

影像處理 HW1

透視變形校正 Perspective Distortion Correction

資工碩一 7111056426 蘇亭云

STEP 1、讀取圖片

```
# 讀圖 opencv 讀進為 BGR 需轉換 成 RGB
in_bgr = cv2.imread('notebook.jpg',cv2.IMREAD_COLOR)
# 轉 BGR >> RGB
in_rgb = cv2.cvtColor(in_bgr,cv2.COLOR_BGR2RGB)
print(in_rgb.shape)
```

STEP 2、用小畫家找 4 點像素座標

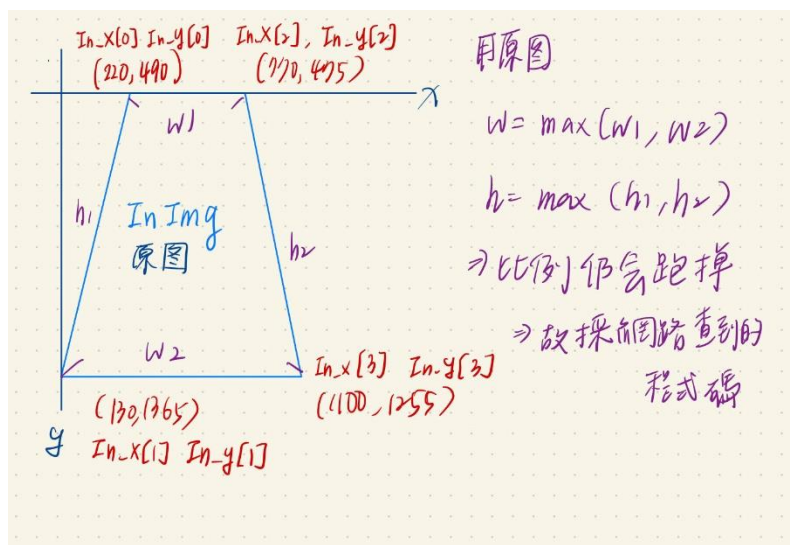
```
# 用小畫家找4點像素座標
in_x=[220, 770, 130, 1100]
in_y=[490, 475, 1365, 1255]
```

STEP 3、計算 out_img： width and height

直接用歐式距離取大值或平均，比例仍易變形，故套網路上程式

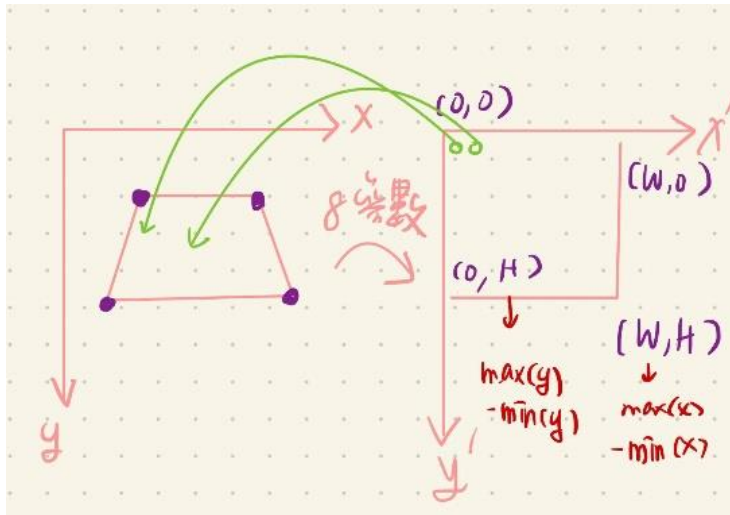
```
w1=dis.euclidean([in_x[0],in_y[0]],[in_x[1],in_y[1]])
w2=dis.euclidean([in_x[2],in_y[2]],[in_x[3],in_y[3]])
w=int(np.around(max(w1,w2)))

h1=dis.euclidean([in_x[2],in_y[2]],[in_x[0],in_y[0]])
h2=dis.euclidean([in_x[3],in_y[3]],[in_x[1],in_y[1]])
h=int(np.around(max(h1,h2)))
```



```
# 計算新圖正確 width and height
w,h=realAspect_W_H(in_rgb, in_x, in_y)
print("w",w,"h",h)
```

