

**参考答案:**

1. D

【解析】解：A 选项：射线  $AB$  的端点为点  $A$ ，射线  $BA$  的端点为点  $B$ ，这两条射线不同，故 A 选项不符合题意.

B 选项：延长线段  $AB$  是将线段  $AB$  按  $A$  到  $B$  的方向延长，延长线段  $BA$  是将线段  $AB$  按  $B$  到  $A$  的方向延长，故 B 选项不符合题意.

C 选项：射线只能反向延长，故 C 选项不符合题意.

D 选项：两点确定一条直线，故 D 选项符合题意.

故本题应选 D.

2. C

【解析】试题解析：点  $C$  在线段  $AB$  之间时， $AC = AB - BC = 2\text{cm}$ .

点  $C$  在线段  $AB$  的延长线上时， $AC = AB + BC = 4\text{cm}$ .

故选 C.

3. B

【解析】首先根据  $BC = 2BD$ ， $BC = 2$ ，求出  $BD = 1$ ，进而求出  $CD = 3$ ，然后根据点  $D$  为线段  $AC$  的中点，求出  $AD$  的长度，即可求出  $AB$  的长度.

解：∵  $BC = 2BD$ ， $BC = 2$ ，

$$\therefore BD = \frac{1}{2}BC = 1,$$

$$\therefore CD = BD + BC = 1 + 2 = 3,$$

∵ 点  $D$  为线段  $AC$  的中点，

$$\therefore AD = CD = 3,$$

$$\therefore AB = AD + DB = 3 + 1 = 4.$$

故选：B.

此题考查了线段的中点以及和差计算，解题的关键是正确分析题目中线段之间的数量关系，根据  $BC = 2BD$ ， $BC = 2$ ，求出  $BD = 1$ .

4. D

【解析】①根据两点间距离进行计算即可；

②利用路程除以速度即可；

③分两种情况，点  $P$  在点  $B$  的右侧，点  $P$  在点  $B$  的左侧，由题意求出  $AP$  的长，再利用路程除以速度即可；

④分两种情况，点  $P$  在点  $B$  的右侧，点  $P$  在点  $B$  的左侧，利用线段的中点性质进行计算即可.

解：设点  $B$  对应的数是  $x$ ，

∵ 点  $A$  对应的数为 4，且  $AB = 6$ ，

$$\therefore 4-x=6,$$

$$\therefore x=-2,$$

$\therefore$  点  $B$  对应的数是  $-2$ ，故①错误；

由题意得：

$$6 \div 2 = 3 \text{ (秒)},$$

$\therefore$  点  $P$  到达点  $B$  时， $t=3$ ，故②正确；

分两种情况：

当点  $P$  在点  $B$  的右侧，

$$\because AB=6, BP=2,$$

$$\therefore AP = AB - BP = 6 - 2 = 4,$$

$$\therefore 4 \div 2 = 2 \text{ (秒)},$$

$$\therefore BP=2 \text{ 时}, t=2,$$

当点  $P$  在点  $B$  的左侧，

$$\because AB=6, BP=2,$$

$$\therefore AP = AB + BP = 6 + 2 = 8,$$

$$\therefore 8 \div 2 = 4 \text{ (秒)},$$

$$\therefore BP=2 \text{ 时}, t=4,$$

综上所述， $BP=2$  时， $t=2$  或  $4$ ，故③错误；

分两种情况：

当点  $P$  在点  $B$  的右侧，

$\because M, N$  分别为  $AP, BP$  的中点，

$$\therefore MP = \frac{1}{2} AP, NP = \frac{1}{2} BP,$$

$$\therefore MN = MP + NP = \frac{1}{2} AP + \frac{1}{2} BP = \frac{1}{2} (AP + BP) = \frac{1}{2} AB = 3,$$

当点  $P$  在点  $B$  的左侧，

$\because M, N$  分别为  $AP, BP$  的中点，

$$MP = \frac{1}{2} AP, NP = \frac{1}{2} BP,$$

$$\therefore MN = MP - NP = \frac{1}{2} AP - \frac{1}{2} BP = \frac{1}{2} (AP - BP) = \frac{1}{2} AB = 3,$$

