

# 组合数问题

组合数  $C_n^m$  表示的是从  $n$  个物品中选出  $m$  个物品的方案数。举个例子，从  $(1, 2, 3)$  三个物品中选择两个物品可以有  $(1, 2), (1, 3), (2, 3)$  这三种选择方法。根据组合数的定义，我们可以给出计算组合数  $C_n^m$  的一般公式：

$$C_n^m = \frac{n!}{m!(n-m)!}$$

其中  $n! = 1 \times 2 \times \cdots \times n$ 。（额外的，当  $n = 0$  时， $n! = 1$ ）  
小葱想知道如果给定  $n, m$  和  $k$ ，对于所有的  $0 \leq i \leq n, 0 \leq j \leq \min(i, m)$  有多少对  $(i, j)$  满足  $C_i^j$  是  $k$  的倍数。  
答案对  $10^9 + 7$  取模。

## 输入格式

第一行有两个整数  $t, k$ ，其中  $t$  代表该测试点总共有多少组测试数据。  
接下来  $t$  行每行两个整数  $n, m$ 。

## 输出格式

$t$  行，每行一个整数代表所有的  $0 \leq i \leq n, 0 \leq j \leq \min(i, m)$  中有多少对  $(i, j)$  满足  $C_i^j$  是  $k$  的倍数。

## 样例一

input

```
1 2
3 3
```

output

```
1
```

explanation

在所有可能的情况中，只有  $C_2^1 = 2$  是 2 的倍数。

## 样例二

input

```
2 5
4 5
6 7
```

output

0  
7

## 样例三

input

```
3 23
23333333 23333333
233333333 233333333
2333333333 2333333333
```

output

```
851883128
959557926
680723120
```

## 限制与约定

对于 20% 的测试点， $1 \leq n, m \leq 100$ ；

对于另外 15% 的测试点， $n \leq m$ ；

对于另外 15% 的测试点， $k = 2$ ；

对于另外 15% 的测试点， $m \leq 10$ ；

对于 100% 的测试点， $1 \leq n, m \leq 10^{18}, 1 \leq t, k \leq 100$ ，且  $k$  是一个质数。

**时间限制：**1s

**空间限制：**512MB

# 汽水

牛牛来到了一个盛产汽水的国度旅行。

这个国度的地图上有  $n$  个城市，这些城市之间用  $n - 1$  条道路连接，任意两个城市之间，都存在一条**路径**连接。这些城市生产的汽水有许多不同的风味，在经过道路  $i$  时，牛牛会喝掉  $w_i$  的汽水。牛牛非常喜欢喝汽水，但过量地饮用汽水是有健康的，因此，他希望在他旅行的这段时间内，**平均每天**喝到的汽水的量尽可能地接近给定的一个正整数  $k$ 。

同时，牛牛希望他的旅行计划尽可能地有趣，牛牛会先选择一个城市作为起点，然后**每天**通过一条道路，前往一个**没有去过**的城市，最终选择在某一个城市结束旅行。

牛牛还要忙着去喝可乐，他希望你帮他设计出一个旅行计划，满足每天|平均每天喝到的汽水  $- k$ |的值尽量小，请你告诉他这个最小值。

## 输入格式

第一行两个正整数  $n, k$ 。

接下来  $n - 1$  行，每行三个正整数  $u_i, v_i, w_i$ ，表示城市  $u_i$  和城市  $v_i$  之间有一条长度为  $w_i$  的道路连接。

同一行相邻的两个整数均用一个空格隔开。

## 输出格式

一行一个整数，表示 |平均每天喝到的汽水  $- k$ | 的最小值的**整数部分**，即你只要将这个最小值**向下取整**然后输出即可。

## 样例一

input

```
5 21
1 2 9
1 3 27
1 4 3
1 5 12
```

output

```
1
```

explanation

在图中，路径5->1->3是一条最合适的路线，总计喝到的汽水的量是  $27 + 12 = 39$ ，平均每天喝到的汽水量是  $39 \div 2 = 19.5$ ， $|19.5 - 21| = 1.5$ ，向下取整后得到 1，因此答案是 1。

