II. Vitesse moyenne

Si un mobile effectue un trajet au cours duquel la distance parcourue est proportionnelle à la durée du parcours, alors ce mobile a un mouvement dit **uniforme**.

Dans ce cas, le coefficient de proportionnalité entre la distance et la durée est appelé vitesse moyenne du mobile.

Propriété

Soient d la distance parcourue, t la durée du parcours et v la vitesse moyenne, on obtient la relation suivante :

$$v = \frac{d}{t}$$

Remarques:

- Si la distance **d** est en **km** et le temps **t** est en **h**, alors la vitesse **v** est en **km/h**.
- Si la distance \mathbf{d} est en \mathbf{m} et le temps \mathbf{t} est en \mathbf{s} , alors la vitesse \mathbf{v} est en \mathbf{m}/\mathbf{s} .

 \triangle II est donc impératif de convertir les grandeurs correctement avant d'utiliser les formules ci-dessus.

1. Calculer une vitesse moyenne (v)

 \rightarrow Pour calculer une vitesse moyenne, on utilise la formule : $v = \frac{d}{t}$

Exemple: Quelle est la vitesse moyenne en km/h d'un piéton qui met 2h30 pour parcourir 10.5 km?

- La vitesse doit être expr<u>imée en km/h, donc le temps doit être</u> exprimé en h :

$$x = \frac{150 \times 1}{60}$$

x = 2,5h donc 2h30min = 2,5h

- On peut maintenant utiliser la formule de la vitesse : $v = \frac{c}{t}$

$$v = \frac{10.5}{2.5}$$

v = 4,2 km/h Le piéton marche à une vitesse de 4,2 km/h.

Exercice d'application 3

Un automobiliste effectue un trajet de 522 kilomètres en 6 heures et 40 min. Quelle est sa vitesse moyenne en km/h? en m/s?

- La vitesse doit être exprimée en km/h, donc le temps doit être exprimé en h :

6h40min = ? h

heure	1	X
min	60	$6h40 \min = 400 \min$

$$x = \frac{400 \times 1}{60}$$

 $x \approx 6,67h$ donc **6h40min** \approx **6,67h**

- On peut maintenant utiliser la formule de la vitesse : $v = \frac{d}{t}$

$$v \approx \frac{522}{6,67}$$

 $v \approx 78$, 3 km/h

L'automobiliste roule à une vitesse moyenne de 78,3 km/h.

- Convertissons maintenant en m/s :

Rappels: 1 km = 1 000 m et 1 h = 60 min 78,3 km = 78 300 m

Si je parcours 78 300 m en une heure donc en 3600 min, combien je vais parcourir de km en une minute?

km	78 300	Х
sec	3600	1

$$x = \frac{78300 \times 1}{3600} = 21,75m$$

78,3 km/h = 21,75 m/s

2. Calculer une distance (d)

 \rightarrow Pour calculer une distance, on utilise la formule :

 $d = v \times t$

Exemple: Quelle est la distance parcourue par un véhicule qui roule pendant 3h à la vitesse moyenne de 85 km/h?

On utilise la formule de la distance : $d = v \times t$

 $d = 85 \times 3$

d = 255 km

Le véhicule a parcouru 255 km.

Exercice d'application 4 -

Valentine fait du vélo. Elle roule pendant 1 heure 20 min à la vitesse moyenne de 12 km/h. Quelle distance a-t-elle parcouru en km?

- Le temps doit être exprimé en heure :

1 h 20 min = ? h

heure	1	X	
min	60	1h20 min = 80 min	

$$x = \frac{80 \times 1}{60}$$

 $x \approx 1,3h$ donc **1 h 20 min** \approx **1,3 h**

- On utilise la formule de la distance : $d = v \times t$

 $d \approx 12 \times 1,3$

 $d \approx 15,6$ km

Elle a parcouru 15,6 km.

3. Calculer une durée (t)

ightarrow Pour calculer une durée, un temps, on utilise la formule : $t=rac{d}{v}$

Exemple : Quelle est la durée de parcours d'un cycliste qui roule à une vitesse moyenne de 17,5 km/h et qui parcourt 63 km?

On utilise la formule de la durée : $t = \frac{a}{v}$

 $t = \frac{63}{17}$

t = 3,6 h

- On convertit en heures et en minutes :

heure	1	0,6
min	60	Χ

$$x = \frac{0,6 \times 60}{1} = 36min$$

Donc 3.6 h = 3 h 36 min.

Il a parcouru 63 km en 3 heures et 36 minutes.

Exercice d'application 5

Alix nage. Lors d'une compétition, elle parvient à nager à la vitesse moyenne de 3,5 km/h et parcourt ainsi 2 km. Calculer le temps en minutes et secondes qui lui a été nécessaire.

On utilise la formule de la durée : $t = \frac{d}{v}$

$$t = \frac{2}{3.5}$$

 $t \approx 0,57$ h

- On convertit en minutes :

heure	1	0,57
min	60	X

$$x = \frac{0,57 \times 60}{1} = 34,2min$$

Donc 0.57 h = 34.2 min.

- On convertit en minutes et en secondes :

min	1	0,2
secondes	60	X

$$x = \frac{0,2 \times 60}{1} = 12sec$$

Donc 34,2 min = 34 min 12 sec.

II a parcouru 63 km en 3 heures et 36 minutes.

III. Pourcentages

1. Appliquer un pourcentage

Définition

Pour calculer t % d'une quantité, on multiplie cette quantité par $\frac{t}{100}$

Exemple : Calculer les pourcentages suivants.

50% de 58 élèves : $\frac{50}{100} \times 58 = 29$ Cela correspond à 29 élèves (*la moitié*).

25 % de 200 L : $\frac{25}{100} \times 200 = 50$ Cela correspond à 50 L (*le quart*).

70 % de 90 kg $\frac{70}{100} \times 90 = 63 \text{ Cela correspond à 63 kg.}$