Plan du cours

| I. | Racine carrée d'un nombre positif | 1 |
|----|------------------------------------|---|
| П. | Opérations sur les racines carrées | 1 |

Chapitre supplémentaire : Racines carrées

Mes objectifs:

→ Je dois connaître la définition d'une racine carrée,

→ Je dois connaître et savoir appliquer les formules des racines carrées.

I. Racine carrée d'un nombre positif

Définition

Soit a un nombre positif. On appelle racine carrée de a le nombre positif dont le carré vaut a. Ce nombre est noté \sqrt{a} .

On a: $(\sqrt{a})^2 = a$.

Exemples :

 $(\sqrt{36})^2 = 6^2 = 36$ $\left(\sqrt{\frac{4}{9}}\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$ d'où de manière générale : $(\sqrt{a})^2 = a$.

Remarques:

• Le symbole $\sqrt{...}$ est appelé "radical".

• La racine carrée d'un nombre négatif n'existe pas car il n'y a aucun nombre dont le carré soit négatif. En effet, $\sqrt{-5}$ n'existe pas car il n'y a aucun nombre dont le carré soit égal à ? 5.

Propriété

Soit a un nombre positif, alors $\sqrt{a^2} = a$.

Exemples:

$$\sqrt{3^2} = \sqrt{9} = 3$$
 $\sqrt{9^2} = \sqrt{81} = 9$ $\sqrt{\left(\frac{7}{5}\right)^2} = \sqrt{\frac{49}{35}} = \frac{7}{5}$

II. Opérations sur les racines carrées

Propriété

Soit a et b deux nombres positifs, alors $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$.

Exemples:

$$A = \sqrt{3} \times \sqrt{27}$$

$$A = \sqrt{3} \times 27$$

$$A = \sqrt{81}$$

$$A = 9$$

$$L = \sqrt{16} \times 2$$

$$L = \sqrt{16} \times \sqrt{2}$$

$$L = 4\sqrt{2}$$

Propriété

Soit a et b deux nombres positifs tel que b soit non nul, alors $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$.

Exemples:

$$M = \frac{\sqrt{32}}{\sqrt{2}}$$

$$M = \sqrt{\frac{32}{2}}$$

$$M = \sqrt{16}$$

$$J = \sqrt{\frac{49}{9}}$$

$$J = \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{9}}$$

$$J = \frac{7}{3}$$

M = 4

ATTENTION!
$$\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$
 et $\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$

En effet, $\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5$ alors que $\sqrt{4+9} = \sqrt{13} \simeq 3,6$

Et, $\sqrt{25} - \sqrt{16} = 5 - 4 = 1$ alors que $\sqrt{25 - 16} = \sqrt{9} = 3$

Exercice d'application 1

1. Écrire les expressions A, B et C sous la forme $a\sqrt{b}$ où a et b sont des entiers relatifs et b est le plus petit possible.

 $A = \sqrt{20} \qquad \qquad A = \sqrt{180}$

2. Calculer les expressions suivantes :

$$A = (\sqrt{3})^2 + (\sqrt{2})^2 + (\sqrt{8})^2 \qquad A = \sqrt{7^2} - (\sqrt{7})^2 \qquad A = \sqrt{15} \times \sqrt{60}$$