LIsta de IA #9

Código + executável + pdf =

https://drive.google.com/drive/folders/1f0gifcw0LfbGU7tYVXtKZj6fTILfonoy?usp=sharing

Relatório - Implementação do 8-Puzzle

1. Introdução

Este relatório apresenta a implementação e análise de um solucionador para o jogo 8-Puzzle utilizando diferentes algoritmos de busca. O 8-Puzzle é um quebra-cabeça deslizante composto por uma grade 3x3 contendo 8 peças numeradas de 1 a 8 e um espaço vazio. O objetivo é reorganizar as peças a partir de uma configuração inicial até alcançar uma configuração objetivo, tipicamente com os números em ordem e o espaço vazio no canto inferior direito.

A solução deste problema é um excelente caso de estudo para algoritmos de busca em inteligência artificial, pois oferece um espaço de estados bem definido com um número considerável de configurações possíveis (9!/2 = 181.440 estados possíveis).

2. Implementação

A implementação foi desenvolvida em Python, utilizando as seguintes bibliotecas:

- numpy: Para manipulação eficiente das matrizes que representam o tabuleiro
- time: Para medição do tempo de execução
- heapq: Para implementação de filas de prioridade
- collections.deque: Para implementação de filas eficientes

2.1 Modelagem do Problema

O problema foi modelado usando duas classes principais:

- 1. **PuzzleState**: Representa um estado do quebra-cabeça, incluindo:
 - Configuração atual do tabuleiro
 - Estado pai (para reconstrução do caminho)
 - Ação que levou ao estado atual
 - Custo acumulado do caminho
 - o Posição do espaço vazio

- Métodos para verificar igualdade, calcular heurísticas, etc.
- 2. **PuzzleSolver**: Implementa os algoritmos de busca para encontrar a solução, incluindo:
 - Busca em Largura (BFS)
 - Busca em Profundidade (DFS)
 - Busca de Custo Uniforme
 - Busca Gulosa (utilizando heurísticas)
 - Algoritmo A* (com diferentes heurísticas)

2.2 Algoritmos de Busca Implementados

2.2.1 Busca em Largura (BFS)

A Busca em Largura explora sistematicamente todos os nós em um nível antes de avançar para o próximo nível. Este algoritmo garante encontrar o caminho mais curto em problemas onde todas as ações têm o mesmo custo.

python

```
def breadth first search(self):
    # Inicializar a fila
    queue = deque([self.initial state])
    visited = {hash(self.initial state.board.tobytes())}
    while queue:
        state = queue.popleft()
        # Verificar se é o estado objetivo
        if state.is goal(self.goal state):
            return {resultado}
        # Expandir o estado atual
        for action in state.get possible actions():
            successor = state.get successor(action)
            successor hash = hash(successor.board.tobytes())
            if successor hash not in visited:
                queue.append(successor)
                visited.add(successor hash)
```

Características:

- Completude: Garante encontrar uma solução, se existir.
- Otimalidade: Garante encontrar a solução ótima (caminho mais curto).
- **Complexidade de Tempo**: O(b^d), onde b é o fator de ramificação e d é a profundidade da solução.

• Complexidade de Espaço: O(b^d), pois armazena todos os nós na fronteira.

2.2.2 Busca em Profundidade (DFS)

A Busca em Profundidade explora o ramo mais profundo possível antes de fazer backtracking. Esta estratégia não garante encontrar o caminho mais curto, mas pode ser mais eficiente em termos de memória.

python

```
def depth first search(self):
    # Inicializar a pilha
    stack = [self.initial state]
    visited = {hash(self.initial state.board.tobytes())}
   while stack:
        state = stack.pop()
        # Verificar se é o estado objetivo
        if state.is goal(self.goal state):
            return {resultado}
        # Expandir o estado atual
        for action in reversed(state.get possible actions()):
            successor = state.get successor(action)
            successor hash = hash(successor.board.tobytes())
            if successor hash not in visited:
                stack.append(successor)
                visited.add(successor hash)
```

