Plan du cours

| I. | La notion de fonction | 1 |
|-----|-----------------------------------------|---|
| | 1. Définition | 1 |
| | 2. Représentation graphique | 1 |
| II. | Image d'un nombre par une fonction | 3 |
| ш | Antécédent d'un nombre par une fonction | 3 |

I. La notion de fonction

1. Définition

Définition

Une fonction est une application qui, à un nombre, fait correspondre un unique autre nombre. On note $f: x \mapsto f(x)$ et on lit: "f la fonction qui au nombre x associe le nombre f(x)".



Exemple:

- Soit f la fonction qui à x associe son double. On note f : $x \mapsto 2x$. La fonction f est définie par f(x) = 2x.
- Soit f la fonction qui à x associe son carré. On note f : $x \mapsto x^2$. La fonction f est définie par $f(x) = x^2$.

Exercice d'application 1 -

Compléter :

- 1. Soit f la fonction qui à x associe le nombre $4 x^2$ Alors $f : x \mapsto \dots \mapsto f(x) = \dots$
- 3. On définit une fonction f, par le programme de calcul suivant : " Élever au carré le nombre choisi et ajouter 1".
- (a) Compléter le tableau ci-dessous à l'aide du programme et de la fonction f :

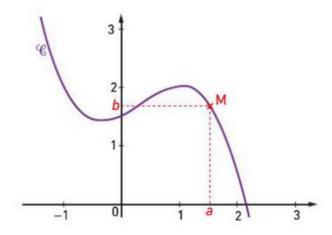
| Nombre de départ | 4 | 6 | 7 | 8 |
|----------------------|---|---|---|---|
| Nombre correspondant | | | | |

(b) De façon générale, on dit que la fonction f, à un nombre x, fait correspondre, Donc $f(x) = \dots$

2. Représentation graphique

Définition

Dans un repère, la représentation graphique, ou courbe représentative, d'une fonction f est formée de l'ensemble des points de coordonnées (x; f(x)).



Exemple : Traçons la représentation graphique de la fonction $f: x \mapsto x^2 - 1$ dans un repère.

On commence par compléter le tableau suivant :

| | Χ | -3 | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|-----|----|----|----|---|---|---|---|
| f | (x) | | | | | | | |

II. Image d'un nombre par une fonction

Définition

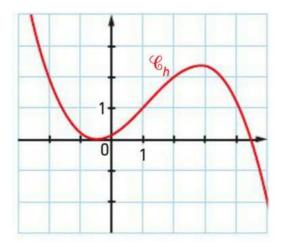
Par la fonction f, à un nombre a correspond un nombre b. Le nombre ${\bf b}$ s'appelle **l'image** du nombre a par la fonction f.

Remarque: On peut trouver l'image d'un nombre soit par calcul soit par lecture graphique.

Exemple:

| • | On considère la fonction $f: x \mapsto x^2$. On sait alors que $f(x) = x^2$. |
|---|--------------------------------------------------------------------------------|
| | Quelle est l'image de 0 et de 3 par la fonction f? |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

• On considère maintenant la fonction h suivante :



| Quelle est l'image de -2 et de 2 par la fonction h? | |
|-----------------------------------------------------|--|
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

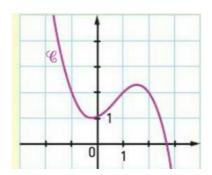
III. Antécédent d'un nombre par une fonction

Définition

Par la fonction f, à un nombre a correspond un nombre b. Le nombre **a** s'appelle **un antécédent** du nombre b par la fonction f.

Remarque : On peut trouver un antécédent d'un nombre soit par calcul soit par lecture graphique. Pour l'instant, on le cherchera uniquement par lecture graphique.

Exemple: Soit la fonction h définie ci-dessous:



| Do | onner le ou les antécédent(s) de 4 par la fonction h ? |
|----|---------------------------------------------------------|
| | |
| | |
| Do | onner le ou les antécédent(s) de 2 par la fonction h? |
| | |
| | |
| Do | onner le ou les antécédent(s) de 0 par la fonction h? |
| | |
| | |