

Niveau: 2ème Année cycle ingénieur

Matière: Econométrie

Enseignante: Amira GASMI SASSI

Durée : 1H30

Examen principal P4, Mai 2024

- Aucune documentation n'est permise.

- Arrondir tous les calculs au 3ême chiffre après la virgule.

- Nombre de pages : 04.

## **QUESTIONS DE COURS: (04 points)**

On effectue une régression linéaire avec des variables à expliquer et explicative nonstationnaires.

- 1) Quel problème risque-t-on de rencontrer dans cette régression ? Indiquer ses symptômes. (1,5 points)
- 2) Proposer une procédure qui permet de tester la présence de ce problème et expliquer son principe. (2,5 points)

#### **EXERCICE 1: (08 points)**

On souhaite étudier l'évolution du salaire moyen d'une entreprise, y, en fonction de son effectif, x. Les données couvrent la période 1992-2021. On considère donc le modèle économétrique suivant :

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 x_t + u_t$$

Les résultats d'estimation se présentent comme suit:

$$\hat{y}_t = 67,965 + 0,08145x_t$$
;  $R^2 = 0.9$ ;  $DW = 1,78$ .

- 1) Y-a-t-il autocorrélation des erreurs d'ordre 1 au risque de 5% ? Justifier la réponse ? (4 points)
- 2) Effectuer le test BG pour tester l'autocorrélation des erreurs d'ordre 2 selon l'approche de Fisher. On donne :  $R^2 = 0.623$ . (4 points)

Page 1 sur 4

### **EXERCICE 2: (08 points)**

On désire expliquer la variable Y à l'aide de deux variables explicatives X et Z selon le modèle de régression suivant :  $Y_t = a + bX_t + cZ_t + \varepsilon_t$ 

Pour ce faire, on souhaite auparavant tester une éventuelle multicolinéarité entre ces deux séries. Les données sont présentées dans le tableau suivant :

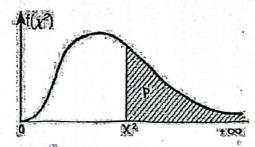
Yt	-15	40	5	60	-50/	0	-5	10	30	45
$X_t$	5	0	0	5	-5	-5	5	0	5	0
$Z_t$	-5	5	0	5	0	5	-5	0	. 0	5

Sachant que :  $R^2 = 0,93$ . On vous demande de :

- 1) Vérifier la présence d'une multicolinéarité entre les variables explicatives à l'aide du test de klein. (3 points)
- 2) Effectuer le test de Farrar-Glauber. Conclure. (5 points)

N.B.: Ci-dessous les tables de la loi de Fisher et de Durbin-Watson ainsi qu'un extrait de la table de la loi de Chi-deux.

# TABLE DELA LOT DU CHI-DEUX Valeurs de x² ayant la probabilité P d'être dépassées

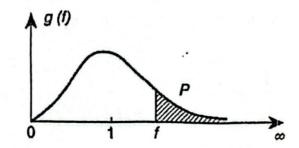


ν	P = 0.90	0,80	0,70	0,50	0,30	0,20	0,10	0,05	0,02	0,01
1	0.0158	0,0642	0,148	0,455	1,074	1,642	2,706	3,841	5,412	6,635
2	0,211	0,446	0.148 0,713	1,386	2,408	3,219	4,605	5,991	7,824	9,210
3	0,584	1,005	1,424	2,366	3,665	4,642	6,251	7,815	9,837	11,345
	1,064	1,649	1,424 2,195	3,357	4,878	5,989	7,779	5,991 7,815 9,488	11,668	13,277
5	1,610	2,343	3,000	4,351	6,064	7,289	9,236	11,070	13,388	15,086
4567	2,204	3,070	3,828	5,348	7,231	8,558	10,615	12,592	15,033	16,812
7	2,833	3,822	4,671	6,346	8,383	9,803	12,017	14,067	16,662	18,475
8	3,490	4,594	5,527	7,344	19,524	11,030	13,362	15,507	18,168	20,090
9	4,168	5,380	6,393	8,343	10.656	12.242	14 684	76 919	19,679	21,666
10	4,865	6,179	7,267	9,342	11,781	13,442	15,987	18,307	21,161	23,209