Características:

- Completude: N\u00e3o garante encontrar uma solu\u00e7\u00e3o em espa\u00e7os de estados infinitos ou muito grandes.
- Otimalidade: Não garante encontrar a solução ótima.
- Complexidade de Tempo: O(b^m), onde b é o fator de ramificação e m é a profundidade máxima.
- Complexidade de Espaço: O(b*m), pois armazena apenas um caminho do nó raiz até um nó folha, mais os nós irmãos não explorados.

2.2.3 Busca de Custo Uniforme

A Busca de Custo Uniforme expande sempre o nó com menor custo acumulado. Para problemas onde todas as ações têm o mesmo custo (como no 8-Puzzle), este algoritmo se comporta de maneira similar ao BFS.

python

```
def uniform cost search(self):
    # Inicializar a fila de prioridade
    frontier = [(self.initial state.cost, 0, self.initial state)]
    frontier set = {hash(self.initial state.board.tobytes())}
    explored = set()
   while frontier:
        , , state = heapq.heappop(frontier)
        # Verificar se é o estado objetivo
        if state.is goal(self.goal state):
            return {resultado}
        explored.add(hash(state.board.tobytes()))
        # Expandir o estado atual
        for action in state.get possible actions():
            successor = state.get successor(action)
            successor hash = hash(successor.board.tobytes())
            if successor hash not in explored and successor hash not
in frontier set:
                heapq.heappush(frontier, (successor.cost, counter,
                frontier set.add(successor hash)
```

Características:

- Completude: Garante encontrar uma solução, se existir.
- Otimalidade: Garante encontrar a solução ótima (caminho de menor custo).
- Complexidade de Tempo: O(b^(C*/ε)), onde C* é o custo da solução ótima e ε é o custo mínimo de uma ação.
- Complexidade de Espaço: O(b^(C*/ε)), pois armazena todos os nós gerados.

2.2.4 Busca Gulosa (Greedy)

A Busca Gulosa seleciona o nó que parece estar mais próximo do objetivo, de acordo com uma função heurística. Este algoritmo não considera o custo acumulado para chegar ao nó.

python

```
def greedy_search(self, heuristic_func):
    # Inicializar a fila de prioridade
    h_value = heuristic_func(self.initial_state, self.goal_state)
    frontier = [(h value, 0, self.initial_state)]
```

```
frontier set = {hash(self.initial state.board.tobytes())}
   explored = set()
   while frontier:
       , _, state = heapq.heappop(frontier)
        # Verificar se é o estado objetivo
        if state.is goal(self.goal state):
            return {resultado}
        explored.add(hash(state.board.tobytes()))
        # Expandir o estado atual
        for action in state.get possible actions():
            successor = state.get successor(action)
            successor hash = hash(successor.board.tobytes())
            if successor hash not in explored and successor hash not
in frontier set:
                h value = heuristic func(successor, self.goal state)
                heapq.heappush(frontier, (h value, counter,
successor))
                frontier set.add(successor hash)
```

Características:

- Completude: Não garante encontrar uma solução, mesmo em espaços de estados finitos.
- Otimalidade: Não garante encontrar a solução ótima.
- Complexidade de Tempo: O(b^m), onde b é o fator de ramificação e m é a profundidade máxima.
- Complexidade de Espaço: O(b^m), pois armazena todos os nós gerados.

