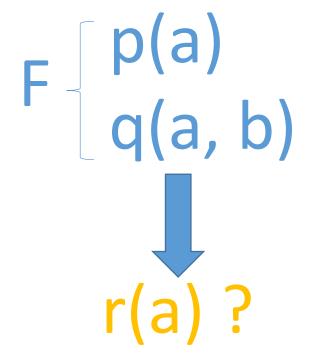
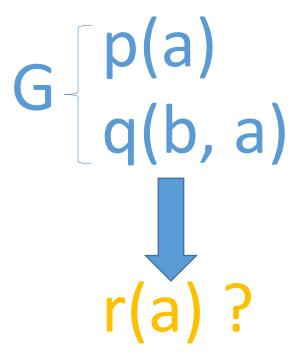
Kill the Wumpus

Cours confiné GraphIK 4 6 mai 2020 Dans les épisodes précédents: application de règle

p(X), not q(X, Y), p(Y), not $q(Y, X) \rightarrow r(X)$





Dans les épisodes précédents: dérivations persistantes et complètes

$$(R_1)$$
 $p(X)$, $not q(X) \rightarrow r(X)$ $p(a)$ (R_2) $p(X) \rightarrow q(X)$

application
$$R_1$$
, application R_2 , $q(a)$ absent $p(a) \xrightarrow{q(a)} p(a)$, $r(a) \xrightarrow{q(a)} p(a)$, $r(a)$, $q(a)$

application R_1 , $p(a) \xrightarrow{q(a) \text{ absent}} p(a), r(a) \xrightarrow{R_2 \text{ est applicable,}} p(a) \xrightarrow{\text{mais on ferme les yeux}}$

application
$$R_2$$
 $p(a) \longrightarrow p(a)$, $r(a)$
 R_1 n'est plus applicable, on a bien fini

On voudrait des applications *persistantes* dans la dérivation: toute application devrait rester applicable.

On voudrait des dérivations complètes.

Bonne dérivation : persistante et complète.

Dans les épisodes précédents: Skolémisation

Phase 1: Skolemisation

$$p(X, Y, Z), \text{ not } q(X, T) \rightarrow r(X, U), r(Y, V)$$

$$p(X, Y, Z), \text{ not } q(X, T) \rightarrow \begin{cases} r(X, f_U(X, Y, Z)), r(Y, f_V(X, Y, Z)) \text{ corps} \\ r(X, f_U(X, Y)), r(Y, f_V(X, Y)) \text{ frontière} \\ r(X, f_U(X)), r(Y, f_V(Y)) \text{ pièces} \end{cases}$$

Les résultats d'une bonne (oblivious) dérivation d'une KB ou de sa corps-skolémisation sont « équivalents » : toute BCQ (sans symbole fonctionnel) déductible de l'un est déductible de l'autre.

Voir pourquoi les autres skolemisations peuvent donner des résultats différents dans (Baget et al., NMR 2014)

Dans les épisodes précédents: modèles stables

1. Propositionalisation





Cette étape part a l'infini si domaine de Herbrand infini (i.e. si vars exist., sauf certaines optimisations)

