Exercice corrigé

a. Factorise:

$$D = (9x - 4)(5x + 6) - (9x - 4)(3x + 11).$$

b. Factorise les expressions suivantes.

•
$$A = x^2 + 6x + 9$$
.

•
$$B = 25x^2 - 20x + 4$$

•
$$C = 64x^2 - 49$$
.

Correction

a. D =
$$(9x - 4)(5x + 6) - (9x - 4)(3x + 11)$$
.

$$D = (9x - 4)(5x + 6) - (9x - 4)(3x + 11)$$

$$D = (9x - 4)[(5x + 6) - (3x + 11)]$$

$$D = (9x - 4)[5x + 6 - 3x - 11]$$

$$D = (9x - 4)(2x - 5)$$

•
$$A = x^2 + 6x + 9$$

$$A = x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2$$

$$A = (x + 3)^2$$

• B =
$$25x^2 - 20x + 4$$

$$B = (5x)^2 - 2 \times 5x \times 2 + 2^2$$

$$B = (5x - 2)^2$$

•
$$C = 64x^2 - 49$$

$$C = (8x)^2 - 7^2$$

$$C = (8x + 7)(8x - 7)$$

1 Repérer le facteur commun

1. Dans les sommes et les différences suivantes, souligne le facteur commun.

a.
$$3(x-3) + 3 \times 4$$

b.
$$xy + x(y + 1)$$

c.
$$(x + 1)(2x - 5) + (x - 7)(x + 1)$$

d.
$$2t(t-7) - t(-t+5)$$

2. Transforme les sommes et les différences suivantes de façon à faire apparaître un facteur commun. Entoure en rouge ce facteur.

e.
$$9y + 12 = 3 \times 3y + 3 \times 4$$

f.
$$x^2 + 5x = x \times x + 5 \times x$$

g.
$$(x + 1)^2 - 2(x + 1) = (x + 1) \times (x + 1) - 2(x + 1)$$

h.
$$(t-7)(2t+1) + (2t+1)^2$$

$$= (t-7)(2t+1) + (2t+1)(2t+1)$$

2 Factorisations guidées

a. Factorise A par (x + 2) puis réduis.

$$A = (x + 2)(2x - 1) + (x + 2)(3x + 2)$$

$$A = (x + 2)[(2x - 1) + (3x + 2)]$$

$$A = (x + 2)[2x - 1 + 3x + 2]$$

$$A = (x + 2)(5x + 1)$$

b. Factorise B par (x - 7) puis réduis.

$$B = (5x - 3)(x - 7) - (2x + 4)(x - 7)$$

$$B = (x - 7)[(5x - 3) - (2x + 4)]$$

$$B = (x - 7)[5x - 3 - 2x - 4]$$

$$B = (x - 7)(3x - 7)$$

Factorise puis réduis.