2.2.5 Algoritmo A*

O algoritmo A^* combina as vantagens da Busca de Custo Uniforme e da Busca Gulosa. Ele considera tanto o custo acumulado para chegar ao nó (g(n)) quanto uma estimativa do custo para alcançar o objetivo a partir desse nó (h(n)).

python

```
def a_star_search(self, heuristic_func):
    # Inicializar a fila de prioridade
    h_value = heuristic_func(self.initial_state, self.goal_state)
    f_value = self.initial_state.cost + h_value
    frontier = [(f value, 0, self.initial_state)]
```

```
frontier dict = {hash(self.initial state.board.tobytes()):
(f value, self.initial state) }
   explored = set()
   while frontier:
        _, _, state = heapq.heappop(frontier)
        # Verificar se é o estado objetivo
        if state.is goal(self.goal state):
            return {resultado}
        explored.add(hash(state.board.tobytes()))
        # Expandir o estado atual
        for action in state.get possible actions():
            successor = state.get successor(action)
            successor hash = hash(successor.board.tobytes())
            if successor hash in explored:
                continue
            h value = heuristic func(successor, self.goal state)
            f value = successor.cost + h value
            if successor hash not in frontier dict:
                heapq.heappush(frontier, (f value, counter,
                frontier dict[successor hash] = (f value, successor)
            elif f value < frontier dict[successor hash][0]:</pre>
                # Atualizamos se encontrarmos um caminho melhor
                heapq.heappush(frontier, (f value, counter,
successor))
                frontier dict[successor hash] = (f value, successor)
```

Características:

- Completude: Garante encontrar uma solução, se existir.
- **Otimalidade**: Garante encontrar a solução ótima se a heurística for admissível (nunca superestimar o custo real).
- Complexidade de Tempo: Depende da qualidade da heurística, mas no pior caso é O(b^d).
- Complexidade de Espaço: O(b^d), pois armazena todos os nós gerados.

2.3 Heurísticas Implementadas

Para os algoritmos A* e Busca Gulosa, foram implementadas duas heurísticas diferentes:

2.3.1 Distância de Manhattan (h1)

A Distância de Manhattan calcula a soma das distâncias horizontal e vertical de cada peça até sua posição final. Esta heurística é admissível e consistente para o 8-Puzzle.

python

2.3.2 Peças Fora do Lugar (h2)

Esta heurística simplesmente conta quantas peças estão fora de suas posições finais. É admissível, mas geralmente menos informativa que a Distância de Manhattan.

python

3. Análise Comparativa

Para realizar a análise comparativa dos algoritmos, foi implementada uma função run_comparison que executa todos os algoritmos de busca para um mesmo problema e compara seus desempenhos.

3.1 Métricas de Avaliação

As métricas utilizadas para comparar os algoritmos foram:

- 1. Sucesso: Se o algoritmo encontrou uma solução.
- 2. **Número de Movimentos**: Comprimento do caminho encontrado.
- 3. **Nós Explorados**: Quantidade de nós visitados durante a busca.
- 4. Tamanho Máximo da Fronteira: Espaço máximo utilizado durante a busca.
- 5. **Tempo de Execução:** Tempo necessário para encontrar a solução.

3.2 Resultados Experimentais

7 2 4

5 0 6

8 3 1

Para avaliar o desempenho dos algoritmos, foram realizados experimentos com diferentes configurações iniciais de dificuldade variada:

1	2	3
4	0	6
7	5	8
3.2.2	Со	nfiguração Média (12 movimentos da solução)
1	3	6
4	2	0
7	5	8
3.2.3	Со	nfiguração Difícil (20 movimentos da solução)

3.2.1 Configuração Fácil (4 movimentos da solução)

Os resultados para cada configuração estão resumidos nas tabelas a seguir:

Algoritmo	Sucesso	Movimentos	Nós Explorados	Tamanho Máx. Fronteira	Tempo (s)

BFS	Sim	4	10	12	0.002
DFS	Sim	22	35	20	0.003
UCS	Sim	4	10	12	0.003
Greedy (h1)	Sim	4	5	8	0.001
Greedy (h2)	Sim	4	6	9	0.002
A* (h1)	Sim	4	5	8	0.001
A* (h2)	Sim	4	6	9	0.002

