



Deep Learning School

Школа глубокого обучения ФПМИ МФТИ

Домашнее задание: **Autoencoders, Variational Autoencoders**

Stepik: Павел Цветов, **User ID:** 39555013

In [1]:

```
!nvidia-smi
```

Mon May 31 19:17:38 2021

```
+-----+
| NVIDIA-SMI 465.19.01      Driver Version: 460.32.03      CUDA Version: 11.2      |
+-----+-----+
| GPU   Name                Persistence-M| Bus-Id        Disp.A | Volatile Uncorr. ECC |
| Fan   Temp   Perf    Pwr:Usage/Cap|      Memory-Usage | GPU-Util  Compute M. |
|                                           | MIG M.         |
+=====+=====+
|    0   Tesla P100-PCIE...    Off   | 00000000:00:04.0 Off |             0        |
| N/A    40C     P0      28W / 250W | 0MiB / 16280MiB |      0%      Default  |
|                                           | N/A             |
+-----+-----+

+-----+
| Processes:
| GPU   GI    CI          PID    Type    Process name                        GPU Memory
|      ID    ID                                     Usage
+=====+
| No running processes found
+-----+
```

Часть 1. Vanilla Autoencoder (10 баллов)

1.1. Подготовка данных (0.5 балла)

In [2]:

```
import numpy as np
import pandas as pd

import os
import gc

import torch
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
import torch.optim as optim
import torch.utils.data as data_utils

from torchvision import datasets
from torchvision import transforms
from torch.utils.data import Dataset
from torch.utils.data import DataLoader
from torch.autograd import Variable

import skimage.io
import skimage
from skimage.transform import resize
from sklearn.neighbors import NearestNeighbors
from sklearn.model_selection import train_test_split

from tqdm.notebook import tqdm
from IPython.display import clear_output

import matplotlib
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns

plt.style.use('ggplot')

%matplotlib inline
```

In [3]:

```
# def setup_seed(seed):
#     np.random.seed(seed)
#     torch.manual_seed(seed)
#     torch.cuda.manual_seed_all(seed)
#     torch.backends.cudnn.deterministic = True
#     torch.backends.cudnn.benchmark = False

# seed = 41

# setup_seed(seed)
```

In [4]:

```
device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')
print(device)
```

cuda

In [5]:

```
def fetch_dataset(attrs_name = "lfw_attributes.txt",
                  images_name = "lfw-deepfunneled",
                  dx=80, dy=80,
                  dimx=64, dimy=64
):

    #download if not exists
```

```

if not os.path.exists(images_name):
    print("images not found, downloading...")
    os.system("wget http://vis-www.cs.umass.edu/lfw/lfw-deepfunneled.tgz -O tmp.tgz")
)

print("extracting...")
os.system("tar xvzf tmp.tgz && rm tmp.tgz")
print("done")
assert os.path.exists(images_name)

if not os.path.exists(attrs_name):
    print("attributes not found, downloading...")
    os.system("wget http://www.cs.columbia.edu/CAVE/databases/pubfig/download/%s" %
attrs_name)
    print("done")

#read attrs
df_attrs = pd.read_csv("lfw_attributes.txt", sep='\t', skiprows=1,)
df_attrs = pd.DataFrame(df_attrs.iloc[:, :-1].values, columns = df_attrs.columns[1:])

#read photos
photo_ids = []
for dirpath, dirnames, filenames in os.walk(images_name):
    for fname in filenames:
        if fname.endswith(".jpg"):
            fpath = os.path.join(dirpath, fname)
            photo_id = fname[:-4].replace('_', ' ').split()
            person_id = ' '.join(photo_id[:-1])
            photo_number = int(photo_id[-1])
            photo_ids.append({'person':person_id, 'imagenum':photo_number, 'photo_path
':fpath})

photo_ids = pd.DataFrame(photo_ids)
# print(photo_ids)
#mass-merge
#(photos now have same order as attributes)
df = pd.merge(df_attrs, photo_ids, on=('person', 'imagenum'))

assert len(df)==len(df_attrs), "lost some data when merging dataframes"

# print(df.shape)
#image preprocessing
all_photos = df['photo_path'].apply(skimage.io.imread)\
                                .apply(lambda img:img[d:-d,d:-d])\
                                .apply(lambda img: resize(img, [dimx,dimy]))

all_photos = np.stack(all_photos.values)#.astype('uint8')
all_attrs = df.drop(["photo_path", "person", "imagenum"], axis=1)

return all_photos, all_attrs

```

In [6]:

```
data, attrs = fetch_dataset()
```

In [7]:

```
attrs.head()
```

Out[7]:

	Male	Asian	White	Black	Baby	Child	Youth	Middle Aged	Senior	Black Hair	Blond Hair	Brown Hair
0	1.56835	-1.88904	1.7372	-0.929729	-1.4718	-0.19558	-0.835609	-0.351468	-1.01253	-0.719593	-0.632401	0.46485
1	0.169851	0.982408	0.422709	-1.28218	1.36006	0.867002	-0.452293	-0.197521	0.956073	-0.802107	-0.736883	0.29451

2	0.997749	-1.36419	0.157377	0.756447	1.89183	0.871526	-0.862893	0.0314447	-1.34152	0.0900375	-1.20073	-0.3324
3	Male 1.12272	Asian -1.9978	White 1.91614	Black -2.51421	Baby 2.58007	Child -1.40424	Youth 0.0575511	Middle 0.00019582	Senior -1.27351	Black -1.43145	Blond 0.0705188	Brown 0.33924
4	1.07821	-2.0081	1.67621	-2.27806	2.65185	-1.34841	0.649089	0.0176564	-1.88911	-1.85721	-0.568057	0.84037

In [8]:

```
data = np.array(data, dtype='float32') # convert images to float32 type

dataset = torch.from_numpy(data)
dataset = dataset.transpose(1, 3) # reshape tensor dataset to shape Batch x Channels x Height x Width
```

In [9]:

```
dataset.shape
```

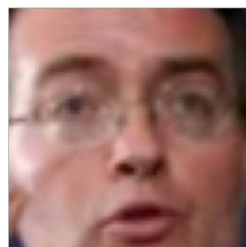
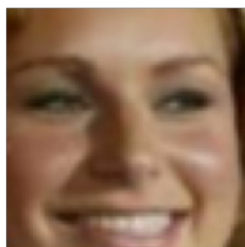
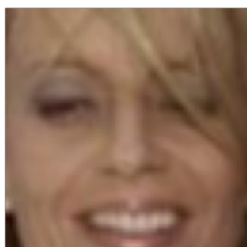
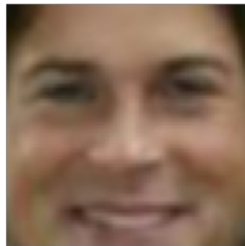
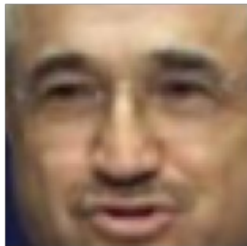
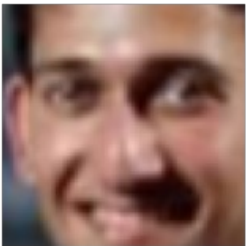
Out[9]:

```
torch.Size([13143, 3, 64, 64])
```

In [10]:

```
fig, axes = plt.subplots(2, 5, figsize=(16,8))

for ax in axes.flat:
    i = int(np.random.uniform(0, len(data) - 1))
    ax.imshow(dataset[i].transpose(0, 2).numpy())
    ax.axis('off')
```



Разбейте выборку картинок на **train** и **val**, выведите несколько картинок в **output**, чтобы посмотреть, как они выглядят, и приведите картинки к тензорам **pytorch**, чтобы можно было скормить их сети:

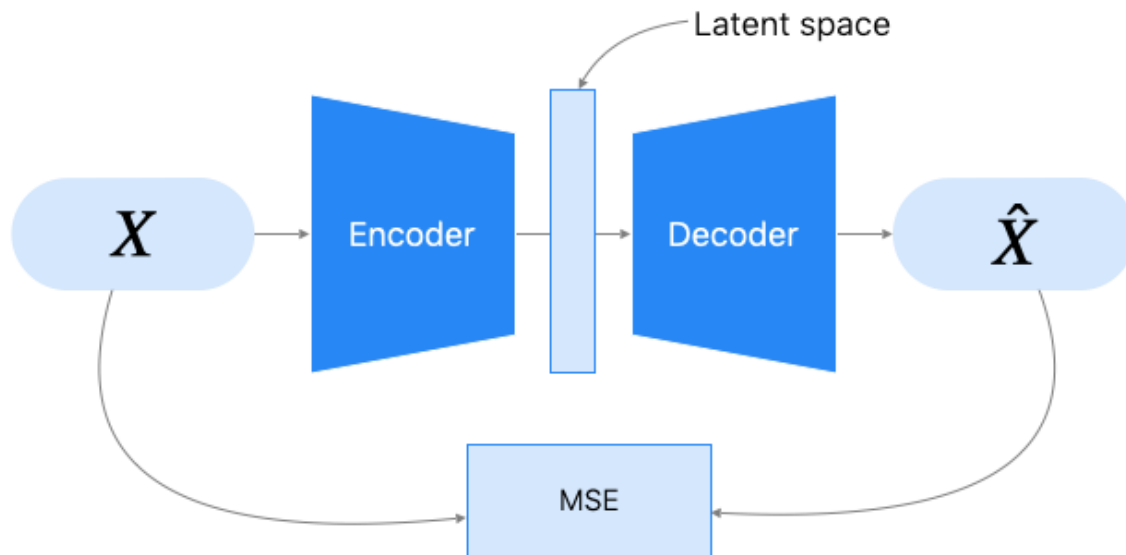
In [11]:

```
train_photos, test_photos = train_test_split(dataset, test_size=0.1)

train_dataloader = DataLoader(train_photos, batch_size=128, shuffle=True)
test_dataloader = DataLoader(test_photos, batch_size=128, shuffle=False)
```

1.2. Архитектура модели (1.5 балла)

В этом разделе мы напишем и обучим обычный автоэнкодер.



