CALCUL LITTERAL



Question 1:

Réduire les expressions littérales suivantes :

$$F = 2x - 7a - 9x + 8a$$
$$V = 7x^2 - 10x + x^2 + 6x$$



CORRECTION 1:

Réduire une expression littérale c'est regrouper tous les termes de même nature afin d'éviter la répétition.

$$F = 2x - 7a - 9x + 8a = -7x + a$$

$$V = 7x^2 - 10x + x^2 + 6x = 8x^2 - 4x$$





Question 2:

Réduire les expressions littérales suivantes :

$$N = 7xy + 9y^2 - y + 3xy - 10y^2$$

$$B = -4x + x^2 - 11 + 7x - 5x^2$$



CORRECTION 2:

Réduire une expression littérale c'est regrouper tous les termes de même nature afin d'éviter la répétition.

$$N = 7xy + 9y^2 - y + 3xy - 10y^2 = -y^2 + 10xy - y$$

$$B = -4x + x^2 - 11 + 7x - 5x^2 = -4x^2 + 3x - 11$$





Question 3:

L'égalité $x^2 - 9 = (x + 4)(x - 4)$ estelle vraie pour x = 4?



CORRECTION 3:

Pour x = 4, on a d'une part :

$$4^2 - 9 = 16 - 9 = 5$$

D'autre part, $(4+4)(4-4) = 8 \times 0 = 0$

On constate que $5 \neq 0$ donc l'égalité est fausse pour x = 4.





Question 4:

L'égalité
$$\frac{x+9}{x+5} = 2(x+3)$$
 est-elle vraie pour $x = -1$?



CORRECTION 4:

Pour x = -1, on a d'une part :

$$\frac{-1+9}{-1+5} = \frac{8}{4} = 2$$

D'autre part, $2(-1+3) = 2 \times 2 = 4$

On constate que $2 \neq 4$ donc l'égalité est fausse pour x = -1.





ARITHETIQUE



Question 5:

Parmi les nombres suivants, lesquels sont divisibles par 2 :

57 46 107 15 008 54 000



CORRECTION 5:

Un nombre est divisible par 2 si le reste dans la division euclidienne de celui-ci et de 2 est zéro.

Critère de divisibilité par 2 : un nombre est divisible par 2 s'il est pair.

Les nombres divisibles par 2 sont : 46 ; 15 008 et 54 000





Question 6:

Parmi les nombres suivants, lesquels sont divisibles par 3 :

57 43 207 15 408 14 000



CORRECTION 6:

Un nombre est divisible par 3 si le reste dans la division euclidienne de celui-ci et de 3 est zéro.

Critère de divisibilité par 3 : un nombre est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est divisible par 3.

Les nombres divisibles par 3 sont : 57 ; 207 et 15 408





Question 7:

Parmi les nombres suivants, lesquels sont divisibles par 9 :

57 46 109 15 008 54 000



CORRECTION 7:

Un nombre est divisible par 9 si le reste dans la division euclidienne de celui-ci et de 9 est zéro.

Critère de divisibilité par 9 : un nombre est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est divisible par 9.

Les nombres divisibles par 9 sont : 15 008 et 54 000





Question 8:

Parmi les nombres suivants, lequel est divisible par 4 et 9 :

3 762 53 724

9 756

7 002



CORRECTION 8:

Critère de divisibilité par 4 : un nombre est divisible par 4 si le nombre formé par ses 2 derniers chiffres est divisible par 4.

Critère de divisibilité par 9 : un nombre est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est divisible par 9.

9 + 7 + 5 + 6 = 27 donc divisible par 9

9 756 -> 56 est bien divisible par 4

C'est 9 756!





LES CONVERSIONS



Question 9:

Convertir:

 $7 m^3 \text{ en } dm^3$ $125 dm^3 \text{ en } m^3$



CORRECTION 9:

Tableau de conversion des mètres cubes :

| km^3 | hm^3 | $ dam^3 $ | m^3 | dm^3 | cm^3 | mm^3 |
|--------|--------|-----------|-------|--------|--------|--------|
| | | | | 1 L | | |

des dm^3 en $m^3 \longrightarrow \div 1000$ et $\left| \text{des } m^3 \text{ en } dm^3 \longrightarrow \times 1000 \right|$

Donc 7 $m^3 = 7\ 000\ dm^3$ et $125\ dm^3 = 0,125\ m^3$





Question 10:

Convertir:

 $7 km^3 \text{ en } hm^3$ $10 hm^3 \text{ en } km^3$



CORRECTION 10:

