



SW 역량 테스트 대비반 - 5회차

2020년 08월 12일

Mid-Test (문제 1)

아이
디어

1. 숫자, 스트라이크, 볼을 저장할 자료구조로 2차원 벡터를 활용
2. 조건이 3자리의 서로 다른 자연수이므로 123 -> 987까지 스트라이크, 볼 여부를 체크
3. 문자로 바꿔서 한자리씩 스트라이크 볼 여부를 체크
4. 주어진 조건과 모두 일치하면 카운트 및 해당 숫자를 저장 후, 출력

Mid-Test (문제 2)

아이
디어

1. 작업의 우선순위를 두는 것이 중요
2. 입력은 S_i , E_i , W_i 를 받기 위한 구조체 배열로 선언
3. 시작 날짜가 빠르고 시작 날짜가 같으면 종료 날짜가 빠른 작업을 우선으로 하여 정렬 수행
4. 정렬된 작업에 따라 최대 8시간 작업을 하도록 배열의 W_i 를 줄여주고.. (작업이 끝나지 않았다면)
5. 작업이 끝났다면 당일날 작업을 다음날로 넘겨준다.
6. 3~5를 반복
7. 작업이 모두 끝났다면 YES, 그렇지 않다면 NO를 출력

Mid-Test

1번 : <https://onlinegdb.com/S1hMZvUo8>

2번 (C++) : <https://onlinegdb.com/rkMEWw8s8>

2번 (C) : <https://onlinegdb.com/rJEr-wUiL>

오늘 할 내용

<div>수학적 귀납법 (분할과 정복)</div>		구분	
		1주차 (07/08)	
		2주차 (07/15)	
		3주차 (07/22)	
		4주차 (07/29)	
		5주차 (08/05)	
		6주차 (08/12)	분할과 정복 강의 및 실습
		7주차 (08/19)	동적 계획법 강의 및 실습
		8주차 (08/26)	그래프 알고리즘 강의 및 실습
		(옵션) 9주차 ~	실전 감각 기르기 (실전 기출 기반 문제풀이 집중반)

수학적 귀납법

수학적 귀납법은 자연수 n 에 관한 명제 $P(n)$ 이 모든 자연수에 대해서 성립함을 증명하기 위한 수학의 증명법 중 한 방법이다.

자연수 n 에 관한 명제 $P(n)$ 이 모든 자연수 n 에 대해 성립함을 다음과 같은 2가지 단계로 증명한다.

- ① $P(1)$ 이 성립함을 보인다 - Basis
- ② $P(k)$ 가 성립한다고 가정하고 $P(k+1)$ 이 성립함을 보인다 - induction

①, ②를 통해서 모든 자연수에 대해서 $P(n)$ 이 성립함을 보이는 방법이다.

수학적 귀납법을 이용한 문제해결의 절차는 다음과 같다.

- ① 입력값이 n 인 문제의 해를 $f(n)$ 으로 정의한다.
- ② $f(1)$ 을 직접 구하여 출력한다.
- ③ $f(k)$ 를 이미 구해두었다고 가정하고 $f(k)$ 를 통하여 $f(n)$ 을 구하고 출력한다.

여기서 k 는 $n-1$ 이 될 수도 있고, $\frac{n}{2}$ 이 될 수도 있다. 여기서 중요한 것은 k 를 문제에 따라 적절한 형태로 설계해야 한다는 점이다.

문제풀이 - 수학적 귀납법

임의의 정수 n 을 입력 받아 1부터 n 까지 합을 구하는 프로그램을 작성하시오.
(단, $n \leq 100$) (재귀함수 이용, 수학적 귀납법을 이용)

INPUT	OUTPUT
10	55
100	5050

일단 먼저 함수 $f(n)$ 을 다음과 같이 정의하자.

$f(n)$ = '1부터 n 까지의 합'

다음으로 $f(1)$ 을 정의에 의하여 직접 구하면

$$f(1) = 1$$

$f(n-1)$ 을 이미 구해두었다고 가정하면, 다음과 같이 $f(n)$ 을 구할 수 있다. $f(10)$ 을 $f(9)$ 를 이용하여 나타내보자.

$$f(10) = 1+2+3+4+5+6+7+8+9+10$$

$$f(9) = 1+2+3+4+5+6+7+8+9$$

따라서 $f(10) = f(9) + 10$ 과 같다. 이를 일반화하면,

$$f(n) = f(n-1) + n$$

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
int f(int n)
{
    if(n==1) return 1;
    return f(n-1)+n;
}
```

