姓名: 杨佩成

学号: MG1733079

日期: 2017.12.10

## 论文信息

L. Lamport, Time, clocks, and the ordering of events in a distributed system. Communications of the ACM. 21, 558–565 (1978).

## 1 概述

分布式系统是一组不同进程的集合,这些进程在空间上是分离的并且通过交换消息来进行通信。在分布式系统中,有时很难确定两个事件中哪个先发生。"happen before"关系只是整个系统中的一个偏序。这篇文章讨论了用"happen before"定义的偏序,并

## 2 偏序

基本假设:

系统由一组进程组成

单个进程是一组有序事件的集合, 发送消息和收到消息也是事件

定义 "happened before" 关系,用"→"表示"happened before"关系。

定义: (1)若a和b是用一个进程中的两个事件,并且a在b之前发生,则 $a \to b$ 。

- (2)若a和b在两个不同的进程中,a是一条消息的发送方,b是同一条消息的接收方,则 $a \rightarrow b$ 。
- (3)若 $a \rightarrow b$ ,  $b \rightarrow c$ , 则 $a \rightarrow c$ 。 若 $a \rightarrow b$ ,  $b \rightarrow a$ ,则称事件a和b是同步的。

逻辑时钟

我们通过给每个事件分配一个数字来给系统引入时钟。给每一个进程 $P_i$ 定义一个时钟 $C_i$ , $C_i$ 实际上是一个函数, $C_i\langle a\rangle$ 表示进程 $P_i$ 给事件a分配的数字。整个系统的时钟用函数C表示,系统给事件b分配的数字表示为 $C\langle b\rangle$ 。若b是进程 $P_i$ 中的事件,则 $C\langle b\rangle = C_i\langle b\rangle$ 。

时钟条件:

对于任意事件a, b: 若 $a \rightarrow b$ , 则 $C\langle a \rangle < C\langle b \rangle$ 。

只要下面两个条件满足, 时钟条件就可以满足

- C1.若a和b是进程 $P_i$ 的两个事件,a在b之前发生,则 $C_i\langle a\rangle < C_i\langle b\rangle$ 。
- C2.若a在进程 $P_i$ 中,b在进程 $P_j$ 中,a是一条消息的发送方,b是同一条消息的接收方,则 $C_i\langle a\rangle < C_i\langle b\rangle$ 。

如果要在实际系统中引入时钟并且能够满足时钟条件,只需要满足以下实现规则:

IR1.每个进程 $P_i$ 维护一个 $C_i$ ,并且当有新的时间发生时, $C_i$ 加一。

IR2.(a)进程 $P_i$ 中的事件a在发送信息m时,会包含一个时间戳 $T_m$ , $T_m$ 等于 $C_i\langle a\rangle$ 。(b)当进程 $P_j$ 收到消息m后, $P_i$ 会更新 $C_i$ ,保证 $C_i$ 大于等于当前值并且大于 $T_m$ 。

规则IR1保证了系统满足C1,IR2保证了满足C2。因此只要系统满足了上述的规则,就可以保证系统有一个正确的逻辑时钟。

在系统中引入时钟,我们就可以对系统中的所有事件进行排序(只需要按照它们发生的时间进行排序)。 为了打破系统中可能的同步关系,我们在进程之间引入任意的顺序关系~,这样我们就可以定义系统的全序 关系⇒:

a是进程 $P_i$ 中的一个事件,b是进程 $P_j$ 中的一个事件,若 $(i)C_i\langle a\rangle < C_j\langle b\rangle$ 或 $(ii)C_i\langle a\rangle = C_j\langle b\rangle$ 并且 $P_i \prec P_i$ ,则 $a \Rightarrow b$ 。

从全序关系的定义和时钟条件可以证明如果 $a \to b$ ,则 $a \Rightarrow b$ 。全序关系依赖于系统的时钟,并且系统的全序关系是不唯一的。不同的时钟,只要满足了时钟条件,就可以生成不同全序。在分布式系统中,只有偏序是唯一的。

在分布式系统中引入逻辑时钟,可以得到一个系统的全序。通过全序,我们可以解决一类互斥问题。 基本问题:

在一个分布式系统中,有一组固定的进程共享一个资源。在每个时刻只能有一个进程能够使用这个资源。分配资源的算法必须满足下面三点要求: (1)资源在被分配给新的进程之前必须先被旧的进程释放。 (2)资源的分配顺序必须和进程的请求顺序一致。(3)每个获取了资源的进程最终都会释放资源,每个请求最终都会得到授权。

使用一个集中调度的进程来处理授权在一些情况下会失效。假设 $P_0$ 是调度进程, $P_1$ 先给 $P_0$ 发送一个资源授权请求,再给 $P_2$ 发送一个消息。 $P_2$ 在收到消息后也发送一个请求给 $P_0$ 。如果 $P_2$ 的请求先到达,那么上面的条件3就会不满足。

我们可以在系统中引入逻辑时钟来解决这个问题。为了简化问题,我们假设两个进程之间消息的到达顺序与发送顺序一致,每个消息最终都能被收到,每个进程都能与其他任一进程通信。每个进程都维护一个仅自己可见的请求队列,初始情况下队列只有一条消息 $T_0: P_0$ 请求资源。 $P_0$ 是最初被授予资源的进程, $T_0$ 小于任意时钟初始值。具体算法由下面五条规则定义:

- 1.当进程 $P_i$ 请求资源时,它会向其它进程广播 $T_m: P_i$ 请求资源的消息并把消息加入自己的请求队列中,其中 $T_m$ 是发送消息的时间戳。
- 2.当进程 $P_j$ 收到 $T_m:P_i$ 请求资源的消息时,它会将消息放入自己的请求队列中并回复一个带时间戳的ack给 $P_i$ 。
- - 4.当进程 $P_i$ 收到来自 $P_i$ 的释放资源消息时,它会从请求队列中将 $T_m: P_i$ 请求资源的消息删除。
- 5.当下面两个条件满足时,进程 $P_i$ 会被授予资源: i在它自己的消息队列中,不存在比 $T_m: P_i$ 更早的请求资源消息,这里的顺序通过全序定义的。 $romannumeral2P_i$ 发送的请求收到其它进程的回复。

这是一个分布式的算法,不需要中心节点,每个进程都独立地运行。这种算法可以实现分布式系统中的任何同步操作。因为所有的进程都是按照时间戳(由系统的全序决定)来执行命令的,每个进程都是执行的一个相同的命令序列。但是这种算法需要所有的进程都积极参与,当一个进程发生故障时,其它进程就不能继续执行命令,这会导致整个系统的停止。如果没有物理时钟,我们是无法区分进程故障和进程暂停的。

异常动作:

假设 $\varphi$ 是系统内部所有事件的集合, $\underline{\varphi}$ 是系统内部事件和与内部事件相关的外部事件的并集。我们用 $\to$ 表示 $\varphi$ 中的 "happened before" 关系, $A\to B$ 不能推出 $A\to B$ 。