Tableau de conversion des mètres cubes :

| km^3 | hm^3 | $ dam^3 $ | m^3 | dm^3 | cm^3 | mm^3 |
|--------|--------|-----------|-------|--------|--------|--------|
| | | | | 1 L | | |

des hm^3 en $km^3 \longrightarrow \div 1000$ et des km^3 en $hm^3 \longrightarrow \times 1000$

Donc $7 km^3 = 7 000 hm^3$ et $10 hm^3 = 0.01 km^3$





Question 11:

Convertir:

2,56 hm^3 en m^3 954 206 m^3 en hm^3



CORRECTION 11:

Tableau de conversion des mètres cubes :

| km^3 | hm^3 | $ dam^3 $ | m^3 | dm^3 | cm^3 | mm^3 |
|--------|--------|-----------|-------|--------|--------|--------|
| | | | | 1 L | | |

des m^3 en $hm^3 \longrightarrow \div 1000000$ et des hm^3 en $m^3 \longrightarrow \times 1000000$

Donc 2,56 $hm^3 = 2\,560\,000\,m^3$ et 954 206 $m^3 = 0,954\,206\,hm^3$





Question 12:

Convertir:

 $4 175 000 cm^3 en m^3$ $0,00571 m^3 en cm^3$



CORRECTION 12:

Tableau de conversion des mètres cubes :

| km^3 | hm^3 | $ dam^3 $ | m^3 | dm^3 | cm^3 | mm^3 |
|--------|--------|-----------|-------|--------|--------|--------|
| | | | | 1 L | | |

des cm^3 en $m^3 \longrightarrow \div 1000000$ et des m^3 en $cm^3 \longrightarrow \times 1000000$

Donc $4\ 175\ 000\ cm^3 = 4{,}175\ m^3$ $0.00571 \, m^3 = 5 \, 710 \, cm^3$





Question 13:

Convertir:

4 175 000 cm^3 en L 0,00571 m^3 en L



CORRECTION 13:

Tableau de conversion des mètres cubes :

| km^3 | hm^3 | $ dam^3 $ | m^3 | dm^3 | cm^3 | $ mm^3 $ |
|--------|--------|-----------|-------|--------|--------|----------|
| | | | | 1 L | | |

des
$$cm^3$$
 en L \longrightarrow \div 1 000 et

et des
$$m^3$$
 en $L \longrightarrow \times 1000$

Donc
$$4\ 175\ 000\ cm^3 = 4\ 175\ L$$

 $0.00571\ m^3 = 5.71\ L$





UNITÉ DE TEMPS ET VITESSE



Question 14:

Convertir en minutes puis en heures les temps suivants :

4 320 secondes 144 minutes et 30 secondes



CORRECTION 14:

Selon les situations, on indique les durées en années, mois, jours, heures, minutes, ou secondes:

- 1 année = 12 mois = 365 ou 366 jours.
- 1 jour = 24 heures.
- 1 heure = 60 minutes = 3 600 secondes

4 320 s
$$\div$$
 60 = 72 minutes 72 min \div 60 = 1,2 heure

$$72 \min \div 60 = 1,2 heure$$

144 min et 30 s =
$$144,5$$
 minutes

$$144.5 \ min \div 60 \approx 2.4 \ heaves$$



Question 15:

Convertir les durées suivantes :

```
3 semaines = . . . . . . . . . jours

1,25 h = . . . . . . min

12 min 20 s = . . . . . . . . . s

4 h 5 s = . . . . . . . . . . . . s
```



CORRECTION 15:

Selon les situations, on indique les durées en années, mois, jours, heures, minutes, ou secondes :

- 1 année = 12 mois = 365 ou 366 jours.
- 1 jour = 24 heures.
- 1 heure = 60 minutes = 3 600 secondes

```
3 semaines = 3 x 7 jours = 21 jours

1,25 h = 1 x 60 + 0,25 x 60 min = 60 + 15 min = 75 min

12 min 20 s = 12 x 60 + 20 s = 740 s

4 h 5 s = 4 x 3 600 + 5 s

= 14 405 s
```



Question 16:

Convertir en heures et minutes les durées suivantes :

12,25 h 6,2 h



CORRECTION 16:

Selon les situations, on indique les durées en années, mois, jours, heures, minutes, ou secondes :

- 1 année = 12 mois = 365 ou 366 jours.
- 1 jour = 24 heures.
- 1 heure = 60 minutes = 3 600 secondes

$$12,25 \text{ h} = 12 \text{h} + 0,25 \text{h} = 12 \text{h} + 0,25 \times 60 \text{ min} = 12 \text{h} + 15 \text{min}$$

$$6,2 h = 6h + 0,2h = 6h + 0,2 \times 60 min = 6h 12min$$





Question 17:

Convertir en heures les durées suivantes :

4 h 48 min 40 min



CORRECTION 17:

Selon les situations, on indique les durées en années, mois, jours, heures, minutes, ou secondes :

- 1 année = 12 mois = 365 ou 366 jours.
- 1 jour = 24 heures.
- 1 heure = 60 minutes = 3 600 secondes

$$48 \ min = 48 \div 60 \ h = 0.8 \ h$$
 Donc 4h 48min = 4,8 heures

$$40 \text{ min} = 40 \div 60 \ h \approx 0.67 \ h$$
 Donc 40 min = 0.67 h





Question 18:

Un escargot glisse à 2 cm/s.

