

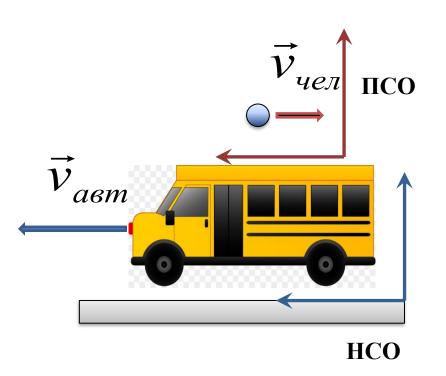
СЛОЖНОЕ ДВИЖЕНИЕ ТОЧКИ





движение, которое допускает разделение на два простых с помощью дополнительной подвижной системы отсчета

АБСОЛЮТНОЕ, ОТНОСИТЕЛЬНОЕ И ПЕРЕНОСНОЕ ДВИЖЕНИЕ



Движение материальной точки относительно подвижной системы – относительное (r)

... относительно неподвижной системы – абсолютное (a)

Движение подвижной системы относительно неподвижной — переносное движение (e)

АБСОЛЮТНАЯ, ОТНОСИТЕЛЬНАЯ И ПЕРЕНОСНАЯ СКОРОСТЬ

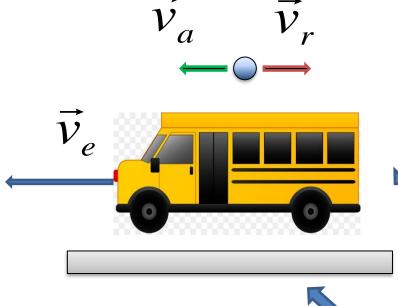
HC





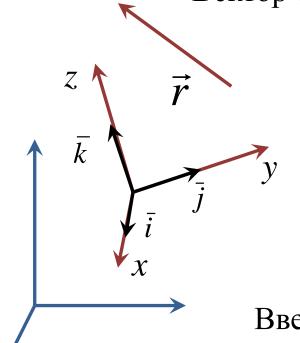
Скорость материальной точки, мысленно закрепленной в данный момент времени на подвижной системе координат — переносная (\overrightarrow{V}_{a})

