

Universidad Complutense de Madrid

## IAAC - PRÁCTICA 6



Yaco Alejandro Santiago Pérez

*Asignatura:* INTELIGENCIA ARTIFICIAL APLICADA A INTERNET DE LAS  
COSAS

P6: Redes neuronales con Keras  
Master IOT

27 de abril de 2020

# Índice general

<b>1. Introducción</b>	<b>1</b>
<b>2. Objetivos</b>	<b>2</b>
<b>3. Parte 1: Contacto con Keras</b>	<b>3</b>
3.1. Funciones propias . . . . .	3
3.2. Ejecución . . . . .	4
3.2.1. Problema 0: Problema lineal . . . . .	4
3.2.2. Problema 1: Problema complejo: Lunas . . . . .	5
3.2.3. Problema 3: Problema complejo: Círculos . . . . .	6
3.2.4. Problema 3: Problema complejo: Espirales . . . . .	8
3.3. Código . . . . .	11
<b>4. Parte 2:Práctica 4 con Keras</b>	<b>15</b>
4.1. Funciones . . . . .	15
4.2. Ejecución . . . . .	16
4.2.1. Modo 1 . . . . .	17
4.2.2. Modo 2 . . . . .	18
4.2.3. Modo 3 . . . . .	19
4.2.4. Modo 4 . . . . .	20
4.2.5. Modo 5 . . . . .	21
4.2.6. Modo 6 . . . . .	22
4.2.7. Conclusión . . . . .	22
4.3. Código . . . . .	23

# Capítulo 1

## Introducción

Esta práctica supone la primera puesta en contacto con **TensorFlow** mediante **Keras**, el *framework* de **Redes Neuronales**.



A lo largo de su desarrollo se aprenderá a formar distintas redes neuronales, en función del número de capas y nodos y de las funciones de activación. También se modificará la práctica 4 para utilizar una red neuronal construida con **Keras** para el reconocimiento de dígitos manuscritos.



## Capítulo 2

# Objetivos

En esta práctica, la cual se divide en dos partes:

En la **primera parte** se construyen redes neuronales simples para resolver problemas de clasificación de datos.

En la **segunda parte** se pretende solucionar la práctica 4 reconociendo dígitos con redes neuronales creadas con **keras**.

Como objetivos concretos se van a perseguir los siguientes:

- Calcular la regresión logística sobre dos dimensiones
- Calcular la regresión logística no lineal resolviendo el problema de las **lunas**
- Calcular la regresión logística no lineal resolviendo el problema de los **círculos**
- Calcular la regresión logística no lineal resolviendo el problema de la **espiral**
- Modificar la **práctica 4** para solventarlo mediante **Keras**

## Capítulo 3

# Parte 1: Contacto con Keras

Además de las funciones propias, se han utilizado las funciones proporcionadas en *helper.py*<sup>1</sup>.

### 3.1. Funciones propias

Las funciones empleadas, en orden de llamada, son las siguientes:

- **menu(x):** Debido a que hay que realizar diferentes ejercicios en función de los datos y las redes neuronales configuradas este menú da la opción al usuario de elegir el caso que quiere ejecutar.  
Muestra la list ay solicita la opción al usuario.
- **problemaX(num, model, X, y, ver, ep, multi=False, yy=0):** Para no repetir código se ha generalizado las operaciones para todos los casos dentro de esta función. Como argumentos se le pasan el numero de ejercicio, las X, las Y, la versión del ejercicio, el numero de *epochs*, si se trata de multi-categoría, y por ultimo la y sin categorizar para los casos multi-categoricos.
- **main():** Función que hace la llamada al *menu()* y en función de la respuesta llama a *problemaX()* con los argumentos necesarios.

---

<sup>1</sup>Comentar que debido a que daba error he cambiado "*plt.cm.RdYlBu*" y todas las referencias similares por "*plt.cm.get\_cmap(RdYlBu)*"

3.2. Ejecución

Para todas las ejecuciones se presenta el siguiente menú

```
Using TensorFlow backend.
---MENU---

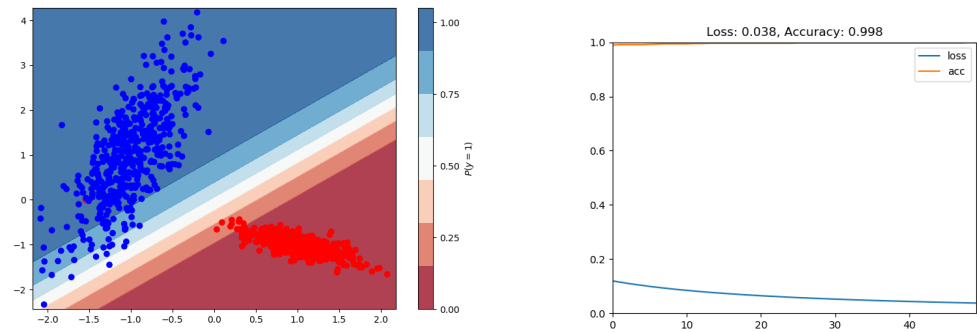
Ejercicios:

(1) - [2 Dimensiones] Regresion logistica de dos dimensiones
(2) - [Lunas v1]
(3) - [Lunas v2] - Clasifica bien
(4) - [Circulos v1]
(5) - [Circulos v2] - Clasifica bien
(6) - [Espiral v1]
(7) - [Espiral v2] - Clasifica bien
(0) - Salir

Seleccione ejercicio a calcular (numero):
```

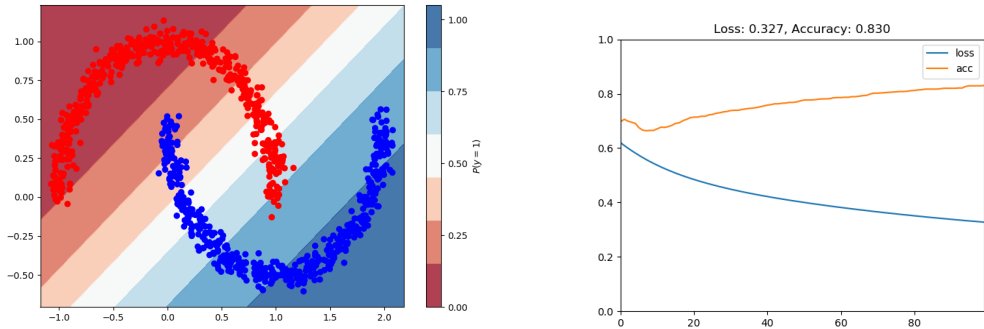
Se presentan las **gráficas** y en la consola se ven los **logs** obtenidos en las diferentes ejecuciones:

