МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра теоретических основ компьютерной безопасности и криптографии

Протоколы открытого распределения ключей ОТЧЁТ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ ПРОТОКОЛЫ»

студента 5 курса 531 группы специальности 10.05.01 Компьютерная безопасность факультета компьютерных наук и информационных технологий Яхина Шамиля Илдусовича

Преподаватель		
аспирант		Р. А. Фарахутдинов
	подпись, дата	

СОДЕРЖАНИЕ

BB	ВЕДЕІ	НИЕ	3
1 Теоретические сведения		ретические сведения	4
	1.1	Описание алгоритма протокола «станция-станция»	4
2 Практическая реализация		ктическая реализация	5
	2.1	Описание программы	5
	2.2	Тестирование программы	5

введение

Цель работы - реализация протокола открытого распределения ключей «станция».

1 Теоретические сведения

Обмен ключами Диффи-Хеллмана, так же как и протокол Хьюза, чувствителен к атаке «человек посередине». Одним из способов предотвратить такую атаку является подпись Алисой и Бобом сообщений, которые они посылают друг другу. Применяемый при этом протокол предполагает, что у Алисы есть открытый ключ Боба, а у Боба есть открытый ключ Алисы. Протокол имеет графическую схему обычного трёхпроходного протокола.

1.1 Описание алгоритма протокола «станция-станция»

Алгоритм протокола «станция-станция».

Вход: Целые числа p_l , a_l , b_l , где p_l - битовая длина модуля p, по которому создается циклическая группа, a_l - битовая длина ключа Алисы для подписи, b_l - битовая длина ключа Боба для подписи.

Выход: Секретный ключ K.

- 1. Алиса передает Бобу $\{X = g^x \mod p\}$, где 1 < x < p, x секретное большое число Алисы;
- 2. *а*) Боб выбирает случайное секретное большое число y(1 < y < p);
 - б) Боб вычисляет $Y = g^y \mod p$ и $K = X^y \mod p$;
 - в) Боб подписывает X и Y, вычисляя подпись $S_B(X,Y)$;
 - ϵ) Боб шифрует подпись $E_K(S_B(X,Y))$ ключом K;
 - ∂) Боб передает Алисе $\{Y, E_K(S_B(X,Y))\}.$
- 3. *a*) Алиса вычисляет $K = Y^X \mod p$;
 - б) Алиса расшифровывает $D_K(E_KS_B(X,Y))) = S_B(X,Y)$ подпись Боба и проверяет ее. Если подпись верна, то протокол продолжается;
 - в) Алиса вычисляет свою подпись $S_A(X,Y)$ и шифрует ее $E_K(S_B(X,Y))$;
 - *г*) Алиса передает Бобу $E_K(S_B(X,Y))$.

Боб расшифровывает и проверяет подпись Алисы, если она верна, то протокол заканчивается положительно.

2 Практическая реализация

2.1 Описание программы

Все шаги алгоритма происходят в функции stsFunc.

Функция generateKeys генерирует публичный и приватный ключ для пользователя. Приватный ключ pc выбирается случайным числом от 1 до p. Публичным ключом будет являться тройка y,g,p, где $y=g^{pc}\mod p$.

Для подписи сообщения используется функция ElGamalSignatureSigning, которая реализует подпись сообщения по алгоритму Эль-Гамаля.

В функции generate AESKeyFromK происходит преобразование ключа K в подходящий для AES-шифрования ключ. Само AES-шифрование реализовано в функции encryptAES, а дешифрование в функции decryptAES.

Функция ElGamalSignatureVerifying проверяет подпись и если подпись некорректна, то протокол завершается.

Функция hashFunc отвечает за хэширование передаваемой строки по алгоритму SHA256.

Описание дополнительных функций, используемых в программе: powMod - функция возведения числа в степень по модулю, $isPrimeSolovey_shtrassen$ - проверка числа на простоту тестом Соловея-Штрассена, $jacobi_symbol$ - подсчет символа Якоби, findGen - нахождение первообразного корня.

