VF2算法实验报告

海量图数据的管理和挖掘

2015年12月13日

作者:马凌霄

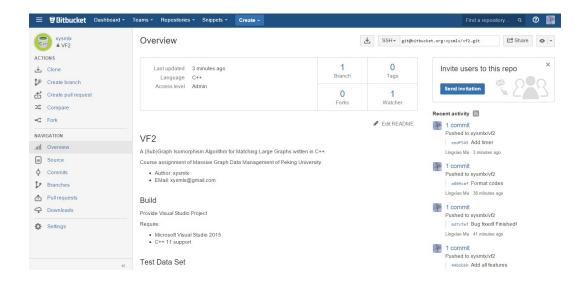
学号: 1501111302

院系: 信息科学技术学院

EMail: xysmlx@gmail.com

Repository (Private): https://bitbucket.org/xysmlx/vf2

Git (Remote): https://xysmlx@bitbucket.org/xysmlx/vf2.git



目 录

1	VF2	算法简介	3	
2	程序实现			
	2.1	图-类: class Graph	4	
		2.1.1 定义代码	4	
		2.1.2 设计	6	
	2.2	VF2算法-类: VF2	7	
		2.2.1 定义代码	7	
		2.2.2 设计	9	
	2.3	程序主驱动-类: Solver	11	
		2.3.1 定义代码	11	
		2.3.2 设计	11	
3	实验 12			
	3.1	测试数据	12	
	3.2	测试环境	12	
		3.2.1 硬件软件配置	12	
		3.2.2 程序使用说明	13	
	3.3	实验结果	13	
		3.3.1 正确性测试	13	
		3.3.2 运行速度测试	15	
4	总结		16	

§ 1 VF2算法简介

VF2是子图匹配的算法,子图匹配的定义如定义1所示。VF2的流程用一句话概括,就是搜素+剪枝。其算法的主框架如算法1所示。其剪枝的方法如式1-5所示。

定义1. 给定图 $Q = (V(Q), E(Q), L_V, F)$ 和图 $G = (V(G), E(G), L_V, F)$,当且仅当存在一个映射 $g: V(Q) \to V(G)$ 使得

$$\forall x \in V(Q), F(v) = F'(g(v))$$

且

$$\forall v_1, v_2 \in V(Q), \overrightarrow{v_1 v_2} \in E(Q) \Rightarrow \overrightarrow{g(v_1)g(v_2)} \in E(G)$$

$$R_{pred}(s, n, m) \Leftrightarrow (\forall n' \in M_1(s) \cap Pred(G_1, n), \exists m' \in Pred(G_2, m) | (n', m') \in M(s)) \land (\forall m' \in M_2(s) \cap Pred(G_1, m), \exists n' \in Pred(G_1, n) | (n', m') \in M(s))$$

$$(1)$$

$$R_{succ}(s, n, m) \Leftrightarrow (\forall n' \in M_1(s) \cap Succ(G_1, n), \exists m' \in Succ(G_2, m) | (n', m') \in M(s)) \land (\forall m' \in M_2(s) \cap Succ(G_1, m), \exists n' \in Succ(G_1, n) | (n', m') \in M(s))$$

$$(2)$$

$$R_{in}(s, n, m) \Leftrightarrow$$

$$(Card(Succ(G_1, n)) \cap T_1^{in}(s) \geq Card(Succ(G_2, m)) \cap T_2^{in}(s)) \wedge$$

$$(Card(Pred(G_1, n)) \cap T_1^{in}(s) \geq Card(Pred(G_2, m)) \cap T_2^{in}(s))$$

$$(3)$$

$$R_{out}(s, n, m) \Leftrightarrow$$

$$(Card(Succ(G_1, n)) \cap T_1^{out}(s) \ge Card(Succ(G_2, m)) \cap T_2^{out}(s)) \wedge$$

$$(Card(Pred(G_1, n)) \cap T_1^{out}(s) \ge Card(Pred(G_2, m)) \cap T_2^{out}(s))$$

(4)

```
R_{new}(s, n, m) \Leftrightarrow 
(Card(\tilde{N}_1 \cap Pred(G_1, n)) \geq Card(\tilde{N}_2 \cap Pred(G_2, n))) \wedge (5)
(Card(\tilde{N}_1 \cap Succ(G_1, n)) \geq Card(\tilde{N}_2 \cap Succ(G_2, n)))
```