$\therefore$  在点  $P$  的运动过程中，线段  $MN$  的长度不变，故④正确。

所以，上列结论中正确的是②④。

故选：D。

本题考查了数轴，根据题目的已知条件并结合图形分析是解题的关键。

5. B

【解析】由  $CB=4\text{cm}$ ,  $DB=7\text{cm}$  求得  $CD=3\text{cm}$ , 再根据  $D$  是  $AC$  的中点即可求得  $AC$  的长

$\because C, D$  是线段  $AB$  上两点,  $CB=4\text{cm}$ ,  $DB=7\text{cm}$ ,

$\therefore CD=DB-BC=7-4=3(\text{cm})$ ,

$\because D$  是  $AC$  的中点,

$\therefore AC=2CD=2\times 3=6(\text{cm})$ .

故选: B.

此题考察线段的运算, 根据图形确定线段之间的数量关系即可正确解答.

6. A

7. 两点确定一条直线

【解析】根据直线的性质: 两点确定一条直线进行解答即可.

解: 在墙壁上固定一根横放的木条, 则至少需要 2 枚钉子, 正确解释这一现象的数学知识是两点确定一条直线.

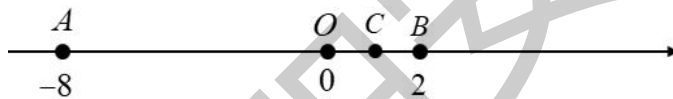
故答案为: 两点确定一条直线.

本题考查了直线的性质, 熟练掌握该知识点是解题关键.

8. 1 或 9 或 1

【解析】分两种情况讨论: 如图, 当  $B$  在  $A$  的右边时, 如图, 当  $B$  在  $A$  的左边时, 再分别求解  $OB$  的长度, 再利用中点的含义可得答案.

解: 如图, 当  $B$  在  $A$  的右边时,



$\because$  点  $A$  表示的数是 -8, 线段  $AB$  长为 10,

$\therefore B$  对应的数为:  $-8+10=2$ ,  $OB=2$ ,

$\because$  点  $C$  是线段  $OB$  的中点,

$$\therefore OC = \frac{1}{2}OB = 1,$$

如图, 当  $B$  在  $A$  的左边时,



同理:  $B$  对应的数为:  $-8-10=-18$ ,  $OB=18$ ,

$\because$  点  $C$  是线段  $OB$  的中点,

$$\therefore OC = \frac{1}{2}OB = 9,$$

综上:  $OC$  的长为: 1 或 9

故答案为：1 或 9

本题考查的是数轴上两点之间的距离，线段的和差关系，线段的中点的含义，清晰的分类讨论是解本题的关键.

9. 3 或 7 或 11

【解析】分三种情况讨论，当  $C, D$  在线段  $AB$  上，当  $C$  在  $A$  的左边， $D$  在线段  $AB$  上，当  $C$  在  $A$  的左边， $D$  在  $B$  的右边，再利用线段的和差关系可得答案.

解：如图，当  $C, D$  在线段  $AB$  上，



$$\because AC = BD = 2, \quad AB = 7,$$

$$\therefore CD = AB - AC - BD = 7 - 2 - 2 = 3,$$

如图，当  $C$  在  $A$  的左边， $D$  在线段  $AB$  上，



$$\because AC = BD = 2, \quad AB = 7,$$

$$\therefore CD = AC + AD = AD + BD = AB = 7,$$

如图，当  $C$  在  $A$  的左边， $D$  在  $B$  的右边，

$$\because AC = BD = 2, \quad AB = 7,$$



$$\therefore CD = AC + AB + BD = 2 + 7 + 2 = 11,$$

故答案为：3 或 7 或 11

本题考查的是线段的和差运算，清晰的分类讨论是解本题的关键.

10. 【解析】分点  $C$  在点  $B$  右侧与点  $C$  在点  $B$  左侧两种情况画出图形求解.