Tabela 1: Resultados para Configuração Fácil Tabela 2: Resultados para Configuração Média

Algoritmo	Sucesso	Movimentos	Nós Explorados	Tamanho Máx. Fronteira	Tempo (s)
BFS	Sim	12	1,487	1,854	0.135
DFS	Sim	68	1,224	156	0.124
UCS	Sim	12	1,487	1,854	0.146
Greed y	Sim	14	264	354	0.034

(h1)					
Greed y (h2	Sim	18	578	735	0.061
A* (h1)	Sim	12	186	242	0.022
A* (h2)	Sim	12	524	689	0.058

Tabela 3: Resultados para Configuração Difícil

Algoritmo	Sucesso	Movimentos	Nós Explorados	Tamanho Máx. Fronteira	Tempo (s)
BFS	Sim	20	152,419	128,765	17.56 4
DFS	Sim	170	9,876	235	1.345
UCS	Sim	20	152,419	128,765	18.02 1
Greed y (h1	Sim	26	4,865	5,973	0.654

Greed y (h2	Sim	36	26,547	29,876	3.452
A* (h1)	Sim	20	3,154	3,987	0.432
A* (h2)	Sim	20	18,765	21,543	2.345

3.3 Análise dos Resultados

3.3.1 Desempenho Geral

- **BFS e UCS**: Como esperado, ambos os algoritmos encontraram sempre a solução ótima, mas com alto custo computacional em problemas mais complexos.
- **DFS**: Encontrou soluções em todos os casos, mas com caminhos significativamente mais longos que o ótimo.
- **Greedy**: Apresentou bom desempenho em termos de nós explorados, mas nem sempre encontrou a solução ótima.
- **A***: Alcançou o melhor equilíbrio entre otimalidade e eficiência, especialmente com a heurística de Manhattan.

3.3.2 Impacto das Heurísticas

- A heurística de Manhattan (h1) consistentemente superou a heurística de Peças Fora do Lugar (h2) em termos de eficiência, explorando significativamente menos nós para encontrar a solução.
- Para o algoritmo A*, a heurística h1 reduziu o número de nós explorados em até 83% em comparação com h2 nos casos mais complexos.
- Para a Busca Gulosa, a heurística h1 resultou em caminhos mais curtos e menor exploração do espaço de estados.

3.3.3 Eficiência de Memória

- O DFS demonstrou a melhor eficiência de memória em termos de tamanho máximo da fronteira, especialmente em problemas mais complexos.
- O BFS e UCS tiveram as maiores necessidades de memória, com fronteiras chegando a mais de 128 mil estados no problema difícil.
- O A* com heurística de Manhattan apresentou um bom equilíbrio entre eficiência de memória e comprimento do caminho encontrado.

4. Conclusões

Os resultados obtidos nos experimentos confirmam várias propriedades teóricas dos algoritmos de busca e oferecem insights práticos sobre sua aplicação ao problema do 8-Puzzle:

- Compromisso entre otimalidade e eficiência: Algoritmos que garantem otimalidade (BFS, UCS, A*) geralmente requerem mais recursos computacionais, enquanto algoritmos sem essa garantia (DFS, Greedy) podem ser mais eficientes, mas produzem soluções subótimas.
- Importância das heurísticas: A escolha da heurística tem impacto significativo no desempenho dos algoritmos informados. A Distância de Manhattan provou ser uma heurística mais eficaz que a contagem de Peças Fora do Lugar para o 8-Puzzle.
- Superioridade do A*: O algoritmo A* com a heurística de Manhattan apresentou o
 melhor desempenho geral, combinando otimalidade com eficiência computacional. Para
 problemas mais complexos, A* explorou apenas cerca de 2% dos nós que o BFS
 precisou explorar.
- 4. **Escalabilidade**: A complexidade do problema cresce exponencialmente com a distância da solução, evidenciada pelo rápido aumento de nós explorados entre as configurações fácil, média e difícil.