3.2.1. Problema 0: Problema lineal

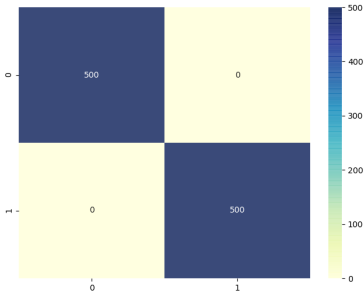
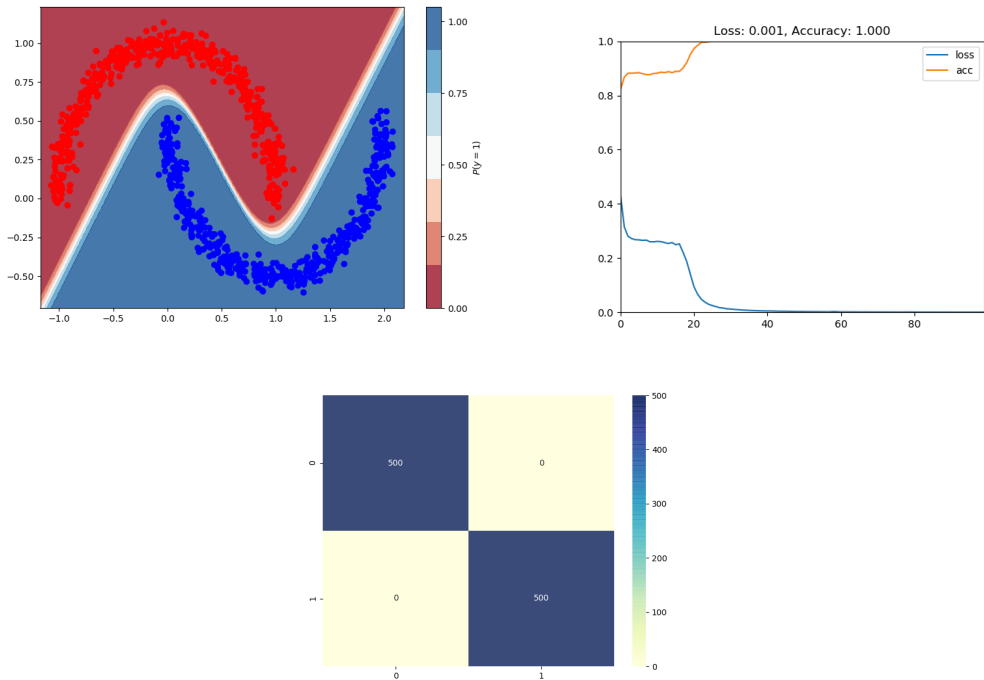


	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	1.00	1.00	501
1	1.00	1.00	1.00	499
accuracy			1.00	1000
macro avg	1.00	1.00	1.00	1000
weighted avg	1.00	1.00	1.00	1000

3.2.2. Problema 1: Problema complejo: Lunas

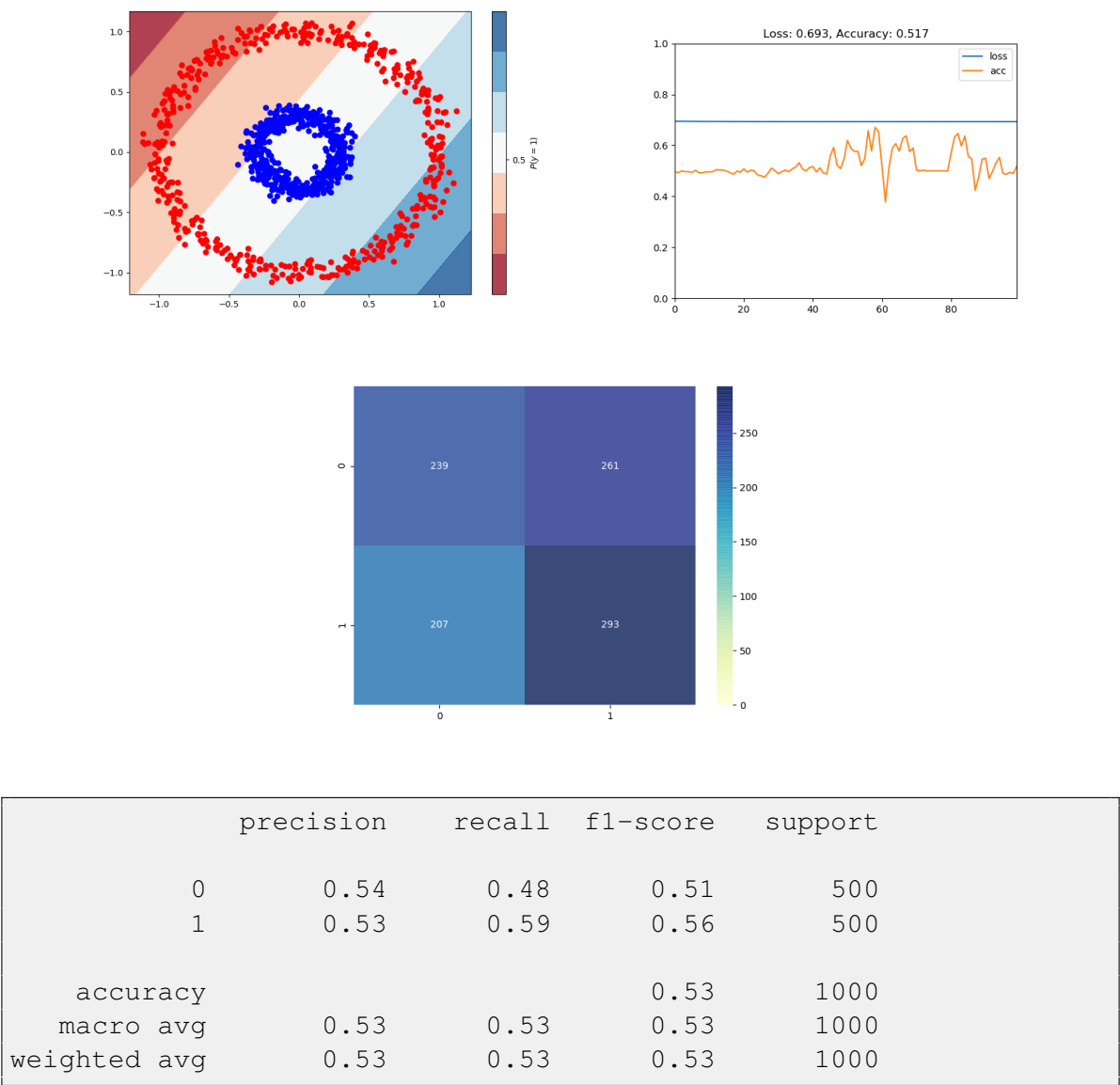


Tras cambiar la red por una con **3 capas**, de **4, 2 y 1** neuronas y funciones de activación *tanh,tanh* y *sigmoide* cada una, se ajusta **correctamente**. Obteniendo este resultado:



