Regular expressions à la carte

kbkz.tech #9

吉村 優

https://twitter.com/_yyu_ http://qiita.com/yyu https://github.com/y-yu

March 20, 2016



VM 型の正規表現エンジンを実装する http://qiita.com/yyu/items/ 84b1a00459408d1a7321





VM 型の正規表現エンジンを実装する

http://qiita.com/yyu/items/ 84b1a00459408d1a7321

正規表現から LLVM へのコンパイラを実装する

http://qiita.com/yyu/items/a0ef2d2204c137707f3f



VM 型の正規表現エンジンを実装する

http://qiita.com/yyu/items/ 84b1a00459408d1a7321

正規表現から LLVM へのコンパイラを実装する

http://qiita.com/yyu/items/a0ef2d2204c137707f3f

正規表現の JIT コンパイラを実装する

http://qiita.com/yyu/items/ 3c4deb39d6b0a7955572



VM 型の正規表現エンジンを実装する

http://qiita.com/yyu/items/ 84b1a00459408d1a7321

正規表現から LLVM へのコンパイラを実装する

http://qiita.com/yyu/items/a0ef2d2204c137707f3f

正規表現の JIT コンパイラを実装する

http://qiita.com/yyu/items/ 3c4deb39d6b0a7955572

正規表現の微分でサブマッチング

http://qiita.com/yyu/items/ 1638fd59bedce27ca3a4

● 正規表現とは?

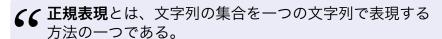
- 正規表現とは?
- ② マッチング

- 正規表現とは?
- 2 マッチング
- ◎ 正規表現の限界

- 正規表現とは?
- 2 マッチング
- ◎ 正規表現の限界
- 正規表現 vs C++

正規表現とは?

正規表現とは?



フフ

Wikipedia - 正規表現

正規表現とは?

CC 正規表現とは、文字列の集合を一つの文字列で表現する方法の一つである。

"

Wikipedia - 正規表現

66 もともと正規表現は形式言語理論において正規言語を表すための手段として導入された。

"

Wikipedia - 正規表現

C **正規言語**とは、以下に示す性質を満たす形式言語のことである。

"

Wikipedia - 正規言語

- *CC* 正規言語とは、以下に示す性質を満たす形式言語のことである。
 - 正規表現で記述可能

"

Wikipedia - 正規言語

- *C* **正規言語**とは、以下に示す性質を満たす形式言語のことである。
 - 正規表現で記述可能
 - 非決定性有限オートマトン(NFA)で受理可能

Wikipedia - 正規言語

"

- *(* **正規言語**とは、以下に示す性質を満たす形式言語のことである。
 - 正規表現で記述可能
 - 非決定性有限オートマトン(NFA)で受理可能
 - 決定性有限オートマトン (DFA) で受理可能

Wikipedia - 正規言語

文字の集合Σ上の正規表現は次のように定義される

空集合を表すφは正規表現

- 空集合を表すφは正規表現

- 空集合を表すφは正規表現
- a ∈ Σ は正規表現

- 空集合を表すφは正規表現
- 空文字を表す € は正規表現
- a ∈ Σ は正規表現
- XとYが正規表現であるとき次のものも正規表現

- 空集合を表すφは正規表現
- 空文字を表す € は正規表現
- a ∈ Σ は正規表現
- *XとY*が正規表現であるとき次のものも正規表現
 - X | Y (選択)

- 空集合を表すφは正規表現
- 空文字を表す € は正規表現
- a ∈ Σ は正規表現
- XとYが正規表現であるとき次のものも正規表現
 - X | Y (選択)
 - XY (結合)

- 空集合を表すφは正規表現
- 空文字を表す € は正規表現
- a ∈ Σ は正規表現
- XとYが正規表現であるとき次のものも正規表現
 - ► X | Y (選択)
 - XY (結合)
 - ▶ X* (0回以上の繰り返し)