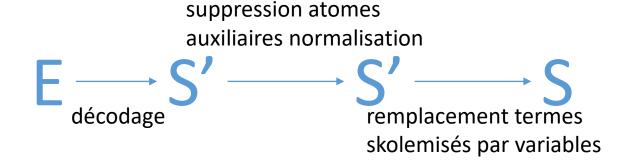
2. Générer

On devine un sous-ensemble E des atomes propositionnels

3. Tester

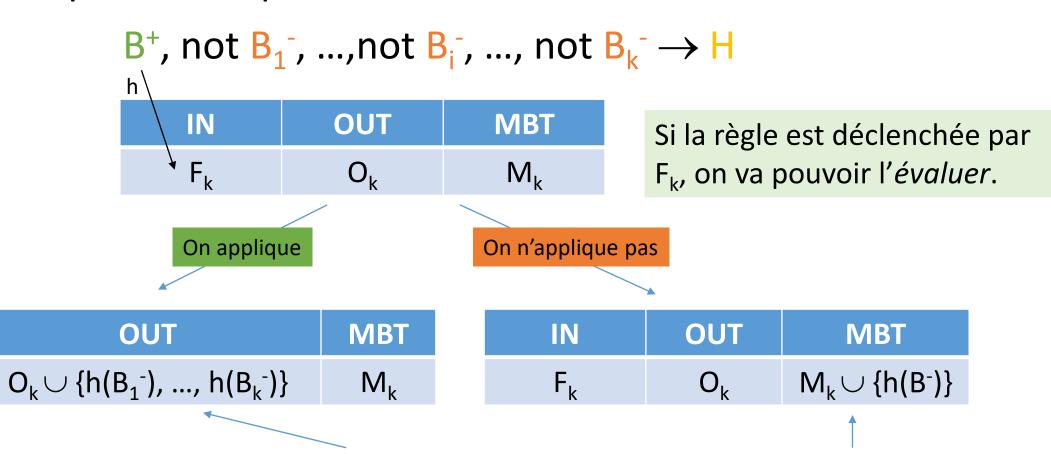
On teste si $E = P_{|E}^*$. Par définition (fin du suspense): E est un *modèle stable* de P.

4. Transformation inverse



S est le résultat d'une bonne dérivation de K' ssi E est un modèle stable de P.

Dans les épisodes précédents: ASPERIX



Ici h(H) et pas h^s(H) car Skolem

IN

 $F_k \cup h(H)$

Ici on rajoute k éléments, 1 par corps négatif Ici on rajoute 1 élément, disjonction des k corps négatifs

WW: test du moteur

l	stench		breeze	
2		stench glitter breeze		breeze
3	stench		breeze	
1		breeze		breeze

#include "wumpusengine.lp".

%% TESTING THE ENGINE

action(shoot, north, 0).
action(move, north, 1).
action(move, north, 2).
action(move, east, 3).
action(pick, treasure, 4).
action(move, west, 5).
action(move, south, 6).
action(move, south, 7).

Models

Calls

Time

: 1

: 1

CPU Time : 0.000s

show hero/3.
#show action/3.
#show feelstench/3.
#show feelglitter/3.
#show feelbreeze/3.
#show scream/1.
#show victory/1.

clingo version 4.5.4
Reading from test4.lp
Solving...
Answer: 1
hero(1,1,0) action(shoot,north,0) action(move,north,1) action(move,north,2)
action(move,east,3) action(pick,treasure,4) action(move,west,5) action(move,south,6)
action(move,south,7) hero(1,1,1) hero(1,2,2) hero(1,3,3) hero(2,3,4) hero(2,3,5) hero(1,3,6)
hero(1,2,7) hero(1,1,8) scream(1) feelstench(1,2,2) feelstench(1,2,7) feelstench(2,3,4)
feelstench(2,3,5) feelbreeze(2,3,4) feelbreeze(2,3,5) feelglitter(2,3,4) feelglitter(2,3,5) victory(8)
SATISFIABLE

: 0.005s (Solving: 0.00s 1st Model: 0.00s Unsat: 0.00s)

Sémantique(s) de la skolemisation

Skolémisation et arrêt de la dérivation (1)

$$p(X, Y) \rightarrow p(X, Z).$$

p(a, b).

corps-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow p(X, f(X, Y)).$$

p(a, b).

```
p(a, f(a, b)).
p(a, f(a, f(a, b))).
p(a, f(a, f(a, f(a, b)))).
...
```

« similaire » à oblivious chase

frontiere-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow p(X, f(X)).$$

p(a, b).

Si corps-sk-chase s'arrete, alors fr-sk-chase s'arrete aussi.

