

### **Exercice 1**

1/ Remplir le tableau suivant avec uniquement des opérateurs dérivés de l'algèbre relationnelle :

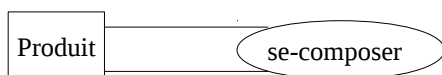
Opérateur dérivé	BUT
INTERSECTION $R \cap S = T$	- Permet d'obtenir l'ensemble des tuples appartenant aux deux relations
JOINTURE $R \bowtie S = T$	- Permet d'établir le lien sémantique entre les relations
DIVISION $R \div S = T$	- Répondre aux requêtes de type « tous les » - Un tuple $t$ est dans $T$ si et seulement si pour tout tuple $s$ de $S$ , le tuple $\langle t, s \rangle$ est dans $R$

2/ Définir une relation réflexive dans le modèle entité/association ? Donner un exemple ?

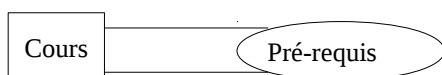
La relation réflexive (récursive ou circulaire) c'est une relation qui associe la même entité.

Exemples :

- un produit est composé d'un autre produit



- un cours nécessite des pré-requis (d'autres cours)



3/ Soit les tables relationnelles suivantes représentant le suivi des cours des étudiants :

ETUDIANT (Matricule, Nom, Adress)

COURS (NumC, Désignation, Crédit)

SUIVRE (Matricule, NumC, Note)

Exprimez les requêtes suivantes en langage algébrique :

3.1/ Quels sont les noms des étudiants qui suivent tous les cours ? Proposer deux solutions.

**Solution 1 :**

$$R1 = \Pi_{\text{Matricule}, \text{NumC}} (\text{Suivre})$$

$$R2 = \Pi_{\text{NumC}} (\text{Cours})$$

$$\text{Résultat} = R1 \div R2$$

**Solution 2 :**

Résultat =  $R1 - R2$  avec

$$R_1 = \pi_{A_1, \dots, A_m}(R) \text{ et } R_2 = \pi_{A_1, \dots, A_m}((R_1 \times S) - R)$$

3.2/ Quels sont les homonymes parmi les étudiants ?

$$R1 = \text{Etudiant} \bowtie_{(\text{Nom} = \text{Nom})} \text{Etudiant}$$

$$R2 = \text{Etudiant} \bowtie_{(\text{Matricule} = \text{Matricule})} \text{Etudiant}$$

$$\text{Résultat} = R1 - R2$$

## Exercice 2

Soit un b-arbre d'ordre  $m$ .

1/ a quoi correspond  $m$  et quelle est sa valeur min

L'ordre d'un b-arbre représente le nombre maximum de fils par nœud.

Sa valeur minimale est 3 (par exemple les arbres 2-3)

2/ combien de clés au minimum dans un nœud autre que la racine

Le nombre minimal de clés par nœud (autre que la racine) est  $\lceil m/2 \rceil - 1$

3/ comment est choisit  $m$

En général, pour la gestion des fichiers, on choisit  $m$  de telle sorte à remplir au maximum un bloc physique

4/ combien de clés peut on stocker dans b-arbre de hauteur  $h$  et d'ordre  $m$

Si  $Nb\_Noeuds$  représente le nombre total de nœuds dans l'arbre et tous les nœuds sont remplis à 100 %,

le nombre total de clés =  $Nb\_Noeuds * (m-1)$

De plus, si tous les nœuds sont remplis à 100 %, on aura dans chaque niveau  $i$ ,  $m^i$  nœuds.

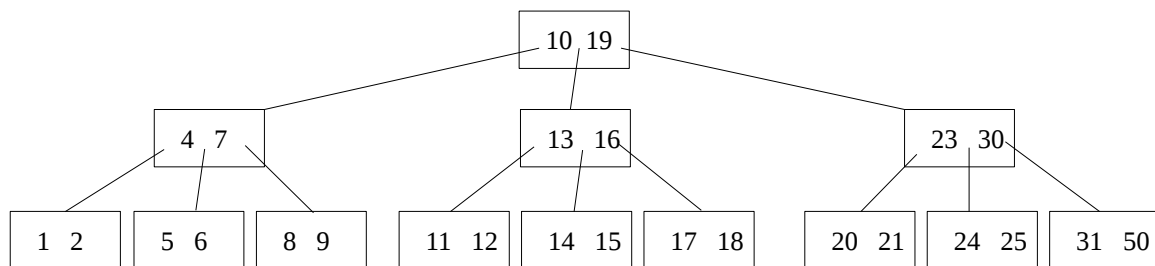
Dans ce cas  $Nb\_Noeuds = 1 + m + m^2 + m^3 + \dots + m^h = (m^{h+1} - 1) / (m - 1)$

Et donc le nombre de clés =  $m^{h+1} - 1$

5/ même question avec  $m=5$  et  $h=2$

Le nombre de clé =  $5^3 - 1 = 124$

6/ Déterminer l'arbre obtenu en ajoutant la clé 21



### Exercice 3

Pour réaliser l'opération d'intersection de deux ensembles d'entiers représentés par deux fichiers F et G de type TOF (fichiers contigus, ordonnés et à format d'enregistrement fixe), nous disposons en mémoire centrale de 3 buffers.