	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	1.00	1.00	500
1	1.00	1.00	1.00	500
accuracy			1.00	1000
macro avg	1.00	1.00	1.00	1000
weighted avg	1.00	1.00	1.00	1000

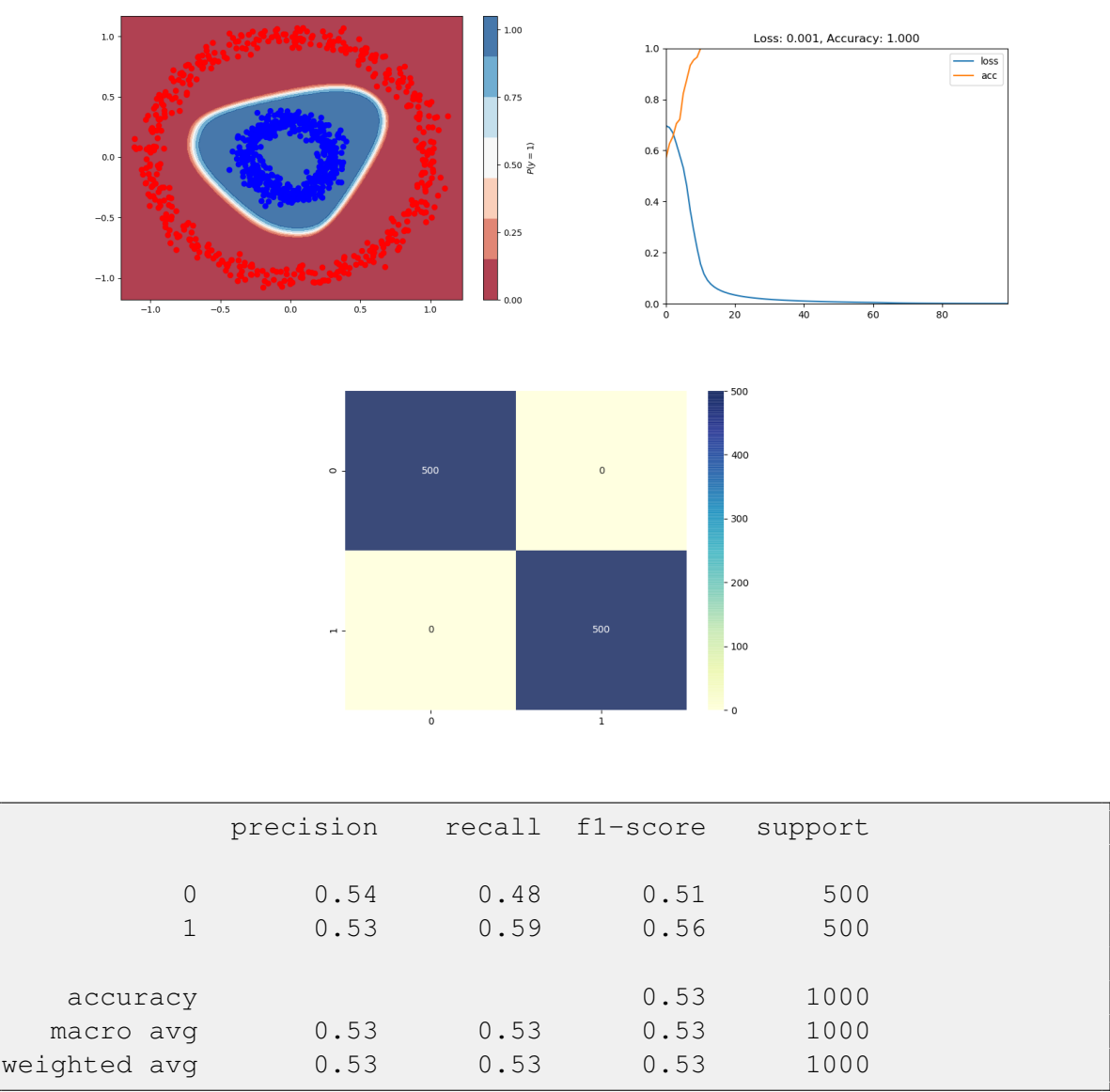
3.2.3. Problema 3: Problema complejo: Círculos



	precision	recall	f1-score	support
0	0.54	0.48	0.51	500
1	0.53	0.59	0.56	500
accuracy			0.53	1000
macro avg	0.53	0.53	0.53	1000
weighted avg	0.53	0.53	0.53	1000



Tras cambiar la red por una con **3 capas**, de **4, 2 y 1** neuronas y funciones de activación *tanh*, *tanh* y *sigmoide* cada una, se ajusta **correctamente**. Obteniendo este resultado:

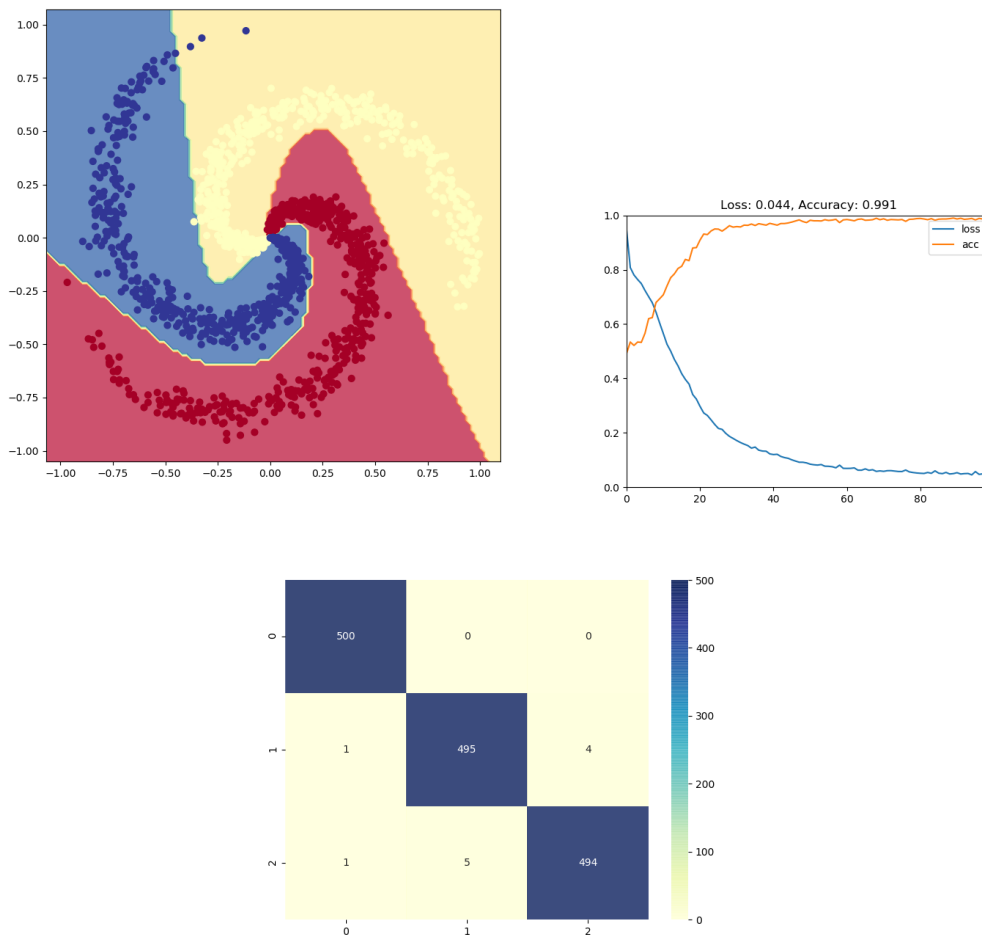


### 3.2.4. Problema 3: Problema complejo: Espirales

En este caso se trata de un modelo multi-clase, por lo que hay que realizar ciertas operaciones distintas con respecto a las vistas hasta el momento.

Para esta red neuronal, la función de activación de la tercera capa pasa a ser **softmax**, y en compilación se utiliza `loss='categorical_crossentropy'`.

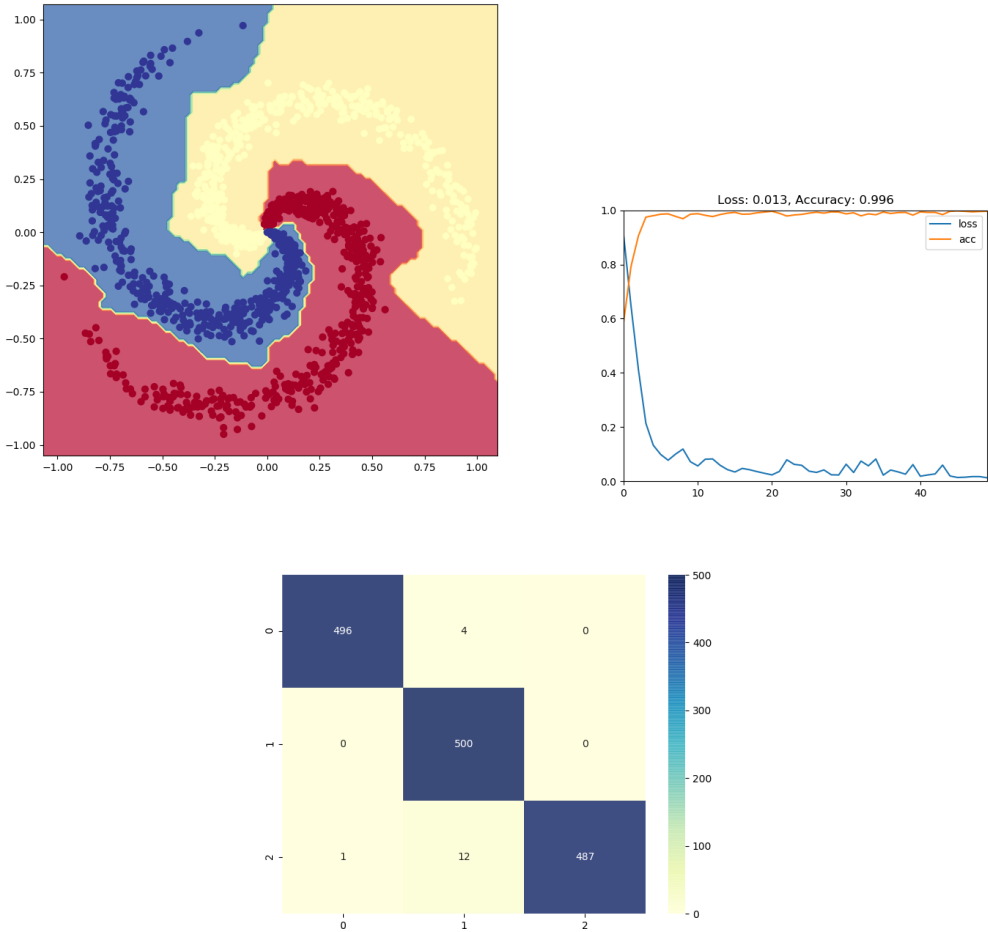
Además, se va a hacer uso de la función `plot_multiclass_decision_boundary` en vez de la usada hasta el momento `plot_decision_boundary`.



	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	1.00	1.00	500
1	0.99	0.98	0.99	500
2	0.99	0.99	0.99	500
micro avg	1.00	0.99	0.99	1500
macro avg	1.00	0.99	0.99	1500
weighted avg	1.00	0.99	0.99	1500
samples avg	0.99	0.99	0.99	1500

Los resultados obtenidos son bastante aceptables, pero se puede intentar adaptarla más aún.