```
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    cout << f(n);
    return 0;
}
```


문제풀이 - 수학적 귀납법 (k진법)

임의의 10진법 정수 n 을 입력받아 이를 k 진법으로 출력하는 프로그램을 작성하시오.

(단, $n \leq 100,000$ $k \leq 10$) (수학적 귀납법을 이용)

INPUT	OUTPUT
12 2	1100
100 8	144

문제풀이 - 수학적 귀납법 (k진법)

아이
디어

1	2		
	2		
<hr/>			
6	...	0	④
	2		
<hr/>			
3	...	0	③
	2		
<hr/>			
1	...	1	②
①			

마지막의 몫이 2보다 작으므로 더 이상 할 필요가 없다.

이 때 맨 아래 2보다 작은 1인 몫과 나머지를 아래에서부터 위로 하나씩 ①로부터 ④까지 연결한

1100

이라는 값이 12를 이진법으로 바꾼 값이 된다.

$$f(n, k) = \begin{cases} n & (n < k) \\ f(n/k, k), \text{ print}(n \% k) & (n \geq k) \end{cases}$$

문제풀이 - 수학적 귀납법 (k진법)

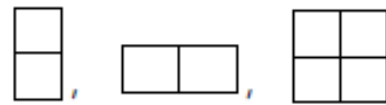
답안

<https://onlinegdb.com/r1lh7wli8>

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)

타일채우기(S)

2*1 혹은 2*2크기의 타일을 2*n 크기의 직사각형모양 틀에 넣으려고 한다. 이 때 가능한 경우의 수를 구하여라.



경우의 수가 커지므로, 주어진 수 m 으로 나눈 나머지를 출력한다.

입력

첫 줄에는 직사각형 틀의 가로 길이 n 이 주어진다.

둘째 줄에는 m 이 주어진다. ($1 \leq n \leq 100,000$, $1 \leq m \leq 40,000$)

출력

경우의 수를 m 으로 나눈 나머지를 출력한다.

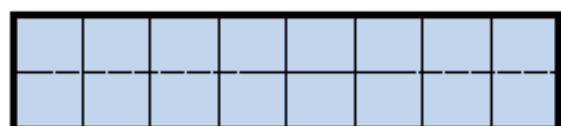
입력 예	출력 예
8 100	71
8 2	1

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)

먼저 첫 번째 방법을 알아보자. 문제에서 구하고자 하는 해는 $f(n)$ 이므로 먼저 $f(n)$ 을 구하기 위해 $f(1), f(2), \dots, f(n-1)$ 은 이미 구해두었다고 가정한다.

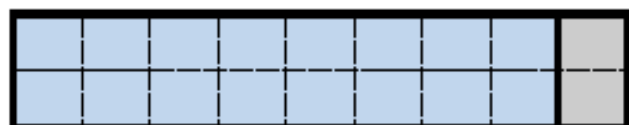
어떤 $f(k)$ 로부터 $f(n)$ 을 만드는 데 마지막으로 사용할 수 있는 타일은 3가지가 있다. 먼저 2×1 타일을 이용하여 $f(n)$ 으로 만드는 경우를 살펴보자.

이 경우 $f(n-1)$ 까지는 모두 채워져 있어야 2×1 타일을 이용하여 $f(n)$ 을 만들 수 있다.



$n-1$

위 그림과 같이 $n-1$ 칸을 채운 경우의 수를 $f(n-1)$ 이라고 알고 있다고 가정하자. 이 상태에서 $f(n)$ 을 구하기 위하여 2×1 의 타일을 이용할 수 있다.



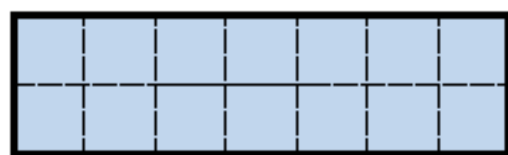
n

이와 같이 $f(n)$ 을 만드는 경우의 수는 얼마일까?

위의 그림과 같이 $n-1$ 가지를 채운 경우로부터 2×1 의 타일을 이용하여 $f(n)$ 을 만들 수 있는 경우는 그냥 뒤에 붙이는 1가지뿐이다. 따라서 $f(n)$ 중 마지막에 도미노를 세우는 방법은 $f(n-1)$ 이라는 사실을 알 수 있다.

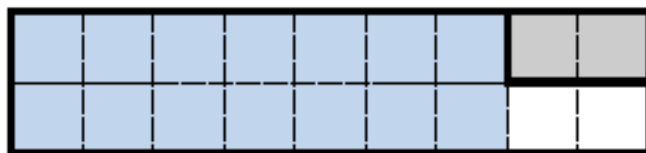
