Résoudre un problème de proportionnalité

La pâtissière a pesé ses beignets et a trouvé :





Combien pèse(nt):

- 5 beignets? 2 + 3 = 5 donc 300 + 450 = 750 g
- 6 beignets ? $\frac{2 \times 3}{6} = 6 \text{ donc } 2 \times 450 = 900 \text{ g}$
- 10 beignets ? 5 × 2=10 donc 5 × 300=1500 g
- 1 beignet ? 300÷2=150 g
- Z J'ai acheté 6 bouteilles de boisson gazeuse que j'ai payées 9 €.
- a. Réalise un schéma qui traduit cette situation.

Nombre de bouteilles	<mark>6</mark>
Prix en euros	<mark>9</mark>

- b. Donne le prix de 3 bouteilles.
- 6 bouteilles ÷ 2 = 3 bouteilles donc

9 € ÷ 2 = 4,5 €

c. Donne le prix de 5 bouteilles.

Prix d'une bouteille : $9 \in \div 6 = 1,5 \in$

Prix de 5 bouteilles : $5 \times 1.5 = 7.5 \in$

d. Donne le prix de 22 bouteilles.

Prix de 22 bouteilles : 22 × 1,5 = 33 €

Des yaourts sont vendus par lots de 6 au prix de 1,10€ le lot.

Quel est le prix de 18 yaourts ?

 $18 \div 6 = 3$ et $1,1 \times 3 = 3,3$ €

18 yaourts coûtent 3,30€

Combien aurai-je de yaourts pour 5,50 €?

 $5.5 \in \div 1.1 = 5$ et $6 \times 5 = 30$

Pour 5,50 € j'ai 5 lots donc 30 yaourts.....

- La classe des 23 élèves de 4eA va au ski. Les forfaits coûtent au total 356,50 €. Paul se demande combien cela coûtera pour sortir les 27 élèves de sa classe de 4eB.
- a. Complète le tableau de proportionnalité cidessous.

Nb d'élèves	23	1
Coût de forfaits (€)	<mark>356,50</mark>	15,50

b. Réponds à l'interrogation de Paul.

Un forfait coûte 15,50 € donc 27 forfaits coûteront

27 x 15,50 = 418,50 €.

- Une voiture consomme en moyenne 4,9 L de gasoil pour 100 km parcourus. Quelle quantité de gasoil faut-il prévoir pour parcourir 196 km?
- a. Représente cette situation dans le tableau de proportionnalité suivant.

Consommation (L)	<mark>4,9</mark>	Q
Distance (km)	100	<mark>196</mark>

b. Déduis-en la quantité de gasoil cherchée.

196 km = 100 km x 1,96

donc $Q = 4.9 L \times 1.96 = 9.604 L$

Il faut prévoir 9,604 L pour parcourir 196 km.

- 6 Un robinet laisse échapper de façon continue trois litres d'eau en deux heures.
- a. Quelle quantité d'eau se sera écoulée au bout d'une demi-journée ?

Une demi-journée c'est 12 h donc 6 fois 2 h.

Quantité: $6 \times 3 = 18 L$.

b. Quel temps s'est écoulé pour laisser s'échapper51 litres ?

 $51 \div 3 = 17$

 $2 \times 17 = 34 h$

Il s'est écoulé 34 h.

c. L'eau est facturée 0,0031 € le litre. Quel sera le montant de la facture au bout d'un an ?

Un an c'est 365 × 2 demi-journées donc

 $365 \times 2 \times 18 L = 13 140 L et 13 140 \times 0,0031 = 40,734$

Le montant de la facture sera de 40,73 €.

Résoudre un problème de proportionnalité

- 7 On a l'habitude de dire que deux euros (€) valent trois francs suisses (CHF).
- a. Combien valent 80 € en francs suisses ?

80 € = 40 × 2 € et 40 × 3 CHF = 120 CHF.

b. Combien valent 600 CHF en euros?

600 CHF = 200 × 3 CHF et 200 × 2 € = 400 €.

- Aux États-Unis, on achète l'essence au gallon et non au litre. Un gallon mesure environ 3,8 L et valait 1,66 dollars (US\$) dans le Missouri en janvier 2016.
- a. Combien payait-on pour un plein de 38 L?

38 L = 10 gallons donc on payait $1,66 \times 10 = 16,60$ dollars.

b. À la même période, un litre d'essence valait 1,25 €. Quel prix payait-on pour un plein de 38 L?

On payait $1,25 \times 38 = 47,50 \in$.

c. Sachant qu'un euro valait 1,07 US\$, quelle économie a fait l'automobiliste américain?

Coût aux États-Unis en € : $16,6 \div 1,07 = 17,77 €$. Économies aux États-Unis en € : 47,50 - 17,77 = 29.73 €.

- Un agriculteur a clôturé un premier champ carré de 250 m de côté.
- a. Quelle longueur de clôture a-t-il utilisée ?

 $P = côté \times 4 = 250 \times 4 = 1000 m = 1 km.$

Il a utilisé 1 km de clôture.

b. Quelle longueur de clôture utilisera-t-il pour un autre champ carré dont le côté est le triple du premier ?

 $P = côté \times 4 = 250 \times 3 \times 4 = 3000 \text{ m} = 3 \text{ km}.$

Il utilisera 3 km de clôture.

- 10 Dans chaque cas, justifie ta réponse.
- a. On double seulement la longueur d'un rectangle. Son périmètre double-t-il ?

Non. Par exemple pour $L=20\,cm$ et $l=10\,cm$, $P'=2\times2\times20+2\times10=100\,cm$ alors que $2\,P=2\times(2\times20+2\times10)=120\,cm$.

b. On double la longueur et la largeur d'un rectangle. Son périmètre double-t-il ?

Oui : Nouveau périmètre = $2 \times 2L + 2 \times 2l$ = $2 \times (2L + 2l) = 2 \times Ancien périmètre.$

c. On triple le rayon d'un cercle. Son périmètre triple-t-il ?

Oui : Longueur du nouveau cercle = $2\pi \times 3R$ = $3 \times 2\pi R$ soit $3 \times$ ancien périmètre.

- 11 Deux dockers ont réussi à charger en trois heures cinq tonnes de marchandises.
- a. Combien de temps mettraient 8 dockers pour charger 5 tonnes de marchandises ?

8 dockers mettent 4 fois moins de temps que 2

dockers pour charger la marchandise, soit $\frac{3}{4}$ h.

b. Combien de tonnes de marchandises pourraient charger 10 dockers en 3 heures ?

10 dockers peuvent charger, pendant le même temps, 5 fois plus de marchandise que 2 dockers, soit $5 \times 5 = 25$ tonnes.

c. Combien de dockers faudrait-il pour charger 15 tonnes en une heure ?

Pour charger 15 tonnes (3 fois plus que 5 tonnes) en 1 h (3 fois moins de temps que 3 h), il faut $3 \times 3 = 9$ fois plus de dockers que 2, soit 18 dockers.

Résoudre un problème de proportionnalité

- 12 Trois professeurs de maths ont corrigé en deux heures cent copies d'élèves.
- **a.** Combien de professeurs faudrait-il pour corriger 50 copies en 20 minutes ?

Pour 50 copies il faut moitié moins de temps aux 3 professeurs, donc 1h.

20 min c'est un tiers d'heure, il faudra donc 3 fois plus de professeurs donc 9 professeurs.

b. Combien de temps mettraient 9 professeurs pour corriger ces cent copies?

9 professeurs c'est 3 fois plus, donc ils mettront

trois fois moins de temps, soit $\frac{2}{3}$ h.

Donc 40 minutes.