

AC了前三道题，D题采用了建树的方法，所以有一半用例超时；E题没什么思路而且没什么时间了就没来得及做了。

## A □□

给定五个 0~9 范围内的整数  $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5$ 。如果能从五个整数中选出三个并且这三个整数的和为 10 的倍数（包括 0），那么这五个整数的权值即为剩下两个没被选出来的整数的和对 10 取余的结果，显然如果有多个三元组满足和是 10 的倍数，剩下两个数之和对 10 取余的结果都是相同的；如果选不出这样三个整数，则这五个整数的权值为 -1。

现在给定 T 组数据，每组数据包含五个 0~9 范围内的整数，分别求这 T 组数据中五个整数的权值。

### 【输入格式】

第□□个整数 T ( $1 \leq T \leq 1000$ )，表示数据组数。

接下来 T 行，每行 5 个 0~9 的整数，表示组数据。

### 【输出格式】

输出 T 行，每行一个整数，表示每组数据中五个整数的权值。

### 【样例输入】

```
4
1 0 0 1 0
1 0 0 8 6
3 4 5 6 7
4 5 6 7 8
```

### 【样例输出】

```
2
```

### 【时空限制】

2500ms, 256MB

//解题思路：由于数组大小只有5，尝试暴力解法

```
#include <iostream>
using namespace std;

int main() {
    int T, a[5];
    cin >> T;
    //T组数据
    while (T--) {
        int sum = 0, flag = 0, ans;
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            cin >> a[i];
            sum += a[i];
        }
        //从5个数中选出3个进行判断
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            for (int j = i + 1; j < 5; j++) {
                for (int k = j + 1; k < 5; k++) {
                    int sumOfThree = a[i] + a[j] + a[k];
                    if (sumOfThree % 10 == 0) {
                        flag = 1;
                        ans = (sum - sumOfThree) % 10;
                        break;
                    }
                }
            }
        }
        if (flag == 0) cout << -1 << endl;
        else cout << ans << endl;
    }
    return 0;
}
```

## B 打地鼠

给定  $n$  个整数  $a_1, a_2, \dots, a_n$  和  $d$ ，你需要选出若干个整数，使得将这些整数从小到大排好序之后，任意两个相邻的数之差都不小于给定的  $d$ ，问最多能选多少个数出来。

【输入格式】

第一行两个整数  $n, d$  ( $1 \leq n \leq 10^5, 0 \leq d \leq 10^9$ )，分别表示整数个数和相邻整数差的下界。

第二行  $n$  个整数  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 10^9, 1 \leq i \leq n$ )，表示给定的  $n$  个整数。

【输出格式】

仅输出一个整数，表示答案。

【样例输入】

```
6 2
1 4 2 8 5 7
```

【样例输出】

```
3
```

【时空限制】

2500ms, 256MB

//解题思路：动态规划 + 贪心算法

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int MAXN = 100010;
int a[MAXN], dp[MAXN];

int main() {
    int n, d;
    cin >> n >> d;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> a[i];
    }
    sort(a, a + n);
    dp[0] = 1;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        if (a[i] - a[i - 1] >= d) {
            dp[i] = dp[i - 1] + 1;
        } else {
            dp[i] = dp[i - 1];
            a[i] = a[i - 1];
        }
    }
    cout << dp[n - 1];
    return 0;
}
```

## C 排队打饭

下课了，有  $n$  位同学陆续赶到食堂排队打饭，其中第  $i$  位同学的到达时间为  $a_i$ ，打饭耗时为  $t_i$ ，等待时间上限为  $b_i$ ，即如果在第  $a_i + b_i$  秒的时刻仍然没有轮到他开始打饭，那么他将离开打饭队列另寻吃饭的地方。问每位同学的开始打饭时间，或者指出其提前离开了队伍（如果这样则输出 -1）。【输入格式】

第一行一个整数  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ )，表示来打饭的同学数量。

接下来  $n$  行，每行三个整数  $a_i, t_i, b_i$  ( $1 \leq a_i, t_i, b_i \leq 10^9, 1 \leq i \leq n$ )，分别表示每位同学的到达时间、打饭耗时、等待时间上限。

保证  $a_1 < a_2 < \dots < a_n$

【输出格式】

输出  $n$  个整数，表示每位同学的开始打饭时间或者 -1（如果该同学提前离开了队伍）。

【样例输入】