즉 2×1 타일을 이용하여 $f(n)$ 을 만들 경우의 수는 $f(n-1)$ 과 같다. 즉 $f(n-1)$ 을 모두 채우는 경우의 수를 알면 $f(n)$ 중 2×1 을 이용하여 채우는 경우의 수를 알 수 있다.

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)



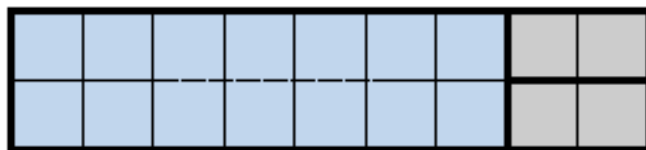
$n-2$

위 그림과 같이 $n-2$ 칸을 채운 경우의 수를 $f(n-2)$ 라고 알고 있다고 가정하자. 이 상태에서 $f(n)$ 을 구하기 위하여 1×2 의 타일을 이용할 수 있다. 먼저 1개를 배치해보면 다음과 같다.



n

이 때 마지막 부분이 비어있게 된다. 이 부분을 채울 수 있는 방법은 다시 1×2 타일을 하나 더 쓰는 수밖에 없다. 따라서 마지막을 1×2 타일로 채우는 방법은 다음 그림과 같다.

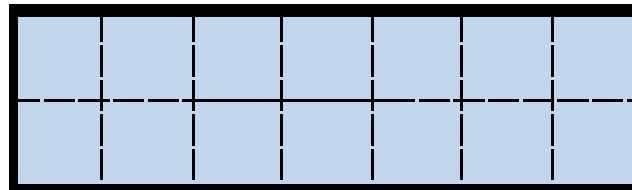


n

위와 같은 방법 1가지뿐이다. 따라서 마지막에 1×2 타일을 이용하여 $f(n)$ 을 만들 수 있는 방법은 $f(n-2)$ 가지임을 알 수 있다.

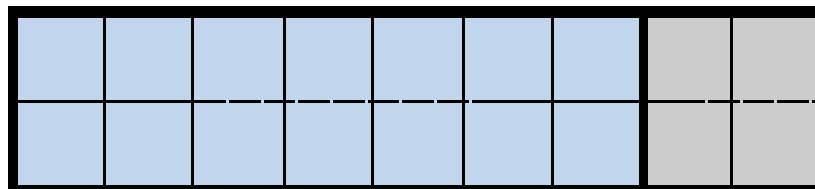
$f(n)$ 을 만들기 위해서 마지막으로 1×2 타일을 이용하는 경우의 수는 $f(n-2)$ 가지임을 알 수 있다.

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)



$n-2$

위 그림과 같이 $n-2$ 칸을 채운 경우의 수를 $f(n-2)$ 라고 알고 있다고 가정하자. 이 상태에서 $f(n)$ 을 구하기 위하여 2×2 의 타일을 이용할 수 있다. 먼저 1개를 배치해보면 다음과 같다.



n

이와 같이 $f(n)$ 을 만들 수 있으며, 위와 같은 방법 1가지뿐이다. 따라서 마지막에 2×2 타일을 이용하여 $f(n)$ 을 만들 수 있는 방법은 $f(n-2)$ 가지임을 알 수 있다.

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)

따라서 위 관계로부터 각 사건은 합의 법칙이 적용됨을 알 수 있으며, 이를 통하여 얻어진 관계식 혹은 점화식은 다음과 같다.

$$\begin{aligned}f(n) &= f(n-1) + f(n-2) + f(n-2) \\&= f(n-1) + 2f(n-2)\end{aligned}$$

$$f(n) = \begin{cases} 1 & (n=0) \\ 1 & (n=1) \\ f(n-1) + 2f(n-2) & (n>1) \end{cases}$$

혹은

$$f(n) = \begin{cases} 1 & (n=1) \\ 3 & (n=2) \\ f(n-1) + 2f(n-2) & (n>2) \end{cases}$$

위 두 식은 같은 의미로 볼 수 있다. 위 두 가지 관계식 중 첫 번째 관계식은 다음과 같이 고쳐도 무방하다.

$$f(n) = \begin{cases} 1 & (n \leq 1) \\ f(n-1) + 2f(n-2) & (n > 1) \end{cases}$$

수학적 귀납법 실습 (타일채우기)

<https://onlinegdb.com/By7TbwLol>

하노이의 탑

<https://www.acmicpc.net/problem/11729>

문제

세 개의 장대가 있고 첫 번째 장대에는 반경이 서로 다른 n 개의 원판이 쌓여 있다. 각 원판은 반경이 큰 순서대로 쌓여있다. 이제 수도승들이 다음 규칙에 따라 첫 번째 장대에서 세 번째 장대로 옮기려 한다.

1. 한 번에 한 개의 원판만을 다른 탑으로 옮길 수 있다.
2. 쌓아 놓은 원판은 항상 위의 것이 아래의 것보다 작아야 한다.