2.2 Тестирование программы

На рисунке 1 показан вызов параметра help, который выводит информацию о допустимых параметрах командной строки программы.

```
© C\WINDOWS\system32\cmd. × + v — — ×

D:\cpp_projects\protocols\lab1_STS\x64\Release>lab1_sts.exe /h

Введена команда с /h. Допустимые параметры:

/p:<p,g> - Параметры создания сообщений: модуль p, по которому создается циклическая группа, и её генератор g (Если g = 0, то он сгенерируется сам).

/b:<p,g> - Параметры генерации ключа Боба (для подписи): p - простое число, g - первообразный корень p (Если g = 0, то он сгенерируется сам).

/a:<p,g> - Параметры генерации ключа Алисы (для подписи): p - простое число, g - первообразный корень p (Если g = 0, то он сгенерируется сам).

/pl:<length> - Параметр генерации ключа Алисы (для подписи): длина модуля p, по которому создается циклическая группа.

/bl:<length> - Параметр генерации ключа Боба (для подписи): длина модуля p, по которому создается циклическая группа.

/al:<length> - Параметр генерации ключа Алисы (для подписи): длина модуля p, по которому создается циклическая группа.

/no - Запустить программу без проверки p на простоту.

/h - информация о допустимых параметрах командной строки программы.
```

Рисунок 1 – Вызов параметра help

В примере, показанном на рисунках 2 и 3, задаются параметры pl=20, bl=20, al=20.

```
D:\cpp_projects\protocols\lab1_STS\x64\Release>lab1_sts.exe /pl:20 /bl:20 /al:20

Демонстрация работы протокола "станция"

Параметры создания сообщений:
    p = 6584449
    g = 17

Сгенерированные открытый и закрытый ключи для схемы Эль-Гамаля:
    506:
    Открытый ключ (у, g, p) = (818437, 3, 936737)
    Закрытый ключ x = 489647
    Алиса:
    Открытый ключ (у, g, p) = (72439, 5, 225983)
    Закрытый ключ x = 2830

АЛИСА:
    > Сгенерировала секретное большое число x = 49419
    > Вычислила X = g^x mod p = 184487
    > Отправила Бобу X
```

Рисунок 2 – Первый пример корректной работы протокола «станция-станция»

```
БОБ:

1 > Сгенерировал секретное большое число у = 309503

> Вычислил Y = g^y mod р = 112380

> Вычислил селисовый ключ К = X'y mod р = 28124

> Вычислил подпись сообщения "X,Y" = (r, s) = (236507, 868342)

> Получил свой ключ для AES-шифрования из сеансового ключа: AESkey = СЦ843Е80233В1AF3D98C28B0F21E36AA540725B0ABDD37CFBB1F928C09788B64

> Зашифровал подпись сообщения 236507, 868342 и получил &@щ:ÎIT"?и", ye

АЛИСА:

> Вычислила сеансовый ключ К = Y^x mod р = 28124

> Получила свой ключ для AES-шифрования из сеансового ключа: AESkey = C4843E80233B1AF3D98C28B0F21E36AA540725B0ABDD37CFBB1F928C09788B64

> Расшифровала сообщение &@щ:ÎIT"?и", ye и получила 236507, 868342

> Проверила подпись Боба. Она верна. Боб подтвердил свою личность

> Вычислила подпись боба. Она верна. Боб подтвердил свою личность

> Вычислила подпись сообщение &@щ:ÎIT"?и", ye и получила &@щ:ÎIT"?и", ye

> Отгравила Бобу зашифрованную подпись

БОБ:

> Расшифровал сообщение &@щ:ÎIT"?и", ye и получила 236507, 868342

> Проверил подпись Алисы. Она верна. Алиса подтвердила свою личность
```

Рисунок 3 – Первый пример корректной работы протокола «станция-станция»

