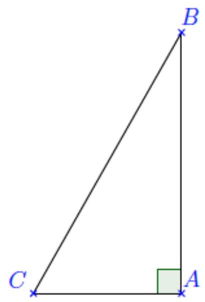
Plan du cours

I. Vocabulaire

Soit ABC un triangle rectangle en A.
L'hypoténuse est [BC].

- Si on regarde l'angle $\widehat{ABC}$:
Le **côté opposé** à l'angle $\widehat{ABC}$ est [AC].
Le **côté adjacent** à l'ange $\widehat{ABC}$ est [AB].

- Si on regarde l'angle $\widehat{ACB}$:
Le **côté opposé** à l'angle $\widehat{ACB}$ est [AB].
Le **côté adjacent** à l'ange $\widehat{ACB}$ est [AC].



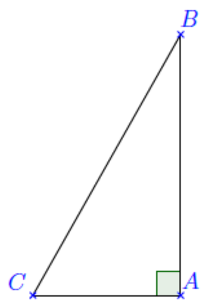
Dans un triangle ABC rectangle en A : $\widehat{ACB} + \widehat{ABC} = 90°$

II. Définition de cosinus, sinus et tangente

Définition

Soit ABC un triangle rectangle en A.

- $cos\widehat{ABC} = \dfrac{\text{côté adjacent}}{\text{hypoténuse}} = \dfrac{AB}{BC}$
- $sin\widehat{ABC} = \dfrac{\text{côté opposé}}{\text{hypoténuse}} = \dfrac{AC}{BC}$
- $tan\widehat{ABC} = \dfrac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}} = \dfrac{AC}{AB}$



Moyen mnémotechnique de se souvenir de ces formules :

SOH CAH TOA

III. Applications

1. Calcul d'une longueur

1. *Soit IJK un triangle rectangle en K tel que IJ = 8 cm et $\widehat{KIJ}$ = 50°. Calculer KJ.*

Le triangle EJK est rectangle en K.
Je connais l'angle $\widehat{KIJ}$ et l'hypoténuse du triangle [IJ] et je cherche la longueur du côté opposé([KJ])

J'utilise donc la formule du sinus :

$sin\widehat{KIJ} = \frac{\text{côté opposé}}{\text{hypoténuse}}$

$sin\widehat{KIJ} = \frac{KJ}{IJ}$

$sin50° = \frac{KJ}{8}$

D'après le produit en croix : $KJ = 8 \times sin50°$

$\boxed{KJ \approx 6,1cm}$

2. **Soit DFE un triangle rectangle en E tel que DE = 7 cm et $\widehat{DFE}$ = 56°. Calculer FE.**

Le triangle DFE est rectangle en E.
Je connais l'angle $\widehat{DFE}$ et son côté opposé [DE] et je cherche la longueur du côté adjacent([FE])

J'utilise donc la formule de la tangente :

$tan\widehat{DFE} = \frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}}$

$tan\widehat{DFE} = \frac{DE}{FE}$

$tan56° = \frac{7}{FE}$

D'après le produit en croix : $FE = \frac{7 \times 1}{tan56}$

$\boxed{FE \approx 4,7cm}$

2. Calcul d'un angle

1. *Soit LMN rectangle en N tel que LN = 6,5 cm et NM = 3 cm. Calculer $\widehat{LMN}$ puis en déduire la mesure de l'angle $\widehat{MLN}$.*

Calcul de l'angle $\widehat{LMN}$:

Le triangle LMN est rectangle en N.
Je connais [MN] le côté adjacent de $\widehat{LMN}$ et [NL] le côté opposé de $\widehat{LMN}$ et je cherche l'angle $\widehat{LMN}$.

J'utilise donc la formule de la tangente :

$tan\widehat{LMN} = \frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}}$

$tan\widehat{LMN} = \frac{NL}{MN}$

$tan\widehat{LMN} = \frac{6,5}{3}$

A l'aide de la calculatrice, je trouve :
$\widehat{LMN} = arctan(\frac{6,5}{3})$

Donc $\boxed{\widehat{LMN} \approx 65,2°}$

Calcul de l'angle $\widehat{MLN}$:

On sait que le triangle MLN est rectangle en N, donc la somme de ses angles aigus vaut 90°.

Donc $\widehat{MLN}$ = 90 - $\widehat{LMN}$

$\widehat{MLN}$ = 90 - 65,2

$\widehat{MLN}$ = 24,8 °

2. *Soit OPQ un triangle rectangle en O tel que OP = 5 cm et QP = 7 cm. Calculer $\widehat{OQP}$.*

Le triangle OPQ est rectangle en O.
Je connais [OP] le côté opposé de $\widehat{OQP}$ et [QP] l'hypoténuse et je cherche l'angle $\widehat{OQP}$.

J'utilise donc la formule du sinus :

$$sin\widehat{OQP} = \frac{\text{côté opposé}}{\text{hypoténuse}}$$

$$sin\widehat{OQP} = \frac{OP}{QP}$$

$$sin\widehat{OQP} = \frac{5}{7}$$

A l'aide de la calculatrice, je trouve :
$\widehat{OQP} = arcsin(\frac{5}{7})$

Donc $\boxed{\widehat{OQP} \approx 45,6°}$