Se aumenta en una capa más la red y los nodos de cada capa aumentan de [4]-[2]-[3] a [64]-[32]-[16]-[3]



	precision	recall	f1-score	support
0	0.98	1.00	0.99	500
1	0.98	1.00	0.99	500
2	1.00	0.97	0.98	500
micro avg	0.99	0.99	0.99	1500
macro avg	0.99	0.99	0.99	1500
weighted avg	0.99	0.99	0.99	1500
samples avg	0.99	0.99	0.99	1500

### 3.3. Código

```

1 import helper as help
2 from sklearn.datasets import make_classification, make_moons, ←
   make_circles
3 from sklearn.linear_model import LogisticRegression
4 from keras.models import Sequential
5 from keras.optimizers import Adam
6 from keras.layers import Dense
7 from sklearn.metrics import classification_report
8 from keras.utils.np_utils import to_categorical
9
10 def problemaX(num, model, X, y, ver, ep, multi=False, yy=0):
11     if multi==False:
12         help.plot_data(X,y)
13         help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf0←
           .png")
14
15     history = model.fit(x=X, y=y, verbose=0, epochs=ep)
16     help.plot_loss_accuracy(history)
17     if multi==False:
18         help.plt.close(2)
19     else:
20         help.plt.close(1)
21     help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf1.png←
           ")
22
23     #IF segun si es multiclass
24     if multi==False:
25         help.plot_decision_boundary(lambda x: model.predict(x), X←
           , y)
26     else:
27         help.plot_multiclass_decision_boundary(model, X, yy)
28
29     help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf2.png←
           ")
30
31     if multi==False:
32         yy=y
33     help.plot_confusion_matrix(model, X, yy)
34     help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf3.png←
           ")
35
36     if multi==False:

```

```

37         pred= help(np.concatenate( (model.predict(X)>0.5), axis=0↵
38         )).astype(int)
39     else:
40         pred= (model.predict(X)>0.5).astype(int)
41
42     print(classification_report(y, pred))
43     help.plt.show()
44
45 def menu():
46     print("---MENU---\n")
47     print("Ejercicios:\n")
48     print("(1) _ _ [2_Dimensiones] _ Regresi n_logistica_de_dos_↵
49     dimensiones")
50     print("(2) _ _ [Lunas_v1] _")
51     print("(3) _ _ [Lunas_v2] _ _ Clasifica_bien")
52     print("(4) _ _ [Circulos_v1] _")
53     print("(5) _ _ [Circulos_v2] _ _ Clasifica_bien")
54     print("(6) _ _ [Espiral_v1] _")
55     print("(7) _ _ [Espiral_v2] _ _ Clasifica_bien")
56     print("(0) _ _ Salir")
57
58     return int(input("Seleccione ejercicio a calcular_(numero): ")↵
59     )
60
61 def main():
62     op = menu()
63     if op==0:
64         print("Saliendo...")
65     elif op==1:
66         #1 - Regresi n logistica de dos dimensiones (con keras)
67
68         X1, y1 = make_classification(n_samples=1000, n_features↵
69         =2,
70
71         n_redundant=0, n_informative=2, ↵
72         random_state=7, ↵
73         n_clusters_per_class=1)
74
75         model10 = Sequential()
76         model10.add(Dense(units=1, input_shape=(2,), activation='↵
77         sigmoid'))
78         model10.compile(optimizer='adam', loss='↵
79         binary_crossentropy', metrics=['acc'])
80         problemaX(1,model10, X1,y1,0,50)
81
82     elif op==2:
83         #2 - version 0 -Regresi n logistica no lineal - lunas

```

```

74     X2, y2 = make_moons(n_samples=1000, noise=0.05, ←
75         random_state=0)
76
77     model20 = Sequential()
78     model20.add(Dense(units=1, input_shape=(2,), activation='←
79         sigmoid'))
80
81     model20.compile(optimizer='adam', loss='←
82         binary_crossentropy', metrics=['acc'])
83     problemaX(2,model20, X2,y2,0,100)
84
85     elif op==3:
86         #2 - version 1 - Cambiando el modelo para adaptarlo a las←
87         lunas
88         X2, y2 = make_moons(n_samples=1000, noise=0.05, ←
89             random_state=0)
90         model21 = Sequential()
91         model21.add(Dense(units=4, input_shape=(2,), activation='←
92             tanh'))
93         model21.add(Dense(units=2, activation='tanh'))
94         model21.add(Dense(units=1, activation='sigmoid'))
95
96         #model21.compile(optimizer='adam', loss='←
97         binary_crossentropy', metrics=['acc'])
98         model21.compile(Adam(lr=0.01), loss='binary_crossentropy'←
99             , metrics=['acc'])
100         problemaX(2,model21, X2,y2,1,100)
101
102     elif op==4:
103         #3 - version 0 -Regresi n logistica no lineal - círculos
104         X3, y3 = make_circles(n_samples=1000, noise=0.05, factor←
105             =0.3, random_state=0)
106
107         model30 = Sequential()
108         model30.add(Dense(units=1, input_shape=(2,), activation='←
109             sigmoid'))
110
111         model30.compile(optimizer='adam', loss='←
112             binary_crossentropy', metrics=['acc'])
113         problemaX(3,model30, X3,y3,0,100)
114
115     elif op==5:
116         #3 - version 1 -Regresi n logistica no lineal - círculos
117         X3, y3 = make_circles(n_samples=1000, noise=0.05, factor←
118             =0.3, random_state=0)

```

```

107     model31 = Sequential()
108     model31.add(Dense(units=4, input_shape=(2,), activation='↵
        tanh'))
109     model31.add(Dense(units=2, activation='tanh'))
110     model31.add(Dense(units=1, activation='sigmoid'))
111
112     model31.compile(Adam(lr=0.01), loss='binary_crossentropy'↵
        , metrics=['acc'])
113     problemaX(3,model31, X3,y3,1,100)
114
115     elif op==6:
116         #4 - version 0 -Regresión logística no lineal - Espiral
117         X4, y4 = help.make_multiclass(K=3)
118
119         model40 = Sequential()
120         model40.add(Dense(units=4, input_shape=(2,), activation='↵
            tanh'))
121         model40.add(Dense(units=2, activation='tanh'))
122         model40.add(Dense(units=3, activation='softmax'))
123
124         model40.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
            categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
125         y4_cat = to_categorical(y4)
126         problemaX(4,model40, X4,y4_cat,0,100, True,y4)
127
128     elif op==7:
129         #4 - version 1 -Regresión logística no lineal - Espiral ↵
            mejorada
130         X4, y4 = help.make_multiclass(K=3)
131
132         model41 = Sequential()
133         model41.add(Dense(units=64, input_shape=(2,), activation=↵
            'tanh'))
134         model41.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
135         model41.add(Dense(units=16, activation='softmax'))
136         model41.add(Dense(units=3, activation='softmax'))
137
138         model41.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
            categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
139         y4_cat = to_categorical(y4)
140         problemaX(4,model41, X4,y4_cat,1,50, True,y4)
141     else:
142         print("Opción_erronea")
143 main()

```



## Capítulo 4

# Parte 2:Práctica 4 con Keras

En esta parte se utilizará **Keras** para solucionar la práctica 4 de reconocimiento de dígitos manuscritos.



