

Plan du cours

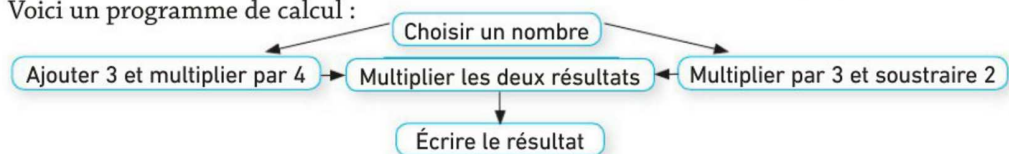
I. Produit nul	2
II. Reconnaître une équation produit	2
III. Résoudre une équation produit	3

2

Résoudre une équation-produit nul

OBJECTIF 2

Voici un programme de calcul :



- 1 Quels nombres doit-on choisir au départ pour obtenir 0 à la fin de ce programme de calcul ?
- 2 Juliette a utilisé une équation pour résoudre ce problème en nommant N le nombre de départ.
 - a. Écrire l'équation de Juliette, puis essayer de la résoudre.
 - b. Écrire un texte qui explique comment on peut résoudre une équation-produit nul.

I. Produit nul

Propriété

Dans un produit, si l'un des facteurs est nul, alors

Autrement dit, Si $A = 0$ ou $B = 0$ alors

Propriété

Réciproquement, si un produit est nul, alors

Autrement dit, si $A \times B = 0$ alors

II. Reconnaître une équation produit

Définition

a , b , c et d désignent des nombres.

Une équation de la forme $(ax + b)(cx + d) = 0$ est une équation produit.

Exemple :

L'équation $(3x - 5)(9 - x) = 0$ s'appelle une équation produit nul car :



- Si l'on développe le premier membre de cette équation, on s'aperçoit que cette équation est du second degré.
- Pour obtenir une équation produit, il est parfois nécessaire de factoriser l'équation donnée. On dispose pour cela des formules du chapitre factorisation et des identités remarquables.

Exercice d'application 1

Transformer les équations suivantes pour qu'elles deviennent des équations produits :

(a) $(9x - 4)(11 - 2x) - (5x - 6)(9x - 4) = 0$	(d) $(3 - x)(2x + 7) = (6x - 1)(x + 1)$
.....
.....
.....
(b) $9x^2 - 144 = 0$	(e) $x^2 = 16$
.....
.....
.....
(c) $12x^3 = 8x^2$	(f) $16x^2 - 8x = -1$
.....
.....
.....

III. Résoudre une équation produit

Énoncé : Résoudre l'équation : $(x + 2)(2x - 7) = 0$.

Résolution :

$(x + 2)(2x - 7) = 0$ est une équation produit.

Or, si un produit de facteurs est nul, alors l'un au moins des facteurs est nul.

Ainsi, **ou**

ou

ou

Les solutions de l'équation sont alors

Exemples : Résoudre les équations suivantes :

$$(x - 4)(x + 3) = 0$$

$$(-2x - 1)(7 - 3x) = 0$$

$$9x^2 = 36$$

Exercice d'application 2

Énoncés type-brevet

Exercice 1 On donne $R = (7x - 5)(8 - x) - (8 - x)(10 + x)$.

1. Développer et réduire R.
2. Factoriser R.
3. Calculer R pour $x = -1$.
4. Résoudre l'équation $R = 0$.

Exercice 2 On donne $A = (3x + 7)^2 + (3x + 7)(x - 1)$.

1. Développer et réduire A.
2. Factoriser A.
3. Calculer A pour $x = 0$.
4. Résoudre l'équation $A = 0$.

Exercice 3 On donne $E = 9 - (2x - 1)^2$.

1. Développer et réduire E.
2. Factoriser E.
3. Calculer E pour $x = \frac{1}{2}$.
4. Résoudre l'équation $E = 0$.