

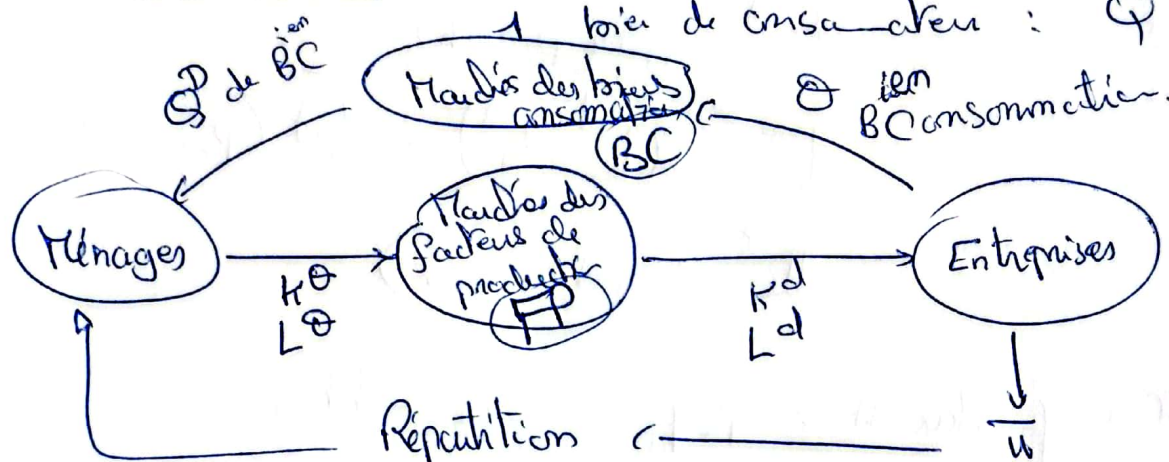
# ① C. micro II Chp 2: Equilibre général concurrentiel de CT

## I) Déf d'Eq général.

L'Eq général proposée par les 2 prix Nobel Arrow et Debreu, consiste à déterminer un système de prix pour que sur tous les marchés l'offre et la demande s'égalisent.

Economie à 3 biens: 2 facteurs de production:  $K$  et  $L$

1 bien de consommation:  $Q$



## II) Equilibre général concurrentiel de CT:

Cons: -  $D^o$  BC

-  $\theta$   $K$

-  $\theta$   $L$

Ent: -  $\theta$  BC

-  $D^d$   $K$

-  $D^d$   $L$

4 hyp:  $\rightarrow$  Eq général CPP à CT.

1 -  $\forall$  ent  $i$ :  $\text{Max } \pi_i$  s/c  $P^d$  et  $P^o$ .

2 -  $\forall$  ménage  $j$ :  $\text{Max } U_j^o$  s/c CB <sub>contrainte budg.</sub>

(revenue = dépenses)

3 - Marché BC:

$$Q_G^o(p, w, k) = D_G^o(p, w, k)$$

4 - Marché FP:  $K^d(p, w, k) = K^o(p, w, k)$   
 $L^d(p, w, k) = L^o(p, w, k)$

1<sup>ère</sup> étape eq des entr.

$$\forall \text{ entr } i: \begin{cases} \text{Max } \pi_i = p \cdot q_i - wL_i - kK_i \\ \text{s/c } q_i = f(K_i, L_i) \end{cases}$$

$$\hookrightarrow \text{Max } \pi_i = p f(K_i, L_i) - wL_i - kK_i$$

$$\begin{cases} \frac{\partial \pi_i}{\partial K_i} = 0 \\ \frac{\partial \pi_i}{\partial L_i} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{aligned} K_i^d &= f_K(p, w, k) \\ L_i^d &= f_L(p, w, k) \\ q_i^d &= f(K_i^d, L_i^d) = f(p, w, k) \\ \pi_i^* &= f(p, w, k) \end{aligned}$$

$$\forall \text{ entr } i \begin{cases} \text{Max } \pi = p_i q_i - wL_i - kK_i \\ \text{s/c } q_i = f(K_i, L_i) \end{cases}$$

$$\hookrightarrow \text{eq TMST} = \frac{P_K K}{P_W L} = \frac{k}{w}$$

Marché  $\rightarrow$   $\mathcal{G}^L$  Globale.

$$K^d = \sum_i K_i^d(p, w, k)$$

$$L^d = \sum_i L_i^d(p, w, k)$$

$$Q^d = \sum_i q_i^d(p, w, k)$$

$$\pi^{\text{Global}} = \sum_i \pi_i(p, w, k)$$

② Canico II  
2<sup>e</sup> étape répartition des  $\Pi$   
 nb cons :  $j = 1 \dots n$

Les ménages sont considérés comme les propriétaires des firmes ce qui fait que les profits des entreprises leurs sont distribués.

$$\forall \text{ cons } j : \underset{\substack{\uparrow \\ \text{revenue}}}{R_{\text{exogène } j}} = \sigma_j \times \Pi^G \quad / \quad \sum_{j=1}^n \sigma_j = 1$$

3<sup>e</sup> étape Eq des cons.

$$\forall \text{ cons } j \quad \begin{array}{l} \text{Max } U_j \\ \text{s.t. } p \cdot q_j = R_{\text{exo } j} + wL_j + rK_j \end{array}$$

si  $U_j$  (2 biens)  $\leadsto$  pg :  $\text{TMS} = \frac{U_{K1}}{U_{K2}} = \frac{p_1}{p_2}$

$$L_j^\theta, K_j^\theta \text{ et } q_j^\theta$$

Marché  $\rightarrow$   $Q^G$  Global

$$L^\theta = \sum_j L_j^\theta(p, w, r)$$

$$K^\theta = \sum_j K_j^\theta(p, w, r)$$

$$Q^\theta = \sum_j q_j^\theta(p, w, r)$$



4<sup>e</sup> étape Les équations d'éq.

3 B  $\rightarrow$  3 eq d'eq.

Marché B:  $Q^B(p, w, k) = Q^D(p, w, k)$

Marché K:  $K^B(p, w, k) = K^D(p, w, k)$

Marché L:  $L^B(p, w, k) = L^D(p, w, k)$

5<sup>e</sup> étape résoudre

$p^*, w^*, k^*$

$Q^*, L^*, K^*, \pi^*, R_{exo}^*$   
(Revenu)

Loi de Walras de  $(\frac{w}{p}, \frac{k}{p})$   

$$\begin{cases} \theta(\frac{w}{p}, \frac{k}{p}) = D^D(\frac{w}{p}, \frac{k}{p}) \\ \frac{w}{k} = \frac{w/p}{k/p} \end{cases}$$

Selon Walras si on a un équilibre général avec  $n$  équations il suffit de considérer  $(n-1)$  équations n'importe lesquelles pour résoudre ce programme car toutes les équations de comportement dépendent des prix relatifs.

A l'éq des entr.:  $\pi^* = p Q^B - w L^B - k K^B$

$\hookrightarrow$  usé aux ménages  $\rightarrow R_{exo}$

Ménage: Revenu  $= R_{exo} + w L^B + k K^B$   

$$= (p Q^B - w L^B - k K^B) + w L^B + k K^B = p Q^B$$
  
 $\hookrightarrow$  Revenu = dépense =  $p Q^D$

$p(Q^B - Q^D) + w(L^B - L^D) + k(K^B - K^D) = 0$   
 Selon Walras si  $n-1$  marchés sont en équil alors le  $n$ <sup>ème</sup> marché l'est automatiquement.