$$\overline{v}^a = \overline{v}^r + \overline{v}^e$$



АБСОЛЮТНАЯ И ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПРОИЗВОДНЫЕ

Вектор определен в подвижной системе отсчета



$$\vec{r} = r_x \overline{i} + r_y \overline{j} + r_z \overline{k} \tag{1a}$$

В ПСО зависят от времени только проекции r_x, r_y, r_z

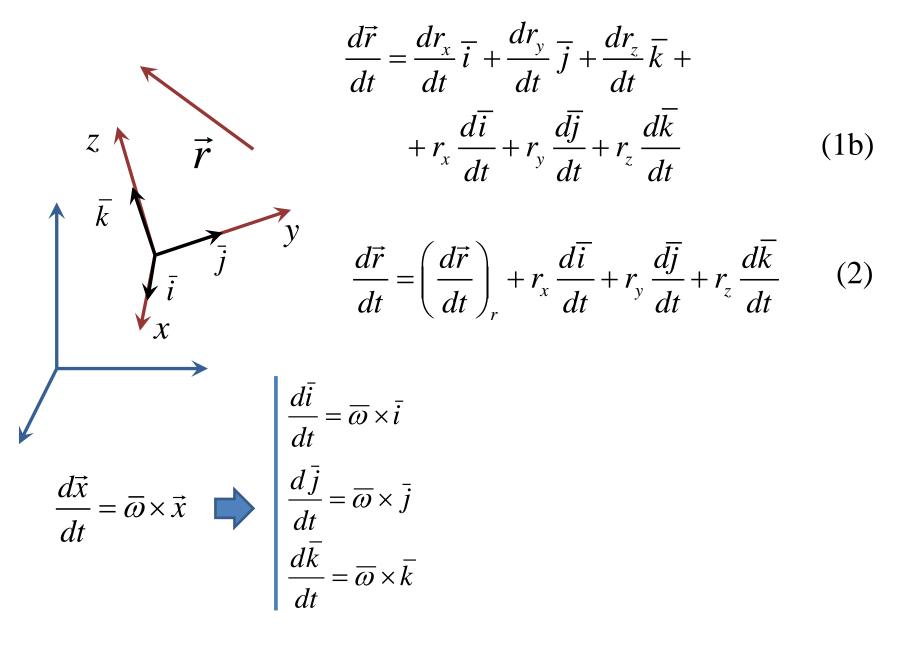
В НСО от времени зависят и орты i, j, k

Введем обозначения

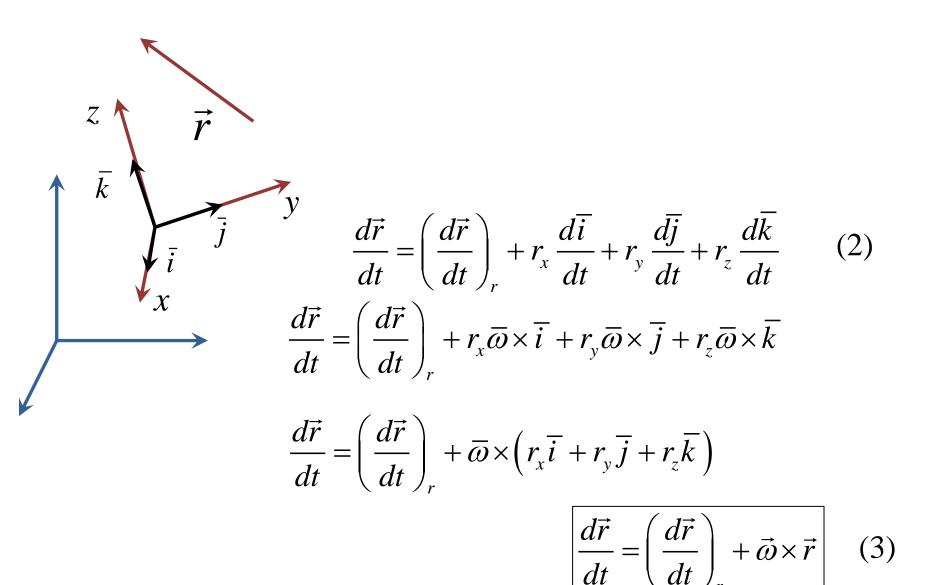
абсолютная производная $\frac{d\vec{r}}{dt}$ — производная в НСО

относительная производная $\left(\frac{d\vec{r}}{dt}\right)_r$ производная в ПСО

АБСОЛЮТНАЯ И ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПРОИЗВОДНЫЕ



АБСОЛЮТНАЯ И ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПРОИЗВОДНЫЕ



ТЕОРЕМА О СЛОЖЕНИИ СКОРОСТЕЙ

Абсолютная скорость материальной точки при сложном движении равна векторной сумме относительной и переносной скоростей -a - r - -

 $\overline{v}^a = \overline{v}^r + \overline{v}^e$

В произвольный момент времени

$$\overline{r}(t) = \overline{r}_O(t) + \overline{\rho}(t)$$

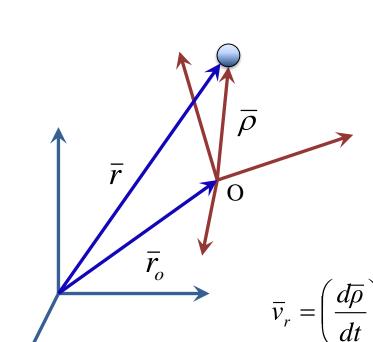
$$\overline{v}_a = \frac{d\overline{r}}{dt} = \frac{d\overline{r}_O}{dt} + \frac{d\overline{\rho}}{dt}$$

Вектор $\overline{\rho}$ определен в ПСО

$$\overline{v}_{a} = \frac{d\overline{r}_{o}}{dt} + \left(\frac{d\overline{\rho}}{dt}\right)_{r} + \overline{\omega}_{e} \times \overline{\rho} \tag{4}$$

 $\bar{v}_r = \left(\frac{d\bar{\rho}}{dt}\right)$ Что такое переносная скорость?

$$\overline{v}_e = \frac{d\overline{r}_O}{dt} + \overline{\omega}_e \times \overline{\rho} \qquad \overline{v}^a = \overline{v}^a$$



