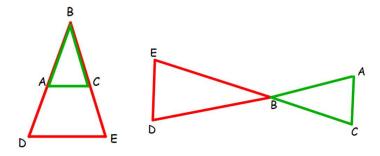
Chapitre 3 : Le théorème de Thalès et sa réciproque

I. Le théorème de Thalès

Voici les 2 configurations pour lesquelles on peut utiliser le théroème de Thalès sous réserve que les droites soient parallèles :



Théorème

Soient ABC un triangle quelconque non aplati.

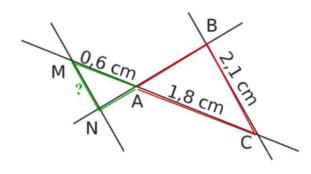
Si les droites (BD) et (BE) sont sécantes en B et si la droite (AC) est parallèle à la droite (DE). Alors on a l'égalité suivante :

$$\frac{BA}{BD} = \frac{BC}{BE} = \frac{AC}{DE}$$
 ou $\frac{BD}{BA} = \frac{BE}{BC} = \frac{DE}{AC}$

Exercice:

Dans la figure ci-dessous, les droites (MN) et (BC) sont parallèles.

Calculer la longueur MN.



Résolution de l'exercice :

Dans les triangles ABC et NMA:

- Les droites (MC) et (NB) sont sécantes en A.
- (MN) // (BC)

D'après le théorème de Thalès, on a :

$$\frac{AM}{AC} = \frac{AN}{AB} = \frac{MN}{BC}$$

On remplace:

$$\frac{0,6}{1,8} = \frac{AN}{AB} = \frac{MN}{2,1}$$

Calcul de MN:

$$\frac{0,6}{1,8} = \frac{MN}{2,1} \text{ donc } MN = \frac{0,6 \times 2,1}{1,8}$$

$$MN = 0.7 \text{ cm}$$