В примере, показанном на рисунках 4 и 5, задаются параметры p=101,0, bl=20, al=20.

```
© C:\WINDOWS\system32\cmd. X + V

D:\cpp_projects\protocols\lab1_STS\x64\Release>lab1_sts.exe /p:101,0 /bl:20 /al:20

Демонстрация работы протокола "станция-станция"

Параметры создания сообщений:
    p = 101
    g = 2

Сгенерированные открытый и закрытый ключи для схемы Эль-Гамаля:
    606:
    Открытый ключ (y, g, p) = (71277, 7, 82231)
    Закрытый ключ x = 70717

Алиса:
    Открытый ключ (y, g, p) = (532890, 3, 757327)
    Закрытый ключ x = 467067

АЛИСА:
    > Сгенерировала секретное большое число x = 59
    > Вычислила X = g^x mod p = 94
    > Отправила Бобу X
```

Рисунок 4 – Второй пример работы протокола «станция-станция»

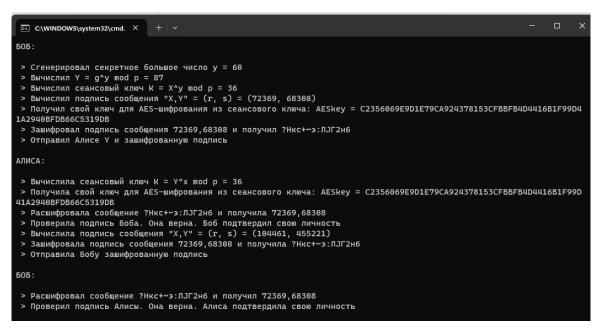


Рисунок 5 – Второй пример работы протокола «станция-станция»

На рисунке 6 показан вызов программы с некорректными параметрами, в качестве простого числа p передано составное число.

D:\cpp_projects\protocols\lab1_STS\x64\Release>lab1_sts.exe /p:100,0 /bl:20 /al:20

Рисунок 6 – Некорректный вызов функции

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Листинг программы

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <chrono>
#include <time.h>
#include <boost/random/random_device.hpp>
#include <boost/multiprecision/cpp_int.hpp>
#include <boost/random.hpp>
#include <sstream>
#include <fstream>
#include <unordered map>
#include <string>
#include <windows.h>
#include <cryptlib.h>
#include "rijndael.h"
#include "modes.h"
#include "files.h"
#include "osrng.h"
#include "hex.h"
#include <unordered set>
using namespace std;
using namespace boost::multiprecision;
using namespace boost::random;
using namespace CryptoPP;
const int AES KEY SIZE = AES::DEFAULT KEYLENGTH;
const int AES BLOCK SIZE = AES::BLOCKSIZE;
// Функция для преобразования числа К в строку (предполагается, что К - целое число)
std::string intToHexString(cpp_int K) {
    std::ostringstream stream;
    stream << std::hex << K;</pre>
    return stream.str();
}
// Функция для генерации ключа на основе числа К
string generateAESKeyFromK(cpp int K) {
    string KString = intToHexString(K);
    SHA256 hash;
    byte digest[SHA256::DIGESTSIZE];
    hash.CalculateDigest(digest, (const byte*)KString.c_str(), KString.length());
    string hexKey;
    HexEncoder encoder(new StringSink(hexKey));
    encoder.Put(digest, sizeof(digest));
    encoder.MessageEnd();
    return hexKey;
}
string encryptAES(const string& plainText, const string& hexKey) {
    SecByteBlock key((const byte*)hexKey.data(), AES_BLOCK_SIZE);
    ECB_Mode<AES>::Encryption encryptor;
    encryptor.SetKey(key, key.size());
    string cipherText;
    StringSource(plainText, true, new StreamTransformationFilter(encryptor, new
StringSink(cipherText)));
    return cipherText;
}
```