Page 2 sur 4

# TABLE DE LA LOI DE FISHER-SNEDECOR

Valeurs de F ayant la probabilité P d'être dépassées ( $F = s_1^2/2$ )



V2	$v_1 = 1$		$\nu_1 = 2$		$v_1 = 3$		$v_1 = 4$		$v_1 = 5$	
	P = 0.05	P = 0.01								
1	161,4	4052	199,5	4999	215,7	5403	224,6	5625	230,2	5764
2	18,51	98,49	19,00	99,00	19,16	99,17	19,25	99,25	19,30	99,30
3	10,13	34,12	9,55	30,81	9,28	29,46	9.12	28,71	9,01	28,24
4	7,71	21,20	6,94	18,00	6,59	16,69	. 6,39	15,98	6,26	15,52
5	6,61	16,26	5,79	13,27	5,41	12,06	5,19	11,39	5,05	10,97
6	5,99	13,74	5,14	10,91	4,76	9,78	4,53	9,15	4,39	8,75
7	5,59	12,25	4,74	9,55	4,35	8,45	4,12	7,85	3,97	7,45
8	5,32	11,26	4,46	8,65	4,07	7,59	3,84	7,01	3,69	6,63
9	5,12	10,56	4,26	8,02	3,86	6.99	3,63	6,42	3,48	6,06
10	4,96	10,04	4,10	7,56	3,71	6,55 6,22	3,48	5,99	3,33	5,64
11	4,84	9,65	3,98	7,20	3,59	6,22	3,36	5,67	3,20	5,32
12	4,75	9,33	3,88	6,93	3,49	5,95 5,74	3,26 3,18	5,41 5,20	3,11 3,02	5,06 4,86
13	4,67	9,07	3,80	6,70 6,51	3,41 3,34	5,56	3,11	5,03	2,96	4,69
14	4,60 4,54	8,86 8,68	3,74 3,68	6,36	3,29	5,42	3,06	4,89	2,90	4,56
15		8,53	3,63	6,23	3,24	5,29	3,01	4,77	2,85	4,44
16 17	4,49 4,45	8,40	3,59	6,11	3,20	5,18	2,96	4,67	2,81	4,34
18	4,41	8,28	3,55	6,01	3,16	5,09	2,93	4,58	2,77	4,25
19	4,38	8,18	3,52	5,93	3,13	5,01	2,90	4,50	2,74	4,17
20	4,35	8,10	3,49	5,85	3,10	4,94	2,87	4,43	2,71	4,10
21	4,32	8,02	3,47	5,78	3,07	4,87	2,84	4,37	2,68	4,04
22	4,30	7,94	3,44	5,72	3,05	4,82	2,82	4,31	2,66	3,99
23	4,28	7,88	3,42	5,66	3,03	4,76	2,80	4,26	2,64	3,94
24	4,26	7,82	3,40	5,61	3,01	4,72	2,78	4,22	2,62	3,90
25	4,24	7,77	3,38	5,57	2,99	4,68	2,76	4,18	2,60	3,86
26	4,22	7,72	3,37	5,53	2,98	4,64	2,74	4,14	2,59	3,82
27	4,21	7,68	3,35	5,49	2,96	4,60	2,73	4,11	2,57	3,78
28	4,20	7,64	3,34	5,45	2,95	4,57	2,71	4,07	2,56	3,75
29	4,18	7,60	3,33	5,42	2,93	4,54	2,70	4,04	2,54	3,73
30	4,17	7,56	3,32	5,39	2,92	4,51	2,69	4,02	2,53	3,70
40	4,08	7,31	3,23	5,18	2,84	4,31	2,61	3,83	2,45	3,51
60	4,00	7,08	3,15	4,98	2,76	4,13	2,52	3,65	2,37	3,34
120	3,92	6,85	3,07	4,79	2,68	3,95	2,45	3,48	2,29	3,17
$\infty$	3,84	6,64	2,99	4,60	2,60	3,78	2,37	3,32	2,21	3,02

Nota. —  $s_1^2$  est la plus grande des deux variances estimées, avec  $v_1$  degrés de liberté.

