第6次作业题

1. 比较 $\iint_D (x+y)^2 dxdy$ 与 $\iint_D (x+y)^3 dxdy$ 的大小, 其中

$$D = \{(x,y) \mid (x-2)^2 + (y-2)^2 \le 2\}.$$

2. 设函数 f 在原点 (0,0) 的某个邻域内连续, 计算极限

$$\lim_{r \to 0^+} \frac{1}{r^2} \iint_{x^2 + y^2 \le r^2} f(x, y) \, dx dy.$$

3. 将二重积分 $\iint_D f(x,y) dxdy$ 化成累次积分, 其中

$$D = \{(x, y) \mid y \ge x - 2, \ x \ge y^2\}.$$

- **4.** 改变 $\int_0^1 \left(\int_{2\sqrt{1-x}}^{\sqrt{4-x^2}} f(x,y) \, \mathrm{d}y \right) \mathrm{d}x + \int_1^2 \left(\int_0^{\sqrt{4-x^2}} f(x,y) \, \mathrm{d}y \right) \mathrm{d}x$ 的积分次序.
- 5. 计算下列二重积分:
- (1) $\iint_D |xy| \, dxdy$, $\not = P = \{(x,y) \mid x^2 + y^2 \leqslant R^2\} \not = R > 0$;
- (2) $\iint_D (x^2 + y^2) \, dx dy$, 其中 D 是以 y = x, y = x + 1, y = 1, y = 4 为其边的平行四边形.
- **6.** 分别求出由平面 z = x y, z = 0 与圆柱面 $x^2 + y^2 = 2x$ 所围成的两个空间几何体的体积.