```
string decryptAES(const string& cipherText, const string& hexKey) {
    SecByteBlock key((const byte*)hexKey.data(), AES_BLOCK_SIZE);
    ECB_Mode<AES>::Decryption decryptor;
    decryptor.SetKey(key, key.size());
    string decryptedText;
    StringSource(cipherText, true, new StreamTransformationFilter(decryptor, new
StringSink(decryptedText)));
    return decryptedText;
}
cpp int HashFunc(const std::string& strXY, cpp int p) {
    SHA256 hash;
    byte digest[SHA256::DIGESTSIZE];
    hash.CalculateDigest(digest, reinterpret_cast<const byte*>(strXY.c_str()),
strXY.length());
    cpp_int hashValue = 0;
    for (int i = 0; i < SHA256::DIGESTSIZE; ++i) {</pre>
        hashValue = (hashValue << 8) | digest[i];</pre>
    return hashValue % p;
}
cpp_int rand_large(cpp_int w1, cpp_int w2) {
    random_device gen;
    uniform_int_distribution<cpp_int> ui(w1, w2);
    cpp_int y = ui(gen);
    return y;
}
cpp_int generate_random(cpp_int a, cpp_int b) {
    random_device rd;
    mt19937 gen(rd());
    uniform_int_distribution<cpp_int> dist(a, b);
    return dist(gen);
}
cpp_int rand_large_by_bit_length(int bit_length) {
    random_device gen;
    uniform_int_distribution<int> ui(0, 1);
    cpp_int result = 0;
    for (int i = 0; i < bit_length; ++i) {
        result <<= 1;
        result |= ui(gen);
    return result;
cpp_int powModOld(cpp_int a, cpp_int b, cpp_int mod) {
    cpp_int result = 1;
    a = a \% mod;
    while (b > 0) {
        if (b % 2 == 1)
            result = (result * a) % mod;
        b = b \gg 1; // equivalent to exponent /= 2
        a = (a * a) \% mod;
    return result;
cpp_int powMod(cpp_int x, cpp_int n, cpp_int m) {
    cpp_int N = n, Y = 1, Z = x % m;
    while (N != 0) {
        cpp_int lastN = N % 2;
```

```
N = N / 2;
        if (lastN == 0) {
            Z = (Z * Z) % m;
            continue;
        Y = (Y * Z) % m;
        if (N == 0)
            break;
        Z = (Z * Z) % m;
    return Y % m;
}
cpp_int nod(cpp_int a, cpp_int m) {
    if (m == 0)
        return a;
    else
        return nod(m, a % m);
}
cpp_int algEuclidExtended(cpp_int a, cpp_int b, cpp_int& x, cpp_int& y) {
    if (a == 0) {
        x = 0;
        y = 1;
        return b;
    cpp_int xi, yi;
    cpp_int nod = algEuclidExtended(b % a, a, xi, yi);
    x = yi - (b / a) * xi;
    y = xi;
    return nod;
}
cpp_int jacobi_symbol(cpp_int a, cpp_int n) {
    cpp_int dop_n = n;
    if (nod(a, n) != 1)
        return 0;
    cpp_int r = 1;
    if (a < 0) {
        a = a * (-1);
        if (n % 4 == 3) {
            r = r * (-1);
    while (a != 0) {
        cpp_int t = 0;
        while (a \% 2 == 0) \{
           t = t + 1;
            a = a / 2;
        if (t % 2 != 0) {
            if (n % 8 == 3 || n % 8 == 5)
                r = r * (-1);
        if (a % 4 == 3 && n % 4 == 3) {
           r = r * (-1);
        cpp_int c = a;
        a = n \% c;
        n = c;
    if (r < 0)
        r += dop_n;
```