Реализуем **autoencoder**. Архитектуру (**conv, fully-connected, ReLu, etc**) можете выбрать сами. Экспериментируйте!

In [12]:

```
from torchsummary import summary
```

In [13]:

```
class ConvAutoencoder(nn.Module):
    def __init__(self, hidden):
        super().__init__()
        self.encoder = nn.Sequential(
            nn.Conv2d(in_channels=3, out_channels=16, kernel_size=3, stride=2, padding=1),
            nn.ReLU(),
            nn.Conv2d(in_channels=16, out_channels=32, kernel_size=3, stride=2, padding=1),
            nn.ReLU(),
            nn.Conv2d(in_channels=32, out_channels=128, kernel_size=5),
            nn.Flatten(),
            nn.Linear(18432, 4096),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(4096, 2048),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(2048, hidden)
        )
        self.decoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(hidden, 2048),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(2048, 4096),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(4096, 18432),
            nn.Unflatten(1, (128, 12, 12)),
            nn.ConvTranspose2d(128, 32, 5),
            nn.ReLU(),
            nn.ConvTranspose2d(32, 16, 3, 2, 1, output_padding=1),
            nn.ReLU(),
            nn.ConvTranspose2d(16, 3, 3, 2, 1, output_padding=1),
            nn.Sigmoid()
        )

    def encode(self, x):
        return self.encoder(x)

    def decode(self, z):
```

```

        return self.decoder(z)

def forward(self, x):
    return self.decoder(self.encoder(x))

```

In [14]:

```

class LinearAutoencoder(nn.Module):
    def __init__(self, input_size, hidden):
        super().__init__()
        self.encoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(input_size, 512),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(512, 256),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(256, 128),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(128, 64),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(64, hidden)
        )

        self.decoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(hidden, 64),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(64, 128),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(128, 256),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(256, 512),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(512, input_size)
        )

    def forward(self, x):
        shapes = x.shape
        x = x.view(x.size(0), -1)
        return self.decoder(self.encoder(x)).view(*shapes)

    def encode(self, x):
        x = x.view(x.size(0), -1)
        return self.encoder(x)

    def decode(self, x):
        x = x.view(x.size(0), -1)
        return self.decoder(x)

```

1.3 Обучение (2 балла)

Осталось написать код обучения автоэнкодера. При этом было бы неплохо в процессе иногда смотреть, как автоэнкодер реконструирует изображения на данном этапе обучения. Например, после каждой эпохи (прогона **train** выборки через автоэнкодер) можно смотреть, какие реконструкции получились для каких-то изображений **val** выборки.

А, ну еще было бы неплохо выводить графики **train** и **val** лоссов в процессе тренировки =)

Давайте посмотрим, как наш тренированный автоэнкодер кодирует и восстанавливает картинки:

In [15]:

```

gc.collect()
torch.cuda.empty_cache()

```

Linear Autoencoder

In [16]:

```

def train(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_dataloader, test_dataloader, scheduler
r=None):

    x_test = next(iter(test_dataloader))
    train_history, test_history = [], []

    for epoch in tqdm(range(epochs)):

        model.train()
        train_loss = 0

        for x in train_dataloader:

            optimizer.zero_grad()

            x = x.to(device)
            x_pred = model(x)

            loss = loss_fn(x_pred, x)
            loss.backward()

            optimizer.step()

            if scheduler is not None:
                scheduler.step()

            train_loss += loss.item()

        train_loss /= len(train_dataloader)

        train_history.append(train_loss)

        model.eval()

        x = x_test.to(device)

        x_pred = model(x)
        loss = loss_fn(x_pred, x)

        test_loss = loss.item()

        test_history.append(test_loss)

        x = x.cpu().data
        x_pred = x_pred.cpu().data

        clear_output(wait=True)

        fig, axes = plt.subplots(2, 10, figsize=(16,8))
        fig.suptitle(f'{epoch+1} / {epochs} - train_loss: {train_loss:.4f}, test_loss: {te
st_loss:.4f}')

        for ax in axes.flat:
            ax.set_xticks([]); ax.set_yticks([])
        for i, ax in enumerate(axes[0]):
            ax.imshow(x[i].transpose(0, 2).numpy())
            ax.set_title('Real')
        for i, ax in enumerate(axes[1]):
            ax.imshow(x_pred[i].transpose(0, 2).numpy())
            ax.set_title('Generated')

        plt.show()

    return train_history, test_history

```

In [17]:

```
epochs = 50
```

In [18]:

```
loss_fn = nn.MSELoss()

model = LinearAutoencoder(3*64*64, 16)
model = model.to(device)

optimizer = optim.AdamW(model.parameters(), lr=1e-3)
```

In [19]:

```
summary(model, input_size=(3, 64, 64))
```

```
-----
Layer (type)                Output Shape          Param #
=====
Linear-1                    [-1, 512]             6,291,968
ReLU-2                      [-1, 512]              0
Linear-3                    [-1, 256]             131,328
ReLU-4                      [-1, 256]              0
Linear-5                    [-1, 128]             32,896
ReLU-6                      [-1, 128]              0
Linear-7                    [-1, 64]              8,256
ReLU-8                      [-1, 64]              0
Linear-9                    [-1, 16]              1,040
Linear-10                   [-1, 64]              1,088
ReLU-11                     [-1, 64]              0
Linear-12                   [-1, 128]             8,320
ReLU-13                     [-1, 128]              0
Linear-14                   [-1, 256]             33,024
ReLU-15                     [-1, 256]              0
Linear-16                   [-1, 512]             131,584
ReLU-17                     [-1, 512]              0
Linear-18                   [-1, 12288]           6,303,744
=====
Total params: 12,943,248
Trainable params: 12,943,248
Non-trainable params: 0
-----
Input size (MB): 0.05
Forward/backward pass size (MB): 0.12
Params size (MB): 49.37
Estimated Total Size (MB): 49.54
-----
```

In [20]:

```
train_history, test_history = train(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_dataloader,
test_dataloader)
```

```
Clipping input data to the valid range for imshow with RGB data ([0..1] for floats or [0.
.255] for integers).
Clipping input data to the valid range for imshow with RGB data ([0..1] for floats or [0.
.255] for integers).
Clipping input data to the valid range for imshow with RGB data ([0..1] for floats or [0.
.255] for integers).
```

50 / 50 - train_loss: 0.0085, test_loss: 0.0087





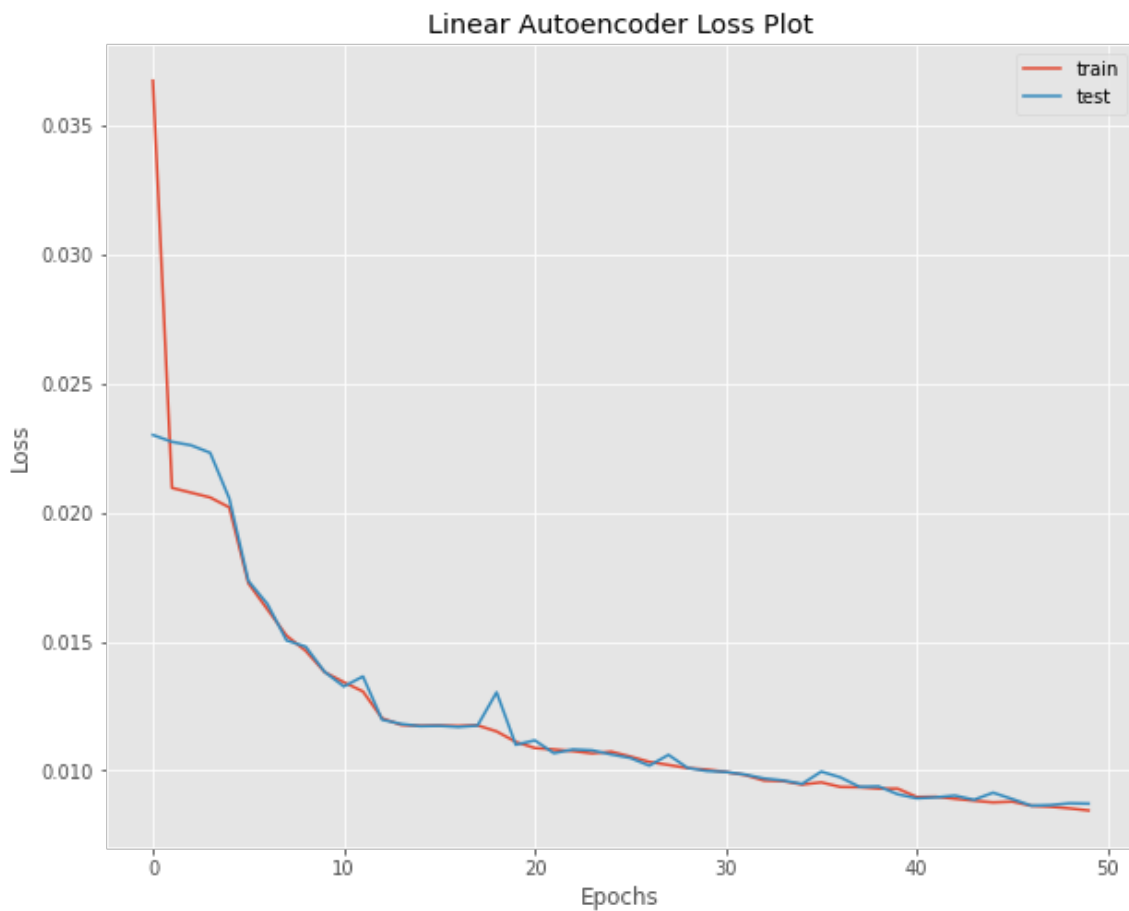
In [21]:

```
plt.figure(figsize=(10, 8))

plt.plot(range(epochs), train_history, label='train')
plt.plot(range(epochs), test_history, label='test')

plt.title('Linear Autoencoder Loss Plot')
plt.xlabel('Epochs')
plt.ylabel('Loss')

plt.legend()
plt.show()
```



Convolutional Autoencoder

In [22]:

```
gc.collect()
torch.cuda.empty_cache()
```

In [23]:

```
epochs = 20
```

In [24]:

```
model = ConvAutoencoder(16)
model = model.to(device)

optimizer = optim.AdamW(model.parameters(), lr=1e-3)
```