其中,公式1-2保证了两图同构,公式3-5为剪枝条件。

VF2算法流程如算法1所示。

```
算法 1: VF2
```

```
Input: 图Q, 图G
  Output: 匹配关系
1 Function VF2(Q,G):
     Match(s_0);
з end
4 Function Match(s):
     if M(s)覆盖了Q的所有点 then
        Output M(s);
6
7
        return;
     end
8
     根据s计算候选节点匹配集合P(s);
9
     for p \in P(s) do
10
        if 满足公式1-5 then
11
           更新状态s得到新状态s';
12
          Match(s');
13
        end
14
     end
15
16 end
```

§ 2 程序实现

2.1 图-类: class Graph

2.1.1 定义代码

```
1 struct Vertex
2 {
3   int id;
4  int label;
```

```
5
         int seq;
 6
         bool del;
 7
         Vertex(int \_id = 0, int \_label = 0) : id(\_id), label(\_label), seq(-1),
 8
               del(0) {}
 9
         ~Vertex() {}
10
    };
11
12
    struct Edge
13
14
         int u;
15
         int v;
         int label;
16
17
         int next;
18
         bool del;
19
20
         Edge(int \_u = 0, int \_v = 0, int \_label = 0, int \_next = -1) : u(\_u),
              v(v), label(_label), next(next), del(0) {}
21
         ^{\sim}Edge() {}
22
23
         bool operator == (const Edge &o) const
24
25
             return u == o.u\&\&v == o.v\&\&label == o.label;
26
         }
27
     };
28
29
    class Graph
30
    {
31
    public:
32
         Graph()
33
34
             memset(head, -1, sizeof(head));
35
             vn = 0;
36
             en = 0;
37
38
         \operatorname{\tilde{G}raph}() \{\}
39
         void init();
40
         void addv(int id, int label);
41
42
         void addse(int u, int v, int label);
43
         void adde(int u, int v, int label);
44
         void delse(int u, int v, int label);
         void dele(int u, int v, int label);
45
46
47 public:
```

```
48
        const static int maxv = 250;
49
        const static int maxe = 510;
50
    public:
51
52
        int head[maxv];
53
        int vn;
54
        int en;
        Vertex vtx[maxv]; // 0 to vn-1
55
        Edge edge [maxe]; // 0 to en-1
56
57
    };
```

2.1.2 设计

图的存储使用链式前向星来存储。链式前向星的效率高于使用vector写的邻接表。

链式前向星的标准设计是:

- head[]数组:大小为顶点数,存这个点的对应的第一条边在edge[]数组的下标
- edge[]数组:用数组存储边
- Edge边的结构: 边的节点u,v,边的标号label,删除标记del,下一个访问的边的下标next
- 添加边:

```
void Graph::addv(int id, int label)
{
    vtx[id] = Vertex(id, label);
    vn++;
}
void Graph::addse(int u, int v, int label)
{
    edge[en] = Edge(u, v, label, head[u]);
    head[u] = en++;
}
```

• 访问一个定点的所有边

```
for (int i = head[u]; ~i; i = edge[i].next)
 {
     Edge e = edge[i];
     // Solve this edge
 }
• 删除边: 令边的del = 1,由于边i和边i1互为反向边,所以直接遍历一次即
 可。
 void Graph::dele(int u, int v, int label)
 {
     for (int i = head[u];~i;i = edge[i].next)
         if (edge[i].u == u&&edge[i].v == v&&edge[i].label == label)
         {
             edge[i].del = 1;
             edge[i ^ 1].del = 1;
             return;
         }
 }
```

