# Triangles égaux, triangles semblables

#### I. Triangles égaux

#### 1) Triangles superposables

Deux triangles sont superposables lorsqu'on peut les faire coïncider par glissement ou par glissement suivi d'un retournement



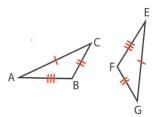
#### 2) Définition

Deux triangles sont égaux lorsque leurs côtés sont deux à deux de même longueur.

#### Remarque

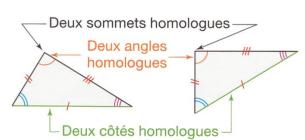
Deux triangles égaux sont superposables

<u>Exemple</u>				
Montrer q	ue les trian	gles ABC e	t EFG sont	égaux.
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•••••



#### 3) Vocabulaire

Lorsque deux triangles sont égaux, deux angles superposables sont dits angles homologues ainsi que leurs sommets, deux côtés superposables sont dit également côtés homologues

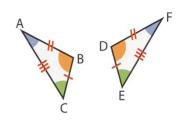


## 4) Propriété

Si deux triangles sont égaux alors leurs angles sont deux à deux de même mesure

# <u>Exemple</u>

Les triangles ABC et DEF sont égaux donc  $\widehat{A}=\widehat{F}$  ,  $\widehat{B}=\widehat{D}$  et  $\widehat{C}=\widehat{E}$ 



#### 5) Cas d'égalité de triangles

#### a) Propriété 1

Si deux triangles ont, deux à deux, un angles de même mesure compris entre deux côtés de même longueur, alors ils sont égaux

<u>Exemple</u> Montrer que les triangles ABC et EFG sont égaux.	A
	B C

#### b) Propriété 2

Si deux triangles ont, deux à deux, un côté demême longueur compris entre deux angles de même mesure, alors ils sont égaux

<u>Exemple</u> Montrer que les triangles ABC et EFG sont égaux.	A A
	B # C

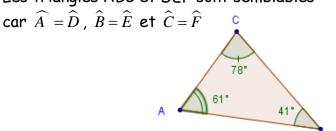
# II. <u>Triangles semblables</u>

#### 1) <u>Définition</u>

Deux triangles sont semblables lorsque leurs angles sont deux à deux de même mesure.

# Exemple

Les triangles ABC et DEF sont semblables



# 67. 39.

#### Remarques

- Si deux triangles sont égaux alors ils sont semblables.
- Par contre, deux triangles semblables ne sont pas forcément égaux.

#### 2) Méthode

Pour démontrer que deux triangles sont semblables, il suffit de montrer qu'ils ont deux paires d'angles deux à deux de même mesure

Exempl	e

Soient ABC et DEF deux triangles tels que : $\widehat{A} = \widehat{D}$ , $\widehat{B} = \widehat{E}$ .	
Montrer que les triangles ABC et DEF sont égaux.	
	·

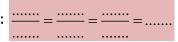
#### 3) Propriété 1

Si deux triangles ABC et DEF sont semblables alors les longueurs des côtés opposés aux angles égaux sont proportionnelles.

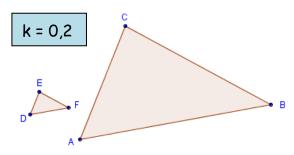
Longueurs du triangle ABC	AB	AC	BC	
Longueurs du triangle DEF	DE	DF	EF	× K

k est le coefficient de proportionnalité

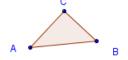
On peut écrire l'égalité des rapports suivants :



• Si k < 1 alors DEF est une réduction de ABC de rapport k



• Si k > 1 alors DEF est un agrandissement de ABC de rapport k





# E

### Propriété 2

Si les longueurs des côtés de deux triangles sont proportionnelles alors ces triangles sont semblables