$$C = (2x-1)(x-5) + (3x+7)(x-5)$$

$$C = (x - 5)[(2x - 1) + (3x + 7)]$$

$$C = (x - 5)[2x - 1 + 3x + 7] = (x - 5)(5x + 6)$$

$$D = (2x + 5)(x - 3) + (2x + 5)(-3x + 1)$$

$$D = (2x + 5)[(x - 3) + (-3x + 1)]$$

$$D = (2x + 5)(x - 3 - 3x + 1) = (2x + 5)(-2x - 2)$$

$$E = (3x + 7)(2x - 9) - (3x + 7)(5x - 7)$$

$$E = (3x + 7)[(2x - 9) - (5x - 7)]$$

$$E = (3x + 7)[2x - 9 - 5x + 7] = (3x + 7)(-3x - 2)$$

$$F = (-3x + 4)(3x - 8) - (-3x + 4)(7x + 2)$$

$$F = (-3x + 4)[(3x - 8) - (7x + 2)]$$

$$F = (-3x + 4)[3x - 8 - 7x - 2]$$

$$F = (-3x + 4)(-4x - 10)$$

$$G = (8y + 3)(5y + 7) - 3(8y + 3)(2y - 1)$$

$$G = (8y + 3)[(5y + 7) - 3(2y - 1)]$$

$$G = (8y + 3)[5y + 7 - 6y + 3] = (8y + 3)(-y + 10)$$

- 4 Soit D = (2x + 1)(6x + 1) (2x + 1)(2x 7).
- a. En factorisant, vérifie que D = (2x + 1)(4x + 8).
- D = (2x + 1) [(6x + 1) (2x 7)]
- D = (2x + 1) [6x + 1 2x + 7]
- D = (2x + 1)(4x + 8)
- **b.** En factorisant 4x + 8, déduis-en une nouvelle factorisation de D.
- D = 4(2x + 1)(x + 2)
- 5 Factorise puis réduis chaque expression.
- A = (2x + 1)(x 3) + (2x + 1)
- $A = (2x + 1)(x 3) + (2x + 1) \times 1$
- $A = (2x + 1) \times (x 3 + 1)$
- A = (2x + 1)(x 2)
- B = (3x + 2) (2x 7)(3x + 2)
- $B = (3x + 2) \times 1 (2x 7)(3x + 2)$
- $B = (3x + 2) \times [1 (2x 7)]$
- B = (3x + 2)[1 2x + 7] = (3x + 2)(-2x + 8)
- C = -x (3x 2)x
- C = x[-1 (3x + 2)]
- C = x[-1 3x 2]
- C = x(-3x 3) = -x(3x + 3)
- 6 Factorise puis réduis chaque expression.
- $D = (x-1)^2 + (x-1)(2x+3)$
- $D = (x 1) \times (x 1) + (x 1)(2x + 3)$
- $D = (x 1) \times [(x 1) + (2x + 3)]$
- D = (x 1)(x 1 + 2x + 3) = (x 1)(3x + 2)
- $E = (2x + 3)(x 5) (x 5)^2$
- E = (2x + 3)(x 5) (x 5)(x 5)
- E = (x 5)[(2x + 3) (x 5)]
- E = (x 5)[2x + 3 x + 5] = (x 5)(x + 8)

- 7 Factorise puis réduis chaque expression.
- $A = (2x + 3)^2 + (x 2)(2x + 3)$
- A = (2x + 3)(2x + 3) + (x 2)(2x + 3)
- A = (2x + 3) [(2x + 3) + (x 2)]
- A = (2x + 3)[2x + 3 + x 2] = (2x + 3)(3x + 1)
- B = (2t 7) (5t + 1)(2t 7)
- $B = (2t 7) \times 1 (5t + 1)(2t 7)$
- B = (2t 7)[1 (5t + 1)]
- B = (2t 7)[1 5t 1] = -5t(2t 7)
- $C = 2y^2 y(4y 7)$
- $C = 2y \times y y(4y 7)$
- C = v[2v (4v 7)]
- C = v[2v 4v + 7] = v(-2v + 9)
- 8 Factorise puis réduis chaque expression.
- $J = \left(\frac{2}{3}x + 1\right)(x 5) (3x + 9)\left(\frac{2}{3}x + 1\right)$
- $J = \left(\frac{2}{3}x + 1\right) \left((x 5) (3x + 9)\right)$
- $J = \frac{2}{3}x + 1(x 5 3x 9)$
- $J = \frac{2}{3}x + 1 2x 14$
- $J = 2\left(\frac{2}{3}x + 1\right)(-x 7)$
- $K = \left(3t + \frac{3}{4}\right)(t-5) + (t-5)\left(-5t + \frac{5}{6}\right)$
- $K = \frac{(t-5)}{3t+\frac{3}{4}} + \left(-5t+\frac{5}{6}\right)$
- $K = (t-5) \left[3t + \frac{3}{4} 5t + \frac{5}{6} \right]$
- $K = \frac{(t-5)\left[-2t + \frac{9}{12} + \frac{10}{12}\right]}{12}$
- $K = \frac{(t-5)\left(-2t + \frac{19}{12}\right)}$

