

Esercizio 1. Se una carica di prova sente una forza quando viene avvicinata alla bacchetta, deduciamo che la bacchetta si è caricata. Considerando la carica puntiforme applichiamo la legge di Coulomb

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qQ}{r^2} \Rightarrow Q = \frac{4\pi\epsilon_0 \cdot r^2 \cdot F}{q} = \frac{(0,05\text{m})^2 \cdot (0,115\text{N})}{(9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}) \cdot (0,4 \times 10^{-6}\text{C})} = \cancel{10/115} 80 \text{ nC}$$

Il testo non dice se la carica di prova, negativa, è attratta o se viene respinta. Bisogna ricordare la definizione fondata di B. Franklin: positive sono quelle cariche che respingono una bacchetta di vetro carica, vetro stesso compreso. Se il vetro è carico, positivo, c'è una carenza di N elettroni in modo che N volte la carica elementare dell'elettrone dia Q .

$$N \cdot q_e = Q \Rightarrow N = \frac{Q}{q_e} = \frac{80 \times 10^{-9}\text{C}}{1,6 \times 10^{-19}\text{C}} = 50 \times 10^{10} \text{ elettroni}$$

I coriandoli sono fatti di materia, protoni ed elettroni, ma non sono mediamente carichi: le cariche positive e negative si equilibrano. Ma sotto l'influsso del campo elettrico generato dalla bacchetta, ogni atomo dei coriandoli diventa un dipolo ogni elettrone è un po' più vicino del relativo protone e viene attratto più di quanto il protone venga respinto.

Esercizio 2. Dalla definizione di capacità $C = \frac{Q}{V}$, si ricava che la differenza di potenziale tra le due armature è 333 V.

Dalla definizione di potenziale sappiamo che $\Delta U = q \cdot \Delta V$, quindi l'elettrone (che accelera) perde l'energia potenziale $5,33 \times 10^{-17}\text{J}$ e la acquista in energia cinetica: non ci sono dispersioni in altre forme di energia e vale il principio di conservazione della energia meccanica $\Delta U + \Delta K = 0$. Dalla definizione di energia

cinetica $K = \frac{1}{2}mv^2$ è possibile calcolare la velocità finale dell'elettrone quando arriva sull'altra armatura

$$V = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 5,33 \times 10^{-17} \text{ J}}{9,11 \times 10^{-31} \text{ kg}}} = 10,8 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Come sempre è opportuno notare che la velocità calcolata è ben inferiore a quella della luce $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$.

Esercizio 3. Come afferma il testo, resistenza e condensatore sono in parallelo quindi ai loro estremi c'è la stessa differenza di potenziale; essendo gli unici componenti del circuito è ancora la stessa differenza di potenziale generata dalla batteria. Dalla definizione di resistenza e di capacità:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow I = \frac{V}{R} = \frac{50 \text{ V}}{30 \Omega} = 1,67 \text{ A}$$

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow Q = CV = (0,2 \times 10^{-9} \text{ F})(50 \text{ V}) = 10 \times 10^{-9} \text{ C} = 10 \text{ nC}$$

Esercizio 4 Con una semplice considerazione geometrica si realizza che il campo magnetico generato dal solenoide è perpendicolare a quello terrestre e deve avere la stessa intensità per sommarsi a quello terrestre e raggiungere i 45° . Non possiamo fare altro che ricordare che il campo magnetico generato da un solenoide è dato da

$$B = \mu_0 \cdot I \cdot \frac{N}{l} \Rightarrow I = \frac{B \cdot l}{\mu_0 \cdot N} = \frac{(5 \times 10^{-5} \text{ T})(0,3 \text{ m})}{(12,56 \frac{\text{H}}{\text{m}}) \cdot 500} = 0,024 \text{ A}$$

↑
manca 10^{-7}

$$1 \text{ T} = \frac{1 \text{ kg}}{1 \text{ C} \cdot 1 \text{ s}}$$

← posso dedurlo da $F = qV \times B$

$$1 \text{ H} = \frac{1 \text{ kg} \cdot 1 \text{ m}^2}{1 \text{ C}^2}$$

← posso dedurlo da $F = \frac{\mu_0 i_1 i_2 l}{2\pi d}$