主に次のような方法がある

主に次のような方法がある

• 有限オートマトンを用いた方法

主に次のような方法がある

- 有限オートマトンを用いた方法
- Virtual Machine を用いた方法

主に次のような方法がある

- 有限オートマトンを用いた方法
- Virtual Machine を用いた方法
- 正規表現の微分を用いた方法

非決定性有限オートマトン(NFA)

66 非決定性有限オートマトンは、有限オートマトンの一種であり、ある状態と入力があったとき、次の遷移先が一意に決定しないことがあるものである。

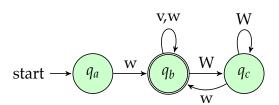
フフ

Wikipedia - 非決定性有限オートマトン

非決定性有限オートマトン(NFA)

66 非決定性有限オートマトンは、有限オートマトンの一種であり、ある状態と入力があったとき、次の遷移先が一意に決定しないことがあるものである。

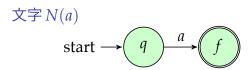
Wikipedia - 非決定性有限オートマトン



NFA を用いたマッチング

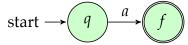
• 全ての正規表現には対応する非決定性有限オートマトンが存在する

正規表現と NFA

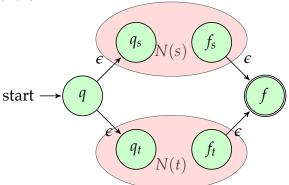


正規表現と NFA

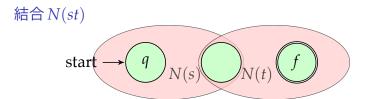




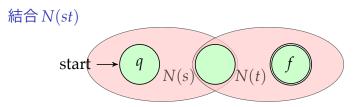
選択 $N(s \mid t)$



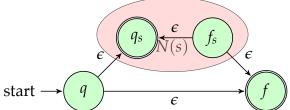
正規表現と NFA



正規表現と NFA

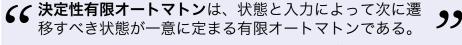






- 全ての正規表現には対応する非決定性有限オートマトンが存在する
- 遷移先が一意に決まらないので、バックトラックをする必要がある

決定性有限オートマトン(DFA)

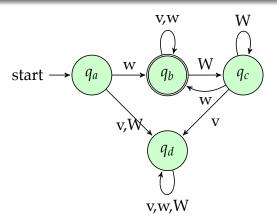


Wikipedia - 決定性有限オートマトン

決定性有限オートマトン(DFA)

66 決定性有限オートマトンは、状態と入力によって次に遷移すべき状態が一意に定まる有限オートマトンである。

Wikipedia - 決定性有限オートマトン



• 非決定性有限オートマトンから機械的に変換できる(サブセット構成など)

- 非決定性有限オートマトンから機械的に変換できる(サブセット構成など)
- 入力によって状態が一意に決まるので、バックトラックをする必要がない

- 非決定性有限オートマトンから機械的に変換できる(サブセット構成など)
- 入力によって状態が一意に決まるので、バックトラックをする必要がない
- 非決定有限オートマトンから変換すると、最悪の場合、**状態** 数が指数関数的に増加する

- 非決定性有限オートマトンから機械的に変換できる(サブセット構成など)
- 入力によって状態が一意に決まるので、バックトラックをする必要がない
- 非決定有限オートマトンから変換すると、最悪の場合、**状態 数が指数関数的に増加する**
- そのため、必要になった状態だけ変換するというテクニックがある

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

• PCとSPという2つのレジスタがある

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

- PCとSPという2つのレジスタがある
- 次の命令がある

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

- PCとSPという2つのレジスタがある
- 次の命令がある

char c

SP の先頭の文字と c を比較

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

- PCとSPという2つのレジスタがある
- 次の命令がある

char c SPの先頭の文字とcを比較

match

マッチに成功 (スレッドを終了)

