

輔仁大學管理學院微積分主題式教材

— 程式介紹

1、微分函數 `D(expr, name)`

程式部分主要分為微分函數以及繪圖函數兩部分進行解說，首先要介紹的是微分函數 `D()`，而 Rstudio 提供函數查詢的功能，只要在函數前方加上問號，Rstudio 就會在 `help` 的部分顯示相關的文件：

(1) 查詢指令

```
>  
>  
> ?D  
> |
```

(2) 相關解說文件

```
deriv [stats]
```

R Documentation

Symbolic and Algorithmic Derivatives of Simple Expressions

Description

Compute derivatives of simple expressions, symbolically and algorithmically.

Usage

```
D (expr, name)  
deriv(expr, ...)  
deriv3(expr, ...)  
  
## Default S3 method:  
deriv(expr, namevec, function.arg = NULL, tag = ".expr",  
      hessian = FALSE, ...)  
## S3 method for class 'formula'  
deriv(expr, namevec, function.arg = NULL, tag = ".expr",  
      hessian = FALSE, ...)  
  
## Default S3 method:  
deriv3(expr, namevec, function.arg = NULL, tag = ".expr",  
       hessian = TRUE, ...)  
## S3 method for class 'formula'  
deriv3(expr, namevec, function.arg = NULL, tag = ".expr",  
       hessian = TRUE, ...)
```

Arguments

<code>expr</code>	a expression or call or (except <code>D</code>) a formula with no lhs.
<code>name, namevec</code>	character vector, giving the variable names (only one for <code>D()</code>) with respect to which derivatives will be computed.
<code>function.arg</code>	if specified and non-NULL, a character vector of arguments for a function return, or a function (with empty body) or <code>TRUE</code> , the latter indicating that a function with argument names <code>namevec</code> should be used.
<code>tag</code>	character; the prefix to be used for the locally created variables in result.
<code>hessian</code>	a logical value indicating whether the second derivatives should be calculated and incorporated in the return value.
<code>...</code>	arguments to be passed to or from methods.

D(expr, name)主要分為函式(expr)，以及變數(name)兩部分，函式部分要先用 expression 來將數學式轉換成 expression 的型態，再將轉換後的 expression 放入 D()，並設定要進行微分的變數，即可完成一階微分：

```
> f = expression(x^2)
> typeof(f)
[1] "expression"
> D(f,'x')
2 * x
> |
```

若需進行二次微分，只需再加上一層 D()函數即可，以此類推：

```
> D(D(f,'x'),'x')
[1] 2
```

2、繪圖函數

而繪圖函數則是採用 mosaic 套件中的 makeFun 函數以及 plotFun 函數，makeFun 函數主要用途為建立方程式，例如：makeFun(3*x^2 + 5*x ~ x)，即為以下方程式：

$$f(x) = 3x^2 + 5x$$

並可利用變數存取此方程式，以使用來給定 x 的數值：

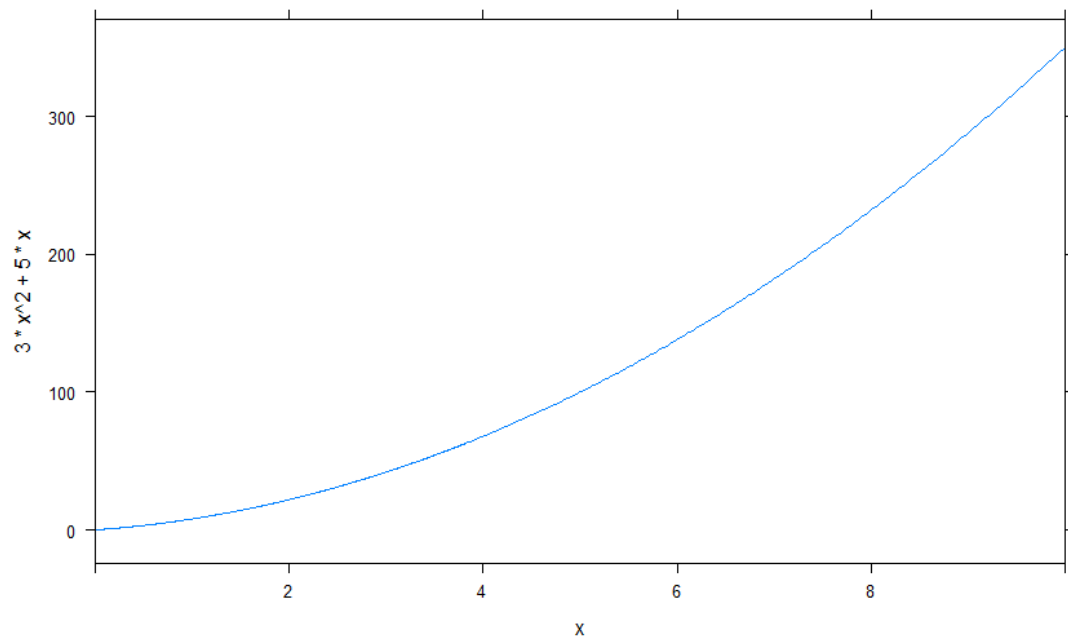
```
> g = makeFun(3*x^2 + 5*x ~ x)
> g
function (x)
3 * x^2 + 5 * x
> g(x=3)
[1] 42
> |
```

此例即為將方程式儲存成變數 g，並且將變數 g 帶入 x = 3，經由方程式的計算後結果為 42。

plotFun 函數則是用來繪製方程式的圖形，例如：

```
> plotFun(3*x^2 + 5*x ~ x, x.lim=range(0,10))
|
```

可繪製出上述方程式 $f(x) = 3x^2 + 5x$ 帶入 x 範圍 0~10 之圖形：



也可帶入經由 makeFun 所產生的方程式：

```
> g = makeFun(3*x^2 ~ x)
> plotFun(g(x=x) ~ x, x.lim=range(-10,10))
```