9 Factorise chaque expression.

$$D = 9x^2 + 30x + 25$$

$$D = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 5 + (5)^2$$

$$D = (3x + 5)^2$$

$$E = x^2 + 10x + 25$$

$$E = (x)^2 + 2 \times x \times 5 + (5)^2$$

$$E = (x + 5)^2$$

$$F = 4t^2 + 24t + 36$$

$$F = (2t)^2 + 2 \times 2t \times 6 + (6)^2$$

$$F = (2t + 6)^2$$

10 Factorise chaque expression.

$$G = 9x^2 + 64 + 48x$$

$$G = (3x)^2 + (8)^2 + 2 \times 3x \times 8$$

$$G = (3x + 8)^2$$

$$H = 9 + 4x^2 - 12x$$

$$H = (3)^2 + (2x)^2 - 2 \times 3 \times 2x$$

$$H = (3 - 2x)^2$$

$$J = x^2 - 2x + 1$$

$$J = (x)^2 - 2 \times x \times 1 + (1)^2$$

$$J = (x - 1)^2$$

$$K = y^2 - 18y + 81$$

$$K = (y)^2 - 2 \times y \times 9 + (9)^2$$

$$K = (y - 9)^2$$

$$L = 16x^2 + 25 - 40x$$

$$L = (4x)^2 + (5)^2 - 2 \times 4x \times 5$$

$$L = (4x - 5)^2$$

111 Factorise chaque expression.

$$M = x^2 - 49$$

$$M = (x)^2 - (7)^2$$

$$M = (x + 7)(x - 7)$$

$$N = 81 - t^2$$

$$N = (9)^2 - (t)^2$$

$$N = (9 - t)(9 + t)$$

$$P = 16x^2 - 36$$

$$P = (4x)^2 - (6)^2$$

$$P = (4x - 6)(4x + 6)$$

$$Q = 25 - 4v^2$$

$$Q = (5)^2 - (2y)^2$$

$$Q = (5 - 2y)(5 + 2y)$$

12 Factorise puis réduis chaque expression.

$$R = (x + 4)^2 - 49$$

$$R = (x + 4)^2 - \frac{7}{2}$$

$$R = (x + 4 - 7)(x + 4 + 7)$$

$$R = (x - 3)(x + 11)$$

$$S = (x - 4)^2 - (2x - 1)^2$$

$$a^2 - b^2$$
 avec $a = (x - 4)$ et $b = (2x - 1)$

$$S = [(x-4) - (2x-1)][(x-4) + (2x-1)]$$

$$S = [x - 4 - 2x + 1][x - 4 + 2x - 1]$$

$$S = (-x - 3)(3x - 5)$$

$$T = 4 - (1 - 3x)^2$$

$$T = 2^2 - (1 - 3x)^2$$

$$T = (2 + (1 - 3x))(2 - (1 - 3x))$$

$$T = (3 - 3x)(1 + 3x)$$

13 Factorise puis réduis chaque expression.

$$U = (3 - 2x)^2 - 4$$

$$U = (3 - 2x)^2 - 2^2$$

$$U = (3 - 2x - 2)(3 - 2x + 2)$$

$$U = (1 - 2x)(5 - 2x)$$
 ou $U = (-2x + 1)(-2x + 5)$

$$V = 121 - (x - 7)^2$$

$$V = (11)^2 - (x - 7)^2$$

$$V = [11 - (x - 7)][11 + (x - 7)]$$

$$V = [11 - x + 7][11 + x - 7]$$

$$V = (18 - x)(4 + x)$$
 ou $V = (-x + 18)(x + 4)$

$$W = (7x + 8)^2 - (9 - 5x)^2$$

$$W = [(7x + 8) - (9 - 5x)][(7x + 8) + (9 - 5x)]$$

$$W = [7x + 8 - 9 + 5x][7x + 8 + 9 - 5x]$$

$$W = (12x - 1)(2x + 17)$$

14 Complète le tableau suivant de façon à obtenir une expression de la forme $a^2 + 2ab + b^2$ ou $a^2 - 2ab + b^2$, puis sa forme factorisée.

	Expression	а	b	$(a+b)^2$ ou $(a-b)^2$
a.	$x^2 + \dots + 4$			
b.	$4x^2 - 8x + \dots$			
c.	$-20x + 4$			
d.	$9x^2 - 42x + \dots$			

15 Pour chaque ligne du tableau ci-dessous, choisis et entoure la bonne réponse parmi les trois proposées. Aucune justification n'est demandée.

	L'expression factorisée de	Α	В	С
a.	$x^2 - 100 \text{ est}$:	(x-10)(x+10)	(x-50)(x+50)	$(x-10)^2$
b.	$4x^2 - 12x + 9$ est :	(2x + 3)(2x - 3)	$(2x + 3)^2$	$(2x-3)^2$
c.	$9x^2 - 16$ est :	$(3x - 4)^2$	(3x + 4)(3x - 4)	$(3x + 4)^2$
d.	$(x + 1)^2 - 9$ est:	(x-2)(x+4)	$x^2 + 2x - 8$	(x-8)(x+10)
e.	$25x^2 + 60x + 36 \text{ est}$:	$(25x + 6)^2$	$(5x + 6)^2$	$(-5x + 6)^2$
f.	$(2x + 1)^2 - 1$ est :	(2x + 1)(2x - 1)	2 <i>x</i> (2 <i>x</i> -2)	2x(2x + 2)

16 Vers la seconde Factorise les expressions suivantes.	$C = \frac{16}{49} - (1 - 3x)^2$
$A = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - 25$	
$B = (x - 1)^2 - \frac{1}{4}$	$D = \left(\frac{1}{3} - 2x\right)^2 - \frac{4}{9}$