解：当点  $C$  在点  $B$  右侧时，如图 1 所示.

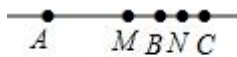


图1

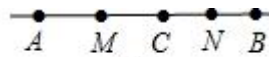


图2

$$\because AB = 10 \text{ cm}, \quad BC = 4 \text{ cm},$$

$$\therefore AC = AB + BC = 14 \text{ cm}.$$

$\because M$  是  $AC$  中点， $N$  是  $BC$  的中点，

$$\therefore CM = \frac{1}{2} AC = 7 \text{ cm}, \quad CN = \frac{1}{2} BC = 2 \text{ cm},$$

$$\therefore MN = CM - CN = 5;$$

当点  $C$  在点  $B$  左侧时，如图 2 所示.

$$\because AB = 10 \text{ cm}, \quad BC = 4 \text{ cm},$$

$$\therefore AC=AB-BC=6 \text{ cm}.$$

$\because M$  是  $AC$  中点,  $N$  是  $BC$  的中点,

$$\therefore CM=\frac{1}{2}AC=3 \text{ cm}, CN=\frac{1}{2}BC=2 \text{ cm},$$

$$\therefore MN=CM+CN=5 \text{ cm}.$$

综上所述: 线段  $MN$  的长度为  $5 \text{ cm}$ .

本题考查了两点间的距离, 线段的中点等知识, 分点  $C$  在点  $B$  右侧与点  $C$  在点  $B$  左侧两种情况考虑是解题的关键.

11. 8

【解析】由题意根据线段中点的性质, 可得  $BD=2BC$ ,  $AD=2BC$ , 以此进行计算可得答案.

解: 由  $C$  是线段  $BD$  的中点, 得  $BD=2BC=2\times 2=4 \text{ (cm)}$ ,

由点  $B$  是线段  $AD$  的中点, 得  $AD=2BD=2\times 4=8 \text{ (cm)}$ .

故答案为: 8.

本题考查两点间的距离, 熟练掌握并利用线段中点的性质得出  $BD=2BC$ ,  $AD=2BC$  是解题的关键.

12. 30

【解析】先根据四等分点的定义可得  $AC$  的长, 根据线段的差可得  $BC$  的长, 最后根据线段中点的定义可得结论.

解:  $\because AB=80\text{cm}$ , 点  $C$  是线段  $AB$  靠近点  $A$  的四等分点,

$$\therefore AC=\frac{1}{4}AB=\frac{1}{4}\times 80=20\text{cm},$$

$$\therefore BC=AB-AC=80-20=60\text{cm},$$

$\because$  点  $D$  是线段  $CB$  的中点,

$$\therefore CD=\frac{1}{2}BC=\frac{1}{2}\times 60=30(\text{cm}).$$

故答案为: 30.

本题考查了两点间的距离, 线段的中点以及线段的四等分点的概念, 解题的关键是正确得出  $AC=20\text{cm}$ .

13. 两点之间, 线段最短.: 线段  $AB$

【解析】根据两点之间, 线段最短即可求解.

$$14. \quad \frac{1}{2}; \quad \frac{3}{2}a$$

【解析】根据线段中点的定义分别计算出  $AD$ ,  $AE$  和  $AF$  的长, 再利用线段的和差可得答案;

设  $OA=OB=x$ , 则  $AB=2x$ ,  $BE=x-a$ , 根据线段的和差可得答案.