图里面用数组存储节点的访问顺序和点的标号,用链式前向星存储图的结构。

2.2 VF2算法-类: VF2

2.2.1 定义代码

```
1
    class VF2
 2
 3
    public:
 4
        struct State // State of dfs matching
        {
 5
            vector<prii> s; // Store matched pairs
 6
 7
            // Same means with the paper
 8
            int core1[Graph::maxv]; // core1[n] = m or -1
            int core2[Graph::maxv]; // core2[m] = n or -1
 9
            bool in1[Graph::maxv];
10
11
            bool in2[Graph::maxv];
12
            bool out1[Graph::maxv];
            bool out2[Graph::maxv];
13
14
            State()
```

```
{
15
16
                s.clear();
17
                memset(core1, -1, sizeof(core1));
                memset(core2, -1, sizeof(core2));
18
19
                memset(in1, 0, sizeof(in1));
20
                memset(in2, 0, sizeof(in2));
21
                memset(out1, 0, sizeof(out1));
22
                memset(out2, 0, sizeof(out2));
23
            }
24
        };
25
26
        struct Match // Store match
27
28
            vector<prii>s; // match
29
            int id;
                            // graphDB id
30
            Match() {}
31
            Match(vector < prii > \_s, int \_id) : s(\_s), id(\_id)  {}
        };
32
33
    public:
34
        VF2() {}
35
36
        void init (const vector < Graph > &db);
                                                         // Init the VF2 class
37
        int vf2(const Graph &QG, const int &QID, bool isOutput = 0);
             // Run VF2 on QueryGraph & DBGraph
             (engine)
38
    private:
39
40
        void GenRevGraph(const Graph &src, Graph &dst); // Generate
             reversed graph
41
        bool CheckPrev(const State &s, int a, int b);
                                                         // Prev
42
        bool CheckSucc(const State &s, int a, int b);
                                                         // Succ
        bool CheckIn(const State &s);
                                                         // In
43
        bool CheckOut(const State &s);
                                                         // Out
44
45
        bool CheckNew(const State &s);
                                                         // New
46
        void CalDFSVec(const State &s);
                                                         // Cal all temp vec per
             dfs
47
        void CalCheckVec(const State &s, int a, int b); // Cal all temp vec per
             check
48
        bool check(const State &s, int a, int b);
                                                         // Check feasibility
49
        void GenPairs(const State &s);
                                                         // Generate all pairs
             to var allPairs
50
        void CheckPairs(const State &s);
                                                         // Check allPairs,
             return candiPairs
51
        void UpdateState(State &s, int a, int b);
                                                        // Update state ns
             with pair(a,b)
52
        bool FinalCheck(const State &s);
                                                         // Final check for
             answer
53
        bool dfs(const State &s);
                                                         // VF2 dfs (recursive)
```

```
54
                                                           // Run VF2 on pat &
        bool query();
              g (main procedure)
55
56
    public:
57
        vector<Graph> DBGraph; // Graph database
        Graph QueryGraph;
                                  // Graph for query, pattern
58
         int QueryID;
                                // Store the Query ID
59
60
61
        vector<int> match; // Store the matched graph info
62
    private:
63
64
        // Temp var
                                         // Store temp list of match
65
        vector<pri> tlist;
66
        vector<prii> allPairs;
                                         // Generated pairs
67
        vector<prii> candiPairs;
                                         // Candidate pairs pass check()
68
        bool flagIn, flagOut, flagAll; // Flags
69
        vector<int> pred1, pred2;
                                         // Pred of a in pat & b in g
70
        vector<int> succ1, succ2;
                                         // Succ of a in pat & b in g
71
        vector < int > m1, m2;
                                         // M<sub>-1</sub>, M<sub>-2</sub>
        vector < int > tin1, tin2;
                                         // Tin_1,Tin_2
72
                                         // Tout_1,Tout_2
73
        vector<int> tout1, tout2;
                                         // N<sub>-</sub>1, N<sub>-</sub>2
74
         vector < int > n1, n2;
75
        vector < int > ns1, ns2;
                                         // Point set of pat & g
76
        vector < int > t1, t2;
                                         // tin+tout
77
78
                             // Pattern & DBGraph
        Graph pat, g;
79
        Graph revpat, revg; // Reversed Pattern & DBGraph
80
     };
```

2.2.2 设计

变量 变量命名按照论文[1]的变量名称进行命名。为了使得程序更快,本文选择用开全局变量的方式代替传递参数的方式,所以VF2类中有大量的临时变量,临时变量就不介绍了,这里仅介绍有意义的主要变量。

- DBGraph: 图的数据库,使用链式前向星存储
- QueryGraph: 当前进行query的图模式
- QueryID: 当前进行query的图模式的编号
- match: query的匹配结果(包括匹配的数量,以及点-点映射的结果)
- pat: 模式图

