# Exercices

FIBONACCI

La suite de Fibonacci est définie par F0 = 0, F1 = 1 et Fn = Fn-1 + Fn-2  
Fibonacci = { 0, 1 , 1 , 2 , 3 , 5 , 8 , 13 , 21 , 34 , 55 , … }

|  |  |
| --- | --- |
| Input | n un entier, 0 ≤ n ≤ 45 |
| Output | Calculer le nième nombre de Fibonacci, sans utiliser la récurrence. |
| Source | Fibonacci.java |

Pour aller plus loin, comparer les temps d’exécution entre votre solution et la solution récurrente.

Chiffre des unités des nombre de Fibonacci

|  |  |
| --- | --- |
| Input | n un entier 0 ≤ n ≤ 107 |
| Output | Calculer le chiffre des unités du nième nombre de Fibonacci.  Attention n peut être très grand, il n’est donc pas possible de calculer le nombre de Fibonacci. |
| Source | FibonacciLastDigit.java |

Exemple :   
F331= 668 996 615 388 005 031 531 000 081 241 745 415 306 766 517 246 774 551 964 595 292 186 469  
Output = 9

PGCD

Le PGCD est le plus grand commun diviseur. Le PGCD de 20 et 15 est 5.

|  |  |
| --- | --- |
| Input | A et b deux entiers 0 ≤ a , b ≤ 108 |
| Output | Calculer PGCD(a,b) en utilisant l’algorithme d’Euclide |
| Source | GCD.java |

Lemme : si a’ est le reste de la division de a par b alors PGCD(a,b)=PGCD(b,a’)

PGCD(1344, 217) = PGCD(217, 42) = PGCD(42, 7) = PGCD(7, 0) = 7  
PGCD(61,13) = 1

PGCD(28851538,1183019) = 17657

PPCM

Le PPCM est le plus petit commun multiple de deux nombres. PPCM(3,5) = 15

|  |  |
| --- | --- |
| Input | A et b deux entiers 0 ≤ a , b ≤ 108 |
| Output | Calculer PPCM(a,b) en utilisant l’algorithme d’Euclide |
| Source | LCM.java |

Tips : utiliser le PGCD.

PPCM(761457,614573) = 467970912861

Car Fueling

Vous partez en voiture pour une destination à une distance de D km.

Votre voiture a une autonomie de X km.

Vous pouvez faire le plein aux kilomètres stop1, stop2, etc.

L’objectif est de faire le voyage avec un minimum d’arrêts pour faire le plein.

|  |  |
| --- | --- |
| Input | L’entier dist est le nombre total de km, 0 ≤ dist ≤ 107  L’entier tank est l’autonomie en km, 0 ≤ tank ≤ 103  Le tableau d’entier stop[] contient les kilométrages des arrêts possibles |
| Output | Calculer le nombre minimum d’arrêt  Si le parcours est impossible, retourner -1 |
| Source | CarFueling.java |

|  |  |
| --- | --- |
| Input | dist = 950 , tank = 400 , stop = [200,375,550,750] |
| Output | 2 |

Intervalles

On vous donne un ensemble de n segments : { [ a1 , a1 ] , [ a2 , a2 ] , … , [ an , an ] }, trouver le nombre minimum de point tel que chaque segment contienne au moins 1 point.

Par exemple avec { [ 0 , 3] , [ 2 , 5 ] [ 6 , 7] } deux points suffisent : { 3 et 7 }

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Un tableau d’objet Segment[] , un segment est composé de deux entiers, start et end. |
| Output | Liste des points – La solution est unique si pour chaque point choisi, on prend la plus grande valeur possible. |
| Source | CoveringSegments.java |

Sous sommes

Le but est d’écrire un entier n sous la forme d’une somme d’entier, telle que chacun de ces entiers soient différents et telle que cette somme soit la plus longue possible.

Soit N un entier, trouver a1, a2, …, ak tels que :

N = a1 + a2 + … + ak, ai ≠ aj pour tout 0 ≤ (i,j) ≤ k , et k est maximum

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Une entier n |
| Output | La liste [a1, a2, …, ak] |
| Source | DifferentSummands.java |

Binary Search

Trouver un entier k dans une liste croissante d’entiers, tous différent.

Soit E = [a1 < a2 < …< an], l’entier k est-il un élément de E ?

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Une liste d’entier [a1 , …, an] avec a1 < a2 < …< an  Un entier k |
| Output | L’indice de k dans la liste, -1 si non trouvé |
| Source | BinarySearch.java |

QuickSort

Implémenter l’algorithme QuickSort.

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Une liste d’entier L = [a1 , …, an] |
| Output | La liste d’entier L triée par ordre croissant |
| Source | Sorting.java |

Money Change

L’objectif est de rendre la monnaie avec un minimum de pièces.

Quelle est le nombre minimum de pièces à rendre sur une somme S avec un ensemble donné de pièces ? Par exemple, COINS = {1 , 3 , 4 } , Sum = 6 , solution = 2 { 3 , 3 }

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Une liste d’entier coins = [a1 , …, an]  Une somme à rendre S |
| Output | Le nombre minimum de pièce |
| Source | ChangeDP.java |

Knapsack

Un sac à dos a une capacité maximum de W kg.  
Une liste d’objets avec des valeurs et des poids différents est à disposition.  
Quels sont les objets à mettre dans le sac à dos pour maximiser la valeur totale emportée ?

Exemple :   
La capacité maximum est de 10 kg.  
4 objets sont à disposition :

* Objet 1 : poids = 6 Kg, valeur = 30 EUR
* Objet 2 : poids = 3 Kg, valeur = 14 EUR
* Objet 3 : poids = 4 Kg, valeur = 16 EUR
* Objet 4 : poids = 2 Kg, valeur = 9 EUR

La solution est 1 et 2 pour 6 Kg + 4 Kg et 46 EUR

|  |  |
| --- | --- |
| Input | Un entier W : capacité maximale  Deux listes pour les n objets :  w[] la liste des poids (liste d’entier)  v[] la liste des valeurs (liste d’entier) |
| Output | Valeur optimale |
| Source | Knapsack.java |

Check Brackets

Le but de cette exercice est de vérifier la syntaxe d’une expression en vérifiant que toutes les parenthèses ouvrantes de types  [, (, { sont bien fermées par une parenthèse correspondante ],)ou}.

Exemples :   
[] est ok   
jk()[] est ok  
jk{)} est nok  
(4545(4545(4545(54)))) est ok etc.

|  |  |
| --- | --- |
| Input | String text |
| Output | void |
| Exception | ParseException |
| Source | CheckBrackets.java |

Tips : utiliser une pile pour empiler les parenthèses ouvrantes.