이 작업을 수행하는데 필요한 이동 순서를 출력하는 프로그램을 작성하라. 단, 이동 횟수는 최소가 되어야 한다.

아래 그림은 원판이 5개인 경우의 예시이다.



하노이의 탑

입력

첫째 줄에 첫 번째 장대에 쌓인 원판의 개수 N ($1 \leq N \leq 20$)이 주어진다.

출력

첫째 줄에 옮긴 횟수 K 를 출력한다.

두 번째 줄부터 수행 과정을 출력한다. 두 번째 줄부터 K 개의 줄에 걸쳐 두 정수 $A\ B$ 를 빈칸을 사이에 두고 출력하는데, 이는 A 번째 탑의 가장 위에 있는 원판을 B 번째 탑의 가장 위로 옮긴다는 뜻이다.

예제 입력 1 [복사](#)

3

예제 출력 1 [복사](#)

7
1 3
1 2
3 2
1 3
2 1
2 3
1 3

하노이의 탑

아이
디어

[풀이] 10원, 50원, 100원, 500원 짜리 동전을 가지고 하노이 탑을 세운다고 생각해 보면 먼저 크기가 가장 작은 3개의 동전을 먼저 A에서 B로 옮겨 놓고 가장 큰 네 번째 동전을 A에서 C로 옮겨 놓은 다음 B에 있던 세 개의 동전을 다시 C에 옮겨 놓는 방법을 생각할 수 있다.

점화식을 만들어 보면 A에 있는 $n-1$ 개의 고리를 A에서 B로 옮기고, 그리고 가장 큰 고리를 A에서 C로 옮긴 후, B에 있는 $n-1$ 개의 고리를 C로 옮긴다.

만약 a_n 이 n 개의 고리를 A에서 C로 옮기는 방법의 수라고 하면,

$$a_n = a_{n-1} + 1 + a_{n-1} = 2a_{n-1} + 1$$

이다. 초기조건은 $a_1 = 1$, 그래서 다음을 얻는다.

$$a_2 = 2a_1 + 1 = 3,$$

$$a_3 = 2a_2 + 1 = 7,$$

$$a_4 = 2a_3 + 1 = 15,$$

$$a_5 = 2a_4 + 1 = 31,$$

$$a_6 = 2a_5 + 1 = 63.$$

이 경우 점화식의 해를 구하는 방법으로 점화식의 해를 추측하고 이를 수학적 귀납법으로 증명하는 것이 있다. 즉 앞의 예에서

$$a_n = 2^n - 1$$

임을 추측할 수 있다. 특별히 이것은 $n=1$ 에 대해 참이다. 이 해를 a_{n-1} 에 대해서 참이라고 가정하면 다음을 얻을 수 있다.

$$a_n = 2a_{n-1} + 1 = 2(2^{n-1} - 1) + 1 = 2^n - 2 + 1 = 2^n - 1$$

만약 “옮긴 횟수”만
출력한다면 점화식은?

$$f(n) = 1 \quad (n=1)$$

$$f(n) = 2f(n-1) + 1 \quad (n>1)$$

or

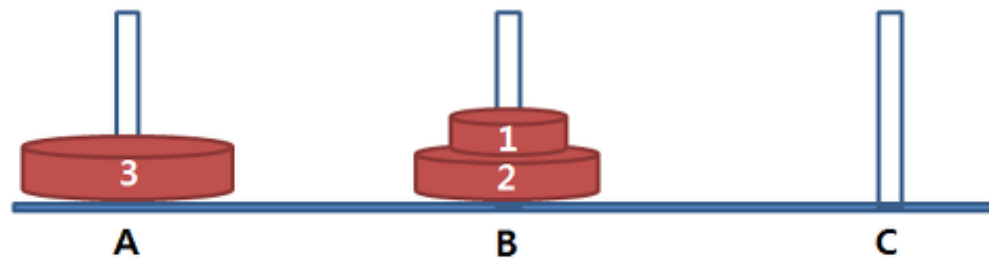
$$f(n) = 2^n - 1 \quad (n \geq 1)$$

하노이의 탑

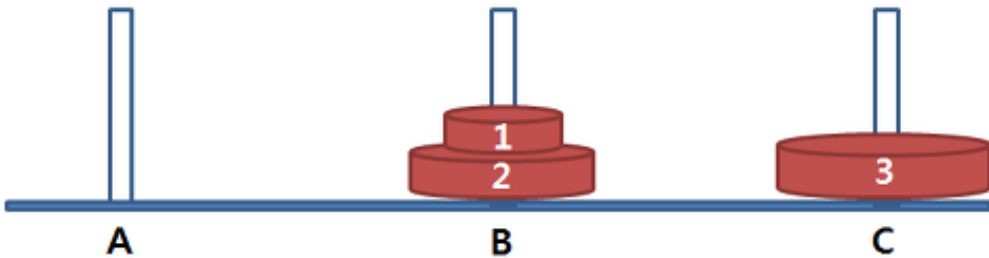
아이
디어

일반화 시켜서 점화식을 만들어 보자.

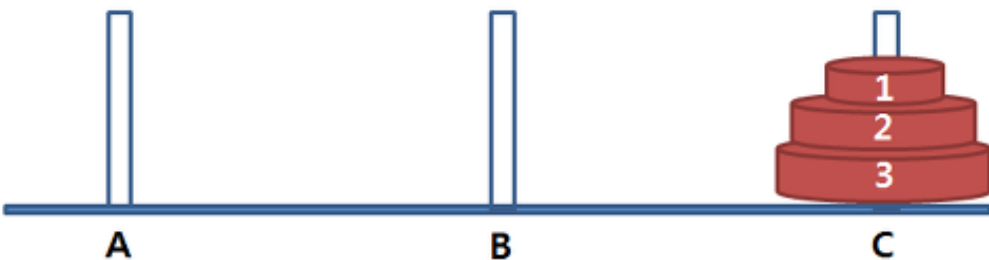
1. 작은 원반 $n-1$ 개를 'A'에서 'B'로 이동



2. 큰 원반 1 개를 'A'에서 'C'로 이동



3. 작은 원반 $n-1$ 개를 'B'에서 'C'로 이동



1. 1번 기둥(시작기둥)에 있는 원판중 $n-1$ 개를
2번 기둥(중간기둥)으로 옮긴다

2. 1번 기둥에 남아있는 1개의 가장 큰 원판을
3번 기둥(도착기둥)으로 옮겨 준다.

3. 아까 1번에서 옮겨왔던 2번 기둥(중간
기둥)에 있던 $n-1$ 개의 원판을 다시 3번
기둥으로 옮겨준다

$f(n, \text{from}, \text{by}, \text{to}) = \text{push_vector}(\text{from}, \text{to})$
($n=1$)