- g: 目标图
- revpat: 模式图的反向图
- revq: 目标图的反向图

方法

- init: 初始化VF2
- vf2: VF2算法的主控
- GenRevGraph: 根据传入的图,生成这个图的反向图(把边反向),反向图用于在链式前向星中快速查询反向边
- CheckPrev: 判定状态是否满足公式1
- CheckSucc: 判定状态是否满足公式2
- CheckIn: 判定状态是否满足公式3
- CheckOut: 判定状态是否满足公式4
- CheckNew: 判定状态是否满足公式5
- CalDFSVec: 计算用于判定公式1-5的各个变量数组,离线计算,减小时间复杂度
- CalCheckVec: 计算用于判定公式1-5的各个变量数组,离线计算,减小时间复杂度
- *check*: 判定状态是否满足公式1-5,以及点的label是否匹配
- GenPairs: 生成所有候选点对集合
- CheckPairs: 筛选GenPairs函数生成的集合,生成最终的候选点对集合P(s),离线计算
- UpdateState: 加入一个新的匹配,更新状态
- FinalCheck: 判定两个图的边label是否匹配
- dfs: 算法1的Match函数
- query: 算法1的VF2函数

2.3 程序主驱动-类: Solver

2.3.1 定义代码

```
1
    class Solver
 2
 3
    public:
        void init (bool _isOutput = 0); // init
 4
        void input(); // input
 5
 6
        void solve(); // solve
        void output(); // output
 7
 8
    private:
 9
        void ReadFile(string path, vector<Graph> &vec); // Read file from
10
             path, write graph data to vec
11
        void ReadDB(string path); // Read DB file
        void ReadQuery(string path); // Read Query file
12
13
14
        void PrintQueryAns(int id, int cnt); // Pring query ans, id = query file
             id, cnt = match num
15
16
    private:
17
        bool isOutput; // Is output the matching ans?
        VF2 vf2; // VF2 main component
18
        string dbPath; // DB file path
19
20
        vector<string> queryPath; // Query file path vector
21
        vector<string> outputPath; // Output ans file path
22
23
        vector<Graph> DBGraph; // Store DB
24
        vector<Graph> QueryGraph; // Store Query
25
    };
```

2.3.2 设计

Solver类是整个程序的主驱动,包含了读取输入文件,运行VF2,输出运行时间和运行结果。从Data文件夹读取输入数据,将匹配结果输出到Output文件夹中,对每个query文件的匹配结果输出一个文件。并将运行时间输出至time.txt中。

变量

- isOutput: 选择是否输出匹配结果, 1表示是, 0表示否
- vf2: VF2类的对象, VF2算法

- dbPath: 图的数据库文件路径
- queryPath: query的模式图的文件路径集合
- outputPath: query输出的文件路径集合
- DBGraph: 读入的图的数据库,使用链式前向星存储
- QueryGraph: 读入的一个query的模式图

方法

- init: 初始化
- *input*:调用ReadDB从文件读取整个10000的图数据,
- solve: 主控, 调用vf2, 并计时
- output: 用于输出,目前无用
- ReadFile: 用ifstream从文件读取图数据
- ReadDB: 调用ReadFile读取DB文件
- ReadQuery: 调用ReadFile读取Query文件
- PrintQueryAns: 打印一个Query和整个DB的匹配结果

§ 3 实验

3.1 测试数据

实验选择graphDB数据集进行运行时间测试,选择graphDB数据集的一个 子集进行正确性测试。

graphDB数据集包括大小为10000个图的图数据库文件"mygraphdb.data", 以及6个query图数据文件"Q4.my", "Q8.my", "Q12.my", "Q16.my", "Q20.my", "Q24.my"。

3.2 测试环境

3.2.1 硬件软件配置

使用的计算机硬件和软件配置如表1所示。

项目	详细信息
CPU	Core i7-2630QM (2.0GHz, 4 Cores, 6MB L3 Cache)
内存	16GB DDR3 1600MHz
测试所用磁盘	480GB Sandisk Extreme Pro SSD (Read: 550MB/s)
操作系统	Windows 10 Professional x64 Build 10240
C/C++编译器	Microsoft Visual Studio 2015
C++版本	需支持C++11

表 1 测试环境(计算机配置和编译环境)