```
return r;
}
bool isPrimeSolovey shtrassen(cpp int n, cpp int k) {
    //cout << "Проверка на простоту с помощью теста Соловея-Штрассена: " << endl;
    for (int i = 0; i < k; i++)
        cpp int a = rand() % n;
        if (a == 0 || a == 1)
            a += 2;
        if (nod(a, n) > 1)
            return false;
        cpp_int d = (n - 1) / 2;
        cpp_int new_a = a;
        for (int j = 0; j < d - 1; j++)
            new a *= a;
            new_a = new_a \% n;
        cpp_int dop_a = new_a;
        cpp_int dop_jac = jacobi_symbol(a, n);
        if (dop_a != dop_jac)
            return false;
    return true;
}
pair <cpp_int, cpp_int> ElGamalSignatureSigning(cpp_int x_big, cpp_int y_big,
vector<cpp_int> publicKey, cpp_int privateKey) { // publicKey - (y, g, p)
    cpp_int p = publicKey[2];
    string strX = boost::lexical_cast<string>(x_big);
    string strY = boost::lexical_cast<string>(y_big);
    string strXY = strX + strY;
    cpp_int hashedStrXY = HashFunc(strXY, p);
    cpp int k;
    bool flagS0 = true;
    cpp int r, s;
    while (flagS0) {
        while (true) {
            //k = rand_large(2, p - 2);
            if (p < 10)
                k = rand() % (p - 1) + 2;
            else
                k = generate_random(2, p - 2);
            if (nod(k, p - 1) == 1)
                break;
            //cout << "\nNOD(" << k << ", " << p - 1 << ") =" << nod(k, p - 1) << "\n";
//УБРАТЬ
        r = powMod(publicKey[1], k, p);
        cpp_int x1, y1;
        algEuclidExtended(k, p - 1, x1, y1);
        if (x1 < 0)
            x1 = x1 + p - 1;
        cpp int k obr = x1;
        s = ((hashedStrXY - privateKey * r) * k_obr) % (p - 1);
        if (s < 0)
            s = s + p - 1;
        if (s != 0)
            flagS0 = false;
    pair <cpp_int, cpp_int> resPair = make_pair(r, s);
    return(resPair);
```

```
}
bool ElGamalSignatureVerifying(cpp_int x_big, cpp_int y_big, pair <cpp_int, cpp_int> rs,
vector<cpp_int> publicKey) { // publicKey - (y, g, p)
    cpp int p = publicKey[2];
    cpp int r = rs.first;
    cpp int s = rs.second;
    if (r <= 0 || r >= p || s <= 0 || s >= p - 1)
        return false;
    string strX = boost::lexical cast<string>(x big);
    string strY = boost::lexical cast<string>(y big);
    string strXY = strX + strY;
    cpp_int hashedStrXY = HashFunc(strXY, p);
    cpp_int yRrS = ((powMod(publicKey[0], r, p)) * (powMod(r, s, p))) % p;
    cpp_int gM = powMod(publicKey[1], hashedStrXY, p);
    if (yRrS != gM)
        return false;
    return true;
}
vector<cpp_int> generateKeys(cpp_int p, cpp_int g, cpp_int &privateKey) {
    privateKey = rand_large(2, p - 2);
    cpp_int y = powMod(g, privateKey, p);
    vector<cpp_int> publicKey = { y, g, p };
    return(publicKey);
}
string findInStr(string const& str, int n) {
    if (str.length() < n)</pre>
        return str;
    return str.substr(0, n);
}
void helpFunc() {
    cout << "Введена команда с /h. Допустимые параметры:";
    cout << "\n\n/p:<p,g> - Параметры создания сообщений: модуль p, по которому создается
циклическая группа, и её генератор g (Если g = 0, то он сгенерируется сам).";
    cout << "\n\n/b:<p,g> - Параметры генерации ключа Боба (для подписи): р - простое число,
g - первообразный корень р (Если g = 0, то он сгенерируется сам).";
    cout << "\n\n/a:<p,g> - Параметры генерации ключа Алисы (для подписи): р - простое
число, g - первообразный корень р (Если g = 0, то он сгенерируется сам).";
    cout << "\n\n/pl:<length> - Параметр создания сообщений: длина модуля р, по которому
создается циклическая группа.";
    cout << "\n\n/bl:<length> - Параметр генерации ключа Боба (для подписи): длина модуля р,
по которому создается циклическая группа.";
    cout << "\n\n/al:<length> - Параметр генерации ключа Алисы (для подписи): длина модуля
р, по которому создается циклическая группа.";
    cout << "\n\n/no - Запустить программу без проверки р на простоту.";
    cout << "\n\n/h - информация о допустимых параметрах командной строки программы.\n";
}
void splitPG(string str, char symbol, cpp_int &a, cpp_int &b) {
    cpp int elem;
    bool firstEl = true;
    bool secondEl = true;
    stringstream ss(str);
    while (ss >> elem) {
        if (firstEl) {
            a = elem:
            firstEl = false;
        else if (secondEl) {
            b = elem;
```

