# № 后缀trie树 & 后缀自动机

2019-09-13 11:23:25 \_-Y-\_-Y-\_ 阅读数 16 更多

编辑

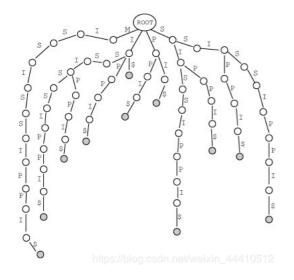
版权声明:本文为博主原创文章,遵循 CC 4.0 BY-SA 版权协议,转载请附上原文出处链接和本声明。 本文链接: https://blog.csdn.net/weixin\_44410512/article/details/100799519

# 后缀trie树

后缀trie树 就是在一个字典树里有且只有一个单词的所有后缀列出字符串MISSISSIPPI的所有后缀

1	MISSISSIPPI
2	ISSISSIPPI
3	SSISSIPPI
4	SISSIPPI
5	ISSIPPI
6	SSIPPI
7	SIPPI
8	IPPI
9	PPI
10	PI
11	I

后缀trie树就是把所有后缀全部存进字典树里面



# 接下来是构造后缀trie树

第一种很简单面,就是按照定义将所有后缀依次插入到字典树里面

## 第二种就是一个很神奇的操作

比如说abaab

1	abaab
2	baab
3	aab
4	ab
5	b

先把所有后缀右对齐, 然后从上到下开始操作 先开始把第一个字符插进去

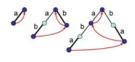
## Trie(a)



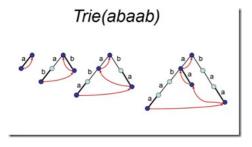
红色箭头的指向的节点和子叶节点都是下一个字符要插入的点



然后在该节点下插入该字符,并且让红色箭头指向刚才插入的那个节点



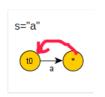
要是红色箭头下面有要插入的字符, 那就不必新建节点, 直接指向该节点



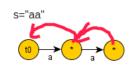
# 后缀自动机 (SAM)

后缀自动机是一张有向无环图,其中顶点是状态,而边代表了状态之间的转移。 初始状态被记作 $t_0$ ,终止状态用星号(\*)标记

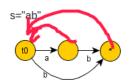
失配指针fail指向的节点 是 当前节点 (top) 所表示的字符串的最大后缀



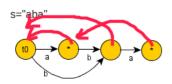
从起点开始构建,第一个字符直接插入在根节点后面,失配指针指向根节点



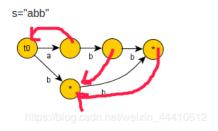
因为第二个节有最大后缀 a 所以不需要在建一个新的节点



要是没有最大后缀, 那就只能从根节点出发, 连接该节点

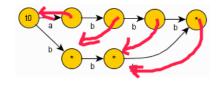


### 你会发现从根节点出发到标(\*)节点的所有路径表示的就是这个字符串的所有后缀



### 现在就是用到fail的时候了

要是第二次因为同一条边而fail到同一个节点,那么这个节点就得往下新建一个节点新建的这个节点就有了第一次访问这个节点的性质,并且让当前节点指向和第一次节点的fail指向新建的节点完善这个新建的节点



fail指针主要还是用来完善新建节点的,并且加速图的建立

### 构造后缀自动机思路:

从当前字符(end)的前一个(last)开始跑fail,要是fail指向的节点不存在这个字符,那么将两个节点相连跑到结束的时候会有两种情况

第一种是跑的了根节点(0)所指的fail,那么直接将根节点和最后节点(end)相连

第二种就是fail指向的节点下有这个字符,那么需要判断这个节点所表示的字符串是不是与(end)所表示的字符串相同要是不相同,就要新建一个节点(np),新建的这个节点将保存先前访问过这个节点的信息

然后继续跑fail 要是fail指向的节点存在这个这个字符,那么连接节点(np)

目的就是找最长后缀相等的前缀

## code

```
1 /*
 2 Glass Beads
 4 https://cn.vjudge.net/problem/POJ-1509#author=hzoi2017_gyz
   题意:给一个字符串S,每次可以将它的第一个字符移到最后面,求这样能得到的字典序最小的字符串。如BBAAB,最小的就是AABBB
   解法: 后缀自动机
 7
 8
   #include <iostream>
9
   #include <algorithm>
10 #include <cstring>
11 #define maxn 100000
12 using namespace std;
13
   struct node{
14
     int len, fail;
15
     int next[26];
16
     void init(){
17
       fail=-1;
18
       len=0;
19
       memset(next,-1,sizeof next);
```

```
20
  21
      }a[maxn];
  22
      int top,last;
  23
      char s[maxn];
  24
      void init(){
  25
        top=last=0;
  26
        a[top++].init();
  27
  28
      int newnode(){
  29
        a[top].init();
        return top++;
  30
  31 }
  32 void add(int c){
  33
       int end=newnode();
  34
      int now=last;
  35
       a[end].len=a[last].len+1;
  36
       for(;now!=-1&&a[now].next[c]==-1; now=a[now].fail){
  37
          a[now].next[c]=end;
  38
       }
  39
        if(now==-1) a[end].fail=0;
  40
       else{
          int next=a[now].next[c];
  41
  42
          if(a[now].len+1==a[next].len) a[end].fail=next;
  43
          else{
            int np = newnode();
  44
  45
            a[np]=a[next];
  46
            a[np].len=a[now].len+1;
  47
            a[end].fail=a[next].fail = np;
  48
            for(;now!=-1&&a[now].next[c]==next;now=a[now].fail){
  49
              a[now].next[c] = np;
  50
  51
  52
  53
        last = end;
  54
  55
      int main(){
  56
        int T;
  57
        cin>>T:
  58
        while(T--){
  59
          init();
  60
          cin>>s;
  61
          int len=strlen(s);
  62
          for(int i=0;i<len*2;i++){
  63
           add(s[i%len]-'a');
  64
  65
          int ans=0;
  66
          for(int i=0;i<len;i++){</pre>
           for(int j=0;j<26;j++){
  67
  68
             if(a[ans].next[j]!=-1){
  69
                ans=a[ans].next[j];
  70
                break;
  71
              }
  72
            }
  73
  74
          cout<<a[ans].len-len+1<<endl;</pre>
  75
  76 }
更多例题在这里
```

有 0 个人打赏

文音最后发布干· 2019-09-13 13·33·54

©2019 CSDN 皮肤主题: 大白 设计师: CSDN官方博客