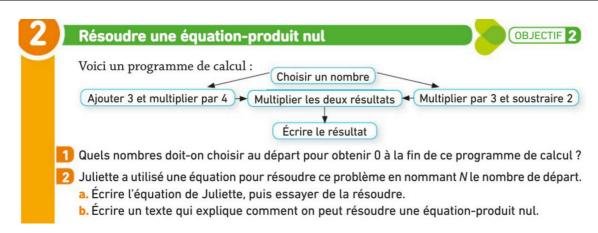
Plan du cours

I.	Produit nul	1
П.	Reconnaître une équation produit	1
Ш.	Résoudre une équation produit	2



I. Produit nul

Propriété

Dans un produit, si l'un des facteurs est nul, alors ce produit est nul.

Autrement dit, Si A = 0 ou B = 0 alors $A \times B = 0$

Propriété

Réciproquement, si un produit est nul, alors l'un au moins de ses facteurs est nul.

Autrement dit, si $A \times B = 0$ alors A = 0 ou B = 0.

II. Reconnaître une équation produit

Définition

a, b, c et d désignent des nombres.

Une équation de la forme (ax + b)(cx + d) = 0 est une équation produit.

Exemple:

L'équation (3x - 5)(9 - x) = 0 s'appelle une équation produit nul car :

- L'un des membres est un produit de facteurs.
- L'autre membre est 0.



- Si l'on développe le premier membre de cette équation, on s'aperçoit que cette équation est du second degré.
- Pour obtenir une équation produit, il est parfois nécessaire de factoriser l'équation donnée. On dispose pour cela des formules du chapitre factorisation et des identités remarquables.

Exercice d'application 1

Transformer les équations suivantes pour qu'elles deviennent des équations produits :

(a) (9x-4)(11-2x) - (5x-6)(9x-4) = 0

(d) (3-x)(2x+7) = (6x-1)(x+1)

......

.....

.....

.....

(b) $9x^2 - 144 = 0$

(e) $x^2 = 16$

.....

.....

.....

......

(c) $12x^3 = 8x^2$

(f) $16x^2 - 8x = -1$

.....

.....

.....

.....

III. Résoudre une équation produit

<u>Énoncé</u> : Résoudre l'équation : (x + 2)(2x - 7) = 0.

Résolution :

(x + 2)(2x - 7) = 0 est une équation produit.

Or, si un produit de facteurs est nul, alors l'un au moins des facteurs est nul.

Ainsi, x + 2 = 0

2x - 7 = 0

x = -2

ou

ou

2x = 7

x = -2

ΛII

 $x = \frac{7}{2}$

Les solutions de l'équation sont alors -2 et $\frac{7}{2}$.

Exemples : Résoudre les équations suivantes :

$$(x-4)(x+3) = 0$$

$$(-2x-1)(7-3x) = 0$$

$$9x^2 = 36$$

Exercice d'application 2 -

Énoncés type-brevet

Exercice 1 On donne R = (7x - 5)(8 - x) - (8 - x)(10 + x).

- 1. Développer et réduire R.
- 2 Factoriser R.
- 3. Calculer R pour x = -1.
- 4. Résoudre l'équation R = 0.

Exercice 2 On donne $A = (3x + 7)^2 + (3x + 7)(x - 1)$.

- 1. Développer et réduire A.
- 2. Factoriser A.
- 3. Calculer A pour x = 0.
- 4. Résoudre l'équation A = 0.

Exercice 3 On donne $E = 9 - (2x - 1)^2$.

- 1. Développer et réduire E.
- 2. Factoriser E.
- 3. Calculer E pour $x = \frac{1}{2}$. 4. Résoudre l'équation E = 0.