$f(n, \text{from}, \text{by}, \text{to}) = f(n-1, \text{from}, \text{to}, \text{by}),$
 $\text{push_vector}(\text{from}, \text{to}), f(n-1, \text{by}, \text{from}, \text{to})$

하노이의 탑

<https://onlinegdb.com/BJXEMwUjL>

영역구분

영역 구분

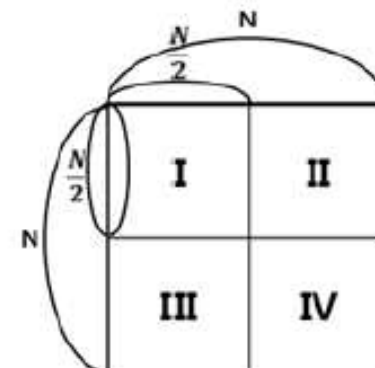
아래 그림과 같이 여러 개의 정사각형 칸들로 이루어진 정사각형 모양의 영역이 주어져 있고, 각 정사각형 칸들은 정올이의 땅은 흰색으로 칠해져 있고 영재의 땅은 검은색으로 칠해져 있다. 주어진 땅을 일정한 규칙에 따라 나누어 다양한 크기를 가진 정사각형 모양의 하얀색 또는 회색 영역으로 구분하려고 한다.

1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1

[그림 1]

전체 영역의 크기가 $n \times n$ ($n = 2^k$, k 는 1 이상 7 이하의 자연수) 이라면 영역을 구분하는 규칙은 다음과 같다. 전체 영역이 모두 같은 색이 아니라면 가로와 세로로 중간 부분을 잘라서 <그림 2>의 I, II, III, IV와 같이 똑같은 크기의 네 개의 $n/2 \times n/2$ 영역으로 나눈다.

나누어진 영역 I, II, III, IV 각각에 대해서도 앞에서와 마찬가지로 모두 같은 색으로 이루어지지 않으면 같은 방법으로 똑같은 크기의 네 개의 영역으로 나눈다. 이와 같은 과정을 구분되어진 영역이 모두 하얀색 또는 모두 회색으로 되거나, 하나의 정사각형 칸이 되어 더 이상 나눌 수 없을 때까지 반복한다.



[그림 2]

위와 같은 규칙에 따라 나누었을 때 [그림 3]은 [그림 1]의 영역을 처음 나눈 후의 상태를, [그림 4]는 두 번째 나눈 후의 상태를, [그림 5]는 최종적으로 만들어진 다양한 크기의 9개의 하얀색 영역과 7개의 회색영역을 보여주고 있다.

영역구분

영역 구분 (계속)

1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1

[그림 3]

1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1

[그림 4]

1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1

[그림 5]

입력으로 주어진 영역의 한 변의 길이 n 과 각 정사각형 칸의 색 (하얀색 또는 회색)이 주어질 때 잘라진 하얀색 영역과 회색 영역의 개수를 구하는 프로그램을 작성 하시오.

입력

입력 파일의 첫째 줄에는 전체 영역의 한 변의 길이 n 이 주어져 있다. n 은 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128 중 하나이다. 영역의 각 가로줄의 정사각형 칸들의 색이 윗 줄부터 차례로 입력 파일의 둘째 줄부터 마지막 줄까지 주어진다. 회색으로 칠해진 칸은 0, 하얀색으로 칠해진 칸은 1로 주어지며 각 숫자 사이에는 빈칸이 하나씩 있다.

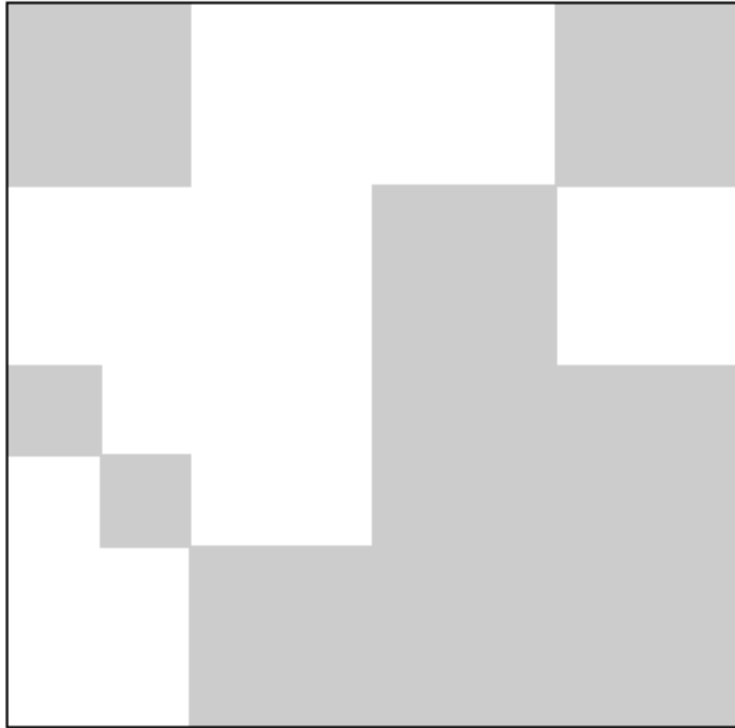
출력

첫째 줄에는 잘라진 하얀색 영역의 수를 출력하고 둘째 줄 에는 회색 영역의 수를 출력한다.

입력 예	출력 예
8 1 1 0 0 0 0 1 1 1 1 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 1 1 0 0 1 0 0 0 1 1 1 1 0 1 0 0 1 1 1 1 0 0 1 1 1 1 1 1 0 0 1 1 1 1 1 1	9 7