```
4
1 3 3
```

2 2 2

3 9 1

4 3 2

【样例输出】

1 4 -1 6

【时空限制】

5000ms, 256MB

```
//解题思路：利用队列实现
#include <iostream>
#include <vector>
#include <queue>
#include <algorithm>
using namespace std;

struct node{
    long long a;
    long long t;
    long long b;
};

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    queue<node> q;
    vector<int> v;
    while (n-->0) { //把所有学生按照先后次序入队
        node stu;
        cin >> stu.a >> stu.t >> stu.b;
        q.push(stu);
    }
    int current = 1;
    while (!q.empty()) {
        node temp = q.front();
        q.pop();
        int ans;
        if (temp.a + temp.b >= current) { //如果未超过等待时间
            if (current > temp.a){
                ans = current;
                current += temp.t;
            } else {
                ans = temp.a;
                current = temp.a + temp.t;
            }
        } else { //如果超过等待时间
            ans = -1;
        }
        v.push_back(ans);
    }
    for (int i = 0; i < v.size(); i++) {
        if (i == 0) cout << v[i];
        else cout << " " << v[i];
    }
    return 0;
}
```

## D 二叉搜索树

给定  $n$  个  $1 \sim n$  的排列  $P$ ，即度为  $n$ ，且  $1 \sim n$  中所有数字都恰好出现一次的序列。现在按顺序将排列  $P$  中的元素依次插入到初始为空的二叉搜索树中（左 $\square$ 右 $\square$ ），问最后每个节点的父节点的元素是什么。特别地，根节点的父节点元素视为 0。

【输入格式】

第一行一个整数  $n(1 \leq n \leq 10^5)$ ，表示排列  $P$  中的元素个数。

第二行  $n$  个整数  $p_1, p_2, \dots, p_n(1 \leq p_i \leq n, 1 \leq i \leq n)$ ，表示给定的排列。

【输出格式】

输出  $n$  个整数，其中第  $i$  个整数  $a_i$  表示元素  $i$  对应节点的父节点的元素。特别地，根节点的父节点元素视为 0。

【样例输入】

5

2 3 5 1 4

【样例输出】

2 0 2 5 3

【时空限制】

5000ms, 256MB

我的做法是建树，但是部分用例超时了！

//思路：在树的结点定义时，定义一个变量，用来表示父亲结点的元素。二叉搜索树建树建树之后再中序遍历依次输出该变量即可。

```
#include <iostream>
using namespace std;
int n, flag = 0; //flag用来处理答案最后一个字符不输出空格
```

```
//树的结构体定义
struct node{
    int data;
    int father;
    node* lchild;
    node* rchild;
};
```

```
//新建结点
node* newNode(int x, int f){
    node* Node = new node;
    Node->data = x;
    Node->father = f;
    Node->lchild = NULL;
    Node->rchild = NULL;
    return Node;
}
```

```
//插入结点
void insert(node* &root, int x, int f){
    if (root == NULL){
        root = newNode(x, f);
        return;
    }
    f = root->data;
    if (x < root->data){
        insert(root->lchild, x, f);
    } else {
        insert(root->rchild, x, f);
    }
}
```

```
//建立二叉搜索树
node* create(int data[], int n) {
    node* root = NULL;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        insert(root, data[i], 0);
    }
    return root;
}
```

```
//中序遍历
void inorder(node* root) {
    if (root == NULL) return;
    inorder(root->lchild);
    if(flag != n - 1) {
        cout << root->father << " ";
        flag++;
    } else {
        cout << root->father;
    }
    inorder(root->rchild);
}
```

```
int main() {
    cin >> n;
    int a[n];
    for (int i = 0; i < n; i++){
```

```

    cin >> a[i];
}
node *root = create(a, n);
inorder(root);
return 0;
}

```

不超时的做法如下：

//用一个表示父亲结点的数组+一个表示层数的map数组即可表示一颗搜索二叉树的插入过程

