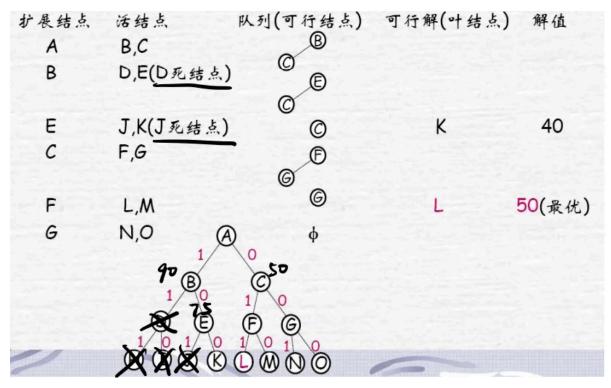
分支限界法

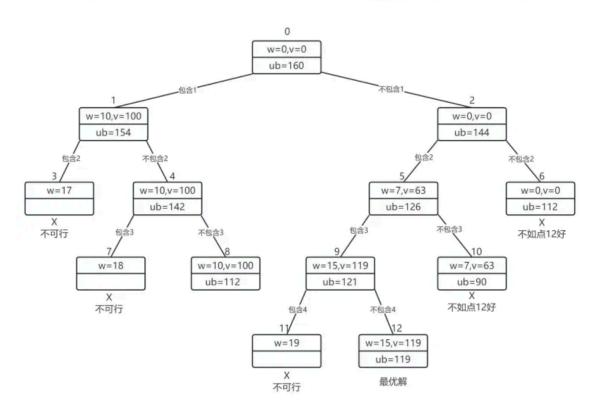
- 分支限界法常以广度优先或以最小耗费(最大效益)优先的方式搜索问题的解空间树,裁剪那些不能得到最优解的子树以提高搜索效率。
- 步骤: ① 定义解空间(对解编码); ② 确定解空间的树结构; ③ 按BFS等方式搜索: a.每个活结点 **仅有一次机会**变成扩展结点; b.由扩展结点生成一步可达的新结点; c.在新结点中,删除不可能导出最优解的结点; //限界策略 d.将剩余的新结点加入活动表(队列)中; e.从活动表中选择结点再扩展; //分支策略 f.直至活动表为空;
- 队列式FIFO分支限界
- 优先队列分支限界

0-1背包问题

扩展结点	活结点 队	列(可行结点)	可行解(叶结点)	解值
A	B,C	BC		
В	D,E(D死结点)	CE		
C	F,G	EFG		
E	J,K(J死结点)	FG	K	40
F	L,M	G	L,M	50,25
G	N,O	ф	N,O	25,0
1	B ₀ C ₀			
(D) (D)		∴ 最优解光	5L, 即(0,1,1);解(益为50



物品	重量	价值/美元	价值/重量
1	10	100	10
2	7	63	9
3	8	56	7
4	4	12	3



装载问题

有一批共个集装箱要装上2艘载重量分别为C1和C2的轮船,其中集装箱i的重量为Wi,且 $\sum_{i=1}^n w_i \leq c_1 + c_2$

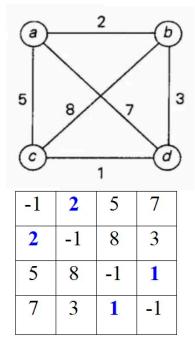
装载问题要求确定是否有一个合理的装载方案可将这个集装箱装上 这2艘轮船。如果有,找出一种装载方案。

容易证明:如果一个给定装载问题有解,则采用下面的策略可得到 最优装载方案。

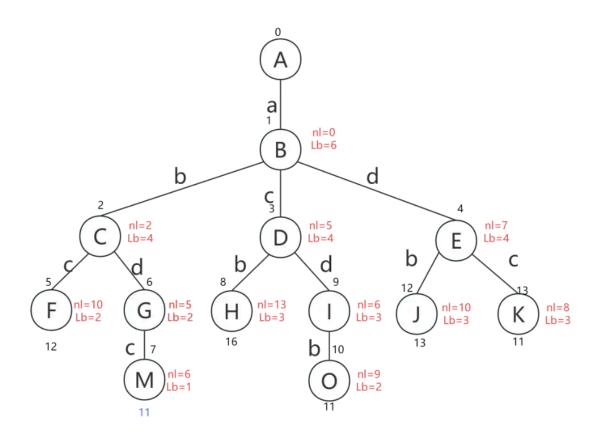
- (1) 首先将第一艘轮船尽可能装满;
- (2)将剩余的集装箱装上第二艘轮船。

TSP问题

对于图 3,应用分支限界法求解从 a 点开始的 TSP 问题,请 详细给出解空间树,搜索过程及最优解。



nl代表其当前所走路程的长度,Lb代表所有可行解的下界,即每一个节点的出边之和。 B(0,6)进队,其 Lb=6的计算方式: 找到邻接矩阵中每一行或者每一列除-1之外最小权值相加,即2+2+1+1=6。



回溯法与分支限界区别

回溯法与分支限界法

- 1. **求解目标不同**:一般而言,回溯法的求解目标是找出解空间树中满足约束条件的**所有解**,而分支限界法的求解目标则是尽快地找出满足约束条件的**一个解**;
- 1. **搜索方法不同**:回溯法使用**深度优先方法搜索**,而分支限界一般用**宽度优先或最佳优先方法**来搜索;
- 1. **对扩展结点的扩展方式不同**:分支限界法中,每一个活结点**只有一次机会成为扩展结点**。活结点一旦成为扩展结点,就一次性产生其所有儿子结点
- 1. **存储空间的要求不同**:分支限界法的**存储空间比回溯法大得多**,因此当内存容量有限时,回溯法成功的可能性更大。

回溯法与穷举法

穷举法:分解后检查。要将一个解的各个部分全部生成后,才检查是否满足条件,若不满足,则直接放弃该完整解,然后再尝试另一个可能的完整解,它并没有沿着一个可能的完整解的各个部分逐步回退生成解的过程。

回溯法:动态生成解空间。一个解的各个部分是逐步生成的,当发现当前生成的某部分不满足约束条件时,就放弃该步所做的工作,退到上一步进行新的尝试,而不是放弃整个解重来