## 里德堡原子基态拓扑量子信息传输 毕业论文开题报告

答辩人:杨徵羽 指导教师:吴金雷

哈尔滨工业大学 (威海) 理学院

2022年11月4日



# 目录

目录

- 1 课题背景
- 2 当前进展
- 3 未来计划

课题背景 ●0000

# 目录

- 1 课题背景
- 2 当前进展
- 3 未来计划

## 量子信息技术

摩尔定律,量子信息的快速计算、不可监听……总之非常有前景;但目 前极不成熟,故很值得研究(两页?)

## 量子比特与量子逻辑门

查 Nielsen and Chuang



## 实现量子逻辑门的物理方法

有······多种方法,我研究里德堡中性原子,它的优点有······(查老师毕业论文)

## 研究里德堡原子系统的一般步骤

写哈密顿量、表象变换化简、大失谐近似求有效哈密顿量、分析系统 性质(本来要解薛定谔方程,但可以直接从有效哈密顿量系数中看出 我们要的性质)(大致说这几步的目的,绘景变换公式等方法在下节讲)

- 2 当前进展
- 3 未来计划

#### 哈密顿量

目前复现了 [1] 的一部分:两个 A 型原子与光场 Raman 相互作用。 单个原子与光场作用的哈密顿量为(以下均忽略系数)

$$H_{\text{novdW},j}^{S} = \hbar(\omega_{g} |g \rangle \langle g|_{j} + \omega_{i} |r \rangle \langle r|_{j} + \omega_{e} |e \rangle \langle e|_{j} + (\Omega_{j} |g \rangle \langle r|_{j} + \Omega_{p} |e \rangle \langle r|_{j} + \text{H.c.}))$$
(1)

变换到相互作用绘景,得

$$H_{\text{novdW},j}^{\text{I}} = \hbar(e^{it\delta}\Omega_j |g\rangle\langle r|_j + e^{it\Delta}\Omega_p |e\rangle\langle r|_j + \text{H.c.}),$$
  
$$\delta = \Omega - \omega_r + \omega_g, \quad \Delta = \Omega_p - \omega_r + \omega_e$$
 (2)

当前进展

#### 哈密顿量

故两个原子的与光场作用的哈密顿量为

$$\begin{split} H^{\rm I} &= \hbar(\Omega_1 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |gg\rangle\!\langle rg| + \Omega_1 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |ge\rangle\!\langle re| + \Omega_1 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |gr\rangle\!\langle rr| \\ &+ \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |eg\rangle\!\langle rg| + \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |ee\rangle\!\langle re| + \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |er\rangle\!\langle rr| \\ &+ \Omega_2 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |gg\rangle\!\langle gr| + \Omega_2 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |eg\rangle\!\langle er| + \Omega_2 \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\delta} \, |rg\rangle\!\langle rr| \\ &+ \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |ge\rangle\!\langle gr| + \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |ee\rangle\!\langle er| + \Omega_p \mathrm{e}^{\mathrm{i}t\Delta} \, |re\rangle\!\langle rr| + \mathrm{H.c.}) \end{split} \tag{3}$$

当前讲展

考虑到 van der Vaals 相互作用,并采用旋波近似,经一系列分析,上 式可简化为

$$H^{\rm II} = \hbar(\Omega_1 e^{it\delta} |ge\rangle re| + \Omega_p |er\rangle rr| + \Omega_2 e^{it\delta} |eg\rangle er| + \Omega_p |re\rangle rr| + \text{H.c.})$$
 (4)

## 表象变换

经过了……多次变换,最终哈密顿量的形式为(是否展开?)

$$H^{\mathrm{III}} = \hbar\Omega \left( \left| ge \right\rangle \left( \frac{1}{2} \left\langle \psi_{+} \right| e^{\mathrm{i}t(\delta - \sqrt{2}\Omega_{p})} - \frac{1}{\sqrt{2}} \left\langle \psi_{0} \right| e^{\mathrm{i}t\delta} + \frac{1}{2} \left\langle \psi_{-} \right| e^{\mathrm{i}t(\delta + \sqrt{2}\Omega_{p})} \right) + \left| eg \right\rangle \left( \frac{1}{2} \left\langle \psi_{+} \right| e^{\mathrm{i}t(\delta - \sqrt{2}\Omega_{p})} + \frac{1}{\sqrt{2}} \left\langle \psi_{0} \right| e^{\mathrm{i}t\delta} + \frac{1}{2} \left\langle \psi_{-} \right| e^{\mathrm{i}t(\delta + \sqrt{2}\Omega_{p})} \right) \right) + \mathrm{H.c.}$$

$$(5)$$

## 有效哈密顿量

利用 Canadian 论文的方法,可得有效哈密顿量为

$$\begin{split} H_{\mathrm{eff}} &= \Omega^2 \bigg( \frac{1}{\delta - \sqrt{2}\Omega_p} \left( -\frac{1}{4} \left| eg \middle| ge \right| \right) + \frac{1}{\delta} \left( -\frac{1}{2} \left| eg \middle| ge \right| \right) + \frac{1}{\delta + \sqrt{2}\Omega_p} \left( -\frac{1}{4} \left| eg \middle| ge \right| \right) \\ &+ \frac{1}{\delta - \sqrt{2}\Omega_p} \left( \frac{1}{4} (-\left| ge \middle| ge \right| - \left| eg \middle| ge \right|) \right) \\ &+ \frac{1}{\delta} \left( \frac{1}{2} (-\left| ge \middle| ge \right| - \left| eg \middle| ge \right|) \right) \\ &+ \frac{1}{\delta + \sqrt{2}\Omega_p} \left( \frac{1}{4} (-\left| ge \middle| ge \right| - \left| eg \middle| ge \right|) \right) \bigg) \end{split} \tag{6}$$

其中 J12=···。这是一个 SWAP 门, J12 反映了量子门的开关速率。



- 2 当前进展
- 3 未来计划

#### 快速 SWAP 门

在前式中,令 delta-sqrt2omegap=0,保留前两项,有望构建具有…、 …、…三个能级的系统,而 J12 数量级有望减小(……阶动力学),从 而实现更快速的 SWAP 门。

## 拓扑量子信息传输

将 2 个原子推广成一列原子,此时有望实现量子态从最左边传到最右边(论文截图)



# 请各位老师批评指正