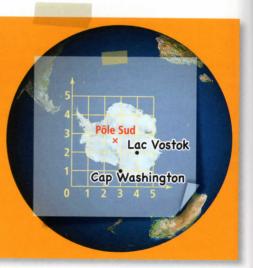
# **Nombres** relatifs



Manchots empereurs (oiseaux) à Cap Washington, en Antarctique.

C'est en Antarctique que l'on a enregistré les températures les plus basses du monde. Le 21 juillet 1983, la température record de -89,2 °C a été relevée à la surface de la terre à la station de Vostok, située au-dessus du lac Vostok. Durant la longue nuit polaire, la température moyenne de l'air est de -65 °C, alors que durant le bref été elle est de -30 °C. La température la plus élevée enregistrée à Vostok est de -12,2 °C (11 janvier 2002).

Quelles informations a-t-on donné à Élena pour qu'elle place Cap Washington et le lac Vostok sur son papier calque?



Tracer une demi-droite graduée et représenter les différentes températures relevées à Vostok. Quelle est la température la plus élevée après -12,2 °C ? Devinette

Que signifie, « il était moins une »?

Réponse p. 288.

#### Je vais apprendre à :

- Utiliser la notion d'opposé d'un nombre relatif sc.
- Ranger des nombres relatifs en écriture décimale.
- Utiliser les nombres relatifs sur une droite graduée SC.
- Utiliser les nombres relatifs dans un repère orthogonal du plan sc

#### Je prends un bon départ

#### OCM

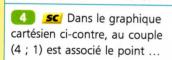
SC

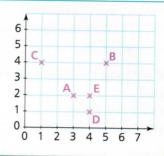
Pour chaque question, une seule des trois réponses A, B ou C est exacte. Laquelle ?

| 0 |     | Α   |   |          |
|---|-----|-----|---|----------|
| 0 | 1 1 | + + | 1 | <b>→</b> |

Sur la demi-droite graduée ci-dessus, l'abscisse du point A est ...

**SC** Dans le graphique cartésien ci-contre, au couple (3; 2) est associé le point A. Le point B est associé au couple ...





| (4;5) | (5 |
|-------|----|
|       |    |

A

-3 °C

В

0.4

−7 °C

; 4)

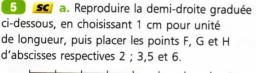
C

0,8

1°C

(5;5)

E





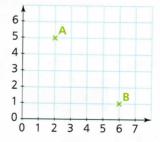
b. Reproduire la demi-droite graduée ci-dessous, en choisissant 4 cm pour unité de longueur, puis placer les points R, S, T et U d'abscisses respectives

$$\frac{1}{4}; \frac{1}{2}; \frac{3}{4} \text{ et } \frac{7}{4}.$$

$$0 \qquad 1 \qquad 2$$

- 6 1. Ranger les nombres suivants dans l'ordre croissant: 3,4; 4,6; 3,04; 4,18 et 4.
- 2. Ranger les nombres suivants dans l'ordre décroissant : 11,7 ; 6,88 ; 10,9 ; 11,685 et 10,09.

**SC** 1. a. Reproduire le graphique cartésien ci-dessous



- b. Quelle est l'abscisse du point A? Quelle est l'ordonnée du point B?
- **2.** a. Placer les points J(3 ; 4), K(0 ; 5), L(4 ; 3) et P(4; 0).
- b. Placer le point R sachant qu'il a la même abscisse que A et la même ordonnée que L.

#### Activités

## 1 Je découvre les nombres relatifs

**a.** Le panneau de commande d'un ascenseur est représenté ci-contre.

À quel nombre correspond le rez-de-chaussée ? Le 1<sup>er</sup> sous-sol ? Le 2<sup>e</sup> sous-sol ?

- b. La cabine de cet ascenseur est au 3e étage. Indiquer à quel étage elle se trouve après être descendue de 5 niveaux.
- Les thermomètres ci-contre indiquent des températures relevées à Clermont-Ferrand (Puy-de-Dôme) à deux moments différents d'une même nuit.
  - **a.** Entre minuit et 2 h 00, la température a baissé de 6 °C. Dessiner un nouveau thermomètre, puis marquer la température relevée à 2 h 00.
  - b. Recopier et compléter les phrases :
  - « La température relevée à 22 h 00 est une température positive, égale à +4 °C (que l'on écrit plus simplement 4 °C). Elle correspond à 4 °C au  $_{-}$  \_ de 0 °C. »
  - « La température relevée à  $\_$   $\_$  h 00 est une température négative, égale à -5 °C. Elle correspond à 5 °C en  $\_$   $\_$  de 0 °C. »
- a. Jeanne dispose de 10 € et souhaite acheter un tee-shirt qui coûte 12,50 €.
   Peut-elle effectuer cet achat ?

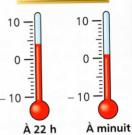
Le vendeur accepte de faire crédit à Jeanne. Il note alors sur son livre de comptes : « Jeanne : -2,50 € » pour indiquer que Jeanne lui doit 2,50 €.

- b. Mathieu dispose de 32,50 € et souhaite acheter deux chemises à 22,50 € l'une.
  Que doit alors inscrire le vendeur sur son livre de comptes en face du nom de Mathieu ?
- Les nombres –2 ; –5 ; –12,5 sont négatifs : ils s'écrivent avec le signe « moins ».
- Les nombres +4 et +32,5 sont **positifs** : ils s'écrivent avec le **signe « plus »**.
- Les nombres positifs et les nombres négatifs constituent les nombres relatifs.



Le signe « plus » n'est pas obligatoire. Par exemple : +4 est noté 4.