解:  $\because AB=8$ , 点  $O$  是线段  $AB$  的中点,

$$\therefore OA=OB=\frac{1}{2}AB=4,$$

$\because$  点  $D$  是线段  $AO$  的中点,

$$\therefore AD = \frac{1}{2} AO = 2, \quad BD = 8 - 2 = 6,$$

$\because$  点  $E$  是线段  $BD$  的中点,

$$\therefore BE = DE = 3, \quad AE = 8 - 3 = 5,$$

$\because$  点  $F$  是线段  $AE$  的中点,

$$\therefore AF = \frac{1}{2} AE = 2.5,$$

$$\therefore DF = AF - AD = 2.5 - 2 = 0.5;$$

设  $OA = OB = x$ , 则  $AB = 2x$ ,  $BE = x - a$ ,

$\because$  点  $E$  是线段  $BD$  的中点,

$$\therefore BD = 2BE = 2x - 2a,$$

$\because$  点  $D$  是线段  $AO$  的中点,

$$\therefore AD = \frac{1}{2} AO = \frac{1}{2} x,$$

$$\therefore AB = AD + BD = \frac{1}{2} x + 2x - 2a = \frac{5}{2} x - 2a,$$

$$\therefore OB = \frac{1}{2} AB = \frac{5}{4} x - a, \quad \text{即} \quad \frac{5}{4} x - a = x,$$

解得  $x = 4a$ ,

即  $AE = AO + OE = x + a = 5a$ ,

$\because$  点  $F$  是线段  $AE$  的中点,

$$\therefore EF = \frac{1}{2} AE = \frac{5}{2} a,$$

$$\therefore OF = EF - OE = \frac{5}{2} a - a = \frac{3}{2} a.$$

故答案为:  $0.5; \frac{3}{2} a$ .

本题考查了两点间的距离, 线段中点的定义, 熟悉线段的加减运算是解题的关键.

$$15. \quad 5 \text{ 或 } \frac{10}{3} \text{ 或 } \frac{20}{3}; \quad \frac{90}{11} \text{ 或 } \frac{90}{13} \text{ 或 } \frac{15}{2}$$

【解析】画出图形根据“奇分点”定义列出三个等式即可求解.

根据题意:  $BM = 3t$ ,  $AM = 30 - 3t$ ,  $AN = 2t$ ,

(1) 当  $M$  是线段  $AB$  的“奇分点”时

$$\textcircled{1} AM = 2BM, \text{ 此时 } 30 - 3t = 2 \times 3t, \text{ 解得 } t = \frac{10}{3};$$

$$\textcircled{2} BM = 2AM, \text{ 此时 } 2(30 - 3t) = 3t, \text{ 解得 } t = \frac{20}{3};$$

$$\textcircled{3} AB = 2BM, \text{ 此时 } 30t = 2 \times 3t, \text{ 解得 } t = 5;$$

∴当  $M$  是线段  $AB$  的“奇分点”时,  $t$  的值为 5 或  $\frac{10}{3}$  或  $\frac{20}{3}$ ;

(2) ∵  $M$  是线段  $AN$  的“奇分点”.

∴  $M$  点在线段  $AN$  上, 即  $AN+AM > AB, t > 5$

∴  $MN = AN - AM = 5t - 30$ ,

①  $AN=2MN$ , 此时  $M$  为  $AN$  中点,  $2t = 2(5t-30)$ , 解得  $t = \frac{15}{2}$ ;

②  $AM=2MN$ , 此时  $30-3t = 2(5t-30)$ , 解得  $t = \frac{90}{13}$ ;

③  $MN=2AM$ , 此时  $5t-30 = 2(30-3t)$ , 解得  $t = \frac{90}{11}$ ;

∴当  $M$  是线  $AN$  的“奇分点”时,  $t$  的值为  $\frac{90}{11}$  或  $\frac{90}{13}$  或  $\frac{15}{2}$ ;

本题考查了线段和差关系、列代数式, 解决本题的关键是分情况讨论思想的利用.

16. 【解析】(1) 根据题意作图即可.

(2) 根据题意作图即可.

(3) 以  $BC$  为半径,  $B$  点为圆心画弧, 交  $BC$  反向延长线于点  $D$ , 点  $D$  即为所求.

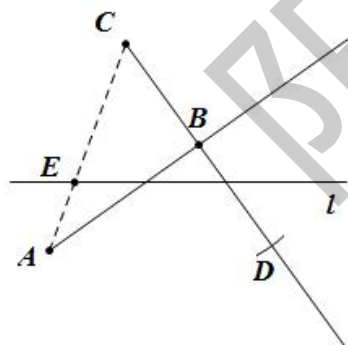
(4) 根据两点之间线段最短, 即连接  $AC$  交  $l$  于点  $E$ , 点  $E$  即为所求.