```

#include <iostream>
#include <map>
using namespace std;
int f[100010]; //f[i]用来保存元素i的父亲结点

int main() {
    ios::sync_with_stdio(0); //加快cin的输入速度
    int n, mx = 0; //n是结点个数, mx用于保存当前最大的结点
    cin >> n;
    map<int, int> m; //m保存的是元素i所在的层数
    m[0] = 0;
    map<int, int>::iterator it, it1;
    f[0] = -1;
    for (int i = 0, t; i < n; i++) {
        cin >> t;
        if (t > mx) {
            f[t] = mx;
            m[t] = m.rbegin()->second+1;
            mx = t;
        } else {
            it = m.upper_bound(t);
            it1 = it--;
            if (it->second > it1->second) {
                f[t] = it->first;
                m[t] = it->second + 1;
            } else {
                f[t] = it1->first;
                m[t] = it1->second + 1;
            }
        }
    }
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        if (i == 1) cout << f[i];
        else cout << " " << f[i];
    }
    return 0;
}

```

## E 序列

给定  $n$  个  $n$  的序列  $A$ ，其中序列中的元素都是  $0 \sim 9$  之间的整数，对于  $n$  个  $n$  度同样为  $n$  整数序列  $B$ ，定义其权值为  $|A_i - B_j|$  ( $1 \leq i \leq n$ ) 之和加上  $(B_j - B_{j+1})^2$  ( $1 \leq j < n$ ) 之和。求所有  $n$  为  $n$  的整数序列中，权值最小的序列的权值是多少。

【输入格式】

第一行一个整数  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ )，表示序列  $A$  的  $n$  度。

第二行  $n$  个整数  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $0 \leq a_i \leq 9, 1 \leq i \leq n$ )，表示序列  $A$  中的元素。

【输出格式】

一行一个整数，表示答案。

【样例输入】

```

6
1 4 2 8 5 7

```

【样例输出】

```

11

```

【解释】

$A$  数组是  $[1\ 4\ 2\ 8\ 5\ 7]$

B数组可以是 [3 4 4 5 5 6]。

权值为  $|A_i - B_i| (1 \leq i \leq n)$  之和加上  $(B_j - B_{j+1})^2 (1 \leq j < n)$  之和。

权值第□部分  $|A_i - B_i| (1 \leq i \leq n)$  之和为：

$$|1 - 3| + |4 - 4| + |2 - 4| + |8 - 5| + |5 - 5| + |7 - 6| = 2 + 0 + 2 + 3 + 0 + 1 = 8$$

权值第□部分  $(B_j - B_{j+1})^2 (1 \leq j < n)$  之和为：

$$(3 - 4)^2 + (4 - 4)^2 + (4 - 5)^2 + (5 - 5)^2 + (5 - 6)^2 = 1 + 0 + 1 + 0 + 1 = 3$$

所以总权值为  $8 + 3 = 11$ 。

【时空限制】

2500ms, 256MB

以下题解转载于：<https://blog.csdn.net/hyacinthhome/article/details/105952974>

分析：序列A给定，思考下，对于b数组每个值的选取对答案的贡献是什么？？其实只有前

一个把，因为贡献只不过是加上它和它前一个值的差值的平方，和它和A数组对应位置的

差值绝对值，所以咱们就维护一个now数组,now[i]表示的是当前结束的B的这个

位置值为i，那么更新就需要前一个位置的0-9种情况取最优，那么复杂度就是

$O(10 \times 10 \times n)$ ， $n=1e5$ ，那么差不多1秒内了

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstring>
using namespace std;
int tp1[10][10], tp2[10][10];
int now[10], now_temp[10]; //目前结尾为i的最小函数值，复杂度O(n*10*10)约等于1e7，差不多一秒
const int INF=0x3f3f3f3f;

void init()
{
    for(int i = 0; i < 10; i++){
        for(int j = 0; j < 10; j++){
            {
                tp1[i][j] = i < j ? (j - i) : (i - j);
                tp2[i][j] = (i - j) * (i - j);
            }
        }
    }
}

int main()
{
    int n, num;
    init();
    while(scanf("%d", &n) != EOF) {
        memset(now, 0, sizeof(now));
        for(int i = 0; i < n; i++) {
            scanf("%d", &num);
            for(int j = 0; j < 10; j++) {
                int temp = INF;
                for (int k = 0; k < 10; k++) {
                    int tp;
                    if (i) {
                        tp = now[k] + tp1[j][num] + tp2[j][k];
                    }
                    else {
                        tp = now[k] + tp1[j][num];
                    }
                    if(tp < temp) temp = tp;
                }
                now_temp[j] = temp;
            }
            for(int i = 0; i < 10; i++)
                now[i] = now_temp[i];
        }
        int ans = INF;
        for(int i = 0; i < 10; i++)
            ans = min(ans, now[i]);
        printf("%d\n", ans);
    }
```

```
}  
return 0;  
}
```