- La réciproque n'est pas vraie
- Les 2 chases ont pour résultat un modèle universel

Skolémisation et arrêt de la dérivation (2)

$$p(X, Y) \rightarrow p(X, Z), p(T, Y).$$

p(a, b).

frontiere-skolemisation

 $p(X, Y) \rightarrow p(X, f(X, Y)), p(g(X, Y), Y).$ p(a, b).

```
p(a, f(a, b)), p(g(a, b), b).

p(a, f(a, f(a, b))), p(g(a, f(a, b)), f(a, b)).

p(g(a, b), f(g(a, b), b)), p(g(g(a, b), b), b).
...
```

pieces-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow p(X, f(X)), p(g(Y), Y).$$

p(a, b).

Si fr-sk-chase s'arrete, alors pieces-sk-chase s'arrete aussi.

- La réciproque n'est pas vraie
- Les 2 chases ont pour résultat un modèle universel

Skolémisation et résultat de la dérivation (1)

$$p(X, Y) \rightarrow q(X, Z), r(Z, Z).$$

 $q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).$
 $p(a, b), p(a, c).$

corps-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow q(X, f(X, Y)), r(f(X, Y), f(X, Y)).$$

 $q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).$
 $p(a, b), p(a, c).$

q(a, f(a, b)), r(f(a, b), f(a, b)). q(a, f(a, c)), r(f(a, c), f(a, c)). t(a).

Le choix de la skolemisation change la sémantique: on n'obtient pas les mêmes modèles stables.

frontiere-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow q(X, f(X)), r(f(X), f(X)).$$

 $q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).$
 $p(a, b), p(a, c).$





Skolémisation et résultat de la dérivation (2)

$$p(X, Y) \rightarrow q(X, Z), r(Z, Z), q(Y, U), r(U, U).$$

 $q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).$
 $p(a, b), p(a, c).$

frontiere-skolemisation

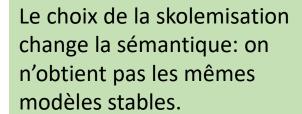
```
p(X, Y) \rightarrow q(X, f(X, Y)), r(f(X, Y), f(X, Y)), q(Y, g(X, Y)), r(g(X, Y), g(X, Y)).
 q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).
 p(a, b), p(a, c).
```