该代码已上传至BitBucket的私有仓库,课程结束后会开源。

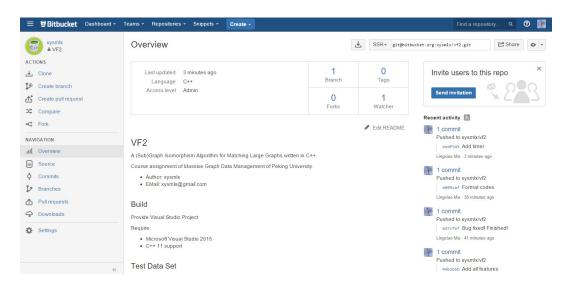


图 1 BitBucket私有仓库

3.2.2 程序使用说明

程序从/Data读取"mygraphdb.data","Q4.my","Q8.my","Q12.my","Q16.my","Q20.my","Q24. 然后把运行时间输出到"time.txt",可选是否输出匹配结果(代码中选项vf2的isOutput选项)

3.3 实验结果

3.3.1 正确性测试

正确性验证使用Q4的第一个和DB的一些数据进行匹配,下面展示Q4的第一个数据和DB的第一个数据的匹配结果,如下所示:

Q4第一个

- t # 0
- v 0 2
- v 1 2
- v 2 2
- v 3 2
- v 4 2
- e 0 1 2
- e 1 2 2
- e 2 3 2
- e 3 4 2

DB第一个

- t # 0
- v 0 2
- v 1 2
- v 2 2
- v 3 3
- v 4 2
- v 5 4
- v 6 2
- v 7 3
- v 8 3
- v 9 3
- v 10 2
- v 11 2
- v 12 2
- v 13 2
- v 14 2
- v 15 2
- v 16 2
- v 17 2
- v 18 2
- e 0 1 2
- e 0 2 2
- e 2 3 3
- e 2 4 2
- e 3 5 2

- e 4 6 2
- e 5 7 2
- e 5 8 2
- e 5 9 2
- e 6 10 2
- e 6 9 3
- e 7 11 3
- e 8 12 3
- e 10 13 2
- e 11 14 2
- e 11 15 2
- e 12 16 2
- e 12 15 2
- e 14 17 2
- e 16 18 2

匹配结果

- 0 0
- 1 2
- 2 4
- 3 6
- 4 10

显然匹配正确。由于篇幅所限,就不把所有的测试结果展出了。测试一共进行了15组,均正确。

3.3.2 运行速度测试

本文对程序做了以下运行速度测试:

- "Q4.my","Q8.my","Q12.my","Q16.my","Q20.my","Q24.my"文件的一个query在数据库中匹配一个图的时间,如图2所示。
- "Q4.my","Q8.my","Q12.my","Q16.my","Q20.my","Q24.my"文件的一个query在数据库中匹配所有图的时间,如图3所示。
- 由于每个query文件全跑完的时间太久,所以本文仅将"Q4.my"完整的跑 完,并给出了运行时间,共花费了24617.9s。

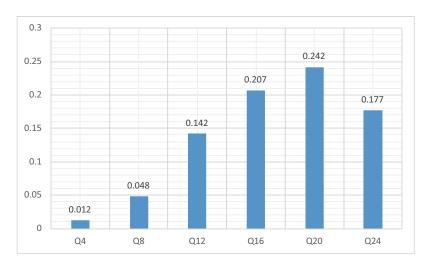


图 2 一个query在数据库中匹配一个图的时间(单位: s)

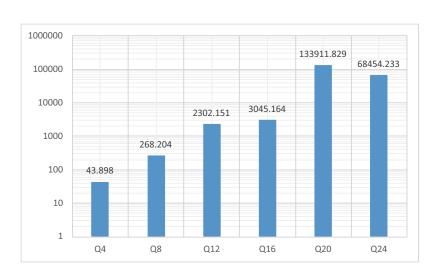


图 3 一个query在数据库中匹配所有图的时间(单位: s)

§ 4 总结

本文用C++实现了子图匹配算法VF2,通过加入大量优化,比如:尽可能 离线计算数据、用链式前向星代替STL实现的邻接表、尽可能保留后面会用到 的数据、用尽可能快的库函数,使得实现的算法在某些情况下(查询的图比较 小的时候)速度比开源库boost的VF2算法更快。通过正确性实验,跑了15组数 据,并手动验证,发现15组数据均正确,可以证明算法的正确性。

参考文献

[1] Cordella L P, Foggia P, Sansone C, et al. A (sub) graph isomorphism algorithm for matching large graphs[J]. Pattern Analysis and Machine Intelligence, IEEE Transactions on, 2004, 26(10): 1367-1372.