Figure 4.1: Muestra de 100 números a identificar

### 4.1. Funciones

Las funciones de la parte 2 son las siguientes:

- **def problemaX(num, model, X, y, ver, ep, y\_noCat, X\_test, y\_test):** Esta función hace el entrenamiento, generando y pintando las gráficas correspondientes de *evolución del coste y la precisión* y la gráfica de *mapa de calor que representa la matriz de confusión del modelo*.

Y seguidamente, testea el modelo con los datos de test, que suponen el 30 por ciento de las muestras.

De esta manera se obtiene el **porcentaje de acierto** y el **coste** sobre la muestra de testeo.

- **menu()**: El *menú* muestra las distintas opciones de configuración del modelo de la red neuronal para que el usuario pueda elegirlos y comparar los resultados.
- **main()**: Función que carga los datos, divide en 70-30 por ciento los datos para entrenamiento y pruebas, a continuación convierte los arrays *Y* en formato de categorías y hace la llamada al *menu()* y en función de la respuesta llama a *problemaX()* con los argumentos pertinentes.

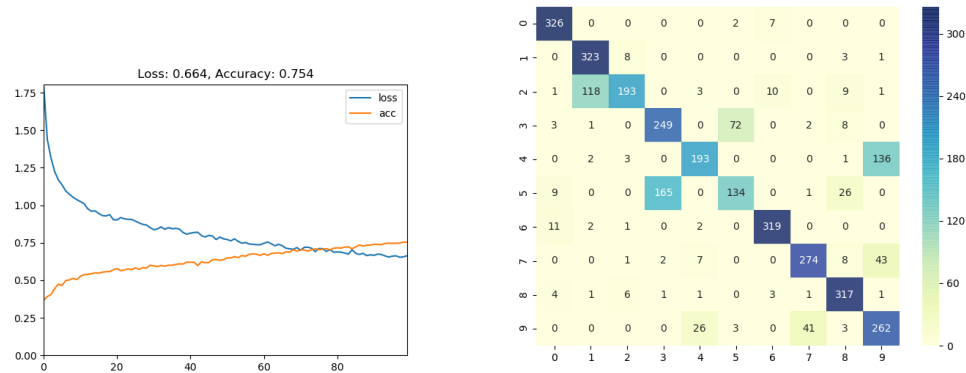
## 4.2. Ejecución

En la consola se va mostrar siempre la elección del modelo a utilizar. De esta manera:

```
---MENU---  
  
Ejercicios:  
  
(1) - [4-tanh]-[2-tanh]-[10-softmax]  
(2) - [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-softmax]  
(3) - [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-sigmoid]  
(4) - [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-sigmoid]  
(5) - [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-softmax]  
(6) - [128-tanh]-[64-tanh]-[32-tanh]-[10-softmax]  
(0) - Salir  
Seleccione ejercicio a calcular (numero):
```

4.2.1. Modo 1

La estructura de la red es la siguiente:  
[4-tanh]-[2-tanh]-[10-softmax]

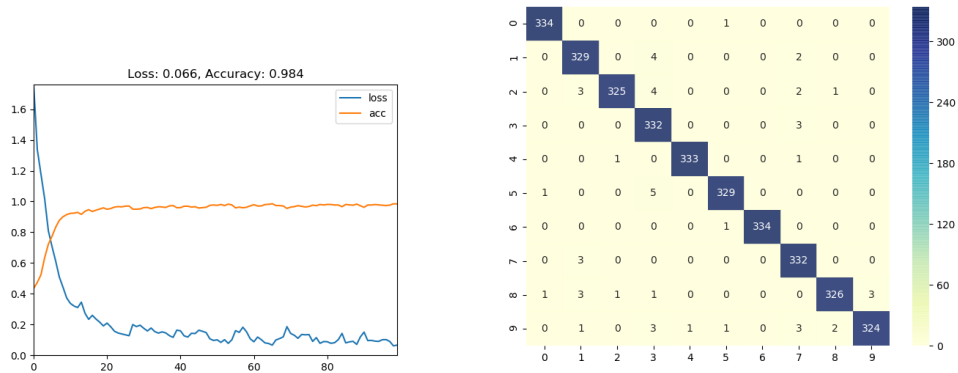


	precision	recall	f1-score	support
0	0.93	0.97	0.95	335
1	0.72	0.96	0.82	335
2	0.91	0.56	0.70	335
3	0.70	0.05	0.09	335
4	0.85	0.56	0.67	335
5	0.69	0.22	0.34	335
6	0.94	0.95	0.95	335
7	0.87	0.81	0.84	335
8	0.86	0.94	0.90	335
9	0.62	0.77	0.69	335
micro avg	0.82	0.68	0.74	3350
macro avg	0.81	0.68	0.69	3350
weighted avg	0.81	0.68	0.69	3350
samples avg	0.68	0.68	0.68	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 1.1946632780450763, Precision↵=67.5151526927948

4.2.2. Modo 2

La estructura de la red es la siguiente:  
[64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-softmax]

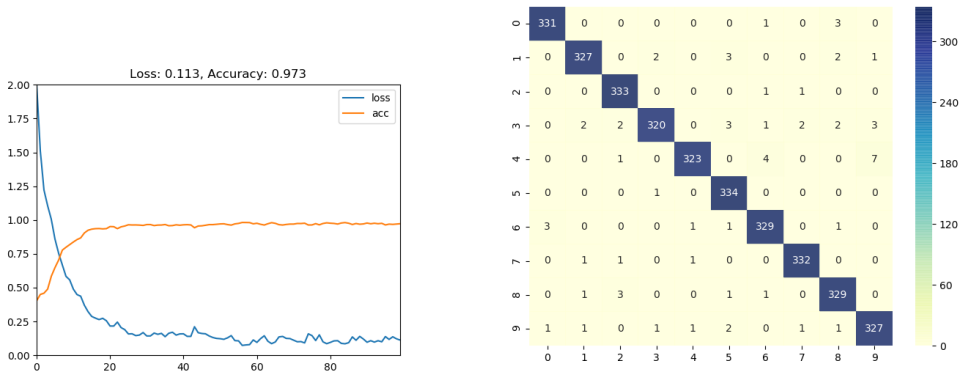


	precision	recall	f1-score	support
0	0.99	1.00	1.00	335
1	0.97	0.98	0.98	335
2	1.00	0.97	0.98	335
3	0.97	0.99	0.98	335
4	1.00	0.99	1.00	335
5	0.99	0.98	0.98	335
6	1.00	0.99	1.00	335
7	0.97	0.99	0.98	335
8	1.00	0.97	0.98	335
9	0.99	0.97	0.98	335
micro avg	0.99	0.98	0.99	3350
macro avg	0.99	0.98	0.99	3350
weighted avg	0.99	0.98	0.99	3350
samples avg	0.98	0.98	0.98	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 0.37549366558139974, ←  
Precision =92.48484969139099