pieces-skolemisation

$$p(X, Y) \rightarrow q(X, f(X)), r(f(X), f(X)), q(Y, f(Y)), r(f(Y), f(Y)).$$

 $q(X, Y), q(X, Z), not r(Y, Z) \rightarrow t(X).$
 $p(a, b), p(a, c).$

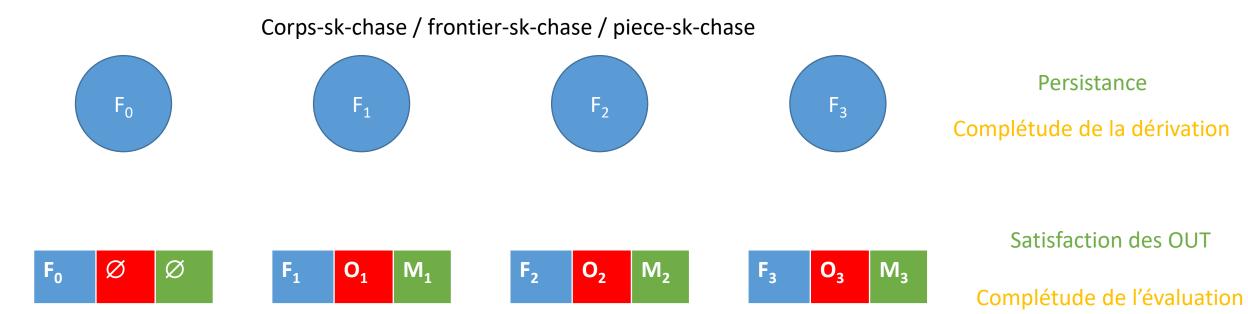






Sémantique(s) des autres chases

Bonnes dérivations et bonnes branches

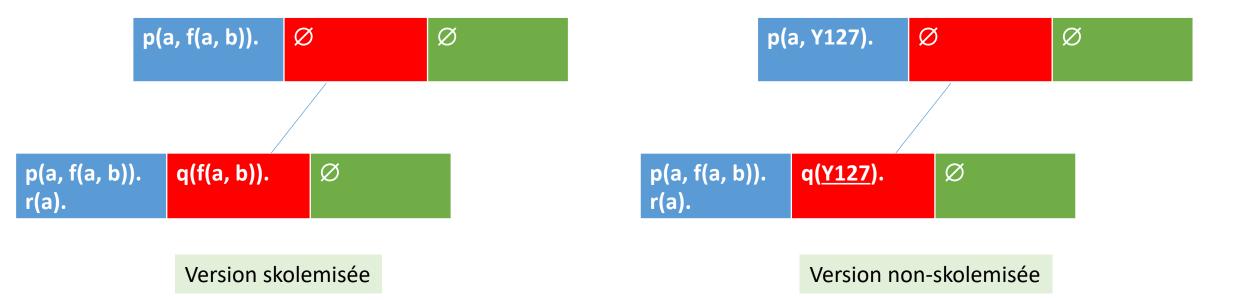


Satisfaction des MBT

Que se passe-t-il si on remplace notre « oblivious chase » (aka corps-sk-chase) par un autre chase?

Facile: « attacher les variables »

p(X, Y), not $q(Y) \rightarrow r(X)$.

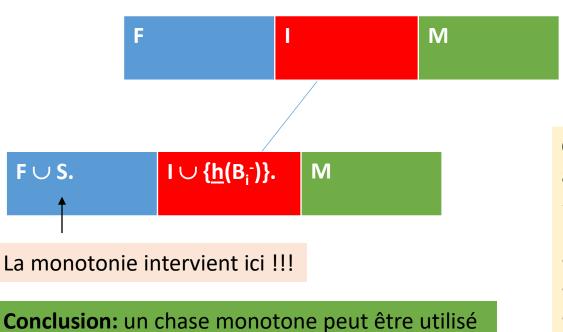


Implémentation: $q(\underline{Y127}) = q(Y) [Y \rightarrow Y127]$

Chases monotones: jusqu'ici tout va bien

Un chase est **monotone** si $\forall i$, $F_i \subseteq F_{i+1}$

Tous les chases « habituellement » utilisés sont monotones à part le core-chase.



syntaxiquement dans ASPERIX, on garde

l'équivalence avec les bonnes dérivations.

Bon attachement: ici, tous les termes de I sont:

- Soit des constantes de F
- Soit des variables attachées à des termes de F
- Soit des variables « libres »

Conservation du bon attachement: les contraintes de I sont bien attachées dans F, donc bien attachées dans $F \cup S$. Les contraintes « rajoutées » sont obtenues à partir d'un homomorphisme h dans F. Les termes de I sont donc:

- Soit des constantes de F (image par h)
- Soit des variables attachées à des termes de F (image par h)
- Soit des variables « libres »

Les contraintes su nouveau sommet sont donc bien attachées dans F, et donc dans F \cup S.

Le cas douloureux du core chase (1)

p(a, X1), q(X1), p(a, X2), r(X2).

not s(X1).

 $p(X, Y), r(Y) \rightarrow q(Y)$



p(a, X1), q(X1), p(a, X2), r(X2). q(X2).

not s(X2).

OUI MAIS...

p(a, X1), q(X1), p(a, X2), r(X2).

not r(X1).

p(a, X1), q(X1), p(a, X2), r(X2). q(X2).

not r(X2).

 $p(X, Y), r(Y) \rightarrow q(Y)$

Ici nous avons procédé au renommage, mais ça a créé une violation du OUT. Pourtant, sans la simplification, ça n'aurait pas posé de problème...

La contrainte est maintenant attachée à une variable

Supprimer la contrainte ? (berk, on perd de l'info...)

La **renommer** ? Puisque X1 a été simplifié en X2, on

qui n'existe plus. Que faut-il faire?

renomme la contrainte not s(X2).



Le cas douloureux du core chase (2)

Propositions d'ébauches de solutions...

V1/ Ne simplifier que si la simplification n'apporte pas de contradiction.

V2/ Considérer la contrainte comme une information. Dans ce cas, lors du renommage consécutif à la simplification, vérifier que la contrainte renommée est déjà présente (déductible des contraintes existantes).

