# 计算机视觉 - 自适应直方图均衡

# 杨铭 5130379022

### 2015年12月24日

### Contents

1	简述	1
2	<b>原理叙述</b> 2.1 传统算法	<b>1</b> 1
	2.2 优化	2
3	结果	3

# 1 简述

使用 opencv3.0+python 实现了论文 Adaptive Histogram Equalization an Its Variations 文中叙述的自适应直方图均衡化(ahe)算法

# 2 原理叙述

### 2.1 传统算法

传统的直方图均衡化 (ahe) 算法是指使用一个滑动窗口,对图中的每一个像素,将其放置在窗口的中心,然后对这个像素点和窗口进行一次直方图均衡化算法,并且将这个点的值替换为均衡化后的值。这个算法优于对整体使用直方图均衡化的点,在于它可以消除前者的整体性特征,对对比度比较弱的局部,也可以产生很好的效果

但是对于每个点都做一次窗口的直方图均衡化,会大大降低效率。比如对一个  $n \times n$  具有 k 级颜色深度的图片,使用  $m \times m$  大小的滑动窗口,进行传统瘔 ahe 算法,时间复杂度将会是  $O(n^2(m+k))$  文中提到了一种使用线性插值来优化 ahe 的算法,使用了样本点的插值的思想。

### 2.2 优化

我们不再对每个点进行直方图均衡化,而是将图片划分为若干(一般为  $8\times 8$ )部分,计算出每一部分的直方图均衡化映射 m(i)。然后对图中的每个点,我们不再使用滑动窗口计算其值,而是用与它相邻的"样本点"进行线性插值计算出它的值。

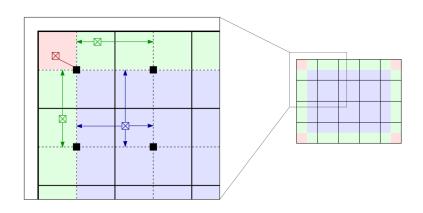


Figure 1: sample an interpolation

如图 1-a 所示,图像被分割为了 4×5 个区域(图中黑色实线分割区域),每个区域的中心,即为样本点。对于其他任意点,我们根据其位置,分为三种情况:

棱角(红色区域) 使用原本区域的直方图均衡化映射

边缘(绿色区域) 对 x 轴或 y 轴上临近瘔 2 个样本点使用线性插值计算映射

中心(蓝色区域) 对周围 4 个样本点使用双线性插值计算映射

比如对中心区域的一个点 P(x,y), 它在原图中的灰度值为 i, 记距离它最近左上、右上、左下、右下的样本点的坐标分别为:

$$(x_-, y_-)$$
,  $(x_+, y_-)$ ,  $(x_-, y_+)$ ,  $(x_+, y_+)$ 

对应的直方图映射函数分别为

$$m_{--}(x)$$
,  $m_{-+}(x)$ ,  $m_{+-}(x)$ ,  $m_{++}(x)$ 

则 P 点的灰度值用双线性插值表示为:

$$Gray(P) = a[bm_{--}(i) + (1-b)m_{+-}(i)] + [1-a][bm_{-+}(i) + (1-b)m_{++}(i)]$$
(1)  
其中

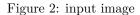
$$a = \frac{y - y_{-}}{y_{+} - y_{-}}, b = \frac{x - x_{-}}{x_{+} - x_{-}}$$

对于边缘和棱角的像素点,将更加简单。通过插值计算,大大加快了 ahe 的效率,又不会降低算法的质量。

### 3 结果

我选用了经典的灰度图片:"天安门"测试了我写的算法,在我电脑上的运行时间不超过 2 秒,结果令人满意





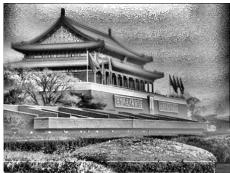


Figure 3: ahe result