ТЕОРЕМА О СЛОЖЕНИИ УСКОРЕНИЙ

Определим абсолютное ускорение точки

$$\overline{v}_a = \frac{d\overline{r}_O}{dt} + \left(\frac{d\overline{\rho}}{dt}\right)_r + \overline{\omega}_e \times \overline{\rho} \tag{4}$$

$$\overline{a}_{a} = \frac{d\overline{v}_{a}}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\overline{v}_{O} + \overline{\omega}_{e} \times \overline{\rho} + \overline{v}_{r} \right) = \frac{d\overline{v}_{O}}{dt} + \frac{d\overline{\omega}_{e}}{dt} \times \overline{\rho} + \overline{\omega}_{e} \times \frac{d\overline{\rho}}{dt} + \frac{d\overline{v}_{r}}{dt}$$

Векторы $\bar{\rho}, \bar{v}_r$ определены в ПСО

$$\overline{a}_{a} = \frac{d\overline{v}_{O}}{dt} + \overline{\varepsilon}_{e} \times \overline{\rho} + \overline{\omega}_{e} \times \left(\left(\frac{d\overline{\rho}}{dt} \right)_{r} + \overline{\omega}_{e} \times \overline{\rho} \right) + \left(\frac{d\overline{v}_{r}}{dt} \right)_{r} + \overline{\omega}_{e} \times \overline{v}_{r}$$

$$\overline{a}_a = \overline{a}_O + \overline{\varepsilon}_e \times \overline{\rho} + \overline{\omega}_e \times (\overline{v}_r + \overline{\omega}_e \times \overline{\rho}) + \overline{a}_r + \overline{\omega}_e \times \overline{v}_r$$

$$\overline{a}_a = \overline{a}_r + \overline{a}_O + \overline{\varepsilon}_e \times \overline{\rho} + \overline{\omega}_e \times \overline{\omega}_e \times \overline{\rho} + 2\overline{\omega}_e \times \overline{v}_r$$
 (5)

Определим переносное ускорение точки $\overline{a}_e = \overline{a}_O + \overline{\varepsilon}_e \times \overline{\rho} + \overline{\omega}_e \times \overline{\omega}_e \times \overline{\rho}$

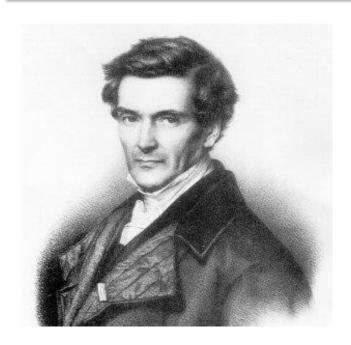
Подставляя в (5), получаем

$$\overline{a}_a = \overline{a}_r + \overline{a}_e + \overline{a}_c$$

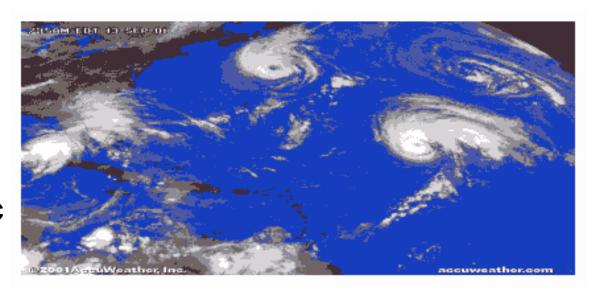
$$|\overline{a}_c = 2(\overline{\omega}_e \times \overline{v}_r)$$

ТЕОРЕМА КОРИОЛИСА

Абсолютное ускорение материальной точки при сложном движении равно векторной сумме относительного, переносного и кориолисова ускорений



$$\left| \overline{a}_a = \overline{a}_r + \overline{a}_e + \overline{a}_c \right| \left| \overline{a}_c = 2(\overline{\omega}_e \times \overline{v}_r) \right|$$



ДИНАМИКА ДВИЖЕНИЯ ТОЧКИ В НЕИНЕРЦИАЛЬНОЙ **CUCTEME OTCYETA**

Произведение массы материальной точки на ее ускорение равно векторной сумме действующих на точку сил



$$m\overline{a} = \sum \overline{F}$$

только в инерциальных СО

$$m\overline{a}=\sum \overline{F}$$
 $\overline{a}_a=\overline{a}_r+\overline{a}_e+\overline{a}_c$

$$m\overline{a}_r = \sum \overline{F}_i - m\overline{a}_e - m\overline{a}_c$$

Силы инерции

$$|\vec{F}_e| = -m\overline{a}_e, \ \vec{F}_c| = -m\overline{a}_c.$$

Все законы динамики точки сохраняют свою форму при движении в неинерциальной системе отсчета, если к действующим на точку силам добавлены переносная и кориолисова силы инерции.