Dans tous les cas, la contradiction (V1) ou la preuve (V2) peuvent apparaître plus tard dans la dérivation... Cela veut-il dire, par exemple pour la V2, qu'il faut prévoir des branching simplification / non simplification, et un champ MUST BE FALSE ?

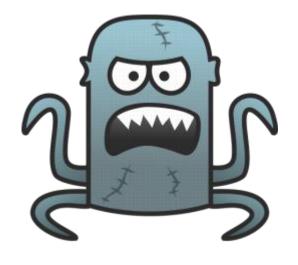
Ce mécanisme devra être résistant à l'ordre d'application des règles, caractéristique fondamentale d'ASPERIX.

Et, tant qu'on en parle, les modèles stables dépendent-ils de l'ordre d'application des règles au cours du restricted chase?

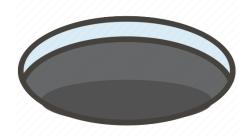
Et tout cela est-il bien utile?







Hunt for the Wumpus (1972)



Le Monde du Wumpus



WW: le moteur d'environnement

```
%% INSTANCE DATA
\#const maxarrow = 1.
\#const nbrows = 4.
#const nbcolumns = 4.
#const maxtime = 12. %% avant 15
time(1..maxtime).
column(1..nbcolumns).
row(1..nbrows).
arrows(0..maxarrow).
hasarrows(maxarrow, 0).
livewumpus(0).
livetreasure(0).
wumpus(1, 3).
pit(3, 1).
pit(3, 3).
pit(4, 4).
treasure(2, 3).
hero(1, 1, 0).
```

```
%% ENVIRONMENT
% connectivity
zone(X, Y) := column(X), row(Y).
north(X, Y, Z, T) := zone(X, Y), zone(Z, T), X = Z, Y = T+1.
south(Z, T, X, Y) :- north(X, Y, Z, T).
east(X, Y, Z, T) := zone(X, Y), zone(Z, T), X = Z+1, Y = T.
west(Z, T, X, Y) :- east(X, Y, Z, T).
connected(X, Y, Z, T):- north(X, Y, Z, T).
connected(X, Y, Z, T):- south(X, Y, Z, T).
connected(X, Y, Z, T) :- east(X, Y, Z, T).
connected(X, Y, Z, T) :- west(X, Y, Z, T).
```

```
% actions
:- action(A1, D1, N), action(A2, D2, N), A1 != A2.
:- action(A1, D1, N), action(A2, D2, N), D1 != D2.
hero(X, Y, N+1) := action(shoot, D, N), time(N+1), hero(X, Y, N).
shoot(D, N+1) :- action(shoot, D, N), hasarrows(K, N), K > 0, time(N+1).
shooting(N):-shoot(D, N).
hasarrows(K-1, N) :- shoot(D, N), hasarrows(K, N-1), arrows(K-1).
hasarrows(K, N+1) :- hasarrows(K, N), time(N+1), not shooting(N+1).
headshot(N)
                 :- hero(X1, Y1, N), wumpus(X2, Y2), shoot(north, N), X1 = X2, Y1 < Y2.
                 :- hero(X1, Y1, N), wumpus(X2, Y2), shoot(south, N), X1 = X2, Y1 > Y2.
headshot(N)
headshot(N)
                 :- hero(X1, Y1, N), wumpus(X2, Y2), shoot(west, N), X1 < X2, Y1 = Y2.
                 :- hero(X1, Y1, N), wumpus(X2, Y2), shoot(east, N), X1 > X2, Y1 = Y2.
headshot(N)
scream(N)
                :- headshot(N), livewumpus(N-1).
livewumpus(N)
                  :- livewumpus(N-1), time(N), hero(X, Y, N), not headshot(N).
hero(X, Y+1, N+1) := hero(X, Y, N), action(move, north, N), time(N+1), zone(X, Y+1).
hero(X, Y, N+1):- hero(X, Y, N), action(move, north, N), time(N+1), not zone(X, Y+1).
hero(X, Y-1, N+1) := hero(X, Y, N), action(move, south, N), time(N+1), zone(X, Y-1).
hero(X, Y, N+1):- hero(X, Y, N), action(move, south, N), time(N+1), not zone(X, Y-1).
hero(X+1, Y, N+1):-hero(X, Y, N), action(move, east, N), time(N+1), zone(X+1, Y).
hero(X, Y, N+1) := hero(X, Y, N), action(move, east, N), time(N+1), not zone(X+1, Y).
hero(X-1, Y, N+1):-hero(X, Y, N), action(move, west, N), time(N+1), zone(X-1, Y).
hero(X, Y, N+1) :- hero(X, Y, N), action(move, west, N), time(N+1), not zone(X-1, Y).
picktreasure(N+1):- hero(X, Y, N), treasure(X, Y), action(pick, U, N), livetreasure(N), time(N+1).
hero(X, Y, N+1) :- hero(X, Y, N), action(pick, U, N), time(N+1).
livetreasure(N+1):- hero(X, Y, N+1), livetreasure(N), not picktreasure(N).
```

```
% perceptions
stench(Z, T) := wumpus(X, Y), zone(Z, T), connected(X, Y, Z, T).
breeze(Z, T):- pit(X, Y), zone(Z, T), connected(X, Y, Z, T).
glitter(X, Y):- treasure(X, Y).
feelstench(X, Y, N):- hero(X, Y, N), stench(X, Y).
feelbreeze(X, Y, N):- hero(X, Y, N), breeze(X, Y).
feelglitter(X, Y, N):- hero(X, Y, N), glitter(X, Y), livetreasure(N).
% death of a hero
deadhero(X, Y, N):- hero(X, Y, N), wumpus(X, Y), livewumpus(N).
deadhero(X, Y, N) := hero(X, Y, N), pit(X, Y).
deadhero(X, Y, maxtime) :- action(X, Y, maxtime).
:- deadhero(X, Y, N).
% victory
victory(N):- hero(X, Y, N), hero(X, Y, 0), not livetreasure(N).
```