依算出的 width and height，得到原圖 in_img 4 點對應到 out_img 的 4 點對應座標。



STEP4、解 $AX=b$

A 為 out_img 的 4 點座標代入得 8 個方程式，

b 為 in_img 的 4 點座標，

利用 python 程式庫 解出 a~h 8 個參數 $X = \text{solve}(A,b)$ 。

因圖片是(row,col) 即 (y,x) 故先 y 後 x 去做計算

```
# 圖是(row,col) 即 (y,x) 故先 y 後 x 去做計算
```

```
A=np.array([
    [out_y[0], out_x[0], out_x[0]*out_y[0], 1, 0, 0, 0, 0],
    [out_y[1], out_x[1], out_x[1]*out_y[1], 1, 0, 0, 0, 0],
    [out_y[2], out_x[2], out_x[2]*out_y[2], 1, 0, 0, 0, 0],
    [out_y[3], out_x[3], out_x[3]*out_y[3], 1, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 0, out_y[0], out_x[0], out_x[0]*out_y[0], 1],
    [0, 0, 0, 0, out_y[1], out_x[1], out_x[1]*out_y[1], 1],
    [0, 0, 0, 0, out_y[2], out_x[2], out_x[2]*out_y[2], 1],
    [0, 0, 0, 0, out_y[3], out_x[3], out_x[3]*out_y[3], 1],
])
```

```
A [[ 0 0 0 1 0 0 0 0]
 [ 0 976 0 1 0 0 0 0]
 [1405 0 0 1 0 0 0 0]
 [1405 976 1371280 1 0 0 0 0]
 [ 0 0 0 0 0 0 0 1]
 [ 0 0 0 0 0 976 0 1]
 [ 0 0 0 0 1405 0 0 1]
 [ 0 0 0 0 1405 976 1371280 1]]
```

```
b=np.array([in_x[0], in_x[1], in_x[2], in_x[3], in_y[0], in_y[1], in_y[2], in_y[3]])
X = solve(A, b)
```

$$\begin{bmatrix}
 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 x_1' & y_1' & x_1'y_1' & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 x_2' & y_2' & x_2'y_2' & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 x_3' & y_3' & x_3'y_3' & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 x_4' & y_4' & x_4'y_4' & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & x_1' & y_1' & x_1'y_1' & 1 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & x_2' & y_2' & x_2'y_2' & 1 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & x_3' & y_3' & x_3'y_3' & 1 \\
 0 & 0 & 0 & 0 & x_4' & y_4' & x_4'y_4' & 1
 \end{bmatrix}
 \mathbf{x}
 =
 \begin{bmatrix}
 a \\ b \\ c \\ d \\ e \\ f \\ g \\ h
 \end{bmatrix}
 =
 \begin{bmatrix}
 x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4
 \end{bmatrix}$$

圖中手寫註釋：

 - 上方：y, x → 因圖片讀進是 (row, col, channel)

 - 左側：row, col

 - 右側：x1, x2, x3, x4, y1, y2, y3, y4

 - 中間：A, x, b

 - 數值：x1=220, x2=970, x3=130, x4=1100, y1=490, y2=475, y3=1365, y4=1255

得 X (參數 a~h)

```
x[0]=-0.06405693950177936
x[1]=0.5635245901639344
x[2]=0.0003062831806779068
x[3]=220.0
x[4]=0.6227758007117438
x[5]=-0.015368852459016393
x[6]=-6.92783384866694e-05
x[7]=490.0
```

STEP5、Inverse mapping 算出轉置後的圖於原圖的位置並進行雙線性插值

```
# 做 inverse mapping + bilinear interpolation 雙線性插值
output_img=invert_mapping(X, in_rgb, out_rgb)
```

STEP5-1、轉置後的圖於原圖的位置

將 A 的四個點帶入 Pseudo Affine 公式

```
for i in range(rows):
    for j in range(cols):
        # 新座標點
        double_x = (X[0] * i) + (X[1] * j) + (X[2] * i * j) + X[3]
        double_y = (X[4] * i) + (X[5] * j) + (X[6] * i * j) + X[7]

        # 距離新座標點最近的整數點
        x = int(double_x)
        y = int(double_y)
```

$$X = \text{row} * x[0] + \text{col} * x[1] + \text{row} * \text{col} * x[2] + x[3]$$

即 新 $X = \text{原圖 } y * a + \text{原圖 } x * b + \text{原圖 } x * y * c + d$

$$Y = \text{row} * x[4] + \text{col} * x[5] + \text{row} * \text{col} * x[6] + x[7]$$

