树的直径

Diameter of Tree

Concept: 树的直径是指树中最长的一条简单路径的长度

两次 dfs

Theorem: 从任意一点开始 dfs 一遍,找到距离起点最远的点 x,则 x 一定是直径的一个端点;再从x 开始 dfs 一遍,找到距离 x 最远的点 y,则 x 和 y 就是树的直径。

Complexity: O(n)

Code:

```
1
    int dis[N];
    void dfs(int x, int f, int d, int &p){
3
        dis[x] = d;
4
        if(!p || dis[p] < d) p = x;
5
        for(int i = head[x]; i; i = edge[i].nxt){
 6
            if(edge[i].to == f) continue;
7
             dfs(edge[i].to, x, d + edge[i].dis, p);
 8
        }
9
    }
10
    int main(){
12
       //...
13
        int x = 0, y = 0;
14
        memset(dis, 0, sizeof dis); dfs(1, 0, 0, x);
15
        memset(dis, 0, sizeof dis); dfs(x, 0, 0, y);
16
        // now x, y are ends of the diameter
17
        printf("%d\n", dis[y]);
18
        return 0;
19 }
```

树形 dp

Idea: 设 dp[i] 表示以 i 为根的子树中,一个端点在 i 的最长路径长度,则在 dp 过程中记录子树的最大、次大长度进行转移和更新答案即可。

Complexity: O(n)

Code:

```
12     dp[x] = mx1;
13     ans = max(ans, mx1 + mx2);
14     }
15
16     int main(){
17          //...
18          dfs(1, 0);
19          printf("%d\n", ans);
20          return 0;
21     }
```