WW: test du moteur

4	stench		breeze	
3		sterch glitter breeze		breeze
2	stench		breeze	
1		breeze		breeze

#include "wumpusengine.lp".

%% TESTING THE ENGINE

action(shoot, north, 0).
action(move, north, 1).
action(move, north, 2).
action(move, east, 3).
action(pick, treasure, 4).
action(move, west, 5).
action(move, south, 6).
action(move, south, 7).

show hero/3.
#show action/3.
#show feelstench/3.
#show feelglitter/3.
#show feelbreeze/3.
#show scream/1.
#show victory/1.

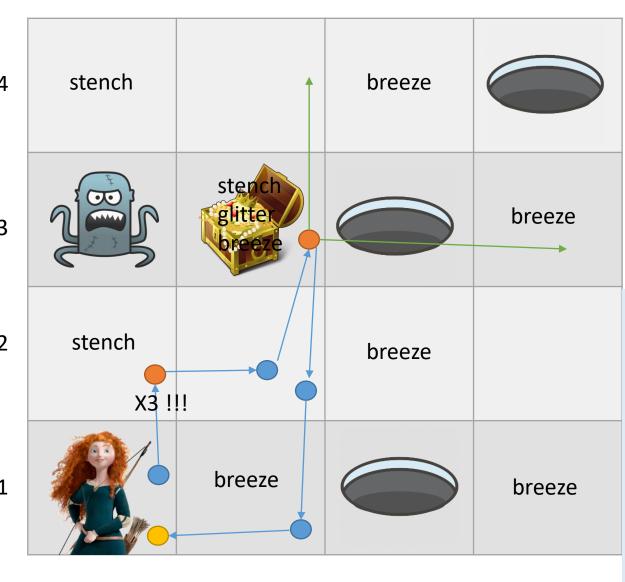
clingo version 4.5.4
Reading from test4.lp
Solving...
Answer: 1
hero(1,1,0) action(shoot,north,0) action(move,north,1) action(move,north,2)
action(move,east,3) action(pick,treasure,4) action(move,west,5) action(move,south,6)
action(move,south,7) hero(1,1,1) hero(1,2,2) hero(1,3,3) hero(2,3,4) hero(2,3,5) hero(1,3,6)
hero(1,2,7) hero(1,1,8) scream(1) feelstench(1,2,2) feelstench(1,2,7) feelstench(2,3,4)
feelstench(2,3,5) feelbreeze(2,3,4) feelbreeze(2,3,5) feelglitter(2,3,4) feelglitter(2,3,5) victory(8)
SATISFIABLE