영역구분

아이
디어

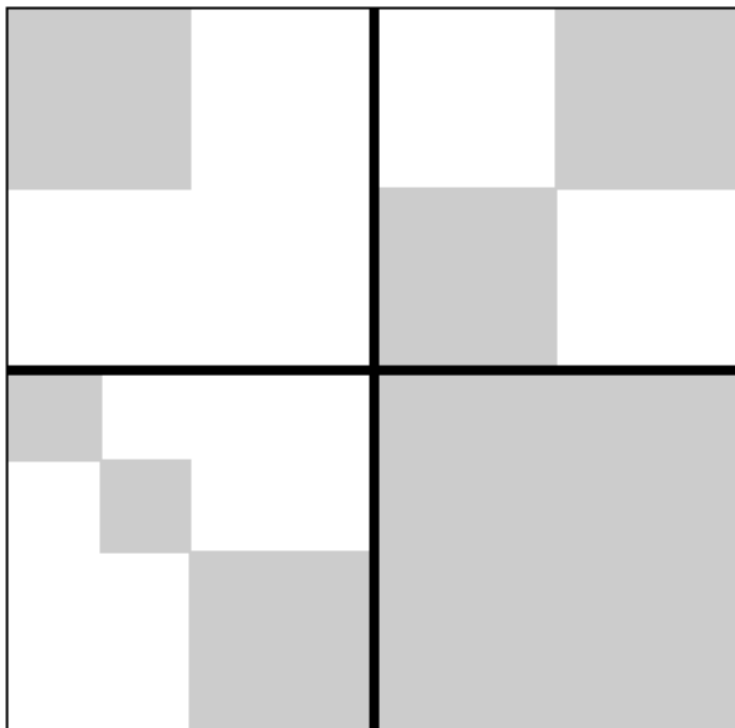


한 번의 길이가 8인 입력형태의 종이를 나타낸다. 모든 종이가 같은 모든 종이
가 같은 색깔이 아니므로 4 등분으로
분할한다.

혼합색종이 = 1

하얀색종이 = 0

회색종이 = 0



한 번 분할된 한 번의 길이가 4인 종이
인 상태.

좌표평면상에서의 사분면으로 볼 때, 4
사분면을 제외하면 모두 색깔이 한 가
지가 아니므로 다시 길이가 2인 종으로
분할.

혼합색종이 = 3

하얀색종이 = 0

회색종이 = 1

영역구분

아이
디어

이와 같은 단계로 처리하기 위해 다음과 같이 상태를 정의한다.

$f(a, b, n)$ = a 행 b 열을 왼쪽, 위 모서리로 하고 변의 길이가 n 인 종이를 탐색

이 상태를 다음과 같은 관계식으로 정의할 수 있다.

$$f(a, b, n) = \begin{cases} 1 & (n = 1, S[a][b] = 1) \text{ 또는 } (S[a][b] \sim S[a+n-1][b+n-1] \text{ 까지 모두 } 1) \\ 0 & (n = 1, S[a][b] = 0) \text{ 또는 } (S[a][b] \sim S[a+n-1][b+n-1] \text{ 까지 모두 } 0) \\ f(a, b, \frac{n}{2}), f(a + \frac{n}{2}, b, \frac{n}{2}), \\ f(a, b + \frac{n}{2}, \frac{n}{2}), f(a + \frac{n}{2}, b + \frac{n}{2}) & (\text{그 외}) \end{cases}$$

영역구분

<https://onlinegdb.com/ryTDfvUiU>

트로미노 문제

<https://www.acmicpc.net/problem/14601>

문제

오늘은 민규가 훈련소에 입소하는 날이다. 모든 행사를 마치고 생활관으로 돌아와서 쉬려는데 갑자기 교관이 들어오더니 민규의 이름을 부르는 것이 아닌가. 당황한 채로 따라 갔더니 이번엔 김준서를 아느냐고 물어보았다. 그 녀석이 샤워실 바닥을 깔았는데, 배수구 위치까지 막아버렸다면서 같은 학교 출신인 민규가 다시 깔라는 것이었다.

어떻게 타일을 깔지 고민하던 민규는 샤워실의 구조가 정사각형이면서 한 변의 길이가 2의 제곱수라는 사실을 알아냈다. 준서는 여기까지만 고려해서 2x2 크기의 타일로 바닥을 전부 채운 것 같은데, 문제는 이렇게 하면 배수구가 있어야 할 위치를 비울 수가 없다는 것이다. 이런저런 방법을 생각하다가 4칸을 차지하는 정사각형 타일 대신 3칸을 차지하는 ㄱ자 모양의 타일을 사용하면 될 것 같다는 느낌을 받았다.

그런데 ㄱ자 타일을 어떻게 채워야 할까? 생각하다 지친 민규는 여러분에게 이 방법을 찾아달라고 부탁했다. 첫날부터 생활관에서 밤을 새우는 일이 없도록 여러분이 도와주자.

입력

첫 번째 줄에는 바닥의 한 변의 길이를 표현하는 자연수 K ($1 \leq K \leq 7$)가 주어진다. 이때 바닥의 크기는 2^K 가 됨에 유의하라. 두 번째 줄에는 배수구의 위치를 나타내는 자연수 x, y ($1 \leq x, y \leq 2^K$)가 공백으로 분리되어 주어진다. 좌표는 왼쪽 위가 (0.0) 오른쪽 아래가 ($2^K-1, 2^K-1$)이다

출력

각 타일마다 고유한 번호를 매긴 타일의 배치도를 출력한다. 각 타일의 번호에는 19000 이하의 자연수만을 사용해야 한다. 배수구가 있는 위치는 -1로 표시한다. 가능한 답 중 하나만 출력하면 된다.

만약 알맞게 타일을 배치하는 방법이 존재하지 않는다면 -1을 출력한다.

트로미노 문제

- 출력 예시

Microsoft Visual Studio

