

TD déduction modulo théorie et variantes

David Delahaye

Faculté des Sciences
David.Delahaye@lirmm.fr

Master Informatique M2 2021-2022

Théorie des ensembles (déduction modulo théorie)

- Axiomes :
 - ▶ $\forall s, t. s = t \Leftrightarrow \forall x. x \in s \Leftrightarrow x \in t$;
 - ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cap t \Leftrightarrow x \in s \wedge x \in t$;
 - ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cup t \Leftrightarrow x \in s \vee x \in t$.
- Transformer ces axiomes en règles de réécriture ;
- Démontrer dans cette théorie avec règles de réécriture :
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cap (b \cup c) = (a \cap b) \cup (a \cap c)$;
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cup (b \cap c) = (a \cup b) \cap (a \cup c)$.

Théorie des ensembles (superdédution)

- Axiomes :
 - ▶ $\forall s, t. s = t \Leftrightarrow \forall x. x \in s \Leftrightarrow x \in t$;
 - ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cap t \Leftrightarrow x \in s \wedge x \in t$;
 - ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cup t \Leftrightarrow x \in s \vee x \in t$.
- Transformer ces axiomes en règles de superdédution (deux règles par axiome, une règle gauche et une règle droite) ;
- Démontrer dans cette théorie avec superdédution :
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cap (b \cup c) = (a \cap b) \cup (a \cap c)$;
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cup (b \cap c) = (a \cup b) \cap (a \cup c)$.

Théorie des ensembles (tableaux et superdédution)

- Axiomes :

- ▶ $\forall s, t. s = t \Leftrightarrow \forall x. x \in s \Leftrightarrow x \in t$;
- ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cap t \Leftrightarrow x \in s \wedge x \in t$;
- ▶ $\forall s, t, x. x \in s \cup t \Leftrightarrow x \in s \vee x \in t$.

- Transformer ces axiomes en règles de superdédution pour les tableaux selon la méthode vue précédemment ;
- Démontrer en utilisant les tableaux et ces nouvelles règles :
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cap (b \cup c) = (a \cap b) \cup (a \cap c)$;
 - ▶ $\forall a, b, c. a \cup (b \cap c) = (a \cup b) \cap (a \cup c)$.