Savoir-faire 1 Comment calculer une somme algébrique RAPPEL

Enoncé Calculer la somme algébrique : A = -10 + 4 + 7 - 12 - 5.

Solution

$$A = -10 + 4 + 7 - 12 - 5$$

La somme algébrique A doit être considérée comme la somme (-10) + (+4) + (+7) + (-12) + (-5).

$$A = -10 - 12 - 5 + 4 + 7$$

$$A = -27 + 11$$

$$A = -16$$
.

On effectue la somme en regroupant, par exemple, les termes négatifs, d'une part, et les termes positifs, d'autre part.

Savoir-faire 2 Comment calculer un produit

Enonce Calculer le produit : $A = (-5) \times 3 \times 10 \times (-4) \times (-2) \times 8$.

Solution

Méthode Pour calculer un produit :

- on compte le nombre de facteurs négatifs ;
- on applique la propriété permettant d'obtenir le signe d'un produit ;
- on calcule le produit des distances à zéro de tous les facteurs.

$$A = (-5) \times 3 \times 10 \times (-4) \times (-2) \times 8$$

Ici, le produit contient trois facteurs négatifs. Or 3

$$A = -(5 \times 3 \times 10 \times 4 \times 2 \times 8)$$

A = -9600.

est un nombre impair, donc le produit est négatif.

On effectue le produit des distances à zéro.

Savoir-faire 3 Comment calculer un quotient

Enonce Calculer les quotients : $A = \frac{-18}{42}$ et $B = \frac{-87}{-15}$

Solution

Méthode Pour calculer un quotient :

- on détermine son signe ;
- on exprime la distance à zéro du quotient en écriture fractionnaire simplifiée ou en écriture décimale si cela est possible.

• A =
$$\frac{-18}{42}$$
 = $-\frac{18}{42}$

Le numérateur -18 est négatif et le dénominateur 42 est positif. Or le quotient de deux nombres de signes contraires est négatif, donc le nombre A est négatif.

Α	Ξ	$-\frac{18}{42} =$	6×3
			$\overline{6 \times 7}$

On simplifie le quotient des distances à zéro.

$$A \,=\, -\frac{3}{7}.$$

 $\frac{3}{7}$ n'est pas un nombre décimal (la division de 3 par 7 ne « s'arrête » jamais).

• B =
$$\frac{-87}{-15}$$
 = $\frac{87}{15}$

Le numérateur –87 est négatif et le dénominateur –15 est négatif. Or le quotient de deux nombres de même signe est positif, donc le nombre **B** est positif.

$$B = \frac{87}{15} = \frac{3 \times 29}{3 \times 5}$$

On simplifie le quotient des distances à zéro.

$$B = \frac{29}{5}$$
 ou $B = 5.8$.

 $\frac{29}{5}$ est égal à 5,8. Donc le résultat peut être donné sous la forme d'une fraction ou d'un nombre décimal.

Savoir-faire Comment effectuer un calcul comportant les quatre opérations

Enonce Calculer l'expression : $A = -6 + 28 : [2 \times (-4) - (9 - 3 \times 4)].$

Solution

$$A = -6 + 28 : [2 \times (-4) - (9 - 3 \times 4)]$$

On effectue d'abord le calcul entre les parenthèses les plus intérieures, en respectant la priorité de la multiplication sur la soustraction.

$$A = -6 + 28 : [2 \times (-4) - (9 - 12)]$$

A = -6 + 28 : [-8 - (-3)]

A = -6 + 28 : [-8 + 3] On effectue le calcul entre crochets.

$$A = -6 + 28 : (-5)$$

La division est prioritaire sur l'addition, donc

$$A = -6 + (-5,6)$$

 $A = -11,6$

on effectue d'abord la division de 28 par –5, puis l'addition.

avoir-faire 5

Comment calculer la valeur d'une expression littérale

Enonce Calculer l'expression : $A = x^2 - 3(x+2) + 5x$ pour x = -4.

Solution

$$A = x \times x - 3 \times (x + 2) + 5 \times x$$

On identifie les opérations.

$$A = (-4) \times (-4) - 3 \times (-4 + 2) + 5 \times (-4)$$

On remplace x par -4.

$$A = (-4) \times (-4) - 3 \times (-2) + 5 \times (-4)$$

$$A = 16 - (-6) + (-20)$$

On effectue les calculs en respectant les règles de priorité.

$$A = 16 + 6 - 20$$

$$A = 22 - 20$$

$$A = 2$$
.