Page 3 sur 4

# TABLE DE DURBIN-WATSON\*\* - Risque $\alpha = 5 \%$

	k =	= 1	k =	= 2	k =	k=3		k=4		= 5
n	$d_1$	d <sub>2</sub>	$d_1$	d <sub>2</sub>	$d_1$	$d_2$	-;d1	d <sub>2</sub>	$d_1$	$d_2$
15	1,08	1,36	0,95	1,54	0,82	1,75	0,69	1,97	0,56	2,21
16	1,10	1,37	0,98	1,54	0,86	1,73	0,74	1,93	0,62	2,15
17	1,13	1,38	1,02	1,54	0,90	1,71	0,78	1,90	0,67	2,10
18	1,16	1,39	1,05	1,53	0,93	1,69	0,82	1,87	0,71	2,06
19	1,18	1,40	1,08	1,53	0,97	1,68	0,86	1,85	0,75	2,02
20	1,20	1,41	1,10	1,54	1,00	1,68	0,90	1,83	0,79	1,99
21	1,22	1,42	1,13	1,54	1,03	1,67	0,93	1,81	0,83	1,96
22	1,24	1,43	1,15	1,54	1,05	1,66	0,96	1,80	0,86	1,94
23	1,26	1,44	1,17	1,54	1,08	1,66	0,99	1,79	0,90	1,92
24	1,27	1,45	1,19	1,55	1,10	1,66	1,01	1,78	0,93	1,90
25	1,29	1,45	1,21	1,55	1,12	1,66	1,04	1,77	0,95	1,89
26	1,30	1,46	1,22	1,55	1,14	1,65	1,06	1,76	0,98	1,88
27	1,32	1,47	1,24	1,56	1,16	1,65	1,08	1,76	1,01 1,03	1,86 1,85
28	1,33	1,48	1,26	1,56	1,18	1,65	1,10	1,75	1,05	1,84
29	1,34	1,48	1,27	1,56	1,20	1,65	1,12	1,74 1,74	1,07	1,83
30	1,35	1,49	1,28	1,57	1,21	1,65	1,14 1,16	1,74	1,09	1,83
31	1,36	1,50	1,30	1,57	1,23	1,65	1,18	1,73	1,11	1,82
32	1,37	1,50	1,31	1,57	1,24 1,26	1,65 1,65	1,19	1,73	1,13	1,81
33	1,38	1,51	1,32 1,33 1,34	1,58	1,27	1,65	1,21	1,73	1,15	1,81
34	1,39	1,51	1,33	1,58 1,58	1,28	1,65	1,22	1,73	1,16	1,80
35	1,40	1,52	1,34	1,59	1,29	1,65	1,24	1,73	1,18	1,80
36	1,41	1,52	1,35	1,59	1,31	1,66	1,25	1,72	1,19	1,80
37	1,42	1,53	1,36	1,59	1,32	1,66	1,26	1,72	1,21	1,79
38	1,43	1,54	1,37	1,60	1,33	1,66	1,27	1,72	1,22	1,79
39	1,43	1,54	1,38	1,60	1,34	1,66	1,29	1,72	1,23	1,79
40	1,44	1,54	1,39	1,62	1,38	1,67	1,34	1,72	1,29	1,78
45	1,48	1,57	1,43	1,63	1,42	1,67	1,38	1,72	1,34	1,77
50	1,50	1,59	1,46	1,64	1,45	1,68	1,41	1,72	1,38	1,77
55	1,53	1,60	1,49	1,65	1,48	1,69	1,44	1,73	1,41	1,77
60	1,55	1,62	1,51	1,66	1,50	1,70	1,47	1,73	1,44	1,77
65	1,57	1,63	1,54	1,67		1,70	1,49	1,74	1,46	1,77
70	1,58	1,64	1,55 1,57	1,68	1,52 1,54	1,71	1,51	1,74	1,74	1,77
75	1,60	1,65	the state of the s	1,69		1,72	1,53	1,74	1,51	1,77
80	1,61	1,66	1,59		1,56				1,51	
85	1,62	1,67	1,60	1,70	1,57	1,72	1,55	1,75	1,52	1,77
90	1,63	1,68	1,61	1,70	1,59	1,73	1,57	1,75	1,54 1,56	1,78 1,78
95	1,64	1,69	1,62	1,71	1,60	1,73	1,58	1,75	1,50	
100	1,65	1,69	1,63	1,72	1,61	1,74	1,59	1,76	1,57	1,78

k est le nombre de variables exogènes (constante exclue). n est la taille de l'échantillon.