4.2.3. Modo 3

La estructura de la red es la siguiente:  
[64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-sigmoid]

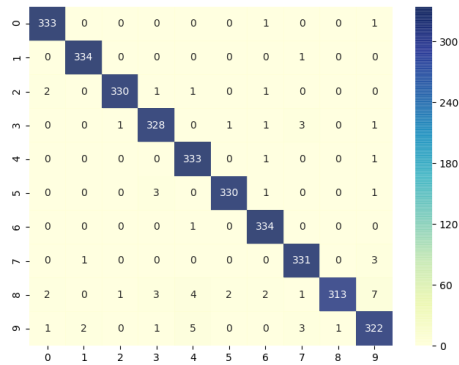
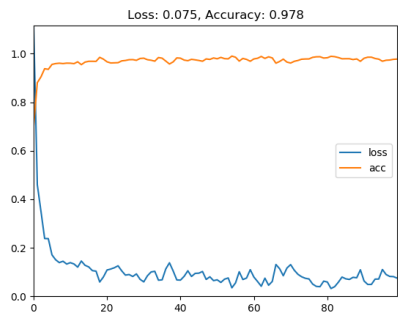


	precision	recall	f1-score	support
0	0.00	0.00	0.00	335
1	0.00	0.00	0.00	335
2	0.00	0.00	0.00	335
3	0.00	0.00	0.00	335
4	0.00	0.00	0.00	335
5	0.00	0.00	0.00	335
6	0.00	0.00	0.00	335
7	0.00	0.00	0.00	335
8	0.00	0.00	0.00	335
9	0.00	0.00	0.00	335
micro avg	0.00	0.00	0.00	3350
macro avg	0.00	0.00	0.00	3350
weighted avg	0.00	0.00	0.00	3350
samples avg	0.00	0.00	0.00	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 0.38735046766021036, ←  
Precision =92.54545569419861

4.2.4. Modo 4

La estructura de la red es la siguiente:  
[64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-sigmoid]

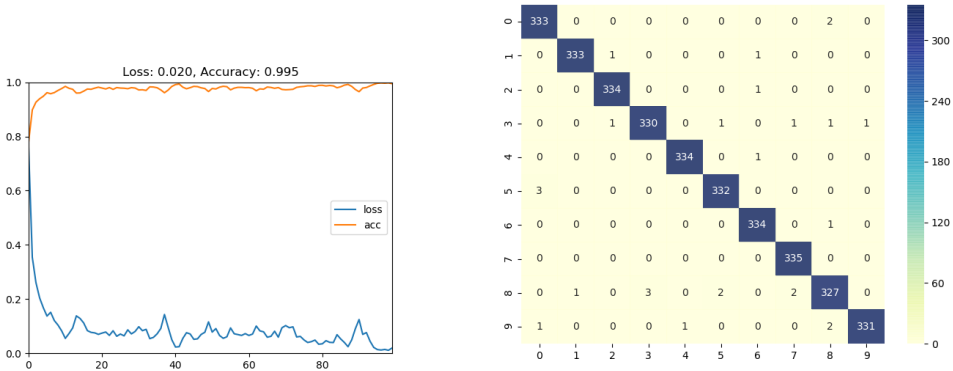


	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	0.76	0.86	335
1	1.00	0.73	0.84	335
2	1.00	0.67	0.80	335
3	1.00	0.01	0.01	335
4	0.94	0.05	0.09	335
5	1.00	0.32	0.48	335
6	1.00	0.78	0.88	335
7	0.98	0.27	0.43	335
8	0.00	0.00	0.00	335
9	0.93	0.04	0.07	335
micro avg	1.00	0.36	0.53	3350
macro avg	0.88	0.36	0.45	3350
weighted avg	0.88	0.36	0.45	3350
samples avg	0.36	0.36	0.36	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 0.41202714880307517, ←  
Precision =91.57575964927673

4.2.5. Modo 5

La estructura de la red es la siguiente:  
[64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-softmax]

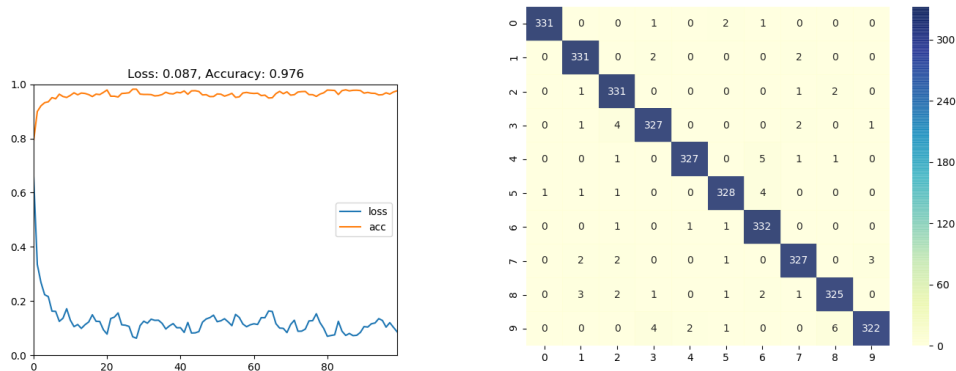


	precision	recall	f1-score	support
0	0.99	0.99	0.99	335
1	0.99	0.99	0.99	335
2	1.00	1.00	1.00	335
3	0.98	0.98	0.98	335
4	1.00	0.99	0.99	335
5	1.00	0.97	0.98	335
6	0.99	0.99	0.99	335
7	0.99	1.00	1.00	335
8	0.99	0.97	0.98	335
9	0.98	0.98	0.98	335
micro avg	0.99	0.99	0.99	3350
macro avg	0.99	0.99	0.99	3350
weighted avg	0.99	0.99	0.99	3350
samples avg	0.99	0.99	0.99	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 0.4649375308372758, Precision↵=90.84848761558533