Combien de temps met-il pour parcourir 160 mm?



CORRECTION 18:

Un escargot glisse à 2 cm/s. Cela signifie qu'il glisse de 2 cm chaque seconde.

160 mm = 16 cm

$$16 \div 2 = 8 s$$

L'escargot mettra donc 8 secondes à faire 16 cm soit 160 mm.



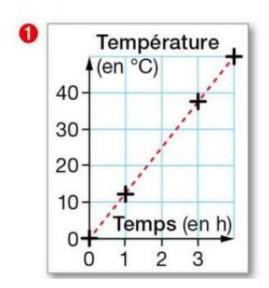


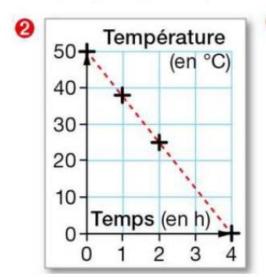
PROPORTIONNALITÉ

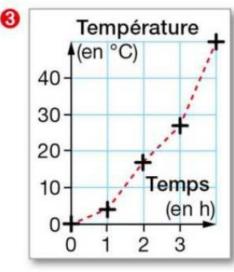


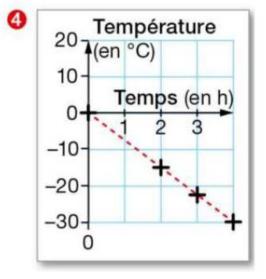
Question 19:

Quels sont les graphiques où la température est proportionnelle au temps ?











CORRECTION 19:

Propriété: Si une situation est une situation de proportionnalité, alors les points de sa représentation graphique sont alignés avec l'origine du repère.

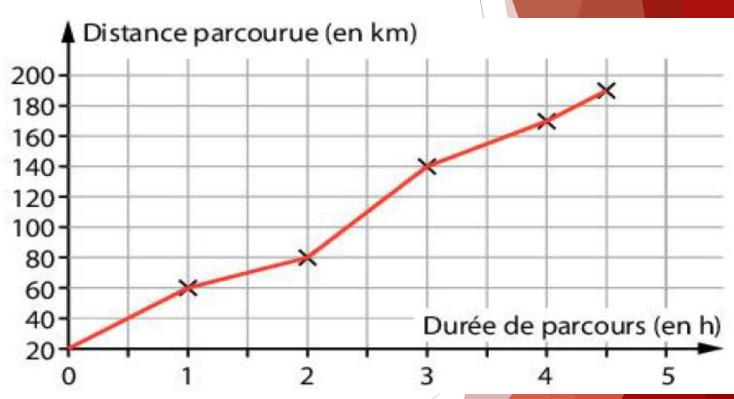
Les deux graphiques qui représentent une situation de proportionnalité sont les graphiques 1 et 4.





Question 20:

- 1) Y a-t-il proportionnalité entre la distance parcourue et la durée de ce parcours ?
- 2) Au bout de combien de temps ont-ils parcouru les 110 premiers kilomètres ?





CORRECTION 20:

Propriété: Si une situation est une situation de proportionnalité, alors les points de sa représentation graphique sont alignés avec l'origine du repère.

- 1) Non, il n'y a pas proportionnalité entre la distance parcourue et la durée de ce parcours car la représentation graphique n'est pas une droite.
- 2) C'est au bout de 2h30 qu'ils ont parcouru les 110 premiers kilomètres.



Question 21:

En gelant, l'eau augmente de volume.

1) Le volume de glace est-il proportionnel au volume de l'eau liquide ?

2) Avec 20 L d'eau liquide, quel volume de glace (en L) peut-on obtenir?



CORRECTION 21:

- 1) Oui, il y a proportionnalité entre le volume de glace et le volume de l'eau liquide car la représentation graphique est une droite qui passe par l'origine du repère.
- 2) On sait que pour 10 L d'eau liquide, on obtient 11 L de glace. Comme c'est une situation de proportionnalité, 20 L est le double de 10 L.

Ainsi, on obtient $11 \times 2 = 22 L$ de glace