Models : 1 Calls : 1

Time : 0.005s (Solving: 0.00s 1st Model: 0.00s Unsat: 0.00s)

CPU Time : 0.000s

WW: niveau 0



chose(N+1):- action(A, D, N), time(N+1), not victory(N+1).

clingo -n 1000000 wumpustest1.lp > file.txt

Answer: 1000000

hero(1,1,0) action(move,north,0) action(pick,west,1) action(pick,north,2) action(pick,west,3) action(move,east,4) action(move,north,5) action(pick,east,6) action(shoot,north,7) action(shoot,east,8) action(move,south,9) action(move,south,10) action(move,west,11) victory(12) hero(1,2,1) hero(1,2,2) hero(1,2,3) hero(1,2,4) hero(2,2,5) hero(2,3,6) hero(2,3,7) hero(2,3,8) hero(2,3,9) hero(2,2,10) hero(2,1,11) hero(1,1,12) feelstench(1,2,1) feelstench(1,2,2) feelstench(1,2,3) feelstench(1,2,4) feelstench(2,3,6) feelstench(2,3,7) feelbreeze(2,3,8) feelbreeze(2,3,9) feelglitter(2,3,6) feelglitter(2,3,7) SATISFIABLE

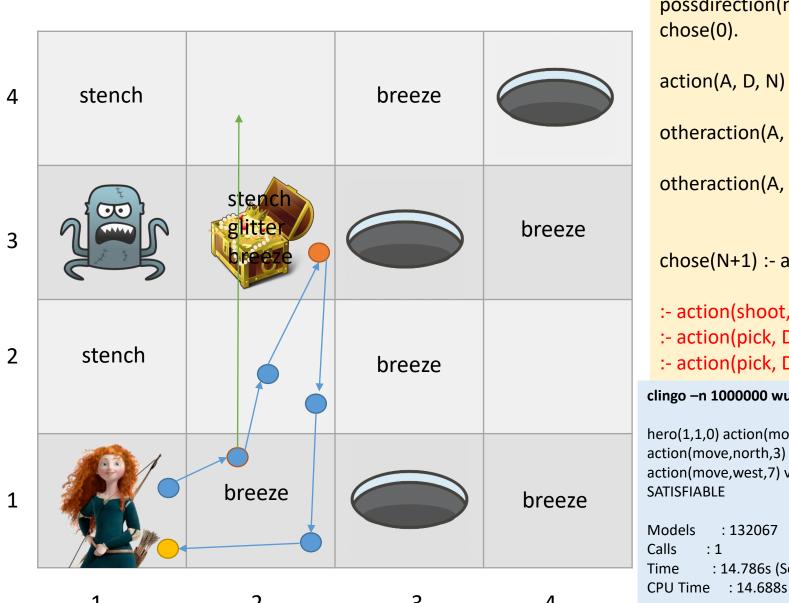
Models : 1000000+

Calls : 1

Time : 115.062s (Solving: 115.05s 1st Model: 0.01s Unsat: 0.00s)