```
1 1 1
1 1
1 -1
```

```
2 1 1
3 3 2 2
3 -1 1 2
4 1 1 5
4 4 5 5
```

```
2 3 2
2 2 4 4
2 1 1 4
3 1 5 -1
3 3 5 5
```

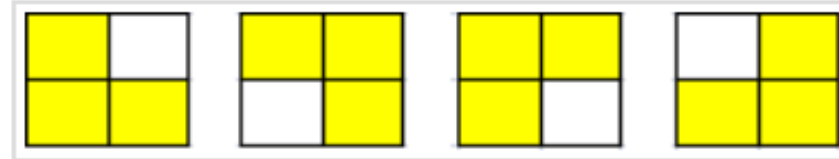
```
3 5 7
3 3 5 5 13 13 15 15
3 2 2 5 13 12 12 15
4 2 6 6 14 14 12 16
4 4 6 1 1 14 16 16
8 8 10 1 18 18 20 20
8 7 10 10 18 17 17 20
9 7 7 11 19 19 17 21
9 9 11 11 19 -1 21 21
```

트로미노 문제

아이디어

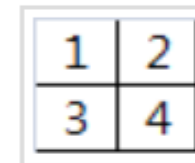
문제 : $2^n \times 2^n$ 크기(n 은 자연수)의 체스판이 있다. 그런데 이 체스판 중 1칸은 쓸 수 없다. 쓸 수 없는 칸의 위치가 주어질 때, 나머지 칸들을 모두 L 모양의 tromino로만 채우는 방법을 찾아야 한다.

L 모양의 tromino는 다음과 같이 생겼다.



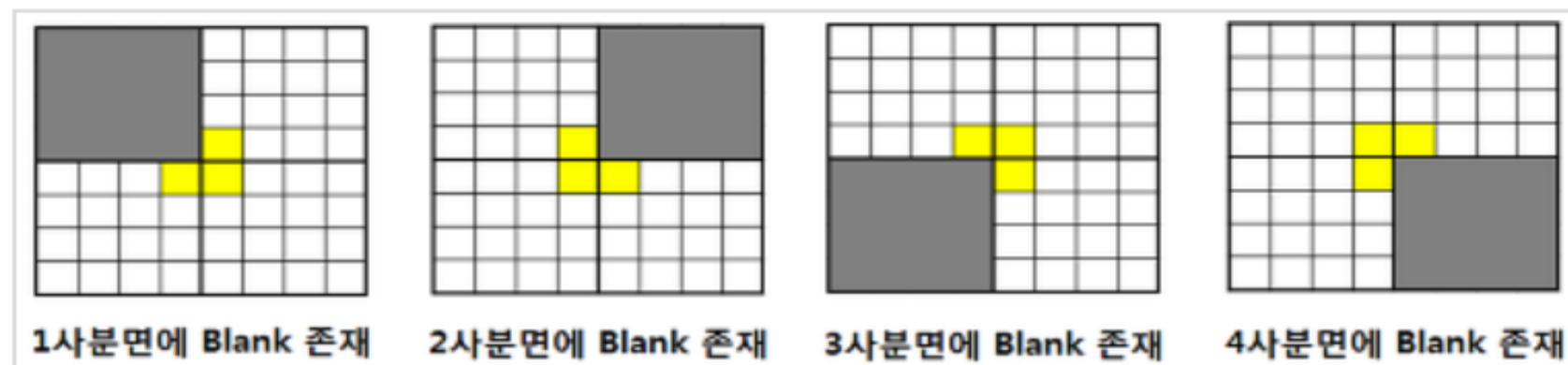
채우는 방법은 다음과 같다.

1. 먼저 $2^n \times 2^n$ 체스판을 사분면으로 나눈다. 편의상 사분면은 다음과 같이 번호를 붙인다.



2. 각각의 사분면은 $2^{(n-1)} \times 2^{(n-1)}$ 크기이다. 사분면 중에 쓸 수 없는 칸(Blank)이 있는 사분면을 제외한 나머지 3개의 사분면에 대해, 3개 사분면을 모두 걸치는 tromino를 놓는다.

아래 그림에서 회색 부분은 Blank를 포함한 사분면의 영역이다. 노란색 영역은 이번에 놓아야 할 타일의 위치이다.



3. 이제 나누어진 4개의 $2^{(n-1)} \times 2^{(n-1)}$ 사분면들에 대해 똑같이 과정 1~2번을 반복한다.

트로미노 문제

아이
디어

$f(x, y, n) = (x, y)$ 를 시작으로 하는 2^n 의 크기를 갖는 타일에 트로미노를 놓는다.

$f(x, y, n) =$

$n < 1$ 일 때

$f(x, y, n-1),$ $n \geq 1$ 일 때
 $f((x+2^n)/2+1, y, n-1),$
 $f(x, (y+2^n)/2+1, n-1),$
 $f((x+2^n)/2+1, (y+2^n)/2+1, n-1),$

Blank가 존재하면 트로미노를 놓는다. ↓

- 1부분면 $(x+1, y) (x, y+1) (x+1, y+1)$
- 2부분면 $(x, y) (x, y+1) (x+1, y+1)$
- 3부분면 $(x, y) (x+1, y) (x+1, y+1)$
