Chapitre	7	•	Proportionnalité et	pourcentages

Proportionnalité et pourcentages

 $2008-2009 4^{\rm ème}$

Table des matières

1	Pro	pportionnalité	3
	1.1	Rappels	3
	1.2	Quatrième proportionnelle	3
	1.3	Représentation graphique	3
2	Vite	esse moyenne	4
3	Pou	ircentages	5
	3.1	Déterminer un pourcentage	5
	3.2	Appliquer un pourcentage	5

Liste des exercices liés au manuel

- Proportionnalité:
 - Rappels: 14, 15, 16, 17, 18 page 97.
 - Quatrième proportionnelle : 25, 26, 27, 28 page 97, 98.
 - Représentation graphique : 31, 32, 33, 35 page 98.
- Vitesse moyenne : 20, 21, 22 page 97; 36, 38, 40, 43 à 50 page 99.

1 Proportionnalité

1.1 Rappels

Définition :

On dit que deux grandeurs sont **proportionnelles** lorsque l'on peut passer des valeurs de l'une aux valeurs de l'autre en multipliant par une même constante.

Cette constante est alors appelée coefficient de proportionnalité.

Exemple:

Nombre de chocolats	2	6	8	10
Prix (en €)	0,24	0,72	0,96	2,40

Le tableau ci-dessus est un tableau de proportionnalité.

Remarque:

- 1. On passe de la première à la deuxième colonne en multipliant les valeurs par 3.
- 2. La troisième colonne est la somme des deux précédentes.

1.2 Quatrième proportionnelle

Propriété:

Dans un tableau de proportionnalité tel que celui-ci, on a : ad = bc.

Cette propriété est appelée la **propriété du produit en croix**.



Exemple: 23 page 98.

1.3 Représentation graphique

Propriété 1:

Si deux grandeurs sont proportionnelles,

Alors elles sont représentées graphiquement par des points alignés avec l'origine du repère.

Propriété 2:

Si, deux grandeurs sont représentées graphiquement dans un repère par des points alignés avec l'origine du repère,

Alors ces grandeurs sont proportionnelles.

Exemple: 30 page 98.

2 Vitesse moyenne

Propriété:

Si un mobile effectue un trajet au cours duquel la distance parcourue est proportionnelle à la durée du parcours, alors ce mobile a un mouvement dit **uniforme**.

Dans ce cas, le coefficient de proportionnalité entre la distance et la durée est appelé **vitesse** moyenne du mobile.

En générale, on note d la distance parcourue et t la durée du parcours.

Ainsi on obtient la relation $d = v \times t$, ou encore : $v = \frac{d}{t}$ et $t = \frac{d}{v}$.

Remarque: Si la distance d est en km et le temps t est en h, alors la vitesse v est en km/h. Il est impératif de convertir les grandeurs correctement avant d'utiliser les formules ci-dessus.

Exemples:

1. **36 a) page 99** : la distance parcourue par un véhicule qui roule pendant 3h à la vitesse moyenne de 85 km/h est :

$$d = v \times t = 85 \times 3 = 255$$

Donc la distance parcourue est 255 km.

2. 38 a) page 99 : la vitesse moyenne d'un piéton qui met 2h pour parcourir 9,5 km est :

$$v = \frac{d}{t} = \frac{9,5}{2} = 4,75$$

Donc la vitesse moyenne du piéton est 4,75 km/h.

3. 40 a) page 99: la durée de parcours d'un cycliste qui roule à une vitesse moyenne de 17,5 km/h et parcourt 63 km est :

$$t = \frac{d}{v} = \frac{63}{17,5} = 3,6$$

Donc la durée du parcours est 3,6 heures, soit 3 heures et 36 minutes.

3 Pourcentages

3.1 Déterminer un pourcentage

<u>Exemple</u>: Dans la classe de quatrième 7, il y a 9 filles et 11 garçons. Pour déterminer le pourcentage de fille dans cette classe, il suffit de compléter le tableau de proportionnalité suivant :

Filles	9	x	
Elèves	20	100	

A l'aide de la propriété du produit en croix on trouve :

$$x = \frac{9 \times 100}{20} = 9 \times 5 = 45$$

Il y a donc 45 % de filles dans la classe de quatrième 7.

3.2 Appliquer un pourcentage

Propriété:

Prendre t % d'une quantité q, c'est multiplier cette quantité par $\frac{t}{100}$.

Exemple : Le prix d'un iPod est de 249 \bullet . Un étudiant bénéficie d'une réduction de 6 %.

$$249 \times \frac{6}{100} = 14,94$$

S'il commande dans ce magasin, il va économiser $14,94 \in$.

Il payera donc son $iPod: 249 - 14, 94 = 234, 06 \in$.

Propriété:

Il est possible de calculer directement la variation d'une quantité de t~% :

- Pour une augmentation de t % de la quantité q, on effectue le calcul suivant : $q' = \left(1 + \frac{t}{100}\right) \times q$
- Pour une diminution de t % de la quantité q, on effectue le calcul suivant : $q' = \left(1 \frac{t}{100}\right) \times q$

Exemple $\underline{1}$: Dans le cas de l'iPod ci-dessus, le calcul du prix payé est :

$$p = \left(1 - \frac{6}{100}\right) \times 249 = \left(\frac{100 - 6}{100}\right) \times 249 = \frac{94}{100} \times 249 = 234,06$$

Exemple $\underline{2}$: L'iPod a vu la capacité de son disque dur augmentée de 50 %. Sachant que sa capacité était de 80 Go, la nouvelle capacité est :

$$m = \left(1 + \frac{50}{100}\right) \times 80 = \left(\frac{100 + 50}{100}\right) \times 80 = \frac{150}{100} \times 80 = 120$$