Plan du cours

I.	Généralités sur les équations		1
	1.	Définition	1
	2.	Comment savoir si un nombre est solution d'une équation?	1
П.	Méthodes de résolution d'équation		2
	1.	Première propriété	2
	2.	Deuxième propriété	3
	3.	Méthode de résolution des équations avec des inconnues dans les 2 membres .	4
Ш.	Mise en équation		
	1.	Énigme 1	5
	2.	Énigme 2	6

CHAPITRE . . . : Résolution d'équation du premier degré

Mes objectifs:

- → Je dois savoir tester si un nombre est solution d'une équation,
- → Je dois savoir résoudre algébriquement une équation du premier degré,
- → Je dois savoir introduire une lettre pour désigner une valeur inconnue et mettre un problème en équation.

INTRODUCTION



A travers la vidéo " petits contes mathématiques les équations ", découvrir comment résoudre une équation et qui est Al-Khwârizmî.

I. Généralités sur les équations

1. Définition

Définition

Une équation est **une égalité** dans laquelle figure **un nombre inconnu**, désigné en général par une lettre qui est appelée l'inconnue.

Exemple:

2x - 11 = 7 - x est une équation dans laquelle l'inconnue est désignée par x.

$$\underbrace{2x - 11}_{\text{Premier membre}} = \underbrace{7 - x}_{\text{Second membre}}$$

2. Comment savoir si un nombre est solution d'une équation?

Définition

Résoudre une équation d'inconnue x, c'est trouver toutes les valeurs possibles du nombre x (si elles existent) qui vérifient l'égalité, c'est-à-dire que l'égalité soit vraie.

Chacune de ces valeurs est une solution de l'équation.

▶ Le nombre 3 est-il solution de l'équation 2x - 11 = 7 - x ?

D'une part, $2 \times 3 - 11 = -5$

D'autre part, 7 - 3 = 4

L'égalité n'est donc pas vérifiée pour x = 3.

<u>Conclusion</u>: Le nombre 3 n'est pas solution de l'équation.

▶ Le nombre 6 est-il solution de l'équation 2x - 11 = 7 - x ?

D'une part, $2 \times 6 - 11 = \underline{1}$

D'autre part, $7 - 6 = \underline{1}$

L'égalité est donc vérifiée pour x = 6

<u>Conclusion</u>: Le nombre 6 est une solution de l'équation.

Exercice d'application 1

tercice a application 1			
	1) -2 est-il solution de l'équation $54 - 11x = 25x + 126$?		
	2) 5 est-il solution de l'équation $7x - 3 = 6(x - 1)$?		

II. Méthodes de résolution d'équation

1. Première propriété

Propriété

Une égalité reste vraie si l'on additionne (ou l'on soustrait) un même nombre à chacun de ses membres.

 \rightarrow Résoudre l'équation 3 + x = 7.

$$3 + x = 7$$

$$3 + x - 3 = 7 - 3$$

$$x = 7 - 3$$

$$x = 4$$

La solution de l'équation 3 + x = 7 est le nombre 4. On notera alors $\mathscr{S} = \{4\}$.

Exercice d'application 2 -

Résoudre les équations suivantes :

$$x - 2 = 11$$

$$9 + x = -44$$

......

2. Deuxième propriété

Propriété

Une égalité reste vraie si l'on **multiplie** un même nombre à **chacun de ses membres**. Et également si l'on **divise** un même nombre non nul à **chacun de ses membres**.

 \rightarrow **Résoudre l'équation** 5x = 30.

$$5x = 30$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{30}{5}$$

$$x = \frac{30}{5}$$

$$x = 6$$

La solution de l'équation 5x = 30 est le nombre 6. On notera alors $\mathscr{S} = \{6\}$.

Exercice d'application 3 -

Résoudre les équations suivantes :

$$-6x = -42$$

$$3x = 27$$

-5x = 24

$$\frac{3}{4}x = 5$$

Méthode de résolution des équations avec des inconnues dans les 2 membres

 \rightarrow **Résoudre l'équation** 7x - 2 = 6 + 5x.