## 样例二

见样例数据下载

## 限制与约定

对于 20% 的数据,  $n \leq 1000$ 。

对于另外 20% 的数据, 保证编号为  $i(1 \leq i \leq n-1)$  的节点和编号为  $i+1$  的节点之间连接了一条边。

对于另外 20% 的数据, 保证数据是以 1 为根的完全二叉树 (在完全二叉树中, 节点  $i(2 \leq i \leq n)$  和节点  $\lfloor i \div 2 \rfloor$  之间有一条道路)。

对于另外 20% 的数据, 保证除节点 1 以外, 其他节点和节点 1 之间都有一条道路。

对于 100% 的数据,  $1 \leq n \leq 5 \times 10^4, 0 \leq w_i \leq 10^{13}, 0 \leq k \leq 10^{13}$ 。

**时间限制** : 5s

**空间限制** : 512MB

# 定向越野

定向越野是一项集智力与体力为一体的体育运动，在这项活动中，选手需要从起点出发，在尽可能短的时间内到达指定的地点。

牛牛非常喜爱这项运动，但是他不知道怎么样才能更快到达终点。他听说来参加集训的你智力过人，于是他把定向越野的地图交给了你，希望你帮他解决一些问题。

牛牛给你的地图描述的是一块平地，地图上不仅清楚地标出了起点和终点的坐标，还标有若干个**互不相交**圆形区域，每个区域表示一个圆形的水域。对于不会游泳的牛牛来说，进入水域是根本不可能的。因此，牛牛的行动路线不能从水域中穿过。牛牛想知道这样的路线长度最小可以是多少。