```
secondEl = false;
        }
        else
            return;
        if (ss.peek() == symbol) {
            ss.ignore();
    }
void printVecKeys(vector <cpp int> a) {
    cout << "(";
    for (int i = 0; i < a.size() - 1; i++){
        cout << a[i] << ", ";
    cout << a[a.size() - 1] << ")";</pre>
    return;
}
cpp_int findGen(cpp_int p) {
    vector<cpp_int> fact;
    cpp_int phi = p - 1, n = phi;
    for (int i = 2; i * i <= n; ++i)
        if (n % i == 0) {
            fact.push_back(i);
            while (n \% i == 0)
                n /= i;
    if (n > 1)
        fact.push_back(n);
    for (int res = 2; res <= p; ++res) {
        bool ok = true;
        for (size_t i = 0; i < fact.size() && ok; ++i)</pre>
            ok &= powMod(res, phi / fact[i], p) != 1;
        if (ok) return res;
    return -1;
}
bool checkG(cpp_int p, cpp_int &g) {
    if (g == 0)
        g = findGen(p);
    unordered_set<cpp_int> powers;
    for (int i = 0; i ; ++i) {
        cpp_int powered_g = powMod(g, i, p);
        powers.insert(powered_g);
    if (powers.size() == p - 1)
        return true;
    else
        return false;
}
void setPG(cpp_int& p, cpp_int& g, int lenP) {
    bool numIsPrime = false;
    while (!numIsPrime) {
        p = rand_large_by_bit_length(lenP);
        if (p == 0)
            continue;
        //cout << "\np =" << p << "\n";
        if (isPrimeSolovey_shtrassen(p, 15))
            numIsPrime = true;
    }
```

```
g = findGen(p);
    return;
}
bool isCorrectPG(cpp_int &p, cpp_int &g, int lenP, bool dontCheckPrime) {
    if (lenP != 0)
        setPG(p, g, lenP);
    if (!dontCheckPrime)
        if (!isPrimeSolovey_shtrassen(p, 15)) {
            cout << "\n\nERROR! (один из р не является простым числом)\n";
            return false;
    if (!checkG(p, g)) {
        cout << "\n\nERROR! (один из g не является примитивным элементом)\n";
        return false;
    return true;
}
bool stsFunc(int argc, char* argv[]) {
    cpp_int p, g; // p = 7; g = 5
    cpp_int pAlice, gAlice, pBob, gBob; // alice: 11,2; bob: 23,5
    bool defaultAlice = true, defaultBob = true, defaultPG = true;
    int lenP = 0, lenBobP = 0, lenAliceP = 0;
    bool dontCheckPrime = false;
    for (int i = 0; argv[i]; i++) {
        string checkStr = string(argv[i]);
        if (findInStr(checkStr, 2) == "/h") {
            helpFunc();
            return 0;
        if (checkStr.length() > 2) {
            string ifStr = findInStr(checkStr, 3);
            string subStr = checkStr.substr(3, checkStr.length());
            char symbol = ',';
            if (ifStr == "/p:") {
                splitPG(subStr, symbol, p, g);
            if (ifStr == "/b:") {
                splitPG(subStr, symbol, pBob, gBob);
            if (ifStr == "/a:") {
                splitPG(subStr, symbol, pAlice, gAlice);
            if (ifStr == "/pl") {
                lenP = stoi(checkStr.substr(4, checkStr.length()));
            if (ifStr == "/bl") {
                lenBobP = stoi(checkStr.substr(4, checkStr.length()));
            if (ifStr == "/al") {
                lenAliceP = stoi(checkStr.substr(4, checkStr.length()));
            if (ifStr == "/no") {
                dontCheckPrime = true;
            }
        }
    }
    if (!isCorrectPG(p, g, lenP, dontCheckPrime))
        return 0;
    if (!isCorrectPG(pBob, gBob, lenBobP, dontCheckPrime))
        return 0;
    if (!isCorrectPG(pAlice, gAlice, lenAliceP, dontCheckPrime))
```

