99-93

問題文

ある薬物Aの水に対する溶解度は5W/V%であり、1次反応速度式に従って分解し、その分解速度定数は0.02h $^{-1}$ である。この薬物1.5gを水10mLに懸濁させたとき、残存率が90%になる時間(h)に最も近い値はどれか。1つ選べ。ただし、溶解速度は分解速度に比べて十分に速いものとする。

- 1. 2.5
- 2. 7.5
- 3. 13.5
- 4. 15 5. 75

解答

4

解説

溶解度が 5 W/v % とは、水100 ml 中に 5 g までしか溶けないということです。水10 ml 中には 0.5 g までしか溶けないことがわかります。

残存率が 90 % ということは、元が 1.5 g なので、0.15 g が分解する時間を考えればよいということです。

薬物 1.5 g を 10 mL に入れると、溶解度である 0.5 g が溶けます。 1 次反応速度式に従い分解する、ということなので、時間 <math>t が経過した時の濃度は

$$C = C_0 e^{-kt}$$

で表されます。 k、つまり分解速度定数が 0.02、C $_0$ 、つまり初濃度に 0.5、Cに 0.15 g 溶けた時の濃度、つまり 0.35 を代入すると

 $0.35 = 0.5e^{-0.02t}$

両辺の 自然対数 In をとると

ln0.35 = ln0.5 - 0.02t

0.02t = ln0.5 - ln0.35

$$0.02t = ln \frac{0.5}{0.35}$$

です。ここで、e ≒ 2.8 なので 1.4 を、e/2 と考えれば、右辺を

$$ln1.4 \simeq ln\frac{e}{2} = lne + ln\frac{1}{2} = 1 - ln2$$

と変形することができます。ここで、| n 2 = 0.7 なので、| 1 - 0.7 = 0.3 です。つまり、 **0.02 t = 0.3** となります。よって、| 1 - 0.7 = 0.3 となります。よって、| 1 - 0.7 = 0.3 となります。よって、| 1 - 0.7 = 0.3 となります。

以上より、正解は4です。