In [25]:

```
summary(model, input_size=(3, 64, 64))
```

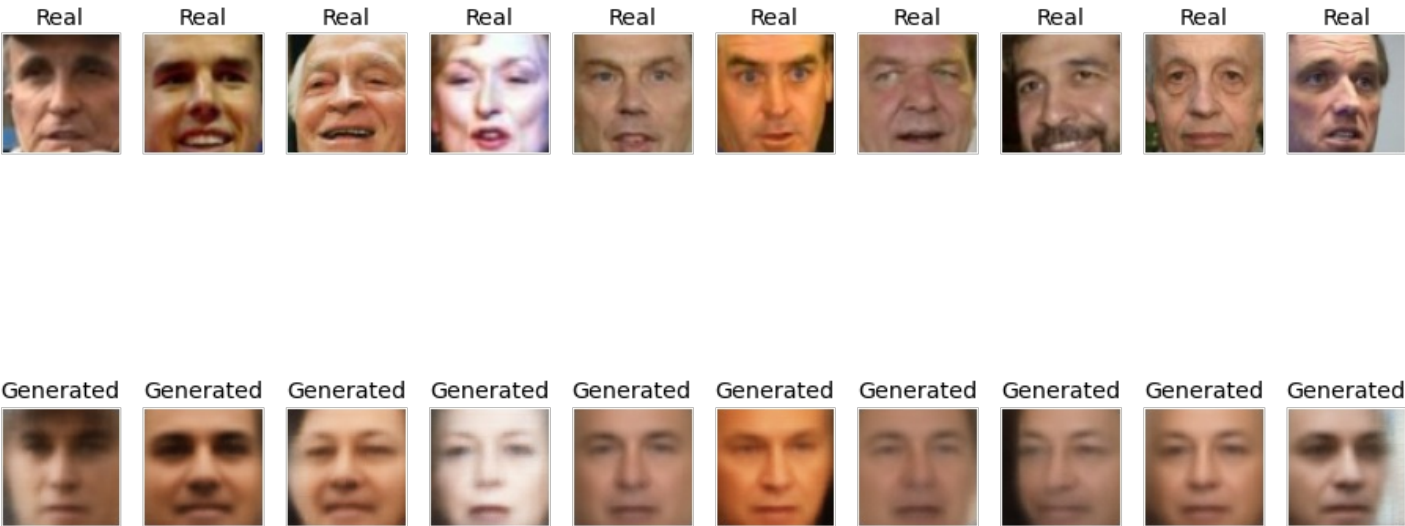
Layer (type)	Output Shape	Param #
Conv2d-1	[-1, 16, 32, 32]	448
ReLU-2	[-1, 16, 32, 32]	0
Conv2d-3	[-1, 32, 16, 16]	4,640
ReLU-4	[-1, 32, 16, 16]	0
Conv2d-5	[-1, 128, 12, 12]	102,528
Flatten-6	[-1, 18432]	0
Linear-7	[-1, 4096]	75,501,568
ReLU-8	[-1, 4096]	0
Linear-9	[-1, 2048]	8,390,656
ReLU-10	[-1, 2048]	0
Linear-11	[-1, 16]	32,784
Linear-12	[-1, 2048]	34,816
ReLU-13	[-1, 2048]	0
Linear-14	[-1, 4096]	8,392,704
ReLU-15	[-1, 4096]	0
Linear-16	[-1, 18432]	75,515,904
Unflatten-17	[-1, 128, 12, 12]	0
ConvTranspose2d-18	[-1, 32, 16, 16]	102,432
ReLU-19	[-1, 32, 16, 16]	0
ConvTranspose2d-20	[-1, 16, 32, 32]	4,624
ReLU-21	[-1, 16, 32, 32]	0
ConvTranspose2d-22	[-1, 3, 64, 64]	435
Sigmoid-23	[-1, 3, 64, 64]	0

=====
Total params: 168,083,539
Trainable params: 168,083,539
Non-trainable params: 0
=====
Input size (MB): 0.05
Forward/backward pass size (MB): 1.69
Params size (MB): 641.19
Estimated Total Size (MB): 642.92
=====

In [26]:

```
train_history, test_history = train(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_dataloader, test_dataloader)
```

20 / 20 - train_loss: 0.0069, test_loss: 0.0074



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



Generated



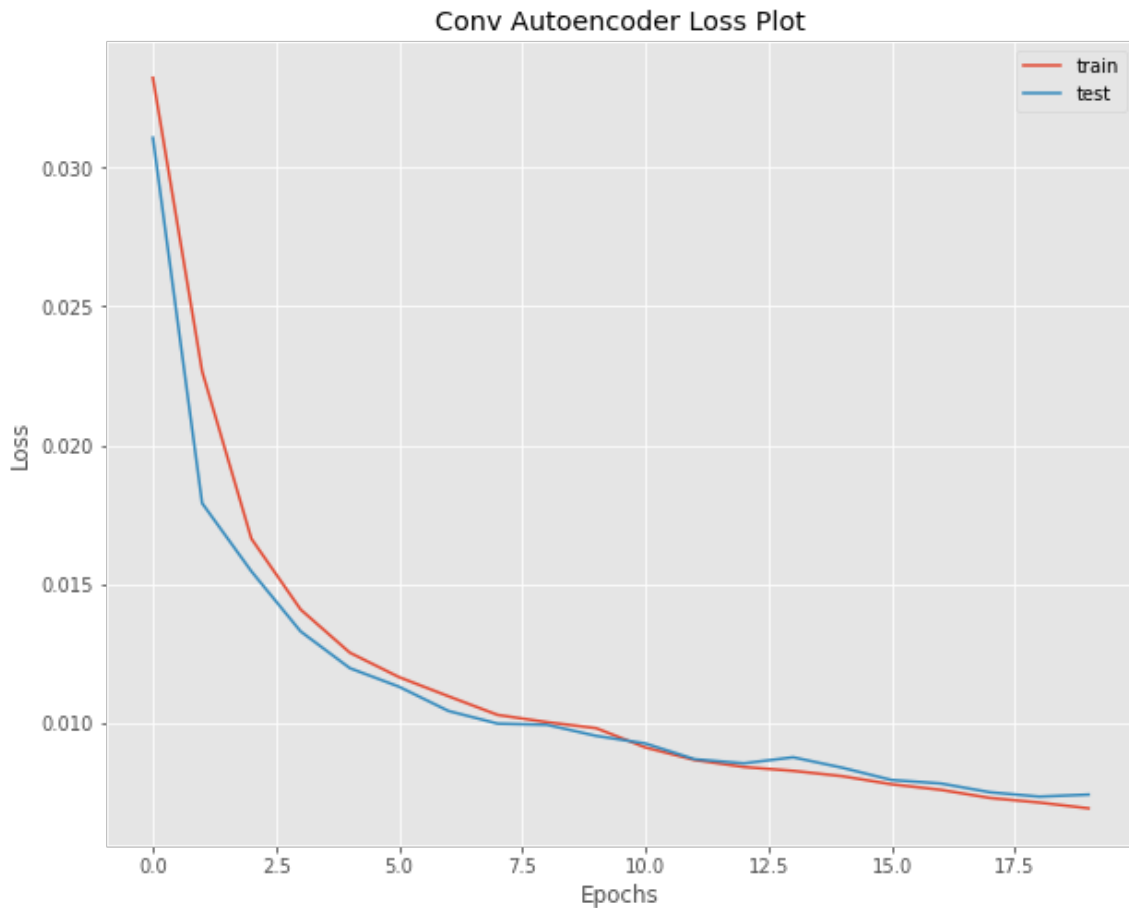
In [27]:

```
plt.figure(figsize=(10, 8))

plt.plot(range(epochs), train_history, label='train')
plt.plot(range(epochs), test_history, label='test')

plt.title('Conv Autoencoder Loss Plot')
plt.xlabel('Epochs')
plt.ylabel('Loss')

plt.legend()
plt.show()
```



1.4. Sampling (2 балла)

Давайте теперь будем не просто брать картинку, прогонять ее через автоэкодер и получать реконструкцию, а попробуем создать что-то НОВОЕ

Давайте возьмем и подсунем декодеру какие-нибудь сгенерированные нами векторы (например, из нормального распределения) и посмотрим на результат реконструкции декодера:

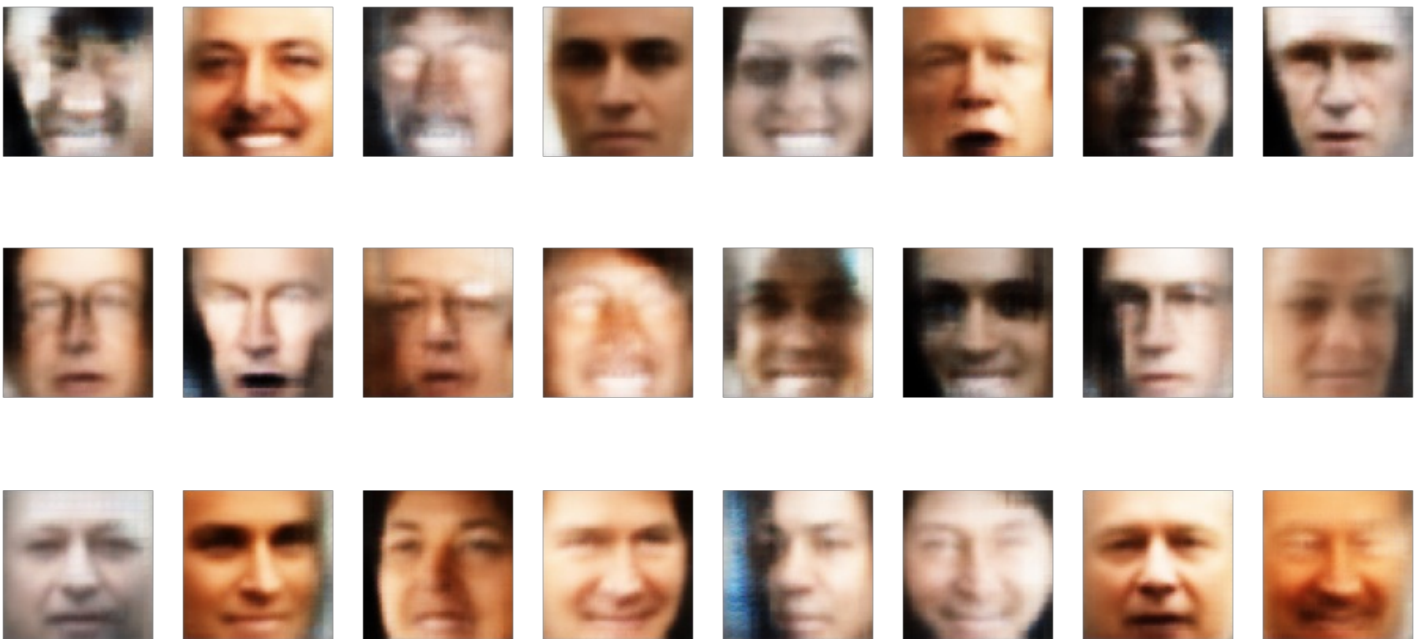
Подсказка: Если вместо лиц у вас выводится непонятно что, попробуйте посмотреть, как выглядят латентные векторы картинок из датасета. Так как в обучении нейронных сетей есть определенная доля рандома, векторы латентного слоя могут быть распределены НЕ как `np.random.randn(25, <latent_space_dim>)`. А чтобы у нас получались лица при записывании вектора декодеру, вектор должен быть распределен так же, как латентные векторы реальных фоток. Так что в таком случае придется рандом немного подогнать.