解: (1) 如图, 射线  $AB$  即为所求作射线;

(2) 如图, 连接  $BC$ ;

(3) 如图,  $BD=BC$ ;

(4) 连接  $AC$ , 交直线  $l$  于点  $E$ , 根据两点之间, 线段最短, 可得此时  $AE+CE$  最小.



本题考查几何作图, 熟练掌握作图的方法和理解两点之间线段最短是解答本题的关键.

17. (1) 见解析; (2) 见解析; (3) 见解析; (4) 见解析, 根据两点之间线段最短.

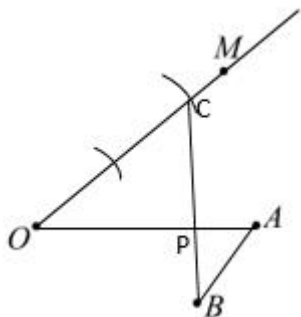
【解析】(1) 根据线段的定义解答;

(2) 根据射线定义解答;

(3) 以  $O$  为圆心,  $AB$  长为半径画弧, 交射线  $OM$  于一点, 再以此点为圆心,  $AB$  长为半径画弧, 与射线  $OM$  交点即为点  $C$ ;

(4) 根据两点之间线段最短解答.

- (1) 如图，线段  $AB$  即为所求；
- (2) 射线  $OM$  即为所求；
- (3) 线段  $OC$  即为所求，满足  $OC = 2AB$ ；
- (4) 连接  $OA$ 、 $BC$  交点即为点  $P$ ，根据两点之间线段最短。



此题考查线段及射线定义，两点之间线段最短，作线段等于已知线段的倍数，熟记各线的画法是解题的关键。

18. (1) 6

(2)  $AC = 12\text{cm}$

【解析】(1) 根据线段的定义数出所有线段即可求解，

(2) 根据线段的和差关系进行计算即可求解。

(1)

图中的线段有：  $AC, AD, AB, CD, CB, DB$ ，共 6 条，

故答案为：6；

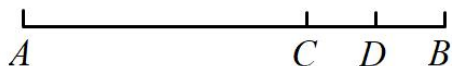
(2)

由点  $D$  为  $BC$  的中点，得  $BC = 2CD = 2BD$ ，

由线段的和差，得  $AB = AC + BC$ ，即  $4CD + 2CD = 18$ ，

解得  $CD = 3$ ，

$AC = 4CD = 4 \times 3 = 12\text{cm}$ 。



本题考查了数线段，线段的和差关系，数形结合是解题的关键。

19. (1)  $AC + BD = 6\text{cm}$

(2)  $MN = 7\text{cm}$

【解析】(1) 根据  $AC + BD = AB - CD$  求解即可；

(2) 根据中点定义求出  $AM + BN$  的长度，再根据  $MN = AB - (AM + BN)$  代入数据进行计算即可求解。



(1)

解：∵  $AB = 10\text{cm}$ ， $CD = 4\text{cm}$ ，

$$\therefore AC + BD = AB - CD = 10 - 4 = 6(\text{cm}),$$

(2)

解：∵  $M$ 、 $N$  分别为  $AC$ 、 $BD$  的中点，

$$AM + BN = \frac{1}{2}AC + \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}(AC + BD) = 3(\text{cm}),$$

$$\therefore MN = AB - (AM + BN) = 10 - 3 = 7(\text{cm});$$

本题考查了两点间的距离，中点的定义，结合图形找准线段之间的关系是解题的关键。

20. (1) 线段  $AB$  的长度为 14. (2)  $P$  点表示的数为 -1. (3)  $t = \frac{19}{3}$  或  $t = 3$ .

