## AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA

Wydział Informatyki, Elektroniki i Telekomunikacji Kierunek Informatyka



### ALGORYTMY GEOMETRYCZNE

# Laboratorium 3

Triangulacja

Kyrylo Iakymenko

#### 1 Wprowadzenie

Triangulacja wielokątów monotonicznych stanowi istotny obszar w dziedzinie geometrii obliczeniowej, który znajduje zastosowanie w różnorodnych dziedzinach, takich jak grafika komputerowa, analiza terenów, czy robotyka mobilna. Celem niniejszego sprawozdania jest zapoznanie się z algorytmami wyznaczania wielokątów monotonicznych, klasyfikacji wierzchołków wielokąta oraz algorytmem triangulacji wielokątów monotonicznych.

W ramach tego sprawozdania skupimy się na przedstawieniu kroków algorytmu triangulacji wielokątów monotonicznych oraz analizie wyników uzyskanych w trakcie badań. W dalszej części sprawozdania szczegółowo omówimy metodykę przeprowadzonych eksperymentów, przedstawimy uzyskane wyniki, a na koniec opiszemy wnioski naszych doświadczeń.

## 2 Krótki opis ćwiczenia

#### 2.1 Wykorzystane algorytmy

W danym ćwiczeniu testujemy działanie następujących algorytmów:

- $\bullet$  Algorytm sprawdzenia monotoniczności wielokąta względem osi OY.
- Algorytm klasyfikacji wierzchołków wielokąta ze względu na położenie jego sąsiedzi.
- Algorytm triangulacji wielokąta monotonicznego.

#### 2.2 Zbiory testowe

Na potrzeby ćwiczenia stworzyliśmy 6 wielokątów. Zostały wybrane odpowiednio, żeby przetestować działanie algorytmów w przypadkach zarówno lososwych jak i ekstremalnych.

## 3 Algorytm triangulacji

Triangulacja wielokąta monotonicznego to proces podziału wielokąta na trójkąty, zachowując przy tym monotoniczność. Wielokąt y-monotoniczny to taki, którego prosta pozioma przecina go maksymalnie dwukrotnie. Algorytm triangulacji wielokąta monotonicznego można opisać w kilku krokach:

- 1. **Sortuj wierzchołki:** Posortuj malejąco wierzchołki wielokąta względem ich współrzędnej y. Dodaj dwa pierwsze wierzchołki do stosu.
- 2. Podziel wierzchołki na lewy i prawy łańcuchy: Za pomocą algorytmu działającego w O(n) dzielimy wierzchołki na należące do prawego ido lewego łancuchów. Wyniki przechowujemy w słowniku.
- 3. **Główna pętla:** Dla każdego z kolenych wierzchołków od i = 3 do i = n 1 sprawdzamy czy jest na tym samym łancuchu co poprzedni
  - jeżeli tak, dodajemy nasz punkt na stos sprawdzamy za pomocą wyznacznika czy prosta pomiędzy pierwszym a trzecim wierzchołkami na stosie zawiera się w wielokącie, jeśli tak to tworzymy prostą między nimi, następnie usuwamy drugi wierzchołek na stosie.
  - jeżeli nie, ususwamy pierwszy wierzchołek p ze stosu, tworzymy prostą między nim a wszystkimi wierzchołkami na stosie oprócz ostatniego, a następnie dodajemy na stos badany wierzchołek oraz wierzchołek poprzedzający p.
- 4. Połacz wierzchołki na stosie: W kroku ostatnim łączymy wierzchołki, które pozostały na stosie, oprócz pierwszego i ostatniego, z wierzchołkiem o najmniejszej wspólrzędnej y.

## 5. Zwróć listę połaczonych par wierżchołków

Przedstawiony algorytm jest efektywny i działa w czasie  $O(n \log n)$ , gdzie n to liczba wierzchołków wielokąta. Triangulacja wielokąta monotonicznego jest często stosowana w grafice komputerowej i w problemach geometrii obliczeniowej.

Struktura przechowująca wielokąt opiera się na posortowanej liście wierzchołków oraz słownika, za pomocą którego możemy szybko sprawdzić do którego z łancuchów należy rozpatrywany wierzchołek. Jest to potrzebne przy sprawdzaniu czy linia między punktami jest wewnątrz wielokąta.

## 4 Wyniki pomiarów

## 5 Opracowanie wyników

#### 6 Podsumowanie

Wszystkie zaimplementowane procedury i algorytmy zadziałały poprawnie dla testowanych wielokątów. Ponadto algorytm poprawnie nie generuje duplikatów krawędzi. Użyte struktury danych doskonale pasowały do zadanych problemów - pozwalały na szybki dostęp do potrzebnych elementów, nie wymagały dodatkowych konwersji.