4.2.6. Modo 6

La estructura de la red es la siguiente:  
[128-tanh]-[64-tanh]-[32-tanh]-[10-softmax]



	precision	recall	f1-score	support
0	1.00	0.99	0.99	335
1	0.98	0.99	0.98	335
2	0.97	0.99	0.98	335
3	0.98	0.97	0.98	335
4	0.99	0.98	0.98	335
5	0.98	0.98	0.98	335
6	0.97	0.99	0.98	335
7	0.98	0.98	0.98	335
8	0.97	0.97	0.97	335
9	0.99	0.96	0.97	335
micro avg	0.98	0.98	0.98	3350
macro avg	0.98	0.98	0.98	3350
weighted avg	0.98	0.98	0.98	3350
samples avg	0.98	0.98	0.98	3350

Evaluando la parte de Test: Coste = 0.35749665272958353, ←  
Precision =92.54545569419861

4.2.7. Conclusión

La **precisión más alta y coste más bajo** que he conseguido sobre los elementos de entrenamiento ha sido la del **modo 6**

(Coste = 0.35749665272958353,Precisión =92.54545569419861)  
La cual es muy alta y aceptable, y aunque seguramente se podría alcanzar una precisión mayor, pero no he sido capaz de afinarlo más aún.



### 4.3. Código

Se ha importado **displayData.py** para poder pintar los números.

```

1 import helper as help
2 from scipy.io import loadmat
3 from displayData import displayData
4 from keras.models import Sequential
5 from keras.optimizers import Adam
6 from keras.layers import Dense
7 from sklearn.metrics import classification_report
8 from keras.utils.np_utils import to_categorical
9 from sklearn.model_selection import train_test_split
10
11 def problemaX(num, model, X, y, ver, ep, y_noCat, X_test, y_test)←
12     :
13     history = model.fit(x=X, y=y, verbose=0, epochs=ep)
14     help.plot_loss_accuracy(history)
15     help.plt.close(2)
16     help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf1.png←
17         ")
18     help.plot_confusion_matrix(model, X, y_noCat)
19     help.plt.savefig("problema"+str(num)+"-"+str(ver)+"-graf3.png←
20         ")
21
22     pred= (model.predict(X)>0.5).astype(int)
23     print(classification_report(y, pred))
24     help.plt.show()
25
26     [test_cost, test_acc] = model.evaluate(X_test, y_test, verbose←
27         =0)
28     print("Evaluando la parte de Test: Coste = "+str(test_cost)+"←
29         , Precision = "+str(test_acc*100))
30
31 def menu():
32     print("---MENU---\n")
33     print("Ejercicios:\n")
34     print("(1) _ _ [4-tanh]-[2-tanh]-[10-softmax]")
35     print("(2) _ _ [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-softmax]")
36     print("(3) _ _ [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-sigmoid]")
37     print("(4) _ _ [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-sigmoid]")
38     print("(5) _ _ [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-softmax]")
39     print("(6) _ _ [128-tanh]-[64-tanh]-[32-tanh]-[10-softmax]")
40     print("(0) _ _ Salir")
41
42     return int(input("Seleccione ejercicio a calcular (numero): ")←

```

```

38     )
39 def main():
40     data = loadmat ('numbers.mat')
41     y = data ['y']
42     X = data ['X']
43     y[y == 10] = 0
44     sample = help.np.random.choice(X.shape[0], 100)
45     fig, ax = displayData(X[sample, :])
46     fig.savefig('numeros.png')
47
48     X_train , X_test , y_train , y_test = train_test_split(X, y ,↵
49         test_size=0.33 , stratify=y)
50     y_cat_train = to_categorical(y_train)
51     y_cat_test = to_categorical(y_test)
52
53     op = menu()
54     if op==0:
55         print("Saliendo...")
56     elif op==1:
57         # [4-tanh]-[2-tanh]-[10-softmax]
58         model = Sequential()
59         model.add(Dense(units=4, input_shape=(400,), activation='↵
60             tanh'))
61         model.add(Dense(units=2, activation='tanh'))
62         model.add(Dense(units=10, activation='softmax'))
63         model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
64             categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
65
66     elif op==2:
67         # [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-softmax]
68         model = Sequential()
69         model.add(Dense(units=64, input_shape=(400,), activation='↵
70             tanh'))
71         model.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
72         model.add(Dense(units=16, activation='softmax'))
73         model.add(Dense(units=10, activation='softmax'))
74         model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
75             categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
76
77     elif op==3:
78         # [64-tanh]-[32-tanh]-[16-softmax]-[10-sigmoid]
79         model = Sequential()
80         model.add(Dense(units=64, input_shape=(400,), activation='↵
81             tanh'))

```

```

76     model.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
77     model.add(Dense(units=16, activation='softmax'))
78     model.add(Dense(units=10, activation='sigmoid'))
79     model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
        categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
80
81     elif op==4:
82         # [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-sigmoid]
83         model = Sequential()
84         model.add(Dense(units=64, input_shape=(400,), activation='↵
            'tanh'))
85         model.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
86         model.add(Dense(units=16, activation='tanh'))
87         model.add(Dense(units=10, activation='sigmoid'))
88         model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
            categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
89
90     elif op==5:
91         # [64-tanh]-[32-tanh]-[16-tanh]-[10-softmax]
92         model = Sequential()
93         model.add(Dense(units=64, input_shape=(400,), activation='↵
            'tanh'))
94         model.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
95         model.add(Dense(units=16, activation='tanh'))
96         model.add(Dense(units=10, activation='softmax'))
97         model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
            categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
98
99     elif op==6:
100         # [128-tanh]-[64-tanh]-[32-tanh]-[10-softmax]
101         model = Sequential()
102         model.add(Dense(units=128, input_shape=(400,), activation='↵
            'tanh'))
103         model.add(Dense(units=64, activation='tanh'))
104         model.add(Dense(units=32, activation='tanh'))
105         model.add(Dense(units=10, activation='softmax'))
106         model.compile(Adam(lr=0.01), loss='↵
            categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
107
108     problemaX(5,model, X_train, y_cat_train,op,100, y_train, ↵
        X_test, y_cat_test)
109
110 main()

```