## 输入格式

第一行包含四个实数  $S_x, S_y, T_x, T_y$ ，分别表示起点的 $x, y$ 坐标和终点的 $x, y$ 坐标。

第二行包含一个正整数 $n$ ，表示水域的个数。

接下来 $n$ 行，每行3个整数  $x_i, y_i, r_i$  表示一片水域的圆心的 $x, y$ 坐标和半径。

保证起点和终点都不在水域的内部或边界上，起点和终点不重合。

## 输出格式

输出一行，包含一个实数，四舍五入精确到小数点后**恰好1位**，表示答案。你的输出必须和标准输出**完全一样**才算正确。

测试数据保证四舍五入后的答案和准确答案的差的绝对值不大于  $4 \times 10^{-2}$ 。

（如果你不知道什么是浮点误差，这段话可以理解为：对于大多数的算法，你可以正常地使用浮点数类型而不用对它进行特殊的处理）

## 样例一

input

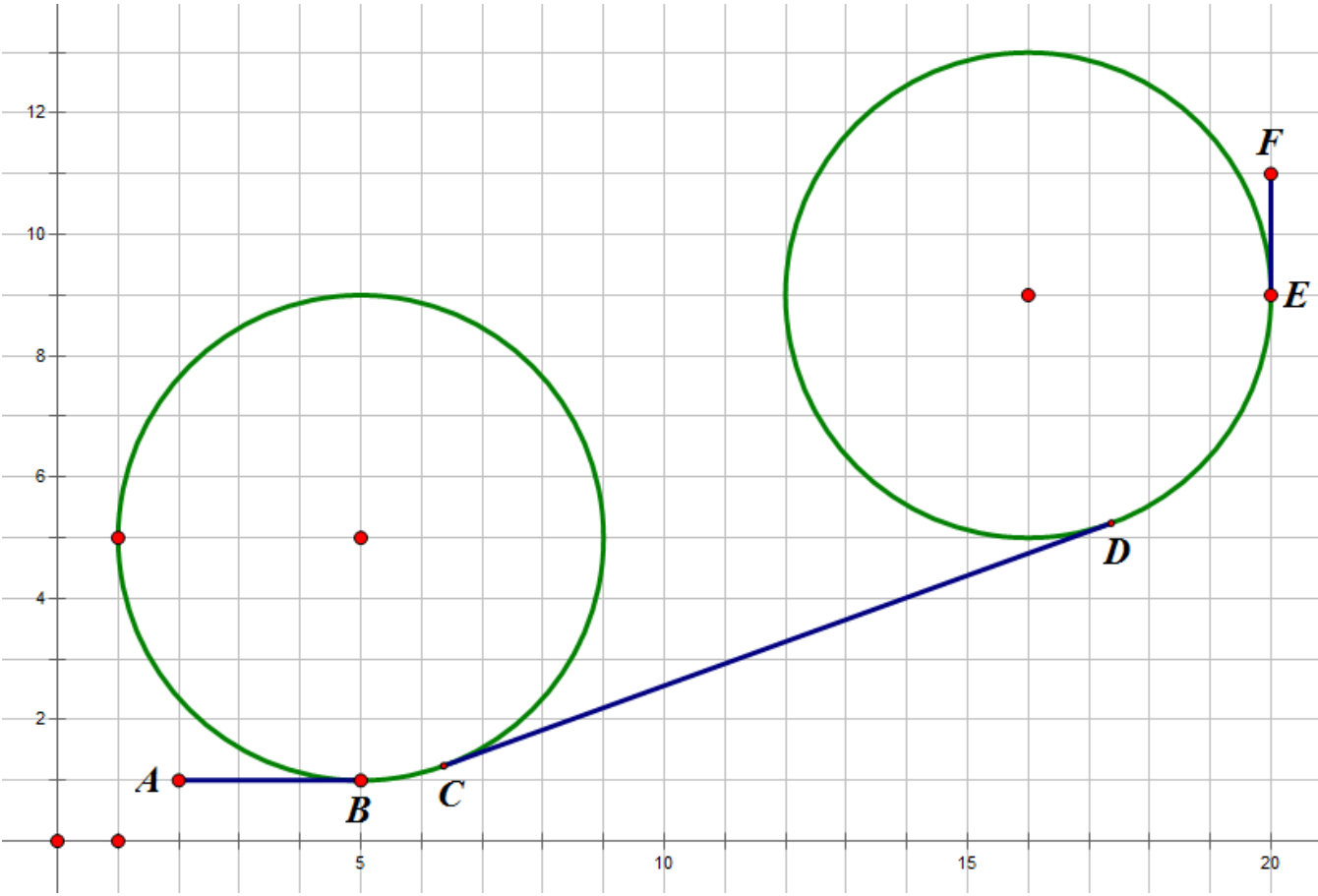
```
2 1 20 11
2
5 5 4
16 9 4
```

output

```
23.0
```

explanation

这个地图如下图，其中画出的路径即是所求的最短路径。



样例二

见样例数据下载。

限制与约定

对于所有数据满足 ,  $0 \leq n \leq 500, -1000 \leq x_i, y_i, r_i, S_x, S_y, T_x, T_y \leq 1000$  。

测试点	$n$	半径相同	网格
1	$\leq 0$	×	×
2	$\leq 1$	×	×
3	$\leq 1$	×	×
4	$\leq 2$	√	×
5	$\leq 2$	×	×
6	$\leq 3$	×	×
7	$\leq 4$	√	√
8	$\leq 5$	×	×
9	$\leq 8$	×	×
10	$\leq 16$	√	√
11	$\leq 20$	×	×

测试点		半径相同	网格
12	$\leq 50$	$\sqrt{\quad}$	$\times$
13	$\leq 100$	$\sqrt{\quad}$	$\sqrt{\quad}$
14	$\leq 200$	$\times$	$\times$
15	$\leq 400$	$\sqrt{\quad}$	$\sqrt{\quad}$
16	$\leq 400$	$\sqrt{\quad}$	$\sqrt{\quad}$
17	$\leq 500$	$\times$	$\times$
18	$\leq 500$	$\times$	$\times$
19	$\leq 500$	$\times$	$\times$
20	$\leq 500$	$\times$	$\times$

**时间限制：**5s

**空间限制：**1GB