

## Jouer au jeu de Juniper Green

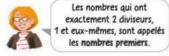


Voici un jeu qui se joue à deux sur une grille de 20, 50 ou 100 nombres. Les règles sont très simples :

- le premier joueur choisit un nombre ;
- à tour de rôle, chaque joueur choisit un nombre parmi les multiples ou les diviseurs du nombre choisi précédemment par son adversaire (un nombre ne peut être joué qu'une seule fois). Un joueur est déclaré gagnant quand son adversaire ne peut plus jouer. Voici un exemple de début de partie :

1 2 3 4 5 13 14 15

- Dans la partie ci-dessus, quels nombres Inès peut-elle cocher au tour suivant ?
- a. Faire plusieurs parties avec un(e) camarade en essayant de trouver une stratégie gagnante.
  - b. Quelle stratégie permet au joueur débutant la partie d'être certain de gagner ?
  - c. Cette stratégie est basée sur l'utilisation de certains nombres particuliers. Lesquels ?
  - d. Combien de diviseurs ces nombres-là ont-ils ? Y en a-t-il plusieurs dans la grille ?
- 3 a. Donner la liste des nombres premiers inférieurs à 20.



b. Expliquer pourquoi le nombre 1 n'est pas premier.

🔼 Pour éviter qu'un joueur puisse utiliser la stratégie gagnante vue à la question 2. b., on modifie la première règle : le premier joueur choisit un nombre pair. Faire plusieurs parties avec un(e) camarade ou bien seul(e) en essayant de faire la plus longue partie possible.

	Exemple :		
•	Un nombre est divisible par 2 si il est pair	donc si il se termine par	

• Un nombre est divisible par 5 si il se termine par .....

Exemple:

• Un nombre est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est ......

Exemple: 177 est divisible par 3, car .....

• Un nombre est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est .....

**Exemple:** 738 est divisible par 9, car .....

## Trouver la liste des nombres premiers :

Un nombre premier est un nombre qui possède exactement deux diviseurs : 1 et lui-même Cette activité met en œuvre un algorithme appelé « crible d'Érathostène » permettant de trouver tous les nombres premiers inférieurs à 100.

Dans une grille, écrire tous les entiers de 1 à 100 12 13 14 15 16 17 18 19 20 22 23 24 25 26 27 28 29 30 42 43 44 45 46 47 48 52 53 54 55 56 57 58 60 71 72 73 74 75 76 77 78 83 84 85 86 87

91 92 93 94 95 96 97



- a. Expliquer pourquoi le nombre 1 n'est pas premier, puis le barrer dans la grille b. Le nombre 2 ne possède aucun diviseur autre que 1 et lui-même. 2 est donc un nombre premier. Entourer le nombre 2.
  - c. Barrer tous les multiples de 2, qui ne sont donc pas des nombres premiers.
- 🚺 a. Le plus petit nombre non barré est 3. 3 n'a donc pas de diviseur autre que 1 et lui-même. 3 est donc un nombre premier. Entourer le nombre 3.
  - b. Barrer tous les multiples de 3, qui ne sont donc pas des nombres premiers.
- a. Entourer le plus petit nombre non barré et barrer tous ses multiples b. Poursuivre de la même façon jusqu'à ce que le plus petit nombre non barré soit supérieur à 10. Tous les nombres non barrés dans la grille sont les nombres qui n'ont pas d'autre diviseur que 1 et eux-mêmes. On obtient la liste des nombres premiers inférieurs à 100.