```
return 0:
    cout << "\пДемонстрация работы протокола \"станция-станция\"\n\n";
    cout << "Параметры создания сообщений:\np = " << p << "\ng = " << g << "\n";
    if (dontCheckPrime)
        cout << "Обратите внимание, введенные р не проверялись на простоту!\n";
    //Открытые ключи для Алисы и Боба (нужны для цифровой подписи)
    cpp_int privateAliceKey, privateBobKey;
    vector<cpp int> publicAliceKey = generateKeys(pAlice, gAlice, privateAliceKey);
    vector<cpp int> publicBobKey = generateKeys(pBob, gBob, privateBobKey);
    cout << "\nСгенерированные открытый и закрытый ключи для схемы Эль-Гамаля:\n";
    cout << "Боб:\nОткрытый ключ (y, g, p) = ";
    printVecKeys(publicBobKey);
    cout << "\nЗакрытый ключ x = " << privateBobKey;
    cout << "\nАлиса:\nОткрытый ключ (y, g, p) = '
    printVecKeys(publicAliceKey);
    cout << "\nЗакрытый ключ x = " << privateAliceKey;
    cout << "\n\nAЛИCA:\n";
    //Alice
    cpp_int x = rand_large(2, p - 1);
    cout << "\n > Сгенерировала секретное большое число x = " << x;
    cpp_int x_big = powMod(g, x, p); // X АЛИСЫ
    cout << "\n > Вычислила X = g^x mod p = " << x_big;
    cout << "\n > Отправила Бобу X";
    cout << "\n\n505:\n";
    //Bob
    cpp int y = rand large(2, p - 1);
    cout << "\n > Сгенерировал секретное большое число у = " << у;
    cpp_int y_big = powMod(g, y, p); // Y FOFA
    cout << "\n > Вычислил Y = g^y mod p = " << y_big;
    cpp_int k_big_bob = powMod(x_big, y, p);
    cout << "\n > Вычислил сеансовый ключ K = X^y mod p = " << k_big_bob;
    pair <cpp_int, cpp_int> SbXY = ElGamalSignatureSigning(x_big, y_big, publicBobKey,
privateBobKey); //подписываем Sb(X,Y)
    cout << "\n > Вычислил подпись сообщения \"X,Y\" = (r, s) = (" << SbXY.first << ", " <<
SbXY.second << ")";
    string AESKeyBob = generateAESKeyFromK(k_big_bob);
    cout << "\n > Получил свой ключ для AES-шифрования из сеансового ключа: AESkey = " <<
AESKeyBob;
    //шифруем Ek(Sb(X,Y)) ключом К
    string strX = boost::lexical cast<string>(SbXY.first);
    string strY = boost::lexical_cast<string>(SbXY.second);
    string strSbXY = strX + "," + strY;
    //cout << "strSbXY: " << strSbXY << std::endl;</pre>
    string EkSbXY = encryptAES(strSbXY, AESKeyBob);
    //cout << "EkSbXY: " << EkSbXY << std::endl;</pre>
    cout << "\n > Зашифровал подпись сообщения " << strSbXY << " и получил " << EkSbXY;
    cout << "\n > Отправил Алисе Y и зашифрованную подпись";
    //БОБ ОТПРАВИЛА АЛИСЕ Y и ЗАШИФРОВАННОЕ XY
    //Alice
    cout << "\n\nAЛИCA:\n";
    cpp_int k_big_alice = powMod(y_big, x, p);
    cout << "\n > Вычислила сеансовый ключ K = Y^x mod p = " << k big alice;
```