【解析】(1) 利用数轴的点之间的距离公式，直接求解即可。

(2) 利用中点性质，先求出  $AP$  长度，进而通过  $AP$  长和  $A$  点代表的数，求出  $P$  点表示的数即可。

(3) 利用  $t$  表示出甲乙两只蚂蚁的位置，利用数轴上点之间的距离公式，得到关于  $t$  的方程，通过方程，求出  $t$  的即可。

$$(1) \text{ 解: } AB = |-8 - 6| = 14.$$

(2) 解：∵ 点  $P$  为线段  $AB$  的中点，

$$\therefore AP = \frac{1}{2}AB = 7,$$

∵ 点  $A$  代表的数为 -8，

$$\therefore P \text{ 点表示的数为: } -8 + 7 = -1.$$

(3) 解：蚂蚁运动时间为  $t$  秒时，甲蚂蚁在数轴上表示的数为  $-8 + 2t$ ，乙蚂蚁在数轴上表示的数为  $6 - t$ 。

$$\text{依题意得: } |-8 + 2t - (6 - t)| = 5,$$

$$|-14 + 3t| = 5,$$

$$\text{即: } -14 + 3t = 5 \text{ 或 } -14 + 3t = -5,$$

$$\text{解得 } t = \frac{19}{3} \text{ 或 } t = 3.$$

21. (1) 7, 1

(2)  $EF - BE = 8$  或  $EF + BE = 8$  或  $BE - EF = 8$

【解析】(1) 根据线段的和差可得答案；

(2) 分三种情况：当点  $C$  在线段  $BF$  上时或当点  $C$  在线段  $AF$  上时或当点  $C$  在线段  $BA$  的延长线上时，正确画出图形即可得到结论。

(1)

解：由题意得， $AB=16\text{m}$ ，

$\because F$  到  $A, B$  距离相等，

$\therefore AF=BF=8\text{m}$ ，

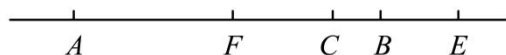
$\because CE=8\text{m}$ ， $CF=1\text{m}$ ，

$\therefore EF=8-1=7\text{m}$ ， $BE=8-7=1\text{m}$ 。

故答案为：7，1；

(2)

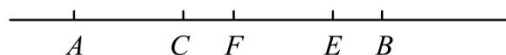
①当点  $C$  在线段  $BF$  上时，如图，



设  $BC=x$ ，则  $BE=8-x$ ， $EF=16-x$ ，

$\therefore EF-BE=(16-x)-(8-x)=8$ ；

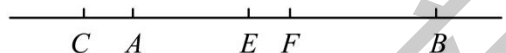
②当点  $C$  在线段  $AF$  上时，如图，



设  $BC=x$ ，则  $BE=x-8$ ， $EF=16-x$ ，

$\therefore EF+BE=(16-x)+(x-8)=8$ ；

③当点  $C$  在线段  $BA$  的延长线上时，如图，



设  $BC=x$ ，则  $BE=x-8$ ， $EF=x-16$ ，

$\therefore BE-EF=(x-8)-(x-16)=8$ ；

综上， $EF-BE=8$  或  $EF+BE=8$  或  $BE-EF=8$ 。

本题考查两点间的距离，熟练掌握线段的和差是解题关键。

22. (1) ① $AD=7$ ；② $AD=\frac{20}{3}$  或  $\frac{28}{3}$ ；(2)  $\frac{17}{42}$  或  $\frac{11}{6}$

【解析】(1) 根据已知条件得到  $BC=6$ ， $AC=12$ ，①由线段中点的定义得到  $CE=3$ ，求得  $CD=5$ ，由线段的和差得到  $AD=AC-CD=12-5=7$ ；②当点  $C$  为线段  $DE$  的三等分点时，

可求得  $CE=\frac{1}{3}DE=\frac{8}{3}$  或  $CE=\frac{2}{3}DE=\frac{16}{3}$ ，则  $CD=\frac{16}{3}$  或  $\frac{8}{3}$ ，由线段的和差即可得到结论；