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

- PCとSPという2つのレジスタがある
- 次の命令がある

```
char c
     SP の先頭の文字と c を比較
match
     マッチに成功 (スレッドを終了)
jmp x
     アドレス x ヘジャンプ (PC を x にする)
```

次のような VM を用いて正規表現のマッチングが可能

- PCとSPという2つのレジスタがある
- 次の命令がある

正規表現を次のように変換する

正規表現を次のように変換する

文字
$$(c)$$
 char c

正規表現を次のように変換する

文字
$$(c)$$
 char c

連結(e_1e_2) e_1 の命令列 e_2 の命令列

正規表現を次のように変換する

```
文字(c)
char c
選択(e_1 \mid e_2)
split L_1 L_2
L_1: e_1 \, O \, foh \,
```

```
連結(e<sub>1</sub>e<sub>2</sub>)
e<sub>1</sub> の命令列
e<sub>2</sub> の命令列
```

正規表現を次のように変換する

```
文字 (c)
                                      連結 (e<sub>1</sub>e<sub>2</sub>)
         char c
                                               e<sub>1</sub> の命令列
                                               e2 の命令列
選択 (e_1 \mid e_2)
                split L_1 L_2
                                      繰り返し (e*)
         L_1: e_1 の命令列
                                               L_1: split L_1 L_3
               jmp L_3
                                               L_2: e_2 の命令列
         L<sub>2</sub>: e<sub>2</sub>の命令列
                                                      jmp L_1
         L_3:
                                                L_3:
```

正規表現/aa*bb*/を VM のバイトコードへ変換する

```
0 char a
1 split 2, 4
2 char a
3 jmp 1
4 char b
5 split 6, 8
6 char b
7 jmp 5
8 match
```

正規表現/aa*bb*/を VM のバイトコードへ変換する

```
0     char a
1     split 2, 4
2     char a
3     jmp 1
4     char b
5     split 6, 8
6     char b
7     jmp 5
8     match
```

● VM の命令を LLVM や IVM に変換すれば、より高速になる

^{*}この文字列 c:wc は文字 c が文字列の先頭の 1 文字で、cw は文字列の先頭 以外の残りを表す

正規表現の微分

c: wc という文字列があるとする *。ある正規表現 r が文字列 w: wc にマッチするならば、r を文字 c で微分した正規表現 r_c は文字列 wc にマッチする。

^{*}この文字列 c:wc は文字 c が文字列の先頭の 1 文字で、cw は文字列の先頭以外の残りを表す

正規表現の微分

c:wc という文字列があるとする * 。ある正規表現 r が文字列 w:wc にマッチするならば、r を文字 c で微分した正規表現 r_c は文字列 wc にマッチする。

● マッチング対象の文字列から1文字ずつ取り出し、正規表現 を微分していく

^{*}この文字列 c:wc は文字 c が文字列の先頭の 1 文字で、cw は文字列の先頭以外の残りを表す

正規表現の微分

c:wc という文字列があるとする *。ある正規表現 r が文字列 w:wc にマッチするならば、r を文字 c で微分した正規表現 r_c は文字列 wc にマッチする。

- マッチング対象の文字列から1文字ずつ取り出し、正規表現 を微分していく
- ② 文字列が空になった時に、微分された正規表現が空文字を受理するならばマッチングに成功

^{*}この文字列 c:wc は文字 c が文字列の先頭の 1 文字で、cw は文字列の先頭以外の残りを表す

正規表現の限界

正規表現の限界

1が非素数個ある文字列の正規表現

正規表現の限界

1が非素数個ある文字列の正規表現

例

次のような文字列がマッチする

- 1
- $\underbrace{11}_{11+?}\underbrace{11}_{11}$
- $\underbrace{111}_{11+?} \underbrace{111}_{11} \underbrace{111}_{1}$