ЧАСТНЫЕ СЛУЧАИ ОТНОСИТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ

1. Вращение ПСО

$$\overline{a}_e = \overline{a}_e^n + \overline{a}_e^{\tau}$$

$$\bar{a}_{\mathrm{e}}^{\mathsf{T}} = \bar{\varepsilon}_{e} \times \bar{r}$$
,

$$\bar{a}_{e}^{\tau} = \bar{\varepsilon}_{e} \times \bar{r}, \qquad \bar{a}_{e}^{n} = \bar{\omega}_{e} \times (\bar{\omega}_{e} \times \bar{r})$$

$$\vec{F}_e = \vec{F}_e^n + \vec{F}_e^\tau$$

$$\vec{F}_e = \vec{F}_e^n + \vec{F}_e^\tau \qquad \qquad \vec{F}_e^n = -m\vec{a}_e^n, \ \vec{F}_e^\tau = -m\vec{a}_e^\tau$$

$$\overline{a}_c = 2\overline{\omega}_e \times \overline{v}_r$$

$$\vec{F}_c = -m\bar{a}_c$$

Если вращение равномерное, то $\varepsilon_{\rho} = 0$:

$$\vec{F}_e^{\tau} = 0$$

$$\vec{F}_e = \vec{F}_e^n$$

ЧАСТНЫЕ СЛУЧАИ ОТНОСИТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ

2. Поступательное криволинейное движение ПСО

$$\overline{a}^e = \overline{a}_{\tau}^e + \overline{a}_n^e.$$

$$\overline{a}^e = \overline{a}^e_{\tau} + \overline{a}^e_n.$$
 $a^e_{\tau} = \ddot{s}, \quad \overline{a}^e_n = \frac{\dot{s}^2}{\rho}.$

$$\overline{a}^c = 0.$$

$$\overline{a}^c = 0.$$
 $\overline{F}_c = 0.$

Если движение прямолинейное, то $\rho = \infty$:

$$\overline{a}_n^e = 0.$$

$$\overline{a}_n^e = 0. \qquad \overline{F}_e = \overline{F}_e^{\tau}.$$

Если движение ПСО прямолинейное и равномерное, то она является инерциальной:

$$\overline{a}^e = 0.$$

$$\overline{a}^e = 0. \qquad \overline{F}_e = 0.$$



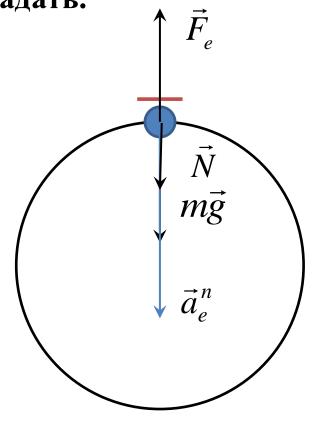
$$m\overline{a}^r = \sum \overline{F_i}$$
.

никакими механическими явлениями нельзя обнаружить прямолинейного равномерного движения (принцип относительности классической механики)

ЦЕНТРОБЕЖНАЯ СИЛА

 $\omega^2 = g/R$

Определить угловую скорость вращения карусели, при которой человек не будет падать.





$$\vec{F}_e = -m\overline{a}_e, \ \vec{F}_c = 0.$$

$$\vec{F}_e = ma_e^n \qquad \vec{F}_e = m\omega^2 R$$

$$m\overline{a}_r = m\overline{g} + \vec{F}_e + \overline{N} \qquad \overline{a}_r = 0$$

$$0 = -mg + m\omega^2 R - N$$

ЦЕНТРОБЕЖНАЯ СИЛА

Определить угол наклона веревок при заданной угловой скорости, радиусе верхнего колеса и длине

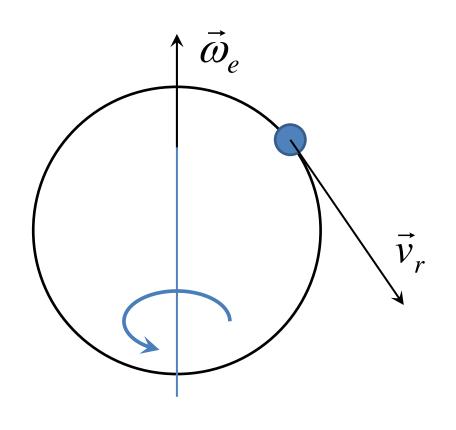
веревок.

