

Zwei Operatoren heißen vertauschbar, wenn der Kommutator verschwindet, also ihre Anwendungsreihenfolge egal ist. Kommutierende Operatoren besitzen ein simultanes Eigenfunktionssystem:

$$\hat{O}_1 \psi_{nm} = a_n \psi_{nm}, \quad \hat{O}_2 \psi_{nm} = b_m \psi_{nm}$$

\hat{C} , der Operatoren \hat{O}_1 und \hat{O}_2 , Operator, definiert durch:

$$\hat{C} = [\hat{O}_1, \hat{O}_2] = \hat{O}_1 \hat{O}_2 - \hat{O}_2 \hat{O}_1$$

$$[\hat{l}_x, \hat{l}_y] = j\hbar \hat{l}_z, \quad [\hat{l}^2, \hat{l}_x] = 0$$

$$[\hat{l}_y, \hat{l}_z] = j\hbar \hat{l}_x, \quad [\hat{l}^2, \hat{l}_y] = 0$$

$$[\hat{l}_z, \hat{l}_x] = j\hbar \hat{l}_y, \quad [\hat{l}^2, \hat{l}_z] = 0$$

$$[\hat{x}_i, \hat{p}_k] = \hat{x}_i \cdot \hat{p}_k - \hat{p}_k \cdot \hat{x}_i = j \cdot \hbar \cdot \delta_{ik}$$

$\hat{U}(t, t_0)$, beschreibt die zeitliche Entwicklung eines Zustandes ψ vom Zeitpunkt t_0 zum Zeitpunkt t :

$$\psi(t) = \hat{U}(t, t_0) \psi(t_0)$$

$$\hat{U}(t_0, t_0) = 1$$

$$\hat{U}(t, t_0) = e^{-\frac{j}{\hbar} H(t-t_0)}$$

\hat{H} , Operator der Gesamtenergie eines quantenmechanischen Systems. Er bestimmt die Zeitentwicklung der Zustandsfunktion ψ . Teilchen der Masse m im Potenzial V :

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}^2}{2m} + V(\hat{r})$$

Formulierung der Quantenmechanik mit zeitabhängigen Operatoren und zeitunabhängigen Zuständen:

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

$$\frac{d\hat{O}(t)}{dt} = \frac{j}{\hbar} [H, \hat{O}(t)] \text{ Heisenberggleichung}$$

Formulierung der Quantenmechanik mit zeitunabhängigen Operatoren und zeitabhängigen Zuständen:

$$\frac{\partial \hat{O}}{\partial t} = 0$$

$$\frac{\partial \psi(t)}{\partial t} = -\frac{j}{\hbar} H \psi(t) \text{ Schrödingergleichung}$$