**1/ Algorithme de l'intersection** des fichiers F et G. Le résultat dans un nouveau fichier H

```
Début // (Intersection)
    OUVRIR( F, nom1, 'A' ) ;
    OUVRIR( G, nom2, 'A' ) ;
    OUVRIR( H, nom3, 'N' ) ;
    i1 ← 1 ; i2 ← 1 ; i3 ← 0 ; j1 ← 1 ; j2 ← 1 ; j3 ← 0 ;
    SI ( Entete(F,1) <> -1 ) LireDir(F, 1, buf1 ) FSI ;
    SI ( Entete(G,1) <> -1 ) LireDir(G, 1, buf2 ) FSI ;

    TQ ( i1 ≤ Entete(F,1) && i2 ≤ Entete(G,1) )
        SI ( buf1.tab[j1] < buf2.tab[j2] )
            j1 ← j1 + 1 ;
            SI ( j1 > buf1.nb )
                i1 ← i1 + 1 ;
                SI ( i1 ≤ Entete(F,1) ) LireDir( F, i1, buf1 ) ; j1 ← 1 FSI
            FSI
        SINON
            SI ( buf1.tab[j1] > buf2.tab[j2] )
                j2 ← j2 + 1 ;
                SI ( j2 > buf2.nb )
                    i2 ← i2 + 1 ;
                    SI ( i2 ≤ Entete(G,1) ) LireDir( G, i2, buf2 ) ; j2 ← 1 FSI
                FSI
            SINON // donc ( buf1.tab[j1] = buf2.tab[j2] )
                j3 ← j3 + 1 ;
                SI ( j3 > b )
                    buf3.nb ← j3 - 1 ; // ou b
                    i3 ← i3 + 1 ;
                    EcrireDir( H, i3, buf3 ) ;
                    j3 ← 1 ;
                FSI ;
                buf3.tab[j3] ← buf1.tab[j1] ;
                j1 ← j1 + 1 ;
                SI ( j1 > buf1.nb )
                    i1 ← i1 + 1 ;
                    SI ( i1 ≤ Entete(F,1) ) LireDir( F, i1, buf1 ) ; j1 ← 1 FSI
                FSI ;
                j2 ← j2 + 1 ;
                SI ( j2 > buf2.nb )
                    i2 ← i2 + 1 ;
                    SI ( i2 ≤ Entete(G,1) ) LireDir( G, i2, buf2 ) ; j2 ← 1 FSI
                FSI
            FSI // ( buf1.tab[j1] > buf2.tab[j2] )
        FSI // ( buf1.tab[j1] < buf2.tab[j2] )
    FTQ ; // ( i1 ≤ Entete(F,1) && i2 ≤ Entete(G,1) )

    // Dernière écriture de buf3 ...
    SI ( j3 > 0 ) // si l'intersection n'est pas vide ...
        buf3.nb ← j3 ;
        EcrireDir( H, i3, buf3 ) ;
        Aff-Entete( H, 1, i3 ) ; // le numéro du dernier bloc utilisé dans H
    SINON // sinon le fichier H restera vide ...
        Aff-Entete( H, 1, -1 ) ; // valeur spéciale pour dire que le fichier est vide
    FSI ;
```

```
Fermer( F ) ;  
Fermer( G ) ;  
Fermer( H ) ;
```

**Fin** // (Intersection)

## 2/ Coût de l'algorithme

Cet algorithme tire avantage que les 2 fichiers en entrée (F et G) sont déjà triés.

Donc pour réaliser l'intersection de F et G il suffit de parcourir, au plus, une seule fois les blocs de F et une seule fois les blocs de G.

Posons  $N_1$  le nombre de blocs du fichier F et posons  $N_2$  le nombre de blocs du fichier G.

Le nombre de lectures physiques totale dans le pire cas, est donc :  $N_1 + N_2$ .

Pour le nombre d'écritures physiques, le pire cas est atteint lorsque tous les éléments de l'un des fichiers en entrée se retrouvent dans l'autre (c-à-d lorsque  $F \subseteq G$  ou  $G \subseteq F$ ). Dans ce cas le fichier résultats sera formé par le même nombre de blocs que le plus petit des fichiers en entrée.