- 4부분면 $(x, y) (x+1, y) (x, y+1)$

트로미노 문제

<https://onlinegdb.com/SyoniYRsL>

삼성 SW 역량 테스트 기출 문제 (쉬운 문제)

<https://www.acmicpc.net/problem/13458>

문제

총 N 개의 시험장이 있고, 각각의 시험장마다 응시자들이 있다. i 번 시험장에 있는 응시자의 수는 A_i 명이다.

감독관은 총감독관과 부감독관으로 두 종류가 있다. 총감독관은 한 방에서 감시할 수 있는 응시자의 수가 B 명이고, 부감독관은 한 방에서 감시할 수 있는 응시자의 수가 C 명이다.

각각의 시험장에 총감독관은 오직 1명만 있어야 하고, 부감독관은 여러 명 있어도 된다.

각 시험장마다 응시생들을 모두 감시해야 한다. 이때, 필요한 감독관 수의 최소값을 구하는 프로그램을 작성하시오.

입력

첫째 줄에 시험장의 개수 N ($1 \leq N \leq 1,000,000$)이 주어진다.

둘째 줄에는 각 시험장에 있는 응시자의 수 A_i ($1 \leq A_i \leq 1,000,000$)가 주어진다.

셋째 줄에는 B 와 C 가 주어진다. ($1 \leq B, C \leq 1,000,000$)

출력

각 시험장마다 응시생을 모두 감독하기 위해 필요한 감독관의 최소 수를 출력한다.

예제 입력 1 복사

```
1
1
1 1
```

예제 출력 1 복사

```
1
```

삼성 SW 역량 테스트 기출 문제 (쉬운 문제)

예제 입력 2 복사

```
3
3 4 5
2 2
```

예제 출력 2 복사

```
7
```

예제 입력 3 복사

```
5
1000000 1000000 1000000 1000000 1000000
5 7
```

예제 출력 3 복사

```
714290
```

예제 입력 4 복사

```
5
10 9 10 9 10
7 20
```

예제 출력 4 복사

```
10
```

예제 입력 5 복사

```
5
10 9 10 9 10
7 2
```

예제 출력 5 복사

```
13
```

삼성 SW 역량 테스트 기출 문제 (쉬운 문제)

아이
디어

a. 각각의 시험장에 총감독관이 1명 씩 있어야한다.

=> 모든 시험장에서 총감독관이 감독할 수 있는 응시자의 수를 뺀다.

b. 부감독관은 여러명 있어도 상관없다.

=> 총감독관이 감시 할 수 있는 인원을 뺀 상태의 시험장의 남은 사람이 있을때,

부감독관이 감독할 수 있는 경우의 수를 뺀다. (나뉘었을때 몫으로 구한다.)

딱 떨어지는 경우 (나머지가 0인 경우)를 생각해준다.

삼성 SW 역량 테스트 기출 문제 (쉬운 문제)

<https://onlinegdb.com/Bkj3GD8jU>