CPU Time : 112.969s

WW: niveau 0+



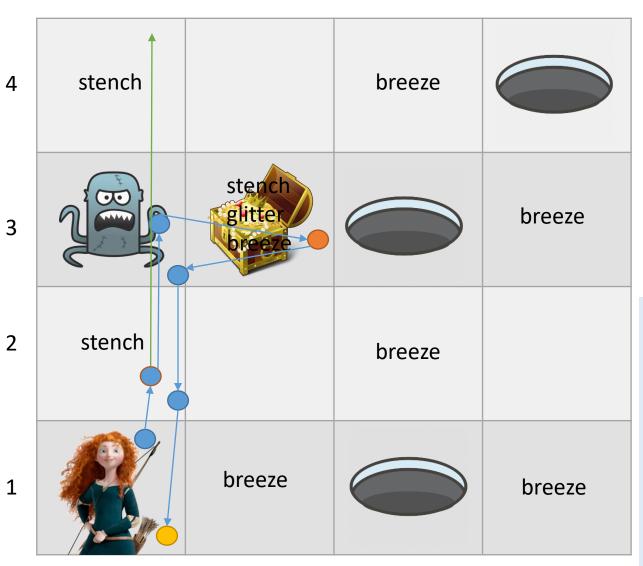
```
possaction(shoot; pick; move). %% macro utile
 possdirection(north; south; east; west).
 chose(0).
 action(A, D, N):- possaction(A), possdirection(D), chose(N),
                    not otheraction(A, D, N).
 otheraction(A, C, N):-possaction(A), possdirection(C),
                          action(B, D, N), A != B.
 otheraction(A, C, N):-possaction(A), possdirection(C),
                          action(B, D, N), C != D.
 chose(N+1) := action(A, D, N), time(N+1), not victory(N+1).
 :- action(shoot, D, N), action(shoot, C, M), N < M.
 :- action(pick, D, N), D != north.
 :- action(pick, D, N), hero(X, Y, N), not feelglitter(X, Y, N).
clingo -n 1000000 wumpustest2.lp > file.txt
hero(1,1,0) action(move,east,0) action(shoot,north,1) action(move,north,2)
action(move,north,3) action(pick,north,4) action(move,south,5) action(move,south,6)
action(move, west, 7) victory (8
SATISFIABLE
```

: 14.786s (Solving: 14.77s 1st Model: 0.00s Unsat: 0.00s)

#include "wumpusengine.lp".

: 132067

WW: niveau 0,5



```
pitsafe(Z, T, N):- hero(X, Y, N), connected(X, Y, Z, T), not feelbreeze(X, Y, N).
pitsafe(X, Y, N+1):- pitsafe(X, Y, N), time(N+1).
wumpussafe(Z, T, N):-
hero(X, Y, N), connected(X, Y, Z, T), not feelstench(X, Y, N).
wumpussafe(X, Y, N+1):- wumpussafe(X, Y, N), time(N+1).
wumpussafe(X, Y, N):- zone(X, Y), time(N), scream(M), M <= N.
safe(X, Y, N):- wumpussafe(X, Y, N), pitsafe(X, Y, N).

:- action(move, north, N), hero(X, Y, N), not safe(X, Y+1, N).
:- action(move, east, N), hero(X, Y, N), not safe(X+1, Y, N).
:- action(move, west, N), hero(X, Y, N), not safe(X-1, Y, N).
```

clingo -n 1000000 wumpustest3.lp > file.txt

hero(1,1,0) action(move,north,0) action(shoot,north,1) action(move,north,2) action(move,east,3) action(pick,north,4) action(move,west,5) action(move,south,6) action(move,south,7) victory(8) hero(1,2,1) hero(1,2,2) hero(1,3,3) hero(2,3,4) hero(2,3,5) hero(1,3,6) hero(1,2,7) hero(1,1,8) scream(2) feelstench(1,2,1) feelstench(1,2,2) feelstench(1,2,7) feelstench(2,3,4) feelstench(2,3,4) feelbreeze(2,3,5) feelglitter(2,3,4) feelglitter(2,3,5) SATISFIABLE

Models: 1898

Calls : 1

Time : 0.235s (Solving: 0.22s 1st Model: 0.00s Unsat: 0.00s)

CPU Time : 0.234s

Pour plus tard...

Le hero ne risque plus de mourir... Mais il n'a aucune stratégie assurant qu'il trouvera une solution, si elle existe.

A FAIRE: V2 du wumpus engine.

- La position ne doit plus être donnée
- Bump quand il cogne un mur