```
if (k big bob != k big alice) {
        cout << "\n\nERROR! (Вычисленные сеансовые ключи не совпадают)":
        return 0:
    //расшифровываем Dk(Ek(Sb(X,Y))) ключом К
    string AESKeyAlice = generateAESKeyFromK(k big alice);
    cout << "\n > Получила свой ключ для AES-шифрования из сеансового ключа: AESkey = " <<
AESKevAlice:
    string DkEkSbXY = decryptAES(EkSbXY, AESKeyAlice);
    cout << "\n > Расшифровала сообщение " << EkSbXY << " и получила " << DkEkSbXY;
    istringstream iss(DkEkSbXY);
    string strXnew, strYnew;
    getline(iss, strYnew, ','); // Разделяем строку по запятой и получаем первое число getline(iss, strYnew, ','); // Получаем второе число
    cpp_int xNew = stoi(strXnew);
    cpp_int yNew = stoi(strYnew);
    //cout << "\nxNew = " << xNew << "; yNew = " << yNew << "\n";
    pair <cpp_int, cpp_int> SbXYnew = make_pair(xNew, yNew);
    //проверяем подпись Sb(X,Y). Если верно, то дальше
    if (ElGamalSignatureVerifying(x_big, y_big, SbXYnew, publicBobKey))
        cout << "\n > Проверила подпись Боба. Она верна. Боб подтвердил свою личность";
    else {
        cout << "\n > Проверила подпись Боба. Она не верна. Боб не подтвердил свою
личность";
        return 0;
    }
    //подписываем Sa(X,Y)
    pair <cpp_int, cpp_int> SaXY = ElGamalSignatureSigning(x_big, y_big, publicAliceKey,
privateAliceKey); //подписываем Sb(X,Y)
    cout << "\n > Вычислила подпись сообщения \"X,Y\" = (r, s) = (" << SaXY.first << ", " <<
SaXY.second << ")";
    //шифруем Ek(Sa(X,Y)) ключом К
    string strXa = boost::lexical cast<string>(SaXY.first);
    string strYa = boost::lexical_cast<string>(SaXY.second);
    string strSaXY = strX + "," + strY;
    //cout << "strSaXY: " << strSaXY << std::endl;</pre>
    string EkSaXY = encryptAES(strSaXY, AESKeyAlice);
    //cout << "EkSaXY: " << EkSaXY << std::endl;</pre>
    cout << "\n > Зашифровала подпись сообщения " << strSaXY << " и получила " << EkSaXY;
    cout << "\n > Отправила Бобу зашифрованную подпись";
    cout << "\n\n505:\n";
    //Bob
    //расшифровываем Dk(Ek(Sa(X,Y))) ключом К
    string DkEkSaXY = decryptAES(EkSaXY, AESKeyBob);
    cout << "\n > Расшифровал сообщение " << EkSaXY << " и получил " << DkEkSaXY;
    istringstream iss2(DkEkSaXY);
    string strXnew2, strYnew2;
    getline(iss2, strXnew2, ','); // Разделяем строку по запятой и получаем первое число getline(iss2, strYnew2, ','); // Получаем второе число
    cpp int xNew2 = std::stoi(strXnew2);
    cpp int yNew2 = std::stoi(strYnew2);
    pair <cpp int, cpp int> SbXYnew2 = make pair(xNew2, yNew2);
    //проверяем подпись Sa(X,Y). Если верно, то дальше
    if (ElGamalSignatureVerifying(x_big, y_big, SaXY, publicAliceKey))
        cout << "\n > Проверил подпись Алисы. Она верна. Алиса подтвердила свою
личность\n\n\n";
    else {
```

```
cout << "\n > Проверил подпись Алисы. Она не верна. Алиса не подтвердила свою
личность\n\n\n";
    return 0;
}
return 0;
}
int main(int argc, char* argv[]) {
    setlocale(LC_ALL, "rus");
    stsFunc(argc, argv);
}
```