• **ポンピング補題**などを使うと、正規表現で表せる集合かどう か証明できる

- ポンピング補題などを使うと、正規表現で表せる集合かどうか証明できる
- たとえば、次のものは正規である
 - ▶ ある正規表現の補集合を表す正規表現
 - ▶ 先読み

- ポンピング補題などを使うと、正規表現で表せる集合かどうか証明できる
- たとえば、次のものは正規である
 - ▶ ある正規表現の補集合を表す正規表現
 - ▶ 先読み
- たとえば、次のものは**非正規**である
 - 後方参照
 - ▶ 再帰

- ポンピング補題などを使うと、正規表現で表せる集合かどうか証明できる
- たとえば、次のものは正規である
 - ▶ ある正規表現の補集合を表す正規表現
 - ▶ 先読み
- たとえば、次のものは**非正規**である
 - 後方参照
 - ▶ 再帰
- 非素数にマッチする正規表現は後方参照を用いていたので、 非正規表現である

- ポンピング補題などを使うと、正規表現で表せる集合かどうか証明できる
- たとえば、次のものは正規である
 - ▶ ある正規表現の補集合を表す正規表現
 - ▶ 先読み
- たとえば、次のものは**非正規**である
 - 後方参照
 - ▶ 再帰
- 非素数にマッチする正規表現は後方参照を用いていたので、 非正規表現である
- 非正規になると、正規表現が持つよい性質が失われる

正規表現 vs C++[†]

[†]この内容は新屋さんの成果です

Hello, world!

```
#include <iostream>
int main()
{
    std::cout << "Hello, World!\n";
    return 0;
}</pre>
```

Hello, world!

```
#include <iostream>
int main()
{
    std::cout << "Hello, World!\n";
    return 0;
}</pre>
```

● Hello, world!を表示する C++のプログラム

Hello, world!

```
#include <iostream>
int main()
{
    std::cout << "Hello, World!\n";
    return 0;
}</pre>
```

- Hello, world!を表示する C++のプログラム
- 全体で86 Byte

Grass



66 Grass is a functional grass-planting programming language.

Grass the grass-planting programming language

Grass

"

 $\textbf{\textit{G} Grass is a functional grass-planting programming language}.$

Grass the grass-planting programming language

● C++と同じくチューリング完全なプログラム言語

Grass

"

 $\pmb{\mathcal{CC}}$ Grass is a functional grass-planting programming language.

Grass the grass-planting programming language

- C++と同じくチューリング完全なプログラム言語
- wとWとvの組み合せでプログラムが記述できる

Grass

"

66 Grass is a functional grass-planting programming language.

Grass the grass-planting programming language

- C++と同じくチューリング完全なプログラム言語
- wとWとvの組み合せでプログラムが記述できる
- 文法が次のように定義される

$$app ::= W^+ W^+$$

 $abs ::= W^+ app^*$
 $prog ::= abs \mid prog v abs \mid prog v app^*$

Grass

"

66 Grass is a functional grass-planting programming language.

Grass the grass-planting programming language

- C++と同じくチューリング完全なプログラム言語
- wとWとvの組み合せでプログラムが記述できる
- 文法が次のように定義される

$$app ::= W^+ W^+$$
 $abs ::= W^+ app^*$
 $prog ::= abs \mid prog \lor abs \mid prog \lor app^*$

文法を正規表現で表せる
 w+(W+w+)*((∨w*)(W+w+)*)*

Hello, world!

"

http://d.hatena.ne.jp/rst76/20080708/1215507578

Hello, world!

"

http://d.hatena.ne.jp/rst76/20080708/1215507578

• Grass で Hello, world!を表示するプログラム

Hello, world!

"

http://d.hatena.ne.jp/rst76/20080708/1215507578

- Grass で Hello, world!を表示するプログラム
- 613 Byte

RANS

RANS

RANS's concept is very simple, just calculates the number from the given string on a regular language.

"

http://sinya8282.github.io/RANS/

RANS

RANS

RANS's concept is very simple, just calculates the number from the given string on a regular language.