(2) 当点  $E$  在线段  $BC$  之间时，设  $BC=x$ ，则  $AC=2BC=2x$ ，求得  $AB=3x$ ，设  $CE=y$ ，得到  $AE=2x+y$ ， $BE=x-y$ ，求得  $y=\frac{2}{7}x$ ，当点  $E$  在点  $A$  的左侧，设  $BC=x$ ，则  $DE=1.5x$ ，设  $CE=y$ ，求得  $DC=EC+DE=y+1.5x$ ，得到  $y=4x$ ，于是得到结论。

解：(1)  $\because AC=2BC$ ， $AB=18$ ，

$$\therefore BC=6, AC=12,$$

① $\because E$  为  $BC$  中点,

$$\therefore CE=3,$$

$$\because DE=8,$$

$$\therefore CD=5,$$

$$\therefore AD=AC-CD=12-5=7;$$

② $\because$  点  $C$  是线段  $DE$  的三等分点,  $DE=8$ ,

$$\therefore CE=\frac{1}{3}DE=\frac{8}{3} \text{ 或 } CE=\frac{2}{3}DE=\frac{16}{3},$$

$$\therefore CD=\frac{16}{3} \text{ 或 } CD=\frac{8}{3},$$

$$\therefore AD=AC-CD=12-\frac{16}{3}=\frac{20}{3} \text{ 或 } 12-\frac{8}{3}=\frac{28}{3};$$

(2) 当点  $E$  在线段  $BC$  之间时, 如图,



设  $BC=x$ ,

则  $AC=2BC=2x$ ,

$$\therefore AB=3x,$$

$$\because AB=2DE,$$

$$\therefore DE=1.5x,$$

设  $CE=y$ ,

$$\therefore AE=2x+y, BE=x-y,$$

$$\therefore AD=AE-DE=2x+y-1.5x=0.5x+y,$$

$$\therefore \frac{AD+EC}{BE}=\frac{3}{2},$$

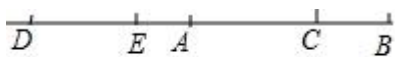
$$\therefore \frac{0.5x+y+y}{x-y}=\frac{3}{2},$$

$$\therefore y=\frac{2}{7}x,$$

$$\therefore CD=1.5x-\frac{2}{7}x=\frac{17}{14}x,$$

$$\therefore \frac{CD}{AB}=\frac{\frac{17}{14}x}{3x}=\frac{17}{42};$$

当点  $E$  在点  $A$  的左侧, 如图,



设  $BC=x$ , 则  $DE=1.5x$ ,

设  $CE=y$ ,

$$\therefore DC=EC+DE=y+1.5x,$$

$$\therefore AD=DC-AC=y+1.5x-2x=y-0.5x,$$

$$\therefore \frac{AD+EC}{BE}=\frac{3}{2}, \quad BE=EC+BC=x+y,$$

$$\therefore \frac{y-0.5x+y}{x+y}=\frac{3}{2},$$

$$\therefore y=4x,$$

$$\therefore CD=y+1.5x=4x+1.5x=5.5x, \quad BD=DC+BC=y+1.5x+x=6.5x,$$

$$\therefore AB=BD-AD=6.5x-y+0.5x=6.5x-4x+0.5x=3x,$$

$$\therefore \frac{CD}{AB}=\frac{5.5x}{3x}=\frac{11}{6},$$

当点  $E$  在线段  $AC$  上及点  $E$  在点  $B$  右侧时, 无解,

综上所述  $\frac{CD}{AB}$  的值为  $\frac{17}{42}$  或  $\frac{11}{6}$ .

故答案为:  $\frac{17}{42}$  或  $\frac{11}{6}$ .

本题考查了两点间的距离, 利用了线段中点的性质、线段的和差、准确识图分类讨论  $DE$  的位置是解题的关键.