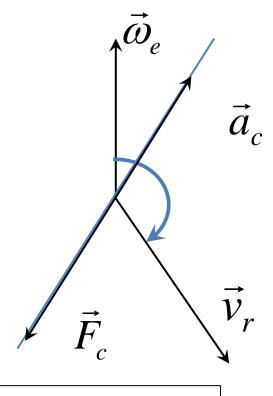


ВЛИЯНИЕ ВРАЩЕНИЯ ЗЕМЛИ НА ДВИЖЕНИЕ ТЕЛ

$$\vec{F}_c = -m\vec{a}^c$$

$$\vec{a}^c = 2(\vec{\omega}^e \times \vec{v}^r)$$



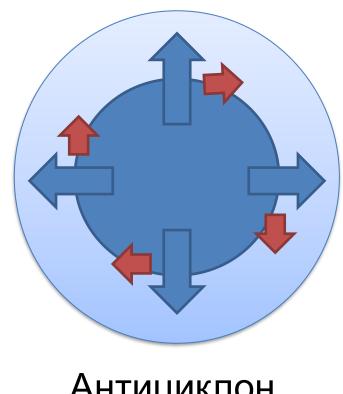


$$a_c = 2\,\omega_e v_r \sin\phi$$

ВЛИЯНИЕ ВРАЩЕНИЯ ЗЕМЛИ НА ДВИЖЕНИЕ ТЕЛ

В Северном полушарии сила Кориолиса направлена вправо по ходу движения тел





Антициклон

ЭФФЕКТЫ ОТНОСИТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ НА ЗЕМЛЕ

Можно ли определить, циклон или антициклон зафиксирован на фотографии из космоса?

Можно ли определить, в каком полушарии это

происходит?



ЭФФЕКТЫ ОТНОСИТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ НА ЗЕМЛЕ. ЗАКОН БЭРА

В северном полушарии река всегда стремится подмыть

правый берег.

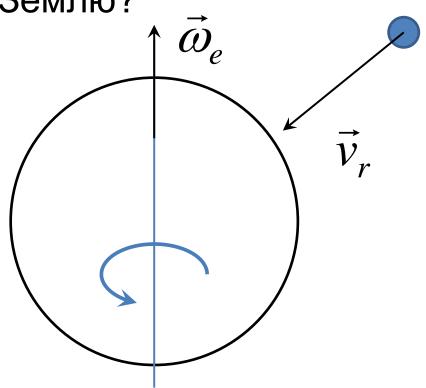




Карл Бэр (1792-1876)

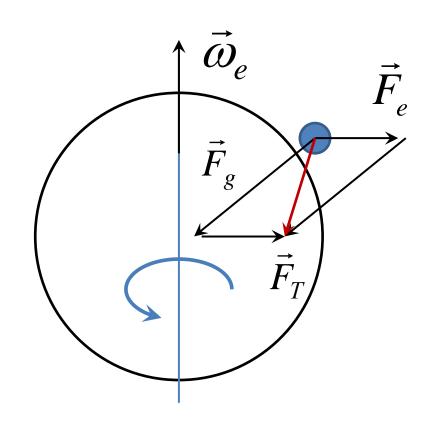
ЭФФЕКТЫ ОТНОСИТЕЛЬНОГО ДВИЖЕНИЯ НА ЗЕМЛЕ

Куда будет смещаться тело, падающее на Землю?



ВЛИЯНИЕ ВРАЩЕНИЯ ЗЕМЛИ НА ПОКОЯЩЕЕСЯ ТЕЛО

Сила тяжести – сила, действующая на тело, находящееся на поверхности Земли.



В каких широтах угол между силами тяготения и тяжести максимален?

Где на Земле легче всего прыгать вверх ?