Le nombre d'écritures physiques est donc :  $\min(N_1, N_2)$ .

Le coût total de l'opération d'intersection est donc =  $N_1 + N_2 + \min(N_1, N_2)$  E/S physiques

Si F et G sont de même taille (N blocs chacun), la complexité sera alors  $O(N)$ .

---

#### Exercice 4

Dans la méthode du hachage dynamique « Hachage Linéaire », l'éclatement de la case  $n$  provoque le « rehachage » de toutes les clés du bloc  $n$  et éventuellement de sa liste de débordement, en utilisant la fonction  $h_{i+1}(x) = x \bmod 2^{i+1}$ . Deux fichiers (F et S) sont utilisés pour sa mise en œuvre.

- La zone principale est un fichier (F) de type TÖF. Ses caractéristiques sont :

$i$  : le niveau du fichier.

$n$  : le numéro de la prochaine case à éclater.

Nenr : le nombre d'enregistrements total dans F et S.

- La zone de débordement est un autre fichier (S) renfermant les différentes listes de débordements (LÖF). Ses caractéristiques sont :

Nbl : le nombre de blocs utilisés dans S.

Tête : la tête de liste des blocs vides, pour la récupération des blocs libérés.

#### 4.1/ Donnez la définition des structures

Les 2 fichiers F et S partagent le même type de blocs

Type TBloc = Structure

tab : tableau[b] de Tenreg ; // tableau d'enregistrements qlq...

nb : Entier ; // nombre d'enregistrements dans tab

lien : Entier ; // numéro du bloc suivant dans S

fin // TBloc

Déclaration globale des fichiers :

var

F:Fichier de TBloc Entete (entier /\* le niveau  $i$  \*/, entier /\*  $n$  \*/, entier /\* Nenr \*/);

S:Fichier de TBloc Entete (entier /\* Nbl \*/, entier /\* Tête \*/);

buf0, buf1, buf2 : TBloc ;

#### 4.2/ Algorithme d'éclatement

**Début** // (Eclatement)

Soit L une file d'entiers ;

// On l'utilisera pour sauvegarder (en vue de les réutiliser) les numéros de blocs de la liste de

// débordement associée à  $n$

$i \leftarrow \text{Entete}(F, 1)$  ;  $n \leftarrow \text{Entete}(F, 2)$  ;

CreerFile( L ) ;

$i0 \leftarrow n$  ;  $\text{prec} \leftarrow -1$  ;

$i1 \leftarrow n$  ;  $j1 \leftarrow 0$  ;  $\text{buf1.nb} \leftarrow 0$  ;

$i2 \leftarrow 2^i + n$  ;  $j2 \leftarrow 0$  ;  $\text{buf2.nb} \leftarrow 0$  ;

$x \leftarrow -1$  ;

**TQ** (  $i0 <> -1$  )

**SI** (  $i0 = n$  ) LireDir( F,  $i0$ , buf0 ) **SINON** LireDir( S,  $i0$ , buf0 ) **FSI** ;

$\text{suiv} \leftarrow \text{buf0.lien}$  ;

Enfiler( L, suiv ) ;

**POUR**  $j=1, \text{buf0.nb}$

$e \leftarrow \text{buf0.tab}[j]$  ;

**SI** (  $h_{i+1}(e.\text{cle}) = n$  )

$j1 \leftarrow j1 + 1$  ;

**SI** (  $j1 > b$  )

Defiler( L, x ) ; // réutiliser un ancien bloc de la liste de débordement

$\text{buf1.lien} \leftarrow x$  ;

$\text{buf1.nb} \leftarrow b$  ; // ou  $(j1 - 1)$

**SI** (  $i1 = n$  ) EcrireDir( F,  $i1$ , buf1 ) **SINON** EcrireDir( S,  $i1$ , buf1 ) **FSI** ;

$i1 \leftarrow x$  ;

$j1 \leftarrow 1$  ;