In [28]:

```
std_mu, std_sigma = 0, 1
z = std_mu + std_sigma * np.random.randn(24, 16)
z = torch.from_numpy(z.astype('float32')).to(device)
output = model.decode(z).detach().cpu().data

fig, axes = plt.subplots(3, 8, figsize=(16,8))
for i, ax in enumerate(axes.flat):
    ax.imshow(output[i].transpose(0,2).numpy())
```

```
ax.axis('off')
```



Time to make fun! (4 балла)

Давайте научимся пририсовывать людям улыбки =)

so linear

this is you when looking at the HW for the first time



this is you after all

План такой:

1. Нужно выделить "вектор улыбки": для этого нужно из выборки изображений найти несколько (~15) людей с улыбками и столько же без.

Найти людей с улыбками вам поможет файл с описанием датасета, скачанный вместе с датасетом. В нем указаны имена картинок и присутствующие атрибуты (улыбки, очки...)

1. Вычислить латентный вектор для всех улыбающихся людей (прогнать их через **encoder**) и то же для всех грустных людей
2. Вычислить, собственно, вектор улыбки -- посчитать разность между средним латентным вектором улыбающихся людей и средним латентным вектором грустных людей
3. А теперь приделаем улыбку грустному человеку: добавим полученный в пункте 2 вектор к латентному вектору грустного человека и прогоним полученный вектор через **decoder**. Получим того же человека, но уже не грустненького!

In [29]:

```
attrs.head()
```

Out[29]:

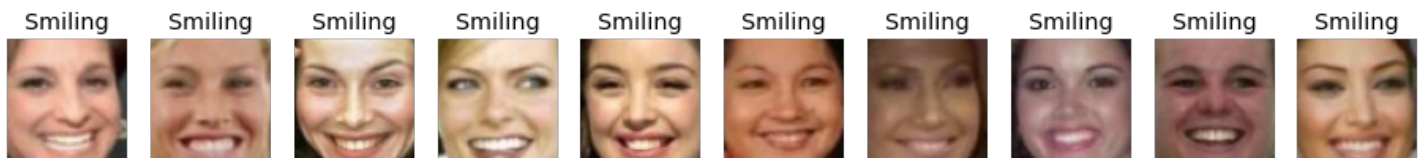
	Male	Asian	White	Black	Baby	Child	Youth	Middle Aged	Senior	Black Hair	Blond Hair	Brown Hair
0	1.56835	-1.88904	1.7372	0.929729	-1.4718	-0.19558	-0.835609	-0.351468	-1.01253	-0.719593	-0.632401	0.46485
1	0.169851	0.982408	0.422709	-1.28218	1.36006	0.867002	-0.452293	-0.197521	0.956073	-0.802107	-0.736883	0.29451
2	0.997749	-1.36419	0.157377	0.756447	1.89183	0.871526	-0.862893	0.0314447	-1.34152	0.0900375	-1.20073	-0.3324
3	1.12272	-1.9978	1.91614	-2.51421	2.58007	-1.40424	0.0575511	0.000195882	-1.27351	-1.43146	0.0705188	0.3392
4	1.07821	-2.0081	1.67621	-2.27806	2.65185	-1.34841	0.649089	0.0176564	-1.88911	-1.85721	-0.568057	0.8403

In [30]:

```
def get_top_faces_by_category(df: pd.DataFrame, attribute: str, n: int=20):  
    filtered_df = df.sort_values(by=attribute, ascending=False)[attribute]  
    return filtered_df[:n].index.tolist()  
  
def show_faces_by_category(category: str, n: int=20):  
    faces = get_top_faces_by_category(attrs, category, n=n)  
    fig, axes = plt.subplots(1, 10, figsize=(16,8))  
  
    for ax, im in zip(axes.flat, dataset[faces]):  
        ax.imshow(im.transpose(0,2).numpy())  
        ax.set_title(category)  
        ax.axis('off')  
  
    plt.show()  
  
def transform_faces_by_category(source_category: str, target_category: str, n: int=15):  
    source_faces = get_top_faces_by_category(attrs, source_category, n=n)  
    target_faces = get_top_faces_by_category(attrs, target_category, n=n)  
  
    source_encoded = model.encode(dataset[source_faces].to(device))  
    target_encoded = model.encode(dataset[target_faces].to(device))  
  
    diff_vector = target_encoded.mean(axis=0) - source_encoded.mean(axis=0)  
  
    result = model.decode((source_encoded + diff_vector))  
    result.to(device)  
    result = result.detach().cpu().data  
  
    source = dataset[source_faces]  
  
    fig, axes = plt.subplots(2, 10, figsize=(16, 8))  
  
    for ax in axes.flat:  
        for i, ax in enumerate(axes[0]):  
            ax.imshow(source[i].transpose(0,2).numpy())  
            ax.axis('off')  
            ax.set_title('Original')  
        for i, ax in enumerate(axes[1]):  
            ax.imshow(result[i].transpose(0,2).numpy())  
            ax.axis('off')  
            ax.set_title('Transformed')
```

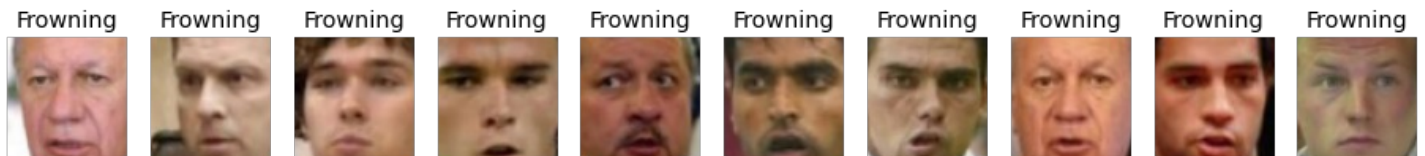
In [31]:

```
show_faces_by_category('Smiling')
```



In [32]:

```
show_faces_by_category('Frowning')
```



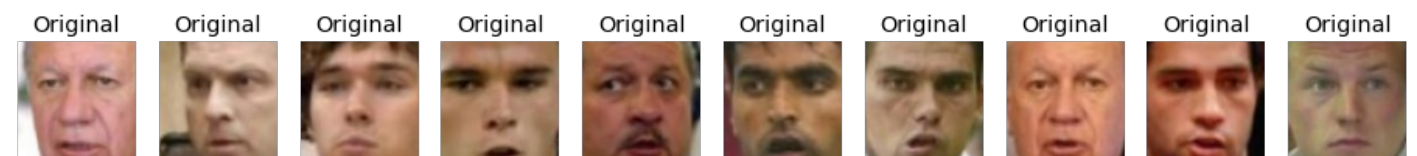
In [33]:

```
show_faces_by_category('Sunglasses')
```



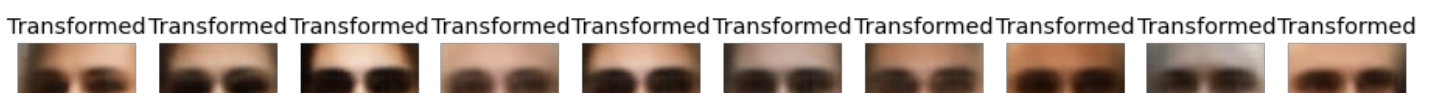
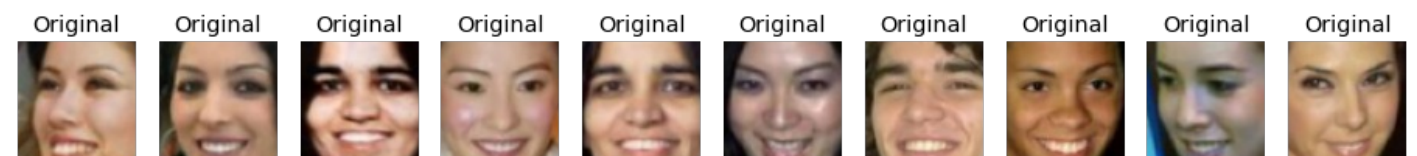
In [34]:

```
transform_faces_by_category('Frowning', 'Smiling', n=30)
```



In [35]:

```
transform_faces_by_category('Youth', 'Sunglasses', n=30)
```





Часть 2: Variational Autoencoder (10 баллов)

Займемся обучением вариационных автоэнкодеров — проапгрейженной версии **AE**. Обучать будем на датасете **MNIST**, содержащем написанные от руки цифры от 0 до 9

In [36]:

```
batch_size = 64

# MNIST Dataset
train_dataset = datasets.MNIST(root='./mnist_data/', train=True, transform=transforms.ToTensor(), download=True)
test_dataset = datasets.MNIST(root='./mnist_data/', train=False, transform=transforms.ToTensor(), download=False)

# Data Loader (Input Pipeline)
train_dataloader = torch.utils.data.DataLoader(dataset=train_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=True)
test_dataloader = torch.utils.data.DataLoader(dataset=test_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=False)
```

2.1 Архитектура модели и обучение (2 балла)

Реализуем **VAE**. Архитектуру (**conv**, **fully-connected**, **ReLU**, etc) можете выбирать сами. Рекомендуем пользоваться более сложными моделями, чем та, что была на семинаре:) Экспериментируйте!