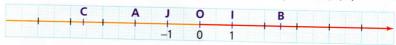


## Je repère des points sur une droite graduée

Une **droite graduée** est une droite sur laquelle on a choisi un **sens**, un point nommé **origine** et une **unité** que l'on reporte régulièrement à partir de l'origine.

Chaque point d'une droite graduée peut être repéré par un **nombre relatif** appelé **l'abscisse** de ce point.

a. Sur la droite graduée d'origine O ci-dessous, l'abscisse du point A est le nombre –2. On écrit : A(–2). Indiquer de même l'abscisse de chacun des points O, I, J, B et C.

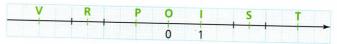


- **b.** Reproduire cette droite graduée sur une feuille de papier millimétré, puis placer les points D(2), E(4) et F(-4,2).
- c. Parmi les points nommés sur la droite graduée, indiquer ceux dont l'abscisse est un nombre positif, puis ceux dont l'abscisse est un nombre négatif.
- a. Quelle est la distance du point O au point A ?

La distance du point O au point A est appelée la distance à zéro de l'abscisse du point A.

b. Quelle est la distance à zéro de l'abscisse du point B ? et de celle du point C ?

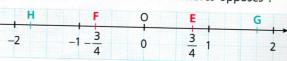
## 3 J'utilise la notion d'opposé



- **a.** Que représente le point O pour le segment [RS] ? Que peut-on alors dire des points R et S ?
  - b. Quelles sont les abscisses des points R et S ?
  - **c.** Que peut-on dire des signes des abscisses des points R et S ? et de leurs distances à zéro ?

Les abscisses des points R et S ont la même distance à zéro et des signes contraires : on dit que les abscisses des points R et S sont deux nombres **opposés**.

- d. Quels autres points de la droite graduée ont pour abscisses des nombres opposés ?
- Sur la demi-droite ci-contre, les points E et F sont symétriques par rapport à O;

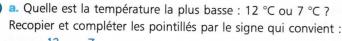


ils ont pour abscisses respectives les nombres opposés  $\frac{3}{4}$  et  $-\frac{3}{4}$ .

- a. Que peut-on dire des points G et H?
- b. Quelle est l'abscisse du point G ? et celle du point H ?
- c. Que peut-on dire des abscisses des points G et H?

#### **Activités**

#### 4 Je compare des nombres relatifs



12 = 7. **b.** Quelle est la température la plus basse : -5 °C ou 2 °C ?

Recopier et compléter les pointillés par le signe qui convient :

**c.** Quelle est la température la plus basse :

−6 °C ou −13 °C ? Recopier et compléter les pointillés par le signe qui convient :

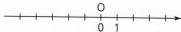
-6 \_ \_ -13.







- d. Recopier et compléter les phrases suivantes :
- « Si deux nombres sont positifs, le plus petit est celui qui a la plus \_ \_ \_ distance à zéro. »
- « Si deux nombres sont de signes contraires, le plus petit est le nombre \_ \_ \_ . »
- « Si deux nombres sont négatifs, le plus petit est celui qui a la plus \_ \_ \_ distance à zéro. »
- « Un nombre positif non nul est plus  $\_$   $\_$   $\_$  que zéro ; un nombre négatif non nul est plus  $\_$   $\_$   $\_$  que zéro. »
- a. Reproduire la droite graduée d'origine O ci-dessous, et placer les points A(3); B(-5);
   C(-1) et D(-3).



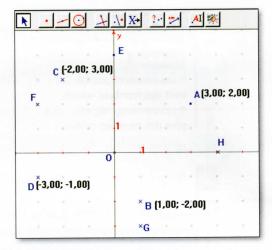
- b. Citer, dans l'ordre, les points que l'on rencontre en parcourant la droite graduée dans le sens de la flèche, de gauche à droite.
- **c.** Ranger dans l'ordre croissant les nombres 3; 1; -5; -1; 0 et -3.



### Repérer des points dans le plan

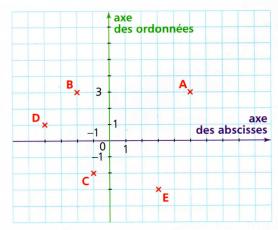
Un **repère orthogonal** est constitué de deux droites graduées de même origine et perpendiculaires.

- On a utilisé un logiciel de géométrie pour placer des points dans un repère orthogonal, et pour déterminer la position de chaque point à l'aide de nombres relatifs.
  - a. Quelle est la position du point A? Quelle est la position du point C?
  - **b.** Quel est le point dont la position est (–3 ; –1) ?
  - **c.** Les positions (3 ; -2) et (-2 ; 3) correspondent-elles au même point ?
  - **d.** Par quels couples de nombres relatifs sont déterminées les positions des points E, F, G et H ?



Dans un repère orthogonal, l'axe « horizontal » est appelé l'axe des abscisses et l'axe « vertical » est appelé l'axe des ordonnées.

Un point est repéré par deux nombres relatifs, appelés les **coordonnées** du point. Le **premier** nombre écrit est l'**abscisse** du point et le **deuxième** nombre écrit est l'**ordonnée** de ce point.



Par exemple, dans le repère ci-dessus, le point A a pour coordonnées 5 et 3.

On note A (5 ; 3).

abscisse ordonnée

- a. Quelle est l'abscisse du point B ? Quelle est l'ordonnée du point C ?
- b. Quelles sont les coordonnées des points D et E?
- c. Dessiner le repère précédent sur une feuille quadrillée en prenant un centimètre pour unité de longueur sur chaque axe, puis placer dans ce repère les points F(2; -3), G(-2; -3,5) et H(0; 2,5).