sz[N];
int findfa(int x){ return x == fa[x] ? x : findfa(fa[x]); }
inline void unionn(int x, int y){
    x = findfa(x), y = findfa(y);
    if(x == y) return;
    if(sz[x] < sz[y]) swap(x, y);
    fa[y] = x, sz[x] += sz[y];
}</pre>
```

Code (路径压缩+按秩合并,记得初始化 sz[i]=1):

```
int fa[N], sz[N];
int findfa(int x){ return x == fa[x] ? x : fa[x] = findfa(fa[x]); }
inline void unionn(int x, int y){
    x = findfa(x), y = findfa(y);
    if(x == y) return;
    if(sz[x] < sz[y]) swap(x, y);
    fa[y] = x, sz[x] += sz[y];
}</pre>
```