In [37]:

```
def OneHotEncoder(idx, n):
    if idx.dim() == 1:
        idx = idx.unsqueeze(1)
    onehot = torch.zeros(idx.size(0), n).to(idx.device)
    onehot.scatter_(1, idx, 1)
    return onehot

class Encoder(nn.Module):

    def __init__(self, conditional):

        super().__init__()
        self.conditional = conditional
        s0 = 28*28+10 if conditional else 28*28

        self.encoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(s0, 512),
            nn.BatchNorm1d(512),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(512, 256),
            nn.BatchNorm1d(256),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(256, 128),
            nn.BatchNorm1d(128),
            nn.ReLU()
        )

        self.linear_means = nn.Linear(128, 16)
        self.linear_log_var = nn.Linear(128, 16)

    def forward(self, x, c):
        if self.conditional:
            c = OneHotEncoder(c, n=10)
            x = torch.cat((x, c), dim=-1)
        x = self.encoder(x)
```

```

        means = self.linear_means(x)
        log_vars = self.linear_log_var(x)
        return means, log_vars

class Decoder(nn.Module):

    def __init__(self, conditional):

        super().__init__()
        self.conditional = conditional
        s0 = 16+10 if conditional else 16

        self.decoder = nn.Sequential(
            nn.Linear(s0, 256),
            nn.BatchNorm1d(256),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(256, 512),
            nn.BatchNorm1d(512),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(512, 28*28),
            nn.Sigmoid()
        )

    def forward(self, z, c):
        if self.conditional:
            c = OneHotEncoder(c, n=10)
            z = torch.cat((z, c), dim=-1)
        x = self.decoder(z)
        return x

class LinearVAE(nn.Module):

    def __init__(self, conditional=False):

        super().__init__()

        self.encoder = Encoder(conditional)
        self.decoder = Decoder(conditional)

    def reparameterize(self, mu, log_var):
        """
        :param mu: mean from the encoder's latent space
        :param log_var: log variance from the encoder's latent space
        """
        std = torch.exp(0.5 * log_var) # standard deviation
        eps = torch.randn_like(std) # `randn_like` as we need the same size
        sample = mu + (eps * std) # sampling as if coming from the input space
        return sample

    def encode(self, x, c=None):
        x = x.view(-1, 28*28)
        means, log_var = self.encoder(x, c)
        z = self.reparameterize(means, log_var)
        return means, log_var, z

    def decode(self, z, c=None):
        recon_x = self.decoder(z, c)
        recon_x = recon_x.view(-1, 1, 28, 28)
        return recon_x

    def forward(self, x, c=None):
        means, log_var, z = self.encode(x, c)
        recon_x = self.decode(z, c)
        return recon_x, means, log_var, z

```

Определим лосс и его компоненты для **VAE**:

Надеюсь, вы уже прочитали материал в **towardsdatascience** (или еще где-то) про **VAE** и знаете, что лосс у **VAE** состоит из двух частей: **KL** и **log-likelihood**.

Общий лосс будет выглядеть так:

Общий loss будет выглядеть так:

$$\mathcal{L} = -D_{KL}(q_{\phi}(z|x) || p(z)) + \log p_{\theta}(x|z)$$

Формула для **KL**-дивергенции:

$$D_{KL} = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{dimZ} (1 + \log(\sigma_i^2) - \mu_i^2 - \sigma_i^2)$$

В качестве **log-likelihood** возьмем привычную нам кросс-энтропию.

In [38]:

```
def loss_vae(reconstructed, x, mu, log_var):  
  
    BCE = torch.nn.functional.binary_cross_entropy(reconstructed.view(-1, 28*28), x.view(-1, 28*28), reduction='sum')  
    KL = -0.5 * torch.sum(1 + log_var - mu.pow(2) - log_var.exp())  
  
    return BCE + KL
```

И обучим модель:

In [39]:

```
gc.collect()  
torch.cuda.empty_cache()
```

In [40]:

```
loss_fn = loss_vae  
  
model = LinearVAE()  
model.to(device)  
  
optimizer = optim.AdamW(model.parameters(), lr=1e-3, weight_decay=1e-5)
```

In [41]:

```
epochs = 50
```

In [42]:

```
summary(model, input_size=(3, 28, 28))
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
=====		
Linear-1	[-1, 512]	401,920
BatchNorm1d-2	[-1, 512]	1,024
ReLU-3	[-1, 512]	0
Linear-4	[-1, 256]	131,328
BatchNorm1d-5	[-1, 256]	512
ReLU-6	[-1, 256]	0
Linear-7	[-1, 128]	32,896
BatchNorm1d-8	[-1, 128]	256
ReLU-9	[-1, 128]	0
Linear-10	[-1, 16]	2,064
Linear-11	[-1, 16]	2,064
Encoder-12	[[-1, 16], [-1, 16]]	0
Linear-13	[-1, 256]	4,352
BatchNorm1d-14	[-1, 256]	512
ReLU-15	[-1, 256]	0

Linear-16	[-1, 512]	131,584
BatchNorm1d-17	[-1, 512]	1,024
ReLU-18	[-1, 512]	0
Linear-19	[-1, 784]	402,192
Sigmoid-20	[-1, 784]	0
Decoder-21	[-1, 784]	0

```

=====
Total params: 1,111,728
Trainable params: 1,111,728
Non-trainable params: 0
-----

```

```

Input size (MB): 0.01
Forward/backward pass size (MB): 0.05
Params size (MB): 4.24
Estimated Total Size (MB): 4.30
-----

```

In [43]:

```

def train_vae(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_dataloader, test_dataloader, scheduler=None):

    x_test, y_test = next(iter(test_dataloader))
    train_history, test_history = [], []

    for epoch in tqdm(range(epochs)):

        model.train()
        train_loss = 0

        for x, y in train_dataloader:

            optimizer.zero_grad()

            x = x.to(device)
            y = y.to(device)

            reconstructed, mean, log_var, z = model(x, y)

            loss = loss_fn(reconstructed, x, mean, log_var)
            loss.backward()

            optimizer.step()

            if scheduler is not None:
                scheduler.step()

            train_loss += loss.item()

        train_loss /= len(train_dataloader)

        train_history.append(train_loss)

        model.eval()

        x, y = x_test, y_test

        x = x.to(device)
        y = y.to(device)

        reconstructed, mean, log_var, z = model(x, y)
        loss = loss_fn(reconstructed, x, mean, log_var)
        test_loss = loss.item()

        test_history.append(test_loss)

        x = x.cpu().detach().data
        reconstructed = reconstructed.cpu().detach().data

    clear_output(wait=True)

```

```

fig, axes = plt.subplots(2, 10, figsize=(16,8))
fig.suptitle(f'{epoch+1} / {epochs} - train_loss: {train_loss:.4f}, test_loss: {test_loss:.4f}')

for ax in axes.flat:
    ax.set_xticks([]); ax.set_yticks([])

for i, ax in enumerate(axes[0]):
    ax.imshow(x[i].reshape((28,28)), cmap='gray')
    ax.set_title('Real')
for i, ax in enumerate(axes[1]):
    ax.imshow(reconstructed[i].reshape((28,28)), cmap='gray')
    ax.set_title('VAE')

plt.show()

return train_history, test_history

```

Давайте посмотрим, как наш тренированный **VAE** кодирует и восстанавливает картинки:

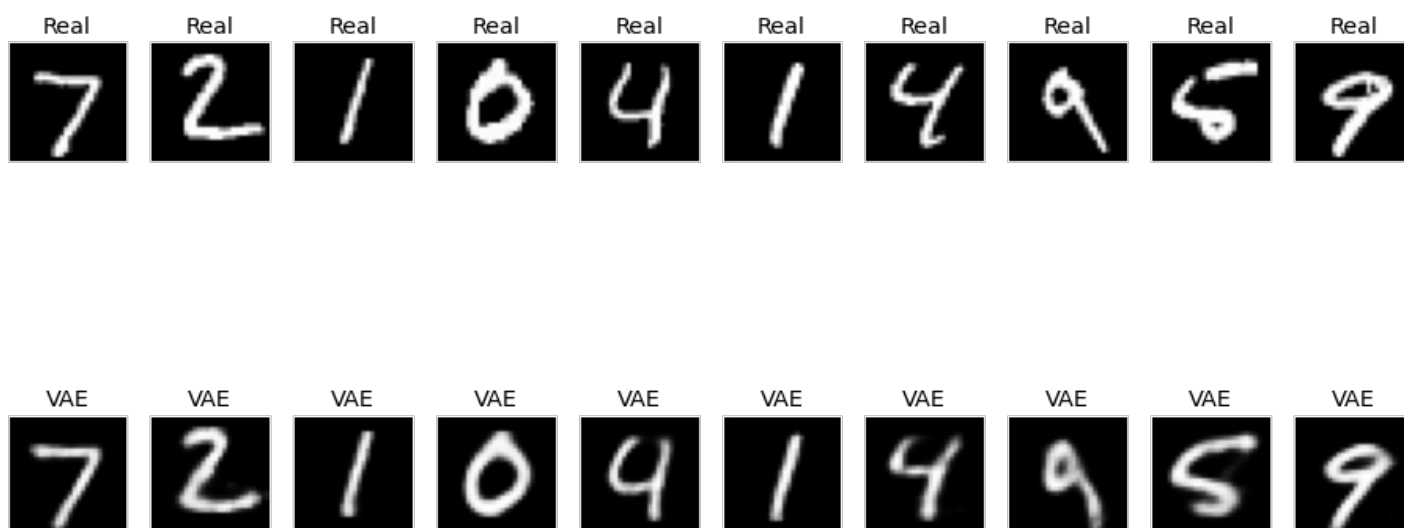
In [44]:

```

train_history, test_history = train_vae(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_data_loader, test_data_loader)

```

50 / 50 - train_loss: 6426.5516, test_loss: 6072.4551



In [45]:

```

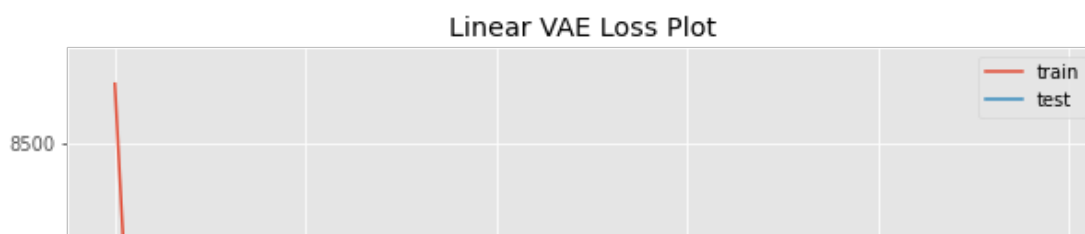
plt.figure(figsize=(10, 8))

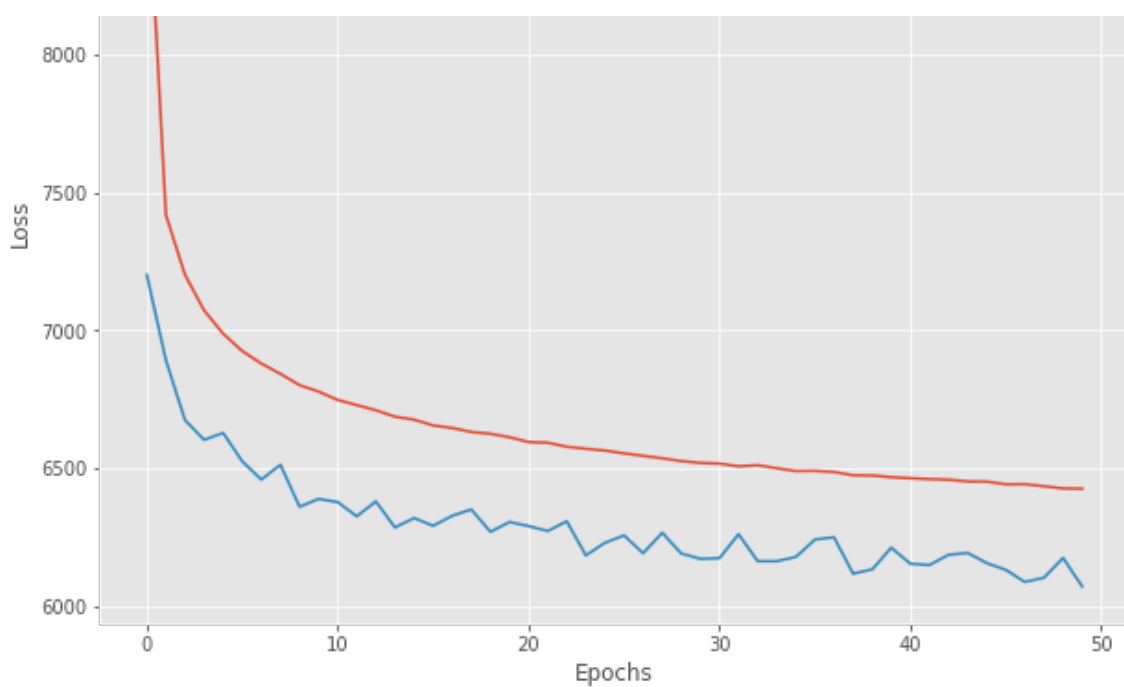
plt.plot(range(epochs), train_history, label='train')
plt.plot(range(epochs), test_history, label='test')

plt.title('Linear VAE Loss Plot')
plt.xlabel('Epochs')
plt.ylabel('Loss')

plt.legend()
plt.show()

```



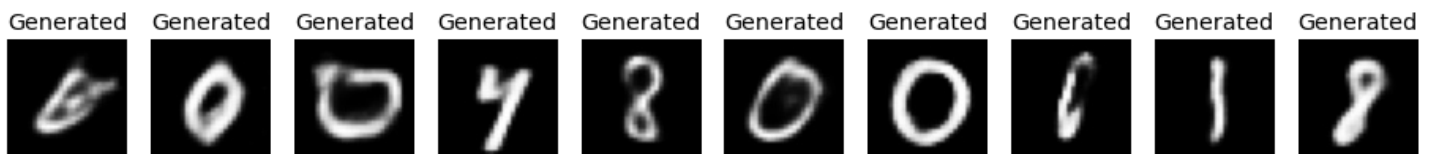
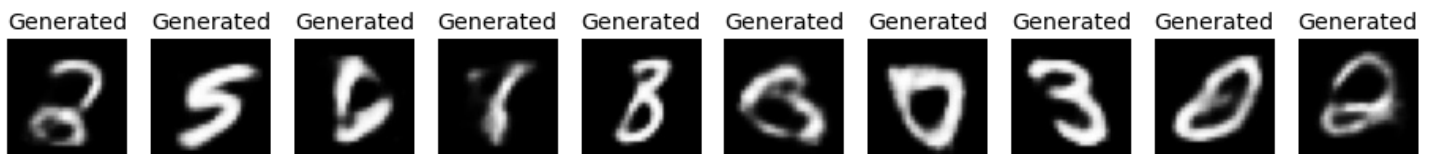


Давайте попробуем проделать для **VAE** то же, что и с обычным автоэнкодером -- подсунуть **decoder**'у из **VAE** случайные векторы из нормального распределения и посмотреть, какие картинки получаются:

In [46]:

```
std_mu, std_sigma = 0, 1
z = std_mu + std_sigma * np.random.randn(24, 16)
z = torch.from_numpy(z.astype('float32')).to(device)
output = model.decode(z).detach().cpu().data

fig, axes = plt.subplots(2, 10, figsize=(16,8))
for i, ax in enumerate(axes.flat):
    ax.imshow(output[i].reshape((28,28)), cmap='gray')
    ax.set_title('Generated')
    ax.axis('off')
```



In [47]:

```
import torchvision

model.eval()

def show_image(img):
    npimg = img.numpy()
    plt.imshow(np.transpose(npimg, (1, 2, 0)))

with torch.no_grad():
    # sample latent vectors from the normal distribution
```

```
latent = torch.randn(128, 16, device=device)

# reconstruct images from the latent vectors
image_reconstructed = model.decode(latent)
image_reconstructed = image_reconstructed.cpu().detach().data

fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 10))
ax.axis('off')
show_image(torchvision.utils.make_grid(image_reconstructed.data[:100], 10, 5))
plt.show()
```



2.2. Latent Representation (2 балла)

Давайте посмотрим, как латентные векторы картинок лиц выглядят в пространстве. Ваша задача -- изобразить латентные векторы картинок точками в двумерном пространстве.

Это позволит оценить, насколько плотно распределены латентные векторы изображений цифр в пространстве.

Плюс давайте сделаем такую вещь: покрасим точки, которые соответствуют картинкам каждой цифры, в свой отдельный цвет

Подсказка: красить -- это просто =) У **plt.scatter** есть параметр **c (color)**, см. в документации.

Итак, план:

1. Получить латентные представления картинок тестового датасета
2. С помощью **TSNE** (есть в **sklearn**) сжать эти представления до размерности **2** (чтобы можно было их визуализировать точками в пространстве)
3. Визуализировать полученные двумерные представления с помощью **matplotlib.scatter**, покрасить разными цветами точки, соответствующие картинкам разных цифр.

In [48]:

```
%%time
```

```
from sklearn.manifold import TSNE

z = []

loader = DataLoader(dataset=test_dataset, batch_size=128, shuffle=False)

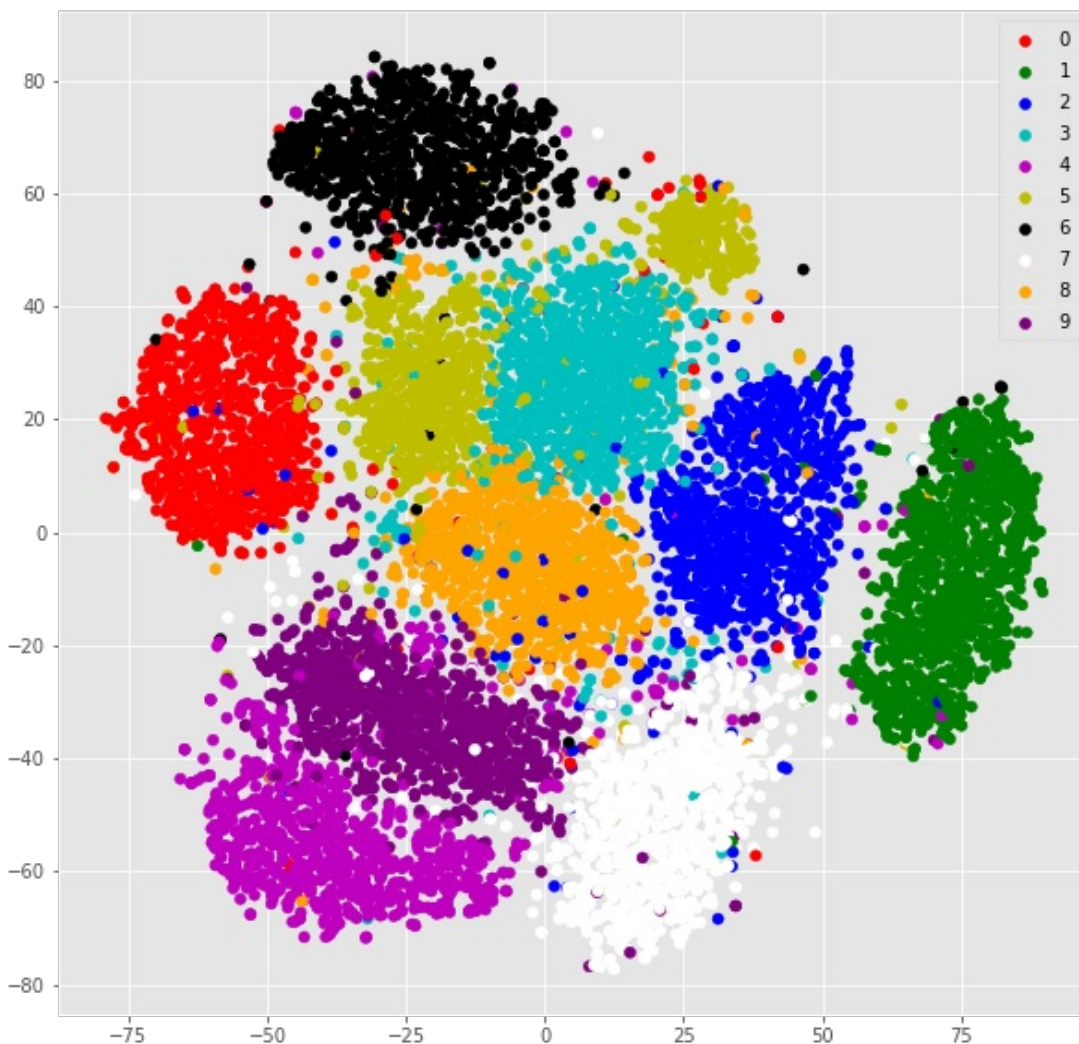
for x, y in loader:
    x, y = x.to(device), y.to(device)
    z.append(model.encode(x, y)[2])