**FSI** ;

$\text{buf1.tab}[j1] \leftarrow e$  ;

```

SINON // c-a-d (  $h_{i+1}(e.cle) = 2^i + n$  )
    j2  $\leftarrow$  j2 + 1 ;
    SI ( j2 > b )
        // Allouer un nouveau ou réutiliser un bloc depuis la liste des blocs vides de S...
        SI ( Entete( S, 2 ) = -1 ) // si (Tête = -1) :
            x  $\leftarrow$  AllocBloc( S ) ; // allouer un nouveau bloc.
        SINON // si (Tête  $\neq$  -1) :
            x  $\leftarrow$  Entete( S, 2 ) ; // récup. 1er elt de la liste des blocs vides.
        FSI ;

    buf2.lien  $\leftarrow$  x ;
    buf2.nb  $\leftarrow$  b ; // ou (j2 - 1)
    SI ( i2 =  $2^i + n$  ) EcrireDir( F, i2, buf2) SINON EcrireDir( S, i2, buf2 ) FSI ;

    // MAJ de la Tête de liste des blocs vides...
    LireDir( S, x, buf2 ) ; // en récupérant le champ 'lien'
    Aff-Entete( S, 2, buf2.lien ) ; // de l'ancien 1er elt de la liste.

    i2  $\leftarrow$  x ;
    j2  $\leftarrow$  1 ;
    FSI ;
    buf2.tab[ j2 ]  $\leftarrow$  e
    FSI // (  $h_{i+1}(e.cle) = n$  )

FP ;
prec  $\leftarrow$  i0 ;
i0  $\leftarrow$  suiv
FTQ ; // ( i0  $\neq$  -1 )

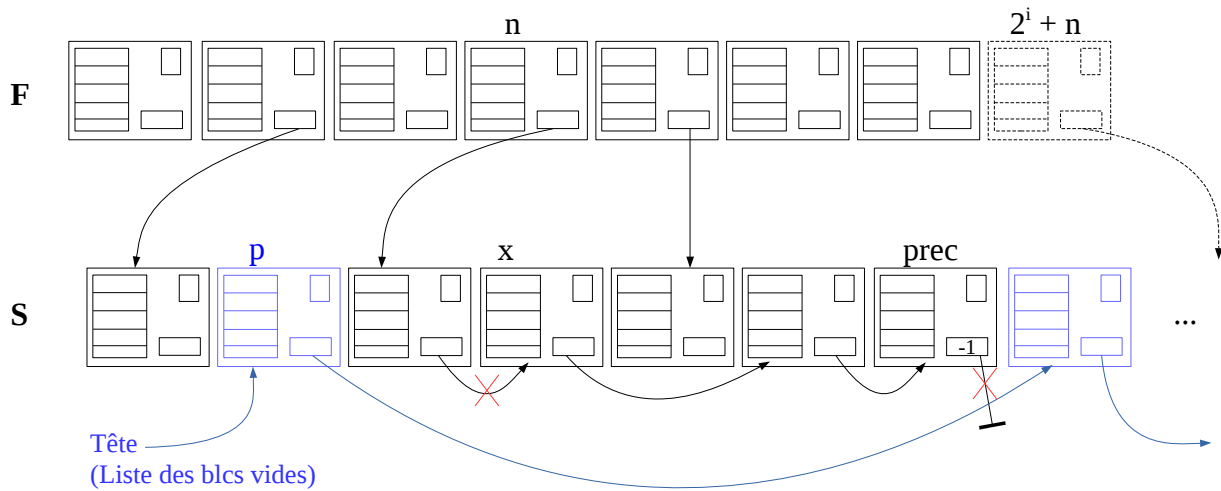
// Ecriture des derniers blocs ...
x  $\leftarrow$  buf1.lien ;
buf1.lien  $\leftarrow$  -1 ; buf1.nb  $\leftarrow$  j1 ;
buf2.lien  $\leftarrow$  -1 ; buf2.nb  $\leftarrow$  j2 ;
SI ( i1 = n ) EcrireDir( F, i1, buf1 ) SINON EcrireDir( S, i1, buf1 ) FSI ;
SI ( i2 =  $2^i + n$  ) EcrireDir( F, i2, buf2 ) SINON EcrireDir( S, i2, buf2 ) FSI ;

// MAJ de la liste des blocs vides de S en y rajoutant les blocs de la liste de débordement de 'n', non réutilisés durant
// l'éclatement ...
SI ( x  $\neq$  -1 )
    buf0.lien  $\leftarrow$  Entete( S, 2 ) ; // l'ancienne Tête de la liste des blocs vides
    EcrireDir( S, i0, buf0 ) ;
    Aff-Entete( S, 2, x ) ; // la nouvelle Tête devient x (voir figure ci-dessous)
FSI

Fin // (Eclatement)

```

L'espace mémoire utilisé = 3 buffers (buf0, buf1 et buf2) + une file d'entier de longueur égale au nombre de blocs de la liste de débordement associée au bloc principal 'n' (généralement  $\ll 10$ , donc négligeable).



A la fin de l'opération d'éclatement, les blocs de la sous-liste commençant par 'x' et se terminant par 'prec' seront insérés en début de la liste des blocs vides. C-a-d la nouvelle 'tête' sera 'x' et le suivant de 'prec' sera l'ancien premier bloc de la liste ('p').