即 新 $Y = \text{原圖 } y * e + \text{原圖 } x * f + \text{原圖 } x * y * g + h$

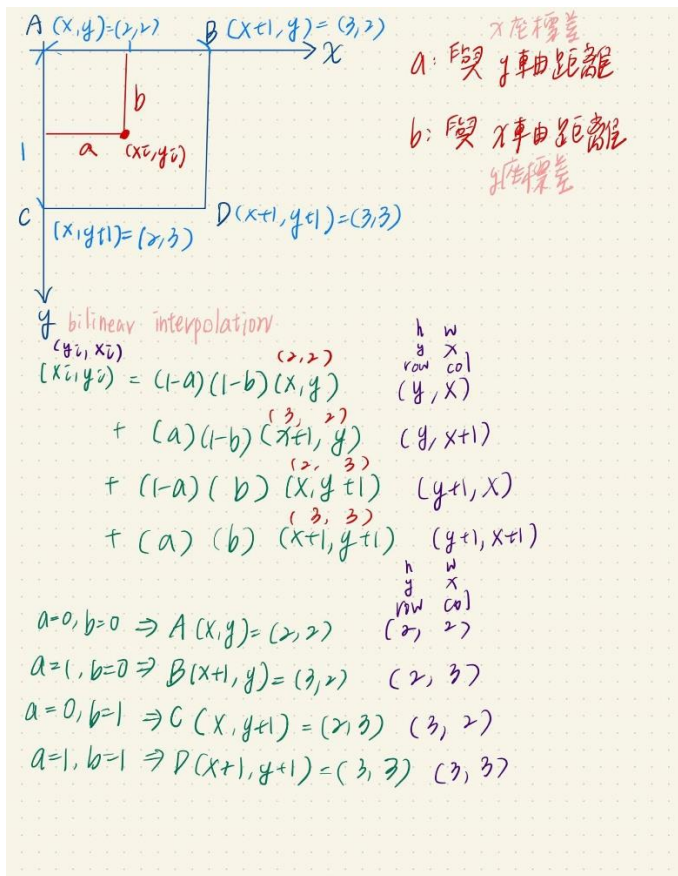
STEP5-2、進行雙線性插值

```
# a:y軸距離(x座標差) b:x軸距離(y座標差)
a = (double_x - x)
b = (double_y - y)

# 做 bilinear interpolation 雙線性插值
# 圖是(row,col)即 (y,x)
for c in range(3):
    output_img[i, j, c] = (1 - a) * (1 - b) * input_img[y, x, c] + \
        a * (1 - b) * input_img[y, x+1, c] + \
        (1 - a) * b * input_img[y+1, x, c] + \
        a * b * input_img[y + 1, x + 1, c]
```

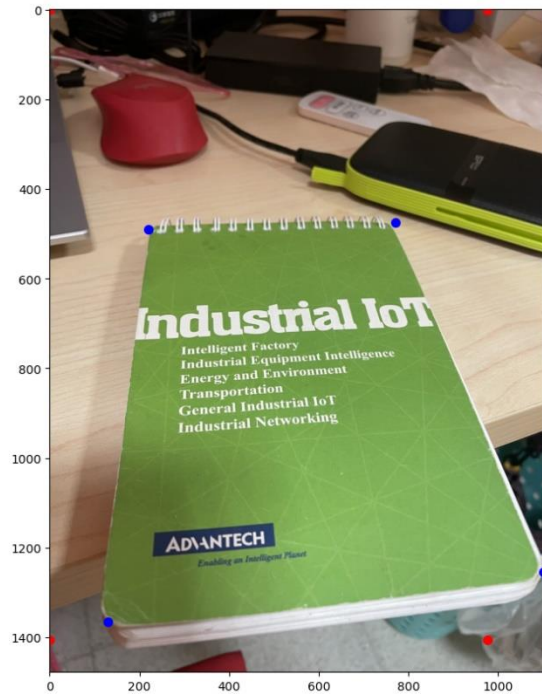
$$\text{output}[\text{row}, \text{col}, c] = (1-a)(1-b) \text{input}[y, x, c] + (a)(1-b) \text{input}[y, x+1, c] + (1-a)(b) \text{input}[y+1, x, c] + (a)(b) \text{input}[y+1, x+1, c]$$

雙線性插值



STEP6、結果：

原圖



透視校正後圖

校正後