z = torch.cat(z).detach().cpu().data

tsne = TSNE(n_components=2, random_state=42)
coords = tsne.fit_transform(z)
labels = test_dataset.targets.tolist()

colors = ['r', 'g', 'b', 'c', 'm', 'y', 'k', 'w', 'orange', 'purple']

plt.figure(figsize=(10,10))
scatter = plt.scatter(coords[:,0], coords[:,1], c=labels, cmap=matplotlib.colors.ListedC
olormap(colors))
plt.legend(*scatter.legend_elements())
plt.show()
```



CPU times: user 1min 28s, sys: 315 ms, total: 1min 29s
Wall time: 1min 28s

Сразу же становятся видны разделимые кластеры чисел от 0 до 9

2.3. Conditional VAE (6 баллов)

Мы уже научились обучать обычный **AE** на датасете картинок и получать новые картинки, используя генерацию

шума и декодер. давайте теперь допустим, что мы обучили **AE** на датасете **MINIST** и теперь хотим генерировать новые картинки с числами с помощью декодера (как выше мы генерили случайные лица). И вот нам понадобилось сгенерировать цифру **8**, и мы подставляем разные варианты шума, но восьмерка никак не генерится:)

Хотелось бы добавить к нашему **AE** функцию "выдай мне случайное число из вот этого вот класса", где классов десять (цифры от **0** до **9** образуют десять классов). **Conditional AE** — так называется вид автоэнкодера, который предоставляет такую возможность. Ну, название "**conditional**" уже говорит само за себя.

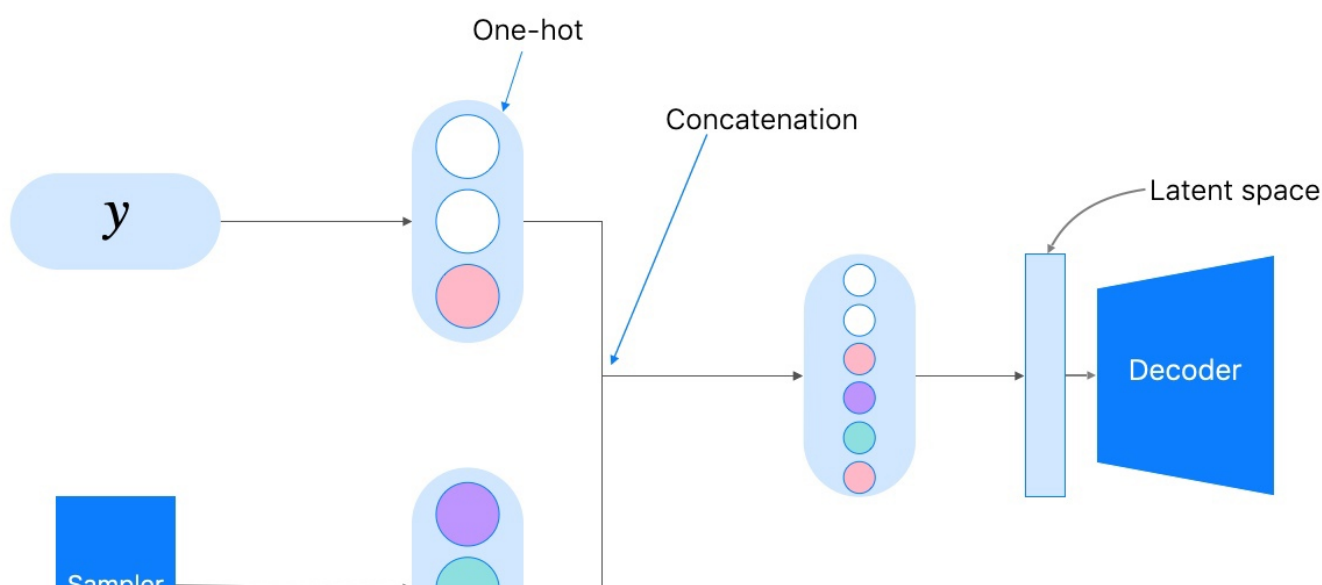
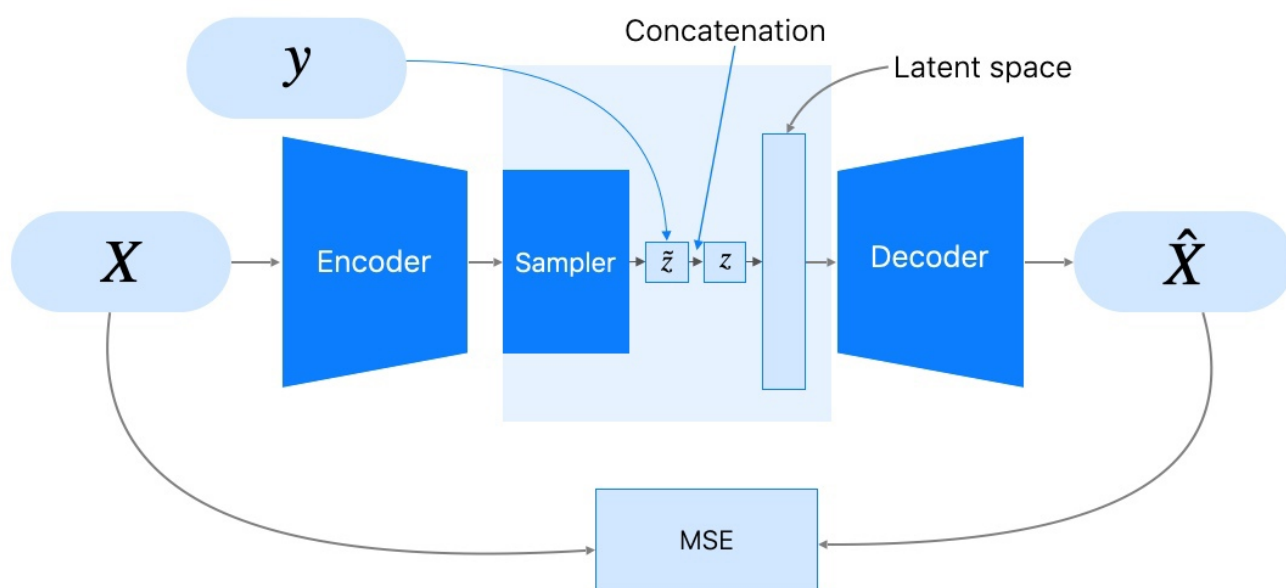
И в этой части задания мы научимся такие обучать.

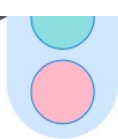
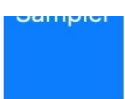
Архитектура

На картинке ниже представлена архитектура простого **Conditional VAE**.

По сути, единственное отличие от обычного -- это то, что мы вместе с картинкой в первом слое энкодера и декодера передаем еще информацию о классе картинки.

То есть, в первый (входной) слой энкодера подается конкатенация картинки и информации о классе (например, вектора из девяти нулей и одной единицы). В первый слой декодера подается конкатенация латентного вектора и информации о классе.





На всякий случай: это **VAE**, то есть, **latent** у него все еще состоит из **mu** и **sigma**

Таким образом, при генерации новой случайной картинки мы должны будем передать декодеру сконкатенированные латентный вектор и класс картинки.

P.S. Также можно передавать класс картинки не только в первый слой, но и в каждый слой сети. То есть на каждом слое конкатенировать выход из предыдущего слоя и информацию о классе.

In [49]:

```
gc.collect()
torch.cuda.empty_cache()
```

In [50]:

```
loss_fn = loss_vae

model = LinearVAE(conditional=True)
model.to(device)

optimizer = optim.AdamW(model.parameters(), lr=1e-3, weight_decay=1e-5)
```

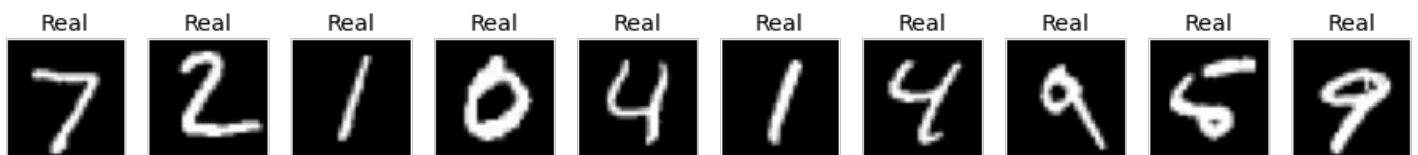
In [51]:

```
epochs=50
```

In [52]:

```
train_history, test_history = train_vae(model, optimizer, loss_fn, epochs, train_dataloader, test_dataloader)
```

50 / 50 - train_loss: 6123.2880, test_loss: 5781.7871



In [53]:

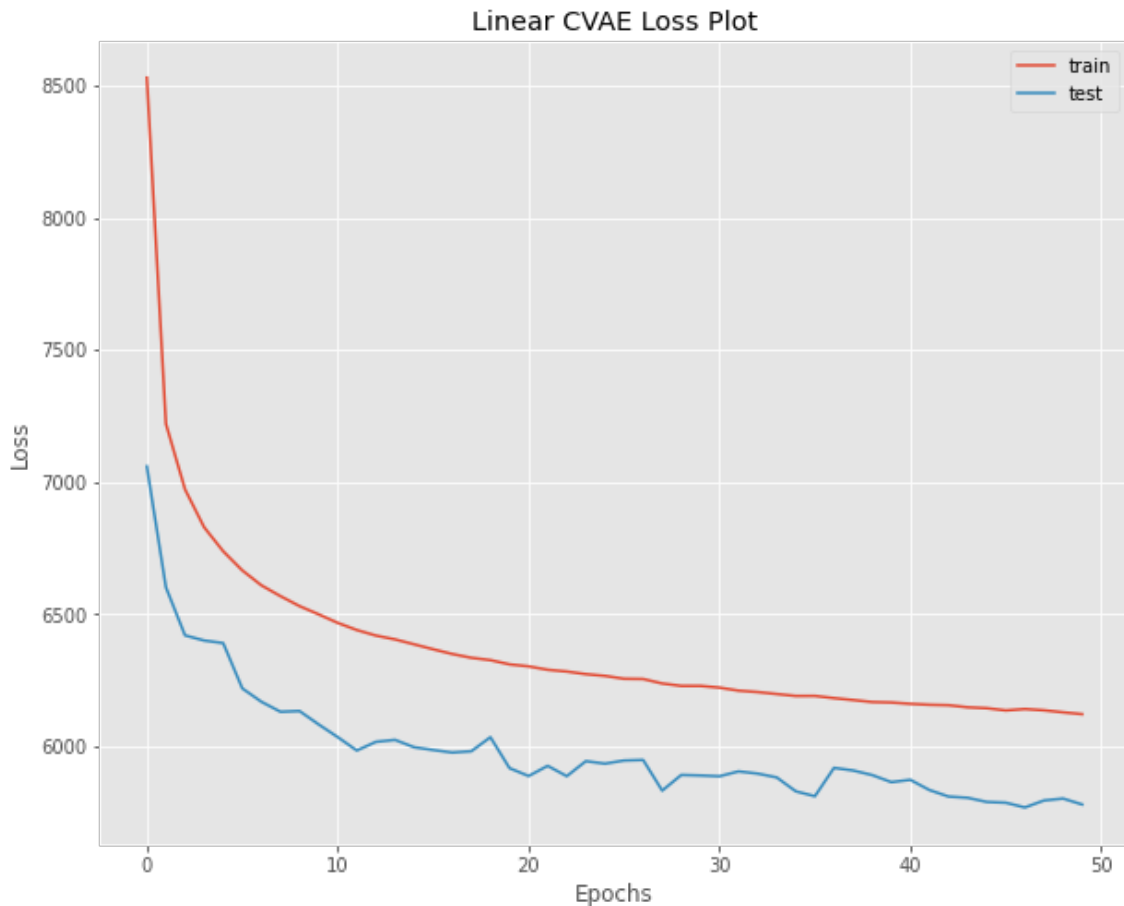
```
plt.figure(figsize=(10, 8))

plt.plot(range(epochs), train_history, label='train')
plt.plot(range(epochs), test_history, label='test')
```



```
plt.title('Linear CVAE Loss Plot')
plt.xlabel('Epochs')
plt.ylabel('Loss')
```

```
plt.legend()
plt.show()
```



Sampling

Тут мы будем сэмплировать из **CVAE**. Это прикольное, чем сэмплировать из простого **AE/VAE**: тут можно взять один и тот же латентный вектор и попросить **CVAE** восстановить из него картинки разных классов! Для **MNIST** вы можете попросить **CVAE** восстановить из одного латентного вектора, например, картинки цифры **5** и **7**.

In [54]:

```
std_mu, std_sigma = 0, 1
z = std_mu + std_sigma * np.random.randn(20, 16)
z = torch.from_numpy(z.astype('float32')).to(device)
condition = torch.ones((), dtype=torch.int64).new_full((20,), 5).to(device)

output = model.decode(z, condition).detach().cpu().data

fig, axes = plt.subplots(2, 10, figsize=(16,8))
for i, ax in enumerate(axes.flat):
    ax.imshow(output[i].reshape((28,28)), cmap='gray')
    ax.set_title('Generated')
    ax.axis('off')
```





In [55]:

```
import torchvision

model.eval()

def show_image(img):
    npimg = img.numpy()
    plt.imshow(np.transpose(npimg, (1, 2, 0)))

with torch.no_grad():

    # sample latent vectors from the normal distribution
    latent = torch.randn(128, 16, device=device)

    # reconstruct images from the latent vectors
    condition = torch.ones((), dtype=torch.int64).new_full((128,), 5).to(device)
    image_reconstructed = model.decode(latent, condition)
    image_reconstructed = image_reconstructed.cpu().detach().data

    fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 10))
    ax.axis('off')
    show_image(torchvision.utils.make_grid(image_reconstructed.data[:100], 10, 5))
    plt.show()
```



Splendid! Вы великолепны!

Latent Representations

Давайте посмотрим, как выглядит латентное пространство картинок в **CVAE** и сравним с картинкой для **VAE** =)

Опять же, нужно покрасить точки в разные цвета в зависимости от класса.

In [56]:

```
%%time

from sklearn.manifold import TSNE

z = []

loader = DataLoader(dataset=test_dataset, batch_size=128, shuffle=False)

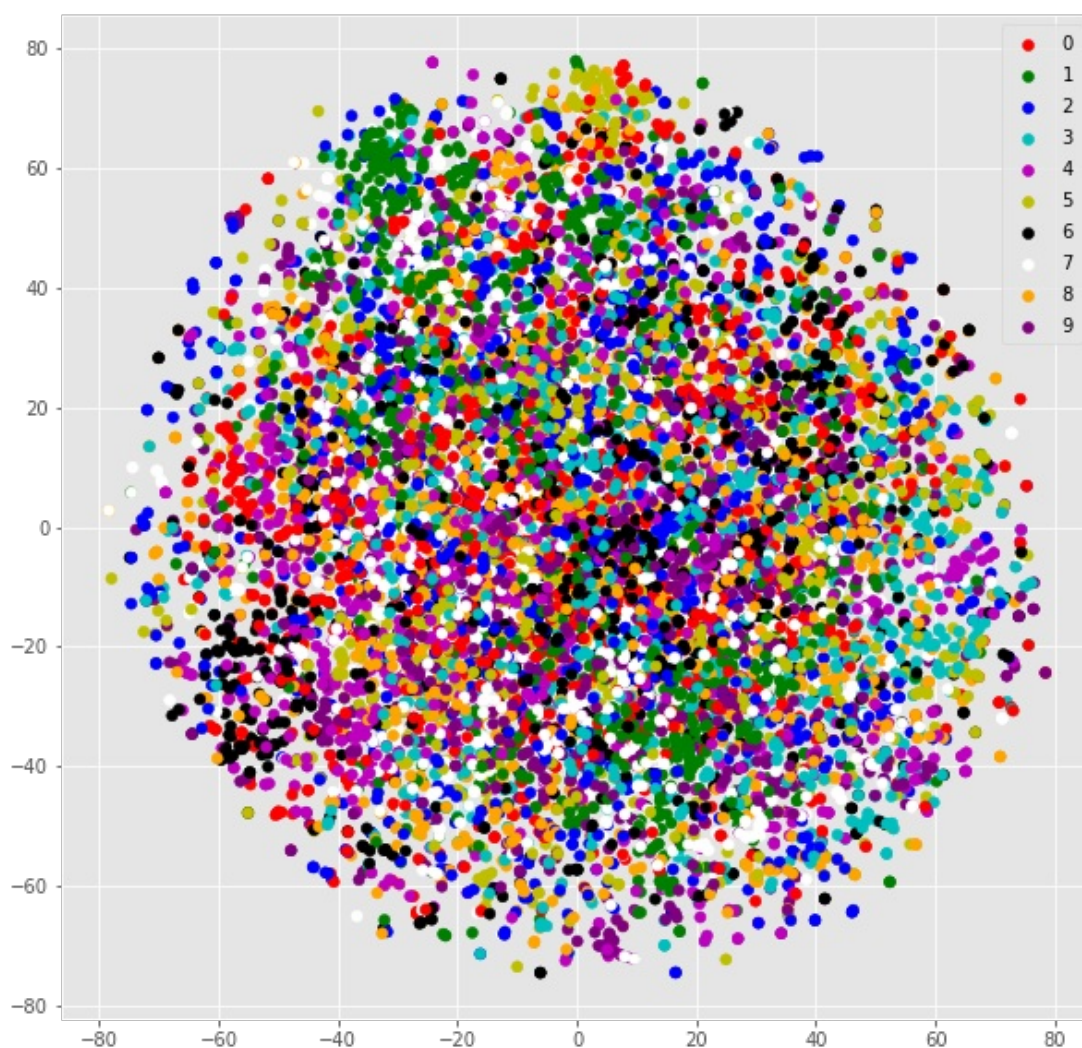
for x, y in loader:
    x, y = x.to(device), y.to(device)
    z.append(model.encode(x, y)[2])

z = torch.cat(z).detach().cpu().data

tsne = TSNE(n_components=2, random_state=42)
coords = tsne.fit_transform(z)
labels = test_dataset.targets.tolist()

colors = ['r', 'g', 'b', 'c', 'm', 'y', 'k', 'w', 'orange', 'purple']

plt.figure(figsize=(10,10))
scatter = plt.scatter(coords[:,0], coords[:,1], c=labels, cmap=matplotlib.colors.ListedColormap(colors))
plt.legend(*scatter.legend_elements())
plt.show()
```



CPU times: user 1min 30s, sys: 261 ms, total: 1min 30s

Wall time: 1min 30s