$$7x - 2 = 6 + 5x$$

Les étapes :

$$7x - 2 - 5x = 6 + 5x - 5x$$

$$2x - 2 = 6$$

$$2x - 2 + 2 = 6 + 2$$

$$2x = 8$$

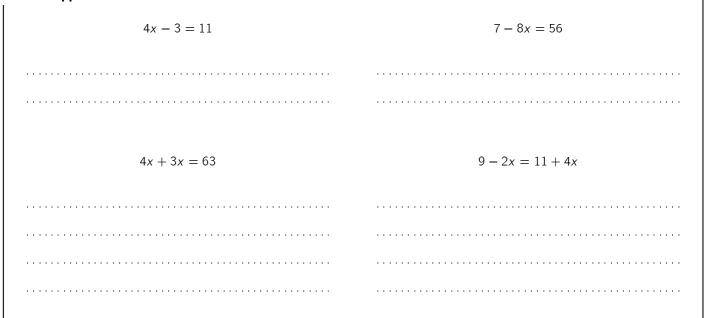
$$\frac{2x}{2} = \frac{8}{2}$$

- → On commence par isoler l'inconnue dans un des deux membres.
- \rightarrow On regroupe ensuite les nombres sans x dans l'autre membre.
- → On utilise alors les méthodes de résolution vues juste avant.
 - \rightarrow On n'oublie pas de donner la ou les solution(s).

La solution de l'équation 7x - 2 = 6 + 5x est le nombre 4. $\mathscr{S} = \{4\}$.

$$\mathscr{S} = \{4\}$$

Exercice d'application 4



III. Mise en équation

1. Énigme 1

<u>Énoncé</u> : Alexandra et Thomas choisissent un même nombre. Alexandra multiplie ce nombre par 5 et ajoute 14 au résultat. Thomas ajoute 29 au nombre choisi. Ils trouvent le même résultat.

Quel est le nombre qu'ils ont choisi au départ?

Résolution :

1) Choisir une inconnue et la décrire : On choisi x le nombre choisi au départ.

2) Traduire le problème par une équation : 5x + 14 = x + 29

3) Résoudre l'équation :

$$5x + 14 = x + 29$$

$$5x + 14 - x = x + 29 - x$$

$$4x + 14 = 29$$

$$4x + 14 - 14 = 29 - 14$$

$$4x = 15$$

$$\frac{4x}{4} = \frac{15}{4}$$

$$x = 3,75$$

4) Vérifier et conclure.

D'une part : $5 \times 3,75 + 14 = 18,75 + 14 = 32,75$

D'autre part : 3,75 + 29 = 32,75

Le nombre choisi est bien 3,75.

2. Énigme 2

Énoncé : Mathieu a 2 billes de plus que Pierre mais 3 fois moins de billes que Bryan. lls ont à eux trois 53 billes.

Combien ont-ils de billes chacun?

Résolution :

1) Choisir une inconnue et la décrire : On choisi x le nombre de billes de Mathieu.

2) Traduire le problème par une équation.

Pour cela, choisir une grandeur qui peut être exprimée de deux façons différentes.

lci, il s'agit du nombre de billes qu'ils ont à eux 3.

Mais cela peut aussi s'écrire : Mathieu + Pierre + Bryan = 53

On sait que :

• Mathieu = x

• Pierre a 2 billes de moins que Mathieu, à savoir Pierre = x - 2

• Bryan a 3 fois plus de billes que Mathieu, à savoir Bryan = 3x

 \rightarrow L'équation à résoudre est donc : Mathieu + Pierre + Bryan = 53 \times + $(\times - 2)$ + $3\times$ = 53

3) Résoudre l'équation :

$$x + (x - 2) + 3x = 53$$

$$x + x - 2 + 3x = 53$$

$$5x - 2 = 53$$

$$5x - 2 + 2 = 53 + 2$$

$$5x = 55$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{55}{5}$$

$$x = 11$$

4) Vérifier que la solution de l'équation a du sens avec le problème concret. lci, x étant un nombre de billes, la solution du problème doit être un nombre strictement positif.

5) Conclure.

On en conclut que :

- x = 11 Donc Mathieu possède 11 billes.
- x 2 = 11 2 = 9 Donc Pierre possède 9 billes.
- $3x = 3 \times 11 = 33$ Donc Bryan possède 33 billes.

AUTO-EVALUATION
Ce que je dois savoir pour le contrôle :
☐ Je dois savoir tester si un nombre est solution d'une équation. <u>Pour m' entraîner</u> : faire les exercices 3 et 4 p°178
☐ Je dois savoir résoudre algébriquement une équation du premier degré. <u>Pour m' entraîner</u> : faire les exercices 9 et 11 p°178
☐ Je dois savoir introduire une lettre pour désigner une valeur inconnue et mettre un problème en équation.

<u>Pour m' entraîner</u>: faire les exercices 19, 21 p°179 et 30, 31 p°180