目次

第1章	確率分野問題	3
1.1	離散一様分布	3
1.2	二項分布	4
1.3	ポアソン分布	5
1.4	幾何分布、ファーストサクセス分布	6
1.5	負の二項分布	7
1.6	超幾何分布	8
1.7	多項分布	9
1.8	正規分布	10
1.9	指数分布、ガンマ分布	11
1.10	ベータ分布、多元データ分布	12
1.11	トレーズ、確率変数の分解....................................	13
1.12	加法定理、複合分布	14
1.13	ベイズの定理	15
1.14	漸化式	16
1.15	一様分布の変換、一様分布の和・差・積・商、三角分布	17
1.16	正規分布の変換、対数正規分布・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	18
1.17	コーシー分布、t 分布、F 分布、第 2 種パレート分布	19
第2章	統計分野問題	21
2.1	中心極限定理、チェビシェフの不等式	21
2.2	順序統計量系	22
2.3	点推定系	23
2.4	区間推定系	24
2.5	有限母集団	25
2.6	検定系	26
第3章	モデリング分野問題	27
3.1	回帰分析系	27
3.2	時系列解析系	28
3.3	確率過程系	29
3.4	シミュレーション系	30

第1章

確率分野問題

1.1 離散一様分布

4 第1章 確率分野問題

1.2 二項分布

<u>1.3</u> ポアソン分布 <u>5</u>

1.3 ポアソン分布

6 第1章 確率分野問題

1.4 幾何分布、ファーストサクセス分布

1.5 負の二項分布 7

1.5 負の二項分布

8 第1章 確率分野問題

1.6 超幾何分布

1.7 多項分布 9

1.7 多項分布

問題 1.7-1. あるパン工場で製造されるロールパンの重さ $Z(\mathbf{g})$ は 25.0g から 27.0g までの一様分布に従うとし、ロールパンの個数を表す確率変数 X_1, X_2, X_3 をそれぞれ次で定める。

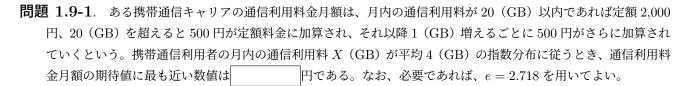
• 重さが 25.4g 未満の

•

10 第 1 章 確率分野問題

1.8 正規分布

1.9 指数分布、ガンマ分布



12 第 1 章 確率分野問題

1.10 ベータ分布、多元データ分布

1.11 トレーズ、確率変数の分解

14 第1章 確率分野問題

1.12 加法定理、複合分布

1.13 ベイズの定理 **15**

1.13 ベイズの定理

問題 1.13-1. 外見から区別のつかない 2 つの箱がある。1 つの箱 R には 9 個の赤玉と 6 個の白玉が入っており、もう 1 つの箱 W には 6 個の赤玉と 9 個の白玉が入っている。2 つの箱から 1 つを無作為に選び、その箱から一度に 5 個同時に玉を取り出したところ、赤玉が 3 個、白玉が 2 個であった。このとき、選ばれた箱が R である確率は である。

出典: 2021 年度 過去問

解答

箱 R が選ばれる事象を R、箱 W が選ばれる事象を W とする。また、箱から一度に 5 個同時に玉を取り出した結果を F とする。求める確率 P(R|F) はベイズの公式により次式で計算される。

$$P(R|F) = \frac{P(F|R) \cdot P(R)}{P(F|R) \cdot P(R) + P(F|W) \cdot P(W)}$$

$$\tag{1.1}$$

2つの箱から1つの箱を無作為に選ぶので、

$$P(R) = P(W) = \frac{1}{2} \tag{1.2}$$

P(F|R) は、箱 R から一度に 5 個同時に玉を取り出すとき、赤玉が 3 個、白玉が 2 個となる確率であるから、

$$P(F|R) = \frac{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{2}}{\binom{15}{5}} \tag{1.3}$$

P(F|W) は、箱 W から一度に 5 個同時に玉を取り出すとき、赤玉が 3 個、白玉が 2 個となる確率であるから

$$P(F|W) = \frac{\binom{6}{3} \cdot \binom{9}{2}}{\binom{15}{5}} \tag{1.4}$$

よって、求める確率は、

$$P(R|F) = \frac{\frac{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{2}}{\binom{15}{5}} \cdot (\frac{1}{2})}{\frac{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{2}}{\binom{15}{5}} \cdot (\frac{1}{2}) + \frac{\binom{6}{3} \cdot \binom{9}{2}}{\binom{15}{5}} \cdot (\frac{1}{2})}$$

$$= \frac{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{2}}{\binom{9}{3} \cdot \binom{6}{2} + \binom{6}{3} \cdot \binom{9}{2}}$$

$$= \frac{\binom{9 \cdot 8 \cdot 7}{3 \cdot 2} \cdot \binom{6 \cdot 5}{2}}{(\frac{9 \cdot 8 \cdot 7}{3 \cdot 2}) \cdot (\frac{6 \cdot 5 \cdot 4}{3 \cdot 2}) \cdot (\frac{9 \cdot 8}{2})}$$

$$= \frac{7}{7 + 4} = \frac{7}{11}$$

$$(1.5)$$

16 第 1 章 確率分野問題

1.14 漸化式

1.15 一様分布の変換、一様分布の和・差・積・商、三角分布

18 第 1 章 確率分野問題

1.16 正規分布の変換、対数正規分布

1.17 コーシー分布、t 分布、F 分布、第 2 種パレート分布

第2章

統計分野問題

2.1 中心極限定理、チェビシェフの不等式

2.2 順序統計量系

2.3 点推定系 23

2.3 点推定系

 24
 第 2 章 統計分野問題

2.4 区間推定系

2.5 有限母集団 25

2.5 有限母集団

26 第 2 章 統計分野問題

2.6 検定系

第3章

モデリング分野問題

3.1 回帰分析系

3.2 時系列解析系

3.3 確率過程系 29

3.3 確率過程系

3.4 シミュレーション系

(3.1)

(3.2)

(3.3)