102-97

問題文

ヒトの体液は主に炭酸と炭酸水素イオンの濃度バランスによりpH7.4に維持されている。pH7.3のアシドーシスを起こした患者の体液中の HCO_3^-/H_2CO_3 の存在比に最も近い値はどれか。1つ選べ。

ただし、炭酸は次式のように解離し、その2つのpK $_a$ は、それぞれpK $_{a1}$ =6.1、pK $_{a2}$ =10.5とする。また log $_{10}$ 1.6=0.2とする。

- 1. 1.6
- 2. 2.0
- 3. 8.3
- 4. 16
- 5. 20

解答

•

解説

 K_{a1} = [HCO $_3$ $^-$][H $^+$]/[H $_2$ CO $_3$] という式について、両辺の log $_{10}$ をとると

 $\log_{10} K_{a1} = \log_{10} ([HCO_3^-][H^+]/[H_2CO_3])$

ここで、pH や pKa の接頭語「p」は「-log $_{10}$ 」の略であることから、左辺を -pK $_{a1}$ と表します。さらに、右辺は対数の公式から、掛け算を足し算にできるので

-pK $_{a1}$ = log $_{10}$ [HCO $_{3}$ $^{-}$]/[H $_{2}$ CO $_{3}$] + log10[H $^{+}$] と変形します。こうすることで、求めたい HCO $_{3}$ $^{-}$ /H $_{2}$ CO $_{3}$ が右辺の第一項に出てきます。ここで更に pH = -log $_{10}$ [H $^{+}$] なので、log $_{10}$ [H $^{+}$]を、-pH と表せば

-pK $_{a1}$ = log $_{10}$ [HCO $_{3}$ $^{-}$]/[H $_{2}$ CO $_{3}$] -pH です。問題文の数値を代入すると

 $-6.1 = log _{10} [HCO _{3}^{-}]/[H _{2} CO _{3}] -7.3$ ∴ $log _{10} [HCO _{3}^{-}]/[H _{2} CO _{3}] = 1.2$

 $\log_a b = c$ の場合、 $a^c = b$ だから、求めたい $[HCO_3^-]/[H_2CO_3]$ は、 $10^{-1.2}$ とわかります。 $10^{-1.2}$ = $10^{-1} \times 10^{-0.2}$ です。問題文に与えられた $\log_{10} 1.6 = 0.2$ ということから、 $10^{-0.2} = 1.6$ です。従って、 $10^{-1.2} = 10^{-1} \times 1.6 = 16$ となります。

以上より、正解は4です。