23. (1)①5; ②线段  $MN$  的长为  $\frac{7}{2}$  或  $\frac{9}{2}$

(2)  $\frac{1}{4}$

【解析】(1) ①先根据数轴上两点的距离可得  $AB$  的长, 由线段中点的定义可得  $AM$  的长, 同理得  $CN$  的长, 由线段的和差关系可得  $MN$  的长;

②存在两种情况:  $C$  在  $D$  的左边或右边, 同理根据线段的和差关系可得  $MN$  的长;

(2) 设点  $A$  表示的数为  $a$ , 点  $B$  表示的数为  $b$ , 点  $C$  表示的数为  $c$ , 结合数轴上两点间的距离公式, 中点坐标公式和线段的和差关系列方程求解.

(1)

解: ①如图 1,

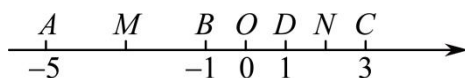


图1

$\therefore$  点  $A$ ,  $B$  表示的数分别是  $-5$ ,  $-1$ ,

$$\therefore AB=-1-(-5)=4,$$

$\therefore M$  是  $AB$  的中点,

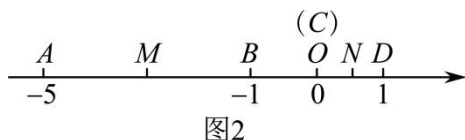
$$\therefore AM = \frac{1}{2} AB = 2,$$

$$\text{同理得: } CD = 3 - 1 = 2, \quad CN = \frac{1}{2} CD = 1,$$

$$\therefore MN = AC - AM - CN = 3 - (-5) - 2 - 1 = 5;$$

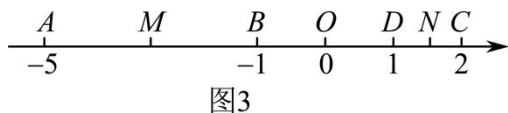
②若  $CD=1$ , 存在两种情况:

i) 如图 2, 点  $C$  在  $D$  的左边时,  $C$  与原点重合, 表示的数为 0,



$$\therefore MN = AD - AM - DN = 1 - (-5) - 2 - \frac{1}{2} = \frac{7}{2};$$

ii) 如图 3, 点  $C$  在  $D$  的右边时,  $C$  表示的数为 2,



$$\therefore MN = AC - AM - CN = 2 - (-5) - 2 - \frac{1}{2} = \frac{9}{2};$$

综上, 线段  $MN$  的长为  $\frac{7}{2}$  或  $\frac{9}{2}$ ;

(2)

设点  $A$  表示的数为  $a$ , 点  $B$  表示的数为  $b$ , 点  $C$  表示的数为  $c$ ,

$\therefore$  点  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$ 、 $M$ 、 $N$  是数轴上的点, 且点  $M$  是线段  $AB$  的中点, 点  $N$  是线段  $CD$  的中点,

$$\therefore \text{点 } M \text{ 在数轴上表示的数为 } \frac{a+b}{2}, \text{ 点 } N \text{ 在数轴上表示 } \frac{1+c}{2},$$

$$\therefore MN = \left| \frac{a+b}{2} - \frac{1+c}{2} \right|,$$

$$\therefore \text{点 } A, B, C \text{ 均在点 } O \text{ 的右侧, 且始终满足 } MN = \frac{OA+OB+OC}{2},$$

$$\therefore 2 \left| \frac{a+b}{2} - \frac{1+c}{2} \right| = a+b+c,$$

$$\text{整理, 得 } |a+b-1-c| = a+b+c,$$

$$\text{当 } a+b-1-c = a+b+c \text{ 时,}$$

$$\text{解得 } c = -\frac{1}{2} \text{ (不符合题意, 舍去),}$$

$$\text{当 } -a-b+1+c = a+b+c \text{ 时,}$$

解得：  $a+b=\frac{1}{2}$ ,

$\therefore$  点  $M$  在数轴上表示的数为  $\frac{a+b}{2}=\frac{1}{4}$ ,

综上，点  $M$  在数轴上所对应的数为  $\frac{1}{4}$ .

本题主要考查了数轴，数轴上的点的几何意义，绝对值的意义等知识的应用．掌握数轴上两点的距离公式是解题的关键．

阳安所有