"

http://sinya8282.github.io/RANS/

ある文字列が、ある正規表現が表す集合の何番目に位置するのか 計算するプログラム

Hello, world!を表示するプログラムは

Hello, world!を表示するプログラムは

 $206602040924489026801307911538805854455198744538070639182\\ 690880761572424911476339257257386704995410169812907136566\\ 327541800453415305636200196255437899960016989064923911660\\ 800780259871999465815761462533370076235558393587722548474\\ 1358948834773649859816115717$

番目の Grass プログラム

Hello, world!を表示するプログラムは

 $206602040924489026801307911538805854455198744538070639182\\690880761572424911476339257257386704995410169812907136566\\327541800453415305636200196255437899960016989064923911660\\800780259871999465815761462533370076235558393587722548474\\1358948834773649859816115717$

番目の Grass プログラム

バイナリにすれば 107 Byte

Hello, world!を表示するプログラムは

 $206602040924489026801307911538805854455198744538070639182\\690880761572424911476339257257386704995410169812907136566\\327541800453415305636200196255437899960016989064923911660\\800780259871999465815761462533370076235558393587722548474\\1358948834773649859816115717$

番目の Grass プログラム

- バイナリにすれば 107 Byte
- C++と比べて 21 Byte 差

Hello, world!を表示するプログラムは

 $206602040924489026801307911538805854455198744538070639182\\ 690880761572424911476339257257386704995410169812907136566\\ 327541800453415305636200196255437899960016989064923911660\\ 800780259871999465815761462533370076235558393587722548474\\ 1358948834773649859816115717$

番目の Grass プログラム

- バイナリにすれば 107 Byte
- C++と比べて 21 Byte 差
- 正規表現を工夫すれば、もっと小さくなる(かも)

参考文献



新屋良磨,鈴木勇介,高田謙.

正規表現技術入門 — 最新エンジン実装と理論的背景 (WEB+DB PRESS plus).

技術評論社, 4 2015.

- 1 自己紹介
- ② 正規表現とは?
 - 正規言語
- ③ マッチング
 - NFA を用いたマッチング
 - DFA を用いたマッチング
 - VM を用いたマッチング
 - 正規表現の微分を用いたマッチング
- 🜗 正規表現の限界
 - 正規表現と非正規表現
- ⑤ 正規表現 vs C++
 - C++
 - Grass
 - RANS
- 6 参考文献

Thank you for listening!

Lが正規言語 † であるならば、次が成り立つ。

[‡]正規表現で表現できる言語であるという意味

Lが正規言語 ‡ であるならば、次が成り立つ。

任意の正規言語 L について、言語 L についてのみ依存する反復長 l>0 が存在し、 $|w|\geq l$ となる全ての $w\in L$ について次が成り立つ

- ullet |y|>0 かつ $|xy|\leq l$ となるullet を満す w の分割 w=xyz が存在する
- ② すべての $i \geq 0$ について $xy^iz \in L$ が成り立つ

[‡]正規表現で表現できる言語であるという意味

非素数言語を
$$L_{np} = \{1^{\alpha \cdot \beta} \mid \alpha > 1, \beta > 1\}$$
 として、 $w = 1111111 \in L_{np}, l = 1$ とする

非素数言語を
$$L_{np}=\{1^{\alpha\cdot\beta}\mid \alpha>1, \beta>1\}$$
として、 $w=11\,11\,11\in L_{np}, l=1$ とする

反例

$$l=1$$
 かつ $|y|>0$, $|xy|\leq l=1$ より、 $|x|=0$, $|y|=1$ となる。従って $w=\underbrace{1}_{x}\underbrace{11111}_{y}$ とすると、 $|xy^{2}z|=|xyz|+|y|=6+1=7$ となり、 y であることから、 $y^{2}z\notin L_{nn}$ となり、ポンピング補題を満さない